Électronique Analogique Notes de cours ^a

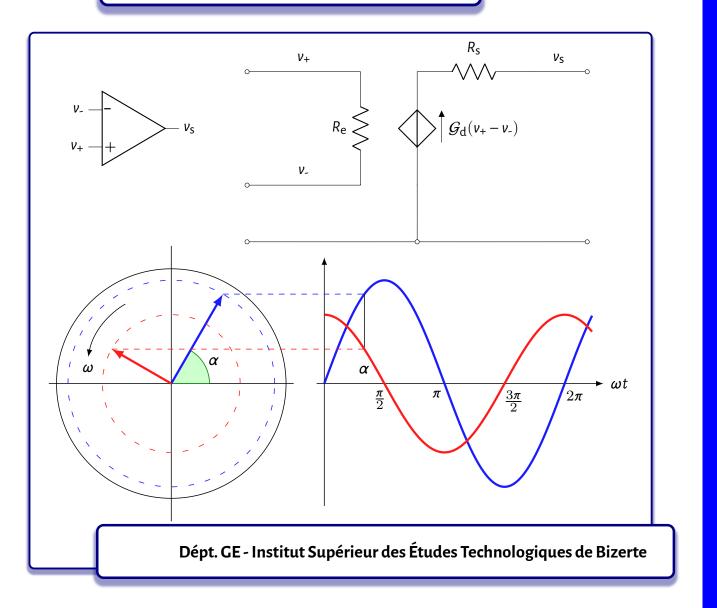
Parcours : LAGE-EI 2019-2020

Semestre: 3

a. https ://github.com/a-mhamdi/ iset-bizerte/raw/master/elect-ana/tb-elect-ana.pdf

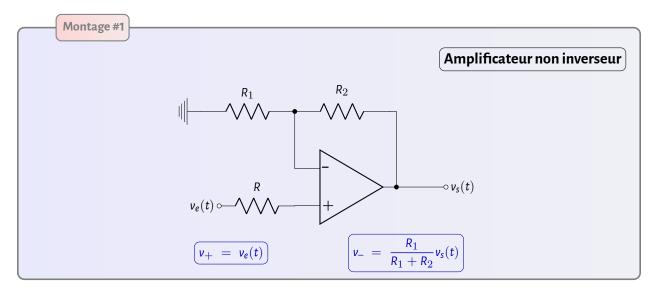
Abdelbacet Mhamdi

Dr.-Ing. en GE – Technologue en GE



1 Mise en situation

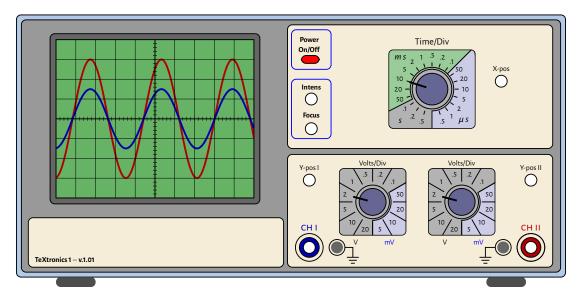
2 AOp en régime linéaire



AOp idéal en régime linéaire $\longrightarrow \nu_+ = \nu_-$. La tension de sortie ν_s s'écrit alors :

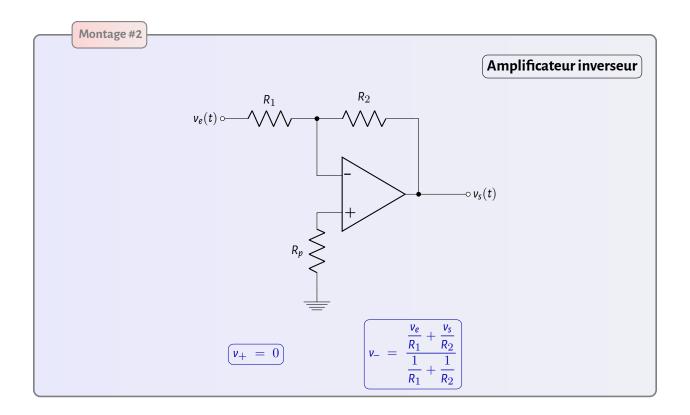
$$v_s(t) = \frac{R_1 + R_2}{R_1} v_e(t)$$
 (1)

