

# 检索算法实验程序

## 目录

- [1. 项目概述](#)
- [2. 代码结构](#)
- [3. 核心算法详解](#)
- [4. 辅助算法详解](#)
- [5. GUI设计思想](#)
- [6. 关键设计模式](#)
- [7. 完整代码](#)

## 项目概述

### 实验目标

实现检索算法实验，包含7个功能模块，演示不同检索算法的效率差异。

### 核心功能

- **功能2:** 数组生成（随机/手动）
- **功能3:** 判断数组排序状态
- **功能4:** 顺序检索
- **功能5:** 多种方法检索（顺序、二分、三分）
- **功能6:** 查找峰值（二分、三分）
- **功能7:** 查找第k小元素（蛮力法、预排序）

## 代码结构

```
find.py
├── 导入模块 (6-9行)
├── 核心算法部分 (11-200行)
│   ├── sequentialSearch()    # 顺序查找
│   ├── binarySearch()        # 二分查找
│   ├── ternarySearch()       # 三分查找
│   ├── binarySearchPeak()    # 二分找峰值
│   └── ternarySearchPeak()    # 三分找峰值
├── 辅助算法部分 (202-330行)
│   ├── checkArrayOrder()     # 判断排序状态
│   ├── findKthSmallestBruteForce() # 蛮力法找第k小
│   ├── findKthSmallestPreSort() # 预排序找第k小
│   └── quickSort()           # 快速排序
└── GUI部分 (333-784行)
    └── SearchGUI类
        ├── init()            # 界面初始化
        └── generateRandomArray() # 随机生成数组
```

```
|— inputArrayManually() # 手动输入数组
|— checkOrder()        # 功能3
|— sequentialSearchFunc() # 功能4
|— multipleSearch()     # 功能5
|— findPeak()           # 功能6
|— findKthSmallest()    # 功能7
```

## 核心算法详解

### 1. 顺序查找 (sequentialSearch)

设计思想：

- 最简单直观的查找方法
- 从第一个元素开始，逐个比较直到找到或遍历完
- 适用于任何数组（有序或无序）

代码实现：

```
def sequentialSearch(arr, target):
    """
    顺序查找算法
    时间复杂度:  $O(n)$  - 最坏情况需要遍历所有元素
    空间复杂度:  $O(1)$  - 只使用常数额外空间
    返回: (位置索引, 比较次数)
    """
    comparisons = 0 # 统计比较次数
    for i in range(len(arr)):
        comparisons += 1 # 每次循环都是一次比较
        if arr[i] == target:
            return i, comparisons # 找到, 返回位置和比较次数
    return -1, comparisons # 未找到, 返回-1和比较次数
```

关键点：

- `comparisons` 计数器：每次循环都递增，精确统计比较次数
- 返回值：元组包含位置索引和比较次数，便于性能分析

### 2. 二分查找 (binarySearch)

设计思想：

- 利用数组有序的特性，每次排除一半的搜索空间
- 类似“猜数字”游戏：每次猜中间值，根据结果缩小范围
- 时间复杂度从 $O(n)$ 降到 $O(\log n)$

代码实现：

```
def binarySearch(arr, target):
    """
    二分查找算法（要求数组已排序）
    时间复杂度:  $O(\log n)$  - 每次排除一半元素
    空间复杂度:  $O(1)$ 
    返回: (位置索引, 比较次数, 最接近的元素信息)
```

```

"""
comparisons = 0
left = 0
right = len(arr) - 1
closestIdx = -1      # 记录最接近元素的索引
closestDiff = float('inf') # 记录最小差值

while left <= right:
    mid = (left + right) // 2 # 计算中间位置
    comparisons += 1

    if arr[mid] == target:
        return mid, comparisons, (arr[mid], mid)

    # 记录最接近的元素（用于未找到时返回）
    diff = abs(arr[mid] - target)
    if diff < closestDiff:
        closestDiff = diff
        closestIdx = mid

    comparisons += 1 # 这次比较用于决定搜索方向
    if arr[mid] < target:
        left = mid + 1 # 目标在右半部分
    else:
        right = mid - 1 # 目标在左半部分

# 处理边界情况：如果closestIdx还是-1，使用边界值
if closestIdx == -1:
    if left < len(arr):
        closestIdx = left
    elif right >= 0:
        closestIdx = right

closestInfo = (arr[closestIdx], closestIdx) if closestIdx != -1 else None
return -1, comparisons, closestInfo

```

#### 关键点：

- **分治思想**：每次将问题规模减半
- **最接近元素**：未找到时返回最接近的元素，满足实验要求
- **边界处理**：确保在数组边界时也能正确返回

#### 算法流程：

数组：[1, 3, 5, 7, 9, 11, 13]  
查找：7

第1次：mid=3, arr[3]=7 ✓ 找到！  
比较次数：1

### 3. 三分查找 (ternarySearch)

#### 设计思想：

- 将区间分成三份，而不是两份
- 理论上比二分查找更快 ( $O(\log_3 n)$  vs  $O(\log_2 n)$ )

