Aprendizagem em Redes Neurais

Aluizio Fausto Ribeiro Araújo
Universidade Federal de Pernambuco
Centro de Informática





Conteúdo

- 1. Regras Básicas de Aprendizagem: Por Correção de Erros; Baseada em Memória; Hebbiana; Competitiva e Boltzmann.
- 2. Paradigmas de Aprendizagem: Supervisionado, Reforço e Não-supervisionado.
- 3. Usos de Aprendizagem: Tarefas Típicas.
- 4. Aspectos Probabilísticos e Estatísticos da Aprendizagem: Dilema Bias-variância, Teoria de Aprendizagem Estatística, Aprendizagem Provavelmente Aproximadamente Correta (PAC).





- Aprendizagem é definida operacionalmente por Carbonell como a habilidade de executar novas tarefas que não podiam ser realizadas antes, ou executar melhor antigas tarefas. As novas habilidades são decorrentes das mudanças produzidas pelo processo de aprendizagem.





- Aprendizagem envolvendo o ambiente no qual uma rede neural está imersa é fundamental.
 - Uma rede neural aprende sobre seu ambiente através de processo de ajuste de seus parâmetros (em geral, pesos sinápticos e bias).
- O entendimento do processo de aprendizagem em redes neurais compreende três premissas:
 - A rede neural é estimulada pelo meio ambiente;
 - Tal estimulação provoca modificações nos parâmetros livres das redes neurais;
 - A rede neural responde ao meio ambiente de um modo diferente após aprendizagem.

- Definição de S. Haykin (no contexto de redes neurais): "Aprendizagem é um processo no qual os parâmetros livres de uma rede neural são adaptados através de um processo de estimulação do meio-ambiente no qual a rede está inserida. O tipo de aprendizagem é determinado pela maneira que ocorrem as mudanças nos parâmetros."
- Definição de M. Hassoun (no contexto de redes neurais): "Aprendizagem é vista como processo de otimização. Isto é, aprendizagem consiste em um processo de busca de solução em um espaço multi-dimensional de parâmetros, em geral os pesos das conexões, que otimize uma dada função objetivo."





- > Alguns marcos históricos na aprendizagem de redes neurais:
 - Experimento de condicionamento de Pavlov: Resposta condicional de cães que salivam em resposta a estímulos audíveis.
 - Conhecimento de dinâmica sináptica: Livro de Hebb (The Organization of Behavior, 1949), potenciação de longo prazo LPT (1973 Bliss,Lomo), receptor AMPA, depressão de longo prazo LTD, receptor NMDA.
 - Regra do vizinho mais próximo (Fix & Hodges, 1951).
 - ➤ Ideia da aprendizagem competitiva (von der Malsburg, 1973) baseada na auto-organização das células nervosas sensíveis à orientação do córtex visual.





- > Alguns marcos históricos na aprendizagem de redes neurais:
 - ➤ Inibição lateral tratada no trabalho de Bandas de Mach por Ernest Bach em 1865.
 - ➤ Termodinâmica estatísticas empregada no estudo de máquinas de computação por John von Neumann em seu artigo Theory and Organization of Complicated Automata, 1949.
 - > Aprendizagem por reforço: Minsky 1961, Thorndike 1911.
 - Projeto de filtros lineares ótimos: Kolmogorov 1942, Wiener 1949, Zadeh 1953, Gabor 1954.