Pour une tension d'alimentation symétrique de ± 10 volts. les courbes d'évolution de l'entrée ν_e et de la sortie ν_s sont affichées sur l'écran de l'oscilloscope ci-dessous 1



Déterminer les expressions des signaux v_e et v_s . En déduire le gain d'amplification qu'on note $g=\frac{V_{s_{max}}}{V_{e_{max}}}$

^{1.} La tension v_e (resp. v_s) est connectée au canal CH I (resp. CH II).

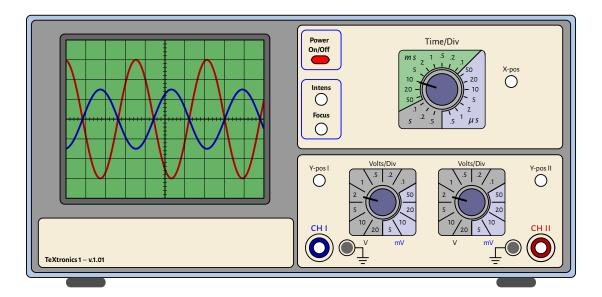


AOp idéal en régime linéaire \longrightarrow $\nu_+ = \nu_-$. La tension de sortie ν_s s'écrit alors :

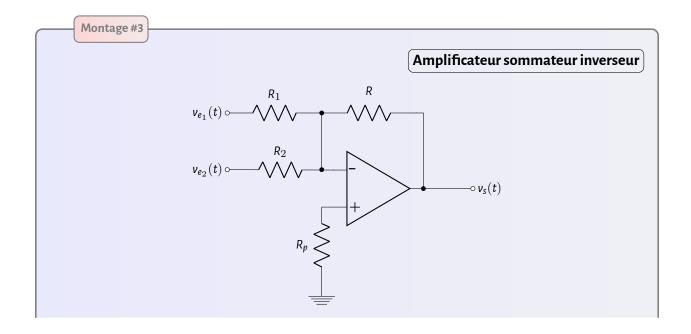
$$v_s(t) = -\frac{R_2}{R_1}v_e(t) \tag{2}$$

Pour une tension d'alimentation symétrique de ± 10 volts. les courbes d'évolution de l'entrée v_e et de la sortie v_s sont affichées sur l'écran de l'oscilloscope ci-dessous 2

^{2.} La tension v_e (resp. v_s) est connectée au canal CH I (resp. CH II).



Déterminer les expressions des signaux v_e et v_s . En déduire le gain d'amplification qu'on note $g=rac{V_{s_{
m max}}}{V_{e_{
m max}}}$.



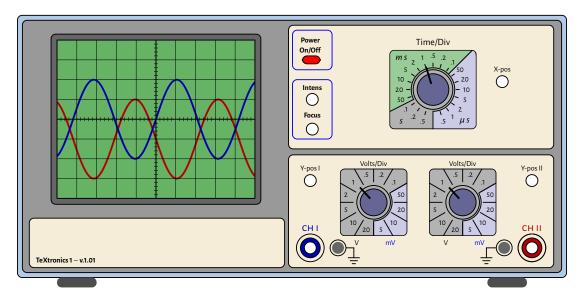
$$\underbrace{v_{+} = 0}$$

$$\underbrace{v_{-} = \frac{\frac{v_{e_{1}}}{R_{1}} + \frac{v_{e_{2}}}{R_{2}} + \frac{v_{5}}{R}}{\frac{1}{R_{1}} + \frac{1}{R_{2}} + \frac{1}{R}}}_{}_{}$$

AOp idéal en régime linéaire \longrightarrow $\nu_+ = \nu_-$. La tension de sortie ν_s s'écrit alors :

$$v_s(t) = -R\left(\frac{1}{R_1}v_{e_1}(t) + \frac{1}{R_2}v_{e_2}(t)\right)$$
 (3)

Soit $v_{e_1}=1$ V. Pour une tension d'alimentation symétrique de ± 10 volts. les courbes d'évolution de l'entrée v_{e_2} et de la sortie v_s sont affichées sur l'écran de l'oscilloscope ci-dessous 3

