Modélisation des Systèmes Notes de cours avec exercices corrigés ^a

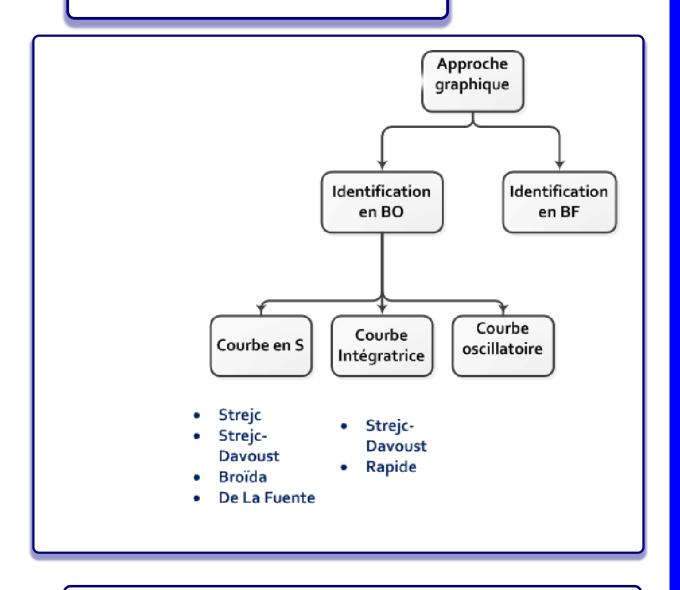
Parcours: L2-S4 (AII)

2020-2021

a. https://github.com/a-mhamdi/isetbz/

Abdelbacet Mhamdi

Dr.-Ing. en GE – Technologue en GE



Dépt. GE - Institut Supérieur des Études Technologiques de Bizerte

À propos

Ce cours s'adresse plus particulièrement aux étudiants de la licence en génie électrique **(L2-S4)**, parcours AUTOMATISMES ET INFORMATIQUE INDUSTRIELLE **(AII)**.

Dans ce cours, nous traiterons essentiellement la modélisation d'un processus qui permet d'exposer les outils nécessaires pour conditionner l'analyse de ses propriétés. Un modèle peut être de type physique (e.g. simulateur), ou de type mathématique (i.e. un ensemble d'équations algébriques ou différentielles).

L'utilité de disposer d'un modèle réside essentiellement dans :

- la connaissance du comportement interne du système physique (modèle de connaissance). Ce dernier est nécessaire avant toute phase de dimensionnement et/ ou construction d'un système industriel;
- la représentation externe ou globale (modèle de représentation). La nécessité d'une telle représentation apparaît surtout pour les raisons de commande d'un système dynamique et de sa surveillance afin de déceler les éventuelles anomalies par rapport à un comportement de référence.

Nous nous intéressons, dans ce module, au problème d'identification. Nous supposons que le modèle à identifier est connu et que ses paramètres sont identifiables. Il s'agit de présenter quelques méthodes graphiques d'identification des systèmes linéaires continus.

FICHE DE L'UNITE D'ENSEIGNEMENT (UE)

	FICHE DE L'OINTE D	LITOL	<u> </u>		-141 (0	<u>-, </u>				
CODE DE L'UE : UEF410	INTITULE DE L'UE : Automatique 2									
DOMAINE : SCIENCES, TECHNOLOGIES ET ÉTUDES TECHNOLOGIQUES										
	Diplôme : Licence MENTION : GÉNIE ELECTR						ELECTRI	ECTRIQUE		
P	ARCOURS : Automatismes et Informatiq u	e Indus	triell	le			SEMESTRE : \$4			
		Vol. Horaire (en h) sur 14 semaines			Crédits	Coeff.	Evaluations			
CODE ECUE	ELEMENTS CONSTITUTIFS DE L'UE (ECUE)	Cours	TD	TP			DC 40%	DS 60%	EC 60%	ES 40%
ECUEF411	Systèmes Echantillonnés	14	7		1.5	0.75	Х	Х		
ECUEF412	Modélisation des Systèmes	14	7		1.5	0.75	Х	Х		
ECUEF413	Atelier Automatique 2			21	1,5	0.75			X	Х
Total			!	21	4,5	2,25				

Code : ECUEF412 Modélisation des systèmes								
OBJECTIFS	•	Comprendre systèmes.	les	principales	techniques	de	modélisation	des

CONTENU

- Modélisation: Modèles de connaissance: équations de bilan, lois de la physique, modèles de comportement (fonctions de transfert continues et discrètes).
- Identification d'un système : objectif de l'identification, méthodes graphiques (par analyse indicielle, essais du lâcher et essais de pompage).
- Représentation d'état continu.
- Représentation d'état discret.

Extension: Bond Graph.

Table des matières

Table des matières

1	Intro	duction		•							
2	Iden	Identification graphique									
	2.1	Analyse de	e courbe en S	•							
		2.1.1 M	éthode de Strejc								
		2.1.2 M	éthode de Strejc-Davoust	2							
		2.1.3 M	éthode de Broïda	2							
		2.1.4 M	éthode de De La Fuente								
		2.1.5 Ca	alcul d'aire								
	2.2		e courbe intégratrice								
			éthode de Strejc-Davoust								
			éthode rapide								
	2.3 Analyse de courbe avec oscillations										
	2.4 Identification en boucle fermée										
	2.5 Applications										
			ourbe en S								
		2.5.2 Id	entification en boucle fermée	17							
3	Conc	lusion		19							

1 Introduction

L'identification d'un système dynamique réel (appelé objet) consiste à proposer une structure entre son entrée et sa sortie (appelé modèle), à partir de la connaissance expérimentale du couple entrée-sortie. Le modèle ainsi trouvé doit, dans son domaine de validité, reproduire un comportement identique à celui du système réel. Le modèle peut être un système physique (système physique équivalent ou modèle réduit) ou bien un système abstrait (modèle mathématique) [HA07]. Dans les applications industrielles, la majorité des lois de commande repose sur l'utilisation des modèles paramétriques décrits par des équations différentielles [Mar95].

Nous nous intéressons au modèle mathématique. Dans ce modèle, les coefficients caractérisant la structure de l'objet sont explicités, ceci en se basant sur un ensemble des méthodes graphiques (On en cite principalement les approches d'analyse de courbe en S, courbe intégratrice et oscillatoire).

2 Identification graphique

L'identification graphique consiste à proposer un modèle mathématique équivalent à un système physique, et cela, à travers des essais expérimentaux menés sur le processus en cours de fonctionnement [Pro97]. La méthode considérée convient alors si l'allure de la réponse présente une forme particulière, courbe en S, intégratrice ou oscillatoire. L'identification peut se faire soit en boucle ouverte soit en boucle fermée.

Les approches basées sur l'analyse des réponses temporelles après injection d'une entrée échelon ont fait l'objet de plusieurs références antérieures telles que [ÅH95; HLC01; Luy90; RK96; Shi96; SPK78]. Les procédures proposées se basent sur l'analyse des points spécifiques caractérisant la réponse indicielle d'un système.

2.1 Analyse de courbe en S

L'ensemble des méthodes, explicitées dans ce paragraphe, peuvent s'appliquer à un système dont la réponse indicielle, représentée par la figure 1, ne présente pas de dépassement.

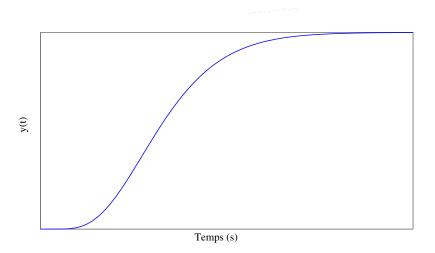


FIGURE 1 – Courbe en S

On se propose dans la suite de décrire de façon exhaustive le principe de chaque méthode.

2.1.1 Méthode de Strejc

Cette méthode décrit le système qui présente un retard par une fonction de transfert de dimension finie.

La fonction de transfert s'écrit sous la forme suivante :

$$H(s) = K \frac{1}{(1+Ts)^n}. \tag{1}$$

Les paramètres à identifier sont donc :

K Gain statique,

T Constante de temps,

n Ordre du système.

Pour identifier le système, la méthode consiste à :

1. Tracer la tangente au point d'inflexion pour déterminer les deux valeurs T_a et T_b . Voir figure 2 pour la détermination de deux constantes.

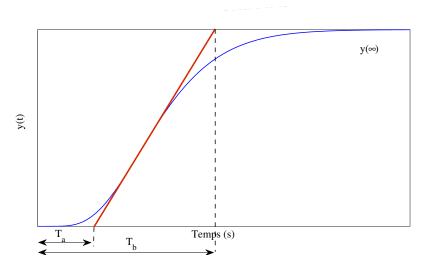


FIGURE 2 – Réponse temporelle d'un système linéaire

2. En se référant au nomogramme de la figure 3, le calcul de $\frac{T_a}{T_b}$ permet de déterminer l'ordre n et en joignant le point correspondant au point caractérisant T_b on en déduit la valeur de T.

2.1.2 Méthode de Strejc-Davoust

Le système étudié sera identifié à la fonction de transfert de la forme suivante :

$$H(s) = K \frac{e^{-\tau s}}{(1+Ts)^n}. \tag{2}$$

Les paramètres à identifier sont donc :

K Gain statique,

T Constante de temps,

 τ Retard,

n Ordre du système.

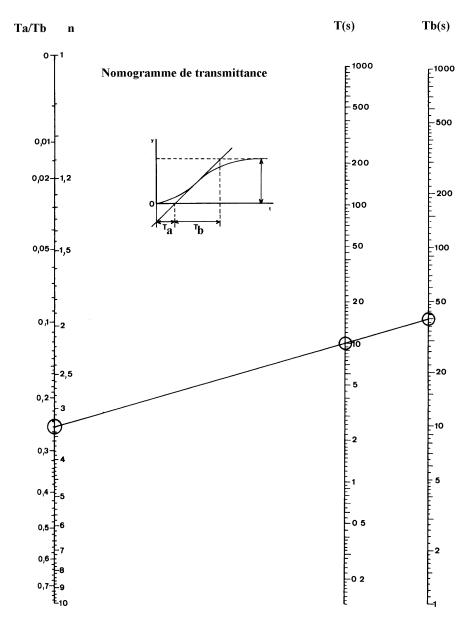


FIGURE 3 – Nomogramme pour modèle de Strejc

On procède d'abord par le tracé de la tangente au point d'inflexion pour déterminer les deux valeurs T_a et T_b , indiquées sur la figure 4.

En se basant sur les mesures de T_a et de T_b , indiquées sur la table 1, on suit les étapes suivantes pour déterminer les paramètres identifiés :

Étape I déterminer *n* de la table à partir de la valeur de $\frac{T_a}{T_b}$,

Étape II déterminer T de la table à partir de la valeur de $\frac{T_b}{T}$,

Étape III déterminer $\tau = T_a - \frac{T_a}{T}_{|_{\mathsf{Table}}} T$.

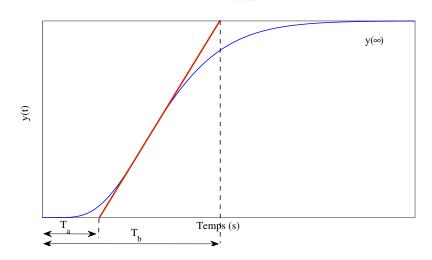


FIGURE 4 – Analyse d'une courbe en S par la méthode de Strejc-Davoust

Ta T_b 1 0 1 0 2 0.28 2.72 0.10 3 0.80 3.70 0.22 4 1.42 4.46 0.32

2.10

2.81

5

TABLE 1 – Tableau pour déterminer le modèle de Strejc-Davoust

5.12

5.70

0.41

0.49

2.1.3 Méthode de Broïda

Le modèle de Broïda consiste à approcher le comportement du système réel par un premier ordre avec un retard.

La fonction de transfert s'écrit sous la forme suivante :

$$H(s) = K \frac{e^{-\tau s}}{1 + Ts}. \tag{3}$$

Les paramètres à identifier sont donc :

K Gain statique,

T Constante de temps,

au Retard.

