

Лабораторная работа 4

Решение уравнений гиперболического типа

Выполнил: Гапанович А. В. (4 группа)

Вариант 1

Для решения дана следующая задача:

$$\frac{\partial U}{\partial t} + u \frac{\partial U}{\partial x} = 0$$

С условием распространения треугольного импульса:

$$U(x, 0) = \begin{cases} 200x, & x \in [0, 0.5] \\ 200(1 - x), & x \in [0.5, 1] \end{cases}$$

Цель:

- получить аналитическое решение
- явная двухслойная схема (FTCS метод)
- явная схема Лакса-Вендрофа,
- схема Рунге-Кутты (двухшаговый метод типа Лакса-Вендрофа)
- схема МакКормака (предиктор-корректорная схема типа Лакса-Вендрофа)
- противопоточный метод первого порядка
- противопоточный метод второго порядка

In [6]:

```
1 import numpy as np
2 import matplotlib.pyplot as plt
3 import math
```

In [44]:

```
1 u = 0.2
2 l = 10
3 N_s = 500 #кол-во узлов по пространствен. коорд.
4
5 time_sum = 10
6 time_1 = 0.1
7 time_2 = 0.5
8 time_3 = 1
9 time_4 = 5
10 time_5 = 10
11
12 c_1 = 0.1
13 c_2 = 0.5
14 c_3 = 1
15 c_4 = 1.5
16
17 def fun_initial(x):
18     if (x < 1/2):
19         res = 200 * x
20     elif (x < 1):
21         res = 200 * (1-x)
22     else:
23         res = 0
24     return res
25 def border_left(t):
26     return 0
27 def border_right(t):
28     return 0
```

1. Аналитическое решение.

```
In[7]: pde = D[y[x, t], t] + D[y[x, t], x] == 0;
      |дифференциро... |дифференцировать
      sol = NDSolve[{pde, y[x, 0] == Piecewise[{{200*x, 0 <= x < 0.5}, {200*(1-x), 0.5 <= x < 1}}], y[0, t] == 0, y[1, t] == 0}, y[x, t], {x, 0, 1}, {t, 0, 10}];
      |численно решить ДУ |кусочно-заданная функция
      Plot3D[sol[[1, 1, 2]], {x, 0, 1}, {t, 0, 10}, PlotRange -> All]
      |график функции 2-х переменных |отображае... |всё
```

2. Явная двухслойная схема

$$\frac{U_{i,j+1} - U_{i,j}}{\tau} + u \frac{U_{i+1,j} - U_{i-1,j}}{2h} = 0$$

In [45]:

```
1 def explicit_schem( N_s, c):
2     h = 1 / N_s
3     tau = h * c / u
4     N_t = int(time_sum / tau)
5     print("Конвекционное число = ", c)
6     matrix = np.zeros((N_t + 1, N_s + 1))
7
8     for i in range(N_s + 1):
9         matrix[0][i] = fun_initial(i * h)
10
11     for j in range(N_t + 1):
12         matrix[j][0] = border_left(j * tau)
13         matrix[j][N_s] = border_right(j * tau)
14
15     for i in range(N_t):
16         for j in range(N_s):
17             matrix[i + 1][j] = matrix[i][j] - c / 2 * (matrix[i][j + 1] - matrix[i][j -
18     return matrix
```

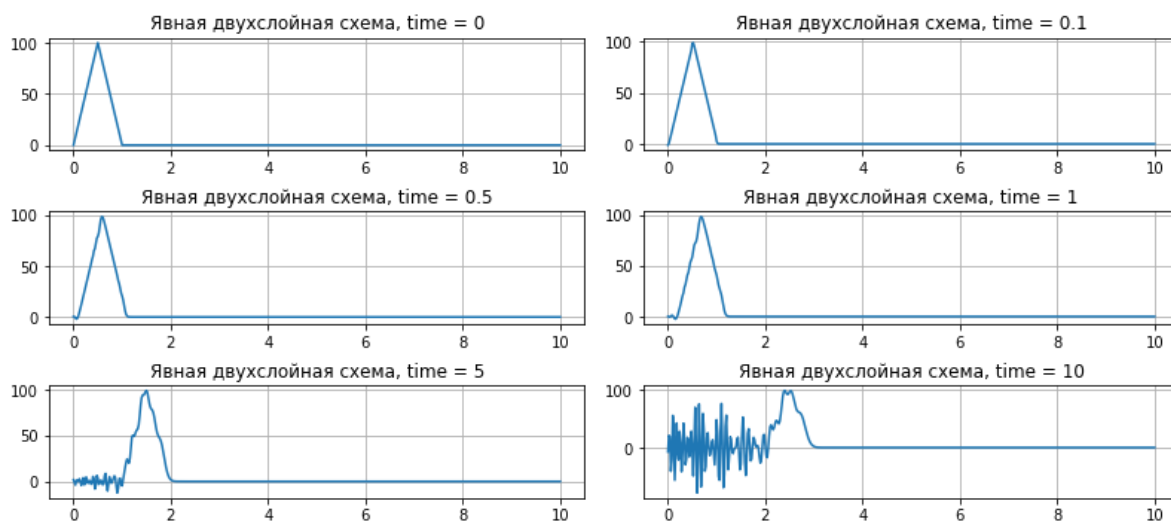
In [46]:

```
1 def draw_explicit_schem(c, time_1, time_2, time_3, time_4, time_5):
2     matrix_1 = explicit_schem(N_s, c)
3     N_t, size_x = np.shape(matrix_1)
4     x = np.linspace(0, 1, size_x)
5     moment_1 = int((N_t*time_1)/time_sum)
6     moment_2 = int((N_t*time_2)/time_sum)
7     moment_3 = int((N_t*time_3)/time_sum)
8     moment_4 = int((N_t*time_4)/time_sum)
9     moment_5 = int((N_t*time_5)/time_sum)
10    fg = plt.figure(figsize=(11, 6), constrained_layout=True)
11    gs = fg.add_gridspec(4, 2)
12    fig_ax_1 = fg.add_subplot(gs[1, 0])
13    plt.title('Явная двухслойная схема, time = 0')
14    plt.grid(True)
15    plt.plot(x, matrix_1[0, :])
16    fig_ax_2 = fg.add_subplot(gs[1, 1])
17    plt.title('Явная двухслойная схема, time = 0.1')
18    plt.grid(True)
19    plt.plot(x, matrix_1[moment_1, :])
20    fig_ax_3 = fg.add_subplot(gs[2, 0])
21    plt.title('Явная двухслойная схема, time = 0.5')
22    plt.grid(True)
23    plt.plot(x, matrix_1[moment_2, :])
24    fig_ax_4 = fg.add_subplot(gs[2, 1])
25    plt.title('Явная двухслойная схема, time = 1')
26    plt.grid(True)
27    plt.plot(x, matrix_1[moment_3, :])
28    fig_ax_5 = fg.add_subplot(gs[3, 0])
29    plt.title('Явная двухслойная схема, time = 5')
30    plt.grid(True)
31    plt.plot(x, matrix_1[moment_4, :])
32    fig_ax_6 = fg.add_subplot(gs[3, 1])
33    plt.title('Явная двухслойная схема, time = 10')
34    plt.grid(True)
35    plt.plot(x, matrix_1[moment_5-1, :])
```

In [47]:

```
1 draw_explicit_schem(c_1, time_1, time_2, time_3, time_4, time_5)
```

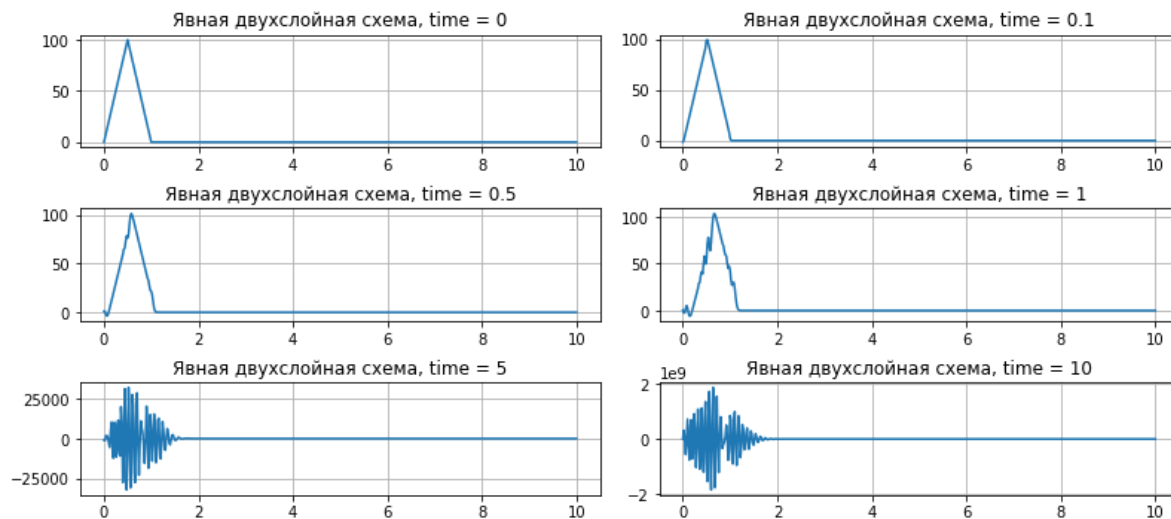
Конвекционное число = 0.1



In [48]:

```
1 draw_explicit_schem(c_2, time_1, time_2, time_3, time_4, time_5)
```

