$\mathrm{Ti}k\mathbf{Z}$ gyorstalpaló, példák

2022. október 9.

# Tartalomjegyzék

1.	$\mathrm{Ti} k$	Z gyorstalpaló	<b>2</b>	
	1.1.	Alapok	2	
	1.2.		5	
	1.3.		6	
	1.4.	Gráfok	8	
2.	Pél	dák 1	2	
	2.1.	Sakktábla	2	
	2.2.	Óxisz szigete	3	
	2.3.	Simson-egyenes	.5	
	2.4.	Komplex egységgyökök	7	
	2.5.	Sok körzőzés	9	
	2.6.	Trigonometrikus függvények	20	
	2.7.	Nyolcszög, lyukkal		
	2.8.	KöMaL B.5131		
	2.9.	KöMaL B.5186	25	
3.	Impresszum 2			
	3.1.	Linkek	27	
	3 9	Káczítők 2	7	

## 1. fejezet

## TikZ gyorstalpaló

### 1.1. Alapok

A \usepackage {tikzpicture} kell a library implementálásához A \usepackage {tikzpicture} és \end {tikzpicture} parancsok közé kell helyezni a rajzolandó ábrát. A TikZ úgy működik, mint egy rajztábla. Egyesével kell az objektumokat rárajzolni, esetenként egy ciklusban többet is lehet egyszerre (lásd lejjebb). Minden parancsot egy ;-vel kell lezárni.

A \begin {tikzpicture} ["paraméterek"] ebben a szögletes zárójelben kell megadni a rajztábla paramétereit. Ilyenek:

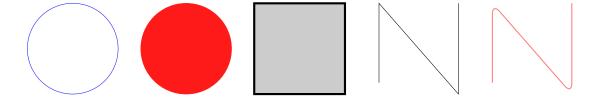
- scale = 3 a képet nyújtja, kivéve a betű méretet
- xscale = 4, yscale = 5 ugyanez, csak merőlegesen affin képet ad

A rajzolásra két különböző, de általában mindenre elég parancs a \draw és \filldraw . A sima rajzolás csak körvonalat rajzol, a másik pedig automatikusan ugyanazzal a színnel kitölti az alakzatot. Mindkettő parancsnak meg kell mondani, hogy:

- Hova: (x, y), (fok:hossz)
- Mit: node, -- (edge), circle, rectangle, arc
- Stílusban: [color, ultra thin, fill] ez lehet üres, ilyenkor a rajztábla stílusát használja

A node-ok kicsit trükkösebbek, róluk a gráfok részben lehet részletesebben olvasni.

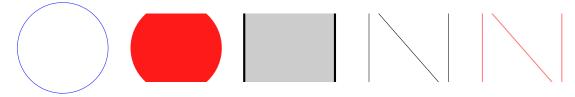
```
\begin{tikzpicture}[scale=3]
    %a köröknek a kp.-át és sugarát kell megadni
    draw (0,0) circle (0.4 cm) [color = blue!90];
    \filldraw (1,0) circle (0.4 cm) [color = red!90];
   %a téglalapoknak a balalsó és jobbfelső csúcsait kell
   megadni
    \draw (2-0.4, -.4) rectangle (2+0.4, .4) [ultra thick,
   fill=black!20];
    %a törött vonalakat csúcsról csúcsra kell megadni
    \frac{3-0.3}{-0.3} -- \frac{3-0.3}{-0.4} -- \frac{3+0.4}{-0.4} --
    (3+0.4, 0.4);
   %ami sokkal menőbb, például egy rácsbejáráshoz az
    íveltvonalak
   \draw[thick,rounded corners=8pt, color=pink!200] (4-0.3,
    -0.3) -- (4-0.3, 0.4)
   -- (4+0.4, -0.4) -- (4+0.4, 0.4);
   %Ha a törött vonalat lezárnád érdemes a --cycle befejezést
    írni a kezdő csúcs
    %megismétlése helyett.
\end{tikzpicture}
```



#### 1.1.1. Illesztés

Az első fejezetben leírtakat érdemes alkalmazni. A \clip parancsot érdemes használni. Nem csak arra jó, hogy kivágjuk a kép egy részét, de beállítja a kép keretét, ha azzal kezdjük. Erre persze lehet használni a \useasboundingbox parancsot amivel megadhatunk például egy téglalappal határolt fix keretét a képnek. Amit ezen kívül rajzoltál nem fogja megjeleníteni.

```
\begin{tikzpicture}[scale=3]
   \draw (0,0) circle (0.4 cm) [color = blue!90];
   %Itt vágunk ami azt okozza, hogy az előző kör nem sérült
   \clip (-0.3, -0.3) rectangle (5, 0.3);
   \filldraw (1,0) circle (0.4 cm) [color = red!90];
   \draw (2-0.4, -.4) rectangle (2+0.4, .4) [ultra thick,
   fill=black!20];
   "Lehet relatív megadni a távolságokat, hogy ne kelljen
   mindent papíron kiszámolni
   %Ha csak sima +-t használsz, akkor a kezdő csúcstól
    viszonyít
    draw (3-0.3, -0.3) -- ++(0, 0.7) -- ++(0.7, -0.8) -- ++(0, 0.7)
   0.8);
    \draw[thick,rounded corners=8pt, color=pink!200]
                                                         (4-0.3,
    -0.3) -- (4-0.3, 0.4) -- (4+0.4, -0.4) -- (4+0.4, 0.4);
\end{tikzpicture}
```



#### 1.1.2. Színek, egyebek

Be lehet állítani vonalvastagságot, színt és még színátmenetes ábrát is egyszerű csinálni.