Le principe diffère par rapport à la méthode de Strejc-Davoust dans le sens où on ne cherche pas à faire coı̈ncider la tangente au point d'inflexion mais plutôt d'ajuster les paramètres T et τ pour que les courbes relatives à la réponse du système et du processus aient deux points communs. Ces points, comme l'indique la figure 5, correspondent à 28% et à 40% de y_{∞} .

La résolution mathématique donne alors :

Constante de temps $T = 5.5(T_b - T_a)$,

Retard $\tau = 2.8 T_a - 1.8 T_b$.

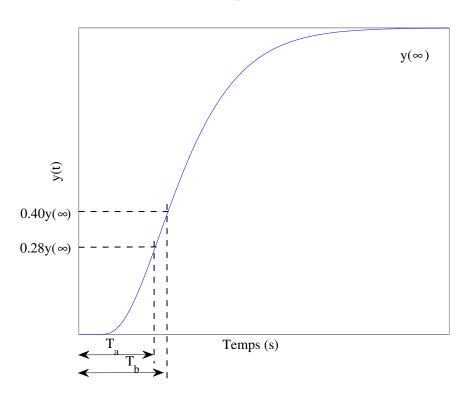


FIGURE 5 – Analyse d'une courbe en S par la méthode de Broïda

2.1.4 Méthode de De La Fuente

La fonction de transfert s'écrit sous la forme suivante :

$$H(s) = K \frac{e^{-\tau s}}{(1+Ts)}. \tag{4}$$

Les paramètres à identifier sont donc :

K Gain statique,

T Constante de temps,

au Retard.

Le principe est identique à celui de la méthode de Broïda, voir figure 6, mais elle diffère dans le choix des deux points communs.

La résolution donne donc :

Constante de temps $T = T_b - T_a$

Retard $\tau = 1.31T_a - 0.31T_b$.

2.1.5 Calcul d'aire

Un ensemble de techniques basées sur l'estimation de l'aire située sous la courbe de la réponse indicielle ont attiré l'attention de recherches extensives [ÅH95; Mar95; Shi96]. Une méthode moins sensible aux bruits est la méthode de calcul d'aire, qui

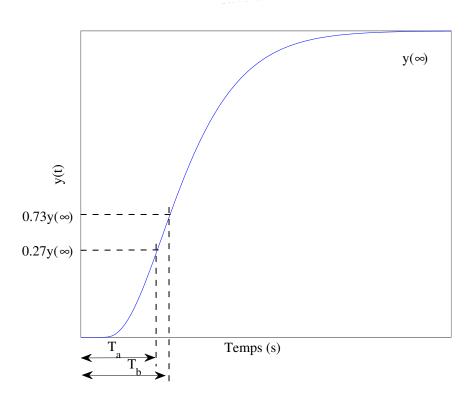


FIGURE 6 – Analyse d'une courbe en S par la méthode de De La Fuente

a été proposée par [ÅH95]. Elle permet d'estimer simultanément le retard et les paramètres d'un système de premier ordre d'entrée u et de sortie y, décrit par une fonction de transfert de la forme suivante :

$$H(s) = \frac{Ke^{-\tau s}}{1 + Ts} \tag{5}$$

où K, T et τ représentent respectivement le gain statique, la constante de temps et le retard.

Comme l'indique la figure 7, le gain K est déterminé à partir du régime permanent et est donné par $\hat{K} = y_{\infty}/u_0$. Pour pouvoir calculer la constante de temps \hat{T} , il est nécessaire de calculer l'aire A_1 comprise entre la réponse du système, l'axe horizontal et la ligne verticale située à $t = T_{ar}$. Le point défini par $t = T_{ar}$ correspond au temps de résidence moyen, il est donné par le ratio de la surface A_0 par la quantité $\hat{K}u_0$. La surface A_0 est délimitée par la sortie y(t), l'axe des ordonnés et la tangente à la

réponse y(t) au régime permanent. Le paramètre \hat{T} est donné par : $\hat{T} = \frac{e^{A_1}}{\hat{K}u_0}$ et le retard $\hat{\tau}$ est déduit à partir de la relation : $\hat{\tau} = T_{av} - \hat{T}$.

Cette méthode est moins-sensible aux bruits hautes fréquences comparée aux autres méthodes graphiques. Néanmoins, la précision des résultats d'identification dépendent principalement du calcul des surfaces A_0 et A_1 . Il est utile alors d'avoir un essai d'expérimentation de durée large qui couvre la partie transitoire et le régime permanent du système. Ainsi, l'identification ne peut avoir lieu que lorsque le système atteint le régime permanent.

2.2 Analyse de courbe intégratrice

Deux méthodes seront explicitées dans ce paragraphe, qui peuvent s'appliquer à un système dont la réponse est variable à une entrée constante, représentée par la figure 8. Elle est dite alors évolutive.

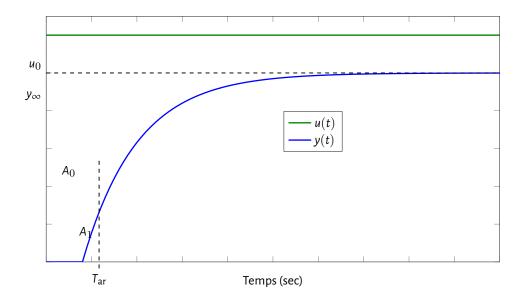


FIGURE 7 – Méthode de calcul d'aire pour une réponse indicielle monotone

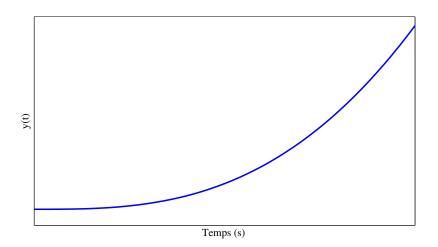


FIGURE 8 – Courbe Intégratrice

2.2.1 Méthode de Strejc-Davoust

La fonction de transfert s'écrit sous la forme suivante :

$$H(s) = K \frac{e^{-\tau s}}{s(1+Ts)^n}. \tag{6}$$

Les paramètres à identifier sont donc :

- K Gain dynamique,
- T Constante de temps,
- τ Retard,
- n Ordre du système.

