Repasemos:

Dado unos datos en R

$$A = \begin{pmatrix} -\alpha_1 - \\ -\alpha_m - \end{pmatrix} \in \mathbb{R}^{m \times m}$$

En cade fila ai tenemos n características de m individuo.

Calculamos
$$\bar{a} = \frac{1}{m} \sum_{i=1}^{m} a_i$$

donde ai Elknes un rector Jo.

$$(\overline{a})_{j} = \frac{1}{m} Z(a_{i})_{j}$$
 promedio de las m caracter de la indis.

coord j de ai s la caracteristica j del rindinidus ai

6. ponemos 2 caractersticas y m individuos, cade (i=(xi, yi) $A = \begin{pmatrix} x_1 y_1 \\ x_2 y_2 \\ \vdots \\ x_m y_m \end{pmatrix} \Rightarrow \overline{a} = \underline{L} \underbrace{\sum_{i=1}^{m} (x_{i1} y_i)}_{=(\underline{L} \underbrace{\sum_{i=1}^{m} L}_{x_{i1}} \underbrace{\sum_$ $= \left(\frac{1}{m}\sum_{i=1}^{m}x_{i}, \frac{1}{m}\sum_{i=1}^{m}y_{i}\right)$ $\widehat{\chi} = (\widehat{a})_1 \quad \widehat{\gamma} = (\widehat{a})_7$ Gráficamente Si restamos corde (Xi, yi) - (X, Y) tendremos los datos "centrados". Se corre todo dejanto (7,7) en e

$$\frac{1}{2}\left(a_{i}-\bar{a}\right)=\frac{1}{m}\left(\sum_{i=1}^{m}a_{i}-m\bar{a}\right)$$

$$=\frac{1}{m}\sum_{i=1}^{m}a_{i}-\bar{a}=0.$$

$$L(amamos b_i = a_i - \overline{a} y armomos$$

$$B = \begin{pmatrix} \frac{b_1}{a_1 - \bar{a}} \\ \frac{b_2}{a_m} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \frac{a_1 - \bar{a}}{a_m} \\ \frac{a_1 - \bar{a}}{a_m} \end{pmatrix}$$

le matriz de la datos centrados.

Si miramos pos característicos (enlas Columnos) podemos terrision escribio

Estudiamos

$$B^{\dagger} \cdot B = \begin{pmatrix} c_1 \\ c_n \end{pmatrix} \begin{pmatrix} c_n \\ c_n \end{pmatrix} \begin{pmatrix} c_1 \\ c_n \end{pmatrix} \begin{pmatrix} c_n \\ c_n \end{pmatrix} \begin{pmatrix}$$

Volvamos al ej de 2 caract.

$$B^{\dagger}B = \begin{pmatrix} \langle c_{1}, c_{1} \rangle & \langle c_{1}, c_{2} \rangle \\ \langle c_{2}, c_{1} \rangle & \langle c_{2}, c_{2} \rangle \end{pmatrix}$$

donde
$$C_1 = \begin{pmatrix} x_1 - \overline{x} \\ \vdots \\ x_m - \overline{x} \end{pmatrix}$$
 $C_2 = \begin{pmatrix} y_1 - \overline{y} \\ \vdots \\ y_m - \overline{y} \end{pmatrix}$

$$\langle c_{2}, c_{2} \rangle = \sum_{i=1}^{m} (y_{i} - \overline{y})^{2}$$

$$\langle c_{1}, c_{2} \rangle = \langle c_{2}, c_{3} \rangle = \sum_{i=1}^{m} (x_{i} - \overline{x})(y_{i} - \overline{y})$$

$$i=1$$

13 B se la llama matriz de coronianza.

† ambién se mon por pue de esta monera se time
efectivomente varianza y coronianza
en sus entradas.

Notar que en este caso se rees calan todos los valors singulars con fin y los autorectors de B B son los mismos.

A partir de aprir se pueden calcular los components pales como hicinus la close pasada que mos dará U, V, Z:

BV=VZ de donde

$$V = (N_1 | - ... | N_n)$$
 con y outrectors be $B^t B$

B. NI = O1 M1 de manera que si

 $N_1 = (N_1^1, ..., N_1^n)$ son sus coorden ados

els tenemos que

$$O_{l} M_{l} = N_{l}^{\prime} C_{l}(B) + ... + N_{l}^{\prime\prime} C_{l}(B)$$

~, C,(B) +-.. + ~, ~ Cm(B)

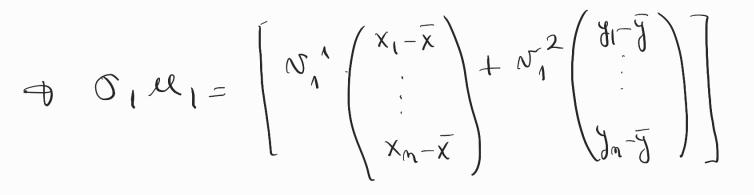
Col 1 de A

memor (a)

memor (a)

menos (a),

En lei de dêm 2, 8tB E 12x2



De april polemos ser qué jerarquia tiene cada característica centrada (columnos de A). Si vi'>>> vi² venn que la componente principal depende mas de la coord x es de la primera caracteristica que serra la variable que mejor explice la variabilided conjenta de les dontos.

