

## Competitive Programming - Babak Final

# [D] DADU DAN KEBERUTUNGAN

Batas waktu: 2 detik

Batas Memori: 1024 MB

### Deskripsi Masalah

Ciro memiliki sebuah kepercayaan bahwa, ia akan beruntung sepanjang hari jika ia berhasil mendapat angka 1 sebanyak N kali berturut turut pada sebuah dadu enam sisi seimbang.

Setiap hari, Ciro selalu memulai harinya dengan melempar dadu berulang kali hingga mendapat angka 1 sebanyak N kali berturut-turut. Setelah itu, ia berhenti melempar dadu.

Carilah probabilitas bahwa banyaknya lemparan dadu Ciro hingga ia berhenti adalah ganjil. Keluarkan jawaban modulo  $10^9 + 7$ .

#### Format Masukan & Keluaran

Baris pertama berisi satu bilangan asli T ( $1 \le T \le 10^6$ ), jumlah kasus pengujian.

Diikuti oleh T baris selanjutnya, setiap baris berisi satu bilangan N ( $1 \le N \le 10^{18}$ ), banyaknya lemparan dadu.

Untuk setiap kasus pengujian, keluaran berupa satu bilangan yakni probablitas untuk kasus pengujian tersebut. Keluarkan jawaban modulo  $10^9+7$ .

## Competitive Programming - Babak Final

#### Contoh Masukan & Keluaran

Masukan	Keluaran
2	909090916
1	766711014
10000000000000000	

## Penjelasan

Pada kasus pengujian pertama, N=1.

Misalkan  $P_i$  adalah probablitas kemunculan mata dadu pertama saat lemparan ke-i.

$$P_{ganjil} = P_1 + P_3 + P_5 + \cdots$$

$$P_{ganjil} = \frac{1}{6} + \left(\frac{5}{6}\right)^2 \times \frac{1}{6} + \left(\frac{5}{6}\right)^4 \times \frac{1}{6} + \left(\frac{5}{6}\right)^6 \times \frac{1}{6} + \cdots$$

$$P_{ganjil} = \frac{1}{6} \left( 1 + \left( \frac{5}{6} \right)^2 + \left( \frac{5}{6} \right)^4 + \left( \frac{5}{6} \right)^6 + \cdots \right)$$

$$P_{ganjil} = \frac{1}{6} \times \left(\frac{1}{1 - \left(\frac{5}{6}\right)^2}\right)$$

$$P_{ganjil} = \frac{1}{6} \times \left(\frac{1}{\frac{11}{36}}\right)$$

$$P_{ganjil} = \frac{1}{6} \times \frac{36}{11}$$

$$P_{ganjil} = \frac{6}{11}$$

 $P_{ganjil} \equiv 909090916 \; (mod \; 10^9 + 7)$