

# Zusammenfassung - Multi-Agenten-Systeme

Andreas Ruscheinski,

3. Januar 2016

Korrektheit und Vollständigkeit der Informationen sind nicht gewährleistet. Macht euch eigene Notizen oder ergänzt/korrigiert meine Ausführungen!

## Inhaltsverzeichnis

1	Einführung	1
2	Rolle der Logik in MAS	2
3	Planning	4
4	Kooperation von Agenten	7

## 1 Einführung

### 1.1 Definition

- Ein Agent ist ein Computer System welches **selbstständig** Aktionen im Interesse des Benutzers ausführen kann.
- Ein Agent **befindet** sich in einer **dynamischen Umgebung** befindet mit welcher er interagiert.
- Ein Multi-Agenten-System besteht aus **mehreren Agenten**, welche **miteinander agieren**.
- In einem Multi-Agenten-System ist es notwendig für **erfolgreiche Interaktion** dass Agenten miteinander **kooperieren**, **sich abstimmen** und miteinander **verhandeln** können.

### 1.2 Eigenschaften

- Jeder Agent hat **keine vollständigen Informationen** über die Umgebung
- Es gibt **keine globale Kontrolle** der Agenten
- Die Daten sind **dezentralisiert**
- Die Berechnung erfolgt **asynchron**

### 1.3 Gründe für den Einsatz von MAS

- Problem kann nicht zentralisiert gelöst werden da die **Ressourcen limitiert** sind
- **Reduktion der Ausfall-Wahrscheinlichkeit** in gegenüber einem zentralisierten System
- **Gewährleistung der inter-konnektion und inter-operation** von verschiedenen Systemen
- Lösung von Problemen welche eine **Menge aus autonomen Komponenten behandeln**

## 1.4 Konkrete Anwendungsgebiete

- Cloud-Management
- Ubiquitous Computing
- Grid-Software
- Spiele
- Verschiedene Gebiete der Industrie (Car-Assembly, Factory Management)
- Simulation

## 2 Rolle der Logik in MAS

### 2.1 Gründe für Logik

- Wissensbasis + Aktionen mit Voraussetzung und Auswirkung  $\rightarrow$  Plan für Lösung des Problems
- Verwaltung von Annahmen
- Logik ist ein Framework für das Verstehen von Systemen
- Verifikation, Ausführungsspezifikation, Planung
- Agenten als Theorembeweiser

### 2.2 Logik-basierende Architektur

- Grundidee: Beschreibung einer Regelmenge für die Beschreibung der besten Aktion für einen gegebenen Zustand
- Bestandteile:
  - $p$ : eine Theorie (eine Menge von Regeln)
  - $\Delta$ : Datenbank mit den aktuellen Zustand der Welt
  - $A$ : eine Menge von Aktionen welcher ein Agent ausführen kann
  - $\Delta \vdash_p \phi$ : d.h.  $\phi$  kann aus der  $\Delta$  unter der Verwendung von  $p$  abgeleitet werden, mit  $\phi = \text{Do}(a)$  können wir aus den aktuellen Zustand der Welt auf die bestmögliche Aktion logisch schließen
- Algorithmus-Bestandteile (unabhängig von verwendeter Logik)
  - $\text{see}(s,p)$ , generiert Beobachtung aus der neuen Welt (schwer siehe Vorlesung Mustererkennung und Kontextanalyse)
  - $\text{next}(\Delta,p)$ , update der Datenbank mit der Beobachtung
  - $\text{action}(\Delta)$ , ermittelt die auszuführende Aktion aus der Datenbank, entweder ist die Aktion direkt beschrieben oder kann aus den Regeln abgeleitet werden kann
- Algorithmus - Ermittlung einer Aktion aus einer Wissensdatenbank:
  1. Überprüfe für jede Aktion  $a$  ob  $\Delta \vdash_p \text{Do}(a)$  gilt (d.h.  $a$  kann direkt abgeleitet werden)
  2. Falls ja: gebe  $a$  zurück sonst
  3. Überprüfe für jede Aktion  $a$  ob  $\Delta \not\vdash_p \neg \text{Do}(a)$  gilt (d.h.  $a$  ist nicht explizit ausgeschlossen)
  4. Falls ja: gebe  $a$  zurück sonst gebe NULL zurück (keine Aktion gefunden)

