

# Reprezentácia údajov

V pamäti počítača sú uložené informácie, a to:

- **inštrukcie** ( kódy inštrukcií)
- **adresy** ( bývajú súčasťou inštrukcie),  
kód určujúci polohu pamäťového miesta, kde je
  - uložený údaj (údaje)
  - uložená inštrukcia, ktorá bude vykonávaná mimo poradia  
(cieľová adresa skokovej inštrukcie, začiatok podprogramu)
- **údaje**

Počítač uchováva údaje (informácie) ako postupnosť binárnych číslíc (0,1) v **konečnom počte bajtov** (slov). Interpretácia informácie je závislá od polohy binárnej hodnoty v danej postupnosti.

Spôsob kódovania údajov sa nazýva **formát údajov**. Formát údajov je daný **konvenciou** (dohodou).

Medzi elementárne údajové typy patria

- číslo
- logická informácia
- textová informácia
- obrazová informácia

Komplexnejšie (zložitejšie) informácie sa uchovávajú v tvare vektorov, matic, štruktúr, únií (unions) a pod.

# Čísla

Počítač môže uchovávať len **celé** čísla alebo **racionálne** čísla

## Celé čísla

Obsah bajtov môže byť interpretovaný buď

- ako **celé číslo** (číslo so znamienkom – bez prívlastku)
- alebo **celé nezáporné číslo** (číslo bez znamienka – **unsigned**)

**Obmedzený rozsah** ( nemožno zobrazit' ľubovoľne **malé** alebo **veľké** číslo).

Pozn. 9 223 372 036 854 775 807 cca. **9000 svetelných rokov s rozlíšením 1m**

	Min	Max
1B	-128	127
unsigned	0	255
2B	-32 768	32 767
unsigned	0	65 535 (64Ki)
4B	-2 147 483 648	2 147 483 647
unsigned	0	4 294 967 295 (4Gi)
8B	-9 223 372 036 854 775 808	9 223 372 036 854 775 807
unsigned	0	18 446 744 073 709 551 615

# Dížky typov v C (Ubuntu64 LLP64)

**Počet bitov, ktoré zaberá dátový typ, pre rôzne dátové modely (3 ks 64 bitových a 2 ks 32 bitových)**

**Použitý model = f (prekladač, HW, OS, parametre)**

V jazyku C platí len pravidlo **short <= int <= long <= smerník**

[http://www.unix.org/version2/whatsnew/lp64\\_wp.html](http://www.unix.org/version2/whatsnew/lp64_wp.html)

Datatype	LP64	ILP64	LLP64	ILP32	LP32
char	8	8	8	8	8
short	16	16	16	16	16
_int32		32			
int	32	64	32	32	16
long	64	64	32	32	32
long long			64		
pointer	64	64	64	32	32

## Program na zistenie veľkosti typov

(B vs b, bit vs byte)

```
#include<stdio.h>
```

```
int main ()
```

```
{
```

```
    printf ("size of char:\t\t%ld\n",8*sizeof(char));
```

```
    printf ("size of short:\t\t%ld\n",8*sizeof(short));
```

```
    printf ("size of int:\t\t%ld\n",8*sizeof(int));
```

```
    printf ("size of long:\t\t%ld\n",8*sizeof(long));
```

```
    printf ("size of pointer:\t\t%ld\n",8*sizeof(void *));
```

```
    printf ("size of long long:\t\t%ld\n",8*sizeof(long long));
```

```
    //printf ("size of _int32:\t\t%ld\n",8*sizeof(_int32));
```

```
}
```

- Niektoré dátové modely

- **ILP**-integer=long=pointer/smerník ,

- **LP**-long=pointer/smerník

- **LLLP**- long=long long=pointer/smerník.

- Číslo je veľkosť smerníka v bitoch

- **Korektný kód bez varovaní na 32 bit.**

```
#include<stdio.h>
```

```
int main ()
```

```
{
```

```
#ifdef __i386__
```

```
    printf("32 bitov-386 resp. akykoľvek 32 bit x86 chip\n");
```

```
    printf ("size of char:\t\t%d\n",8*sizeof(char));
```

```
    printf ("size of short:\t\t%d\n",8*sizeof(short));
```

```
    printf ("size of int:\t\t%d\n",8*sizeof(int));
```

```
    printf ("size of long:\t\t%d\n",8*sizeof(long));
```

```
    printf ("size of pointer:\t%d\n",8*sizeof(void *));
```

```
    printf ("size of long long:\t%d\n",8*sizeof(long long));
```

```
    //printf ("size of _int32:\t%d\n",8*sizeof(_int32));
```

```
#endif
```



- **Korektný kód bez varovaní na 32 bit- pokračovanie**

```
#ifdef __i486__
    printf("32 bitov-486\n");
#endif
#ifdef __i586__
    printf("32 bitov-586\n");
#endif
#ifdef __i686__
    printf("32 bitov-686\n");
#endif
#ifdef __x86_64__
    printf("64 bitov\n");

    printf ("size of char:\t\t%ld\n",8*sizeof(char));
    printf ("size of short:\t\t%ld\n",8*sizeof(short));
    printf ("size of int:\t\t%ld\n",8*sizeof(int));
    printf ("size of long:\t\t%ld\n",8*sizeof(long));
    printf ("size of pointer:\t%ld\n",8*sizeof(void *));
    printf ("size of long long:\t%ld\n",8*sizeof(long long));
    //printf ("size of _int32:\t%ld\n",8*sizeof(_int32));
#endif
}
```

## Výstup

- **64 bitov**

size of char: 8

size of short: 16

size of int: 32

size of long: 64

size of pointer: 64

size of long long: 64

- **32 bitov**

**32 bitov-386 resp. akýkoľvek 32 bit x86 chip**

size of char: 8

size of short: 16

size of int: 32

size of long: 32

size of pointer: 32

size of long long: 64

**32 bitov-686 (AMD K6, Intel Pentium Pro a ich modifikácie)**



# Racionálne čísla

- nepoužíva sa formát racionálnych čísel bez znamienka
- obmedzený rozsah
- presnosť zobrazenia racionálnych čísel je obmedzená
- len podmnožina racionálnych čísel sa dá zobrazit' presne
- nie je možné zobraziť presne iracionálne číslo napr.  $\pi, \sqrt{2}$

		min  X	max  X
4B	float	$1.18 \cdot 10^{-38}$	$3.40 \cdot 10^{38}$
8B	double	$2.23 \cdot 10^{-308}$	$1.79 \cdot 10^{308}$
10B	long double	$3.37 \cdot 10^{-4932}$	$1.18 \cdot 10^{4932}$

**Iný 32 bitový kompilátor**  
**12B long double**

**Iný 64 bitový kompilátor**  
**16B long double**

# Logické informácie

Agregácia hodnôt logických premenných do dátových typov, ktoré sú násobkami bajtov

Používajú sa na uchovávanie informácií o stave:

- procesora ( stavové slovo)
- vstupno/výstupných obvodov (zariadení)
- procesov alebo zariadení riadených počítačom

Slúžia na riadenie toku programu (postupnosti inštrukcií).

V niektorých prípadoch slúžia na riadenie stavu daného zariadenia alebo procesu.