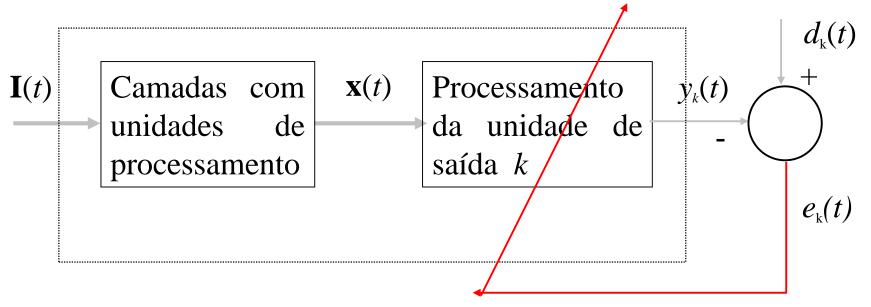
Conteúdo

- 1. Regras Básicas de Aprendizagem: Por Correção de Erros; Baseada em Memória; Hebbiana; Competitiva e Boltzmann.
- 2. Paradigmas de Aprendizagem: Supervisionado, Reforço e Não-supervisionado.
- 3. Usos de Aprendizagem: Tarefas Típicas.
- 4. Aspectos Probabilísticos e Estatísticos da Aprendizagem: Dilema Bias-variância, Teoria de Aprendizagem Estatística, Aprendizagem Provavelmente Aproximadamente Correta (PAC).





 \triangleright Uma unidade de processamento k alimentada por um vetor de entrada $\mathbf{I}(.)$ que gera o vetor de sinal $\mathbf{x}(.)$ no instante de tempo t.



Erro ativa um mecanismo de controle o qual realiza sequência de correções nos parâmetros de *k*.





- Regra Delta ou Regra de Widrow e Hoff (1960).
 - \triangleright Erro: $e_k(t) = d_k(t) y_k(t)$
- Minimizar função de custo baseada em $e_k(t)$ para aproximar o sinal obtido do sinal desejado.
- Função de custo:

$$c(t) = (1/2) \sum (e_k(t))^2$$

- Esta função é interpretada como o valor instantâneo da energia do erro.
- \triangleright Minimização de c(t) utiliza método de gradiente descendente.
- > Aprendizado chega a solução estável quando o erro atinge valores préestabelecidos.





- Após seleção da função de custo, aprendizado se torna um problema de otimização:
 - \triangleright Uma RNA é ajustada pela minimização de c(t) com respeito aos pesos da rede.
 - Estes pesos são modificados proporcionalmente ao produto do sinal de erro e do sinal de entrada da conexão considerada.
- Modelo matemático:

$$\Delta w_{ki}(t) = \eta \, x_i(t) \, e_k(t)$$

 \triangleright O parâmetro η é chamado de taxa de aprendizagem e assume valores positivos. Este parâmetro pode ter valor fixo ou ajustável, através de uma função.





- > Hipótese: O erro é diretamente mensurável, isto é, há disponibilidade de conjunto de saídas desejadas da rede.
- ➤ Visualização da variação do erro: Superfície multidimensional que traça o gráfico do valor do custo em função dos pesos.
- Busca pelo menor erro: Inicia-se em um ponto qualquer da superfície, escolhido pelo programador, e move-se em direção a um mínimo, idealmente o ótimo global.
- > Ajuste do valor do peso sináptico:

$$W_{ki}(t+1) = W_{ki}(t) + \Delta W_{ki}(t)$$





Aprendizagem Baseada em Memória

- Este tipo de aprendizagem armazena experiências passadas em uma estrutura de memória contendo N exemplos corretos de pares entrada-saída (\mathbf{x}_k, d_k), k=1,...,N.
 - > Sem perda de generalidade, a saída é considerada uma grandeza escalar.
 - \triangleright Dado um vetor de testes, x_{teste} , a rede responde considerando os dados dentro de uma vizinhança do vetor de testes.
- Modelos possuem dois componentes principais:
 - \triangleright Critério para definir vizinhança de x_{teste} .
 - ➤ Regra de aprendizagem aplicada aos exemplos de treinamento na vizinhança do vetor de testes.



Aprendizagem Baseada em Memória

Regra do vizinho mais próximo: A vizinhança local é definida como o padrão armazenado mais próximo do vetor de teste. O vetor x_v que pertencente ao conjunto de N vetores armazenados na rede neural (x_v $\in (x_1, x_2, ..., x_N)$), é dito ser o vizinho mais próximo de $\mathbf{x}_{\text{teste}}$ se:

$$Min_k(\mathbf{x}_k, \mathbf{x}_{teste}) = d(\mathbf{x}_v, \mathbf{x}_{teste}), \qquad k = 1,..., N$$
 onde d(.) é a distância euclidiana.