## 2.3 Modal Logik

- Erlaubt Ausdrücke wie: wahrscheinlich wahr, geglaubt wahr, wahr in der Zukunft usw.
- kann genutzt werden um Informationen für die Agenten abzuleiten und über das Wissen von Agenten zu schließen
- Syntax:
  - Prädikatenlogik mit Erweiterung
  - Prop: eine Menge von atomaren Formeln
  - wenn  $p, q \in Prob$  dann sind auch  $\neg p, p \& q, \diamond p, \Box p$  Formeln
  - $\diamond p$ : möglicherweise p, manchmal p
  - $\Box p$ : immer p, notwendigerweise p
- Semantik:
  - Kripke-Struktur:  $\langle W, R, \mu \rangle$   
 $W$  eine Menge von Welten  
 $R$  eine Menge von binär Relationen, beschreiben den Übergang zwischen den Welten  
 $\mu$  Abbildungsfunktion welche jeder Welt Eigenschaften zuordnet ( $\mu : W \rightarrow 2^{Prop}$ )
  - Definition von  $\diamond$  und  $\Box$  Operator auf Basis von Erreichbarkeit der Welten in einer Kripke-Struktur
  - $\Box p$ : p ist wahr in allen Welten, welche von der aktuellen Welt erreichbar sind
  - $\langle M, w \rangle \models \Box p$  wenn für alle  $w' \in W$  gilt: wenn  $(w, w') \in R$  dann  $\langle M, w' \rangle \models p$
  - $\diamond p$ : p ist wahr, wenn mindestens eine Welt erreichbar in welcher p wahr ist
  - $\langle M, w \rangle \models \diamond p$  wenn es ein  $w' \in W$  existiert mit: wenn  $(w, w') \in R$  dann  $\langle M, w' \rangle \models p$
  - für R muss zusätzlich gelten:
    - reflexiv** für jedes  $x \in W$  gilt  $R(x, x)$  d.h. x ist von x aus erreichbar
    - transitiv** für jedes  $x, y, z \in W$  gilt  $R(x, y) \wedge R(y, z) \implies R(x, z)$  d.h. wenn man von x nach y und von y nach z gehen kann, kann man auch von x nach z gehen
    - seriell** für jedes  $x \in W$  existiert ein  $y$  so dass gilt  $R(x, y)$  d.h. für jede Welt ist mit einer anderen Welt in Relation
    - euklidisch** wenn für jedes  $x, y, z \in W$  mit  $R(x, y)$  und  $R(x, z)$  gilt auch  $R(y, z)$  d.h. wenn man von x nach y und von x nach z gehen kann dann kann man auch von y nach z gehen
  - Axiome (Beschreiben Eigenschaften für R):
    - $\Box p \implies p$  Wenn immer p gilt folgt daraus das aktuell p gilt (Reflexiv)
    - $\Box p \implies \diamond p$  Wenn p immer wahr ist, ist p auch in mindestens einer Welt wahr (Seriell)
    - $\Box p \implies \Box \Box p$  Wenn p ist immer wahr, ist p auch immer wahr wenn wir einen Übergang machen (transitiv)
    - $\diamond p \implies \Box \diamond p$  Wenn p in mindestens einer Welt wahr ist, ist p für immer Wahr wenn wir diese Welt erreicht haben (Euklidisch)
  - Anwendung der modal Logik auf Agenten durch Einführung von Indizes, welche entsprechend für Agent gelten
  - Operator - Knowledge:  $K_i p$  bedeutet dass Agent i weiss p
  - der Modale Operator  $\Box_i$  wird zu  $K_i$
  - Axiome und Agenten:
    - $K_i p \implies p$  Wenn Agent glaubt das p wahr ist, p ist auch in Wirklichkeit wahr
    - $K_i p \implies \neg K_i \neg p$  Wenn der Agent p glaubt, glaub er nicht die Negation
    - $K_i p \implies K_i K_i^p$  Wenn der Agent p glaubt, weiß er selbst dass er p glaubt
    - $\neg K_i \neg p \implies K_i \neg K_i \neg p$  Wenn der Agent nicht p glaubt, weiß er dass er nicht p glaubt.
  - es gilt:  $\langle M, w \rangle \models K_i p$  genau dann wenn  $\forall w' \in W$  gilt: wenn  $(w, w') \in R_i$  dann  $\langle M, w' \rangle \models p$  (vgl. Definition von  $\Box$ )
  - Probleme:
    - \* Agent glaubt alles was wahr ist incl. Tautologien: wenn  $\models p$  dann  $K_i p$
    - \* Agent weiss alle Schlussfolgerungen des eigenen Wissens:  $\models p \rightarrow q$  dann  $\models K_i p \rightarrow K_i q$  (Kripke Axiom:  $K_i(p \rightarrow q) \rightarrow (K_i p \rightarrow K_i q)$ )
    - \* Menschliches wissen ist oft inkonsistent
    - \* Menschen glauben nicht alle equivalenten Aussagen

