Министерство образования и науки Российской Федерации Федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования

САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ ИТМО

Факультет систем управления и робототехники

Лабораторная работа № 3 "Задачи 1207, 1322, 1444"

по дисциплине Алгоритмы и структуры данных

<u>Выполнила</u>: студентка гр. **R3238** поток **2.1**

Нечаева А. А.

Преподаватель: Тропченко Андрей Александрович

1 Цель

Разработать и реализовать алгоритмы для решения задач 1207, 1322 и 1444.

2 Задача 1207

1207. Медиана на плоскости

Ограничение времени: 0.5 секунды Ограничение памяти: 64 МБ

На плоскости находятся N точек (N чётно). Никакие три точки не лежат на одной прямой. Ваша задача — выбрать две точки так, что прямая линия, проходящая через них, делит множество точек на две части одинакового размера.

Исходные данные

Первая строка содержит целое число N (4 \leq N \leq 10 000). Каждая из следующих N строк содержит пары целых чисел x_i, y_i ($-10^6 \leq x_i, y_i \leq 10^6$) — координаты i-й точки.

Результат

Выведите номера выбранных точек.

Пример

результат
1 4

Автор задачи: Павел Атнашев

Источник задачи: Соревнование команд УрГУ, март 2002

Рис. 1. Условие задачи 1207.

2.1 Основная идея

Задача сводится к поиску максимальной суммы подпоследовательности последовательности p_i .

2.2 Краткое описание алгоритма

- **1.** Входные данные: первая строка содержит целое число N ($4 \le N \le 10000$). Каждая из следующих N строк содержит пары целых чисел x_i, y_i ($-10^6 \le x_i, y_i \le 10^6$)— координаты i-й точки.
- **2.** Для разделения плоскости на 2 части необходимо найти точку, которая расположена левее всех остальных.
- 3. Далее определим угол прямой, проведенной до каждой из оставшихся

точек и отсортируем точки по величине угла.

- **4.** Теперь мы можем определить точку, через которую проходит прямая, разделяющая точки на плоскости пополам.
- **5.** Выходные данные: порядковые номера 2-х точек, прямая через которые разделитт все точки плоскости на 2 равные половины.

2.3 Листинг

Листинг 1. Исходный код для 1207

```
1 #include <iostream>
2 #include <cmath>
4 #define PI 3.14159265358979323846
5
  // new struct for points, it keeps x, y, number of the point
      and angle
  struct point struct {
       int x;
8
       int y;
9
       double angle;
10
      int num;
  };
12
13
  point struct data[10000];
14
15
  bool compare(point struct a, point struct b) {
16
       return a.angle < b.angle;
17
18
19
  void quick sort(int left, int right){
20
       int i = left;
21
       int j = right;
22
23
       point struct median = data[(left + right) / 2];
24
25
       while (i \le j) {
26
           while (compare(data[i], median)) {
27
               ++i:
29
           while (compare(median, data[j])) {
30
               —i;
31
           }
32
```

```
if (i <= j) {
33
                std::swap(data[i], data[j]);
34
                ++i;
35
                —j;
36
            }
37
38
       if (i < right) {
39
            quick_sort(i, right);
40
41
       if (left < j) {
42
            quick sort(left, j);
43
       }
44
  };
45
46
  int main() {
47
       int n;
48
       std::cin >> n;
49
       int first x = 1000000;
51
       int first_id = 0;
52
53
       for (int i = 0; i < n; ++i) {
            int p x;
55
            int p y;
57
            std::cin >> p \times >> p y;
59
            if (p \times < first \times) {
60
                 first id = i;
61
                first x = p x;
62
            }
63
64
            data[i].x = p x;
65
            data[i].y = p_y;
66
            data[i].num = i;
67
       }
68
69
       // here we analyze the angles
70
       for (int i = 0; i < n; ++i) {
71
            if (data[i].num == first id) {
72
                data[i]. angle = -360;
73
            } else {
74
                if (data[i].x == data[first id].x) {
75
```

```
if (data[i].y > data[first_id].y) {
76
                         data[i].angle = 90;
77
                    } else {
78
                        data[i].angle = -90;
79
80
               } else {
81
                    data[i].angle = atan((double) (data[i].y -
82
                        data[first_id].y) / (data[i].x - data[
                        first id[.x) * 180.0 / PI;
               }
83
           }
84
      }
85
86
       quick sort (0, n-1);
87
88
       std::cout \ll first id + 1 \ll " " \ll data[n / 2].num + 1 \ll
89
            std::endl;
90
91
       return 0;
92
```

2.4 Результат



Рис. 2. Результат отправки задачи 1207.