- Cover e Hart (1967) usaram esta abordagem para classificação de padrões, baseada em duas hipóteses:
 - \triangleright Os exemplos classificados (x_i , d_i) são estatisticamente independentes e identicamente distribuídos.
 - O tamanho da vizinhança é infinitamente grande.





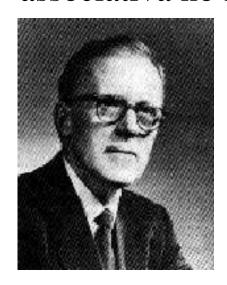
Aprendizagem Baseada em Memória

- Classificador dos *k*-vizinhos mais próximos: Variação da regra do vizinho mais próximo que possui as seguintes características:
 - \triangleright Identifica k padrões mais próximos de x_{teste} .
 - Assinala x_{teste} para a classe que é mais instanciada entre os k vizinhos (e.g., uso de voto de maioria).
- Este classificador atua com base em médias de características ou prevalência delas.





Afirmação de Hebb, no livro 'The Organization of Behavior' (1949, p.62) formulado como base para aprendizagem associativa no nível celular:



Donald Olding Hebb 1904-1985

➤ "Quando um axônio da célula A está próximo o suficiente para excitar uma célula B e repetida e persistentemente toma parte em sua emissão de sinais, algum processo de crescimento ou mudanças metabólicas ocorre em uma ou ambas células tal que aumenta a eficiência de A como uma das células que excitam B."





- ➤ Stent (1973) e Changeux e Danchin (1976) estenderam o postulado de Hebb para o contexto neurobiológico:
 - Se dois neurônios em lados diferentes de uma sinapse são simultaneamente (sincronamente) ativados, então a força da sinapse que os une é seletivamente acrescida.
 - Se dois neurônios em lados diferentes de uma sinapse são assincronamente ativados, então a força da sinapse que os une é seletivamente diminuída.
- Esta sinapse é Hebbiana, mesmo que a Regra de Hebb não inclua o segundo item, pois tem mecanismo para ajustar a "força" sináptica como função da correlação entre atividades pré e pós-sináptica.
 - ➤ O mecanismo é dependente do tempo, local e muito interativo.





- ➤ Uma sinapse Hebbiana possui mecanismo para variar a eficiência sináptica com as seguintes propriedades:
 - Dependência do tempo: Mudanças dependem do tempo de ocorrência dos sinais pré- e pós-sinápticos.
 - Localidade: Informações localmente disponíveis (espaçotemporalmente contíguas) produzem modificações sinápticas.
 - Interatividade: Aprendizagem Hebbiana depende de interação real entre sinais pré e pós-sináptico.
 - Correlação entre sinais pré- e pós-sináptico: A ocorrência simultânea (ou dentro de um intervalo de tempo curto) entre tais sinais é suficiente para produzir modificações sinápticas.





- Depressão sináptica: Processo que reduz força sináptica na ausência de atividade simultânea nos dois lados da sinapse:
 - Atividade nas membranas pré- e pós-sinápticas não correlacionadas ou negativamente correlacionadas produzem enfraquecimento sináptico.
- Sinapse Hebbiana é fortalecida com atividades pré- e póssinápticas positivamente correlacionadas e enfraquecida para correlações negativas e descorrelacionados.
- > Sinapse anti-Hebbiana é enfraquecida com atividades pré- e pós-sinápticas positivamente correlacionadas e fortalecida para correlações negativas e descorrelacionados.
- > Sinapse não Hebbiana não usa mecanismos Hebbianos.





Pseudo-Código

Considere dois neurônios A e B.

