

※本資料は課題の理解を助けるための資料であり、  
厳密な説明ではない部分がある。

優先発展課題 ♪

# 第5回 音声処理実験 SP-3

最適経路探索を応用した単語音声認識

25

25

## SP-3 目次

優先発展課題 ♪

**5-1**  
時系列データに適した  
距離計算方法の検討

↑  
5-1  
5-2  
5-3

27

**5-2**  
動的計画法による  
スペクトル距離

↑  
5-1  
5-2  
5-3

37

**5-3**  
マッチング関数の  
“探索”問題

↑  
5-1  
5-2  
5-3

43

26

26

# 5-1 時系列データに適した 距離計算方法の検討



5-1

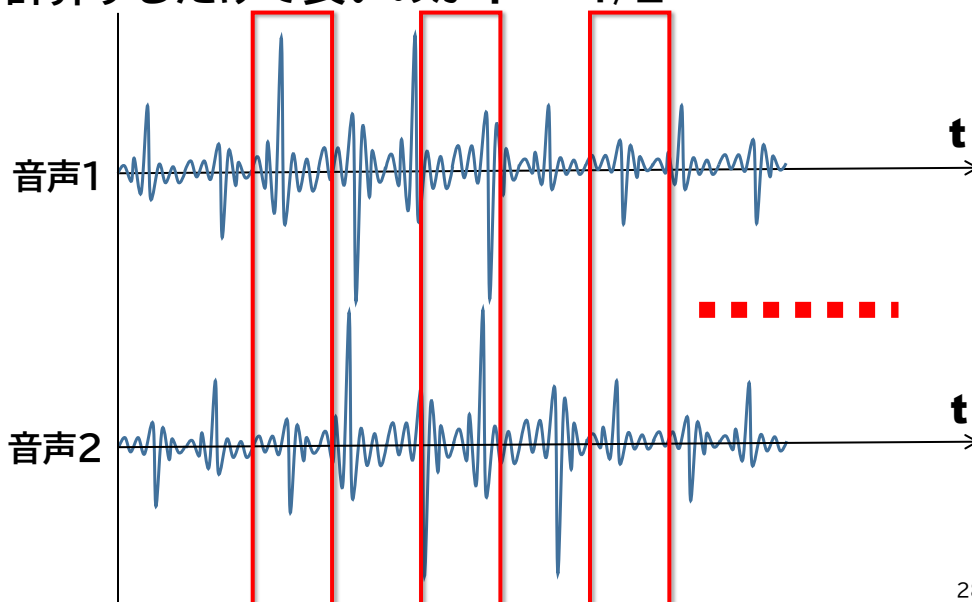
5-2

5-3

27

27

フレームごとにスペクトル距離を  
計算するだけで良いのか？ … 1/2



28

28

## フレームごとにスペクトル距離を 計算するだけで良いのか？ … 2/2

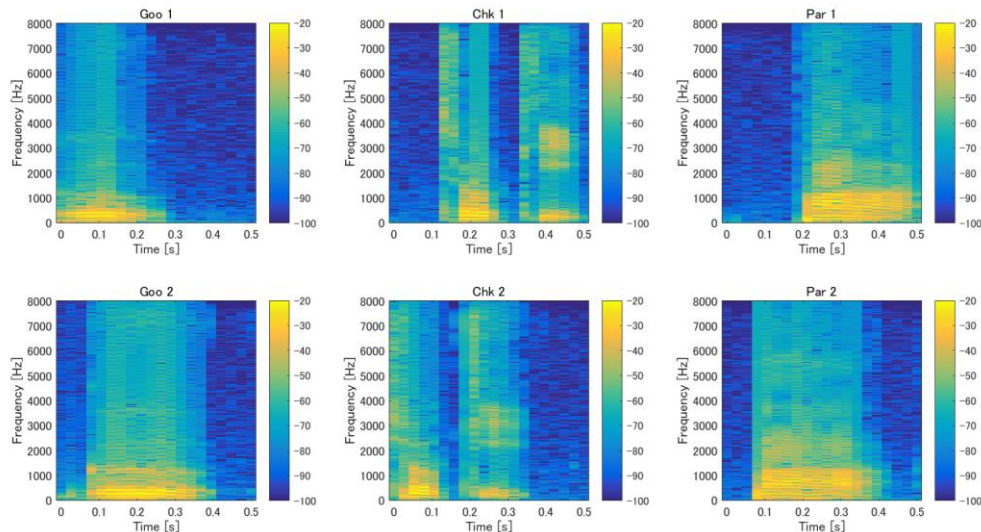


Figure: じゃんけん音声のスペクトログラム

29

29

## ずれているものをどう比較する？

### 案1 統計量を代表値として比較する

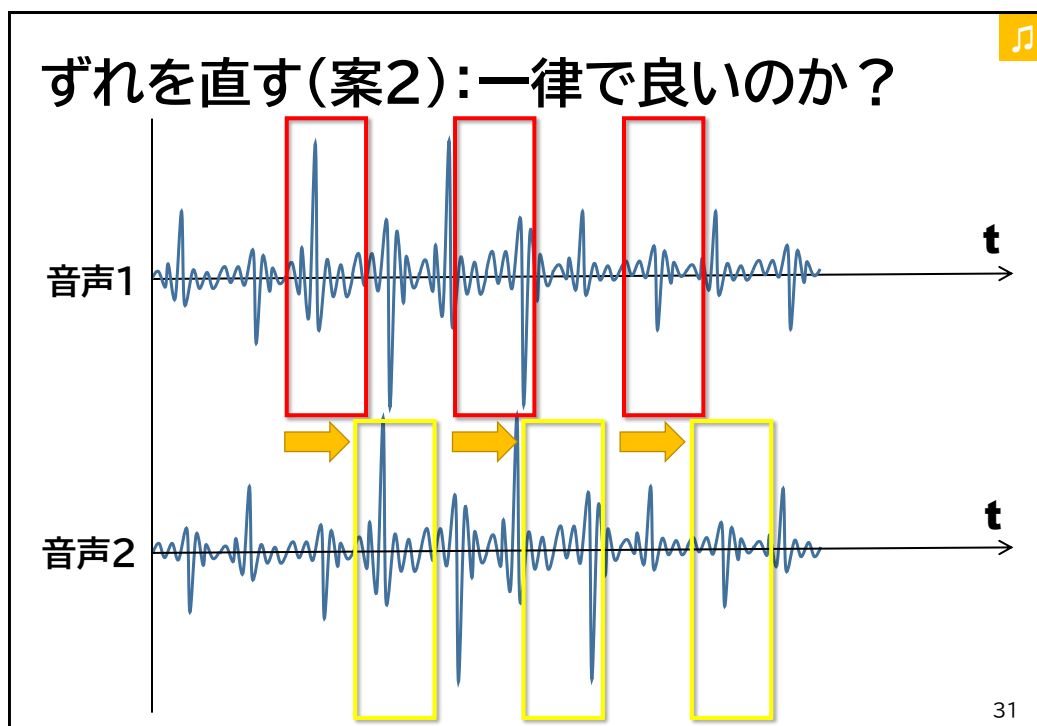
- 例: 合計値, 平均値, 分散, etc.
- ➔ 波形全体のパワースペクトルを用いる手法と本質的には変わらないのでは？

### 案2 ずれを直して比較する

- 例: 画像処理の移動・回転・拡大 (アフィン変換)
- ➔ 音声信号も線形変換(写像)をすれば良いのか？

30

30



31

参考

## 例題5-1:発話速度の影響

■ ゆっくりしゃべった場合と早くしゃべった場合で、スペクトログラムはどのように変化するか？

- 第3回(SP-1)の日報でおこなっているかもしれない
- 実施していない場合は、実際に録音して観察し、その違いについて考察してみるとよい

■ 例えば、

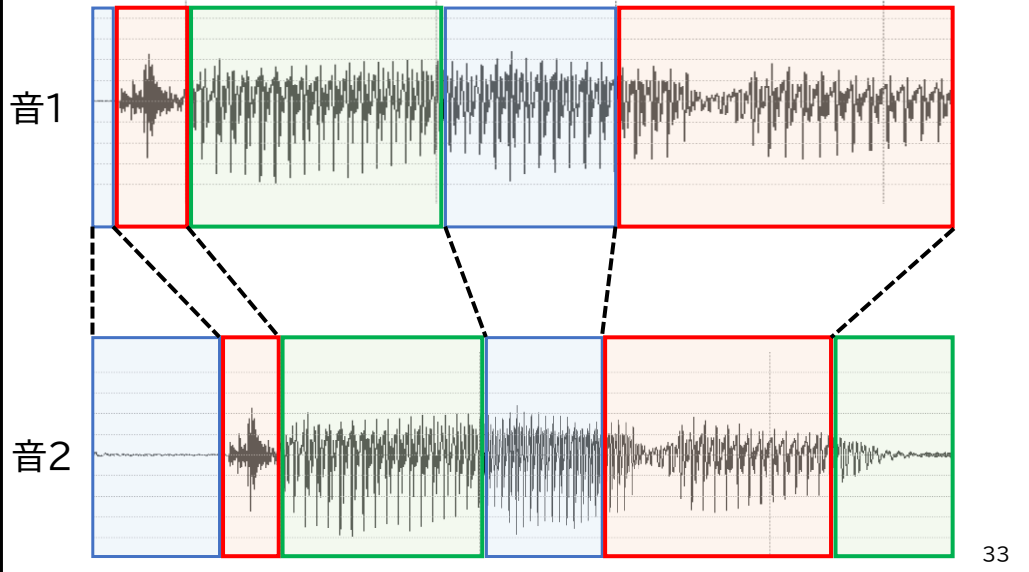
- 「かわいい」
- 「カーわーいーいー」
- 「かわいー」      などの違いをしてみる。

32

32

## 時系列信号の**非線形**伸縮 … 1/2

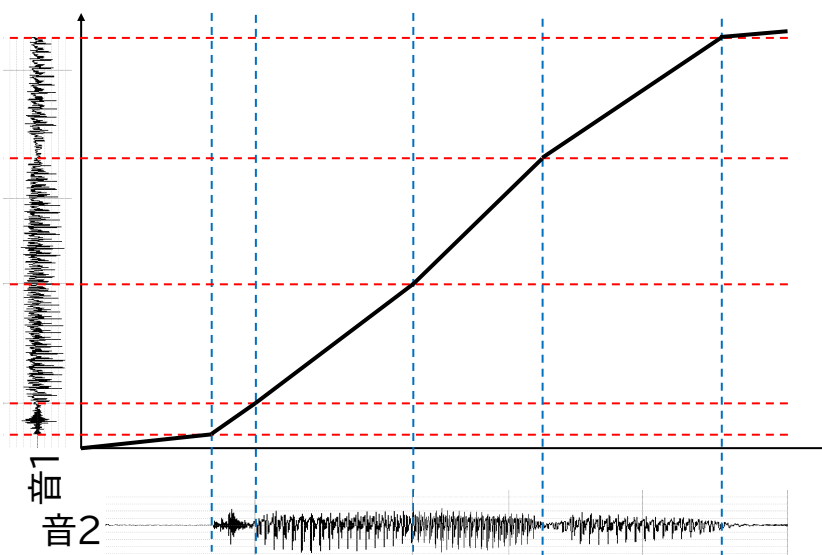
※この説明では時間波形を示しているが、**実際はスペクトログラムを伸縮する**



33

## 時系列信号の**非線形**伸縮 … 2/2

音2から音1への写像(関数)



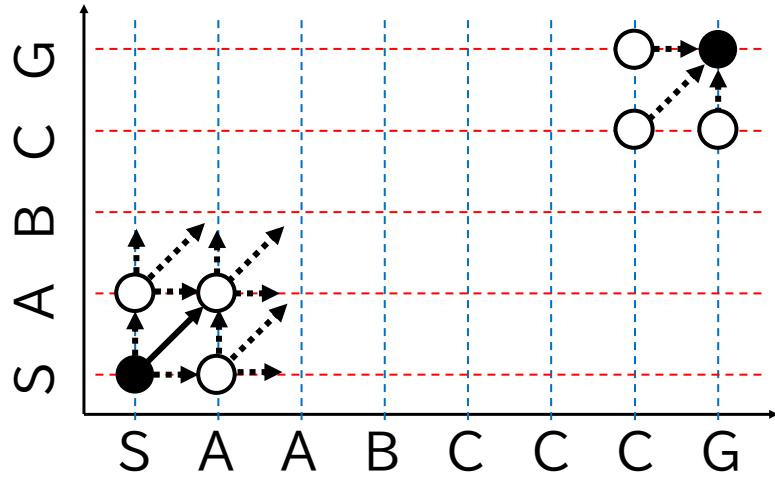
34

34

## 例題5-2: 非線形伸縮関数の作成

コスト最小で左下(S,S)から右上(G,G)を線で結びなさい。

- ・ ある点からは「右」「上」「右上」にしか移動できない。
- ・ 異なる文字が交わる点では高いコストを支払う必要がある。

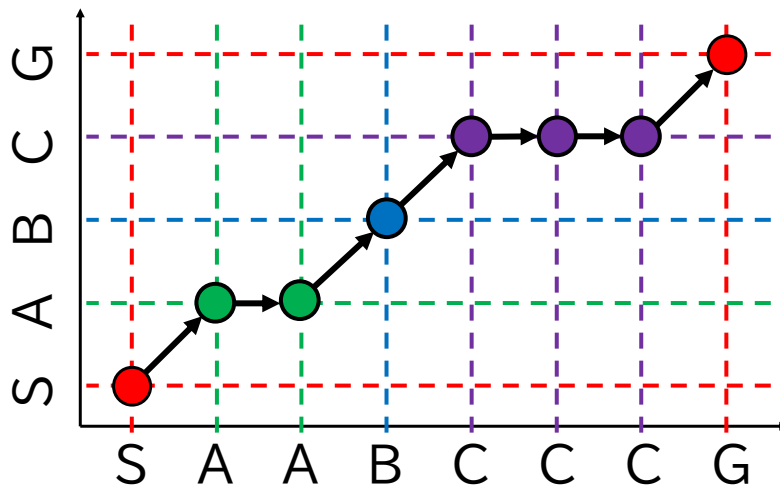


35

35

## 例題5-2: 非線形伸縮関数の作成

解答例



36

36

## 5-2 動的計画法による スペクトル距離



5-1

5-2

5-3

37

37

### 動的計画法によるスペクトル距離 1/2

- 音声  $x$  と音声  $z$  で各々の時間をずらしながら比較すべきフレームを選びつつ, スペクトル距離を計算
  - $x$  の時間軸を基準に対応する  $z$  のフレームを合わせていく

- マッチング関数  $\check{m}$ :  $x$  のフレーム  $n$  から  $z$  のフレーム  $m$  へ写像

$$m = \check{m}(n)$$

- $x$  のフレーム  $n$  と  $z$  のフレーム  $m$  の間のスペクトル距離

$$d(n, m) \geq 0, \text{ where, } 1 \leq n \leq N, 1 \leq m \leq M$$

- 2音声間の距離: 対応後の距離の総和の最小値

$$D(x \parallel z) \triangleq \min_{\check{m}(\cdot)} \sum_{n=1}^N d(n, \check{m}(n))$$

38

38

## 動的計画法によるスペクトル距離 2/2

### ■ 解くべき問題は何か？

➔ マッチング関数  $\check{m}(\cdot)$  に対する最小化が必要

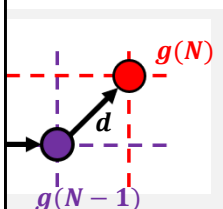
$$\min_{\check{m}(\cdot)} \sum_{n=1}^N d(n, \check{m}(n))$$

もう少し丁寧に書くと,

$$\min_{\check{m}(1), \dots, \check{m}(N)} \sum_{n=1}^N d(n, \check{m}(n))$$

### ■ 再帰的な解法

$$g(N) = \min_{\check{m}(\cdot)} \sum_{n=1}^N d(n, \check{m}(n))$$



$$= \min_{\check{m}(1), \dots, \check{m}(N-1)} g(N-1) + d(n, \check{m}(N))$$

※ 直前の結果が無ければ前をたどっていく

39

39

## 参考

## 動的計画法によるマッチング

### ■ さまざまな定式化が知られている

- Dynamic Time Warping (DTW)
- DPマッチング ※DP: Dynamic Programming (動的計画法)

### ■ 動的計画法の概要

- 部分問題を解いて、より大きな問題を解く
  - 分割統治法(例:クイックソート)に類似
- 直前の結果を再利用する
  - 直前の結果が自明ではないなら、直前の結果を計算
  - プログラミングでいえば再帰構造(cf. 再帰はスタック)

※ 参考書「アルゴリズム論」8.3節 動的計画法

40

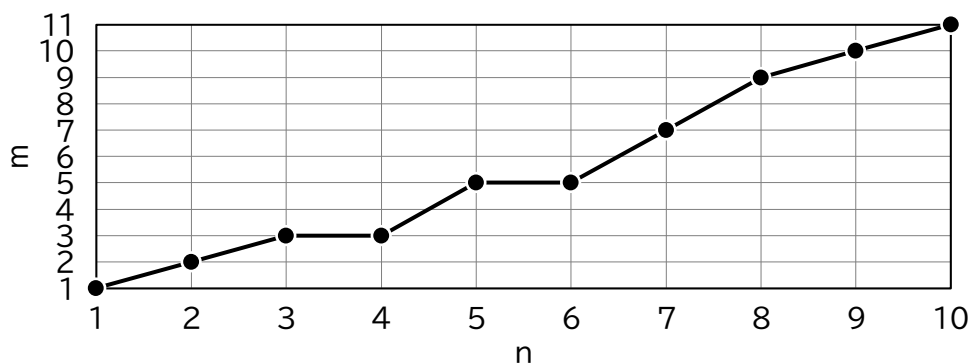
40



## $m = \check{m}(n)$ の例

音声という“事前知識”を制約として利用

- 逆戻りするような対応は不要 → 単調増加関数で良い
- 極端なスキップは避けたい → 傾斜制限をつける

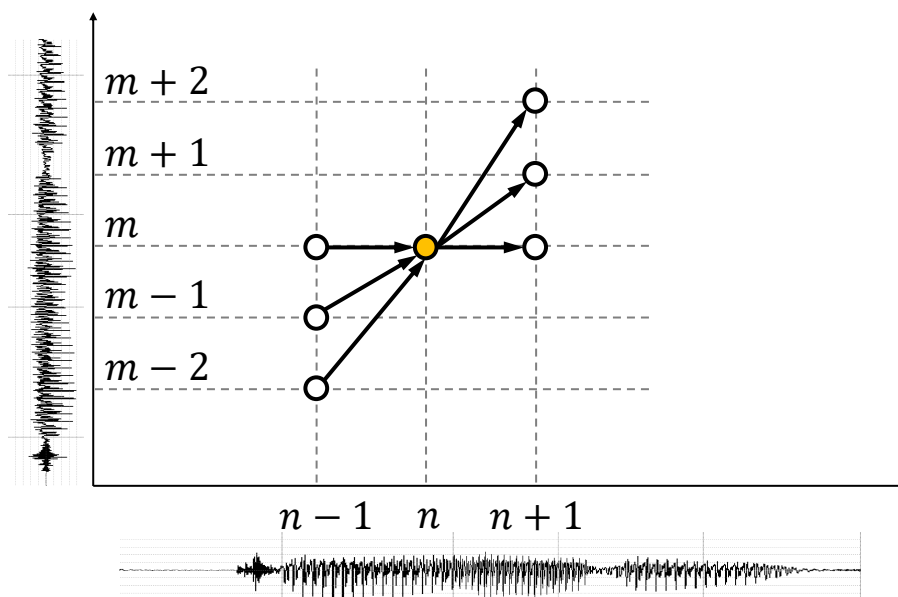


参考『フカシギの数え方』おねえさんといっしょ！ みんなで数えてみよう！  
<https://youtu.be/Q4gTV4r0zRs>

41

41

## 傾斜制限の例



42

42

## 5-3 マッチング関数の “探索”問題



5-1

5-2

5-3

43

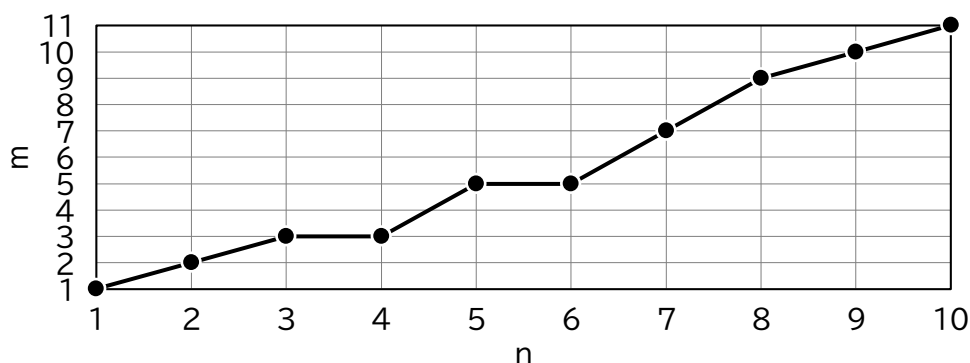
43

### マッチング関数 $m = \check{m}(n)$ の算出 … 1/3



#### ■ 道中の計算を考えてみる

- どこかで見覚えのある図ではないか？