- 但实际应用中，由于每次需要比较两个点，常数因子更大

代码实现：

```
def ternarySearch(arr, target):
    """
    三分查找算法（要求数组已排序）
    时间复杂度：O(log3 n) - 每次排除2/3的元素
    空间复杂度：O(1)
    返回：(位置索引，比较次数，最接近的元素信息)
    """
    comparisons = 0
    left = 0
    right = len(arr) - 1
    closestIdx = -1
    closestDiff = float('inf')

    while left <= right:
        # 优化：区间太小时直接用顺序查找
        if right - left < 2:
            for i in range(left, right + 1):
                comparisons += 1
                diff = abs(arr[i] - target)
                if diff < closestDiff:
                    closestDiff = diff
                    closestIdx = i
                if arr[i] == target:
                    closestInfo = (arr[closestIdx], closestIdx) if closestIdx != -1 else None
                    return i, comparisons, closestInfo
            break

        # 将区间分成三份
        mid1 = left + (right - left) // 3 # 第一个三分点
        mid2 = right - (right - left) // 3 # 第二个三分点

        comparisons += 1
        if arr[mid1] == target:
            return mid1, comparisons, (arr[mid1], mid1)

        comparisons += 1
        if arr[mid2] == target:
            return mid2, comparisons, (arr[mid2], mid2)

        # 记录最接近的元素
        diff1 = abs(arr[mid1] - target)
        diff2 = abs(arr[mid2] - target)
        if diff1 < closestDiff:
            closestDiff = diff1
            closestIdx = mid1
        if diff2 < closestDiff:
            closestDiff = diff2
            closestIdx = mid2

        # 根据比较结果决定搜索区间
        comparisons += 1
        if target < arr[mid1]:
```

```

        right = mid1 - 1      # 目标在左1/3
    elif target > arr[mid2]:
        left = mid2 + 1      # 目标在右1/3
    else:
        left = mid1 + 1      # 目标在中间1/3
        right = mid2 - 1

    closestInfo = (arr[closestIdx], closestIdx) if closestIdx != -1 else None
    return -1, comparisons, closestInfo

```

关键点：

- **三区间划分：** `mid1` 和 `mid2` 将区间分成三份
- **优化处理：** 区间太小时直接顺序查找，避免过度递归
- **三种情况：** 目标可能在左1/3、中间1/3或右1/3

算法流程：

数组：[1, 3, 5, 7, 9, 11, 13]

查找：7

第1次：mid1=2(arr[2]=5), mid2=4(arr[4]=9)

5 < 7 < 9, 搜索中间区间 [6, 8]

第2次：在中间区间找到 7

比较次数：3

## 4. 二分查找峰值 (binarySearchPeak)

设计思想：

- 用于"先升后降"或"先降后升"的单峰数组
- 利用单调性：在峰值左侧单调递增，右侧单调递减
- 通过比较中间元素和相邻元素判断峰值位置

代码实现：

```

def binarySearchPeak(arr, findMax=True):
    """
    二分查找峰值（最大值或最小值）
    用于先升后降或先降后升数组
    时间复杂度：O(log n)
    返回：(位置索引, 值, 比较次数)
    """
    comparisons = 0
    left = 0
    right = len(arr) - 1

    while left < right: # 注意：这里是 < 而不是 <=
        mid = (left + right) // 2
        comparisons += 1

        if findMax:
            # 找最大值：先升后降数组
            if arr[mid] < arr[mid + 1]:
                left = mid + 1 # 峰值在右侧（还在上升）
            else:

```

```

        right = mid      # 峰值在左侧（开始下降）
    else:
        # 找最小值：先降后升数组
        if arr[mid] > arr[mid + 1]:
            left = mid + 1  # 谷值在右侧（还在下降）
        else:
            right = mid     # 谷值在左侧（开始上升）

    return left, arr[left], comparisons

```

关键点：

- **单调性利用**：通过比较 `arr[mid]` 和 `arr[mid+1]` 判断趋势
- **边界条件**：使用 `left < right` 确保最终 `left == right` 时就是峰值
- **通用性**：`findMax` 参数支持找最大值或最小值

算法流程（找最大值）：

数组：[1, 3, 5, 7, 9, 6, 4] （先升后降）  
查找最大值

第1次：mid=3, arr[3]=7, arr[4]=9  
7 < 9, 峰值在右侧, left=4  
第2次：mid=5, arr[5]=6, arr[6]=4  
6 > 4, 峰值在左侧, right=5  
第3次：left=4, right=5, mid=4  
arr[4]=9, arr[5]=6  
9 > 6, right=4  
最终：left=right=4, 最大值是9

## 5. 三分查找峰值 (ternarySearchPeak)

设计思想：

- 类似三分查找，将区间分成三份
- 比较两个三分点的值，判断峰值在哪一部分
- 理论上比二分查找更快

代码实现：

```

def ternarySearchPeak(arr, findMax=True):
    """
    三分查找找峰值（最大值或最小值）
    时间复杂度：O(log3 n)
    返回：(位置索引, 值, 比较次数)
    """
    comparisons = 0
    left = 0
    right = len(arr) - 1

    while right - left > 2: # 区间大于2时继续
        mid1 = left + (right - left) // 3
        mid2 = right - (right - left) // 3

        comparisons += 2 # 比较两次
        if findMax:

```

```

        if arr[mid1] < arr[mid2]:
            left = mid1 + 1 # 峰值在右侧2/3
        else:
            right = mid2 - 1 # 峰值在左侧2/3
    else:
        if arr[mid1] > arr[mid2]:
            left = mid1 + 1 # 谷值在右侧2/3
        else:
            right = mid2 - 1 # 谷值在左侧2/3

# 剩余区间用顺序查找找最值
if findMax:
    maxIdx = left
    for i in range(left + 1, right + 1):
        comparisons += 1
        if arr[i] > arr[maxIdx]:
            maxIdx = i
    return maxIdx, arr[maxIdx], comparisons
else:
    minIdx = left
    for i in range(left + 1, right + 1):
        comparisons += 1
        if arr[i] < arr[minIdx]:
            minIdx = i
    return minIdx, arr[minIdx], comparisons

```

## 辅助算法详解

### 1. 判断数组排序状态 (checkArrayOrder)

设计思想：

- 分层次检查：先检查简单情况（完全升序/降序），再检查复杂情况（先升后降/先降后升）
- 使用Python的 `all()` 函数简化代码

代码实现：

```

def checkArrayOrder(arr):
    """
    判断数组的排序状态
    返回：0-未排序，1-升序，2-降序，3-先升后降，4-先降后升
    """
    if len(arr) <= 1:
        return 1 # 单个元素视为升序

    # 第一层：检查是否完全升序
    isAscending = all(arr[i] <= arr[i + 1] for i in range(len(arr) - 1))
    if isAscending:
        return 1

    # 第二层：检查是否完全降序
    isDescending = all(arr[i] >= arr[i + 1] for i in range(len(arr) - 1))
    if isDescending:
        return 2