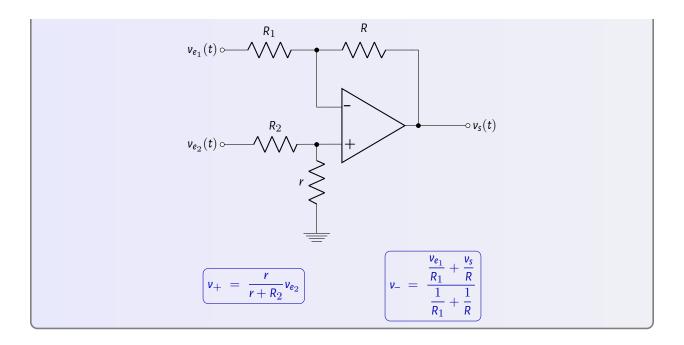


Déterminer les expressions des signaux v_{e_2} et v_s . En déduire un jeu de résistances qui permet d'avoir la sortie v_s .

Montage #4

Amplificateur soustracteur

^{3.} La tension v_e (resp. v_s) est connectée au canal CHI (resp. CHII).



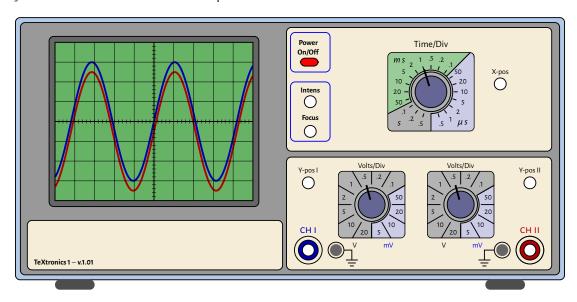
AOp idéal en régime linéaire $\longrightarrow \nu_+ = \nu_-$. La tension de sortie ν_s s'écrit alors :

$$v_{s}(t) = \frac{R_{1} + R}{R_{1}} \left(\frac{r}{r + R_{2}} v_{e_{2}}(t) - \frac{R}{R + R_{1}} v_{e_{1}}(t) \right)$$
(4)

Si on prend $r=R_1=R_2=R$, la sortie se simplifie à la forme suivante

$$v_s(t) = v_{e_2}(t) - v_{e_1}(t)$$
 (5)

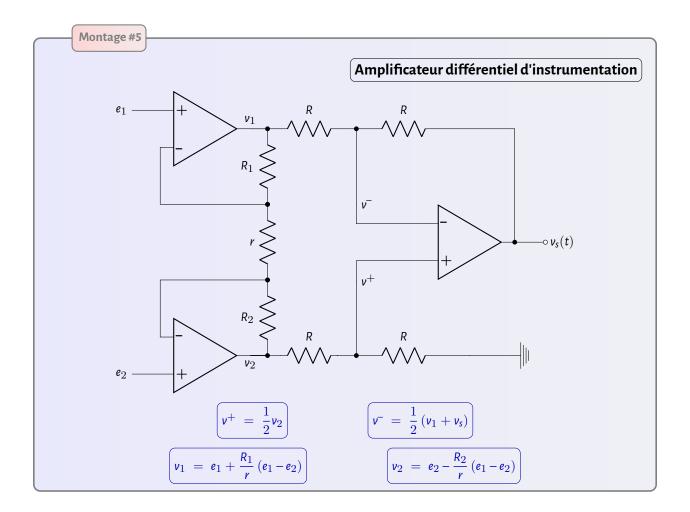
Soit $v_{e_1}=0.25$ V. Pour une tension d'alimentation symétrique de ± 10 volts. les courbes d'évolution de l'entrée v_{e_2} et de la sortie v_s sont affichées sur l'écran de l'oscilloscope ci-dessous 4



Déterminer les expressions des signaux v_{e_2} et v_s .

