L-P-Bourguiba deTunis

Chapitre 6

Géométrie dans l'espace OCM Prof:Ben jedidia chokri

Classe: 4 Math

Pour chacun des exercices suivants, plusieurs affirmations vous ont proposées. Indiquer pour chacune d'elles si elles sont vraies ou fausses.

Exercice1:

Dans le cube ABCDEFGH d'arrête a I le milieu de [EF]

et O est le centre du carré AEHD

$$a$$
 $\overrightarrow{IC}.\overrightarrow{IO}=a^2$

$$\boxed{b} OC = \frac{a\sqrt{6}}{2}$$

$$\bigcirc$$
 OB= $\frac{a\sqrt{6}}{3}$

Exercice 2:

Soit la pyramide SABCD de base le trapèze ABCD tel que (AB)//(CD) et (AB) \perp (BC)

Et le point S distinct de A tel que (SA) \((ABCD) \) avec AB=3, CD=6, BC=4 et AS=4

$$\vec{a}$$
 $\vec{SB}.\vec{SC}=25$

$$\overrightarrow{\text{b}}$$
 $\overrightarrow{\text{SC}}.\overrightarrow{\text{SD}}=25$

c Le volume de la pyramide SABCD est : 6

Exercice 3:

L'espace est muni d'un repère orthonormé direct $(0, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$

Soient les points A(7,3,4); B(5,4,1) et C(2,3,0)

On désigne par D le point tel que ABCD est un parallélogramme

- a D a pour coordonnés (4,2,3)
- b les composantes du vecteur $\overrightarrow{AB} \wedge \overrightarrow{AD}$ $\begin{bmatrix} -4 \\ 7 \\ 5 \end{bmatrix}$
- \boxed{c} L'aire de ABCD est $\frac{3}{2}\sqrt{10}$

Exercice 4:

On considère le cube ABCDEFGH d'arrête 1 .On considère le point M milieu de [AE]. Soit K le barycentre des points pondérés (M,4);(B,1);(D,1)

$$\vec{a}$$
 $\vec{BK} \cdot \vec{MD} = 0$

- b K est l'orthocentre du triangle BDM
- \Box L'aire du triangle BDM est égale à $\frac{\sqrt{6}}{2}$

Exercice 5:

L'espace est muni d'un repère orthonormé direct $(0,\vec{i},\vec{j},\vec{k})$

Soit les vecteurs $\vec{u} \begin{bmatrix} -3 \\ 2 \\ 0 \end{bmatrix}$, $\vec{v} \begin{bmatrix} -3 \\ 2 \\ 0 \end{bmatrix}$ et $\vec{w} \begin{bmatrix} 2 \\ -3 \\ 5 \end{bmatrix}$

- \vec{a} $\vec{u} \wedge \vec{v}$ et $\vec{u} \wedge \vec{w}$ ne sont pas colinéaires
- $[b] \vec{u}, \vec{v}, \vec{w}$ sont coplanaires
- \vec{c} $\vec{u} \wedge \vec{v}$ et $\vec{u} \wedge \vec{w}$ sont colinéaires

Exercice6:

L'espace E est rapporté à un repère orthonormé $(O; \vec{I}, \vec{J}; \vec{K})$.

Soit la droite Δ passant par A (1,-2,4)et de vecteur directeur $\overrightarrow{u} \begin{bmatrix} 1 \\ -3 \\ 2 \end{bmatrix}$.

Et soient B(1,0,0) et H le projeté orthogonal de B sur la droite Δ

- a H a pour coordonnées (0,1,2)
- \boxed{b} BH= $\sqrt{6}$
- c BA<BH

Exercice7:

L'espace E est rapporté à un repère orthonormé $(O; \vec{I}, \vec{J}; \vec{K})$.

Le plan P passant par A(2,1,1) et de vecteur normal $\vec{n}\begin{bmatrix} 1\\2\\3 \end{bmatrix}$ a pour équation :

- a P : x+2y+3z-7=0
- [b] P : 2x+y+z-4=0

Exercice8:

L'espace E est rapporté à un repère orthonormé $(O; \vec{I}, \vec{J}; \vec{K})$. On considère les plans P :2x-y+2z-5=0 et P' :2x+2y-z-4=0 et soit A(1,1,-1) et D désigne la droite d'intersection de P et P'

- a Les plans P et P' ne sont pas perpendiculaires.
- b d(A,P)=d(A,P')

$$\boxed{c} \quad d(A,D) = \frac{\sqrt{58}}{3}$$

Exercice9

L'espace E est rapporté à un repère orthonormé $(O; \vec{I}, \vec{J}; \vec{K})$. Soient A(-1,2,-1) et B(2,-1,0)

- a La sphère S de diamètre [AB] a pour équation : $x^2+y^2+z^2-x-y+z-4=0$.
- b La sphère S' de centre A et de rayon R=2 a pour équation : $x^2+y^2+z^2+2x-4y+2z-3=0$.
- c L'ensemble des points M(x,y,z) de l'espace vérifiant : $x^2+y^2+z^2-4x+y=0$.

La sphère de centre B et de rayon $r=\sqrt{5}$

Exercice10:

L'espace E est rapporté à un repère orthonormé $(0; \vec{I}, \vec{J}; \vec{K})$. On considère la sphère S de centre W(1,-2,-4) et de rayon 4

- a Une équation de S est: $(x-1)^2+(y+2)^2+(z+4)^2=16$
- b Une équation de S' image de S par la translation de vecteur $\vec{U} = \vec{i} + \vec{j} + \vec{k}$ est : $(x-2)^2 + (y+1)^2 + (z+3)^2 = 16$
- © Une équation de S' image de S par l'homothétie de centre O et de rapport 2 est : $(x-2)^2+(y+4)^2+(z+8)^2=64$

CHAPITRE 6

EXERCICES	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
REPONSES										