Para todo passo de tempo *t*, faça:

- Compute a atividade de A
- Compute a atividade A recebida por B
- Compute a atividade de B
- Se a atividade de B > 0 E a atividade de A > 0
 - então aumente a força da conexão de A para B

(Caudill & Butler, "Understanding Neural Networks: computer explorations", The MIT Press, 1992, vol.1, pp.61)





Modelos matemáticos: Peso sináptico, $w_{ki}(t)$, entre unidades de processamento x_i e y_k é ajustado, em t, através da expressão:

$$\Delta w_{ki} = f(x_i(t), y_k(t))$$

onde f(.,.) é função dos sinais pré- e pós-sinápticos e pode assumir diferentes formas.

> Hipótese de Hebb: Regra do produto de atividades:

$$\Delta w_{ki}(t) = \eta \, x_i(t) \, y_k(t)$$

onde η é a taxa de aprendizagem. A repetição da aplicação do sinal de entrada sempre causa o crescimento do sinal de saída e finalmente da conexão.





Hipótese da Covariância (Sejnowiski, 1997) considera a diferença dos sinais pré- e pós-sinápticos de suas médias (x_{iM} e y_{kM}) em um dado intervalo de tempo.

$$\Delta w_{ki}(t) = \eta (x_i(t) - x_{iM}) (y_k(t) - y_{iM})$$

- Esta hipótese considera:
 - Convergência a estados médios das células pré- e pós-sinápticas:
 - A diferença determina o sinal da modificação sináptica.
 - Ocorrência de potenciação ($x_i(t) > x_{iM}$ e $y_k(t) > y_{iM}$) e depressão sináptica ($x_i(t) > x_{iM}$ e $y_k(t) < y_{iM}$ ou $x_i(t) < x_{iM}$ e $y_k(t) > y_{iM}$).
- Há evidências de aprendizagem Hebbiana na área do Hipocampo.





Aprendizagem Competitiva

- Cada unidade de processamento de uma rede neural compete com as demais para responder a um dado estímulo. Neste tipo de aprendizagem, uma unidade ou um grupo delas conquista o direito de responder a uma dada entrada. Rumelhart e Zipser (1985) conceberam modelo vencedor-leva-tudo com três elementos básicos:
 - Conjunto de unidades de processamento diferenciadas apenas pelo conjunto de pesos associado a cada uma delas.
 - Limite imposto na força de cada unidade.
 - Mecanismo de competição entre unidades.
- > Unidades se especializam para responder a conjuntos de padrões similares, são detectores de características.





Aprendizagem Competitiva

- Mecanismo de competição baseado em métrica de distância.
 - Produto Interno: $\langle x, y \rangle = x_1 y_1 + x_2 y_2 + ... + x_n y_n$
 - Distância Euclideana: $d_E(x, y) = \sqrt{(x_1 y_1)^2 + ... + (x_n y_n)^2}$
 - Distância de Hamming:

$$d_H(x, y) = d_H(0011,1111) = 2$$

 $d_H(x, y) = d_H(0001,1000) = 2$
 $d_H(x, y) = d_H(0001,0000) = 1$
 $d_H(x, y) = d_H(0000,1000) = 1$
 $d_H(x, y) = d_H(0000,1111) = 4$





Aprendizagem Competitiva

- Aprendizagem competitiva simples:
 - Uma camada de unidades completamente ligados à entrada através de conexões excitatórias.
 - Conexões laterais (de realimentação) inibitórias entre unidades na camada de processamento.
 - Normalização dos pesos excitatórios de *i*: $\sum (w_{ki})^2 = 1$
 - Ativação da vencedora: $y_k = \begin{cases} 1, & se \ y_k > v_i \\ 0, & de \ outro \ modo \end{cases}$

onde v_i é o campo local induzido para todo i diferente de k. O vencedor inibe as outras unidades.

Ajuste de pesos da unidade vencedora: $\Delta w_{ki}(t) = \eta(x_i(t) - w_{ki}(t))$

Aprendizagem Boltzmann

- Aprendizagem estocástica, inspirada na mecânica estatística.
- Deu origem ao modelo de rede neural máquina de Boltzmann, com as seguintes características:
 - Estrutura recorrente com 2 estados de ativação: 1, −1.
 - Função energia: $E = -\frac{1}{2} \sum_{i} \sum_{k} w_{kj} x_k x_j$, para $j \neq k$
 - Mudança de estado: $P(x_k \rightarrow -x_k) = \frac{1}{1 + \exp(-\Delta E_k/T)}$
- Operação: Escolhe-se aleatoriamente unidade k, muda-se seu estado de ativação $(x_i(t) \rightarrow -x_i(t))$, a uma pseudo-temperatura (T), até a máquina achar o equilíbrio térmico.





Aprendizagem Boltzmann

- A máquina de Boltzmann possui unidades visíveis (entrada e saída) e escondidas e opera de dois modos:
 - Condição de ativação mantida: Os estados de ativação das unidades visíveis ficam constantes nos valores determinados pelo ambiente.
 - Condição de ativação livre: Todas as unidades têm estados de ativação livres.
- Seja ρ_{kj}^m e ρ_{kj}^l as correlações entre as unidades j e k na condição de ativação mantida e livre, respectivamente. As correlações consideram todos os estados possíveis para o equilíbrio térmico. A regra de aprendizagem é:

$$\Delta w_{kj} = \eta (\rho_{kj}^m - \rho_{kj}^l), \qquad j \neq k, \quad -1 \leq \rho_{kj}^m \leq 1, \quad -1 \leq \rho_{kj}^l \leq 1$$





Conteúdo

- 1. Regras Básicas de Aprendizagem: Por Correção de Erros; Baseada em Memória; Hebbiana; Competitiva e Boltzmann.
- 2. Paradigmas de Aprendizagem: Supervisionado, Reforço e Não-supervisionado.
- 3. Usos de Aprendizagem: Tarefas Típicas.
- 4. Aspectos Probabilísticos e Estatísticos da Aprendizagem: Dilema Bias-variância, Teoria de Aprendizagem Estatística, Aprendizagem Provavelmente Aproximadamente Correta (PAC).





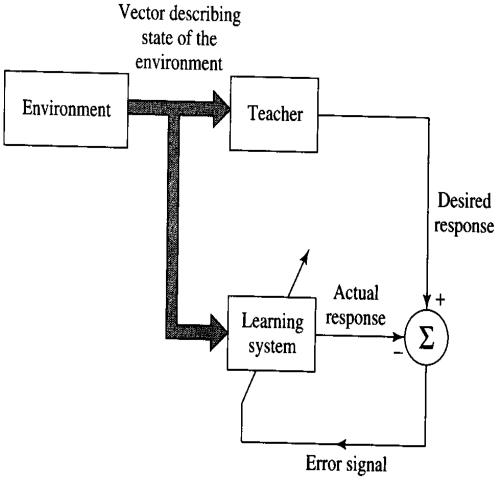
Aprendizagem com Professor

- Aprendizagem com professor ou aprendizagem supervisionada é caracterizada por:
 - Possuir conhecimento do ambiente ou do fenômeno (pares entrada-saída) em questão.
 - Ajustar os parâmetros da rede, passo a passo, com base em um sinal de erro.
 - Possuir padrões desejados de saída que são usados como professor pela rede neural.
 - Encerrar o ajuste paramétrico da rede quando o erro atingir um ponto ótimo (mínimo).





Aprendizagem com Professor







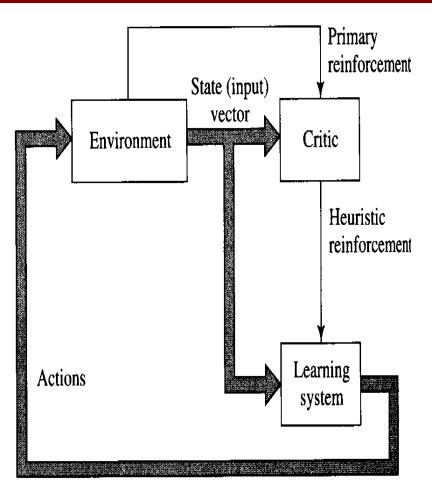
Aprendizagem por Reforço

- Aprendizagem por reforço é caracterizada por:
 - Possuir um índice de desempenho escalar para a rede neural que avalia a qualidade de suas saídas com respeito a uma dada tarefa.
 - Ajustar os parâmetros da rede, passo a passo, com base no tal índice, que não é um erro, mas sim a repercussão da saída na rede sobre o meio-ambiente, um sinal de reforço.
 - Estimar o sinal de reforço de cada estado do ambiente, com base em várias visitas a cada estado. A estimativa avalia as chances de sucesso para o objetivo desejado.
 - Encerrar o ajuste paramétrico quando as mudanças na estimativa do reforço ficarem menor que valor dado.