- Vastagságok: { ultra, very, } + { thin, thick }
- Színek: { red, green, blue, cyan, magenta, yellow, black, gray, darkgray, lightgray, brown, lime, olive, orange, pink, purple, teal, violet, white }
- Vonal típusok: { dashed, dotted }
- Vonal összekötési lehetőségek (advanced):
  - line cap = {round, rect, butt}
  - rounded corners = 5mm
  - line join = {round, bevel, mitern}

```
\begin{tikzpicture}[scale=3]
     \draw (0,0) circle (0.4) [color = green!70, fill = green!15,
     ultra thick];
     \draw (1,0) circle (0.4) [color = green!70!black, fill =
        green!15, thick, dashed];
     \shade (2,0) circle (0.4) [top color = green];
     \shade (3,0) circle (0.4) [top color = green, bottom color =
        yellow];
     \shade (4,0) circle (0.4) [left color = green, right color =
        yellow];
     \end{tikzpicture}
```



### 1.2. Sokszögek rajzolása, for ciklusok

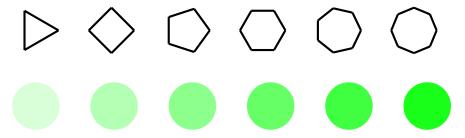
Az, hogy lehet for ciklusokat írni, nagyban segít a valamilyen szempontból szimmetrikus ábrák elkészítésében. A for ciklusok hasonlóan más nyelvekhez bevezetnek egy változót, ami végig fut adott értékeken és végrehajtja a megadott parancsokat egyesével (jobb ha nem számít a sorrend). Lehet egymásba ágyazott ciklusokat írni, de lehet párhuzamosan két vagy több változót egyszerre változtatni. Például \foreach \x in {1,2,3,4}{<commands>} Ennél lehet komolyabb dolgokat is csinálni, lásd a példákat.

Eddig nem volt róla szó, de a hagyományos koordinátázás helyett lehet polár-koordinátákat is használni. (90:1cm) – 90 fok, 1 cm messze

A képet lehet transzformálni erre pár példa: xshift, yshift, rotate

```
\begin{tikzpicture}[scale = 2, ultra thick]
  \foreach \n in {3, ..., 8} {
        \draw (\n-3,0) \foreach \d in {1, ..., \n}{
        #MAGIC DANGER
        +(\d*360/\n:0.3cm) -- +(\d*360/\n + 360/\n:0.3cm)
        };
        #Az, hogy ilyet lehet csinálni szerintem egyszerre
        undorító és hasznos
```

```
%Ez kell ahhoz, hogy a szín mögé lehessen írni
    változót (nem igazán lehet képletet)
    \pgfmathsetmacro\i{\n*15-30}
    \filldraw [xshift = \n-3, color = green!\i] (\n-3,-1)
    circle (0.3cm);
}
\end{tikzpicture}
```



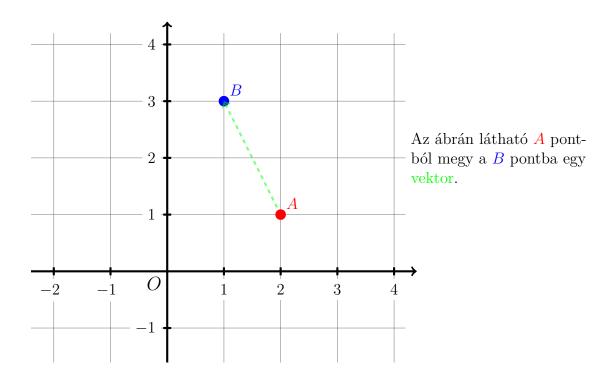
### 1.3. Rácsok, szöveg beillesztése

A \draw grid parancsot lehet négyzetrács készítésre használni a \foreach helyett. Meg kell adni a lépésközt és egy téglalapot ami határolja.

Szöveget beilleszteni úgy kell, hogy egy Node-ot töltünk fel szöveggel. Paraméterként meg lehet adni, hogy az adott pozícióhoz képest, hol helyezkedjen el a csúcs és így a szöveg, ezt az anchor=<direction> paraméterrel lehet megadni. A fill=white paraméter megadásával az is elérhető, hogy a szöveg/szám alatt megszakadjanak a vonalak, így egy sokkal esztétikusabb végeredményt kapunk.