## 2.4 BDI-Logic

- Klassisch logischer Operatoren: und, oder, negation usw...
- CTL\* Path Quantifikatoren
  - $A\phi$ : es gilt auf allen Pfaden  $\phi$
  - $E\phi$ : es gilt auf einigen Pfaden  $\phi$
  - $G$ : global
  - $F$ : zukünftig
- BDI-Funktionen:
  - $(\text{Bel } i \ \phi)$ :  $i$  glaubt  $\phi$
  - $(\text{Des } i \ \phi)$ :  $i$  will  $\phi$
  - $(\text{Int } i \ \phi)$ :  $i$  verfolgt  $\phi$
- Regeln:
  - $(\text{Des } \alpha) \rightarrow (\text{Bel } \alpha)$  (Belief goal compatibility): Wenn der Agent  $\alpha$  erreichen will folgt daraus das der Agent  $\alpha$  glaubt
  - $(\text{Int } \alpha) \rightarrow (\text{Des } \alpha)$  (Goal-intention compatibility): Wenn der Agent  $\alpha$  verfolgt daraus das der Agent  $\alpha$  erreichen will
  - $(\text{Int } \text{does}(a)) \rightarrow \text{does}(a)$  (Volitional commitment): Wenn der Agent  $\text{does}(a)$  ausführen möchte, wird er diese als nächstes ausführen
  - $(\text{Des } \alpha) \rightarrow (\text{Bel } (\text{Des } \alpha))$  und  $(\text{Int } \alpha) \rightarrow (\text{Bel } (\text{Int } \alpha))$  (Awareness of goals & intentions): Bedingt dass neue Ziele und Intentionen als Event gepostet werden müssen in der Wissensbasis
  - $\text{done}(a) \rightarrow (\text{Bel } (\text{done}(a)))$  (No unconscious actions): Wenn ein Agent eine Aktion ausgeführt hat weiss er das er diese ausgeführt hat
  - $(\text{Int } \alpha) \rightarrow \text{AF}(\neg(\text{Int } \alpha))$  (No infinite deferral): Ein Agent will eventuell eine Intention verfolgen oder diese Verwerfen
- reactive und proactive Agenten
  - reaktiv: Aktion wird ausgeführt durch eine Eingabe: wenn Eingabe =  $p$  dann tue  $a$
  - proaktiv: Planung und Ausführung von Aktionen um ein Ziel zu erreichen: tue  $a$  um  $p$  zu erreichen

