优先级队列(堆)

本节目标

- 掌握 PriorityQueue 的使用
- 掌握堆的概念及实现

1. 优先级队列

1.1 概念

前面介绍过队列,**队列是一种先进先出(FIFO)的数据结构**,但有些情况下,**操作的数据可能带有优先级,一般出队列时,可能需要优先级高的元素先出队列**,该中场景下,使用队列显然不合适,比如:在手机上玩游戏的时候,如果有来电,那么系统应该优先处理打进来的电话。

在这种情况下,我们的**数据结构应该提供两个最基本的操作,一个是返回最高优先级对象,一个是添加新的对象**。这种数据结构就是**优先级队列(Priority Queue)。**

1.2 常用接口介绍

1.2.1 PriorityQueue的特性

Java集合框架中提供了**PriorityQueue**和**PriorityBlockingQueue**两种类型的优先级队列,**PriorityQueue是线程不安全的,PriorityBlockingQueue是线程安全的**,本文主要介绍PriorityQueue。关于PriorityQueue的使用要注意:

- 1. 使用时必须导入PriorityQueue所在的包,即:
 - 1 import java.util.PriorityQueue;
- 2. PriorityQueue中放置的元素必须要能够比较大小,不能插入无法比较大小的对象,否则会抛出ClassCastException异常
- 3. 不能插入null对象,否则会抛出NullPointerException
- 4. 没有容量限制,可以插入任意多个元素,其内部可以自动扩容
- 5. 插入和删除元素的时间复杂度为\$O(log_2N)\$
- 6. PriorityQueue底层使用了堆数据结构,(注意:此处大家可以不用管什么是堆,后文中有介绍)

1.2.2 PriorityQueue常用接口介绍

1. 优先级队列的构造

此处只是列出了PriorityQueue中常见的几种构造方式,其他的学生们可以参考帮助文档。

构造器	功能介绍
PriorityQueue()	创建一个空的优先级队列,默认容量是11
PriorityQueue(int initialCapacity)	创建一个初始容量为initialCapacity的优先级队列,注意:initialCapacity不能小于1,否则会抛IllegalArgumentException异常
PriorityQueue(Collection extends E c)	用一个集合来创建优先级队列

```
static void TestPriorityQueue(){
1
2
           // 创建一个空的优先级队列,底层默认容量是11
 3
           PriorityQueue<Integer> q1 = new PriorityQueue<>();
 4
           // 创建一个空的优先级队列,底层的容量为initialCapacity
           PriorityQueue<Integer> q2 = new PriorityQueue<>(100);
 6
           ArrayList<Integer> list = new ArrayList<>();
 8
9
           list.add(4);
10
           list.add(3);
11
           list.add(2);
12
           list.add(1);
13
           // 用ArrayList对象来构造一个优先级队列的对象
14
15
           // q3中已经包含了三个元素
16
           PriorityQueue<Integer> q3 = new PriorityQueue<>(list);
17
           System.out.println(q3.size());
           System.out.println(q3.peek());
18
19
       }
```

注意:默认情况下, PriorityQueue队列底层默认容量是11。

2. 插入/删除/获取优先级最高的元素

函数名	功能介绍
boolean offer(E e)	插入元素e,插入成功返回true,如果e对象为空,抛出NullPointerException 异常,时间复杂度\$O(log_2N)\$,注意:空间不够时候会进行扩容
E peek()	获取优先级最高的元素,如果优先级队列为空,返回null
E poll()	移除优先级最高的元素并返回,如果优先级队列为空,返回null
int size()	获取有效元素的个数
void clear()	清空
boolean isEmpty()	检测优先级队列是否为空,空返回true

```
1 static void TestPriorityQueue2(){
2 int[] arr = {4,1,9,2,8,0,7,3,6,5};
3 // 一般在创建优先级队列对象时,如果知道元素个数,建议就直接将底层容量给好
```

```
5
       // 否则在插入时需要不多的扩容
6
       // 扩容机制: 开辟更大的空间, 拷贝元素, 这样效率会比较低
 7
       PriorityQueue<Integer> q = new PriorityQueue<>(arr.length);
8
       for (int e: arr) {
9
          q.offer(e);
10
       }
11
12
       System.out.println(q.size()); // 打印优先级队列中有效元素个数
       System.out.println(q.peek()); // 获取优先级最高的元素
13
14
15
       // 从优先级队列中删除两个元素之和,再次获取优先级最高的元素
       q.pol1();
16
       q.pol1();
17
       System.out.println(q.size()); // 打印优先级队列中有效元素个数
18
19
       System.out.println(q.peek());
                                  // 获取优先级最高的元素
20
21
       q.offer(0);
       System.out.println(q.peek()); // 获取优先级最高的元素
22
23
24
       // 将优先级队列中的有效元素删除掉, 检测其是否为空
25
       q.clear();
26
       if(q.isEmpty()){
27
          System.out.println("优先级队列已经为空!!!");
28
       }
29
       else{
          System.out.println("优先级队列不为空");
30
31
       }
32
   }
```