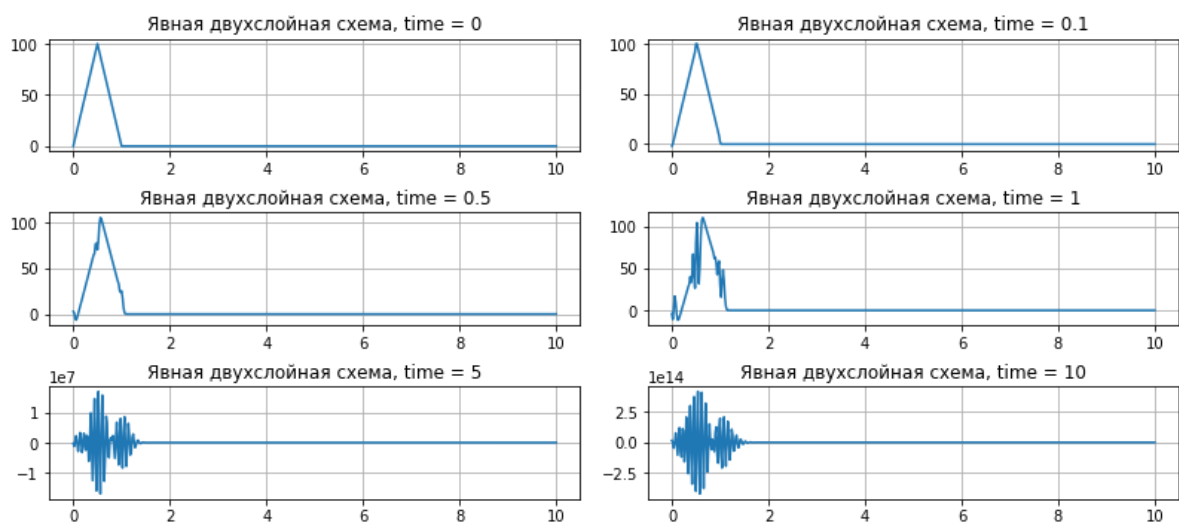
Конвекционное число = 0.5



In [49]:

```
1 draw_explicit_schem(c_3, time_1, time_2, time_3, time_4, time_5)
```

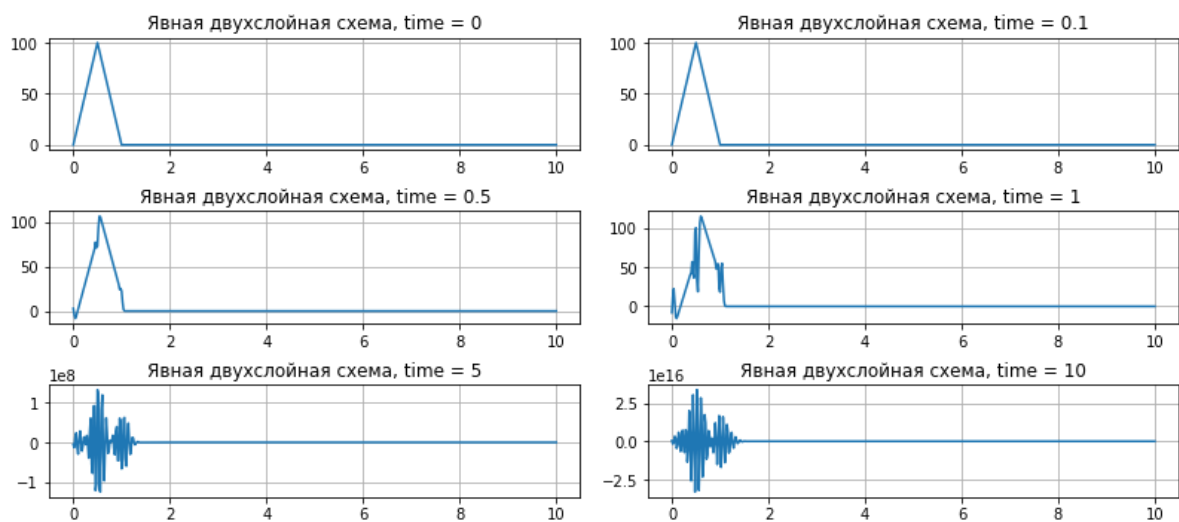
Конвекционное число = 1



In [50]:

```
1 draw_explicit_schem(c_4, time_1, time_2, time_3, time_4, time_5)
```

Конвекционное число = 1.5



3. Схема Лакса-Вендрофа

$$U_{i,j+1} = U_{i,j} - u \left(\frac{U_{i+1,j} - U_{i-1,j}}{2h} \right) \tau + \frac{1}{2} u^2 \left(\frac{U_{i+1,j} - 2U_{i,j} + U_{i-1,j}}{h^2} \right)$$

In [51]:

```
1 def Lax_Wendroff_schem(N_s, c):
2     h = 1 / N_s
3     tau = h * c / u
4     N_t = int(time_sum / tau)
5     print("Конвекционное число = ", c)
6     matrix = np.zeros((N_t + 1, N_s + 1))
7
8     for i in range(1, N_s):
9         matrix[0][i] = fun_initial(i * h)
10
11    for j in range(N_t + 1):
12        matrix[j][0] = border_left(j * tau)
13        matrix[j][N_s] = border_right(j * tau)
14
15    for i in range(N_t):
16        for j in range(1, N_s):
17            matrix[i+1][j] = (matrix[i][j] - c / 2 * (matrix[i][j+1]-matrix[i][j-1])) +
18    return matrix
```

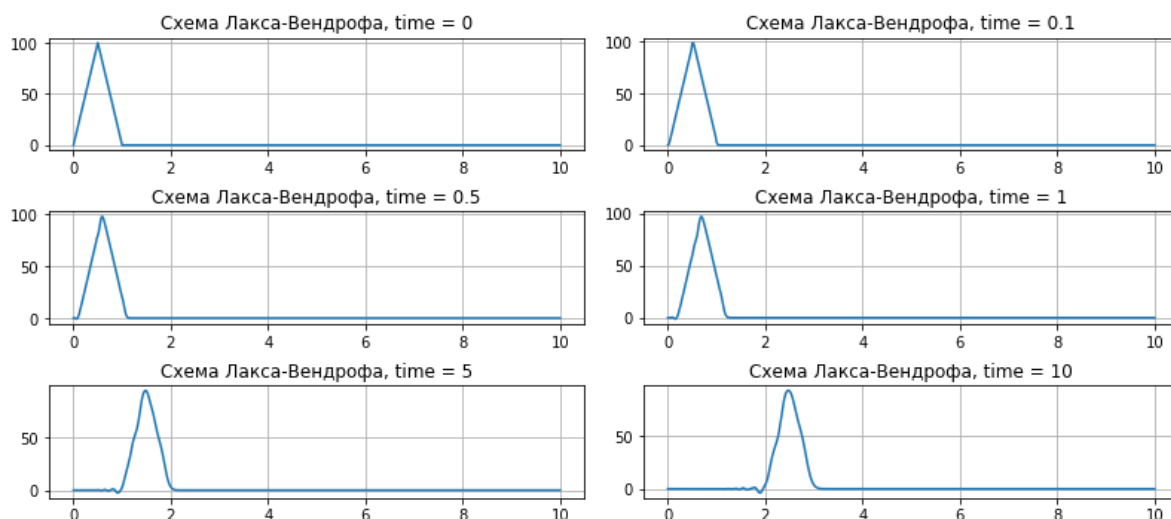
In [52]:

```
1 def draw_Lax_Wendroff_schem(c, time_1, time_2, time_3, time_4, time_5):
2     matrix_2 = Lax_Wendroff_schem(N_s, c)
3     N_t, size_x = np.shape(matrix_2)
4     x = np.linspace(0, 1, size_x)
5     moment_1 = int((N_t*time_1)/time_sum)
6     moment_2 = int((N_t*time_2)/time_sum)
7     moment_3 = int((N_t*time_3)/time_sum)
8     moment_4 = int((N_t*time_4)/time_sum)
9     moment_5 = int((N_t*time_5)/time_sum)
10    fg = plt.figure(figsize=(11, 6), constrained_layout=True)
11    gs = fg.add_gridspec(4, 2)
12    fig_ax_1 = fg.add_subplot(gs[1, 0])
13    plt.title('Схема Лакса-Вендрофа, time = 0')
14    plt.grid(True)
15    plt.plot(x, matrix_2[0, :])
16    fig_ax_2 = fg.add_subplot(gs[1, 1])
17    plt.title('Схема Лакса-Вендрофа, time = 0.1')
18    plt.grid(True)
19    plt.plot(x, matrix_2[moment_1, :])
20    fig_ax_3 = fg.add_subplot(gs[2, 0])
21    plt.title('Схема Лакса-Вендрофа, time = 0.5')
22    plt.grid(True)
23    plt.plot(x, matrix_2[moment_2, :])
24    fig_ax_4 = fg.add_subplot(gs[2, 1])
25    plt.title('Схема Лакса-Вендрофа, time = 1')
26    plt.grid(True)
27    plt.plot(x, matrix_2[moment_3, :])
28    fig_ax_5 = fg.add_subplot(gs[3, 0])
29    plt.title('Схема Лакса-Вендрофа, time = 5')
30    plt.grid(True)
31    plt.plot(x, matrix_2[moment_4, :])
32    fig_ax_6 = fg.add_subplot(gs[3, 1])
33    plt.title('Схема Лакса-Вендрофа, time = 10')
34    plt.grid(True)
35    plt.plot(x, matrix_2[moment_5-1, :])
```