## 3 Planning

### 3.1 Einführung - Brooks Vision

- Ziel 1: Intelligentes Verhalten ohne explizite Repräsentation des Wissens
- Ziel 2: Intelligentes Verhalten ohne abstraktes schließen über die Repräsentation des Wissens
- Idee 1: Echte Intelligenz gibt es nur in einer Welt und nicht losgelöst von dieser wie in Theorem Beweisen und Expertensysteme
- Idee 2: Intelligentes Verhalten entsteht erst als Ergebnis der Interaktion mit der Umgebung

### 3.2 Subsumtion Architektur

- Traditionell: Die Intelligenz steht zwischen Beobachtung und Aktion d.h. aus Beobachtungen wird geschlossen welche Aktion ausgeführt wird
- Neu: Die Intelligenz entsteht beim Beobachter durch die Aktionen in der Welt d.h. ein Agent ist nicht an sich intelligent sondern wirkt intelligent für einen Beobachter
- Entscheidungsfindung durch verschiedene Aufgaben:
  - Verhalten ist eine Abbildung von Zustand auf Aktion
  - Verarbeitung der Sensorwerte mit Schluss auf den Zustand
  - Zustände und Aktionen sind direkt gekoppelt

- Mechanismus für die Auswahl der Aktionen: Prioritäten d.h Verhalten mit hoher Priorität kann Verhalten mit niedrigeren Prioritäten unterdrücken
- Formales Modell:
  - Ein Verhalten (Behavior)  $b \in Beh$  ist ein Tupel  $(c, a)$  mit  $c \subseteq P, a \in A$  wobei  $P$  ist eine Menge von Beobachtungen und  $A$  eine Menge von Aktionen
  - Ein Verhalten wird ausgeführt wenn die Umgebung sich in dem Zustand  $s \in S$  befindet und  $see(s) \in c$
  - Subsumption Hierarchie wird realisiert durch eine Hemmungs-Relation  $b_1 \prec b_2$  ( $b_1$  hemmt  $b_2$  d.h.  $b_1$  hat eine höhere Priorität)
- Aktionsauswahl-Algorithmus:
  1. Berechne die Menge von aktivierbaren Aktionen  $FB = \{(c, a) | (c, a) \in Beh \wedge see(s) \in c\}$
  2. für jede Aktion in  $FB$  überprüfe ob es eine Aktion in  $FB$  gibt welche eine höhere Priorität hat
  3. wenn es keine Aktion mit höherer Priorität gefunden wurde: gib  $a$  zurück sonst: NULL (Keine Aktion gefunden)
- Vorteile:
  - Einfach und hohe Ausdrucksfähigkeit
  - Die Berechnung ist einfach nach zu vollziehen
  - Robust gegen Ausfälle
  - Das gesamte Verhalten entsteht durch Interaktion mit der Umwelt
- Nachteile:
  - Verhalten wird hard codiert unter der Annahme die Umgebung genau zu kennen
  - Schwierige Entscheidung über das Standard Verhalten
  - langwierige Entscheidungen schwer möglich
  - skaliert nicht in größeren Systemen

### 3.3 Planung

- Grundideen:
  - Beschreibung des Zieles (Intention) welches erreicht werden soll
  - Beschreibung der Aktionen welche ausgeführt werden kann
  - Beschreibung der Umgebung
  - Beschreibungen + Planner = Plan welches das Ziel erreicht
- Umsetzung durch z.B STRIPS Planner
  - Repräsentation der Umgebung durch Ontologie (Begriffe + Relationen)
  - Beschreibung der aktuellen Welt durch Verwendung der Ontologie Begriffe (closed world assumption: alles was nicht angegeben wird ist falsch)
  - Jede Aktion hat Name, Pre-Condition List (alle Bedingungen müssen wahr sein bevor Aktion ausgeführt werden kann), Delete-List (Bedingungen welche nach der Ausführung nicht mehr wahr sind), Add-List (Bedingungen welche nach der Ausführung der Aktion gelten) (können alle Variablen erhalten für allgemeine Aussagen)
- Ein Plan ist eine Liste von Aktionen, mit Variablen ersetzt durch Konstanten. Die Ausführung der Aktionen führt von den aktuellen Zustand in ein einen Zustand, welcher das Ziel erfüllt. Der Plan ist vollständig (keine weiteren Aktionen notwendig) und konsistent (alle Pre-Conditions sind erfüllt) und die Schritte können hintereinander ausgeführt werden ohne dass die Ausführung eines Schrittes beeinflusst wird.
- Formal: partielly ordered Plans
  - Plan Schritt mit Partieller Ordnung  $\prec$ :  $S_i \prec S_j$  bedeutet dass  $S_i$  vor  $S_j$  ausgeführt werden muss
  - Eine Menge von Variablen Zuordnungen  $x = t$  mit  $x$  ist eine Variable und  $t$  ist eine Konstante
  - Eine Menge von Kausalen Relationen:  $S_i \rightarrow S_j$  bedeutet die Ausführung  $S_i$  macht die Vorbedingungen von  $S_j$  wahr (impliziert  $S_i \prec S_j$ )