3 Задача 1322

1322. Шпион

Ограничение времени: 0.25 секунды Ограничение памяти: 64 МБ

Спецелужбы обнаружили действующего пностранного агента. Шпиона то есть. Установили наблюдение и выяснили, что каждую неделю он через Интернет посылает кому-то странные нечитаемые тексты. Чтобы выяснить, к какой информации получил доступ шпион, требуется расшифровать информацию. Сотрудники спецелужб проинкли в квартиру разведчика, плучили шифрующее устройство и выяснили принции его работы.

На вход устройства подается строка текста $S_1 = s_1 s_2 ... s_N$. Получив ее, устройство строит все шиклические перестановки этой строки, то есть $S_2 = s_2 s_3 ... s_N s_1$, ..., $S_N = s_N s_1 s_2 ... s_{N-1}$. Затем множество строк S_1 , S_2 , ..., S_N сортируется лексипографически по возрастанию. Н в этом порядке строчки выписываются в столбен, одна под другой. Получается таблища размером $N \times N$. В какой-то строке K этой таблищы находится исходное слово. Номер этой строки вместе с последним столбиом устройство и выдает на выход.

Например, если исходное слово \mathbf{S}_1 = abracadabra, то таблица имеет такой вид:

1. aabracadabr = S₁₁
2. abraabracad = S₈
3. abracadabra = S₁
4. acadabraabr = S₄
5. adabraabrac = S₆
6. braabracada = S₉
7. bracadabraab = S₂
8. cadabraabra = S₅
9. dabraabraca = S₅
9. dabraabraca = S₅

10. raabracadab = S₁₀ 11. racadabraab = S₂

И результатом работы устройства является число 3 и строка rdarcaaaabb

Это все, что известно про шифрующее устройство. А вот дешифрующего устройства не нашли. Но поскольку заведомо известно, что декодировать информацию можно (а иначе зачем же ее передавать?), Вам предложили помочь в борьбе с хищениями секретов и придумать алгоритм для дешифровки сообщений. А заодно и реализовать дешифратор.

Исходные данные

В первой и второй строках находятся соответственно целое число и строка, возвращаемые шифратором. Длина строки и число не превосходят 100000. Строка содержит лишь следующие симаолы: a-z, A-Z, символ подчеркивания. Других символов в строке нет. Лексикографический порядок на множестве слов задается таким порядком символов:

ABCDEFGHIJKLMNOPQRSTUVWXYZ_abcdefghijklmnopqrstuvwxyz

Символы здесь выписаны в порядке возрастания

Результат

Выведите декодированное сообщение в единственной строке.

Пример

1 1	
исходные данные	результат
3 rdarcaaaabb	abracadabra

Автор задачи: II.дея — Александр Клепинин, подготовка — Александр Клепинин, Станислав Васильев Нсточник задачи: VIII Командиый студенческий чемпионат Урала по программированию. Екатеринбург, 11-16 марта 2004 г.

Рис. 3. Условие задачи 1322.

3.1 Основная идея

Задача сводится к работе с преобразованием Барроуза—Уилера, в нашем случае необходимо выполнить обратное преобразование.

3.2 Краткое описание алгоритма

- **1. Входные данные:** целое число s ($s \le 100000$) и строка str.
- **2.** Последовательно восстанавливаем строку. Пусть изначально известно, каким по порядку является приписанный в начало символ (его порядок в столбце)
- **3.** Из предыдущего шага известно, какое место занимала строка без первого символа (i-oe).
- **4.** Несложно заметить, что при выполнении такой операции строка с номером i всегда будет перемещаться на позицию с номером j.
- 5. Выходные данные: строка.

3.3 Листинг

Листинг 2. Исходный код для 1322

```
1 #include <iostream>
2
3
  const int maximum n = 100000;
4
5
  std::pair<char, int> data[maximum_n];
6
7
  bool comparator(std::pair < char, int > first, std::pair < char,
8
      int > second) {
       return (first.first != second.first) ? first.first <</pre>
9
           second.first : first.second < second.second;</pre>
  }
10
  //sort in lexicographic order (quick sort)
12
  void sorter(int left, int right) {
13
       int i = left:
14
       int j = right;
15
16
       std::pair<char, int> cur = data[(left + right) / 2];
17
18
       while (i \le j) {
19
           while (comparator(data[i], cur)) {
20
               ++i;
21
22
           while (comparator(cur, data[j])) {
23
               —j;
24
```

```
}
25
26
            if (i <= i) {
27
                std::swap(data[i++], data[i--]);
28
            }
29
       }
30
31
       if (i < right) sorter(i, right);</pre>
32
33
       if (j > left) sorter(left, j);
34
35
36
37
  int main() {
38
       int s:
39
       std::string str;
40
41
       std::cin >> s >> str;
42
43
       int symbols counter = str.length();
44
45
       for (int i = 0; i < symbols counter; <math>++i) {
            data[i]. first = str[i];
47
            data[i].second = i;
       }
49
50
       sorter(0, symbols counter - 1);
51
52
       int result[symbols counter];
53
54
       for (int i = 0; i < symbols counter; ++i) {
55
            result[i] = data[i].second;
56
       }
57
58
       int current = s - 1;
59
60
       for (int i = 0; i < symbols counter; <math>++i) {
61
            std::cout << data[current].first;</pre>
62
            current = result[current];
63
       }
64
65
       return 0:
66
67 }
```

3.4 Результат

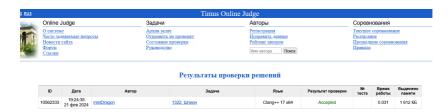


Рис. 4. Результат отправки задачи 1322.

4 Задача 1444

1444. Накормить элефпотама

Ограничение времени: 0.5 секунды Ограничение памяти: 64 МБ

Гарри Поттер сдаёт экзамен по предмету «Уход за магическими существами». Его задание — накормить карликового элефпотама. Гарри помниг, что элефпотамы огличаются прямолинейностью и невозмутимостью. Они настолько прямолинейны, что ходят строго по прямой, и настолько невозмутимы, что заставить их идти можно, только если привлечь его внимание к чему-нибудь действительно вкусному. И главное, наткиувшись на цепочку своих собственных следов, элефпотам впадает в ступор и отказывается идти куда-либо. По словам Хагрида, элефпотамы обычно возвращаются домой, иля в обратную сторону по своим собственным следам. Поэтому они никогда не пересекают их, иначе могут заблудиться. Увидев свои следы, элефпотам детально вспоминает все свои перемещения от выхода из дома (поэтому-то они и ходят только по прямой и лишний раз не меняют направление — так легче запоминать). По этой информации элефпотам вычисляет, в какой стороне расположена его нора, после чего поворачивается и идет прямо к ней. Эти вычисления занимают у элефпотама некоторое (довольно большое) время. А то, что некоторые невежды принимают за ступор, на самом деле есть проявление выдающихся вычислительных способностей этого чудесного, хотя и медленно соображающего животного!

Любимое лакомство элефпотамов — слоновы тыквы, именно они и растут на лужайке, где Гарри должен сдавать экзамен. Перед началом испытания Хагрид притащит животное к одной из тыкв. Скормив элефпотаму очередную тыкву, Гарри может направить его в сторону любой оставшейся тыквы. Чтобы сдать экзамен, надо провести элефпотама по лужайке так, чтобы тот съел как можно больше тыкв до того, как наткнется на свои следы.

Исходные данные

В первой строке входа находится число N ($3 \le N \le 30000$) — количество тыкв на лужайке. Тыквы пронумерованы от 1 до N, причем номер один присвоен той тыкве, у которой будет стоять элефпотам в начале экзамена. В следующих N строках даны координаты всех тыкв по порядку. Все координаты — целые числа от -1000 до 1000. Известно, что положения всех тыкв различны, и не существует прямой, проходящей сразу через все тыквы.

Результат

В первой строке выхода вы должны вывести K — максимальное количество тыкв, которое может съесть элефпотам. Далее по одному числу в строке выведите K чисел — номера тыкв в порядке их обхода. Первым в этой последовательности всегда должно быть число 1.

Пример

исходные данные	результат
4	4
0 0 10 10	1
10 10	3
0 10 10 0	2
10 0	4

Автор задачи: Идея и текст: Екатерина Васильева, программирование: Александр Мироненко, Алексей Лахтин, Ден Расковалов

Источник задачи: Х командный Чемпионат Урала по спортивному программированию, 24-25 марта 2006 года

Рис. 5. Условие задачи 1444.