注意:以下是JDK 1.8中, PriorityQueue的扩容方式:

```
1
     private static final int MAX_ARRAY_SIZE = Integer.MAX_VALUE - 8;
2
 3
    private void grow(int minCapacity) {
4
        int oldCapacity = queue.length;
 5
        // Double size if small; else grow by 50%
        int newCapacity = oldCapacity + ((oldCapacity < 64) ?</pre>
 6
                                          (oldCapacity + 2):
 8
                                          (oldCapacity >> 1));
9
        // overflow-conscious code
10
        if (newCapacity - MAX_ARRAY_SIZE > 0)
            newCapacity = hugeCapacity(minCapacity);
11
12
        queue = Arrays.copyOf(queue, newCapacity);
13
    }
14
15
    private static int hugeCapacity(int minCapacity) {
16
        if (minCapacity < 0) // overflow
17
            throw new OutOfMemoryError();
18
        return (minCapacity > MAX_ARRAY_SIZE) ?
            Integer.MAX_VALUE :
19
20
            MAX_ARRAY_SIZE;
21
   }
```

优先级队列的扩容说明:

- o 如果容量小于64时,是按照oldCapacity*2 + 2的方式扩容的
- o 如果容量大于等于64,是按照oldCapacity*2的方式扩容的

1.3 优先级队列的应用

top-k问题: 最小的K个数

```
class Solution {
 2
        public int[] smallestK(int[] arr, int k) {
 3
            // 参数检测
 4
            if(null == arr \mid \mid k <= 0)
 5
                return new int[0];
 6
            PriorityQueue<Integer> q = new PriorityQueue<>(arr.length);
 8
 9
            // 将数组中的元素依次放到堆中
10
            for(int i = 0; i < arr.length; ++i){
11
                q.offer(arr[i]);
12
13
14
            // 将优先级队列的前k个元素放到数组中
15
            int[] ret = new int[k];
            for(int i = 0; i < k; ++i){
16
17
                ret[i] = q.poll();
18
            }
19
20
            return ret;
        }
21
22
    }
```

前K个高频单词注意:此处暂时不进行细讲,提下思路,等map和set讲了之后,可以回来做,此处主要是让学生熟悉什么是top-K问题

2. 优先级队列的模拟实现

JDK1.8中的**PriorityQueue底层使用了堆的数据结构**,而堆实际就是在完全二叉树的基础之上进行了一些元素的调整。

2.1 堆的概念

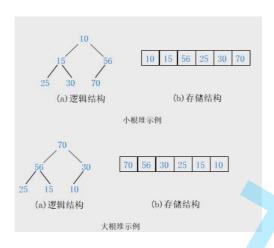
如果有一个**关键码的集合K = {k0, k1, k2, ..., kn-1}**, 把它的所有元素**按完全二叉树的顺序存储方式 存储**

在一个一维数组中,并满足: **Ki <= K2i+1 且 Ki<= K2i+2** (Ki >= K2i+1 且 Ki >= K2i+2) i = 0, 1, 2...,则

小堆(或大堆)。将根节点最大的堆叫做最大堆或大根堆,根节点最小的堆叫做最小堆或小根堆。

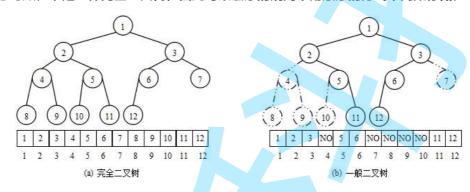
堆的性质:

- 堆中某个节点的值总是不大于或不小于其父节点的值;
- 堆总是一棵完全二叉树。



2.2 堆的存储方式

从堆的概念可知,**堆是一棵完全二叉树,因此可以层序的规则采用顺序的方式来高效存储**,



注意:对于**非完全二叉树,则不适合使用顺序方式进行存储**,因为为了能够还原二叉树,**空间中必须要存储空节点,就会导致空间利用率比较低**。

将元素存储到数组中后,可以根据二叉树章节的性质5对树进行还原。假设i为节点在数组中的下标,则有:

- 如果i为0,则i表示的节点为根节点,否则i节点的双亲节点为(i-1)/2
- 如果2*i+1小于节点个数,则节点i的左孩子下标为2*i+1,否则没有左孩子
- 如果2*i+2小于节点个数,则节点i的右孩子下标为2*i+2,否则没有右孩子

2.3 堆的创建

2.3.1 堆向下调整

对于集合{ 27,15,19,18,28,34,65,49,25,37 }中的数据,如果将其创建成堆呢?

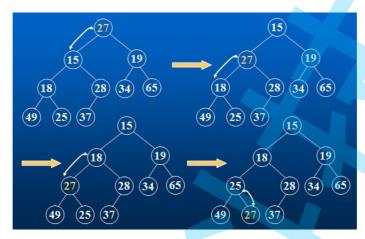


仔细观察上图后发现:根节点的左右子树已经完全满足堆的性质,因此只需将根节点向下调整好即可。

向下过程(以小堆为例):

1. 让parent标记需要调整的节点,child标记parent的左孩子(注意: parent如果有孩子一定先是有左孩子)

- 2. 如果parent的左孩子存在,即:child < size, 进行以下操作,直到parent的左孩子不存在
 - o parent右孩子是否存在,存在找到左右孩子中最小的孩子,让child进行标
 - 。 将parent与较小的孩子child比较,如果:
 - parent小于较小的孩子child,调整结束
 - 否则:交换parent与较小的孩子child,交换完成之后,parent中大的元素向下移动,可能导致子树不满足对的性质,因此需要继续向下调整,即parent = child; child = parent*2+1; 然后继续2。



```
public void shiftDown(int[] array, int parent) {
 2
        // child先标记parent的左孩子,因为parent可能右左没有右
        int child = 2 * parent + 1;
 3
        int size = array.length;
 4
 5
        while (child < size) {</pre>
 6
 7
            // 如果右孩子存在,找到左右孩子中较小的孩子,用child进行标记
 8
9
            if(child+1 < size && array[child+1] < array[child]){</pre>
                child += 1;
10
11
           }
12
13
            if (array[parent] <= array[child]) {</pre>
14
15
                break;
16
            }
17
            else{
18
                // 将双亲与较小的孩子交换
19
                int t = array[parent];
20
                array[parent] = array[child];
                array[child] = t;
21
22
23
                // parent中大的元素往下移动,可能会造成子树不满足堆的性质,因此需要继续向下
    调整
24
                parent = child;
                child = parent * 2 + 1;
25
26
            }
27
        }
28
    }
```

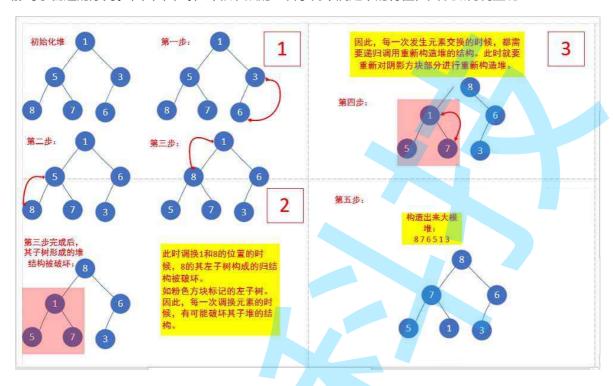
注意:在调整以parent为根的二叉树时,必须要满足parent的左子树和右子树已经是堆了才可以向下调整。

时间复杂度分析:

最坏的情况即图示的情况,**从根一路比较到叶子,比较的次数为完全二叉树的高度,即时间复杂度为** \$O(log_2n)\$

2.3.2 堆的创建

那对于普通的序列{ 1,5,3,8,7,6 },即根节点的左右子树不满足堆的特性,又该如何调整呢?