Itt különösen kiemelném a **\clip** parancs fontosságát. Ha egy ábrát szeretnék nagyban és kicsiben is használni elég megismételni a kódot és megadunk egy keretet, ahol kíváncsiak vagyunk az ábra részleteire.

```
\draw (0,0) [fill = white, anchor = north east] node
        {\large $0$};
        %y-tengely
        \foreach \label in \{1, 2, 3, 4\}
        \pgfmathsetmacro\pos{\label/2}
        \draw [ultra thick](-1pt,\pos) -- (1pt, \pos) node [fill
       = white, left, xshift = -7pt] {$\label$};
       \foreach \label in \{-1, -2, -3, -4\}
        \pgfmathsetmacro\pos{\label/2}
        \draw [ultra thick](-1pt,\pos) -- (1pt, \pos) node [fill
       = white, left, xshift = -7pt] {$\label$};
        %x-tengely
        foreach \ label in \{1, 2, 3, 4\}
        \pgfmathsetmacro\pos{\label/2}
        \draw [ultra thick](\pos, 1pt) -- (\pos, -1pt) node
        [fill = white, below, yshift = -2pt] {\frac{1}{2}};
        foreach \ label in \{-1, -2, -3, -4\}
        \pgfmathsetmacro\pos{\label/2}
        \draw [ultra thick](\pos, 1pt) -- (\pos, -1pt) node
        [fill = white, below, yshift = -2pt, xshift = -3pt]
        {$\label$};
        %ábra
        \draw (1, 0.5) node [color=red, anchor = south west]
        \draw (0.5, 1.5) node [color=blue, anchor = south west]
       {$B$};
        \draw (0.5,1.5) node [color=blue, circle, fill=blue,
        scale =0.7] {};
        \draw [->, green, dashed, ultra thick, opacity=0.5] (1,
        0.5) -- (0.5, 1.5);
        \draw (1, 0.5) node [color=red, circle, fill=red, scale
        =0.7] {};
        \draw[xshift=2.1cm, yshift=1cm] node[right,text]
        width=5cm]
        {Az ábrán látható {\color{red} $A$} pontból megy a
        {\color{blue} $B$} pontba egy {\color{green} vektor}.};
\end{tikzpicture}
```



#### 1.4. Gráfok

Lehet gráfokat úgy definiálni, hogy a csúcsokat megadjuk és utána az élek már a meglévő objektumainkat (csúcsok) kössék össze. Ez azért hasznos, mert rugalmasabb lesz az ábra. Ha esetleg változtatnánk a gráfon egy új csúcs behozásával nem kell az egész ábrát koordinátánként átírni. Elég csak a csúcsokat áthelyezni, a többit a  $\mathrm{Ti}k\mathrm{Z}$  megcsinálja nekünk. Ami még különösen hasznos, hogy tudunk a programban a csúcsoknak nevet adni és utána ezt a nevet használni referenciaként, hogy egy sokkal átláthatóbb kódot kapjunk végeredményül. Ez nem összekeverendő a csúcshoz tartozó szöveggel.

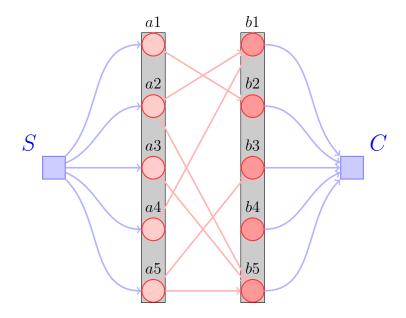
Amit szintén itt mutatnék be az a dinamikus stílus kezelés. Lehet ugyanis általunk előre definiált stílusokat megadni, hogy utána csak elég legyen annyit írni, hogy [fontos] vagy [seged]. Ezzel is azt érjük el, hogy olvashatóbb és egységesen változtathatóbb lesz a kód és így az ábránk.

A csúcsok és élek szövegezésére is sok lehetőséget ad a TikZ. A label=<direction>:<text> paraméter, akár többszöri használatával tudunk mindenféle szöveggel/névvel ellátni az ábránkat.