4.1 Основная идея

9

4.2 Краткое описание алгоритма

- 1. Входные данные: в первой строке находится целое цисло N ($3 \le N \le 30000$) количество тыкв на лужайке. Тыквы пронумерованы от 1 до N, причем номер один присвоен той тыкве, у которой будет стоять элефпотам в начале экзамена. В следующих N строках даны координаты всех тыкв по порядку. Все координаты целые числа от -1000 до 1000. Известно, что положения всех тыкв различны, и не существует прямой, проходящей через все тыквы сразу.
- Сначала найдем уголы, под которыми расположены все тыквы от начальной.
- **3.** Отсортируем тыквы по значению угла. При совпадении значения угла у нескольких тыкв элефпотам сначала съест ту, которая находится на наименьшем расстоянии, далее он будет двигаться вдоль прямой до остальных тыкв.
- 4. Все тыквы отсортированы по величине угла от начальной, значит, пока элефпотам идет от одной тыквы до следующей, он не пересечет следы. Важно проверять, что разность между соседними углами лучей от начальной тыквы всегда меньше 180 градусов. Таким образом, элефпотам может обойти все тыквы.
- **5. Выходные данные:** В первой строке выхода вывести K максимальное количество тыкв, которое может съесть элефпотам. Далее по одному числу в строке вывести K чисел номера тыкв в порядке их обхода. Первый в этой последовательности всегда должно быть число 1.

4.3 Листинг

Листинг 3. Исходный код для 1444

```
#include <iostream>
#include <cmath>

using namespace std;

#define PI 3.14159265358979323846

#define EPS 1e-10

// new struct for points, it keeps x, y, number of the point, length and angle
struct point_struct {
   int x;
```

```
int y;
12
       double angle;
13
       int id;
       double len;
15
  };
16
17
  const int MAX N = 30001;
18
  point struct data points [MAX N];
19
20
  bool compare(point struct a, point struct b) {
21
       if (abs(a.angle - b.angle) > EPS) {
22
            return a.angle < b.angle;
23
       }
25
       return a.len < b.len;</pre>
26
27
28
  void quick_sort(int left, int right) {
29
       int i = left;
30
       int j = right;
31
32
       point struct x = data points[(left + right) / 2];
33
34
       while (i \le j)
35
            while (compare(data points[i], x)) {
36
                i++;
37
38
            while (compare(x, data points[j])) {
39
                j --;
40
            }
41
42
            if (i <= j) {
43
                swap(data points[i], data points[j]);
44
45
                i++;
46
                j ---;
47
            }
48
       }
49
50
       if (i < right) {
51
            quick sort(i, right);
52
53
       if (left < j) {
54
```

```
quick sort(left, j);
55
       }
56
57
58
  int main() {
59
       int n;
60
61
       cin >> n;
62
63
       for (int i = 0; i < n; ++i) {
64
           std::cin >> data points[i].x >> data points[i].y;
65
           data points[i].id = i;
66
67
           if (i == 0) {
68
                data points[i].angle = INT MIN;
69
                data_points[i].len = 0;
70
           } else i\bar{f} (data points[i].x = data_points[0].x){
71
                if (data points[i].y > data points[0].y) {
72
                    data points[i].angle = 90;
73
                } else {
74
                    data points [i]. angle = -90;
75
76
                data points[i].len = abs(data points[i].y -
77
                    data points [0].y);
           } else {
78
                data points[i].angle = atan((double) (data points[
79
                    i].y - data_points[0].y) / (data_points[i].x -
                     data points [0].x) * 180.0 / PI;
                if (data points[i].x <= data points[0].x) {</pre>
80
                    data points[i].angle -= 180;
81
82
                data points[i].len = abs(sqrt((double) (pow((
83
                    \overline{data} points [i].x - data points [0].x), 2) + pow
                    ((data_points[i].y - data_points[0].y), 2))));
           }
84
       }
85
86
       quick sort (0, n-1);
87
       double max a = 360 + data points [1]. angle - data points [n]
89
          1]. angle;
       int counter = 1;
90
91
```

```
for (int i = 1; i < n - 1; i++) {
92
            if (data points[i + 1].angle - data points[i].angle >
93
                max a) {
                 max a = data points[i + 1].angle - data points[i].
94
                     angle;
                 counter = i + 1;
95
            }
96
       }
97
98
       cout << n << endl;
99
        cout << 1 << endl;
100
101
        for (int i = counter; i < n; i++) {
102
            cout << data points[i].id + 1 << endl;</pre>
103
       }
104
105
        for (int i = 1; i < counter; i++) {
106
            cout << data points[i].id + 1 << endl;</pre>
107
       }
108
109
        return 0;
110
111
```

4.4 Результат



Рис. 6. Результат отправки задачи 1444.

5 Вывод по работе

В ходе выполнения данной лабораторной работы были реализованы алгоритмы для решения задач 1207, 1322 и 1444.