Aprendizagem por Reforço







Aprendizagem sem Professor

- Aprendizagem sem professor ou aprendizagem nãosupervisionada é caracterizada por:
 - Não possuir professor ou sinal de reforço do ambiente.
 - Ajustar os parâmetros da rede, passo a passo, com base no "sinal de erro não-supervisionado".
 - Encerrar o ajuste paramétrico da rede quando o erro nãosupervisionado não variar significativamente.





Aprendizagem sem Professor

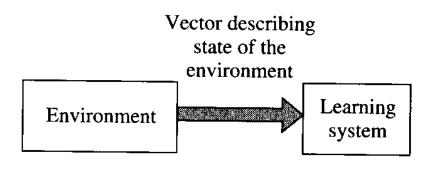


FIGURE 2.8 Block diagram of unsupervised learning.





Conteúdo

- 1. Regras Básicas de Aprendizagem: Por Correção de Erros; Baseada em Memória; Hebbiana; Competitiva e Boltzmann.
- 2. Paradigmas de Aprendizagem: Supervisionado, Reforço e Não-supervisionado.
- 3. Usos de Aprendizagem: Tarefas Típicas.
- 4. Aspectos Probabilísticos e Estatísticos da Aprendizagem: Dilema Bias-variância, Teoria de Aprendizagem Estatística, Aprendizagem Provavelmente Aproximadamente Correta (PAC).





Tarefas de Aprendizagem

- Associação de padrões Memória distribuída, inspirada no cérebro incorpora conhecimento por associação:
 - Auto-associação: Padrão armazenado após apresentações à rede.
 Recuperação de padrão parcialmente informado à rede.
 - Hetero-associação: Neste caso um conjunto de entrada é associado a um conjunto de saída distinto. A aridade pode ser qualquer.







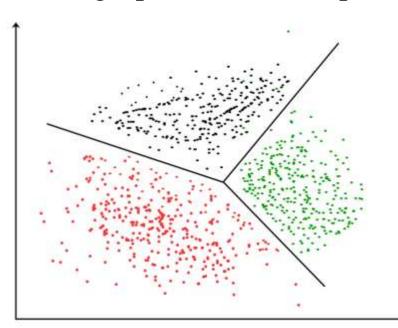


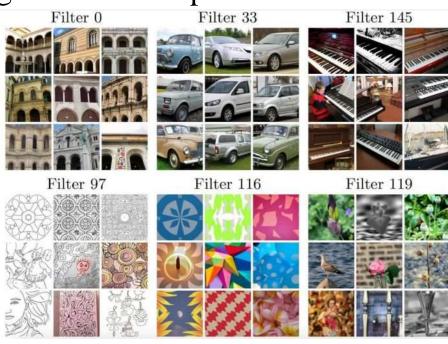






- Reconhecimento de padrões Um padrão ou sinal de entrada é incluído em uma entre possíveis categorias:
 - Classificação: Se a aprendizagem for supervisionada.
 - Agrupamento: Se a aprendizagem for não-supervisionada.