In [53]:

```
1 draw_Lax_Wendroff_schem(c_1, time_1, time_2, time_3, time_4, time_5)
```

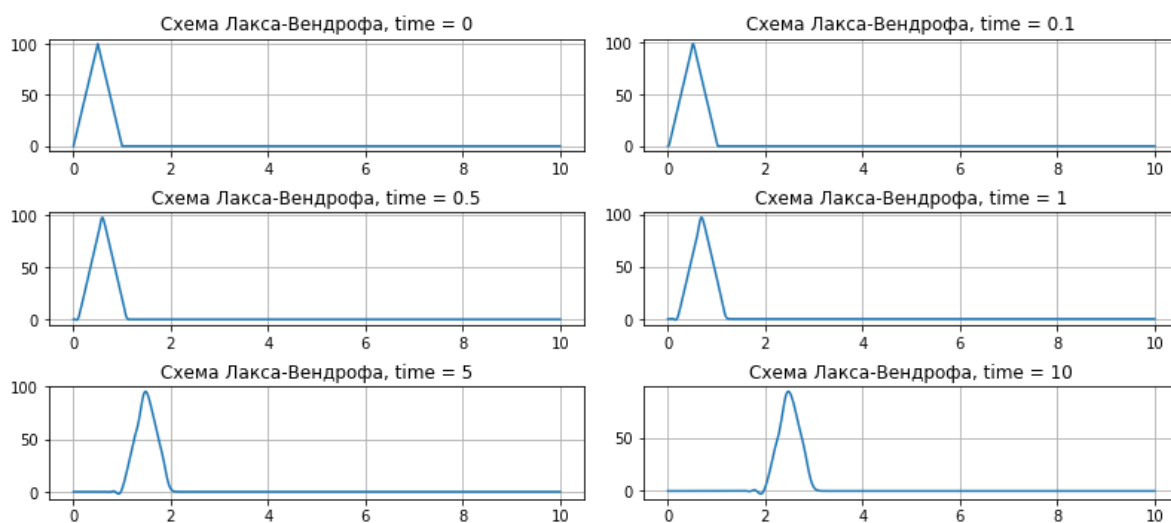
Конвекционное число = 0.1



In [54]:

```
1 draw_Lax_Wendroff_schem(c_2, time_1, time_2, time_3, time_4, time_5)
```

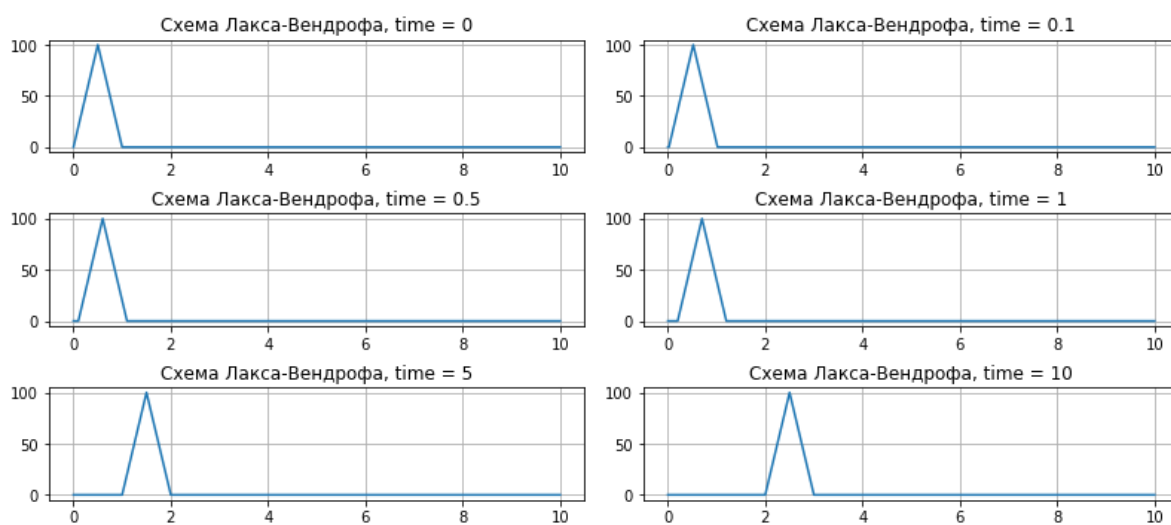
Конвекционное число = 0.5



In [55]:

```
1 draw_Lax_Wendroff_schem(c_3, time_1, time_2, time_3, time_4, time_5)
```

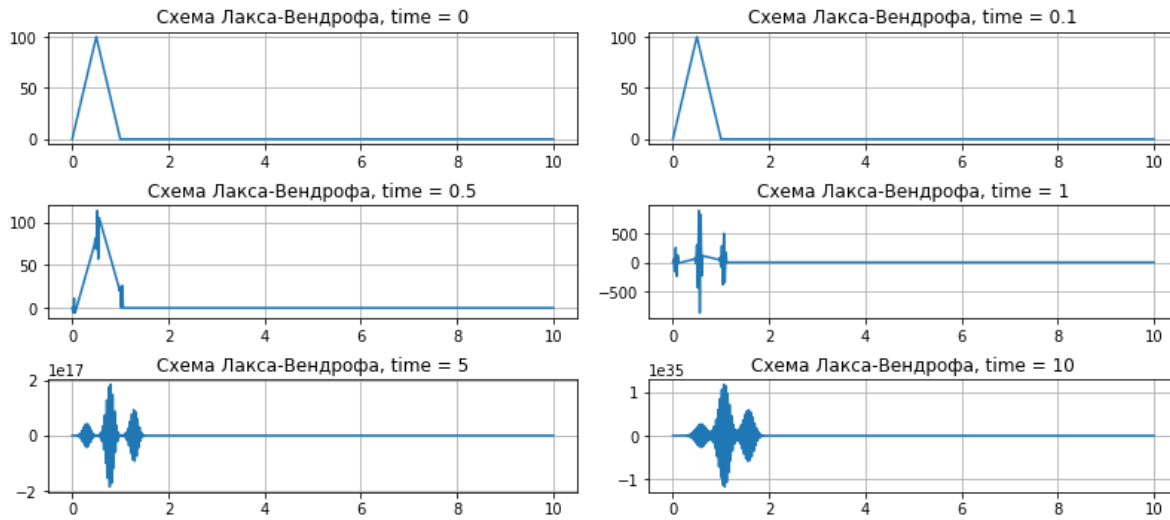
Конвекционное число = 1



In [56]:

```
1 draw_Lax_Wendroff_schem(c_4, time_1, time_2, time_3, time_4, time_5)
```

Конвекционное число = 1.5



4. Схема Рихтмайера (двухшаговый метод типа Лакса-Вендрофа)

$$U_{i,j+1} = \frac{1}{2}(U_{i+1,j} + U_{i-1,j}) - \frac{c}{2}(U_{i+1,j} - U_{i-1,j})$$
$$U_{i,j+2} = U_{i,j} - c(U_{i+1,j+1} - U_{i-1,j+1})$$

In [57]:

```
1 def Richtmeier_schem(N_s, c):
2     h = 1 / N_s
3     tau = h * c / u
4     N_t = int(time_sum / tau)
5     print("Конвекционное число = ", c)
6     matrix = np.zeros((N_t + 1, N_s + 1))
7
8     for i in range(1, N_s):
9         matrix[0][i] = fun_initial(i * h)
10
11     for j in range(N_t + 1):
12         matrix[j][0] = border_left(j * tau)
13         matrix[j][N_s] = border_right(j * tau)
14
15     for i in range(N_t):
16         #prev = tmp1
17         tmp_1 = (matrix[i][1] + matrix[i][0]) / 2 - c / 2 * (matrix[i][1] - matrix[i][0])
18         for j in range(1, N_s):
19             tmp_2 = (matrix[i][j + 1] + matrix[i][j]) / 2 - c / 2 * (matrix[i][j + 1] -
20             matrix[i][j])
21             matrix[i + 1][j] = matrix[i][j] - c * (tmp_2 - tmp_1)
22             tmp_1 = tmp_2
23     return matrix
```

