

Factorizacio_LU

Imanol

13/3/2021

R

Factorizaciones LU sin permutación

```
library(matlib)

A = rbind(c(1,3,0,-1),c(2,1,-1,5),c(0,-2,3,-1),c(1,1,3,1))
luA = LU(A)

# Le puedo pedir la matriz P (sera la matriz identidad porque no he permutado ninguna fila)
luA$P
```

```
##      [,1] [,2] [,3] [,4]
## [1,]    1    0    0    0
## [2,]    0    1    0    0
## [3,]    0    0    1    0
## [4,]    0    0    0    1
```

```
# Le puedo pedir la matriz L
luA$L
```

```
##      [,1] [,2] [,3] [,4]
## [1,]    1 0.0    0    0
## [2,]    2 1.0    0    0
## [3,]    0 0.4    1    0
## [4,]    1 0.4    1    1
```

```
# Le puedo pedir la matriz U
luA$U
```

```
##      [,1] [,2] [,3] [,4]
## [1,]    1    3 0.0 -1.0
## [2,]    0   -5 -1.0  7.0
## [3,]    0    0 3.4 -3.8
## [4,]    0    0 0.0  3.0
```

```
# Comprobacion
luA$L%%luA$U == A
```

```
##      [,1] [,2] [,3] [,4]
## [1,] TRUE TRUE TRUE  TRUE
## [2,] TRUE TRUE TRUE  TRUE
## [3,] TRUE TRUE TRUE FALSE
## [4,] TRUE TRUE TRUE FALSE
```

Factorizaciones LU con permutación

```
library(matlib)

A = rbind(c(0,1,3),c(1,3,-2),c(-3,-2,-1))
luA = LU(A)

# Le puedo pedir la matriz P (se ha permutado la primera y segunda fila)
luA$P
```

```
##      [,1] [,2] [,3]
## [1,]    0    1    0
## [2,]    1    0    0
## [3,]    0    0    1
```

```
# Le puedo pedir la matriz L
luA$L
```

```
##      [,1] [,2] [,3]
## [1,]    1    0    0
## [2,]    0    1    0
## [3,]   -3    7    1
```

```
# Le puedo pedir la matriz U
luA$U
```

```
##      [,1] [,2] [,3]
## [1,]    1    3   -2
## [2,]    0    1    3
## [3,]    0    0  -28
```

```
# Comprobacion
luA$L%%luA$U == luA$P%%A
```

```
##      [,1] [,2] [,3]
## [1,] TRUE TRUE TRUE
## [2,] TRUE TRUE TRUE
## [3,] TRUE TRUE TRUE
```

Resolver sistemas

```
library(matlib)

A = rbind(c(0,1,3),c(1,3,-2),c(-3,-2,-1))
b = c(1,3,-2)

sistema = LU(A,b)

## Warning in if (!backward) 1L:len else len:1L: la condición tiene longitud > 1 y
## sólo el primer elemento será usado

# Le puedo pedir la matriz P (se ha permutado la primera y segunda fila)
sistema$P

##      [,1] [,2] [,3]
## [1,]    0    1    0
## [2,]    1    0    0
## [3,]    0    0    1

# Le puedo pedir la matriz L
sistema$L

##      [,1] [,2] [,3]
## [1,]    1    0    0
## [2,]    0    1    0
## [3,]   -3    7    1

# Le puedo pedir la matriz U
sistema$U

##      [,1] [,2] [,3]
## [1,]    1    3   -2
## [2,]    0    1    3
## [3,]    0    0  -28

# Solucion del sistema L*d = b
sistema$d

##      [,1]
## [1,]    3
## [2,]    1
## [3,]    0

# Solucion del sistema
sistema$x

##      [,1]
## [1,]    0
## [2,]    1
## [3,]    0
```