- Formal: Eigenschaften Konsistenz und Vollständigkeit
  - Vollständigkeit:
    - \* es gilt:  $\forall S_j$  mit  $c \in Precond(S_j)$  und  $\exists S_i$  mit  $S_i \prec S_j$  und  $c \in Effect(S_i)$  (die Vorbedingungen für  $S_j$  sind Teil des Effektes von  $S_i$ )
    - \* für eine Sequenz gilt:  $\forall S_k$  mit  $S_i \prec S_k \prec S_j$ ,  $\neg c \notin Effect(S_k)$
  - Konsistenz: Wenn  $S_i \prec S_j$  dann  $S_j \prec S_i$  und wenn  $x = A$  dann  $x \neq B$  für verschiedene A und B für die Variable x.
- Vorlesungsfolien für Beispiel!!!
- iterative Erstellung eines Plans durch rückwärts anwenden der Regeln d.h. in jedem Schritt wird eine offene Bedingung durch die entsprechende Aktion erfüllt
- dadurch können Konflikte entstehen
  - Ein Konflikt gdw. wenn  $S_3$  bedroht die kausale Ordnung zwischen  $S_1$  und  $S_2$
  - Lösung 1: Demotion -  $S_3$  vor  $S_1$  und  $S_2$  ausführen
  - Lösung 2: Promotion -  $S_3$  nach  $S_1$  und  $S_2$  ausführen
  - sollte dies wieder zu Konflikte führen Backtrack und eine andere Lösung ausprobieren in dem  $S_3$  neben  $S_1$  zu  $S_2$  eingeordnet wird

### 3.4 Planning Agents

- Erster Ansatz für den Planning Agent:
  1. beobachte die Umgebung
  2. aktualisiere das interne Modell der Umgebung
  3. ermittle welche Intention als nächstes erreicht werden soll
  4. benutze means-end Reasoning für die Erstellung des Plans welche die Intention erreicht
  5. führe Plan aus
- means-end Reasoning: Gib den Agent eine Repräsentation der Ziele/Intentionen welche erreicht werden sollen, Aktionen welche er ausführen kann, der Umgebung  $\rightarrow$  Agent nutzt Repräsentationen um einen Plan zu generieren
- Problem: Planung und Ermittlung welches Ziel als nächstes erreicht werden soll kosten Zeit
- dadurch kann die Situation entstehen dass der Agent ein Ziel erreichen will welches nach dessen Ermittlung nicht mehr optimal ist
- Unter folgenden Annahmen ist die getroffene Entscheidung noch immer optimal: wenn Planung und Ermittlung schnell genug sind; die Welt sich nicht verändert hat; getroffene Zielentscheidung ist noch immer optimal wenn Agenten Plan gefunden hat;
- Agenten Algorithmus formal 1:
  1.  $B = B_0$  - Ausgangs-Beliefs
  2. führe unendlich lange aus:
  3. beobachte Umwelt - p
  4.  $B = brf(B,p)$  - Aktualisierung des der eigenen Beliefs
  5.  $I = deliberate(B)$  - Ermittlung
  6.  $\pi = plan(B,I)$  - Plane
  7.  $execute(\pi)$  - führe Plan aus
- Ermittlung durch: option-generation (Erstelle mögliche Ziele) und filter (Auswahl des Ziels)
- option-generation: Nutzt aktuelle Beliefs und Intentions und ermittelt daraus eine Menge von Optionen (Desires)
- filter: Der Agent wählt zwischen verschiedenen Alternativen aus den Optionen und beginnt die gewählte Option zu verfolgen