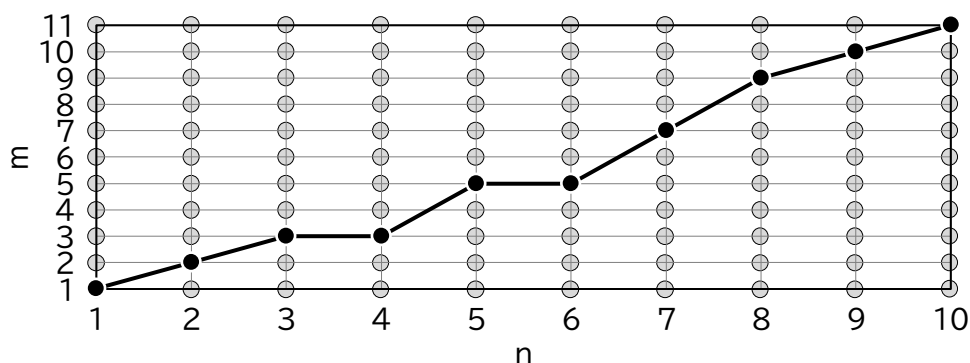
44

44

## マッチング関数 $m = \check{m}(n)$ の算出 … 2/3

### ■ 道中の計算を考えてみる

- どこかで見覚えのある図ではないか？



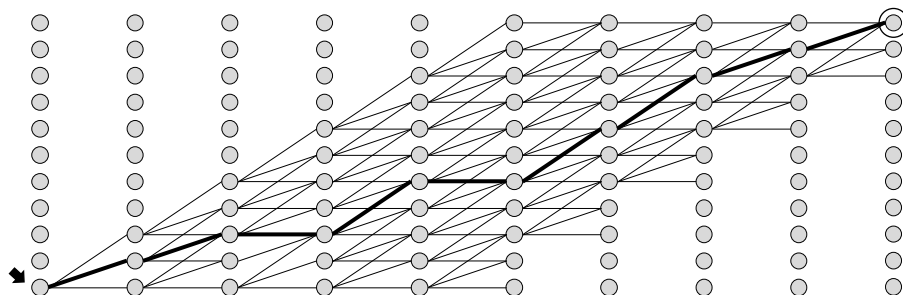
45

45

## マッチング関数 $m = \check{m}(n)$ の算出 … 3/3

### ■ 道中の計算を考えてみる

- どこかで見覚えのある図ではないか？



46

46

## マッチング関数の”探索”問題

### ■ グラフの最適経路探索問題としても解けそう！

- 初期ノード：先頭フレーム同士の対応位置とする
- 最終ノード：最終フレーム同士の対応位置とする
- コスト：音声フレーム間の二乗距離とする

➔ マッチング関数は最適経路そのものでは？

### ■ 最適経路の累積コストは、 フレーム間の二乗距離の和に相当する(はず)

➔ 累積コストが2音声の距離として使えそう？

47

47

## 参考

## 探索の効率化

### ■ 典型的な方針はいくつか考えられる

#### 1. アルゴリズムの工夫で無駄な計算を省く

- 原理的に高速な方法
- 事前計算による方法

#### 2. 音声としての事前知識をヒューリスティクスや グラフの制約として与える

#### 3. 並列計算で解ける問題に分割する

48

48