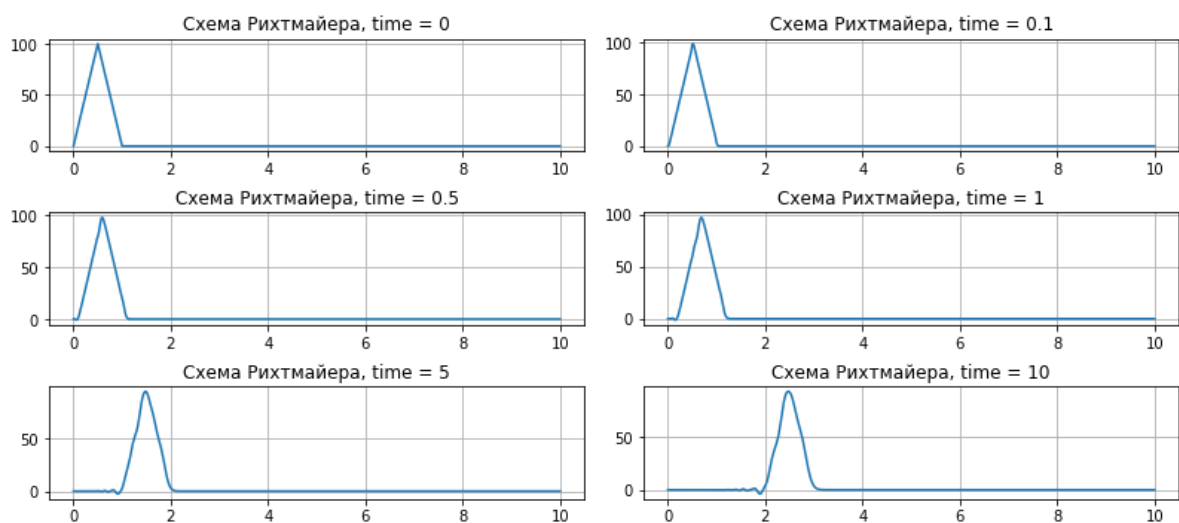
In [58]:

```
1 def draw_Richtmeier_schem(c, time_1, time_2, time_3, time_4, time_5):
2     matrix_3 = Richtmeier_schem(N_s, c)
3     N_t, size_x = np.shape(matrix_3)
4     x = np.linspace(0, 1, size_x)
5     moment_1 = int((N_t*time_1)/time_sum)
6     moment_2 = int((N_t*time_2)/time_sum)
7     moment_3 = int((N_t*time_3)/time_sum)
8     moment_4 = int((N_t*time_4)/time_sum)
9     moment_5 = int((N_t*time_5)/time_sum)
10    fg = plt.figure(figsize=(11, 6), constrained_layout=True)
11    gs = fg.add_gridspec(4, 2)
12    fig_ax_1 = fg.add_subplot(gs[1, 0])
13    plt.title('Схема Рихтмайера, time = 0')
14    plt.grid(True)
15    plt.plot(x, matrix_3[0, :])
16    fig_ax_2 = fg.add_subplot(gs[1, 1])
17    plt.title('Схема Рихтмайера, time = 0.1')
18    plt.grid(True)
19    plt.plot(x, matrix_3[moment_1, :])
20    fig_ax_3 = fg.add_subplot(gs[2, 0])
21    plt.title('Схема Рихтмайера, time = 0.5')
22    plt.grid(True)
23    plt.plot(x, matrix_3[moment_2, :])
24    fig_ax_4 = fg.add_subplot(gs[2, 1])
25    plt.title('Схема Рихтмайера, time = 1')
26    plt.grid(True)
27    plt.plot(x, matrix_3[moment_3, :])
28    fig_ax_5 = fg.add_subplot(gs[3, 0])
29    plt.title('Схема Рихтмайера, time = 5')
30    plt.grid(True)
31    plt.plot(x, matrix_3[moment_4, :])
32    fig_ax_6 = fg.add_subplot(gs[3, 1])
33    plt.title('Схема Рихтмайера, time = 10')
34    plt.grid(True)
35    plt.plot(x, matrix_3[moment_5-1, :])
```

In [59]:

```
1 draw_Richtmeier_schem(c_1, time_1, time_2, time_3, time_4, time_5)
```

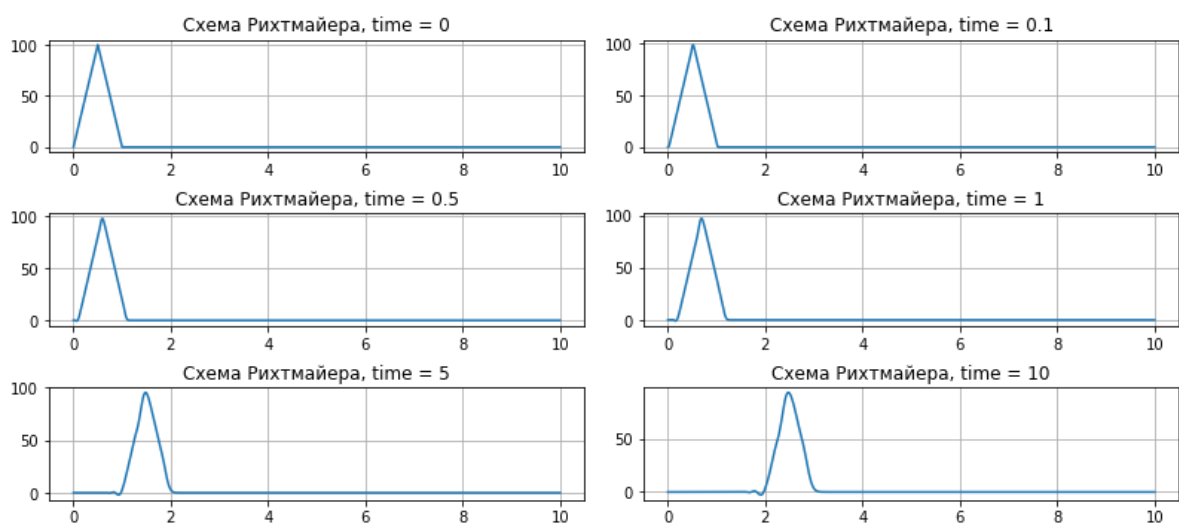
Конвекционное число = 0.1



In [60]:

```
1 draw_Richtmeier_schem(c_2, time_1, time_2, time_3, time_4, time_5)
```

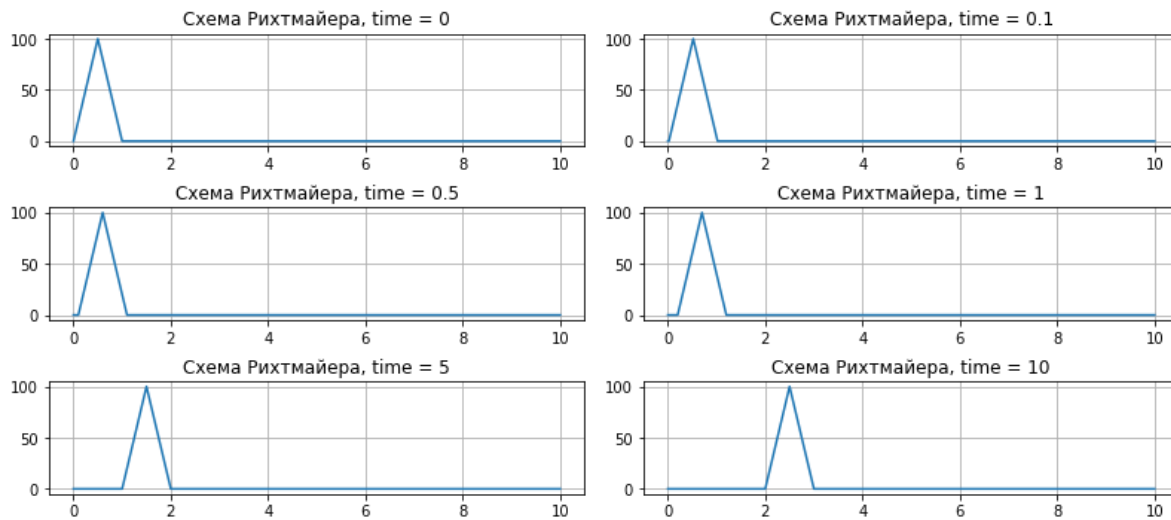
Конвекционное число = 0.5



In [61]:

```
1 draw_Richtmeier_schem(c_3, time_1, time_2, time_3, time_4, time_5)
```