En algunos conjuntos de detos puede haser variasles que tengan dodenes de magnitud muy diferentes que otras.
Por ej. ni fengo de tos de PBI de países junto con datos de porcentase de mujeres (número entre e y 1).

En estos cosos la varianta en la variable con valores altos será lambién mayor y por lo tento se espera que la 1^{re} compomente ppal sea cercana a esta dirección.

Para enitar este fenómeno, mestos Casos se "normalizar" la datos dividiludo los datos centrados por el deseño standard de carda característica En sej de aime tenemos

$$\begin{pmatrix} x_{1} \\ x_{n} \end{pmatrix} \sim P \begin{pmatrix} x_{1} - \overline{x} \\ \vdots \\ x_{m} - \overline{x} \end{pmatrix} \sim P \begin{pmatrix} x_{1} - \overline{x} \\ \overline{s_{1}} \\ x_{m} - \overline{x} \end{pmatrix} \sim P \begin{pmatrix} x_{1} - \overline{x} \\ \overline{s_{1}} \\ x_{m} - \overline{x} \end{pmatrix} \sim P \begin{pmatrix} x_{1} - \overline{x} \\ \overline{s_{1}} \\ x_{m} - \overline{x} \end{pmatrix} \sim P \begin{pmatrix} x_{1} - \overline{x} \\ \overline{s_{1}} \\ x_{m} - \overline{x} \end{pmatrix} \sim P \begin{pmatrix} x_{1} - \overline{x} \\ \overline{s_{1}} \\ x_{m} - \overline{x} \end{pmatrix} \sim P \begin{pmatrix} x_{1} - \overline{x} \\ \overline{s_{1}} \\ x_{m} - \overline{x} \end{pmatrix} \sim P \begin{pmatrix} x_{1} - \overline{x} \\ \overline{s_{1}} \\ x_{m} - \overline{x} \end{pmatrix} \sim P \begin{pmatrix} x_{1} - \overline{x} \\ \overline{s_{1}} \\ x_{m} - \overline{x} \end{pmatrix} \sim P \begin{pmatrix} x_{1} - \overline{x} \\ \overline{s_{1}} \\ x_{m} - \overline{x} \end{pmatrix} \sim P \begin{pmatrix} x_{1} - \overline{x} \\ \overline{s_{1}} \\ x_{m} - \overline{x} \end{pmatrix} \sim P \begin{pmatrix} x_{1} - \overline{x} \\ \overline{s_{1}} \\ x_{m} - \overline{x} \end{pmatrix} \sim P \begin{pmatrix} x_{1} - \overline{x} \\ \overline{s_{1}} \\ x_{m} - \overline{x} \end{pmatrix} \sim P \begin{pmatrix} x_{1} - \overline{x} \\ \overline{s_{1}} \\ x_{m} - \overline{x} \end{pmatrix} \sim P \begin{pmatrix} x_{1} - \overline{x} \\ \overline{s_{1}} \\ x_{m} - \overline{x} \end{pmatrix} \sim P \begin{pmatrix} x_{1} - \overline{x} \\ \overline{s_{1}} \\ x_{m} - \overline{x} \end{pmatrix} \sim P \begin{pmatrix} x_{1} - \overline{x} \\ \overline{s_{1}} \\ x_{m} - \overline{x} \end{pmatrix} \sim P \begin{pmatrix} x_{1} - \overline{x} \\ \overline{s_{1}} \\ x_{m} - \overline{x} \end{pmatrix} \sim P \begin{pmatrix} x_{1} - \overline{x} \\ \overline{s_{1}} \\ x_{1} - \overline{x} \end{pmatrix} \sim P \begin{pmatrix} x_{1} - \overline{x} \\ x_{1} - \overline{x} \\ x_{2} - \overline{x} \end{pmatrix} \sim P \begin{pmatrix} x_{1} - \overline{x} \\ x_{1} - \overline{x} \\ x_{2} - \overline{x} \\ x_{3} - \overline{x} \end{pmatrix} \sim P \begin{pmatrix} x_{1} - \overline{x} \\ x_{1} - \overline{x} \\ x_{2} - \overline{x} \\ x_{3} - \overline{x} \end{pmatrix} \sim P \begin{pmatrix} x_{1} - \overline{x} \\ x_{1} - \overline{x} \\ x_{2} - \overline{x} \\ x_{3} - \overline{x} \end{pmatrix} \sim P \begin{pmatrix} x_{1} - \overline{x} \\ x_{1} - \overline{x} \\ x_{2} - \overline{x} \\ x_{3} - \overline{x} \end{pmatrix} \sim P \begin{pmatrix} x_{1} - \overline{x} \\ x_{1} - \overline{x} \\ x_{2} - \overline{x} \\ x_{3} - \overline{x} \end{pmatrix} \sim P \begin{pmatrix} x_{1} - \overline{x} \\ x_{1} - \overline{x} \\ x_{2} - \overline{x} \\ x_{3} - \overline{x} \end{pmatrix} \sim P \begin{pmatrix} x_{1} - \overline{x} \\ x_{1} - \overline{x} \\ x_{2} - \overline{x} \\ x_{3} - \overline{x} \end{pmatrix} \sim P \begin{pmatrix} x_{1} - \overline{x} \\ x_{1} - \overline{x} \\ x_{2} - \overline{x} \\ x_{3} - \overline{x} \end{pmatrix} \sim P \begin{pmatrix} x_{1} - \overline{x} \\ x_{1} - \overline{x} \\ x_{2} - \overline{x} \\ x_{3} - \overline{x} \end{pmatrix} \sim P \begin{pmatrix} x_{1} - \overline{x} \\ x_{1} - \overline{x} \\ x_{2} - \overline{x} \\ x_{3} - \overline{x} \end{pmatrix} \sim P \begin{pmatrix} x_{1} - \overline{x} \\ x_{1} - \overline{x} \\ x_{2} - \overline{x} \\ x_{3} - \overline{x} \end{pmatrix} \sim P \begin{pmatrix} x_{1} - \overline{x} \\ x_{1} - \overline{x} \\ x_{2} - \overline{x} \\ x_{3} - \overline{x} \end{pmatrix} \sim P \begin{pmatrix} x_{1} - \overline{x} \\ x_{1} - \overline{x} \\ x_{2} - \overline{x} \\ x_{3} - \overline{x} \end{pmatrix} \sim P \begin{pmatrix} x_{1} - \overline{x} \\ x_{1} - \overline{x} \\ x_{2} - \overline{x} \\ x_{3} - \overline{x} \end{pmatrix} \sim P \begin{pmatrix} x_{1} - \overline{x} \\ x_{1} - \overline{x} \\ x_{2} - \overline{x} \\ x_{3} - \overline{x} \end{pmatrix} \sim P \begin{pmatrix} x_{1} - \overline{x} \\ x_{1} - \overline{x} \\ x_{2} - \overline{x} \end{pmatrix} \sim P \begin{pmatrix} x_{1} - \overline{x} \\ x_{1} - \overline{x} \\ x_{2} - \overline{x}$$