Lehet az éleket hajlítani, kígyósítani és egyéb stilisztikai trükköket alkalmazni. Erre azt ajánlom, hogy a dokumentációt érdemes olvasgatni. A következő részben írok a görbe vonalakról, ott érdemes erről olvasni.

```
\usetikzlibrary{positioning,backgrounds}
\begin{tikzpicture}[auto, node distance = 1cm and 2cm]
        \tikzstyle{StartEnd}=[rectangle,draw=blue!50,
        fill=blue!20,thick,
                                                    inner
        sep=Opt,minimum size=6mm]
        \tikzstyle{alayer}=[circle,draw=red!80,fill=red!20,thick,
        inner sep=Opt,minimum size=6mm]
        \tikzstyle{blayer}=[circle,draw=red!80,fill=red!40,thick,
        inner sep=Opt,minimum size=6mm]
        \tikzstyle{se-edge}=[->,very thick, color=blue!30]
        \tikzstyle{in-edge}=[->,very thick, color=red!30]
        %Nodes
        \node[StartEnd] (Start) [label =
        135:\color{blue}\Large$S$] {};
        \node[alayer] (a3) [right = of Start, label=above:$a3$]
       {};
        \node[alayer] (a2) [above = of a3, label=above:$a2$] {};
        \node[alayer] (a1) [above = of a2, label=above:$a1$] {};
        \node[alayer] (a4) [below = of a3, label=above:$a4$] {};
        \node[alayer] (a5) [below = of a4, label=above:$a5$] {};
        \node[blayer] (b3) [right = of a3, label=above:$b3$] {};
        \node[blayer] (b2) [above = of b3, label=above:$b2$] {};
        \node[blayer] (b1) [above = of b2, label=above:$b1$] {};
        \node[blayer] (b4) [below = of b3, label=above:$b4$] {};
        \node[blayer] (b5) [below = of b4, label=above:$b5$] {};
        \node[StartEnd] (End)[right = of
        b3,label=45:\color{blue}\Large$C$] {};
        %Edges
        \draw[se-edge] (Start) to [out=45, in=180] (a1);
        \draw[se-edge] (Start) to [out=22.5, in=180] (a2);
        \draw[se-edge] (Start) to [out=0, in=180] (a3);
        \draw[se-edge] (Start) to [out=360-22.5, in=180] (a4);
```

```
\draw[se-edge] (Start) to [out=360-45, in=180] (a5);
        \draw[se-edge] (b1) to [out=0, in=180-45] (End);
        \draw[se-edge] (b2) to [out=0, in=180-22.5] (End);
        \draw[se-edge] (b3) to [out=0, in=180] (End);
        \draw[se-edge] (b4) to [out=0, in=180+22.5] (End);
        \draw[se-edge] (b5) to [out=0, in=180+45] (End);
        \draw[in-edge] (a1) to (b2);
        \draw[in-edge] (a2) to (b1);
        \draw[in-edge] (a2) to (b5);
        \draw[in-edge] (a3) to (b5);
        \draw[in-edge] (a4) to (b1);
        \draw[in-edge] (a5) to (b3);
        \draw[in-edge] (a5) to (b5);
        %Layers
        \begin{pgfonlayer}{background}
                \filldraw [fill=black!20, draw=black] (a5.south
                -| a5.west) rectangle (a1.north -| a1.east);
                \filldraw [fill=black!20, draw=black] (b5.south
                -| b5.west) rectangle (b1.north -| b1.east);
        \end{pgfonlayer}
\end{tikzpicture}
```

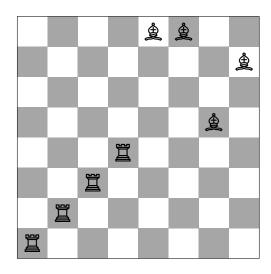


## 2. fejezet

## Példák

#### 2.1. Sakktábla

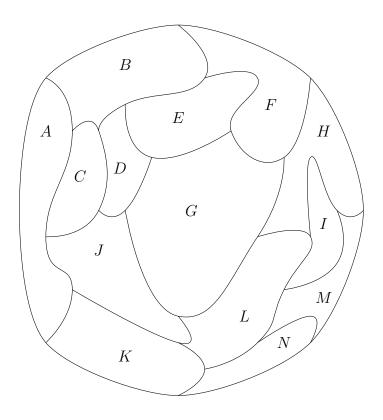
```
\begin{tikzpicture}[scale=0.8]
   \foreach \i in \{1,3,5,7\}
   \foreach \j in \{1,3,5,7\} {
       \fill[line width=0.pt, fill=gray,opacity=0.7]
       (\i,\j) -- (\i+1,\j) -- (\i+1,\j+1) -- (\i,\j+1) --
       cycle;
       \fill[line width=0.pt, fill=gray,opacity=0.7]
       (\j,\i) --
       (\j-1,\i) -- (\j-1,\i-1) -- (\j,\i-1) -- cycle;
   }
   \frac{0}{0}
   \begin{Large}
       \draw (0.5,0.5) node {\bf{\symrook}};
       \draw (1.5,1.5) node {\bf{\symrook}};
       \draw (2.5,2.5) node {\bf{\symrook}};
       \draw (3.5,3.5) node {\bf{\symrook}};
       \draw (4.5,7.5) node {\bf{\symbishop}};
       \draw (5.5,7.5) node {\bf{\symbishop}};
       \draw (6.5,4.5) node {\bf{\symbishop}};
       \draw (7.5,6.5) node {\bf{\symbishop}};
   \end{Large}
\end{tikzpicture}
```