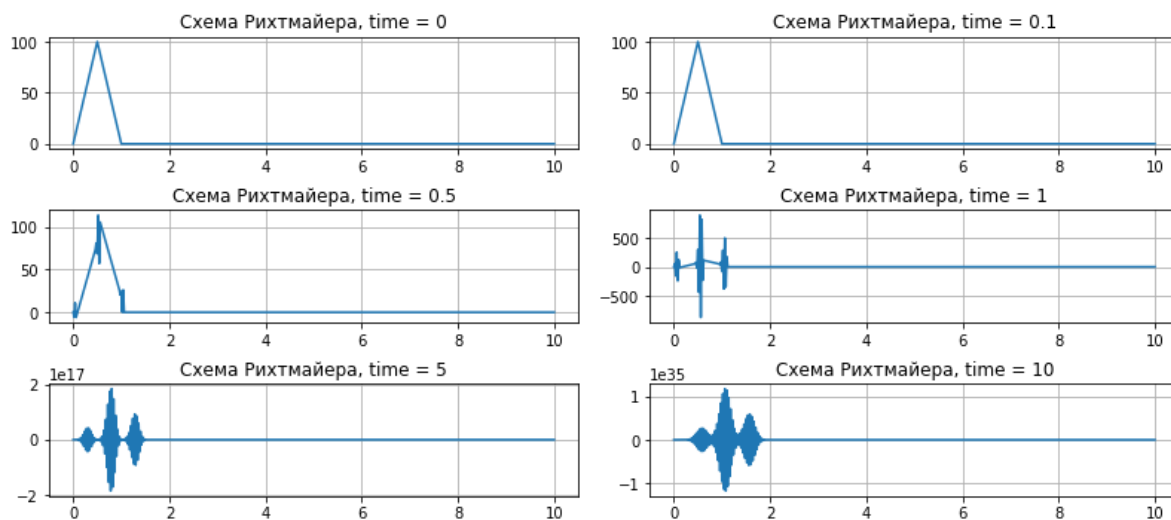
Конвекционное число = 1



In [62]:

```
1 draw_Richtmeier_schem(c_4, time_1, time_2, time_3, time_4, time_5)
```

Конвекционное число = 1.5



5. Схема МакКормака (предиктор-корректорная схема типа Лакса-Вендрофа)

$$\bar{U}_{i,j+1} = U_{i,j} - c (U_{i+1,j} - U_{i,j})$$

$$U_{i,j+1} = \frac{1}{2} [U_{i,j} + \bar{U}_{i,j+1} - c (\bar{U}_{i,j+1} - \bar{U}_{i-1,j+1})]$$

In [63]:

```

1 def McCormacks_schem(N_s, c):
2     h = 1 / N_s
3     tau = h * c / u
4     N_t = int(time_sum / tau)
5     print("Конвекционное число = ", c)
6     matrix = np.zeros((N_t + 1, N_s + 1))
7
8     for i in range(1, N_s):
9         matrix[0][i] = fun_initial(i * h)
10
11     for j in range(N_t + 1):
12         matrix[j][0] = border_left(j * tau)
13         matrix[j][N_s] = border_right(j * tau)
14
15     matrix_ = np.zeros((N_t + 1, N_s + 1))
16
17     for i in range(N_t):
18         for j in range(1, N_s):
19             matrix_[i + 1][j] = matrix[i][j] - c * (matrix[i][j + 1] - matrix[i][j])
20             matrix[i + 1][j] = ((matrix[i][j] + matrix_[i + 1][j] -
21                                 c * (matrix_[i + 1][j] - matrix_[i + 1][j - 1])) / 2)
22     return matrix

```

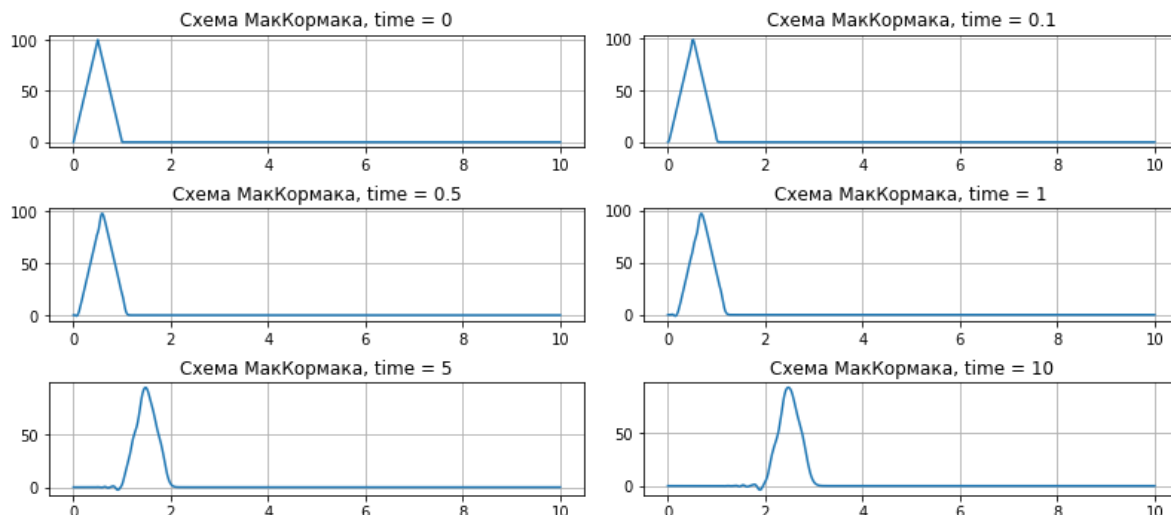
In [64]:

```
1 def draw_McCormacks_schem(c, time_1, time_2, time_3, time_4, time_5):
2     matrix_4 = McCormacks_schem(N_s, c)
3     N_t, size_x = np.shape(matrix_4)
4     x = np.linspace(0, 1, size_x)
5     moment_1 = int((N_t*time_1)/time_sum)
6     moment_2 = int((N_t*time_2)/time_sum)
7     moment_3 = int((N_t*time_3)/time_sum)
8     moment_4 = int((N_t*time_4)/time_sum)
9     moment_5 = int((N_t*time_5)/time_sum)
10    fg = plt.figure(figsize=(11, 6), constrained_layout=True)
11    gs = fg.add_gridspec(4, 2)
12    fig_ax_1 = fg.add_subplot(gs[1, 0])
13    plt.title('Схема МакКормака, time = 0')
14    plt.grid(True)
15    plt.plot(x, matrix_4[0, :])
16    fig_ax_2 = fg.add_subplot(gs[1, 1])
17    plt.title('Схема МакКормака, time = 0.1')
18    plt.grid(True)
19    plt.plot(x, matrix_4[moment_1, :])
20    fig_ax_3 = fg.add_subplot(gs[2, 0])
21    plt.title('Схема МакКормака, time = 0.5')
22    plt.grid(True)
23    plt.plot(x, matrix_4[moment_2, :])
24    fig_ax_4 = fg.add_subplot(gs[2, 1])
25    plt.title('Схема МакКормака, time = 1')
26    plt.grid(True)
27    plt.plot(x, matrix_4[moment_3, :])
28    fig_ax_5 = fg.add_subplot(gs[3, 0])
29    plt.title('Схема МакКормака, time = 5')
30    plt.grid(True)
31    plt.plot(x, matrix_4[moment_4, :])
32    fig_ax_6 = fg.add_subplot(gs[3, 1])
33    plt.title('Схема МакКормака, time = 10')
34    plt.grid(True)
35    plt.plot(x, matrix_4[moment_5-1, :])
```

In [65]:

```
1 draw_McCormacks_schem(c_1, time_1, time_2, time_3, time_4, time_5)
```

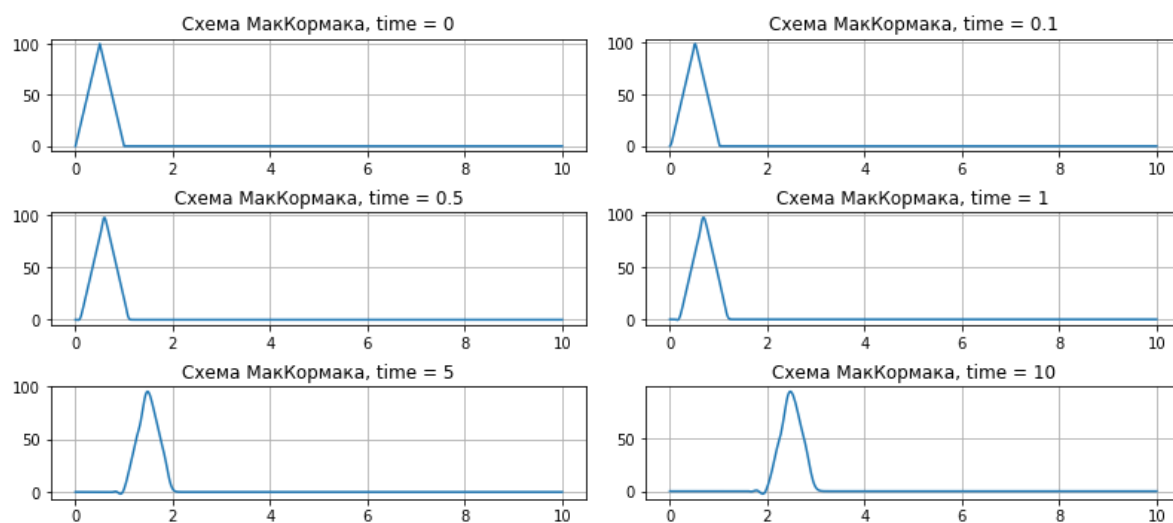
Конвекционное число = 0.1



In [66]:

```
1 draw_McCormacks_schem(c_2, time_1, time_2, time_3, time_4, time_5)
```