Príklady stavových slov procesorov:

## Procesor Z80

7	6	5	4	3	2	1	0
S	Z	X	H	X	P/V	N	C

## Mikropočítač

### AVR ATmega16

7	6	5	4	3	2	1	0
I	T	H	S	V	N	Z	C

Signalizujú najmä atribúty výsledku väčšiny aritmeticko-logických operácií vykonaných procesorom. Význam niektorých bitov je rovnaký :

S-znamienko výsledku, Z-nulový výsledok, V-pretečenie výsledku, C- prenos do vyššieho rádu

Význam niektorých bitov nemusí byť definovaný X

Hodnoty jednotlivých bitov slúžia na „dynamické“ vetvenie programu

Obsah registra sa dá čítať, dá sa programovo meniť

Zápis do bitu I program (**programátor**) povoľuje alebo zakazuje spustenie **všetkých špeciálnych podprogramov (obsluhy prerušenia).**

## Textové informácie

Elementárnym prvkom textovej informácie je **znak** (symbol).

Postupnosť znakov definovanej dĺžky alebo zakončená dohodnutým znakom tvoria **znakové reťazce (stringy)**.

Pod znakom rozumieme: *číslice, písmená, symboly* napr. *?*, *!*, *§*, *a*  
*radiace znaky* napr. **CR** (návrat kurzora na začiatok riadku), **LF**  
(posun kurzora o riadok ďalej) atď. z ďalekopisov Line Feed, Carriage return

Textové informácie sa používajú pri komunikácii

- programového vybavenia (operačný systém, aplikácie) s obsluhou
- pri komunikácii medzi procesom (spustený program) s iným procesom (na tom istom, alebo inom počítači resp. zariadení)

Textová informácia môže byť dôležitou zložkou spracovávaných údajov (textové editory, kompilátory, databázy, atď.).

# ASCII (podľa American National Standards Institute =ANSI)

(*American Standard Code for Information Interchange*)

Pôvodne 7 bit kód (celkovo 128 znakov)

- kódovanie znakov – základom anglická abeceda
- prvýkrát zverejnené v roku 1967
- posledná úprava v roku 1986
- obsahuje 32 nezobraziteľných znakov (väčšinou už nepoužívaných riadiacich znakov)
- 96 zobraziteľných znakov
- spolu 128 znakov - 7 bitový kód
- najvyšší bit bol rezervovaný pre paritný bit
- protipólom ASCII je EBCDIC kód, ktorý používa vo svojich počítačoch IBM.

**Bol neúspešne navrhnutý za štandard amerického NIST=National Institute of Standards and Technology, Escape sekvencie sú v ANSI**



# ASCII kód:

Riadiace znaky:  $<0_{16}$  až  $20_{16}$ )

CR – Carriage Return  
návrat vozíka

LF -Line Feed  
posun o riadok

FF – Form Feed  
nová stránka

BEL – Bell (zvonček)

Riadiace znaky prenosu, napr:

STX – začiatok textu

ETX – koniec textu, NAK/ACK

Stĺpec riadok	0	1	2	3	4	5	6	7
0	NUL	DLE		0	@	P	`	p
1	SOH	DC1	!	1	A	Q	a	q
2	STX	DC2	"	2	B	R	b	r
3	ETX	DC3	#	3	C	S	c	s
4	EOT	DC4	\$	4	D	T	d	t
5	ENQ	NAK	%	5	E	U	e	u
6	ACK	SYN	&	6	F	V	f	v
7	BEL	ETB	'	7	G	W	g	w
8	BS	CAN	(	8	H	X	h	x
9	HT	EM	)	9	I	Y	I	y
A	LF	SUB	*	:	J	Z	j	z
B	VT	ESC	+	;	K	[	k	{
C	FF	FS	,	<	L	\	l	
D	CR	GS	-	=	M	]	m	}
E	SO	RS	.	>	N	^	n	~
F	SI	US	/	?	O	_	o	DEL

## Extended ASCII (high ASCII)

Využitie najvyššieho bitu ďalších 128 znakov ( špeciálne symboly, znaky národných abecied, grafické symboly).

128 rozšírených znakov je málo pre „národné“ gramatiky programovo sú prepínané.

## Kódové stránky (Code Page )

Na Slovensku sa najčastejšie používali (a ešte stále používajú)

- CP 852 (ISO 8859-2, Latin-2, stredoeurópske jazyky ISO 8859 sú Západné)
- Windows 1250 (ANSI 1250)
- CP 895 (kód bratov Kamenických, nebol štandardizovaný)

Problém, ako zapnúť správnu stránku pre zobrazovanie.

Kódovanie znakov nerieši problém, ako znaky zobrazovať.

Toto rieši výber **Fontu** (príloha).

## Problém diakritiky (CZ/SK)

Kódy :

	Č	č	Š	š	Ž	ž
Kamenických	80	87	98	A8	92	91
Latin 2	AC	9F	E6	E7	A6	A7
Windows 1250	C8	E8	8A	9A	8E	9E
Unicode U+	010C	010D	0160	0161	017D	017E

Problém s národnými gramatikami sa snaží riešiť systém UNICODE, kde je znak kódovaný do dvoch bytov, a ktorý predstavuje skoro všetky svetové jazyky.

# Unicode

<http://www.unicode.org/>

Štandard kódovania znakov vyvinutý organizáciou **Unicode Consortium** (1991) (paralelne **ISO 10646** – došlo k zjednoteniu kódovania znakov)

- snaha obsiahnuť takmer všetky znaky používané v jazykoch na svete (japončina, čínština – tisíce znakov)
- prvých 256 znakov je zhodných s rozšíreným ASCII
- pôvodne bol pre každý znak pridelený 16-bitový jedinečný kód
- v súčasnosti 31-bitové, štandard je navrhnutý tak, že všetky možné znaky rozdeľuje do sedemnástich skupín po 65536 znakoch. To znamená môžeme definovať až  $17 \times 2^{16}$  znakov.

ISO 10646 – definuje **UCS** (Universal Character Set)

Štandard Unicode sa oproti ISO 10646 navyše zaoberá

- algoritmami pre písmo písané smerom doľava (arabský jazyk)
- podporou obojstranných textov (ako napr. zmes hebrejčiny a latinky)
- algoritmy pre abecedné triedenie a porovnávanie textov

Nevýhodou je dĺžka znakov, prítomnosť kódov v znakoch ako nulový bajt, znak “\”, atď.

Vznik systémov kódovania UTF (**Unicode Transformation Format** ) ako sú UTF-8, UTF-16 a UTF-32.

Väčšina rozhraní systému Windows používa formu UTF-16. - od Windows NT 5.0 (predávané ako XP, staršie mali CP1250,...)



**UTF-8 :** Kóduje do 1 až 6 bajtov; Do 1 bajtu kóduje prvých 128 znakov zo znakovkej sady US-ASCII ( U+0000 až U+007F);

Unicode hodnota	UTF-8 sekvencia
U-00000000 - U-0000007F	0xxxxxxx Znaky s číslami od 0 do 127 sa kódujú ako jeden bajt
U-00000080 - U-000007FF	110xxxxx 10xxxxxx Znaky s číslami od 128 do 2 047 sa kódujú ako dva bajty
U-00000800 - U-0000FFFF	1110xxxx 10xxxxxx 10xxxxxx Znaky s číslami od 2 048 do 65 535 sa kódujú ako tri bajty
U-00010000 - U-001FFFFF	11110xxx 10xxxxxx 10xxxxxx 10xxxxxx Znaky s číslami od 65 536 do 1 114 111 sa kódujú ako štyri bajty
U-00200000 - U-03FFFFFF	111110xx 10xxxxxx 10xxxxxx 10xxxxxx 10xxxxxx
U-04000000 - U-7FFFFFFF	1111110x 10xxxxxx 10xxxxxx 10xxxxxx 10xxxxxx 10xxxxxx

Staršie webové prehliadače (**HTML** dokumnty) podporovali len znakovú sadu ASCII, moderné majú prednastavenú sadu UTF-8 alebo ISO-8859-1, inak musia mať v položke <meta> uvedenú znakovú sadu buď ISO-8858-xx, UTF8 alebo UTF16. (MSIE ignoruje a použije autodetekciu kódovania) Podobné princípy sú uplatňované v **XML** (eXtensible Markup Language) dokumentoch, ktoré okrem iného slúžia na výmenu údajov medzi aplikáciami a zverejňovanie dokumentov.

# Obrazová informácia

V počítači sa uchováva a spracováva číslcový (digitálny) obraz.

**PIXEL** – PICture ELe ment (najmenšia časť obrazu). Bodová reprezentácia (rastrová reprezentácia obrazu) – uloženie v matici (bit-map)

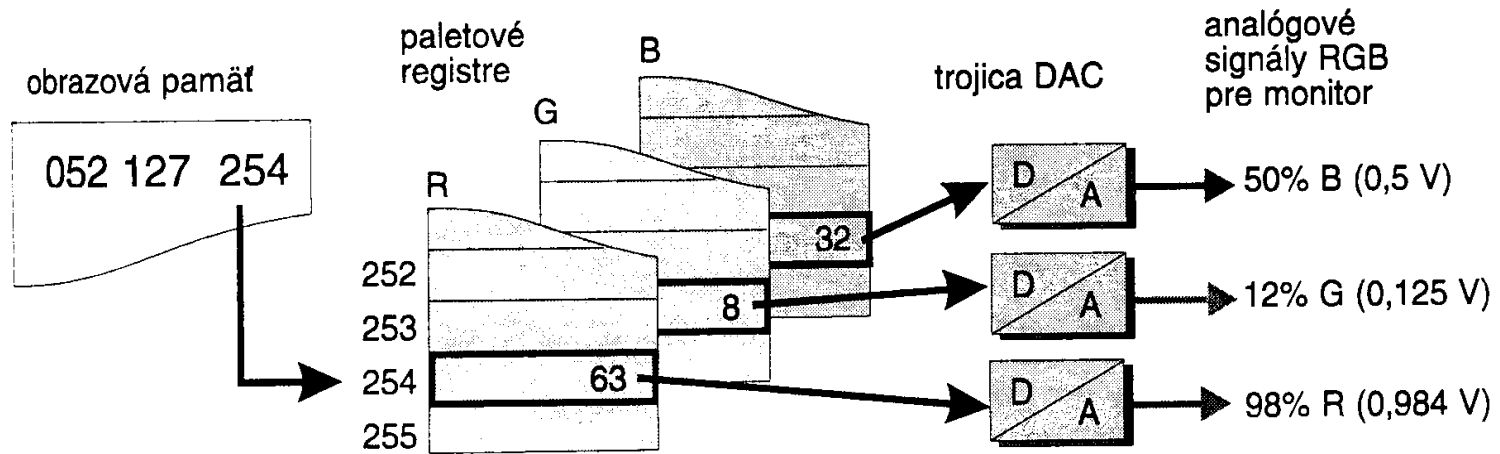
V matici, na uloženie jedného pixel sa používa

- 1 bit - pre čierno-biele obrazy (B/W)
- 1 bajt - pre šedotónové (grayscale) a farebné obrazy, obsah bajtu je indexom do tabuľky 3x256 bajtov (palety), ktorá definuje 256 rôznych farieb, trojica bajtov uchováva úrovně farebných zložiek RGB (Red Green Blue))
- 3 bajty – farebné obrazy tzv. True Color, v bajtoch sú uložené zvlášť hodnoty (R,G,B) – umožňuje uchovávať jednu z  $2^{24} = 16\,777\,216$  farieb

Pozn. kvalita šedotónových obrazov pri použití 1 alebo 3 bajtov je rovnaká.

- 4 bajty – (v poslednom období) RGBA (Red Green Blue Alpha), hodnota zložky A definuje stupeň priehľadnosti (transparencie) pixela

Použitie RGBA znamená kvalitatívnu zmenu pri algoritmoch generovania rastrových obrazov (prechod od používania **logických** operácií nad pixelmi na použitie **aritmetických** operácií), čo vyžaduje podstatne výkonnejší hardvér počítača.



**DAC** (**D**igital to **A**nalog **C**onverter) – číslicovo-analógový prevodník

Počítačová grafika:

- **rastrová** (kamera, skener a pod.) – spracovanie obrazu (Image Processing)

- **vektorová**

- **2D** (prvky - elementárne objekty s dvomi súradnicami) – technická dokumentácia, mapy, grafy, a pod.)

- **3D** (prvky - elementárne objekty s tromi súradnicami) - priestorové simulácie, virtuálna realita, počítačové videnie (Computer Vision),...

3D – grafika (mapovanie priestor->virtuálna kamera, veľmi náročné na výpočet),

-softvérová podpora (knihnice OPEN GL- open Graphics „anguage , Direct3D,...)

- hardvérová **GPU** (**G**raphics **P**rocessing **U**nit), grafické karty založené

na paralelnom výpočte použitím openCL(**open Compute Language**) či

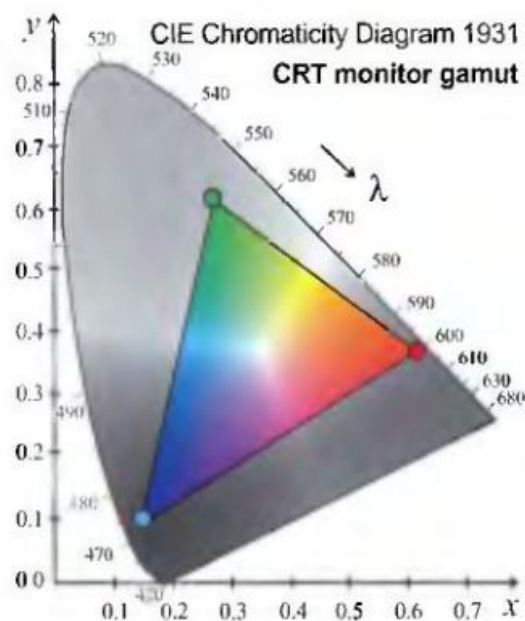
**CUDA** (**C**ompute **U**nified **D**evice **A**rchitecture)

(**NVIDIA GeForce GTX Titan 2688 CUDA jadier**) (**250W**)(**6 GB pamäte**) 21/47