## 2.2. Óxisz szigete

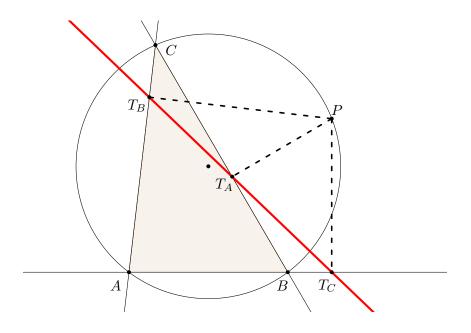
```
\begin{tikzpicture}[scale = 0.7]
    \draw plot [smooth cycle, tension = 0.5] coordinates
    \{(0,0)(5,-2)
            (10,0) (12,5) (10,10) (5,12) (0,10) (-1,5);
    \draw plot [smooth, tension = 1] coordinates {(0,10)
    (1,8) (0,4) (1,2) (0,0); %K12
    \draw plot [smooth, tension = 1] coordinates {(1,8)
    (2,8) (2,5) (0,4)}; %K13
    \draw plot [smooth, tension = 1] coordinates {(2,8)
    (3,9) (6,10) (5,12); %K3
    \draw plot [smooth, tension = 1] coordinates {(6,10)
    (8,10) (7,8) (9,7) (10,10); %K4
    \draw plot [smooth, tension = 1] coordinates {(3,9)
    (4,7) (7,8); %K2
    \draw plot [smooth, tension = 1] coordinates {(4,7)
    (3,5) (2,5); %K14
    \draw plot [smooth, tension = 1] coordinates {(9,7)
    (8,4) (5,1) (3,5); %K1
    \draw plot [smooth, tension = 1] coordinates {(5,1)
    (5,0) (1,2); %K11
    \draw plot [smooth, tension = 1] coordinates {(5,0)
    (6,-1) (5,-2); %K10
```

```
\draw plot [smooth, tension = 1] coordinates \{(6,-1)\}
    (8,0) (9,2) (10,4) (8,4)}; %K9
    \draw plot [smooth, tension = 1] coordinates {(10,0)
    (10,1) (8,0)}; %K8
    \draw plot [smooth, tension = 1] coordinates {(10,4)
    (10,7) (11,5) (12,5)}; K5
    \draw plot [smooth, tension = 1] coordinates {(11,5)
    (11,3) (9,2)}; %K6 és K7
    \draw (0,8) \text{ node } {\$A\$};
    \frac{3,10.5}{node {$B$}};
    draw (1.3,6.3) node {$C$};
   \draw (2.8,6.6) node {$D$};
    \frac{5,8.5}{node} (5,8.5)
   \draw (8.5,9) node {$F$};
    draw (5.5,5) node {$G$};
    draw (10.5,8) node {$H$};
    \draw (10.5, 4.5) node {$I$};
    \draw (2,3.5) node {$J$};
    \frac{3,-0.5}{node {$K$}};
    \draw (7.5,1) node {$L$};
    draw (10.5,1.7) node {$M$};
    \draw (9,0) node {$N$};
\end{tikzpicture}
```



## 2.3. Simson-egyenes

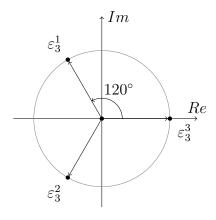
```
\draw [line width=0.4pt,domain=-7.44:9.29]
   plot(\x,\{(-21.74-8.58*\x)/-1\});
    \draw [line width=1.2pt,dash pattern=on 3pt off 6pt]
    (4.66,1.8) -- (0.9,-0.39);
    \draw [line width=1.2pt,dash pattern=on 3pt off 6pt]
    (-2.23,2.61)--(4.66,1.8);
    \draw [line width=1.2pt,dash pattern=on 3pt off 6pt]
    (4.66,1.8)--(4.66,-4);
    \draw [line width=1.6pt,color=red,domain=-7.44:9.29]
   plot(\x,{(-1.47--3*\x)/-3.13});
    \begin{small}
        \fill (0,0) circle (1.5pt);
        \fill (-3,-4) circle (1.5pt);
        draw (-3.5, -4.5) node {$A$};
        \fill (3,-4) circle (1.5pt);
        draw (2.8,-4.5) node {$B$};
        \fill (-2,4.58) circle (1.5pt);
        draw (-1.4,4.4) node {$C$};
        \fill (4.66, 1.8) circle (1.5pt);
        draw (4.86, 2.12) node {$P$};
        \fill (0.9, -0.39) circle (1.5pt);
        draw (0.6,-0.7) node {$T A$};
        \fill (-2.23, 2.61) circle (1.5pt);
        \frac{-2.7,2.3}{\text{node } \{T_B\}};
        \fill (4.66,-4) circle (1.5pt);
        draw (4.5, -4.5) node {$T C$};
    \end{small}
\end{tikzpicture}
```



## 2.4. Komplex egységgyökök

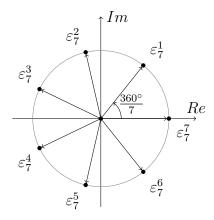
#### 2.4.1. Harmadik egységgyökök

```
\left( \int def \right)
\begin{tikzpicture}[scale=1.8,
    dot/.style={draw,fill,circle,inner sep=1pt}]
    \draw[->] (-1.3,0) -- (1.4,0) node[above] {$Re$};
    \draw[->] (0,-1.3) -- (0,1.5) node[right] {$Im$};
    \draw[help lines] (0,0) circle (1);
    \node[dot] (0) at (0,0) {};
    \foreach \i in \{1, ..., \n\} {
        \node[dot,label={\i*360/\n-}]
        (\i=\n)*45: \varepsilon_{\n}^{\i})
        (w\i)
            at (i*360/n:1) {};
        \draw[->] (0) -- (w\i);
    }
    \draw[->] (0:.3) arc (0:360/\n:.3);
    \node at (360/\n/2:.5) {\$120^\circ\$};
\end{tikzpicture}
```