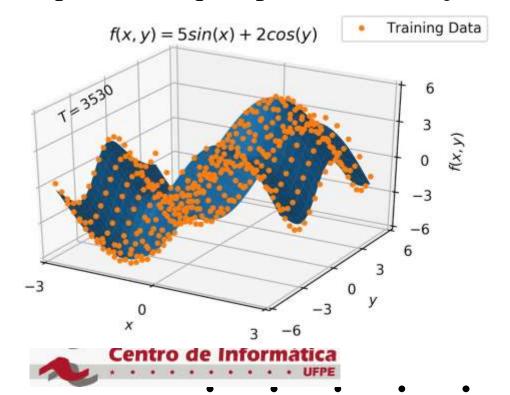






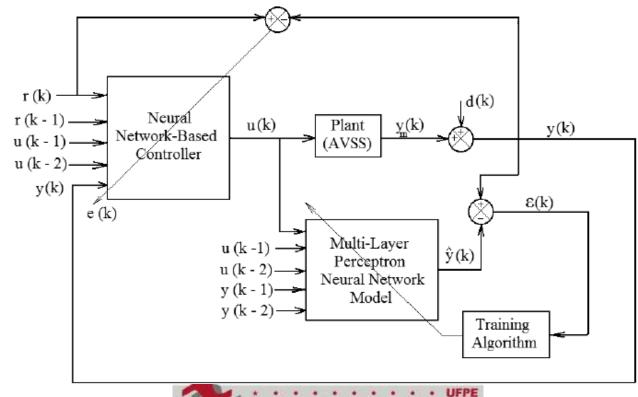


- Determinação de funções Produz rede neural que define uma função que replique um dado mapeamento entrada-saída:
 - Interpolação: Mapeamento que interpola pontos aos existentes.
 - Aproximação: Mapeamento que aproxima a relação (figura).



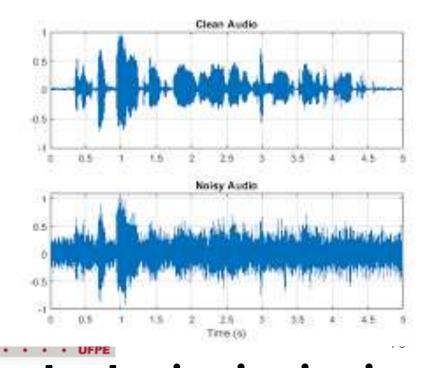


- Controle de processos Rede neural para realizar identificação ou controle de um dado processo ou sistema:
 - Identificação de sistemas: Modela operação de um sistema.
 - Sistema inverso: Modela o controlador do sistema.





- Filtragem de sinais Separação de componentes de um sinal.
 - Filtragem: Elimina partes indesejáveis de um sinal.
 - Suavização: Retira variações bruscas de um sinal.
 - Predição: Antevê o comportamento futuro de um dado sinal.
 - Exemplo: Retirando ruído com redes neurais profundas.







Conteúdo

- 1. Regras Básicas de Aprendizagem: Por Correção de Erros; Baseada em Memória; Hebbiana; Competitiva e Boltzmann.
- 2. Paradigmas de Aprendizagem: Supervisionado, Reforço e Não-supervisionado.
- 3. Usos de Aprendizagem: Tarefas Típicas.
- 4. Aspectos Probabilísticos e Estatísticos da Aprendizagem: Dilema Bias-variância, Teoria de Aprendizagem Estatística, Aprendizagem Provavelmente Aproximadamente Correta (PAC).





- Não há conhecimento da exata relação entre entrada e saída (\mathbf{x}_i , d_i), assim estima-se $d_i = f(\mathbf{x}_i) + \varepsilon$, por um modelo regressivo.
- O valor médio do errro ε , para qualquer realização de \mathbf{x}_i , é zero.
- O erro ε é não correlacionado com a função f(.).

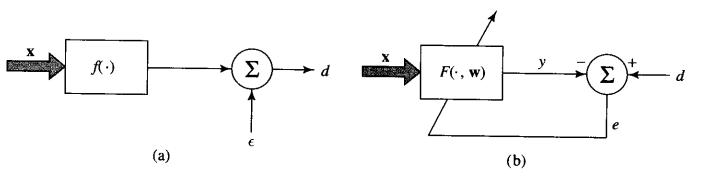


FIGURE 2.20 (a) Regressive model (mathematical). (b) Neural network model (physical).