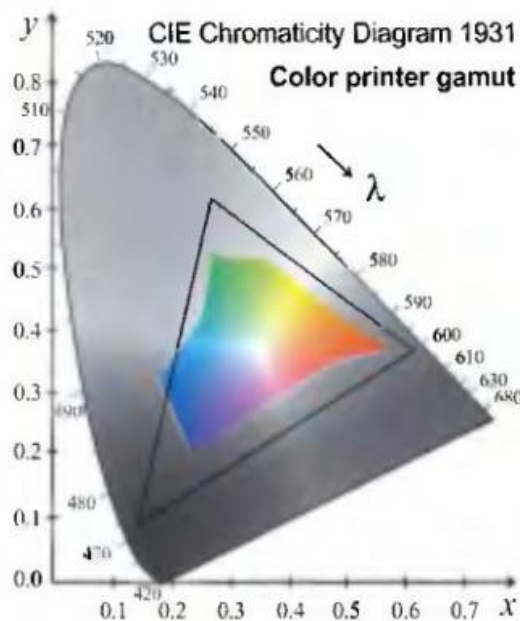
Priemerný človek dokáže rozpoznať

- absolútne (bez porovnávania) 200 farieb
- relatívne s možnosťou porovnať 200000 farieb

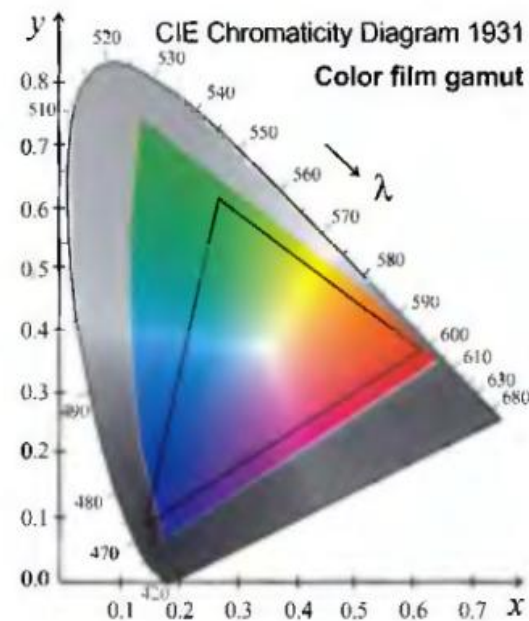
Technické zariadenia (monitor, tlačiareň) nedokážu reprodukovať všetky farby – schopnosť charakterizuje **gamut**



(a) CRT monitor



(b) printer



(c) film

# Ukladanie viacbajtových údajov do pamäte

- Problém ukladania informácií je, ak veľkosť údajového typu nie je zhodná s veľkosťou strojového slova.

Ukladanie a čítanie z pamäti v strojových slovách

(dané šírkou dátovej zbernice  $16b = 2B$ ,  $32b = 4B$ ,  $64b = 8B$ )

- Poradie ukladania bytov údajového typu do pamäte.

Slovom **ENDIAN** chceme povedať v akom poradí sú byty (resp. bity) usporiadané, ak chceme preniesť komplexnejšiu informáciu po menších častiach.

Niekedy sa tento problém nazýva aj **NUXI** problém .  
(reťazec „UNIX“ môže počítač s opačnou orientáciou zobrazit' ako „NUXI“)



little endian orientation



$$(305\ 419\ 896)_{10} = (12\ 34\ 56\ 78)_H$$

3   2   1   0

Adresa	BE	LE	ME	
			2301	1032
0x1000	0x12 (MSB)	0x78	0x34	0x56
0x1001	0x34	0x56	0x12	0x78
0x1002	0x56	0x34	0x78	0x12
0x1003	0x78 (LSB)	0x12	0x56	0x34

Stredný endian – poradie bajtov 2301 (PDP11)

V architektúrach počítačov sa využívajú nasledujúce ukladacie endiány :

- len malý endian ( Intel i386)
- len veľký endian ( MC 68030)
- nastaviteľný: - špeciálnym signálom pri Reset (MIPS 2000)  
                   - nastaviteľný inštrukciou ( Intel i860, i486)

Musí byť riešená konverzia rôznych endianov, ak niektorý podsystém počítača pracuje v inom ukladaacom režime.

## Dátum

**US** : middle - endian

Month, Day, Year (May, 24<sup>th</sup>, 2006 = 5/24/2006)

**Europe** : little - endian

Day, Month, Year (24<sup>th</sup>, May, 2006 = 24/ 5/2006)

**China, Japan & ISO 8601: big - endian**

Year, Month, Day (2006, May, 24<sup>th</sup> = 2006-05-24)

Poznámky k endianom:

Nedá sa povedať, že niektorý endian je výhodnejší voči inému, len ak zapíšeme dátum v big endian – ľahšie sa triedia položky.

Ak prenášame súbory medzi počítačmi s rôznymi endianmi, treba robiť vykonať transformáciu.

Text “hello” zapísaný pomocou ASCII kódu je:

0x68, 0x65, 0x6c, 0x6c, 0x6f

Ak tento istý text zapíšeme pomocou **UTF-16** treba rozlišovať zápis:

Big endian:

**0xfe 0xff** 0x00 0x68 0x00 0x65 0x00 0x6c 0x00 0x6c 0x00 0x6f

Little endian:

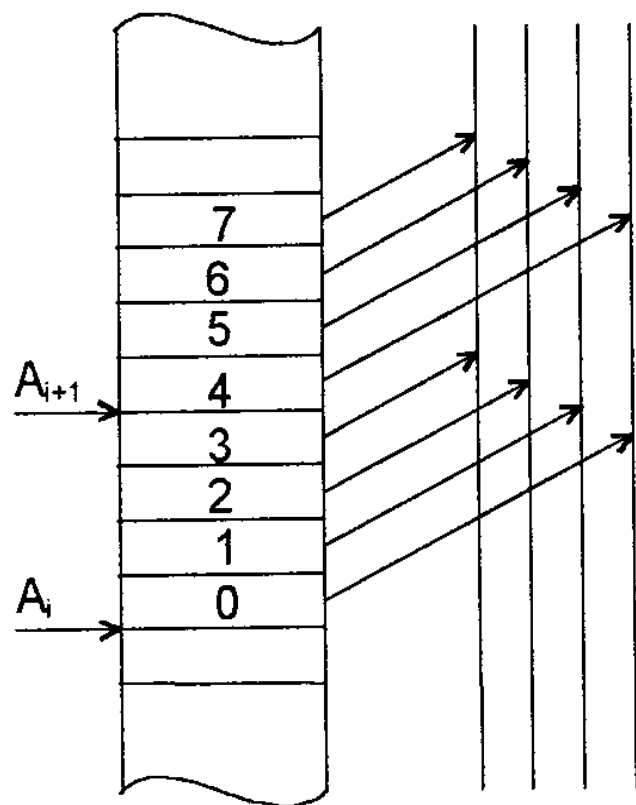
**0xff 0xfe** 0x68 0x00 0x65 0x00 0x6c 0x00 0x6c 0x00 0x6f 0x00

# Zarovňavanie bajtov

Sprístupňovanie ( čítanie a zápis objektov) jednoduchých alebo viacbajtových sa môže uskutočňovať v režime:

- **zarovňaného sprístupňovania** bajtov (používa sa v arch. **RISC** )
  - údaje sa ukladajú na adresy, ktoré sú celočíselným násobkom strojového slova (napríklad pre 32-bitové slovo, sa ukladajú na adresy, ktoré sú násobkom čísla 4). V prípade ukladania údajov, ktorých veľkosť nie je celočíselným násobkom strojového slova, nie sú využité niektoré bajty v pamäti.
  - jednoduchší hardvér, jednoduchšie sprístupňovanie
- **nezarovňaného sprístupňovania** bajtov (používa sa v arch. **CISC** )
  - zložitejší hardvér ( najmä pri stránkovaní pamäte)
  - zložitejšie sprístupňovanie (viacej strojových cyklov pri zápise a čítaní, pomalšie čítanie a zápis do pamäte)
  - pohodlnejšie programovanie
  - údaje sa ukladajú „úsporne“ bezprostredne za sebou (úspora pamäte)