^{4.} La tension ν_{ℓ} (resp. ν_{s}) est connectée au canal CHI (resp. CHII).

$$\underbrace{ \begin{bmatrix} v_{e}(t) \ = \ V_{e_{2_{\max}}} \sin \left(\frac{2\pi}{T} t + \varphi_0 \right) \end{bmatrix}}_{\mathcal{S}_{x}} \underbrace{ \begin{bmatrix} v_{s}(t) \ = \ V_{\text{offset}} + V_{s_{\max}} \sin \left(\frac{2\pi}{T} t + \varphi_0 \right) \end{bmatrix}}_{\mathcal{S}_{x}} \text{ avec} : \begin{cases} V_{e_{2_{\max}}} = 1.5 \text{ volts} \\ V_{\text{offset}} = -0.25 \text{ volts} \\ V_{s_{\max}} = 1.5 \text{ volts} \\ T = 2.1 \text{ msec} \\ \varphi_0 = 0 \text{ rad} \end{cases}$$



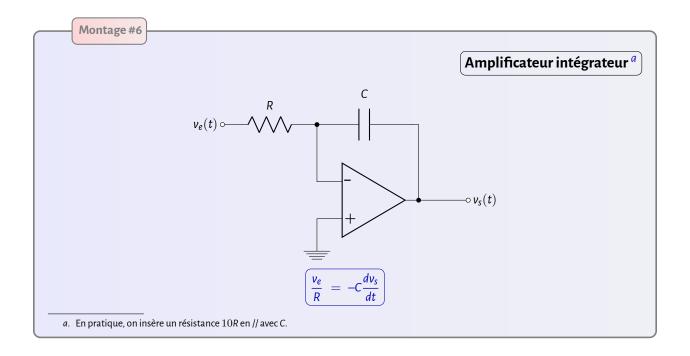
La relation $v^+ = v^-$ conduit à

$$v_s(t) = v_2 - v_1 \tag{6}$$

$$= \underbrace{e_2 - \frac{R_2}{r} (e_1 - e_2)}_{v_2} - \underbrace{\left(e_1 + \frac{R_1}{r} (e_1 - e_2)\right)}_{v_1}$$

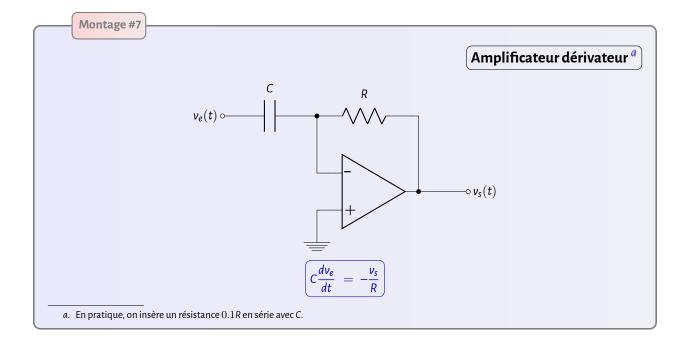
$$(7)$$

$$= \left(1 + \frac{R_1 + R_2}{r}\right) (e_2 - e_1) \tag{8}$$



On en déduit que

$$v_{s}(t) = -\frac{1}{RC} \int v_{e}(\varsigma) d\varsigma \tag{9}$$

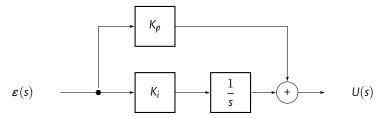


Il en résulte que

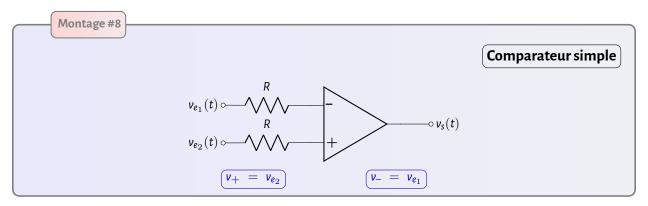
$$v_{\rm s}(t) = -RC \frac{dv_{\rm e}(t)}{dt} \tag{10}$$

Exercice

Proposer une structure à base d'amplificateurs pour réaliser le correcteur PI suivant



3 AOp en régime non linéaire



Il n'y a pas une contre-réaction. L'amplificateur fonctionne alors en régime de saturation. La sortie v_s prend uniquement les deux valeurs de saturation $\pm V_{sat}$.

$$v_{s}(t) = \begin{cases} -V_{sat} & \text{si } v_{-} > v_{+} \\ v_{e_{1}} > v_{e_{2}} \end{cases}$$

$$v_{s}(t) = \begin{cases} -V_{sat} & \text{si } v_{-} > v_{+} \\ v_{e_{1}} < v_{e_{2}} \end{cases}$$

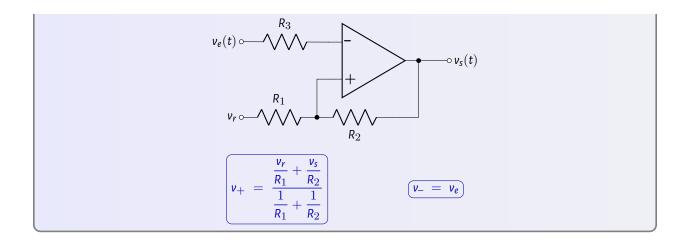
$$v_{e_{1}} < v_{e_{2}} \end{cases}$$

$$v_{e_{1}} < v_{e_{2}} \end{cases}$$

$$v_{e_{1}}(t)$$

Montage #9

Comparateur à hystérésis - Trigger de Schmitt



$$v_{+} = \frac{R_{2}v_{r} + R_{1}v_{s}}{R_{1} + R_{2}} \tag{11}$$

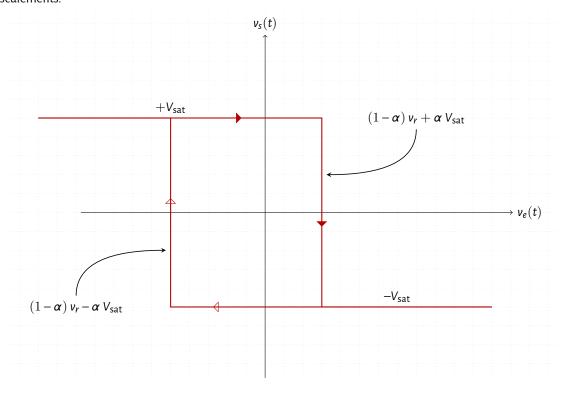
Soit $\alpha = \frac{R_1}{R_1 + R_2}$. Eq. (11) se transforme ainsi en

$$v_+ = \alpha v_r + (1 - \alpha) v_s$$

La contre-réaction est positive, la sortie de l'amplificateur ne peut prendre que les deux valeurs limites de saturation $\pm V_{\text{sat}}$. L'expression du potentiel de la borne positive devient

$$v_{+} = \alpha v_{r} \pm (1 - \alpha) V_{sat}$$

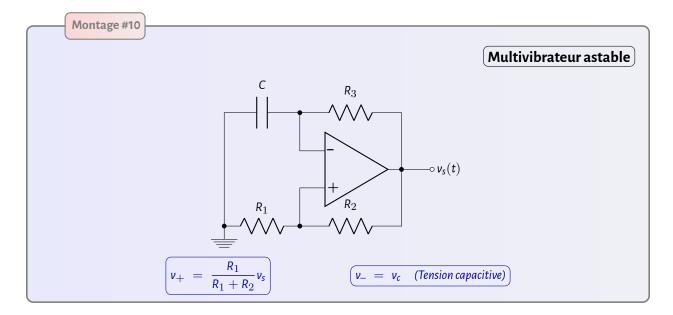
Si v_e est très négatif, le potentiel v_+ est supérieur à v_- . La sortie est à $+V_{sat}$. La valeur de v_+ est α $v_r + (1-\alpha)$ V_{sat} . Quand la tension d'entrée dépasse cette valeur, v_s passe à $-V_{sat}$ et v_+ devient égal à α $v_r - (1-\alpha)$ V_{sat} . Le circuit présente deux seuils de basculements.



4 Générateur de fonctions 10

4 Générateur de fonctions

Un multivibrateur astable produit un signal carré à sa sortie. Il ne nécessite aucune entrée externe.



On suppose que le retour positif emporte sur la contre-réaction négative. L'AOp fonctionne alors en régime de saturation.

$$v_{\rm s}(t) = \left\{ egin{array}{ll} +V_{
m sat} & {
m si} & v_+ > v_- = v_c \ \ -V_{
m sat} & {
m si} & v_+ < v_- = v_c \end{array}
ight.$$

Soient $\alpha = \frac{R_1}{R_1 + R_2}$ et $\tau = R_3C$. Le problème se ramène à la formulation suivante

 1^e cas: (C se charge à travers R_3)

$$si v_s = +V_{sat} \implies v_+ = +\alpha V_{sat} \implies v_c = v_{i_1} e^{-\frac{t-t_1}{\tau}} + V_{sat} \left(1 - e^{-\frac{t-t_1}{\tau}}\right)$$

 2^{d} cas: (C se décharge à travers R_3)

$$si v_s = -V_{sat} \implies v_+ = -\alpha V_{sat} \implies v_c = v_{i_2} e^{-\frac{t-t_2}{\tau}} - V_{sat} \left(1 - e^{-\frac{t-t_2}{\tau}}\right)$$

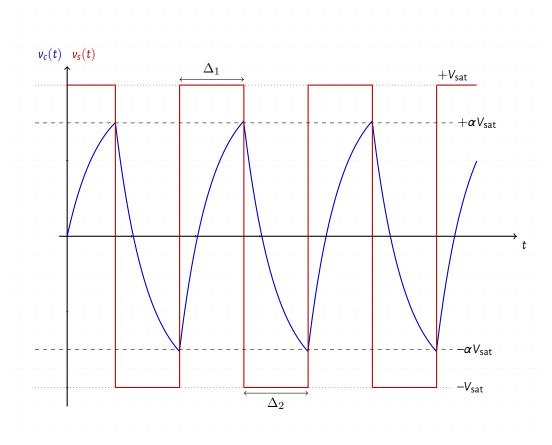
Exercice

- 1. Tracer, sur la même figure, les allures des signaux $v_c(t)$ et $v_s(t)$;
- 2. Déterminer les durées Δ_1 et Δ_2 . En déduire la valeur de la période T.

4 Générateur de fonctions 11

Correction

① On suppose la tension de sortie à cet instant t=0. La borne non inverseuse est portée alors au potentiel $+\alpha V_{sat}$. À l'origine du temps, le condensateur initialement déchargé se met à se charger jusqu'à la valeur $+\alpha V_{sat}$. À ce stade, l'amplificateur voit sa borne inverseuse est portée à un potentiel supérieur à la borne positive. La sortie v_s change d'état en conséquence. Le condensateur se décharge ainsi à travers la résistance R_3 jusqu'à atteindre $-\alpha V_{sat}$. La tension v_s bascule de nouveau vers $+V_{sat}$. Les courbes de la tension capacitive et de la tension de sortie sont présentées par la figure ci-dessous.



2 Durant la charge du condensateur C, la tension à ses bornes s'écrit sous la forme suivante 5:

$$v_c(t) = -\alpha V_{\text{sat}} e^{-\frac{t}{\tau}} + V_{\text{sat}} \left(1 - e^{-\frac{t}{\tau}} \right)$$

On peut établir la relation

$$+\alpha V_{\text{sat}} = -\alpha V_{\text{sat}} e^{-\frac{\Delta_1}{\tau}} + V_{\text{sat}} \left(1 - e^{-\frac{\Delta_1}{\tau}}\right)$$

Soit encore

$$\alpha = -\alpha e^{-\frac{\Delta_1}{\tau}} + \left(1 - e^{-\frac{\Delta_1}{\tau}}\right)$$

$$1 - \alpha = e^{-\frac{\Delta_1}{\tau}} (1 + \alpha)$$

^{5.} Moyennant un changement d'échelle

5 Filtre actif

Il en résulte que

$$\boxed{\Delta_1 = \tau \ln \left(\frac{1+\alpha}{1-\alpha} \right)}.$$

De même, on démontre que

$$\boxed{\Delta_2 = \tau \ln \left(\frac{1+\alpha}{1-\alpha}\right).}$$

En effet, durant la décharge du condensateur, la tension v_c obéit à l'expression

$$v_c(t) = \alpha V_{\text{sat}} e^{-\frac{t}{\tau}} - V_{\text{sat}} \left(1 - e^{-\frac{t}{\tau}} \right)$$