### 2.4.2. Hetedik egységgyökök

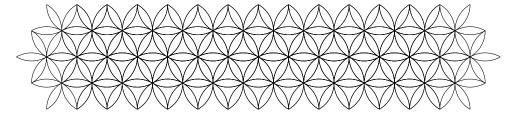
```
\left( \frac{7}{7} \right)
\begin{tikzpicture}[scale=1.8,
dot/.style={draw,fill,circle,inner sep=1pt}]
    \draw[->] (-1.3,0) -- (1.4,0) node[above] {$Re$};
    \draw[->] (0,-1.3) -- (0,1.5) node[right] {$Im$};
    \draw[help lines] (0,0) circle (1);
    \node[dot] (0) at (0,0) {};
    \foreach \i in \{1, ..., \n\} {
            \node[dot,label={\i*360/\n-}]
             (\i=\n)*45: \varepsilon_{\n}^{\i})
             (w i)
            at (i*360/n:1) {};
            \draw[->] (0) -- (w\i);
    }
    \draw[->] (0:.3) arc (0:360/\n:.3);
    \node at (360/\n/2:.5) {\frac{360^\circ (360^\circ )}};
\end{tikzpicture}
```



#### 2.5. Sok körzőzés

```
\begin{tikzpicture}[scale=0.8]
    \foreach \i in \{0, \ldots, 12\} {
        \draw (\i+0,0) circle (1);
        \frac{1}{0.5}, -0.866 arc (0:120:1);
        \frac{1.5,-0.866}{1.5} arc (0:240:1);
        \frac{1}{1} draw (\i+-1,-0) arc (60:-60:1);
        \frac{1.732}{arc} (0:120:1);
        \frac{1.5}{-0.866} arc (-120:120:1);
        \frac{1}{1} draw (\i+-1,-0) arc (-60:60:1);
        \draw (\i+-1.5,0.866) arc (-120:0:1);
        \frac{1}{1000} (\i+0,1.732) arc (120:360:1);
        \frac{(i+0.5,0.866)}{arc} arc (0:-120:1);
        \draw (\i+0.5,0.866) arc (-60:-180:1);
        \draw (\i+0.5,0.866) arc (120:240:1);
        \draw (\i+0.5,0.866) arc (180:300:1);
        \frac{1}{0.5}, -0.866) arc (180:60:1);
        \frac{1}{1} (\i+-1,-1.732) arc (180:60:1);
        \draw (\i+1.5,0.866) arc (120:240:1);
        draw (i+0.5, 0.866) arc (0:60:1);
        \draw (\i+0.5, 0.866) arc (240:180:1);
        \draw (\i+0.5, 0.866) arc (240:300:1);
        \draw (\i+0.5, 0.866) arc (120:60:1);
        \draw (\i+0.5, 0.866) arc (180:120:1);
        \frac{1+0.5}{0.866} arc (300:360:1);
        \frac{1+-1}{-0} arc (0:60:1);
```

```
\draw (\i+-1,-0) arc (240:180:1);
\draw (\i+-1,-0) arc (60:120:1);
\draw (\i+-1,-0) arc (300:240:1);
\draw (\i+-1,-0) arc (120:180:1);
\draw (\i+-1,-0) arc (360:300:1);
\draw (\i+0.5, -0.866) arc (180:240:1);
\draw (\i+0.5, -0.866) arc (60:0:1);
\draw (\i+0.5, -0.866) arc (120:60:1);
\draw (\i+0.5, -0.866) arc (240:300:1);
\draw (\i+0.5, -0.866) arc (120:180:1);
\draw (\i+0.5, -0.866) arc (360:300:1);
```