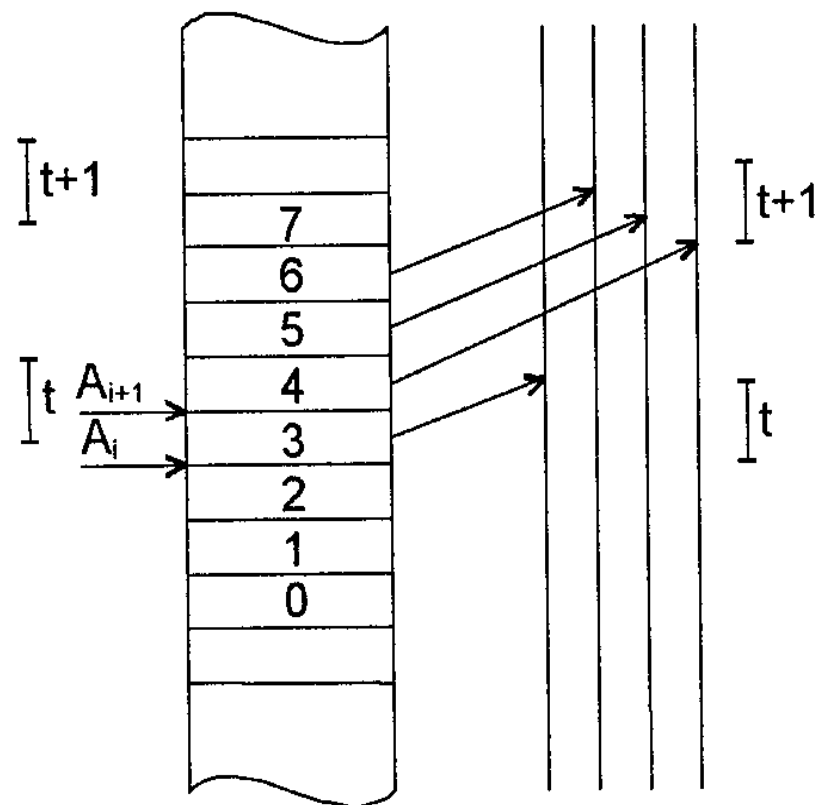
## Zarovnaný výber



$D(31:0)$

Slovo (0,1,2,3) sa sprístupní  
za jeden adresovací prístup

## Nezarovnaný výber



$D(31:0)$

Slovo (3,4,5,6) sa sprístupní  
za dva adresovacie prístupy

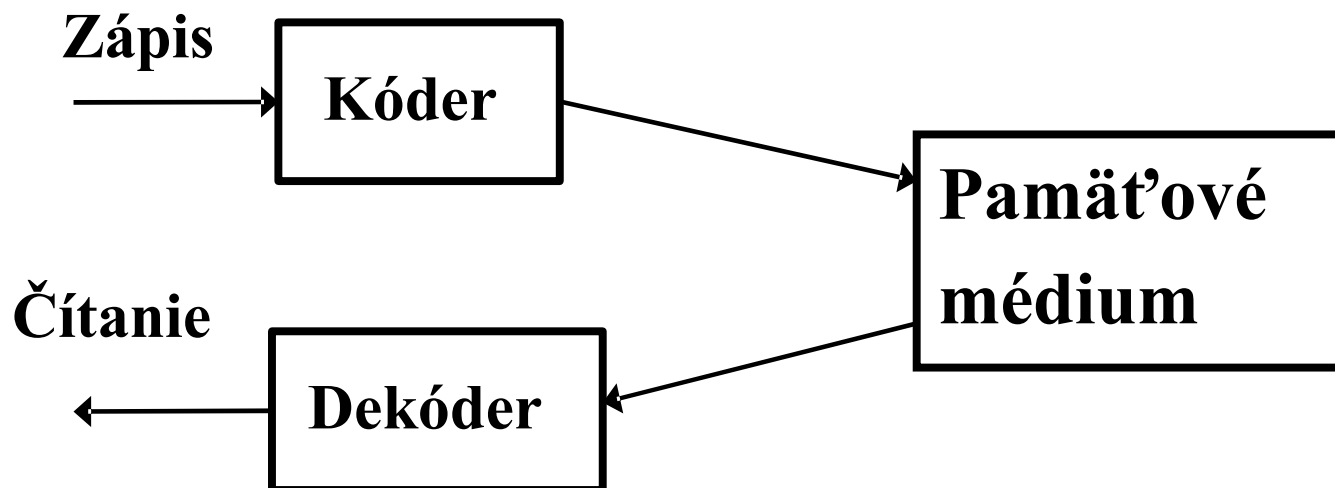
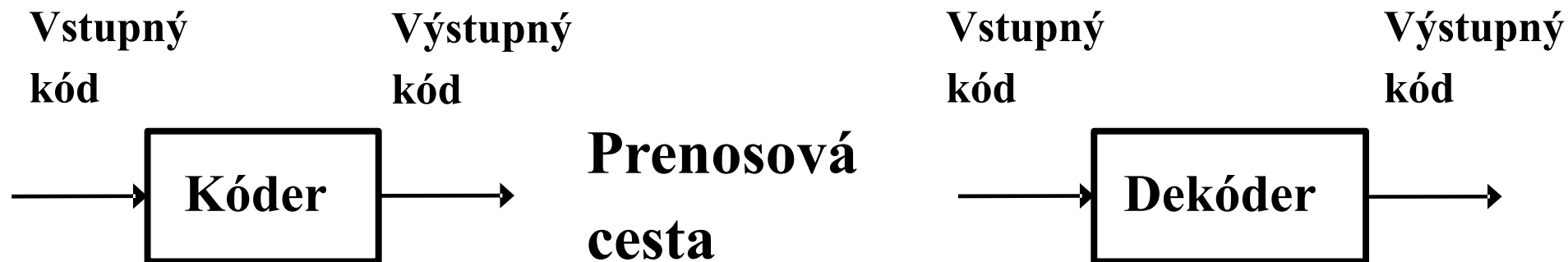


# Kódovanie údajov

**Kódovanie údajov** ( binárnych slov) = **mapovanie** množiny **vstupných slov** (kódov) do množiny **výstupných slov** (kódov)

## Cieľ:

- **zabrániť vzniku chyby** pri prenose a uchovávaní informácie
- **komprimácia dĺžky informácie** ( zrýchlenie prenosu informácie, lepšie využitie pamäťových médií)
- **prispôsobenie sa konvenciám** pri prenose dát (protokol)
- **ochrana údajov** (šifrovanie),
- počítač – binárne čísla, operátor – dekadické čísla, atď.