Pour $t = \Delta_2$,

$$-\alpha V_{\text{sat}} = \alpha V_{\text{sat}} e^{-\frac{\Delta_2}{\tau}} - V_{\text{sat}} \left(1 - e^{-\frac{\Delta_2}{\tau}}\right)$$

Après simplification par V_{sat}, on obtient

$$-\alpha = \alpha e^{-\frac{\Delta_1}{\tau}} - \left(1 - e^{-\frac{\Delta_2}{\tau}}\right)$$

$$1 - \alpha = e^{-\frac{\Delta_2}{\tau}} (1 + \alpha)$$

D'où

$$\Delta_2 = \tau \ln \left(\frac{1+\alpha}{1-\alpha} \right)$$

La période d'oscillation de la sortie est égale la somme de Δ_1 et de Δ_2

$$T = \Delta_1 + \Delta_2$$

$$= 2 \tau \ln \left(\frac{1+\alpha}{1-\alpha} \right), \quad \text{avec} \quad \alpha = \frac{R_1}{R_1 + R_2}$$

$$= 2 \tau \ln \left(\frac{2R_1 + R_2}{R_2} \right)$$

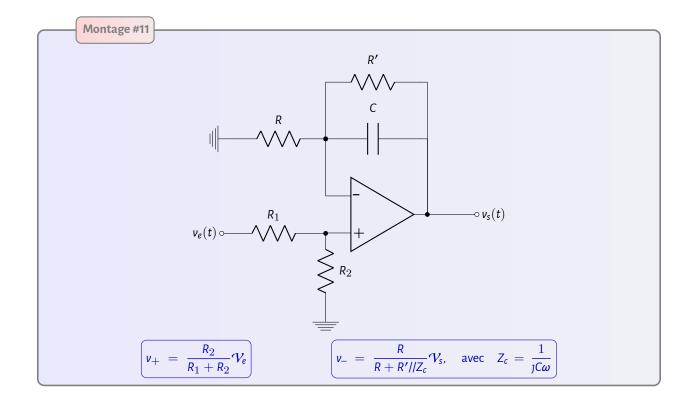
$$= 2 \tau \ln \left(1 + 2 \frac{R_1}{R_2} \right)$$
(12)

5 Filtre actif

Un filtre actif est une forme de circuit analogique mettant en œuvre un filtre électronique utilisant des composants actifs, généralement un amplificateur.

Outre la possibilité de contrôler le gain d'amplification, la présence d'un amplificateur préserve les propriétés du filtre. Elle permet de maintenir les caractéristiques du circuit indépendamment de la charge.

5 Filtre actif 13



Exercice

1. Démontrer que la fonction de transfert harmonique s'écrit comme suit

$$\mathcal{H}(j\omega) = \frac{\mathcal{V}_{s}(j\omega)}{\mathcal{V}_{e}(j\omega)}$$

$$= \frac{R_{2}}{R_{1} + R_{2}} \frac{R + R'}{R} \frac{1 + j \frac{RR'C}{R + R'}\omega}{1 + jR'C\omega}$$
(13)

2. Soit $R'=10 \times R$. Mettre l'expression de ${\cal H}$ comme indiquée par Eq. (14). Identifier ainsi K et au.

$$\mathcal{H}(j\omega) = K \frac{1 + \frac{1}{11} j\tau \omega}{1 + j\tau \omega}.$$
 (14)

3. On pose $R_1=R_2=2.2\,\mathrm{k}\Omega$, $R=10\,\mathrm{k}\Omega$, $R'=100\,\mathrm{k}\Omega$ et $C=10\,\mu$ F. Esquisser les diagrammes de Bode (Gain et phase). Nous rappelons les expressions suivantes :

$$\mathcal{G}_{|_{\mathsf{dB}}} = 20 \mathsf{log}_{10} \left\{ \left| \mathcal{H}(\jmath \omega) \right| \right\} \qquad \mathsf{et} \qquad \underline{/\mathcal{H}(\jmath \omega)} \ = \ \mathsf{atan} \left(\frac{1}{11} \tau \omega \right) - \mathsf{atan} \left(\tau \omega \right)$$