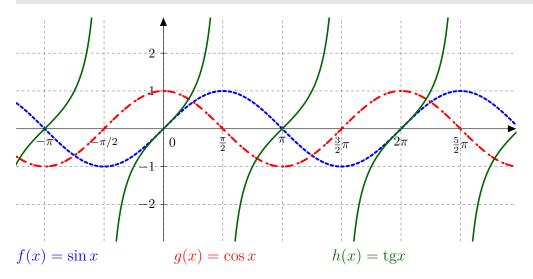


### 2.6. Trigonometrikus függvények

```
\definecolor{dgreen}{rgb}{0,0.4,0}
\begin{tikzpicture}[line cap=round,line
join=round,>=triangle
         45, x=1.0cm, y=1.0cm
    \draw [color=gray,dash pattern=on 2pt off 2pt,
         xstep=1.5707963267948966cm, ystep=1.0cm]
         (-3.89, -2.97) grid (9.33, 2.94);
    \frac{-3.89,0}{-3.89,0} -- (9.33,0);
    \frac{\text{draw}[\text{shift}=\{(-3.14,0)\},\text{color}=\text{black}] (0\text{pt},2\text{pt})}{--}
    (0pt,-2pt)
    node[below] {\footnotesize $-\pi$};
    \displaystyle \frac{(-1.57,0)}{, color=black} (0pt,2pt) --
    (0pt,-2pt)
    node[below] {\scriptsize $-\pi/2$};
    \frac{\sinh[\sinh(1.57,0)]}{\cosh(1.57,0)}, color=black] (0pt,2pt) --
    (Opt,-2pt) node[below]
```

```
{\footnotesize $\frac{\pi}{2}$};
\draw[shift={(pi,0)},color=black] (0pt,2pt) --
(Opt,-2pt) node[below]
{\footnotesize $\pi$};
\frac{\text{draw}[\text{shift}=\{(4.71,0)\},\text{color}=\text{black}] (0\text{pt},2\text{pt})}{--}
(Opt,-2pt) node[below]
{\footnotesize $\frac32 \pi$};
\displaystyle \operatorname{draw}[\operatorname{shift}=\{(6.28,0)\},\operatorname{color=black}] (\operatorname{Opt},\operatorname{2pt}) --
(Opt,-2pt) node[below]
{\footnotesize $2\pi$};
\frac{\text{draw}[\text{shift}=\{(7.85,0)\},\text{color}=\text{black}] (0\text{pt},2\text{pt})}{--}
(Opt,-2pt) node[below]
{\footnotesize $\frac52 \pi$};
\frac{-}{color=black} (0,-2.97) -- (0,2.94);
\foreach \y in \{-2, -1, 1, 2\}
     \frac{\sinh[t={(0,y)}, color=black]}{(2pt,0pt)} --
     (-2pt,0pt) node[left] {\footnotesize $\y$};
\draw[color=black] (Opt,-10pt) node[right]
{\footnotesize $0$};
\clip(-3.89, -2.97) rectangle (9.33, 2.94);
\draw[line width=1.5pt,dash pattern=on 2pt off
2pt,color=blue,
     smooth, samples=100, domain=-
     3.8859126567579696:9.331288233648893]
plot(\x, {sin(((\x))*180/pi)});
\draw[line width=1.5pt,dash pattern=on 1pt off 2pt on
5pt off
    4pt, color=red,
     smooth, samples=100, domain=-
    3.8859126567579696:9.331288233648893]
plot(\x, \{cos((\x))*180/pi)\});
\draw[line width=1.2pt, color=dgreen,
     smooth, samples=100, domain=-1.56-pi:1.56-pi] plot
(\x, {\sin(((\x))*180/pi)/\cos(((\x))*180/pi)});
\draw[line width=1.2pt, color=dgreen,
     smooth, samples=100, domain=-1.56:1.56] plot
(\x,{\sin(((\x))*180/pi)/\cos(((\x))*180/pi)});
\draw[line width=1.2pt, color=dgreen,
```

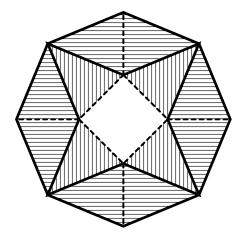
```
smooth,samples=100,domain=-1.56+pi:1.56+pi] plot
        (\x,{\sin((\x))*180/pi)/\cos((\x))*180/pi)});
        \draw[line width=1.2pt, color=dgreen,
            smooth,samples=100,domain=-1.56+pi+pi:1.56+pi+pi]
            plot
        (\x,{\sin(((\x))*180/pi)/\cos(((\x))*180/pi)});
        \draw[line width=1.2pt, color=dgreen,
            smooth,samples=100,domain=-
            1.56+pi+pi+pi:1.56+pi+pi+pi]
        (\x, {\sin(((\x))*180/pi)/\cos(((\x))*180/pi)});
        \begin{scriptsize}
        \end{scriptsize}
   \end{tikzpicture}
11
\color{blue}{f(x) = \sin x}   \cos{2 cm}   \cos{red}{g(x) = }
\cos x  \hspace{2 cm} \color{dgreen}{h(x) = \mathrm{tg}x} $
```



## 2.7. Nyolcszög, lyukkal

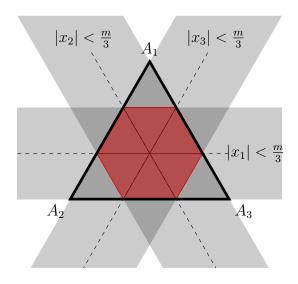
```
\newcommand*\st{1.414142135}
\begin{tikzpicture}[scale=2, line cap=round]
   \fill[gray, pattern = horizontal lines]
```

```
(-1,-1)--(0,-)st)--(1,-)
                           1) - -(\st, 0) - -(1, 1) - -(0, \st) - -(-
                           1,1)--(-\st,0)--cycle;
             \fill[white]
                           (-1,-1)--(0,-2+\st)--(1,-
                           1)--(2-\st,0)--(1,1)--(0,2-\st)--(-1,1)--(-
                           2+\st,0)--cycle;
             \fill[gray, pattern = vertical lines]
                           (-1,-1)--(0,-2+\st)--(1,-
                           1) - (2-\sqrt{1,1}) - (0,2-\sqrt{1,1}) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,1) - (-1,
                           2+\st,0)--cycle;
             \fill[white]
                           (0,2-\st)--(2-\st,0)--(0,\st-2)--(\st-2,0)--\cycle;
             \frac{1}{-1,-1}-(0,-\pm)-(1,-1)
             1)--(\st,0)--(1,1)--(0,\st)--(-1,1)--(\st,0)--cycle;
             \frac{1}{-1,-1}-(0,-2+st)-(1,-1)
             1)--(2-\st,0)--(1,1)--(0,2-\st)--(-1,1)--(-
             2+\st,0)--cycle;
             \draw[line width=1.5, dashed]
             (0,2-st)-(2-st,0)-(0,st-2)-(st-2,0)-cycle;
             \displaystyle \frac{1.5}{draw[line width=1.5, dashed]} (0,2-\st) -- (0,\st);
             \frac{1.5}{draw[line width=1.5, dashed]} (2-\sqrt{5t,0}) -- (\sqrt{5t,0});
             \displaystyle \frac{1.5}{draw[line width=1.5, dashed]} (0,-2+\st) -- (0,-\st);
             \displaystyle \frac{1.5}{draw[line width=1.5, dashed]} (-2+\st,0) -- (-\st,0);
\end{tikzpicture}
```