BCD kód, (kód s váhami 8 4 2 1)

0000 – 0

0001 – 1

0010 – 2

0011 – 3

0100 – 4

0101 – 5

0110 – 6

0111 – 7

1000 – 8

1001 – 9

1010 – x

1011 – x

1100 – x

1101 – x

1110 – x

1111 – x

Prevod 1357 do BCD kódu

1    3    5    7

0001 0011 0101 0111

Nevyužité

# Kódovanie na zabránenie vzniku chyby

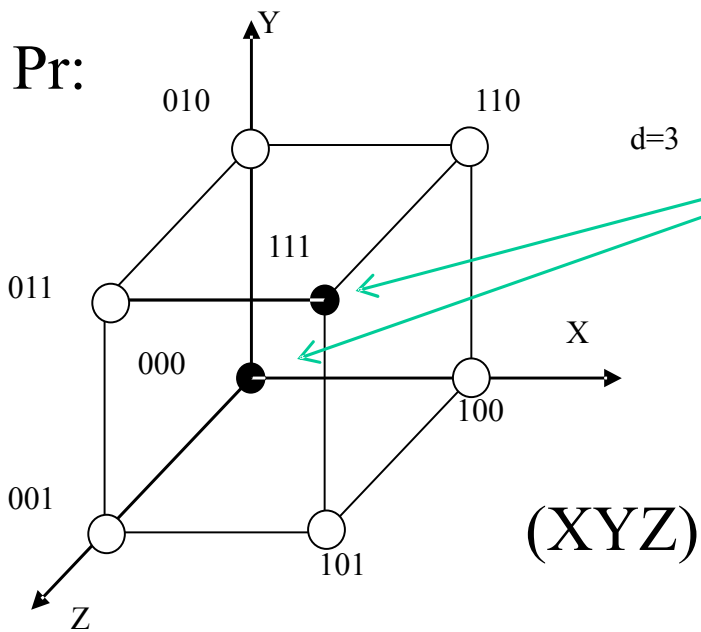
## Pri prenose a uchovávaní informácie

**Hammingova vzdialenosť** medzi **dvomi** binárnymi slovami (kódmi) **sa rovná počtu bitov**, v ktorých sa **nezhodujú** dané slová

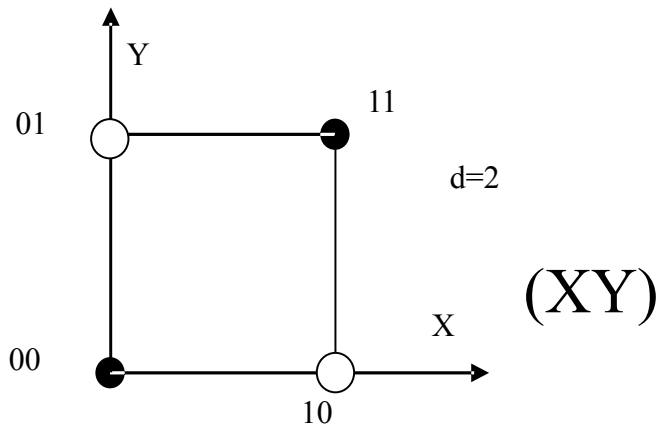
Napríklad medzi štvorbitovými slovami

$$(0111)_2 = (7)_{10} \qquad (1000)_2 = (8)_{10}$$

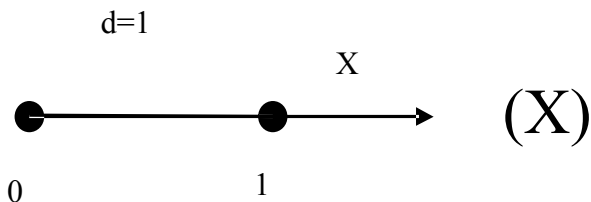
je Hammingova vzdialenosť 4.



- $n$  **informačných bitov**  
( kód pôvodnej informácie)
- $k$  **kontrolných bitov**  
( redundantné bity)



- $d$  – **kódová vzdialenosť**
- $\alpha$  – počet **detekovateľných chýb**
- $\beta$  – počet **opraviteľných chýb**



$$d \geq \alpha + 1$$

$$d \geq 2\beta + 1$$

## Grayov kód:

Hammingova vzdialenosť medzi kódmi = **1** (príloha)

# Detekčné kódy (EDC)

sú schopné detekovať definovaný počet chýb

Skladajú sa z :

- **n informačných bitov** ( kód pôvodnej informácie) a
- **k kontrolných bitov** ( nenesú žiadnu novú informáciu, redundantné bity)

Najväčší dôraz sa kladie na odhalenie jednej chyby  
( jej pravdepodobnosť je najväčšia z možných chýb).

Princíp je založený na tom, že z  $2^{n+k}$  možných prijatých slov je len  $2^n$  správnych ( neobsahujúcich definovaný počet chýb)

# Paritný kód (detekčný)

- používa sa **jeden** kontrolný bit ( paritný bit)
- parita môže byť – **párna** (even) alebo **nepárna** (odd)

Stanovenie parity :

$$\left( \sum_{i=0}^{m-1} a_i \right) (mod 2) = a_{m-1} \oplus a_{m-2} \oplus \dots \oplus a_1 \oplus a_0 = C ,$$

$$kde (a+b)(mod 2) = a \oplus b$$

Kde:

**C=1** - kódové zabezpečenie **nepárnou** paritou,

**C=0** - kódové zabezpečenie **párnou** paritou.



Príklad : Prenášame informáciu zakódovanú v 7 informačných bitoch

<b>p</b>	<b>1</b>	<b>0</b>	<b>0</b>	<b>1</b>	<b>1</b>	<b>1</b>	<b>0</b>
----------	----------	----------	----------	----------	----------	----------	----------

potom

Pre 11001110 bude

$$(1 \oplus 1) \oplus (0 \oplus 0) \oplus (1 \oplus 1) \oplus (1 \oplus 0) = (0 \oplus 0) \oplus (0 \oplus 1) = 1$$

pre 01001110 bude

$$0 \oplus 1 \oplus 0 \oplus 0 \oplus 1 \oplus 1 \oplus 1 \oplus 0 = 1 \oplus 0 \oplus 0 \oplus 1 = 1 \oplus 1 = 0$$

- pri párnej parite vysielame: **0100 1110**

- pri nepárnej parite vysielame: **1100 1110** .

Ak nastane **nepárny počet chýb** pri prenášaní ľubovlného bitu, **paritný bit** prijatého slova nebude **správny**).

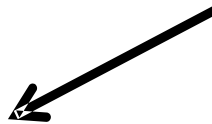
## Blokový detekčný kód ( maticový detekčný kód)

- pri **prenose bloku** viacerých informačných slov,
- použitie **priečnej a pozdĺžnej parity**

Bit	$W_1$	$W_2$	$W_3$	$W_4$	$W_5$	$W_6$
$D_0$	0	1	1	0	1	0
$D_1$	1	0	0	1	0	1
$D_2$	1	1	0	1	1	0



Bit	$W_1$	$W_2$	$W_3$	$W_4$	$W_5$	$W_6$	$W_7$
$D_0$	0	1	1	0	1	0	1
$D_1$	1	0	0	1	0	1	1
$D_2$	1	1	0	1	1	0	0
$D_3$	0	0	1	0	0	1	0



Bit	$W_1$	$W_2$	$W_3$	$W_4$	$W_5$	$W_6$	$W_7$
$D_0$	0	1	1	0	1	0	1
$D_1$	1	0	1	1	0	1	1
$D_2$	1	1	0	1	1	0	0
$D_3$	0	0	1	0	0	1	0

- detekuje viacero chýb
- opraviť je možné len jednu chybu

# Samoopravné kódy (ECC)

## Hammingove kódy

Patria medzi najjednoduchšiu skupinu **detekčných** a zároveň **samoopravných** kódov.