- Agenten Algorithmus formal 2 - BDI Agent:
  1.  $B = B_0$  - Ausgangs-Beliefs
  2. führe unendlich lange aus:
  3. beobachte Umwelt -  $p$
  4.  $B = \text{brf}(B,p)$  - Aktualisierung des der eigenen Beliefs
  5.  $D = \text{options}(B,i)$  - Desires (Ziele)
  6.  $I = \text{filter}(B,D,I)$  - Ermittlung der Intentionen durch Beliefs(Wissen über Umwelt), Desires(Ziele) und Intentions(gewählten Ziel)
  7.  $\pi = \text{plan}(B,I)$  - Plane
  8.  $\text{execute}(\pi)$  - führe Plan aus
- Begriffserklärungen:
  - Beliefs - Weltwissen (Alles was wir wissen d.h. was wir glauben über die Welt, unseren Fähigkeiten und Zielen)
  - Desires - Ziele (Optionen welche wir gerne erfüllt hätten)
  - Intentions - Absicht (Ziel welches ich jetzt erreichen möchte)

### 3.5 Commitments

- Strategien:
  - Blind Commitment - Agent will Intention erreichen bis er glaubt die Intention erreicht zu haben
  - Single-minded Commitment - Agent will Intention erreichen bis er glaubt diese erreicht zu haben oder es nicht mehr möglich ist
  - Open-minded Commitment - Agent will Intention solange er glaubt dieser erreichen zu können
- Anpassungen des Agenten Algorithmus
  1. wie bisher  $\rightarrow$  Blind Commitment
  2. wie bisher - Ermittle Plan und solange dieser nicht leer ist führe diesen Schrittweise aus, nach jedem Schritt hole neuen Percept + Belief Update: wenn Ziel nicht mehr erreicht werden kann ermittle neuen Plan  $\rightarrow$  Single-minded da keine neuen Intentionen erwogen werden
  3. wie bisher - Ermittle Plan und solange dieser nicht leer ist führe diesen Schrittweise aus solange Intention nicht erreicht und dieser noch nicht unmöglich ist, nach jedem Schritt hole neuen Percept + Belief Update + Desires ermitteln + Intentions ermitteln :wenn Ziel nicht mehr erreicht werden kann ermittle neuen Plan
- Problem: Agent will Intentions verfolgen selbst wenn schon klar ist das Ziel nicht mehr erreicht werden kann und Agent will konstant berücksichtigen dass evtl unnötige Zeit verschwendet wurde und deshalb nie das Ziel erreichen
- Lösung: Meta-Level Control welches entscheidet wann der Agent seine Intention verwirft

## 4 Kooperation von Agenten

### 4.1 Einführung

- Ein Multiagenten System besteht aus mehreren Agenten welche
  - Interagieren durch Kommunikation
  - Mit der Umgebung interagieren können
  - Haben unterschiedliche Einflussbereiche auf die Umgebung
  - stehen in Beziehungen zu einander (Organisation)
- Egoistische Agenten bergen Potential für Konflikte da jeder seine Ziele verfolgen möchte
- Lösung: Kooperation mittels Entscheidungstheorie