Correction

① AOp idéal en régime linéaire \longrightarrow $\nu_+ = \nu_-$.

$$\begin{array}{rcl} v_{+} & = & v_{-} \\ \frac{R_{2}}{R_{1} + R_{2}} \mathcal{V}_{e} & = & \frac{R}{R + R'/\!/Z_{c}} \mathcal{V}_{s} \end{array}$$

A. Mhamdi

5 Filtre actif 14

Le quotient $\mathcal{H}(\jmath\omega)$ s'écrit

$$\mathcal{H}(j\omega) = \frac{R_2}{R_1 + R_2} \frac{R + \frac{R'Z_c}{R' + Z_c}}{R}$$

$$= \frac{R_2}{R_1 + R_2} \frac{R + \frac{R'}{1 + jR'C\omega}}{R}$$

$$\mathcal{H}(j\omega) = \frac{R_2}{R_1 + R_2} \frac{R + R'}{R} \frac{1 + j\frac{RR'C}{R + R'}\omega}{1 + jR'C\omega}$$

② Dans le cas où $\mathbf{R'}=10\times\mathbf{R}$, la fonction $\mathcal H$ se transforme en

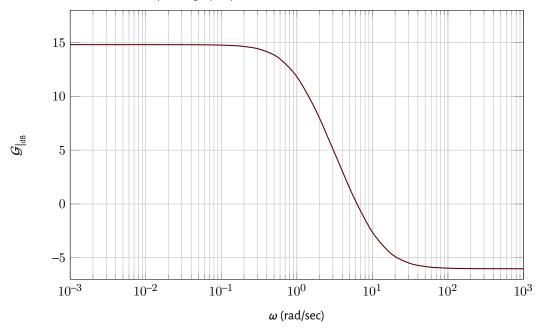
$$\mathcal{H}(j\omega) = 11 \frac{R_2}{R_1 + R_2} \frac{1 + j \frac{1}{11} R' C \omega}{1 + j R' C \omega}$$
$$= K \frac{1 + j \frac{1}{11} \tau \omega}{1 + j \tau \omega},$$

avec

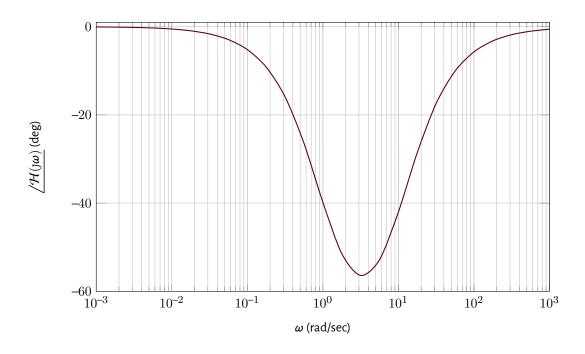
$$K = 11 \frac{R_2}{R_1 + R_2} \quad \text{et} \quad \tau = R'C$$

③ En mettant à jour les termes K et τ , on obtient

Les diagrammes de Bode sont illustrés par les graphiques ci-desous



Références 15



Références

[AB19] ABRAHAM, HENRI et BLOCH, EUGÈNE. "Mesure en valeur absolue des périodes des oscillations électriques de haute fréquence". Dans : Journal de Physique Théorique et Appliquée 9.1 (1919), pp. 211-222. DOI : 10 . 1051 / jphystap : 019190090021100.

[Cla13] G. B. CLAYTON. Operational Amplifiers. Butterworth-Heinemann, 2013.

[Lan75] D. E. LANCASTER. Active-Filter Cookbook. Macmillan Pub Co, 1975.

[Mah17] K. Maher. Electronique: Vol1 Amplificateur Opérationnel et Applications (PU Polytec Rom). PU Polytechniqu, 2017.

[Ras10] M. H. RASHID. Microelectronic Circuits: Analysis & Design. CL Engineering, 2010.