参考代码:

```
public static void createHeap(int[] array) {
    // 找倒数第一个非叶子节点,从该节点位置开始往前一直到根节点,遇到一个节点,应用向下调整
    int root = ((array.length-2)>>1);
    for (; root >= 0; root--) {
        shiftDown(array, root);
    }
}
```

粗略估算,可以认为是在循环中执行向下调整,为\$O(log_2n)\$,实际上是 O(n)。

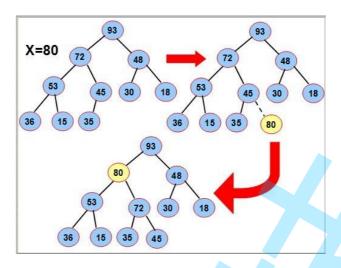
堆排序中建堆过程时间复杂度O(n)怎么来的? (了解)

2.4 堆的插入与删除

2.4.1 堆的插入

堆的插入总共需要两个步骤:

- 1. 先将元素放入到底层空间中(注意:空间不够时需要扩容)
- 2. 将最后新插入的节点向上调整, 直到满足堆的性质

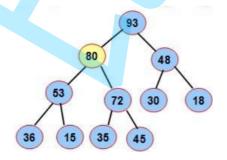


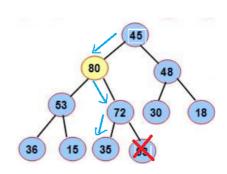
```
// 注意: 上图是按照大堆来调整的,注意比较方式
1
2
    public void shiftUp(int child) {
 3
       // 找到child的双亲
        int parent = (child - 1) / 2;
 4
 5
       while (child > 0) {
 6
           // 如果双亲比孩子大, parent满足堆的性质, 调整结束
 7
8
           if (array[parent] > array[child]) {
9
              break;
           }
10
           else{
11
12
              // 将双亲与孩子节点进行交换
13
              int t = array[parent];
14
              array[parent] = array[child];
              array[child] = t;
15
16
              // 小的元素向下移动,可能到值子树不满足对的性质,因此需要继续向上调增
17
18
              child = parent;
19
              parent = (child - 1) / 1;
20
21
       }
22
```

2.4.2 堆的删除

注意: 堆的删除一定删除的是堆顶元素。具体如下:

- 1. 将堆顶元素对堆中最后一个元素交换
- 2. 将堆中有效数据个数减少一个
- 3. 对堆顶元素进行向下调整



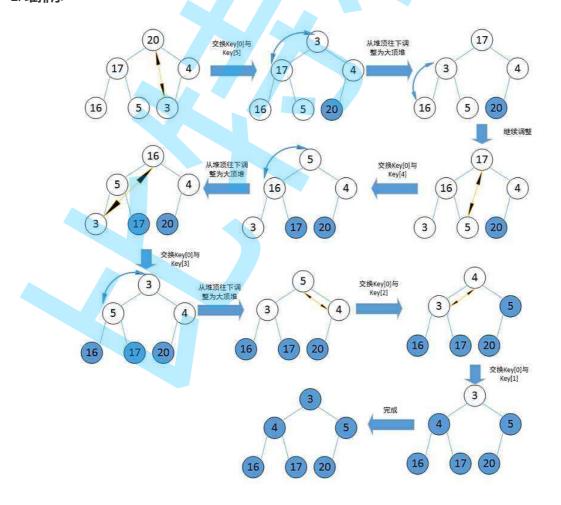


2.5 用堆模拟实现优先级队列

```
public class MyPriorityQueue {
 2
        // 演示作用,不再考虑扩容部分的代码
 3
        private int[] array = new int[100];
 4
        private int size = 0;
 5
 6
        public void offer(int e) {
 7
            array[size++] = e;
            shiftUp(size - 1);
 8
 9
        }
10
11
        public int poll() {
12
            int oldvalue = array[0];
13
            array[0] = array[--size];
14
            shiftDown(0);
            return oldValue;
15
16
        }
17
        public int peek() {
18
19
            return array[0];
20
        }
21
    }
```

3. 堆的应用

- 1. 用堆作为底层结构封装优先级队列
- 2. 堆排序



3. **top-k问题**

拜托,面试别再问我TopK了!!!

关键记得, 找前 K 个最大的, 要建 K 个大小的小堆

内容重点总结

- 堆的基本概念、操作及实现
- 优先级队列
- PriorityQueue 的使用
- TopK 问题
- 堆排序

课后作业

- 博客整理堆的相关知识