- Dilema Bias/variância: $L_{av}(f(\mathbf{x}), F(\mathbf{x}, T)) = B^2(\mathbf{w}) + V(\mathbf{w})$
 - Onde L_{av}(.,.) é uma função de custo; f(x) = E[D|X=x] é uma função de regressão, expressando a média condicional do modelo de saída; F(x,T)) é a resposta da RN para uma entrada x, E_T[.] é o operador para calcular média, T é o conjunto de treinamento todo, X é o conjunto de vetores de entrada e D de saídas.
 - $-B(\mathbf{w}) = E_T[F(\mathbf{x},T)] E[D|\mathbf{X}=\mathbf{x}]$ (erro de aproximação). Este é o bias do valor médio da função de aproximação, medido com respeito à $f(\mathbf{x})$.
 - $V(\mathbf{w}) = E_T[(F(\mathbf{x},T) E_T[F(\mathbf{x},T)])^2]$ (erro de estimação). Esta é a variância da função de aproximação $F(\mathbf{x},\mathbf{w})$ medida sobre a amostra toda de treinamento (T).
 - NN normalmente possui pequeno bias e alta variância (por possuir amostra de treinamento de tamanho fixo).
 - A introdução do bias pode reduzir a variância.





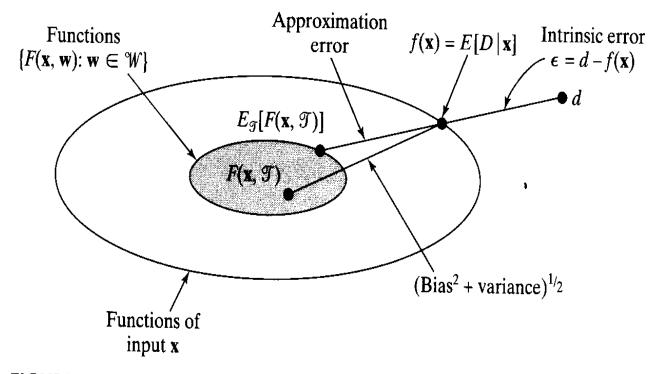


FIGURE 2.21 Illustration of the various sources of error in solving the regression problem.





- A dimensão de Vapnic-Chervonenkis (VC) é uma medida da capacidade ou poder expressivo de uma família de funções de classificação encontradas por modelos de aprendizagem de máquinas.
- A dimensão VC de um conjunto de funções de classificação é o número máximo de exemplos de treinamento que pode ser aprendido sem erro pela máquina para todos os possíveis rótulos binários das mencionadas funções.

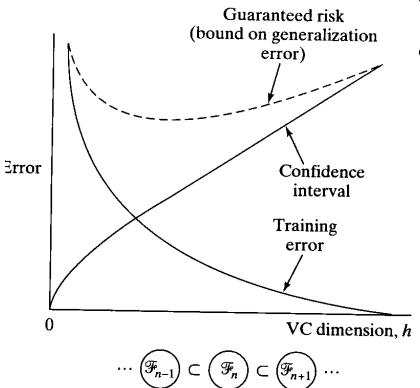




- Seja RN uma rede neural arbitrária de alimentação direta (fluxo de processamento entrada-saída) cujas unidades de processamento (neurônios) têm função de ativação do tipo limiar. A dimensão VC de RN é O(WlogW), onde W é o número total de parâmetros livres na rede.
- Seja RN outra rede neural arbitrária de alimentação direta cujas unidades de processamento têm função de ativação sigmoidal (f(v)=1/(1+exp(- v)).). A dimensão VC de RN é O(W²), onde W é seu número total de parâmetros livres.







- Minimização do risco estrutural:
- $v_{guarant}(\mathbf{w}) = v_{train}(\mathbf{w}) +$ $\varepsilon_1(N,h,\alpha,v_{train})$

FIGURE 2.25 Illustration of the relationship between training error, confidence interval, and guaranteed risl





Referências

• Haykin, S. (2008). *Neural Networks and Learning Machines*. Third Edition. Pearson.