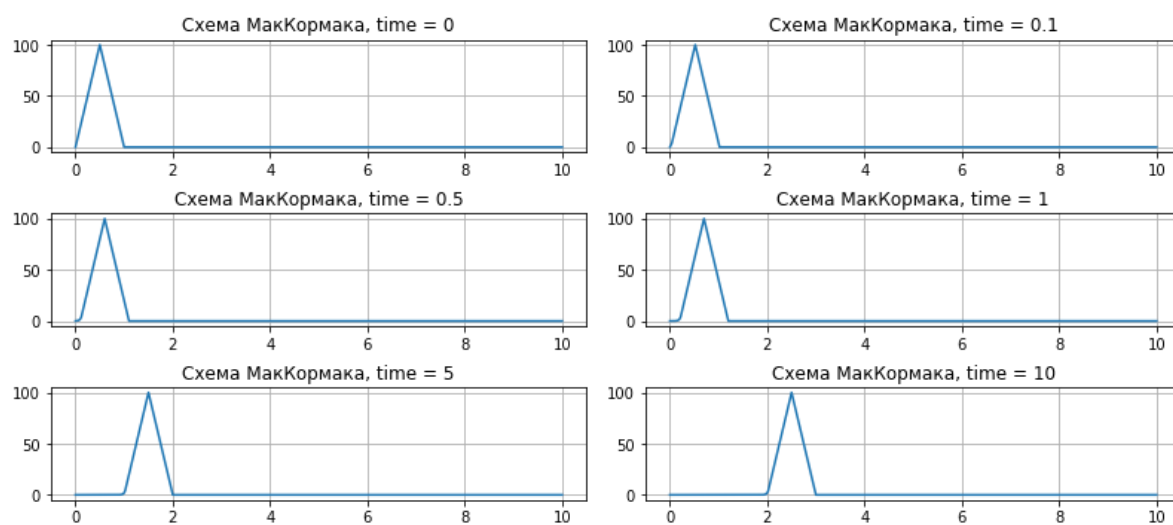
Конвекционное число = 0.5



In [67]:

```
1 draw_McCormacks_schem(c_3, time_1, time_2, time_3, time_4, time_5)
```

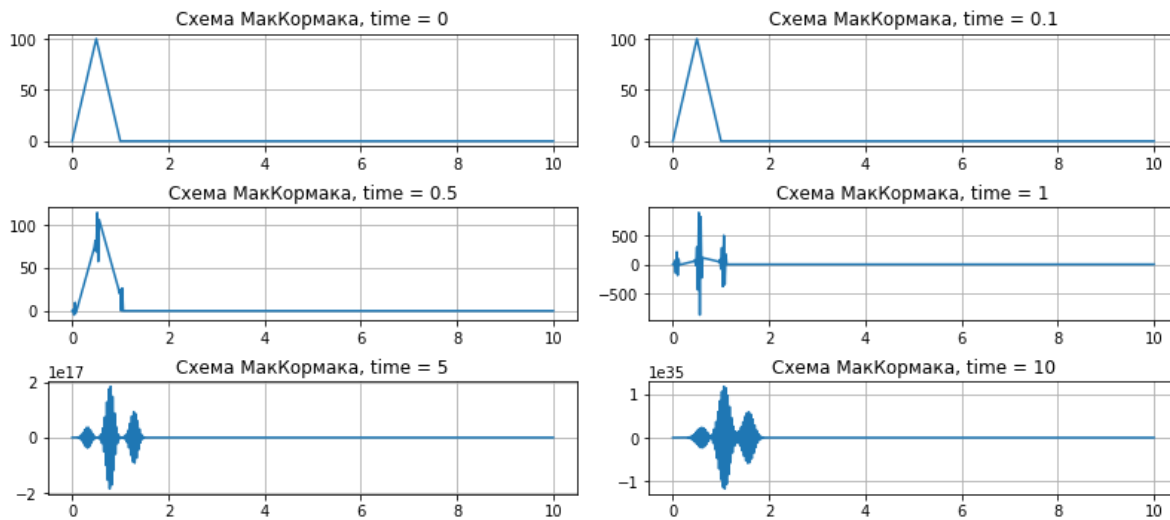
Конвекционное число = 1



In [68]:

```
1 draw_McCormacks_schem(c_4, time_1, time_2, time_3, time_4, time_5)
```

Конвекционное число = 1.5



6. Противопоточный метод первого порядка

$$\frac{U_{i,j+1} - U_{i,j}}{\tau} + u \frac{U_{i,j} - U_{i-1,j}}{h} = 0$$

In [69]:

```
1 def Counterflow_method_1(N_s, c):
2     h = 1 / N_s
3     tau = h * c / u
4     N_t = int(time_sum / tau)
5     print("Конвекционное число = ", c)
6     matrix = np.zeros((N_t + 1, N_s + 1))
7
8     for i in range(1, N_s):
9         matrix[0][i] = fun_initial(i * h)
10
11     for j in range(N_t + 1):
12         matrix[j][0] = border_left(j * tau)
13         matrix[j][N_s] = border_right(j * tau)
14
15     for k in range(N_t):
16         for j in range(1, N_s):
17             matrix[k + 1][j] = matrix[k][j] - c * (matrix[k][j] - matrix[k][j - 1])
18     return matrix
```

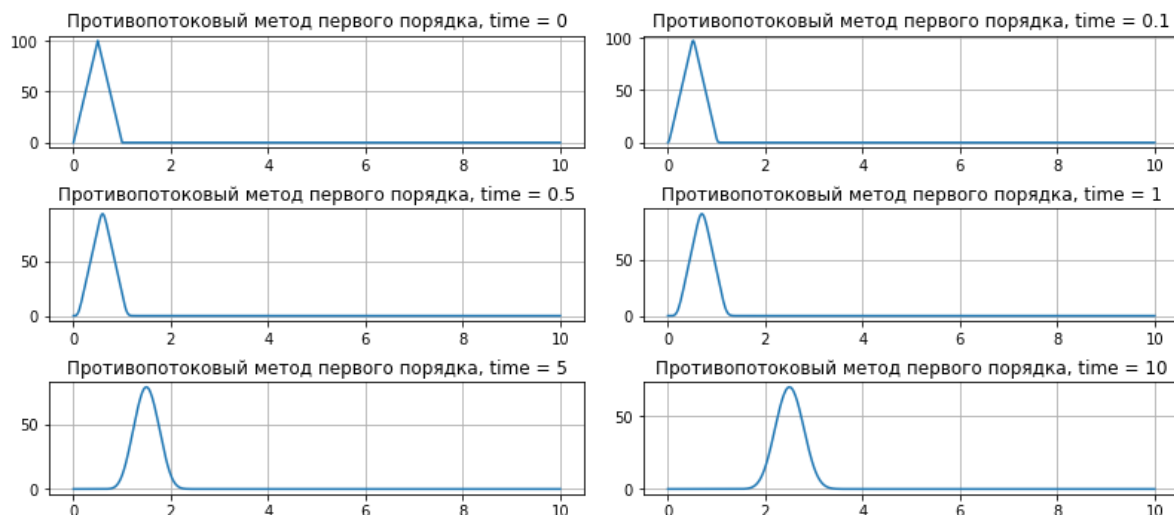
In [70]:

```
1 def draw_Counterflow_method_1(c, time_1, time_2, time_3, time_4, time_5):
2     matrix_5 = Counterflow_method_1(N_s, c)
3     N_t, size_x = np.shape(matrix_5)
4     x = np.linspace(0, 1, size_x)
5     moment_1 = int((N_t*time_1)/time_sum)
6     moment_2 = int((N_t*time_2)/time_sum)
7     moment_3 = int((N_t*time_3)/time_sum)
8     moment_4 = int((N_t*time_4)/time_sum)
9     moment_5 = int((N_t*time_5)/time_sum)
10    fg = plt.figure(figsize=(11, 6), constrained_layout=True)
11    gs = fg.add_gridspec(4, 2)
12    fig_ax_1 = fg.add_subplot(gs[1, 0])
13    plt.title('Противопоточный метод первого порядка, time = 0')
14    plt.grid(True)
15    plt.plot(x, matrix_5[0, :])
16    fig_ax_2 = fg.add_subplot(gs[1, 1])
17    plt.title('Противопоточный метод первого порядка, time = 0.1')
18    plt.grid(True)
19    plt.plot(x, matrix_5[moment_1, :])
20    fig_ax_3 = fg.add_subplot(gs[2, 0])
21    plt.title('Противопоточный метод первого порядка, time = 0.5')
22    plt.grid(True)
23    plt.plot(x, matrix_5[moment_2, :])
24    fig_ax_4 = fg.add_subplot(gs[2, 1])
25    plt.title('Противопоточный метод первого порядка, time = 1')
26    plt.grid(True)
27    plt.plot(x, matrix_5[moment_3, :])
28    fig_ax_5 = fg.add_subplot(gs[3, 0])
29    plt.title('Противопоточный метод первого порядка, time = 5')
30    plt.grid(True)
31    plt.plot(x, matrix_5[moment_4, :])
32    fig_ax_6 = fg.add_subplot(gs[3, 1])
33    plt.title('Противопоточный метод первого порядка, time = 10')
34    plt.grid(True)
35    plt.plot(x, matrix_5[moment_5-1, :])
```