#### 2.8. KöMaL B.5131.

```
\begin{tikzpicture}[yscale=1.732,scale=0.7]
    \frac{\text{draw}[dashed]}{\text{dashed}} (-5,0) -- (3.2,0);
    \frac{\text{draw}[dashed]}{(2.2,2.2)} -- (-2.5,-2.5);
    \draw[dashed] (-2.2,2.2) -- (2.5,-2.5);
    draw (-2,0)--(2,0); draw (-1,1)--(1,1);
    \frac{-1,-1}{-(1,1)}; \frac{1,-1}{-(2,0)};
    \frac{(1,-1)--(-1,1)}{\text{draw}}
    \fill[opacity=0.2]
    (-5,-1)--(5,-1)--(5,1)--(-5,1)--cycle;
    \fill[opacity=0.2]
    (-1,3)--(-5,3)--(0.5,-2.5)--(4.5,-2.5)--cycle;
    \fill[opacity=0.2]
    (1,3)--(5,3)--(-0.5,-2.5)--(-4.5,-2.5)--cycle;
    \filldraw[red, fill opacity=0.4]
    (-1,-1)--(1,-1)--(2,0)--(1,1)--(-1,1)--(-2,0)--cycle;
    \frac{1}{2} (-3,-1)-(3,-1)-(0,2)--cycle;
    \draw (0,2) node [above] {$A 1$};
    \frac{-3,-1}{\text{node [below left] }}{\$A_2\$};
    \draw (3,-1) node [below right] {$A 3$};
    \frac{\$}{x_1} < \frac{m}{3};
    \frac{(2.5,2.5) \text{ node } {\|x 3\| < \frac{m}{3}}}{}
    \frac{-2.5,2.5}{\text{node } {|x|2| < \frac{m}{3}};}
\end{tikzpicture}
```

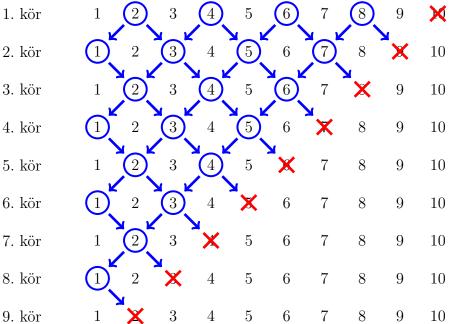


#### 2.9. KöMaL B.5186.

```
\begin{tikzpicture}
                    \foreach \y in \{2, \ldots, 10\}
                    \foreach \x in \{1, ..., 10\} {
                                         \draw (\x,\y) node {<math>x};
                    }
                    \foreach \y in \{1, \ldots, 9\}
                                         \frac{-1}{1-y} node \frac{y}{.~k\"{o}r};
                     \foreach \y in \{2, \ldots, 10\} {
                                         y+0.2;
                                         \draw[red, line width=2] (\y-0.2, \y+0.2) -- (\y+0.2, \y+0.2, \y+0.2, \y+0.2) -- (\y+0.2, \y+0.2, \y+0.2, \y+0.2) -- (\y+0.2, \y+0.2, \y+0.2, \y+0.2, \y+0.2, \y+0.2) -- (\y+0.2, \y+0.2, \y
                                         \y-0.2);
                   }
                    \foreach \y in \{2,3,4,5\}
                    \foreach \x in \{2, ..., \y\} {
                                         \frac{\text{line width=1.5}}{(2*x-2,2*y)} circle
                                          (0.3);
                                         \frac{\text{draw}[\text{blue},\text{line width=1.5}]}{(2*x-3,2*y-1)} circle
                                          (0.3);
```

```
\draw[blue,line width=2,->] (2*\x-2.3,2*\y-0.3) --
    (2*\x-2.7,2*\y-0.7);
\draw[blue,line width=2,->] (2*\x-1.7,2*\y-0.3) --
    (2*\x-1.3,2*\y-0.7);
\draw[blue,line width=2,->] (2*\x-2.7,2*\y-1.3) --
    (2*\x-2.3,2*\y-1.7);
}

\foreach \y in {3,4,5}
\foreach \x in {3,...,\y}
\draw[blue,line width=2,->] (2*\x-3.3,2*\y-1.3)--
    (2*\x-3.7,2*\y-1.7);
\end{tikzpicture}
```



## 3. fejezet

## Impresszum

### 3.1. Linkek

Honlap

PDF verzió

Github mappa

TikZ package (CTAN)

TikZ dokumentáció (tikz.dev)

### 3.2. Készítők

 $\mathrm{Ti}k\mathbf{Z}$ gyorstalpaló: Bertalan Dávid

Példák: Hujter Bálint

Honlap: Alexy Marcell, Szűcs Gábor

Szívesen fogadunk javaslatokat, további példákat, ezeket megírhatjátok az alapitvany [K] agondolkodasorome [P] hu címre, de küldhettek pull requestet is.