Pour les déterminer, on procède comme suit :

On trace l'asymptote Δ_1 à la courbe y(t) de la figure 9, Δ_2 est sa parallèle passant par le point A'. La droite A'A est parallèle à l'axe du temps. La droite AC, perpendiculaire à A'A coupe la courbe y(t) en un point B.

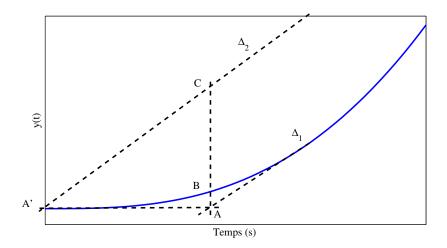


FIGURE 9 – Analyse d'une courbe intégratrice par la méthode de Strejc-Davoust

On calcule d'abord le rapport $\frac{AB}{AC}$. Ce rapport permet de déterminer la valeur de l'indice n à partir de la figure 10 [Pro97].

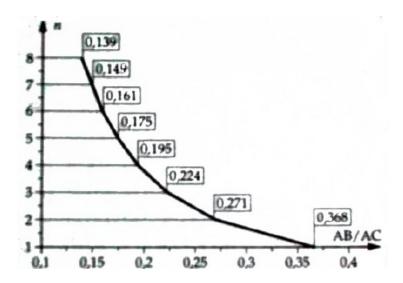


FIGURE 10 – Courbe donnant la valeur de n en fonction du rapport $\frac{AB}{AC}$

Selon la nature de n (entier ou non), on calcule les valeurs de T et de τ :

- Si *n* est entier, la constante de temps est $T = \frac{A'A}{n}$ et le retard τ est nul.
- Si n n'est pas entier, on détermine le nouveau rapport $\frac{AB}{AC}$ qui correspond à la partie entière de n. Puis, on déplace Δ_2 parallèlement à Δ_1 vers Δ_1 afin de garantir ce rapport. La valeur du retard τ correspond à cette translation. Le calcul de T est $A'A = \tau + nT$.

Tandis que le gain dynamique K est donnée par la relation suivante : $K = \frac{AC}{A'A}$

2.2.2 Méthode rapide

La fonction de transfert s'écrit sous la forme suivante :

$$H(s) = K \frac{e^{-\tau s}}{s}. (7)$$

Les paramètres à identifier sont donc :

K Gain dynamique,

au Retard

Le principe d'identification consiste à rapprocher la courbe initiale à une rampe de pente k retardée de τ .

Pour déterminer le temps mort τ , on trace l'asymptote Δ_1 à la courbe y(t) indiquée sur la figure 11. Le retard τ est représenté par A'A. Le gain K correspond au coefficient directeur de la droite Δ_1 [Pro97].

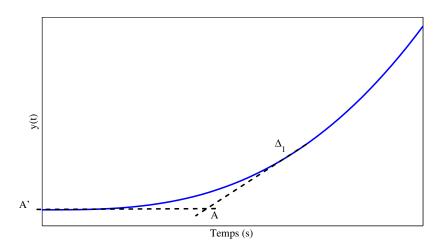


FIGURE 11 – Analyse d'une courbe intégratrice par une méthode rapide

2.3 Analyse de courbe avec oscillations

Lorsque la réponse indicielle d'un système présente des oscillations amorties (Figure 12), il est possible d'envisager une modélisation mathématique par une fonction de transfert de deuxième ordre.

La fonction de transfert s'écrit alors sous la forme suivante :

$$H(s) = \frac{K\omega_0^2 e^{-\tau s}}{\omega_0^2 + 2\zeta\omega_0 s + s^2}.$$
 (8)

Les paramètres à identifier sont donc :

K Gain statique,

ζ Coefficient d'amortissement,

 ω_0 Pulsation propre,

au Retard.

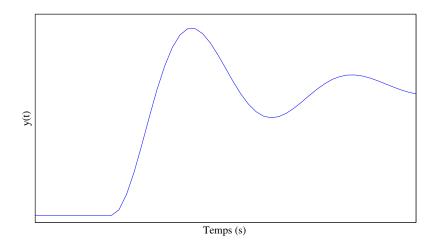


FIGURE 12 - Courbe avec oscillations

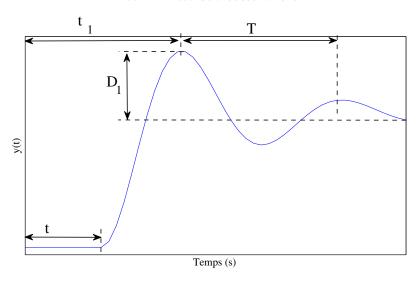


FIGURE 13 – Analyse d'une courbe avec oscillations

Afin de déterminer ces paramètres, on mesure d'abord sur la courbe indiquée sur la figure 13, le premier dépassement D_1 , la pseudo-période T et le temps t_1 qui correspond à D_1 .

On rappelle ci-dessous les relations théoriques du second ordre donnant D_1 et T:

1er Dépassement
$$D_1=e^{-\pi\zeta/\sqrt{1-\zeta^2}}$$
, Pseudo-période $T=rac{2\pi}{\omega_0\sqrt{1-\zeta^2}}$.

À partir de ces deux équations, on peut calculer le coefficient ζ et ω_0 . La mesure de t_1 donne la valeur du retard τ qui vaut $t_1 - \frac{7}{2}$. Le gain K est donné par : $K = \frac{y(\infty)}{E_0}$.

2.4 Identification en boucle fermée

Il est possible dans certains cas d'avoir le procédé bouclé avec un régulateur installé dans sa chaine d'action, il est préférable dans ce cas de procéder par faire l'identification en chaine fermée. Cette méthode présente également un avantage majeur

c'est qu'on n'a pas besoin de mettre le régulateur hors service. L'idée de cette méthode repose sur deux essais : le premier convient pour savoir si le proçédé est naturellement stable et le second essai consiste à ramener le système vers sa limite de stabilité en faisant augmenter le gain du système bouclé jusqu'à l'apparition des oscillations sinusoïdales juste entretenues.