In [71]:

```
1 draw_Counterflow_method_1(c_1, time_1, time_2, time_3, time_4, time_5)
```

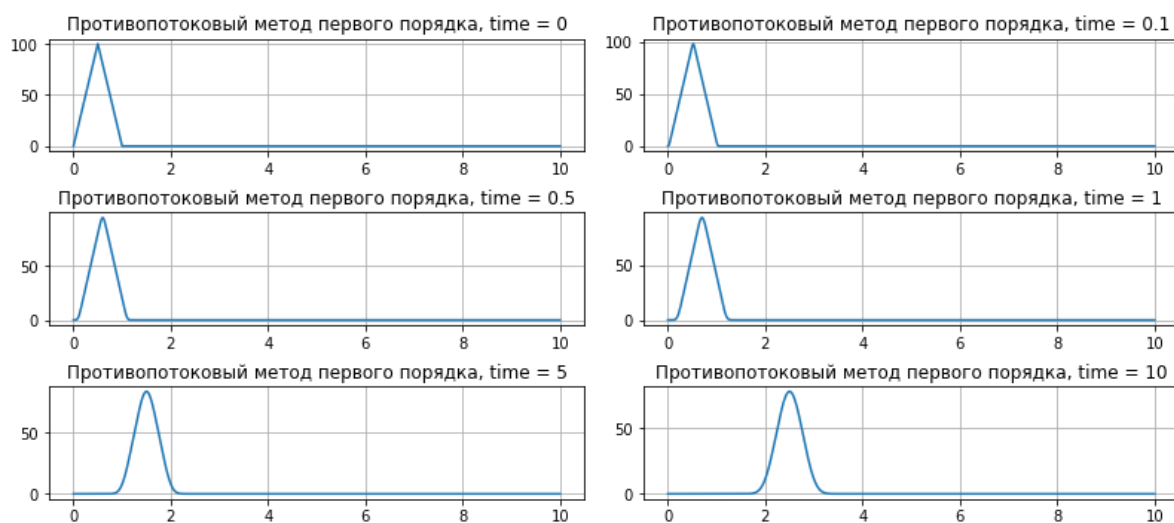
Конвекционное число = 0.1



In [72]:

```
1 draw_Counterflow_method_1(c_2, time_1, time_2, time_3, time_4, time_5)
```

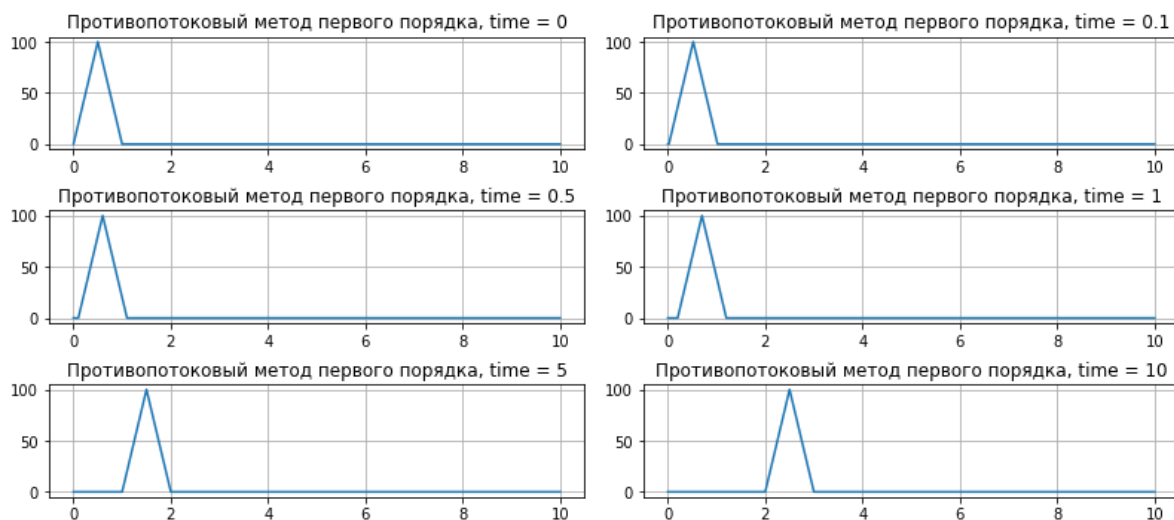
Конвекционное число = 0.5



In [73]:

```
1 draw_Counterflow_method_1(c_3, time_1, time_2, time_3, time_4, time_5)
```

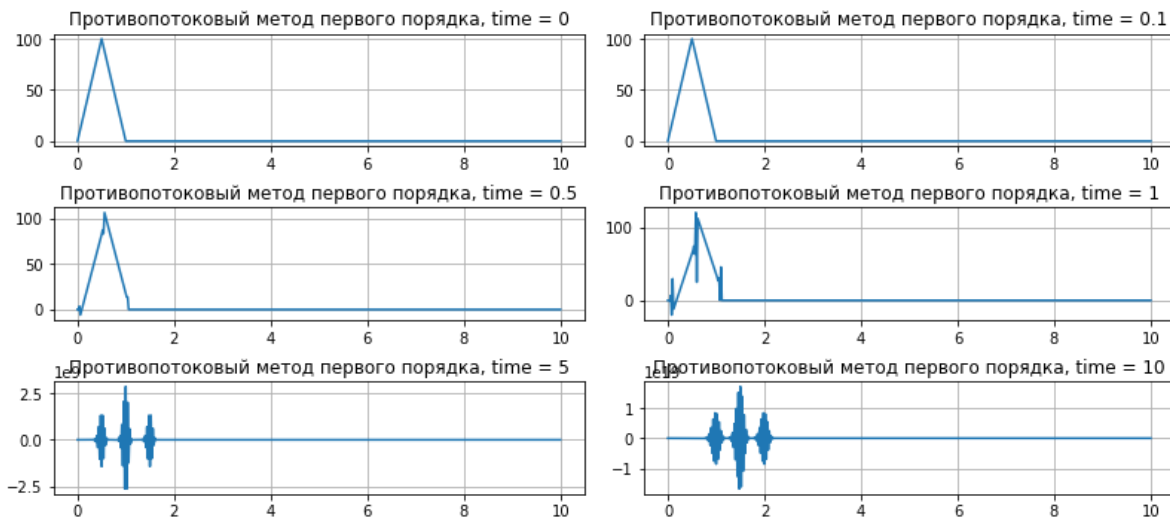
Конвекционное число = 1



In [74]:

```
1 draw_Counterflow_method_1(c_4, time_1, time_2, time_3, time_4, time_5)
```

Конвекционное число = 1.5



7. Противопотоковый метод первого порядка

$$U_{i,j+1} = U_{i,j} - c (U_{i,j} - U_{i-1,j}) - \frac{c(1-c)}{2} (U_{i,j} - 2U_{i-1,j} + U_{i-2,j})$$

In [75]:

```
1 def Counterflow_method_2(N_s, c):
2     h = 1 / N_s
3     tau = h * c / u
4     N_t = int(time_sum / tau)
5     print("Конвекционное число = ", c)
6     matrix = np.zeros((N_t + 1, N_s + 1))
7
8     for i in range(1, N_s):
9         matrix[0][i] = fun_initial(i * h)
10
11     for j in range(N_t + 1):
12         matrix[j][0] = border_left(j * tau)
13         matrix[j][N_s] = border_right(j * tau)
14
15     for i in range(1, N_t + 1):
16         matrix[i][1] = matrix[i - 1][1] - c * (matrix[i - 1][1] - matrix[i - 1][0])
17
18
19     for i in range(N_t):
20         for j in range(2, N_s):
21             matrix[i+1][j] = (matrix[i][j] - c*(matrix[i][j] - matrix[i][j-1]) -
22                             c*(1-c)*(matrix[i][j] - 2 * matrix[i][j-1]
23                                     + matrix[i][j-2])) / 2)
24
25     return matrix
```