Y la mismo jara la 2 de característica (YI)

huep consideramos

$$B = \begin{pmatrix} \frac{x_1 - x}{s_1} & \frac{y_1 - y}{s_2} \\ \frac{x_m - x}{s_1} & \frac{y_m - y}{s_2} \end{pmatrix}$$

hues se trabajor a partir de acé con esta B.

En este coso, notar que

$$\frac{1}{m} B^{t} B = \begin{pmatrix} \frac{M}{2} & (x_{i}-x_{i})^{2} & (x_{i}-x_{i})^{2} & (y_{i}-y_{i})^{2} \\ \frac{1}{2} & (x_{i}-x_{i})^{2} & (y_{i}-y_{i})^{2} \\ \frac{1}{2} & (y_{$$

Jest como
$$1 \frac{\pi}{2} \frac{(x_i - \bar{x})^2}{S_1 2} = \int_{S_1^2}^{\infty} \frac{1}{2} \frac{1}{2}$$

los elementos de la diagonal de 1 BtB son 1's,

Mas generalmente, si llamamos

$$B = \left(\omega_1 \mid \omega_2 \right)$$
 con

$$W_{1} = \begin{pmatrix} x_{1} - x \\ s_{1} \\ \vdots \\ x_{m} - \overline{x} \end{pmatrix}$$

$$W_{2} = \begin{pmatrix} y_{1} - \overline{y} \\ \overline{s}_{2} \\ \vdots \\ \overline{s}_{n} \end{pmatrix}$$

$$W_{3} = \begin{pmatrix} y_{1} - \overline{y} \\ \overline{s}_{2} \\ \vdots \\ \overline{s}_{n} \end{pmatrix}$$

$$\frac{1}{n} B^{\dagger}B = \begin{pmatrix} \frac{1}{n} \langle \omega_{11} \omega_{17} \rangle & \frac{1}{n} \langle \omega_{21} \omega_{27} \rangle \\ \frac{1}{n} \langle \omega_{21} \omega_{17} \rangle & \frac{1}{n} \langle \omega_{21} \omega_{27} \rangle \end{pmatrix}$$

donde
$$1 \langle w_1, w_1 \rangle = \frac{1}{n} \left\| \frac{x - \overline{x}}{s_1} \right\|_2^2$$

$$= \frac{1}{m} \cdot \frac{1}{S_1^2} \left(\frac{x_i - \hat{x}}{1 - 1} \right)^2 = 1 \quad \text{como ya}$$

vimos. De la ruisma manera

$$1 \langle \omega_2, \omega_2 \rangle = 1.$$

Esto nos de que
$$\|w_1\|_2^2 = (w_1, w_1) = m$$

$$\Rightarrow \|w_1\|_2 = \sqrt{m}$$

todo esto un dice que en este cosp: