Министерство образования и науки Российской Федерации Федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования

### САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ ИТМО

Факультет систем управления и робототехники

# Лабораторная работа № 1 "Задачи 1005 и 2025"

по дисциплине Алгоритмы и структуры данных

Выполнила: студентка гр. R3238

Нечаева А. А.

Преподаватель: Тропченко Андрей Александрович

## 1 Цель

Разработать и реализовать алгоритмы для решения задач 1005 и 2025.

## 2 Задача 1005

## 1005. Куча камней

Ограничение времени: 1.0 секунды Ограничение памяти: 64 МБ

У вас есть несколько камней известного веса  $w_1, ..., w_n$ . Напишите программу, которая распределит камни в две кучи так, что разность весов этих двух куч будет минимальной.

#### Исходные данные

Ввод содержит количество камней n ( $1 \le n \le 20$ ) и веса камней  $w_1, ..., w_n$  ( $1 \le w_i \le 100\,000$ ) — целые, разделённые пробельными символами.

#### Результат

Ваша программа должна вывести одно число — минимальную разность весов двух куч.

#### Пример

исходные данные	результат
5	3
5 8 13 27 14	

Источник задачи: Чемпионат УрГУ 1997

Рис. 1. Условие задачи 1005.

### 2.1 Основная идея

Заметим, что максимальное суммарное значение веса камней  $20 \times 100000 = 2000000$ , что на 3 порядка меньше, чем вмещает тип integer, значит, мы работаем с относительно "небольшими"данными. К тому же, задача подобна 3adaчe о proksake (NP-полная задача, большие "рюкзаки"не решаются за разумное время), значит, мы можем точно решить данную задачу используя метод nepefopa всех возможных вариантов распределения камней на 2 кучи.

## 2.2 Краткое описание алгоритма

**1. Входные данные:** n – количество камней  $(1 \le n \le 20), w_1, \dots, w_n \ (1 \le w_i \le 100000)$  – вес каждого камня.

- **2.** Находим суммарный вес камней ( $full\ sum$ ).
- 3. Далее перебираем все возможные наборы. Воспользуемся свойством дво-ичной системы: пусть  $\mathbf{1} ==$  добавление камня в кучу,  $\mathbf{0} ==$  сумма камней в куче не меняется. Заметим, что нам достаточно перебрать только половину всех возможных наборов (остальные будут симметричными), поэтому итерации цикла будут от 0 до  $2^{n-1}$  с шагом 1. Для определения точного номера нужного камня введена дополнительная переменная  $iter\_numb$ , использующаяся в последовательном вычислении остатков от деления номера итерации на 2.
- **4.** Текущий минимум разности масс куч вычисляется с помощью стандартной функции std::min языка C++.

Пусть  $s_1$  – масса камней в первой куче,  $s_2$  – во второй, S – сумма всех камней. Формула для модуля текущей разницы масс:

$$|s_2 - s_1| = |S - s_1 - s_1| = |S - 2 \cdot s_1|$$

**5. Выходные данные:** целое неотрицательное число – минимальная разница масс куч.

## 2.3 Структуры данных

std:vector < int > – вектор из стандартной библиотеки C++ – динамический массив.

### 2.4 Листинг

Листинг 1. Исходный код для 1005

```
1 #include <iostream>
2 #include <vector>
3 #include <cmath>
4 #include <algorithm>
5
  int main() {
6
      int number;
7
      std::cin >> number;
8
9
      std::vector<int> stones weights(number);
10
11
      int full sum = 0;
12
13
      for (int i = 0; i < number; ++i) {
14
```

```
std::cin >> stones weights[i];
15
           full sum += stones weights[i];
16
       }
17
18
       int min = full sum;
19
20
       for (int i = 0; i < pow(2, number - 1); ++i) {
21
           int cur = i;
22
           int iter numb = 0;
23
           int first sum = 0;
24
           while (cur != 0) {
25
                if (cur \% 2 == 1) {
26
                    first_sum += stones_weights[iter numb];
27
28
                cur = cur / 2;
29
               ++iter numb;
30
31
           min = std :: min(min, std :: abs(full sum - 2 * first sum)
               );
33
       printf("%d", min);
34
35
       return 0:
36
37
```

## 2.5 Результат

				Timus Online	Judge				
Online Judge         Задачи           C-etcresse         Архив важу Ваго зачаваемые вопросы           Невости сайта         Со-стоящее           Форум         Руковорство           Семания         Семания		Авторы			Соревнования				
		Отправить в Состояние г	на проверку Исправить данные проверки Рейтинг авторов			Текущее соревнование Расписание Прошедшие соревнованих Правила			
				Последние пог	пытки		Astrop: mist	Dragon • Зад	ача: Куча камн
ID	Дата	As	тор	Задача	Язык	Результат проверки	№ теста	Время работы	Выделено
10550745	01:36:28 6 des 2024	mistDragon		1005. Куча камней	Visual C++ 2022 x64	Accepted		0.109	608 KB

Рис. 2. Результат отправки задачи 1005.

## 3 Задача 2025

### 2025. Стенка на стенку

Ограничение времени: 1.0 секунды Ограничение памяти: 64 МБ

Бокс, каратэ, самбо... Классические боевые единоборства пресытили аудиторию. Поэтому известный спортивный канал запускает новый формат соревнований, основанный на традиционной русской забаве — боях стенка на стенку. В соревновании могут участвовать от двух до k команд, каждая из которых будет соперничать с остальными. Всего в соревновании примут участие n бойцов. Перед началом боя они должны разделиться на команды, каждый боец должен войти ровно в одну команду. За время боя два бойца сразятся, если они состоят в разных командах. Организаторы считают, что популярность соревнований будет тем выше, чем больше будет количество схваток между бойцами. Помогите распределить бойцов по командам так, чтобы максимизировать количество схваток между бойцами, и выведите это количество.

#### Исходные данные

В первой строке дано количество тестов T ( $1 \le T \le 10$ ). В следующих T строках перечислены тесты. В каждой из них записаны целые числа n и k через пробел ( $2 \le k \le n \le 10^4$ ).

#### Результат

Для каждого теста в отдельной строке выведите одно целое число — ответ на задачу.

#### Пример

исходные данные	результат
3	12
6 3	10
5 5	4
4 2	

Автор задачи: Алексей Данилюк

Источник задачи: Уральская региональная командная олимпиада по программированию 2014

Рис. 3. Условие задачи 2025.

### 3.1 Основная идея

Для того, чтобы максимизировать число боев, необходимо, чтобы как можно меньше бойцов находились в одной команде. То есть, в идеале в каждой команде должно быть равное число бойцов, это выполнимо только в том случае, когда количество бойцов нацело делится на число команд. В случае ненулевого остатка от деления числа бойцов на число команд, оставшихся бойцов распределяем так же равномерно. Таким образом, число бойцов в каждой команде может различаться не больше, чем на 1.

## 3.2 Краткое описание алгоритма

1. Входные данные: t – количество тестов ( $1 \le t \le 10$ ), в следующих t строках перечислены тесты, в каждой из них 2 целые числа n и k

```
(2 < k < n < 10^4).
```

- **2.** Найдем среднее число бойцов в команде: для этого разделим общее количество бойцов на количество команд  $medium\_in\_team = \frac{n}{k}$ .
- **3.** Найдем число бойцов пока не распределенных по командам как остаток от деления числа бойцов на количество команд:  $extra \ fighters = n\%k$
- 4. Формула для подсчета числа боев:

```
F = medium\_in\_team \cdot (k - extra\_fighters) \cdot (n - medium\_in\_team) + \\ + extra\_fighters \cdot (medium\_in\_team + 1) \cdot (n - (medium\_in\_team + 1))
```

Заметим, что сейчас симметричные бои учтены. Поэтому конечным результатом будет:  $result = \frac{F}{2}$ 

**5.** Выходные данные: для каждого из t наборов целое неотрицательное число – максимальное количество боев.

### 3.3 Листинг

Листинг 2. Исходный код для 2025

```
1 #include <iostream>
2
3
  int main() {
4
       int numb test;
5
       std::cin >> numb test;
6
7
       for (int i = 0; i < numb test; ++i) {
9
           int fighters , teams;
10
           std::cin >> fighters;
11
           std::cin >> teams;
12
13
           int medium in team = fighters / teams;
14
           int extra fighters = fighters % teams;
15
           int result = (medium in team * (teams - extra fighters))
16
               ) * (fighters - medium in team) +
                           extra fighters * (medium in team + 1) *
17
                           (fighters - medium in team -1)) / 2;
18
19
           std::cout << result << std::endl;</pre>
20
      }
21
22 }
```

## 3.4 Результат

Timus Online Judge					
Online Judge	Задачи	Авторы	Соревнования		
О системе Часто задаваемые вопросы Новости сайта Форум Ссылки	Архив задач Отправить на проверку Состояние проверки Руководство	Регистрация Псправить данные Рейтинг авторов  Имя автора  Поиск	Текущее соревнование Расписание Прошедшие соревнования Правила		

#### Последние попытки

	Автор: <u>mistDragon</u> ◆ Задача: <u>Стенка на сте</u>							Этенка на стенку
ID	Дата	Автор	Задача	Язык	Результат проверки	Nº Tecta	Время работы	Выделено памяти
10552723	16:24:46 8 фев 2024	mistDragon	2025. Стенка на стенку	Visual C++ 2022 x64	Accepted		0.015	608 KE

Показывать по  $\underline{10}$  |  $\underline{30}$  |  $\underline{100}$  строк на странице • Обновлять каждые  $\underline{15}$  |  $\underline{60}$  |  $\underline{240}$  секунд | <u>не обновлять</u>

Рис. 4. Результат отправки задачи 2025.

# 4 Вывод по работе

В ходе выполнения данной лабораторной работы были оеализованы алгоритмы для решения задач 1005 и 2025. Заметим, что они не содержат сложных структур данных.