Soit le système bouclé de la figure 14 :

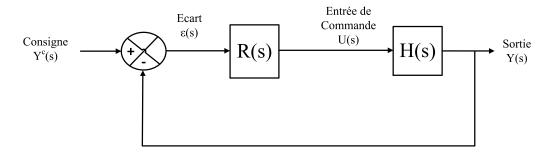


FIGURE 14 – Système en Boucle fermée

Le régulateur est à action proportionnelle avec un gain G_r faible (1 ou 0.5) [Pro97].

▶ 1^{er}essai

On définit la classe d'un système par le nombre d'intégrations que présente sa fonction de transfert.

Le tableau 2 indique l'écart entre l'entrée et la sortie en régime permanent pour deux types d'excitation : échelon et rampe.

_	r recision a arrayaterne asservi inican e c								
	Entrée	Classe du système							
		Classe 0	Classe 1	Classe > 2					
	Échelon	$\varepsilon_p = \frac{E_0}{1 + K}$	$\varepsilon_p = 0$	$\varepsilon_p = 0$					
	Rampe	$arepsilon_{\scriptscriptstyle oldsymbol{arepsilon}} = +\infty$	$\varepsilon_{v} = \frac{a}{\kappa}$	$\varepsilon_v = 0$					

TABLE 2 – Précision d'un système asservi linéaire continu

 $K = G_r G_p$ où G_r est gain de R(s) et G_p est celui du procédé.

L'amplitude d'un échelon est E_0 et la pente d'une rampe est a.

Pour cela, on part du principe suivant : On excite le système par un échelon d'amplitude E_0 :

- Si la mesure ne rejoint pas la consigne, il reste alors en régime permanent un écart de position qui vaut $\varepsilon_p = \frac{E_0}{1+K}$. Le procédé étudié est de classe 0 et de gain statique $G_p = \frac{K}{G_p}$.
- Si la mesure rejoint la consigne, le procédé étudié présente des intégrations. Pour savoir le nombre d'intégrations, on peut introduire une rampe de pente *a*.
 - Si la mesure ne rejoint pas la consigne, il reste alors en régime permanent un écart de traînage qui vaut $\varepsilon_{\nu} = \frac{a}{K}$, le procédé étudié est de classe 1 et de gain $G_p = \frac{a}{\varepsilon G_{\nu}}$.
 - Il y'à plus qu'une intégration si l'écart ε est nul.
- ▶ 2^{ème} essai

On augmente progressivement la valeur du gain G_r du régulateur et on impose à chaque fois une perturbation qu'on maintient pour courte durée. Puis, on l'annule, c'est à dire, qu'on remet de nouveau la consigne à sa valeur initiale. On continue l'expérience jusqu'à la mise du procédé en oscillation juste entretenue. Le signal de sortie est représenté sur la figure 15.

La valeur du gain qui permet d'avoir une sortie harmonique est appelée gain critique, on la note G_{rc} .

Soit T_{osc} la période d'oscillation.

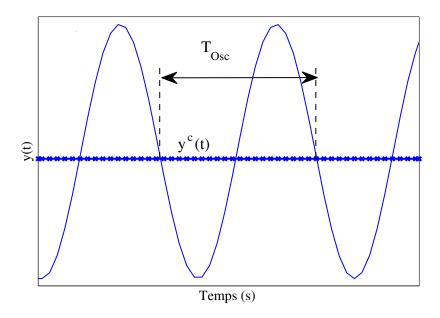


FIGURE 15 – Sortie en oscillation juste entretenue

Pour avoir le phénomène de pompage, il faut que le lieu de Nyquist de la fonction de transfert en boucle ouverte coı̈ncide avec le point (-1,0), c'est à dire que les deux conditions suivantes sont alors vérifiées :

$$\left|G_{rc}H(j\omega_{osc})\right| = 1$$
 et $\left/G_{rc}H(j\omega_{osc})\right| = -\pi$

À partir de deux conditions citées précédemment, Broïda proposa un modèle, s'appliquant à un système naturellement stable de gain statique G_p , dont la fonction de transfert est la suivante :

$$H(s) = \frac{Ke^{-\tau s}}{1 + \tau s},\tag{9}$$

avec:

K Gain statique.

T Constante de temps,

au Retard.

La résolution donne les paramètres estimés suivants :

$$\begin{split} &\textit{K} = \textit{G}_{\textit{p}}\text{,} \\ &\textit{T} = \frac{\textit{T}_{\textit{osc}}}{2\pi}\sqrt{(\textit{G}_{\textit{rc}}\textit{G}_{\textit{p}})^2 - 1}\text{,} \\ &\tau = \frac{\textit{T}_{\textit{osc}}}{2\pi}[\pi - \arctan(\sqrt{(\textit{G}_{\textit{rc}}\textit{G}_{\textit{p}})^2 - 1}])\text{.} \end{split}$$

2.5 Applications

2.5.1 Courbe en S

L'objectif de cette partie est de tester les méthodes citées précédemment. Pour cela, on part d'un système initial représenté par la fonction de transfert suivante :

$$H(s) = \frac{S(s)}{E(s)}$$

$$= \frac{100}{(s+4)(s+5)(s+1)}.$$
(10)

La réponse de ce système suite à une excitation indicielle unitaire est donnée par la figure 16 :

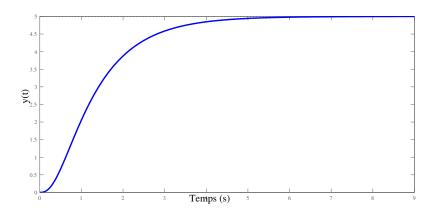


FIGURE 16 – Réponse indicielle du système de départ

Le gain statique est mesuré directement sur la courbe de sortie : K = 5.

On cherche par la suite à établir les modèles équivalents selon les différentes méthodes qu'on à déjà cité.

Modèle de Strejc On rappelle ici le modèle équivalent de Strejc :

$$H(s) = \frac{K}{(1+Ts)^n}. \tag{11}$$

On trouve:

 $T_a = 0.27 \sec \text{et } T_b = 2.01 \sec.$

En se référant à la sous-sous section 2.1.1, on détermine les valeurs des paramètres de l'équation 11. Il s'agit d'un système de second ordre avec une constante de temps *T* égale à $0.7 \sec$. La réponse du système identifié est représentée sur la figure 18.

Modèle de Strejc-Davoust On rappelle ici le modèle équivalent de Strejc-Davoust :

$$H(s) = \frac{Ke^{-\tau s}}{(1+Ts)^n}.$$
 (12)

 $T_q = 0.27 \sec$

 $T_h = 2.01 \sec$

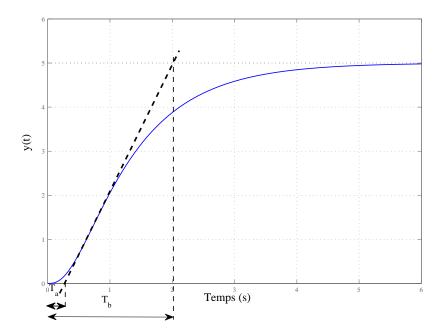


FIGURE 17 – Analyse de la réponse initiale par méthode de Strejc

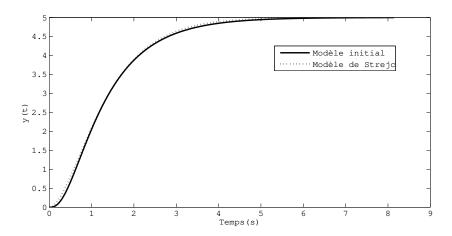


FIGURE 18 – Réponse du système initial et du système identifié

En se référant à la sous-sous section 2.1.2, on détermine les valeurs des paramètres de l'équation 12. Il s'agit d'un système de second ordre avec une constante de temps T égale à $0.73~{\rm sec}$ et un retard $\tau=0.0665~{\rm sec}$. La réponse du système identifié est représentée sur la figure 20.

Modèle de Broïda On rappelle ici le modèle équivalent de Broïda :

$$H(s) = \frac{Ke^{-\tau s}}{1+Ts}.$$
 (13)

On trouve:

 $T_a = 0.78 \sec \text{et } T_b = 0.98 \sec.$

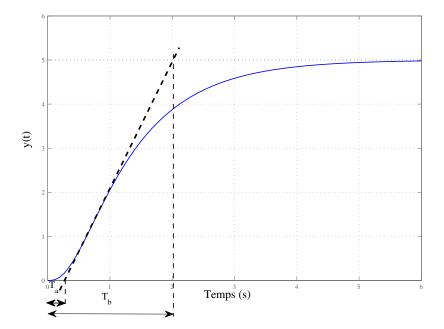


FIGURE 19 – Analyse de la réponse initiale par méthode de Strejc-Davoust

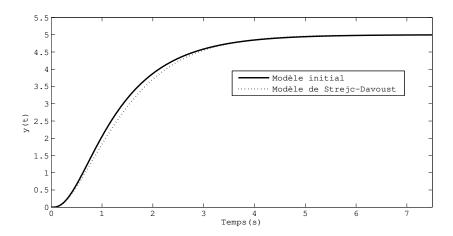


FIGURE 20 – Réponse du système initial et du système identifié

En se référant à la sous-sous section 2.1.3, on détermine les valeurs des paramètres de l'équation 13. Il s'agit d'un système de premier ordre avec une constante de temps $T=5.5\times (T_b-T_a)=1.1\,\mathrm{sec}$ et un retard $\tau=2.8\times T_a-1.8\times T_b=0.42\,\mathrm{sec}$. La figure 22 donne les courbes de réponse du système réel et du modèle de Broïda.

La concordance des deux points qui correspondent à 28% et à 40% est bien vérifiée.

Modèle de De La Fuente On rappelle ici le modèle équivalent de La Fuente :

$$H(s) = \frac{Ke^{-\tau s}}{1+Ts}.$$
 (14)

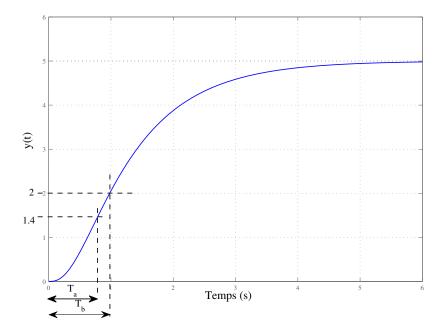


FIGURE 21 – Analyse de la réponse initiale par méthode de Broida

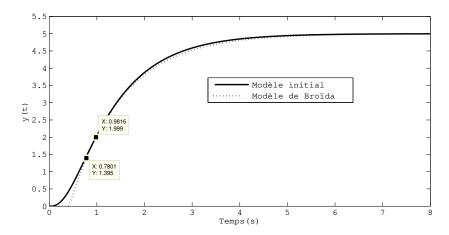


FIGURE 22 – Réponse réelle approchée par modèle de Broïda

On trouve : $T_a = 0.75 \sec \text{ et } T_b = 1.75 \sec$.

En se référant à la sous-sous section 2.1.4, on détermine les valeurs des paramètres de l'équation 14 :

$$T = T_b - T_a = 1 \operatorname{sec}$$
,

$$\tau = 1.31 \times T_a - 0.31 \times T_b = 0.44 \, \mathrm{sec.}$$

La figure 24 donne les courbes de réponse du système réel et du modèle de De La Fuente. La concordance des deux points qui correspondent à 27% et à 73% est bien vérifiée.

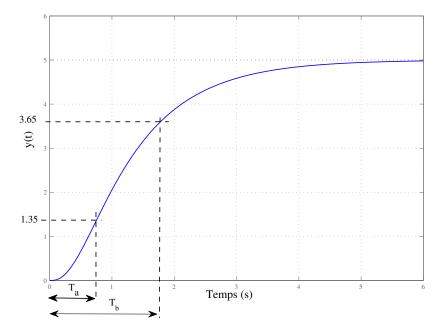


FIGURE 23 – Analyse de la réponse initiale par méthode de De La Fuente

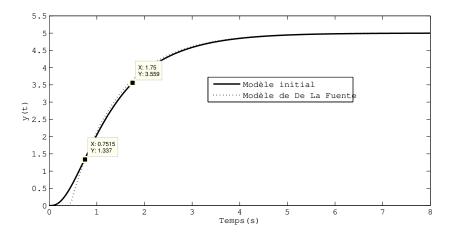


FIGURE 24 – Réponse réelle approchée par modèle de De La Fuente

2.5.2 Identification en boucle fermée

On considère un système de deuxième ordre à numérateur non constant, décrit par la fonction de transfert suivante :

$$H(s) = \frac{-0.1(s-1)}{(1+0.5s)^2}.$$
 (15)

Ce système est mis en boucle fermée à retour unitaire, comme l'indique la figure 25, avec un correcteur où on supprime les actions dérivées ou intégrales du correcteur.

On procède par appliquer une entrée indicielle d'amplitude $E_0=10$, et on choisit un gain du régulateur $G_r=1$. La figure 26 représente la réponse du système.

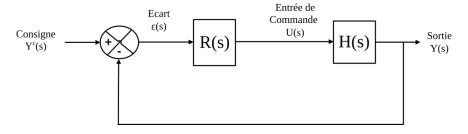


FIGURE 25 – Système en BF

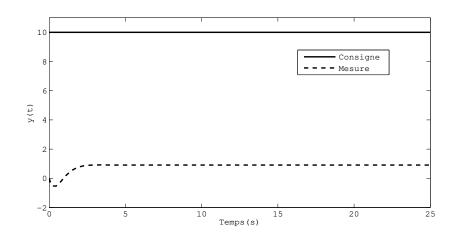


FIGURE 26 – Réponse du système suite à une excitation indicielle

On remarque que la sortie ne rejoint pas la consigne, il reste un écart en régime permanent qui vaut $\varepsilon_{\rm s}=9.07$. Le système est donc de classe 0, il ne présente pas d'intégration. Ce procédé possède donc un gain statique $G_p=\frac{\frac{E_0}{\varepsilon_{\rm s}}-1}{G_r}=0.102$.

On change par la suite le gain du régulateur G_r de façon à avoir des oscillations juste entretenues, on note alors la valeur du gain critique : $G_{rc}=10$. Les oscillations de la sortie sont indiquées sur la figure 27 avec une période $T_{osc}=2.228\,{\rm sec}$.

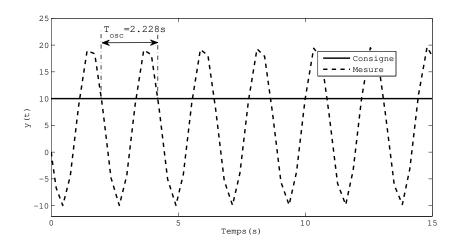


FIGURE 27 – Sortie en oscillations juste entretenues

L'objectif est d'identifier le système par un modèle de Broïda qui satisfait l'équation 16 :

Références 19

$$H(s) = \frac{Ke^{-\tau s}}{(1+Ts)}.$$

Les paramètres à déterminer sont donc :

•
$$K = G_p = 0.102$$

•
$$au = rac{ extsf{T}_{
m OSC}}{2\pi} \sqrt{(extsf{G}_{
m P})^2 - 1}$$

•
$$T = \frac{T_{osc}}{2}(1 - \frac{1}{\pi}\arctan(2\pi \frac{\tau}{T_{osc}}))$$

La figure 28 donne les courbes de réponse du système réel et du modèle de Broïda.

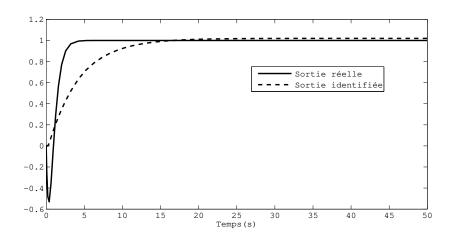


FIGURE 28 – Tracés des courbes indicielles du système et du modèle de Broïda

3 Conclusion

Il résulte d'après ce qui précède qu'il n'y'à pas un modèle unique pour modéliser un système linéaire invariant dans le temps. L'ensemble des méthodes proposées ne permet pas de déterminer les valeurs des paramètres mais il permet de proposer une structure entre la sortie et une entrée indicielle.

Ces approches graphiques opèrent hors-ligne et nécessitent des signaux de grandes amplitudes. Certes, une grande amplitude du signal d'entrée peut mener à une bonne analyse de la réponse transitoire. Ceci cependant est soumis à des contraintes d'exploitation pratique du processus. En outre, cette contrainte peut paraître gênante pour les systèmes de dynamique faible ou présentant de longs temps morts. Parallèlement, les méthodes précédemment mentionnées échouent en présence du bruit ou des charges externes inattendues, puisqu'il est difficile de déterminer avec précision si le processus a atteint son régime permanent.

Références

[ÅHO6] K. J. ÅSTRÖM et T. HÄGGLUND. Advanced PID control. International Society of Automation, 2006.

[ÅH84] K. J. ÅSTRÖM et T. HÄGGLUND. "Automatic tuning of simple regulators with specifications on phase and amplitude margins". Dans: *Automatica* 20.5 (sept. 1984), pp. 645-651. DOI: 10.1016/0005-1098 (84) 90014-1.

[ÅH95] K. J. ÅSTRÖM et T. HÄGGLUND. PID controllers: Theory, design, and tuning. ISA: The Instrumentation, Systems, and Automation Society, 1995 (cf. p. 1, 5, 6).

[AriO9] Y. Ariba. Sur la stabilité des systèmes à retards variant dans le temps : théorie et application au contrôle de congestion d'un routeur. Université Toulouse 3 Paul Sabatier (UT3 Paul Sabatier) : Thèse, 2009.

Références 20

- [ÅW89] K. J. ÅSTRÖM et B. WITTENMARK. Adaptive control. New York: Addison Wesley, 1989.
- [BC93] F. BENHAMOU et A. COLMERAUER, éd. Constraint Logic programming, Selected Research. MIT Press, 1993.
- [Bel06] L. Belkoura. Systèmes à retards : Identifiabilité et Identification. Douz, Tunisie : Ecole d'Automne d'Automatique de Douz, EAA'06, 2006.
- [Bel07a] L. Belkoura. *Introduction aux distributions*. Djerba, Tunisie: L'Ecole d'Hiver: Maths pour la recherche et le développement, 2007.
- [Bel07b] L. Belkoura. *Une introduction aux distributions*. Djerba, Tunisie : Ecole d'hiver Maths pour la Recherche et le Développement, 2007.
- [BLO2] E. BOUKAS et Z. LIU. Deterministic and Stochastic Time Delay Systems. Control Engineering. Birkhäuser, 2002.
- [BR06] L. Belkoura et J.-P. Richard. "A distribution framework for the fast identification of linear systems with delays".