```

```

# 第三层：找峰值点（先升后降）
peakIdx = -1
for i in range(1, len(arr) - 1):
    if arr[i] > arr[i - 1] and arr[i] > arr[i + 1]:
        peakIdx = i
        break

if peakIdx != -1:
    # 验证峰值前升序，峰值后降序
    beforeAsc = all(arr[i] <= arr[i + 1] for i in range(peakIdx))
    afterDesc = all(arr[i] >= arr[i + 1] for i in range(peakIdx, len(arr) - 1))

    if beforeAsc and afterDesc:
        return 3

# 第四层：找谷值点（先降后升）
valleyIdx = -1
for i in range(1, len(arr) - 1):
    if arr[i] < arr[i - 1] and arr[i] < arr[i + 1]:
        valleyIdx = i
        break

if valleyIdx != -1:
    # 验证谷值前降序，谷值后升序
    beforeDesc = all(arr[i] >= arr[i + 1] for i in range(valleyIdx))
    afterAsc = all(arr[i] <= arr[i + 1] for i in range(valleyIdx, len(arr) - 1))

    if beforeDesc and afterAsc:
        return 4

return 0 # 未排序

```

#### 设计亮点：

- **分层判断**：从简单到复杂，提高效率
- **验证机制**：找到峰值/谷值后，验证前后是否符合要求
- **边界处理**：单个元素视为升序

## 2. 快速排序 (quickSort)

#### 设计思想：

- **分治算法**：选择一个基准 (pivot)，将数组分成两部分
- **递归处理**：对左右两部分递归排序
- **统计比较次数**：每次比较都计数

#### 代码实现：

```

def quickSort(arr):
    """
    快速排序算法
    时间复杂度：平均 $O(n \log n)$ ，最坏 $O(n^2)$ 
    空间复杂度： $O(\log n)$  - 递归栈
    返回：(排序后的数组，比较次数)
    """
    if len(arr) <= 1:

```



```

        return arr, 0

    comparisons = 0
    arrCopy = arr.copy() # 不修改原数组

    def partition(low, high):
        """
        分区函数：将数组分成两部分
        小于等于pivot的在左边，大于的在右边
        """
        nonlocal comparisons
        pivot = arrCopy[high] # 选择最后一个元素作为基准
        i = low - 1 # 小于pivot的元素的索引

        for j in range(low, high):
            comparisons += 1
            if arrCopy[j] <= pivot:
                i += 1
                arrCopy[i], arrCopy[j] = arrCopy[j], arrCopy[i]

        # 将pivot放到正确位置
        arrCopy[i + 1], arrCopy[high] = arrCopy[high], arrCopy[i + 1]
        return i + 1 # 返回pivot的位置

    def quickSortRecursive(low, high):
        """递归排序函数"""
        nonlocal comparisons
        if low < high:
            pi = partition(low, high) # 分区
            quickSortRecursive(low, pi - 1) # 排序左半部分
            quickSortRecursive(pi + 1, high) # 排序右半部分

    quickSortRecursive(0, len(arrCopy) - 1)
    return arrCopy, comparisons

```

#### 关键点：

- **分区策略**：使用最后一个元素作为pivot（简单但可能不是最优）
- **原地排序**：在数组副本上操作，不修改原数组
- **比较统计**：每次 `arrCopy[j] <= pivot` 比较都计数

#### 算法流程：

数组：[3, 1, 4, 1, 5, 9, 2, 6]  
 pivot = 6

分区过程：

[3, 1, 4, 1, 5, 2, 6, 9]  
           ↑                  ↑  
       小于6                大于6

递归排序左右两部分...

### 3. 蛮力法找第k小 (findKthSmallestBruteForce)

#### 设计思想：

- 选择排序思想：每次找最小元素，找k次
- 简单直观，但效率较低
- 时间复杂度 $O(n \times k)$ ，适合k较小的情况

代码实现：

```
def findKthSmallestBruteForce(arr, k):
    """
    蛮力法找第k个最小元素
    时间复杂度:  $O(n \times k)$  - k次选择, 每次 $O(n)$ 
    空间复杂度:  $O(n)$  - 需要数组副本
    返回: (元素值, 位置索引, 比较次数)
    """
    if k < 1 or k > len(arr):
        return None, -1, 0

    comparisons = 0
    arrCopy = arr.copy() # 不修改原数组

    # 执行k次选择排序
    for i in range(k):
        minIdx = i
        # 在剩余元素中找最小值
        for j in range(i + 1, len(arrCopy)):
            comparisons += 1
            if arrCopy[j] < arrCopy[minIdx]:
                minIdx = j
        # 将最小值交换到位置i
        arrCopy[i], arrCopy[minIdx] = arrCopy[minIdx], arrCopy[i]

    kthValue = arrCopy[k - 1] # 第k个最小元素
    originalIdx = arr.index(kthValue) # 在原数组中的位置
    return kthValue, originalIdx, comparisons
```

## 4. 预排序法找第k小 (findKthSmallestPreSort)

设计思想：

- 先排序，再取第k个元素
- 使用快速排序，时间复杂度 $O(n \log n)$
- 当k接近n时，比蛮力法更高效

代码实现：

```
def findKthSmallestPreSort(arr, k):
    """
    预排序法找第k个最小元素（使用快速排序）
    时间复杂度:  $O(n \log n)$  - 排序时间
    空间复杂度:  $O(n)$ 
    返回: (元素值, 位置索引, 比较次数)
    """
    if k < 1 or k > len(arr):
        return None, -1, 0

    # 使用快速排序
    sortedArr, comparisons = quickSort(arr)
```

```
kthValue = sortedArr[k - 1] # 排序后第k个元素
originalIdx = arr.index(kthValue) # 在原数组中的位置

return kthValue, originalIdx, comparisons
```

两种方法对比：

- 蛮力法： $O(n \times k)$ ， $k$ 小时更快
- 预排序法： $O(n \log n)$ ， $k$ 大时更快

## GUI设计思想

### 整体架构

设计原则：

1. **单一职责**：每个方法只负责一个功能
2. **用户友好**：清晰的界面布局，明确的提示信息
3. **数据保护**：算法操作数组副本，不修改原数组
4. **实时反馈**：输出框实时显示结果

### 界面布局设计

```
class SearchGUI:
    def __init__(self, root):
        # 1. 数组生成区域（顶部）
        #     - 输入框：数组长度n
        #     - 按钮：随机生成、手动输入、快速排序
        #     - 标签：显示当前数组

        # 2. 功能按钮区域（中部）
        #     - 6个功能按钮，分3行排列

        # 3. 输入框区域（中下部）
        #     - 查找元素输入框
        #     - k值输入框

        # 4. 输出文本框（下部）
        #     - 滚动文本框，显示所有结果

        # 5. 清空按钮（底部）
```

## 关键设计模式

### 1. 自动排序机制（功能5）

设计思想：智能判断数组状态，自动处理

```
def multipleSearch(self):
    # 检测数组状态
    originalOrderType = checkArrayOrder(self.currentArray)

    # 复制数组（保护原数组）
    searchArray = self.currentArray.copy()
```

```

sortComparisons = 0
isSorted = False

# 智能处理：如果不是升序/降序，自动排序
if originalOrderType not in [1, 2]:
    sortedArray, sortComparisons = quickSort(searchArray)
    searchArray = sortedArray
    isSorted = True
elif originalOrderType == 2:
    # 降序数组反转成升序
    searchArray = searchArray[::-1]

```

**优势：**

- 用户无需手动排序
- 自动统计排序比较次数
- 原数组保持不变

## 2. 位置索引映射

**问题：**排序后查找的位置是排序数组中的位置，需要映射回原数组

**解决方案：**

```

# 情况1：数组被排序
if isSorted:
    if pos2 != -1:
        # 通过值找到在原数组中的位置
        originalPos2 = self.currentArray.index(searchArray[pos2])

# 情况2：降序数组被反转
elif originalOrderType == 2:
    if pos2 != -1:
        # 反转后的位置需要转换
        originalPos2 = len(searchArray) - 1 - pos2

```

## 3. 比较次数统计

**设计：**每个算法都精确统计比较次数

```

# 示例：二分查找
comparisons = 0
while left <= right:
    comparisons += 1 # 比较 arr[mid] == target
    if arr[mid] == target:
        return ...
    comparisons += 1 # 比较 arr[mid] < target
    if arr[mid] < target:
        ...

```

**用途：**

- 性能分析
  - 算法效率对比
  - 实验报告数据
-

# 完整代码

```
"""
检索算法实验程序
包含核心算法：顺序查找、二分查找、三分查找
"""

import random
import time
from tkinter import *
from tkinter import scrolledtext, messagebox

# ===== 核心算法部分 =====

def sequentialSearch(arr, target):
    """
    顺序查找算法
    时间复杂度:  $O(n)$ 
    返回: (位置索引, 比较次数)
    """
    comparisons = 0
    for i in range(len(arr)):
        comparisons += 1
        if arr[i] == target:
            return i, comparisons
    return -1, comparisons

def binarySearch(arr, target):
    """
    二分查找算法 (要求数组已排序)
    时间复杂度:  $O(\log n)$ 
    返回: (位置索引, 比较次数, 最接近的元素信息)
    """
    comparisons = 0
    left = 0
    right = len(arr) - 1
    closestIdx = -1
    closestDiff = float('inf')

    while left <= right:
        mid = (left + right) // 2
        comparisons += 1

        if arr[mid] == target:
            return mid, comparisons, (arr[mid], mid)

        # 记录最接近的元素
        diff = abs(arr[mid] - target)
        if diff < closestDiff:
            closestDiff = diff
            closestIdx = mid

        comparisons += 1
        if arr[mid] < target:
```

```

        left = mid + 1
    else:
        right = mid - 1

# 如果没找到, 检查边界值
if closestIdx == -1:
    if left < len(arr):
        closestIdx = left
    elif right >= 0:
        closestIdx = right

closestInfo = (arr[closestIdx], closestIdx) if closestIdx != -1 else None
return -1, comparisons, closestInfo

def ternarySearch(arr, target):
    """
    三分查找算法 (要求数组已排序)
    时间复杂度: O(log3 n)
    返回: (位置索引, 比较次数, 最接近的元素信息)
    """
    comparisons = 0
    left = 0
    right = len(arr) - 1
    closestIdx = -1
    closestDiff = float('inf')

    while left <= right:
        if right - left < 2:
            # 区间太小, 用顺序查找
            for i in range(left, right + 1):
                comparisons += 1
                diff = abs(arr[i] - target)
                if diff < closestDiff:
                    closestDiff = diff
                    closestIdx = i
                if arr[i] == target:
                    closestInfo = (arr[closestIdx], closestIdx) if closestIdx !=
-1 else None
                    return i, comparisons, closestInfo
            break

        mid1 = left + (right - left) // 3
        mid2 = right - (right - left) // 3

        comparisons += 1
        if arr[mid1] == target:
            return mid1, comparisons, (arr[mid1], mid1)

        comparisons += 1
        if arr[mid2] == target:
            return mid2, comparisons, (arr[mid2], mid2)

        # 记录最接近的元素
        diff1 = abs(arr[mid1] - target)
        diff2 = abs(arr[mid2] - target)
        if diff1 < closestDiff:
            closestDiff = diff1

```

```

        closestIdx = mid1
    if diff2 < closestDiff:
        closestDiff = diff2
        closestIdx = mid2

    comparisons += 1
    if target < arr[mid1]:
        right = mid1 - 1
    elif target > arr[mid2]:
        left = mid2 + 1
    else:
        left = mid1 + 1
        right = mid2 - 1

    closestInfo = (arr[closestIdx], closestIdx) if closestIdx != -1 else None
    return -1, comparisons, closestInfo

```

```

def ternarySearchPeak(arr, findMax=True):
    """
    三分查找找峰值（最大值或最小值）
    用于先升后降或先降后升数组
    时间复杂度:  $O(\log_3 n)$ 
    返回: (位置索引, 值, 比较次数)
    """
    comparisons = 0
    left = 0
    right = len(arr) - 1

    while right - left > 2:
        mid1 = left + (right - left) // 3
        mid2 = right - (right - left) // 3

        comparisons += 2
        if findMax:
            if arr[mid1] < arr[mid2]:
                left = mid1 + 1
            else:
                right = mid2 - 1
        else:
            if arr[mid1] > arr[mid2]:
                left = mid1 + 1
            else:
                right = mid2 - 1

    # 在剩余区间找最值
    if findMax:
        maxIdx = left
        for i in range(left + 1, right + 1):
            comparisons += 1
            if arr[i] > arr[maxIdx]:
                maxIdx = i
        return maxIdx, arr[maxIdx], comparisons
    else:
        minIdx = left
        for i in range(left + 1, right + 1):
            comparisons += 1
            if arr[i] < arr[minIdx]:

```

```

        minIdx = i
    return minIdx, arr[minIdx], comparisons

def binarySearchPeak(arr, findMax=True):
    """
    二分查找找峰值（最大值或最小值）
    用于先升后降或先降后升数组
    时间复杂度:  $O(\log n)$ 
    返回: (位置索引, 值, 比较次数)
    """
    comparisons = 0
    left = 0
    right = len(arr) - 1

    while left < right:
        mid = (left + right) // 2
        comparisons += 1

        if findMax:
            if arr[mid] < arr[mid + 1]:
                left = mid + 1
            else:
                right = mid
        else:
            if arr[mid] > arr[mid + 1]:
                left = mid + 1
            else:
                right = mid

    return left, arr[left], comparisons

# ===== 辅助算法 =====

def checkArrayOrder(arr):
    """
    判断数组的排序状态
    返回: 0-未排序, 1-升序, 2-降序, 3-先升后降, 4-先降后升
    """
    if len(arr) <= 1:
        return 1 # 单个元素视为升序

    # 检查是否完全升序
    isAscending = all(arr[i] <= arr[i + 1] for i in range(len(arr) - 1))
    if isAscending:
        return 1

    # 检查是否完全降序
    isDescending = all(arr[i] >= arr[i + 1] for i in range(len(arr) - 1))
    if isDescending:
        return 2

    # 找峰值点
    peakIdx = -1
    for i in range(1, len(arr) - 1):
        if arr[i] > arr[i - 1] and arr[i] > arr[i + 1]:
            peakIdx = i

```



```

        break

    if peakIdx != -1:
        # 检查峰值前是否升序，峰值后是否降序
        beforeAsc = all(arr[i] <= arr[i + 1] for i in range(peakIdx))
        afterDesc = all(arr[i] >= arr[i + 1] for i in range(peakIdx, len(arr) -
1))

        if beforeAsc and afterDesc:
            return 3

    # 找谷值点
    valleyIdx = -1
    for i in range(1, len(arr) - 1):
        if arr[i] < arr[i - 1] and arr[i] < arr[i + 1]:
            valleyIdx = i
            break

    if valleyIdx != -1:
        # 检查谷值前是否降序，谷值后是否升序
        beforeDesc = all(arr[i] >= arr[i + 1] for i in range(valleyIdx))
        afterAsc = all(arr[i] <= arr[i + 1] for i in range(valleyIdx, len(arr) -
1))

        if beforeDesc and afterAsc:
            return 4

    return 0 # 未排序

def findKthSmallestBruteForce(arr, k):
    """
    蛮力法找第k个最小元素
    时间复杂度: O(n*k)
    返回: (元素值, 位置索引, 比较次数)
    """
    if k < 1 or k > len(arr):
        return None, -1, 0

    comparisons = 0
    arrCopy = arr.copy()

    for i in range(k):
        minIdx = i
        for j in range(i + 1, len(arrCopy)):
            comparisons += 1
            if arrCopy[j] < arrCopy[minIdx]:
                minIdx = j
        arrCopy[i], arrCopy[minIdx] = arrCopy[minIdx], arrCopy[i]

    kthValue = arrCopy[k - 1]
    # 在原数组中找到该值的位置
    originalIdx = arr.index(kthValue)
    return kthValue, originalIdx, comparisons

def findKthSmallestPreSort(arr, k):
    """
    预排序法找第k个最小元素 (使用快速排序)
    时间复杂度: O(n log n)

```

返回: (元素值, 位置索引, 比较次数)  
"""

```
if k < 1 or k > len(arr):  
    return None, -1, 0
```

# 使用快速排序

```
sortedArr, comparisons = quickSort(arr)  
kthValue = sortedArr[k - 1]  
originalIdx = arr.index(kthValue)  
  
return kthValue, originalIdx, comparisons
```

```
def quickSort(arr):  
    """
```

快速排序算法

时间复杂度: 平均 $O(n \log n)$ , 最坏 $O(n^2)$

返回: (排序后的数组, 比较次数)

"""

```
if len(arr) <= 1:  
    return arr, 0
```

```
comparisons = 0  
arrCopy = arr.copy()
```

```
def partition(low, high):  
    nonlocal comparisons  
    pivot = arrCopy[high]  
    i = low - 1
```

```
    for j in range(low, high):  
        comparisons += 1  
        if arrCopy[j] <= pivot:  
            i += 1  
            arrCopy[i], arrCopy[j] = arrCopy[j], arrCopy[i]
```

```
    arrCopy[i + 1], arrCopy[high] = arrCopy[high], arrCopy[i + 1]  
    return i + 1
```

```
def quickSortRecursive(low, high):  
    nonlocal comparisons  
    if low < high:  
        pi = partition(low, high)  
        quickSortRecursive(low, pi - 1)  
        quickSortRecursive(pi + 1, high)
```

```
    quickSortRecursive(0, len(arrCopy) - 1)  
    return arrCopy, comparisons
```

# ===== GUI部分 =====

```
class SearchGUI:
```

```
    def __init__(self, root):  
        self.root = root  
        self.root.title("检索算法实验")  
        self.root.geometry("900x750")
```

```

self.currentArray = []

# 数组生成区域
arrayFrame = Frame(root)
arrayFrame.pack(pady=10)

Label(arrayFrame, text="数组长度n:", font=("Arial", 12)).pack(side=LEFT,
padx=5)
self.nEntry = Entry(arrayFrame, width=15, font=("Arial", 12))
self.nEntry.pack(side=LEFT, padx=5)

Button(arrayFrame, text="随机生成数组", command=self.generateRandomArray,
        width=15, font=("Arial", 10)).pack(side=LEFT, padx=5)
Button(arrayFrame, text="手动输入数组", command=self.inputArrayManually,
        width=15, font=("Arial", 10)).pack(side=LEFT, padx=5)
Button(arrayFrame, text="快速排序", command=self.sortArray,
        width=15, font=("Arial", 10), bg="lightgreen").pack(side=LEFT,
padx=5)

Label(arrayFrame, text="当前数组:", font=("Arial", 10)).pack(side=LEFT,
padx=5)
self.arrayLabel = Label(arrayFrame, text="[]", font=("Arial", 10),
fg="blue")
self.arrayLabel.pack(side=LEFT, padx=5)

# 功能按钮区域
buttonFrame1 = Frame(root)
buttonFrame1.pack(pady=10)

Button(buttonFrame1, text="功能3: 判断数组排序状态",
command=self.checkOrder,
        width=25, height=2, font=("Arial", 10)).pack(side=LEFT, padx=5)
Button(buttonFrame1, text="功能4: 顺序检索",
command=self.sequentialSearchFunc,
        width=25, height=2, font=("Arial", 10)).pack(side=LEFT, padx=5)

buttonFrame2 = Frame(root)
buttonFrame2.pack(pady=10)

Button(buttonFrame2, text="功能5: 多种方法检索",
command=self.multipleSearch,
        width=25, height=2, font=("Arial", 10)).pack(side=LEFT, padx=5)
Button(buttonFrame2, text="功能6: 查找峰值", command=self.findPeak,
        width=25, height=2, font=("Arial", 10)).pack(side=LEFT, padx=5)

buttonFrame3 = Frame(root)
buttonFrame3.pack(pady=10)

Button(buttonFrame3, text="功能7: 查找第k小元素",
command=self.findKthSmallest,
        width=25, height=2, font=("Arial", 10)).pack(side=LEFT, padx=5)

# 输入框区域（用于功能4、5、7）
inputFrame = Frame(root)
inputFrame.pack(pady=10)

Label(inputFrame, text="查找元素:", font=("Arial", 12)).pack(side=LEFT,
padx=5)

```

```

self.targetEntry = Entry(inputFrame, width=15, font=("Arial", 12))
self.targetEntry.pack(side=LEFT, padx=5)

Label(inputFrame, text="k值:", font=("Arial", 12)).pack(side=LEFT,
padx=5)
self.kEntry = Entry(inputFrame, width=15, font=("Arial", 12))
self.kEntry.pack(side=LEFT, padx=5)

# 输出文本框
outputFrame = Frame(root)
outputFrame.pack(pady=10, padx=10, fill=BOTH, expand=True)

Label(outputFrame, text="输出结果:", font=("Arial", 12)).pack(anchor=W)
self.outputText = scrolledtext.ScrolledText(outputFrame, width=90,
height=25,
font=("Consolas", 10))
self.outputText.pack(fill=BOTH, expand=True)

# 清空按钮
Button(root, text="清空输出", command=self.clearOutput,
width=15, font=("Arial", 10)).pack(pady=5)

def clearOutput(self):
    """清空输出文本框"""
    self.outputText.delete(1.0, END)

def appendOutput(self, text):
    """追加输出文本"""
    self.outputText.insert(END, text + "\n")
    self.outputText.see(END)
    self.root.update()

def generateRandomArray(self):
    """随机生成数组"""
    try:
        n = int(self.nEntry.get())
        if n <= 0:
            messagebox.showerror("错误", "数组长度必须为正整数")
            return
        if n > 1000:
            messagebox.showwarning("警告", "数组长度过大, 建议不超过1000")

        # 生成0到n*2范围内的n个不重复随机数
        maxVal = n * 2
        self.currentArray = random.sample(range(maxVal), n)

        self.arrayLabel.config(text=str(self.currentArray[:20]) + ("..." if
len(self.currentArray) > 20 else ""))
        self.appendOutput(f"\n{'='*60}")
        self.appendOutput(f"随机生成数组 (长度={n})")
        self.appendOutput(f"数组: {self.currentArray}")
        self.appendOutput("")
    except ValueError:
        messagebox.showerror("错误", "请输入有效的整数")
    except Exception as e:
        messagebox.showerror("错误", f"生成数组失败: {str(e)}")

def inputArrayManually(self):

```

```

"""手动输入数组"""
dialog = Toplevel(self.root)
dialog.title("手动输入数组")
dialog.geometry("500x200")

Label(dialog, text="请输入数组元素（用逗号或空格分隔）:", font=("Arial",
12)).pack(pady=10)

entry = Entry(dialog, width=60, font=("Arial", 12))
entry.pack(pady=10)

def confirm():
    try:
        text = entry.get().strip()
        # 支持逗号或空格分隔
        if ',' in text:
            elements = [int(x.strip()) for x in text.split(',')]
        else:
            elements = [int(x.strip()) for x in text.split()]

        # 检查是否有重复
        if len(elements) != len(set(elements)):
            messagebox.showerror("错误", "数组元素必须互不相同")
            return

        self.currentArray = elements
        self.nEntry.delete(0, END)
        self.nEntry.insert(0, str(len(elements)))
        self.arrayLabel.config(text=str(self.currentArray[:20]) + "...")
        if len(self.currentArray) > 20 else "")
        self.appendOutput(f"\n{'='*60}")
        self.appendOutput(f"手动输入数组（长度={len(elements)}）")
        self.appendOutput(f"数组: {self.currentArray}")
        self.appendOutput("")
        dialog.destroy()
    except ValueError:
        messagebox.showerror("错误", "请输入有效的整数")
    except Exception as e:
        messagebox.showerror("错误", f"输入失败: {str(e)}")

Button(dialog, text="确认", command=confirm, width=15, font=("Arial",
10)).pack(pady=10)

def sortArray(self):
    """快速排序数组"""
    if not self.currentArray:
        messagebox.showwarning("警告", "请先生成或输入数组")
        return

    self.appendOutput(f"\n{'='*60}")
    self.appendOutput("快速排序")
    self.appendOutput(f"{'='*60}\n")

    self.appendOutput(f"排序前数组: {self.currentArray}")
    self.appendOutput(f"数组长度: {len(self.currentArray)}\n")

    startTime = time.time()
    sortedArray, comparisons = quickSort(self.currentArray)

```

```

endTime = time.time()
elapsedTime = (endTime - startTime) * 1000 # 转换为毫秒

self.currentArray = sortedArray

self.appendOutput(f"排序后数组: {sortedArray}")
self.appendOutput(f"关键字比较次数: {comparisons}")
self.appendOutput(f"执行时间: {elapsedTime:.6f} 毫秒")
self.appendOutput("")

# 更新显示
self.arrayLabel.config(text=str(self.currentArray[:20]) + ("..." if
len(self.currentArray) > 20 else ""))

def checkOrder(self):
    """功能3: 判断数组排序状态"""
    if not self.currentArray:
        messagebox.showwarning("警告", "请先生成或输入数组")
        return

    self.appendOutput(f"\n{'='*60}")
    self.appendOutput("功能3: 判断数组排序状态")
    self.appendOutput(f"{'='*60}\n")

    orderType = checkArrayOrder(self.currentArray)
    orderNames = {
        0: "未排序",
        1: "升序",
        2: "降序",
        3: "先升后降",
        4: "先降后升"
    }

    self.appendOutput(f"数组: {self.currentArray}")
    self.appendOutput(f"排序状态: {orderType} ({orderNames[orderType]})")
    self.appendOutput("")

def sequentialSearchFunc(self):
    """功能4: 顺序检索"""
    if not self.currentArray:
        messagebox.showwarning("警告", "请先生成或输入数组")
        return

    try:
        target = int(self.targetEntry.get())
    except ValueError:
        messagebox.showerror("错误", "请输入有效的查找元素")
        return

    self.appendOutput(f"\n{'='*60}")
    self.appendOutput("功能4: 顺序检索算法")
    self.appendOutput(f"{'='*60}\n")

    self.appendOutput(f"数组: {self.currentArray}")
    self.appendOutput(f"查找元素: {target}\n")

    position, comparisons = sequentialSearch(self.currentArray, target)

```

```

        if position != -1:
            self.appendOutput(f"✓ 找到元素!")
            self.appendOutput(f"位置索引: {position}")
        else:
            self.appendOutput(f"✗ 未找到元素")
            self.appendOutput(f"位置索引: -1")

    self.appendOutput(f"关键字比较次数: {comparisons}")
    self.appendOutput("")

def multipleSearch(self):
    """功能5: 多种方法检索(顺序、二分、三分)"""
    if not self.currentArray:
        messagebox.showwarning("警告", "请先生成或输入数组")
        return

    try:
        target = int(self.targetEntry.get())
    except ValueError:
        messagebox.showerror("错误", "请输入有效的查找元素")
        return

    originalOrderType = checkArrayOrder(self.currentArray)
    orderNames = ["未排序", "升序", "降序", "先升后降", "先降后升"]

    self.appendOutput(f"\n{'='*60}")
    self.appendOutput("功能5: 多种方法检索(顺序、二分、三分)")
    self.appendOutput(f"{'='*60}\n")

    self.appendOutput(f"原数组: {self.currentArray}")
    self.appendOutput(f"原数组状态: {orderNames[originalOrderType]}")
    self.appendOutput(f"查找元素: {target}\n")

    # 复制数组用于查找
    searchArray = self.currentArray.copy()
    sortComparisons = 0
    isSorted = False

    # 如果数组不是升序或降序, 自动使用快排排序
    if originalOrderType not in [1, 2]:
        self.appendOutput(f"数组不是升序或降序, 自动使用快速排序...")
        sortedArray, sortComparisons = quickSort(searchArray)
        searchArray = sortedArray
        isSorted = True
        self.appendOutput(f"排序完成, 排序比较次数: {sortComparisons}")
        self.appendOutput(f"排序后数组: {searchArray}\n")
    elif originalOrderType == 2:
        # 如果是降序, 反转数组用于查找
        searchArray = searchArray[::-1]
        self.appendOutput("注意: 数组为降序, 已反转用于查找\n")

    # 顺序查找(在原数组上查找, 不需要排序)
    pos1, comp1 = sequentialSearch(self.currentArray, target)

    self.appendOutput("【顺序查找】")
    if pos1 != -1:
        self.appendOutput(f"找到! 位置索引: {pos1}")
    else:

```

```

        self.appendOutput(f"  未找到, 位置索引: -1")
    self.appendOutput(f"  比较次数: {comp1}\n")

    # 二分查找 (在排序后的数组上查找)
    pos2, comp2, closest2 = binarySearch(searchArray, target)
    # 映射位置索引到原数组
    if isSorted:
        # 排序后的位置, 需要找到在原数组中的位置
        if pos2 != -1:
            originalPos2 = self.currentArray.index(searchArray[pos2])
        else:
            originalPos2 = -1
        if closest2:
            originalClosest2 = self.currentArray.index(closest2[0])
            closest2 = (closest2[0], originalClosest2)
    elif originalOrderType == 2:
        # 原数组是降序, 反转后的位置需要转换
        if pos2 != -1:
            originalPos2 = len(searchArray) - 1 - pos2
        else:
            originalPos2 = -1
        if closest2:
            originalClosest2 = len(searchArray) - 1 - closest2[1]
            closest2 = (closest2[0], originalClosest2)
    else: # 原数组是升序
        originalPos2 = pos2

    self.appendOutput("【二分查找】")
    if originalPos2 != -1:
        self.appendOutput(f"  找到! 位置索引: {originalPos2} (原数组中的位置)")
    else:
        self.appendOutput(f"  未找到, 位置索引: -1")
        if closest2:
            self.appendOutput(f"  最接近的元素: 值={closest2[0]}, 位置=
{closest2[1]} (原数组中的位置)")
        self.appendOutput(f"  查找比较次数: {comp2}")
    if sortComparisons > 0:
        self.appendOutput(f"  排序比较次数: {sortComparisons}")
        self.appendOutput(f"  总比较次数: {comp2 + sortComparisons}\n")
    else:
        self.appendOutput("")

    # 三分查找 (在排序后的数组上查找)
    pos3, comp3, closest3 = ternarySearch(searchArray, target)
    # 映射位置索引到原数组
    if isSorted:
        # 排序后的位置, 需要找到在原数组中的位置
        if pos3 != -1:
            originalPos3 = self.currentArray.index(searchArray[pos3])
        else:
            originalPos3 = -1
        if closest3:
            originalClosest3 = self.currentArray.index(closest3[0])
            closest3 = (closest3[0], originalClosest3)
    elif originalOrderType == 2:
        # 原数组是降序, 反转后的位置需要转换
        if pos3 != -1:
            originalPos3 = len(searchArray) - 1 - pos3

```



```

        else:
            originalPos3 = -1
        if closest3:
            originalClosest3 = len(searchArray) - 1 - closest3[1]
            closest3 = (closest3[0], originalClosest3)
    else: # 原数组是升序
        originalPos3 = pos3

    self.appendOutput("【三分查找】")
    if originalPos3 != -1:
        self.appendOutput(f"  找到! 位置索引: {originalPos3} (原数组中的位置)")
    else:
        self.appendOutput(f"  未找到, 位置索引: -1")
        if closest3:
            self.appendOutput(f"  最接近的元素: 值={closest3[0]}, 位置={closest3[1]} (原数组中的位置)")
        self.appendOutput(f"  查找比较次数: {comp3}")
    if sortComparisons > 0:
        self.appendOutput(f"  排序比较次数: {sortComparisons}")
        self.appendOutput(f"  总比较次数: {comp3 + sortComparisons}\n")
    else:
        self.appendOutput("")

    self.appendOutput("")

def findPeak(self):
    """功能6: 查找峰值(最大值或最小值)"""
    if not self.currentArray:
        messagebox.showwarning("警告", "请先生成或输入数组")
        return

    orderType = checkArrayOrder(self.currentArray)
    if orderType not in [3, 4]:
        messagebox.showwarning("警告", "此功能需要先升后降或先降后升数组, 当前数组状态为: " +
                                ["未排序", "升序", "降序", "先升后降", "先降后升"][orderType])
        return

    self.appendOutput(f"\n{'='*60}")
    self.appendOutput("功能6: 查找峰值(二分和三分检索)")
    self.appendOutput(f"{'='*60}\n")

    self.appendOutput(f"数组: {self.currentArray}")
    self.appendOutput(f"数组状态: {'先升后降' if orderType == 3 else '先降后升'}\n")

    findMax = (orderType == 3) # 先升后降找最大值, 先降后升找最小值

    # 二分查找峰值
    idx1, val1, comp1 = binarySearchPeak(self.currentArray, findMax)
    self.appendOutput("【二分检索】")
    self.appendOutput(f"  找到{'最大值' if findMax else '最小值'}: {val1}")
    self.appendOutput(f"  位置索引: {idx1}")
    self.appendOutput(f"  比较次数: {comp1}\n")

    # 三分查找峰值
    idx2, val2, comp2 = ternarySearchPeak(self.currentArray, findMax)

```

```

self.appendOutput("【三分检索】")
self.appendOutput(f"  找到{'最大值' if findMax else '最小值'}: {val2}")
self.appendOutput(f"  位置索引: {idx2}")
self.appendOutput(f"  比较次数: {comp2}\n")

self.appendOutput("")

def findKthSmallest(self):
    """功能7：查找第k个最小元素"""
    if not self.currentArray:
        messagebox.showwarning("警告", "请先生成或输入数组")
        return

    try:
        k = int(self.kEntry.get())
        if k < 1 or k > len(self.currentArray):
            messagebox.showerror("错误", f"k值必须在1到{len(self.currentArray)}之间")
            return
    except ValueError:
        messagebox.showerror("错误", "请输入有效的k值")
        return

    self.appendOutput(f"\n{'='*60}")
    self.appendOutput("功能7：查找第k个最小元素（蛮力法和预排序）")
    self.appendOutput(f"{'='*60}\n")

    self.appendOutput(f"数组: {self.currentArray}")
    self.appendOutput(f"k = {k}\n")

    # 蛮力法
    val1, idx1, comp1 = findKthSmallestBruteForce(self.currentArray, k)
    self.appendOutput("【蛮力法】")
    self.appendOutput(f"  第{k}个最小元素: {val1}")
    self.appendOutput(f"  位置索引: {idx1}")
    self.appendOutput(f"  比较次数: {comp1}\n")

    # 预排序法（使用快速排序）
    val2, idx2, comp2 = findKthSmallestPreSort(self.currentArray, k)
    self.appendOutput("【预排序法（快速排序）】")
    self.appendOutput(f"  第{k}个最小元素: {val2}")
    self.appendOutput(f"  位置索引: {idx2}")
    self.appendOutput(f"  比较次数: {comp2}\n")

    if val1 == val2:
        self.appendOutput(f"✓ 两种方法结果一致: {val1}")
    else:
        self.appendOutput(f"⚠ 警告：两种方法结果不一致!")

    self.appendOutput("")

def main():
    root = Tk()
    app = SearchGUI(root)
    root.mainloop()

```

```
if __name__ == "__main__":  
    main()
```