Generujú kód zložený z **m** informačných bitov vstupného slova a **k** kontrolných bitov, dĺžka výstupného kódu bude  **$n = m + k$** . Kód sa označuje  **$H(n,m)$**

Pre  **$H(7,4)$**

<i>Poloha bitu</i>	7	6	5	4	3	2	1
<i>Kód bitu</i>	$I_4$	$I_3$	$I_2$	$C_3$	$I_1$	$C_2$	$C_1$

$I_i$  - hodnota zdrojového bitu

$C_i$  - hodnota kontrolného bitu

Kontrolné bity sa generujú podľa vzťahov

$$C_3 = I_2 \oplus I_3 \oplus I_4$$

$$C_2 = I_1 \oplus I_3 \oplus I_4$$

$$C_1 = I_1 \oplus I_2 \oplus I_4$$

Nech

$$I_4 I_3 I_2 I_1 = 1101$$

potom

$$C_3 = 0 \oplus 1 \oplus 1 = 0$$

$$C_2 = 1 \oplus 1 \oplus 1 = 1$$

$$C_1 = 1 \oplus 0 \oplus 1 = 0$$

potom

$$I_4 I_3 I_2 C_3 I_1 C_2 C_1 = 1100110$$

Nech prijatý kód je  $I_4 I_3 I_2 C_3 I_1 C_2 C_1$

1 0 00110 (1 1 00110)

potom  $C_3 = I_2 \oplus I_3 \oplus I_4 = 0 \oplus 0 \oplus 1 = 1$

$C_2 = I_1 \oplus I_3 \oplus I_4 = 1 \oplus 0 \oplus 1 = 0$

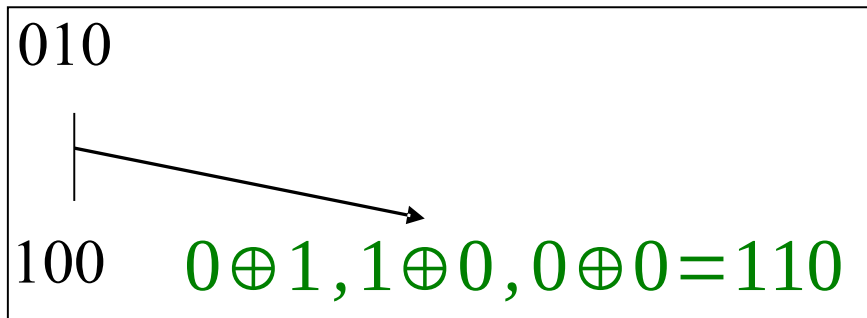
$C_1 = I_1 \oplus I_2 \oplus I_4 = 1 \oplus 0 \oplus 1 = 0$

chyba

pri prenose  
nastala chyba

Nová trojica kontrolných bitov je **100** namiesto **010**.

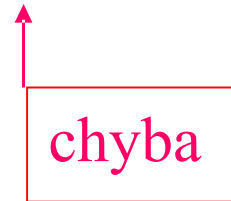
Teraz po dvojiciach určíme súčet modulo 2 pre kontrolné bity



Výsledok operácie nad kontrolnými bitmi dáva binárnu kombináciu, ktorej dekadická hodnota určuje polohu bitu, v ktorom treba opraviť hodnotu bitu. V tomto prípade je to hodnota  $110_2 = 6$ , t.j. je to 5. bit ktorý obsahuje informáciu o  $I_3$ . Prijatý byte: 1000110

Teraz predpokladajme, že pri prenose bude poškodený kontrolný bit, napr.  $C_2$

1100100



Nová trojica kontrolných bitov **000** namiesto **010**. Určíme polohu poškodeného bitu

010	
000	$0 \oplus 0, 1 \oplus 0, 0 \oplus 0 = 010$

V tomto prípade je to hodnota  $010_2 = 2$ , t.j. je to 1. bit, ktorý obsahuje informáciu o  $C_2$ .

Hammingov kód je schopný opraviť chybu v prijatom bajte aj pre hodnoty kontrolných bitov.

# Komprimácia dĺžky informácie

## Huffmanov kód

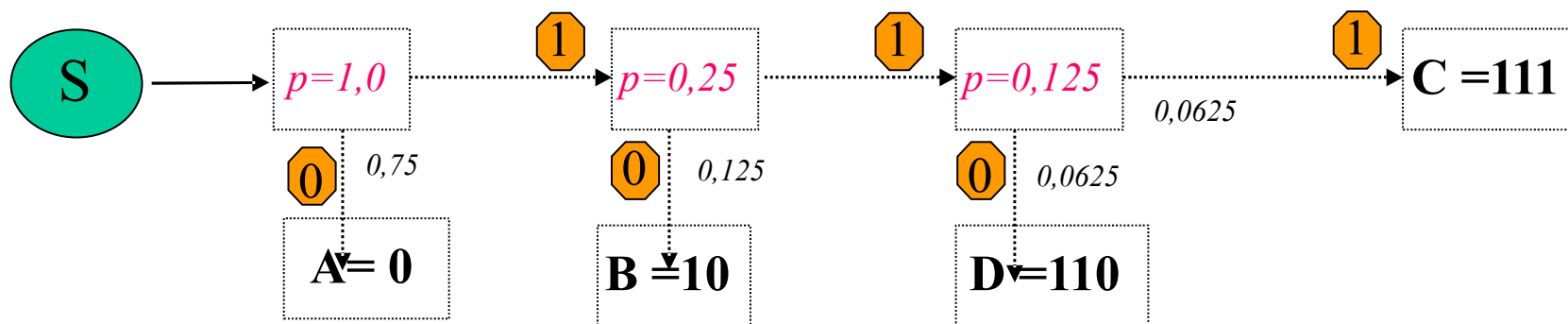
- komprimačný kód
- premenlivá dĺžka výstupného kódu
- vychádza zo štatistiky ( z pravdepodobností výskytu kódovaného slova, napr. písmen abecedy v textoch určitého typu), štatistickými metódami sa určuje kódovacia tabuľka (strom)
- tabuľky sú pevné a známe na strane kódera aj dekódera
- nevýhodou je sériové generovanie aj spracovanie kódu po bitoch
- používa sa v kódovaní faxových správ, v kódovaní rastrových obrazov ( TIFF)



Príklad: Majme danú množinu 4 symbolov ( znakov)  
s pravdepodobnosťami ich výskytu v prenášaných správach -dĺžka kódu 2 bity

Znak	Pravdepodobnosť výskytu (početnosť)	Kód
A	0,75	00
B	0,125	01
C	0,0625	10
D	0,0625	11

Vytvoríme kódovací strom, tak aby v koncových uzloch kratších vetiev končili kódy s väčšou pravdepodobnosťou :



Potom kódy jednotlivých znaků budou :

Znak	Pravděpodobnost výskytu (početnost)	Kód
A	0,75	0
B	0,125	10
C	0,0625	111
D	0,0625	110

Středná délka kódu bude :

$$1\frac{3}{4} + 2\frac{1}{8} + 3\frac{1}{16} + 3\frac{1}{16} = \frac{12+4+3+3}{16} = \frac{22}{16} = \frac{11}{8} = 1 + \frac{3}{8} = 1,375$$