 Dans: In 6th IFAC Workshop on Time Delay System (2006).
- [BRF08] L. Belkoura, J.-P. Richard et M. Fliess. "A convolution approach for delay systems identification". Dans: 17th IFAC World Congress, Séoul, Corée (2008).
- [BRF09] L. Belkoura, J.-P. Richard et M. Fliess. "Parameters estimation of systems with delayed and structured entries". Dans: Automatica 45: 1117-1125 (2009).
- [C.80] B. C. The long history of continued fractions and Padé proximants. Springer-Verlag, 1980.
- [Dam94] M. DAMBRINE. Contribution à l'étude de la stabilité des systèmes à retards. Université des Sciences et Technologies de Lille: Thèse, 1994.
- [DL05] M. DI LORETO. Analyse des systèmes à retards: Application du calcul par intervalles. Ecole Centrale de Nantes, Université de Nantes, Ecole des Mines de Nantes, 44321 Nantes, France: Conférence: GDR Méthodes Ensemblistes pour l'Automatique, 2005.
- [FF96] J. M. FERNANDES et A. R. FERREIRA. "An all-pass approximation to time delay". Dans: UKACC International Conference on CONTROL'96: 1208-1213 (1996).
- [FSR03] M. FLIESS et H. SIRA-RAMIREZ. "An algebraic framework for linear identification". Dans: ESAIM Control, Optimization ans Calculus of Variations, 9 (2003).
- [HA07] A. HADJ ABDELKADER. *Identification des systèmes linéaires*. Université ABOU BEKR BELKAID-Tlemcen, Faculté de Technologie, 2007 (cf. p. 1).
- [HLC01] H.-P. HUANG, M.-W. LEE et C.-L. CHEN. "A system of procedures for identification of simple models using transient step response". Dans: Industrial & Engineering Chemistry Research 40.8 (avr. 2001), pp. 1903-1915. DOI: 10.1021/ie0005001 (cf. p. 1).
- [Luy90] W. L. M. LUYBEN. Process modeling, simulation and control for chemical engineers. McGraw-Hill, juin 1990 (cf. p. 1).
- [Mar95] T. E. MARLIN. Process control. Designing processes and control system for dynamic performance. New York: McGraw-Hill, 1995. DOI: 10.1016/s0959-1524(96)90017-7 (cf. p. 1, 5).
- [Mor11] F. MORGAN. Time Delay. Xlibris Corporation, 2011.
- [Mun05] T. MUNTEAN. Puces très performantes. Terres du futur, Les Editions UNESCO. Paris: Hatier, 2005.
- [NGO4] S. NICULESCU et K. Gu. Advances In Time-delay Systems. Lecture Notes in Computational Science and Engineering. Springer-Verlag, 2004.
- [Par03] S. A. R. PAREDES. Stabilité des systèmes à retard de type neutre. Institut National Polytechnique de Grenoble : Thèse, 2003.
- [Pro97] P. Prouvost. Contrôle régulation. 9 rue Méchain, 75014 Paris: NATHAN Technique, 1997 (cf. p. 1, 8, 9, 11).
- [Ren+05] X. REN et al. "On line identification of continuous time systems with unknown time delay". Dans: IEEE Tac, 50(9): 1418-1422 (2005).
- [RicO3] J.-P. RICHARD. "Time-delay systems: an overview of some recent advances and open problems". Dans: *Automatica* 39:1667-1694 (2003).
- [Ric06] J.-P. RICHARD. *Une introduction aux particularités et généralités des systèmes à retards*. Douz, Tunisie : Ecole d'Automne d'Automatique : La commande numérique des procédés industriels, 2006.
- [Ric07] J.-P. RICHARD. Equations différentielles à retards. Djerba, Tunisie : L'Ecole d'Hiver : Maths pour la recherche et le développement, 2007.
- [Ric98] J.-P. RICHARD. Delay Systems. Mathematics and computers in simulation. Elsevier, 1998.
- [RK96] G. P. RANGAIAH et P. R. KRISHNASWAMY. "Estimating second-order dead time parameters from underdamped process transients". Dans: Chemical Engineering Science 51.7 (avr. 1996), pp. 1149-1155. DOI: 10.1016/s0009-2509(96)80013-3 (cf. p. 1).
- [Rod78] F. RODDIER. Distributions et transformation de Fourier. 28, rue Beaunier, 75014 Paris : Ediscience International, 1978.
- [Sch66] L. Schwartz. Théorie des distributions. Hermann, Paris : 2nd ed, 1966.

Références 21

[Seu06] A. SEURET. Commande et observation des systèmes à retards variables : théorie et applications. Université des Sciences et Technologies de Lille et École Centrale de Lille : Thèse, 2006.

- [Shi96] F. G. SHINSKEY. Process control systems: Application, design, and tuning. McGraw-Hill Professional, 1996 (cf. p. 1, 5).
- [Smy98] G. Smyth. *Polynomial approximation*. Encyclopedia of Biostatistics, 1998.
- [SPK78] K. R. Sundaresan, C. C. Prasad et P. R. Krishnaswamy. "Evaluating parameters from process transients". Dans: Industrial & Engineering Chemistry Process Design and Development 17.3 (juil. 1978), pp. 237-241. DOI: 10.1021/i260067a004 (cf. p. 1).
- [ViaO9] G. VIAL. Etude d'un système chimique à retard. ENS Cachan Bretagne: Agrégation externe de mathématiques, 2009.
- [Yam84] Y. YAMAMOTO. "A note on linear input/output maps of boundedtype". Dans: IEEE Transactions on Automatic Control, 29: 733-734 (1984).
- [Yeg06] N. YEGANEFAR. Définitions et analyse de stabilités pour les systèmes à retard non linéaires. Université des Sciences et Technologies de Lille et l'école Centrale de Lille : Thèse, 2006.
- [Zho06] Q.-C. ZHONG. Robust Control of Time-delay Systems. London: Springer Verlag, 2006.