作业 3

1. 讨论扩散方程

$$\frac{\partial u}{\partial t} = a \frac{\partial^2 u}{\partial x^2}, \quad a \neq 0$$

的差分格式

$$\frac{3}{2} \frac{u_j^{n+1} - u_j^n}{\tau} - \frac{1}{2} \frac{u_j^n - u_j^{n-1}}{\tau} = a \frac{u_{j+1}^{n+1} - 2u_j^{n+1} + u_{j-1}^{n+1}}{h^2}$$

的截断误差。

2. 考虑二维泊松方程 $-\Delta u = f$ 的差分格式

$$-\frac{1}{2h^2}(u_{i+1,j+1} + u_{i+1,j-1} + u_{i-1,j+1} + u_{i-1,i-1} - 4u_{i,j}) = f_{i,j},$$

其中 h>0 为空间步长, $u_{i,j}=u(ih,jh), f_{i,j}=f(ih,jh)$ 。 试分析它的截断误差。