## 4.2 Entscheidungstheorie - Spieltheorie

- Wir haben zwei Agenten  $A_i$  und  $A_j$
- jeder Agent hat die gleiche Menge  $\Omega = \{\omega_1, \omega_2, \dots\}$  eine Menge von Ergebnissen welche für den Agenten von Bedeutung ist
- die Bedeutung für einen Agent  $i$  wird durch eine Utility-Funktion repräsentiert  $u_i : \Omega \rightarrow \mathbb{R}$  (jeder Agent hat eine Utility-Funktion)
- Utility-Funktion bildet Ordnung der Ergebnisse:  $\omega \geq_i \omega'$  bedeutet also  $u_i(\omega) \geq u_i(\omega')$
- Utility beschreibt den Nutzen nicht GELD!
- Modell für mehrere Agenten:
  - Agenten führen Aktion gleichzeitig aus, als Ergebnis etwas aus  $\Omega$
  - das aktuelle Ergebnis hängt von Kombinationen von Aktionen ab
  - Jeder Agent hat nur zwei mögliche Aktionen: C und D
  - $\tau : A_c \times A_c \rightarrow \Omega$  eine Funktion welche die Aktion von den beiden Agenten auf ein Ergebnis abbildet
  - Eine Welt lässt sich mittels  $\tau$  beschreiben unter Verwendung aller möglichen Kombinationen von Aktionen  $\rightarrow$  hat ein Ergebnis
  - jeder Agent kann die Utility von dem Ergebnis berechnen
- Darstellung mittels Payoff Matrix (Ein Agent ist Spalte (linker Rechter), ein Agent ist Zeile (linker Eintrag))

	D	C
D	1,1	1,4
C	4,1	4,4
- Beispiel:  $\tau(D, C) = \omega_1$  mit  $u_i(\omega_1) = 1$  und  $u_j(\omega_1) = 4$

## 4.3 Strategien

- Dominate-Strategie
  - Aus einer gegebenen Strategie  $s$  (Beispiel: D oder C) für Agent  $i$  ergeben sich verschiedene Ergebnisse ( $\omega$ )
  - Strategie  $s_1$  dominiert Strategie  $s_2$  wenn jedes Ergebnis wenn  $s_1$  gespielt wird bevorzugt wird gegenüber  $s_2$
  - Rationale Agenten werden niemals dominierte Strategien spielen d.h. es gibt eine Strategie welche besser ist
  - Ziel: dominierte Strategie eliminieren
  - Anmerkung: es ist nicht immer möglich eine nur eine nicht dominierte Strategie zu finden
- Nash-Equilibrium (Nash-Gleichgewicht):
  - Strategie  $s_i$  und  $s_j$  sind ein einem Nash-Gleichgewicht gdw: Unter der Annahme dass Agent  $i$  spielt  $s_i$  und Agent  $j$  kann nicht besser sein als wenn er  $s_j$  spielt UND unter der Annahme dass Agent  $j$  spielt  $s_j$  und Agent  $i$  kann nicht besser sein als wenn er  $s_i$  spielt
  - Aber: nicht jede Interaktion hat ein Nash-Gleichgewicht und einige Interaktionen haben mehrere Nash-Gleichgewichte
- Pareto Optimum:
  - Gegeben einer initialen Zuordnung von Gütern für eine Menge von Agenten
  - Eine Änderung welche für einen Agent besser ist aber für keinen anderen Agenten schlechter nennt sich Pareto-Verbesserung
  - Eine Zuweisung ist Pareto-Optimal gdw. keine weiteren Pareto-Verbesserungen gemacht werden können
- Kompetitive und Null-Summen-Interaktionen
  - Szenarios in denen Agenten gegenläufige Präferenzen haben sind streng kompetativ
  - Null-Summen Spiele gdw. die Summe aller Utilitäts der Agenten = 0 sind:  $u_i(\omega) + u_j(\omega) = 0, \forall \omega \in \Omega$



- Null-Summen Spiele sind streng kompetativ, im Real-Life selten
- Beispiel: Prison Dilemma
  - zwei Männer wurden verhaftet wegen Diebstahl
  - wenn jmd gesteht und der andere nicht geht der Geständige 3 Jahre ins Gefängnis und der andere kommt frei
  - wenn beide gestehen beide gehen für 3 Jahre ins Gefängnis
  - Wenn keiner gesteht geht jeder 1 Jahr ins Gefängnis
  - TODO: ???