Python

Factorizaciones LU sin permutación

```
import scipy
import scipy.linalg
```

```
A = scipy.array([[1,3,0,-1], [2,1,-1,5], [0,-2,3,-1], [1,1,3,1]])
```

```
## <string>:1: DeprecationWarning: scipy.array is deprecated and will be removed in SciPy 2.0.0, use numpy.array instead
```

```
P, L, U = scipy.linalg.lu(A)
```

```
# Le puedo pedir la matriz P
```

```
P # No era necesaria la permutacion pero python lo ha visto oportuno
```

```
# Le puedo pedir la matriz L
```

```
## array([[0., 1., 0., 0.],
##        [1., 0., 0., 0.],
##        [0., 0., 1., 0.],
##        [0., 0., 0., 1.]])
```

```
L
```

```
# Le puedo pedir la matriz U
```

```
## array([[ 1. ,  0. ,  0. ,  0. ],
##        [ 0.5,  1. ,  0. ,  0. ],
##        [ 0. , -0.8,  1. ,  0. ],
##        [ 0.5,  0.2,  1. ,  1. ]])
```

```
U
```

```
# Comprobacion
```

```
## array([[ 2. ,  1. , -1. ,  5. ],
##        [ 0. ,  2.5,  0.5, -3.5],
##        [ 0. ,  0. ,  3.4, -3.8],
##        [ 0. ,  0. ,  0. ,  3. ]])
```

```
L.dot(U) == P.dot(A)
```

```
## array([[ True,  True,  True,  True],
##        [ True,  True,  True,  True],
##        [ True,  True,  True,  True],
##        [ True,  True,  True,  True]])
```

Factorizaciones LU con permutación

```

import scipy
import scipy.linalg

A = scipy.array([[0,1,3], [1,3,-2], [-3,-2,-1]])
P, L, U = scipy.linalg.lu(A)

# Le puedo pedir la matriz P
P # No era necesaria la permutacion pero python lo ha visto oportuno

# Le puedo pedir la matriz L

## array([[0., 0., 1.],
##        [0., 1., 0.],
##        [1., 0., 0.]])

L

# Le puedo pedir la matriz U

## array([[ 1., 0., 0. ],
##        [-0.33333333, 1., 0. ],
##        [-0., 0.42857143, 1. ]])

U

# Comprobacion

## array([[ -3., -2., -1. ],
##        [ 0., 2.33333333, -2.33333333],
##        [ 0., 0., 4. ]])

L.dot(U) == P.dot(A)

## array([[ True,  True,  True],
##        [ True,  True,  True],
##        [ True,  True,  True]])

```

Reducir la informacion del metodo LU

Se usa esto para ahorrar memoria teniendo millones de datos

```

import scipy
import scipy.linalg

A = scipy.array([[0,1,3], [1,3,-2], [-3,-2,-1]])
LU, piv = scipy.linalg.lu_factor(A)

# L y U juntas
LU # Diagonal superior U y la inferior L

# Nos da que filas fueron intercambiadas

```

```
## array([[ -3.          , -2.          , -1.          ],
##        [-0.33333333,  2.33333333, -2.33333333],
##        [-0.          ,  0.42857143,  4.          ]])
```

piv *# La primera fila ha sido cambiada por la tercera (0->2), la segunda fila se mantiene (1) y la tercera*

```
## array([2, 1, 2], dtype=int32)
```

Resolver sistemas

```
import scipy
import scipy.linalg

A = scipy.array([[0,1,3], [1,3,-2], [-3,-2,-1]])

LU, piv = scipy.linalg.lu_factor(A)

b = [1, 3, -2]

x = scipy.linalg.lu_solve((LU,piv),b)
x
```

```
## array([-0.00000000e+00,  1.00000000e+00, -1.98254112e-18])
```

Matlab

Factorizaciones LU sin permutación

```
A = [1,3,0,-1; 2,1,-1,5; 0,-2,3,-1; 1,1,3,1]
[L,U,P] = lu(A)

# Comprobacion
P*L*U == A
```

Factorizaciones LU con permutación

```
A = [0 1 3; 1 3 -2; -3 -2 -1]
[L,U,P] = lu(A)

# Comprobacion
P*L*U == A
```