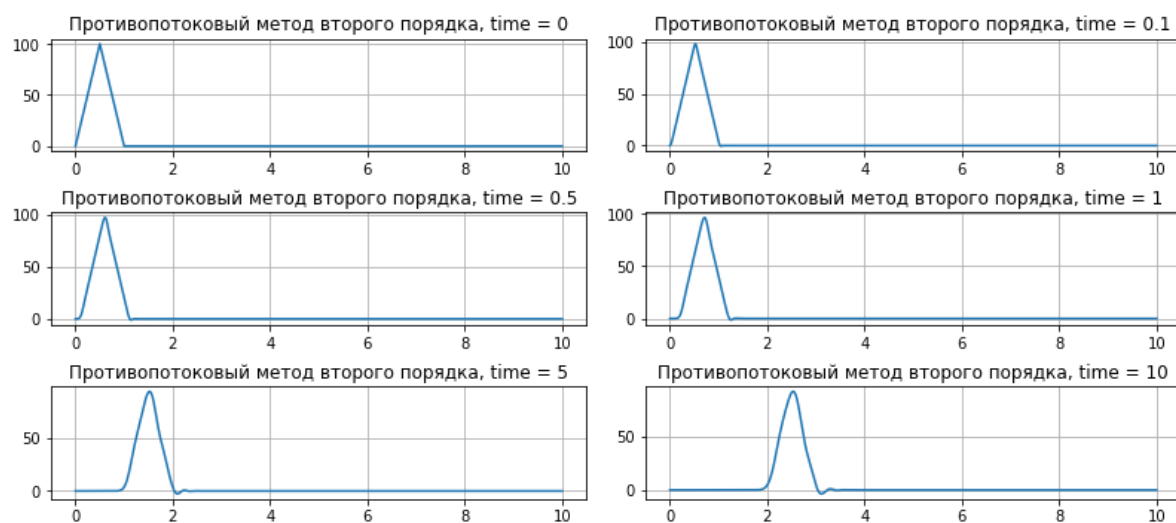
In [76]:

```
1 def draw_Counterflow_method_2(c, time_1, time_2, time_3, time_4, time_5):
2     matrix_6 = Counterflow_method_2(N_s, c)
3     N_t, size_x = np.shape(matrix_6)
4     x = np.linspace(0, 1, size_x)
5     moment_1 = int((N_t*time_1)/time_sum)
6     moment_2 = int((N_t*time_2)/time_sum)
7     moment_3 = int((N_t*time_3)/time_sum)
8     moment_4 = int((N_t*time_4)/time_sum)
9     moment_5 = int((N_t*time_5)/time_sum)
10    fg = plt.figure(figsize=(11, 6), constrained_layout=True)
11    gs = fg.add_gridspec(4, 2)
12    fig_ax_1 = fg.add_subplot(gs[1, 0])
13    plt.title('Противопотоковый метод второго порядка, time = 0')
14    plt.grid(True)
15    plt.plot(x, matrix_6[0, :])
16    fig_ax_2 = fg.add_subplot(gs[1, 1])
17    plt.title('Противопотоковый метод второго порядка, time = 0.1')
18    plt.grid(True)
19    plt.plot(x, matrix_6[moment_1, :])
20    fig_ax_3 = fg.add_subplot(gs[2, 0])
21    plt.title('Противопотоковый метод второго порядка, time = 0.5')
22    plt.grid(True)
23    plt.plot(x, matrix_6[moment_2, :])
24    fig_ax_4 = fg.add_subplot(gs[2, 1])
25    plt.title('Противопотоковый метод второго порядка, time = 1')
26    plt.grid(True)
27    plt.plot(x, matrix_6[moment_3, :])
28    fig_ax_5 = fg.add_subplot(gs[3, 0])
29    plt.title('Противопотоковый метод второго порядка, time = 5')
30    plt.grid(True)
31    plt.plot(x, matrix_6[moment_4, :])
32    fig_ax_6 = fg.add_subplot(gs[3, 1])
33    plt.title('Противопотоковый метод второго порядка, time = 10')
34    plt.grid(True)
35    plt.plot(x, matrix_6[moment_5-1, :])
```

In [77]:

```
1 draw_Counterflow_method_2(c_1, time_1, time_2, time_3, time_4, time_5)
```

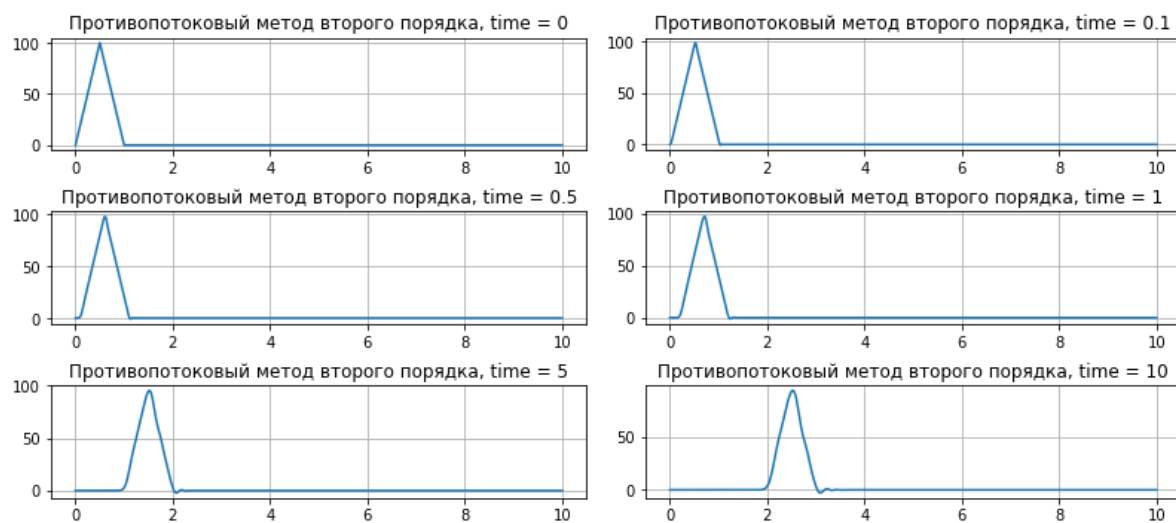
Конвекционное число = 0.1



In [78]:

```
1 draw_Counterflow_method_2(c_2, time_1, time_2, time_3, time_4, time_5)
```

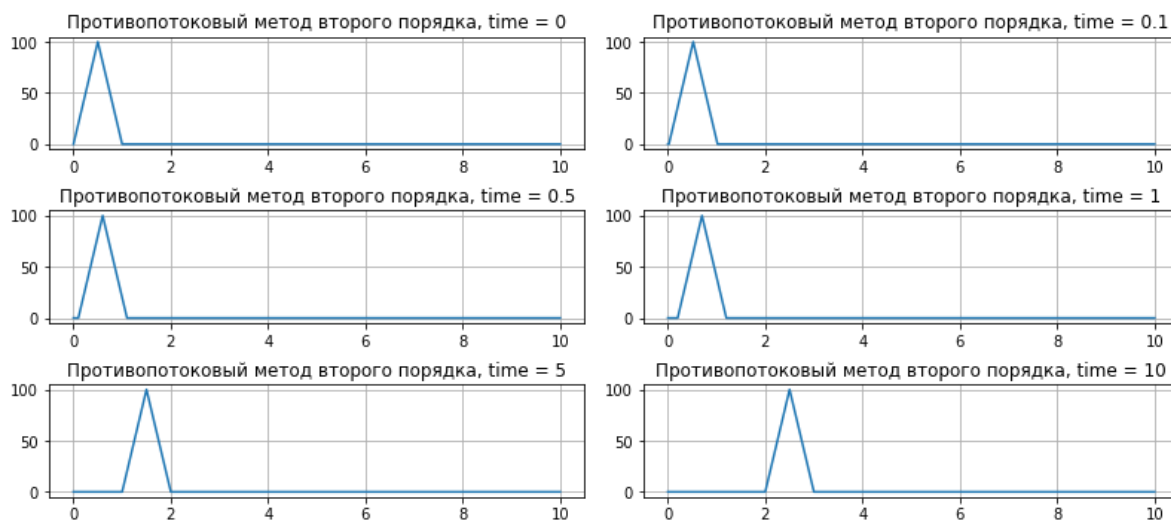
Конвекционное число = 0.5



In [79]:

```
1 draw_Counterflow_method_2(c_3, time_1, time_2, time_3, time_4, time_5)
```

Конвекционное число = 1



In [80]:

```
1 draw_Counterflow_method_2(c_4, time_1, time_2, time_3, time_4, time_5)
```

Конвекционное число = 1.5