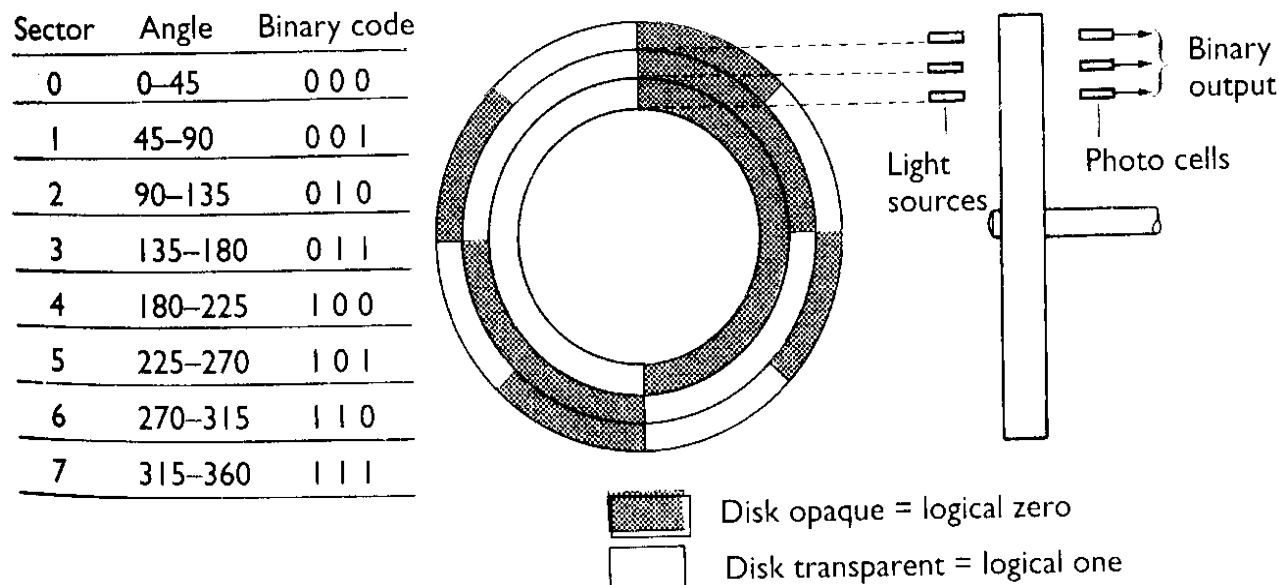
*bez tohoto kódu je délka 2*

## Literatúra :

- [1] Jelšina, M.: Architektúry počítačových systémov,  
Princípy, ... ELFA 2002
- [2] Clements, A: The Principles of Computer Hardware,  
Oxford

## 2. Grayov kód

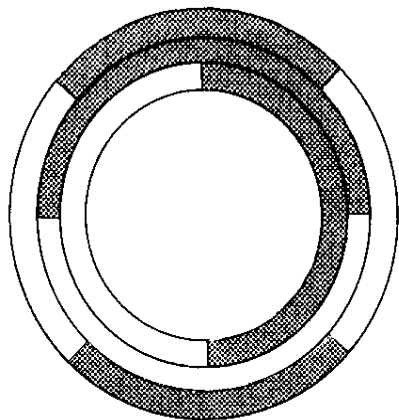
Problém správneho dekódovania polohy kódového kotúča



Problém „presnej“ realizácie prechodov medzi priehľadnými a nepriehľadnými sektormi.

Riešením je kódovanie sektorov tak, aby pri zmene sektora sa menil kód len v jednom *bite*  $\Rightarrow$  *Hammingova* vzdialenosť medzi kódmi susedných sektorov bola 1.

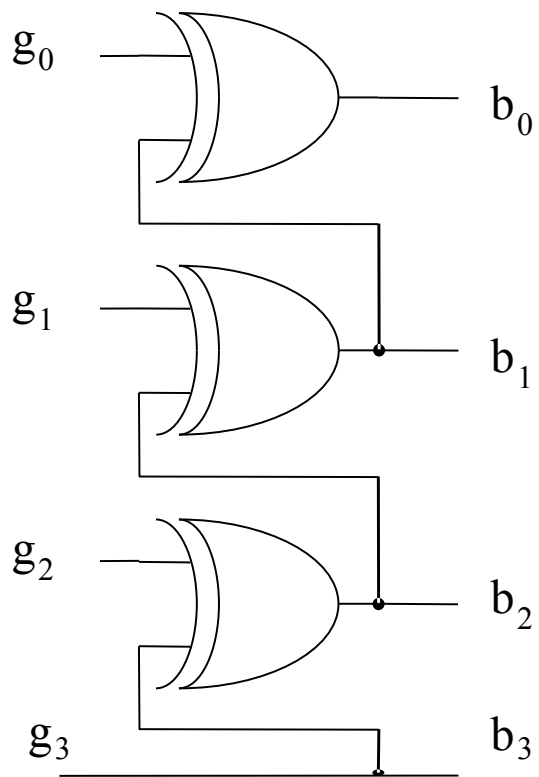
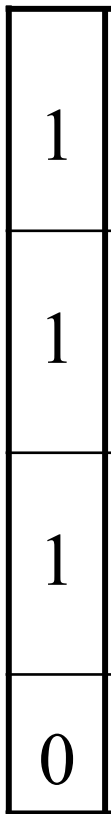
Sector	Angle	Gray code
0	0–45	0 0 0
1	45–90	0 0 1
2	90–135	0 1 1
3	135–180	0 1 0
4	180–225	1 1 0
5	225–270	1 1 1
6	270–315	1 0 1
7	315–360	1 0 0



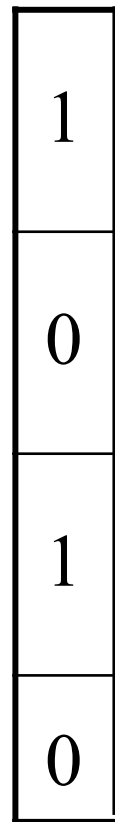
Dĺžka kódového slova sa pre Grayov kód nezmení.

Pr.: Dekóder:

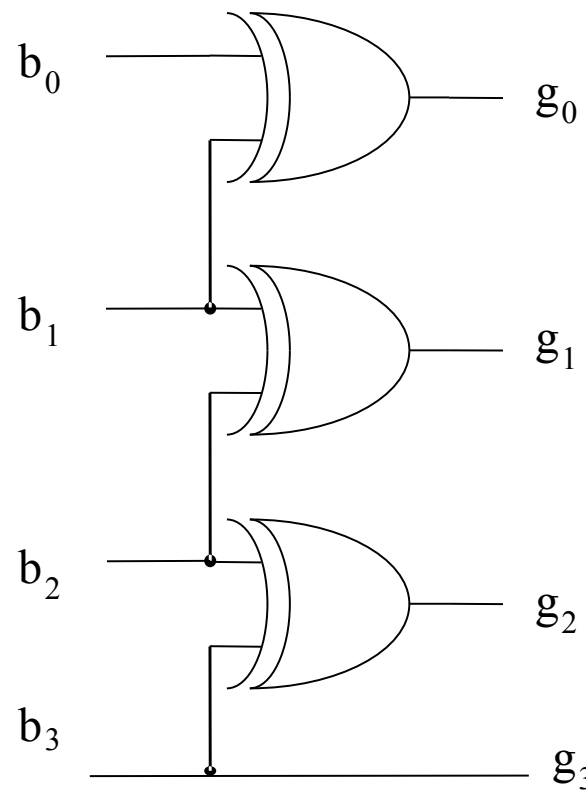
G.k.



B.k.



Kóder:



G.k.

