

Министерство образования и науки Российской Федерации
Федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего
образования

САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ
УНИВЕРСИТЕТ ИТМО

Факультет систем управления и робототехники

Лабораторная работа № 1

"Задачи 1005 и 1155"

по дисциплине Алгоритмы и структуры данных

Выполнила: студентка гр. **R3238**

Нечаева А. А.

Преподаватель: *Тропченко Андрей Александрович*

Санкт-Петербург, 2024

1 Цель

Разработать и реализовать алгоритмы для решения задач 1005 и 1155.

2 Задача 1005

1005. Куча камней

Ограничение времени: 1.0 секунды

Ограничение памяти: 64 МБ

У вас есть несколько камней известного веса w_1, \dots, w_n . Напишите программу, которая распределит камни в две кучи так, что разность весов этих двух куч будет минимальной.

Исходные данные

Ввод содержит количество камней n ($1 \leq n \leq 20$) и веса камней w_1, \dots, w_n ($1 \leq w_i \leq 100\,000$) — целые, разделённые пробельными символами.

Результат

Ваша программа должна вывести одно число — минимальную разность весов двух куч.

Пример

исходные данные	результат
5 5 8 13 27 14	3

Источник задачи: Чемпионат УрГУ 1997

Рис. 1. Условие задачи 1005.

2.1 Основная идея

Заметим, что максимальное суммарное значение веса камней $20 \times 100000 = 2000000$, что на 3 порядка меньше, чем вмещает тип *integer*, значит, мы работаем с относительно "небольшими" данными. К тому же, задача подобна *Задаче о рюкзаке* (*NP*—полная задача, большие "рюкзаки" не решаются за разумное время), значит, мы можем точно решить данную задачу используя метод **перебора** всех возможных вариантов распределения камней на 2 кучи.

2.2 Краткое описание алгоритма

1. Входные данные: n — количество камней ($1 \leq n \leq 20$), w_1, \dots, w_n ($1 \leq w_i \leq 100000$) — вес каждого камня.

2. Находим суммарный вес камней (*full_sum*).

3. Далее перебираем все возможные наборы. Воспользуемся свойством двоичной системы: пусть **1** == добавление камня в кучу, **0** == сумма камней в куче не меняется. Заметим, что нам достаточно перебрать только половину всех возможных наборов (остальные будут симметричными), поэтому итерации цикла будут от 0 до 2^{n-1} с шагом 1. Для определения точного номера нужного камня введена дополнительная переменная *iter_numb*, использующаяся в последовательном вычислении остатков от деления номера итерации на 2.

4. Текущий минимум разности масс куч вычисляется с помощью стандартной функции *std::min* языка C++.

Пусть s_1 – масса камней в первой куче, s_2 – во второй, S – сумма всех камней. Формула для модуля текущей разницы масс:

$$|s_2 - s_1| = |S - s_1 - s_1| = |S - 2 \cdot s_1|$$

5. **Выходные данные:** целое неотрицательное число – минимальная разница масс куч.

2.3 Структуры данных

std::vector<int> – вектор из стандартной библиотеки C++ – динамический массив.

2.4 Листинг

Листинг 1. Исходный код для 1005

```

1 #include <iostream>
2 #include <vector>
3 #include <cmath>
4 #include <algorithm>
5
6 int main() {
7     int number;
8     std::cin >> number;
9
10    std::vector<int> stones_weights(number);
11
12    int full_sum = 0;
13
14    for (int i = 0; i < number; ++i) {
```

```

15         std::cin >> stones_weights[i];
16         full_sum += stones_weights[i];
17     }
18
19     int min = full_sum;
20
21     for (int i = 0; i < pow(2, number - 1); ++i) {
22         int cur = i;
23         int iter_numb = 0;
24         int first_sum = 0;
25         while (cur != 0) {
26             if (cur % 2 == 1) {
27                 first_sum += stones_weights[iter_numb];
28             }
29             cur = cur / 2;
30             ++iter_numb;
31         }
32         min = std::min(min, std::abs(full_sum - 2 * first_sum)
33             );
34     }
35     printf("%d", min);
36
37     return 0;
38 }

```

2.5 Результат

Timus Online Judge						
Online Judge	Задачи	Авторы	Соревнования			
О системе	Архив задач	Регистрация	Текущее соревнование			
Часто задаваемые вопросы	Отправить на проверку	Исправить данные	Расписание			
Новости сайта	Состояние проверки	Рейтинг авторов	Прошлые соревнования			
Форум	Руководство	<input type="text" value="Имя автора"/> <input type="button" value="Поиск"/>	Правила			
Ссылки						

Последние попытки						
Автор: mistDragon • Задача: Куча камней						
ID	Дата	Автор	Задача	Язык	Результат проверки	№ теста
10550745	01:36:28 6 фев 2024	mistDragon	1005. Куча камней	Visual C++ 2022 x64	Accepted	0.109
						Выделено памяти 608 КБ

Рис. 2. Результат отправки задачи 1005.

3 Задача 1155

1155. Дуоны

Ограничение времени: 0.5 секунды
Ограничение памяти: 64 МБ

Архангел по науке докладывает:
— Господи, эти физики там, внизу, — они открыли ещё одну элементарную частицу!
— Хорошо, добавим параметр в Общее Уравнение Вселенной.

С развитием техники физики находят всё новые и новые элементарные частицы, с непонятными и даже загадочными свойствами. Многие слышали про мюоны, глюоны, странные кварки и прочую нечисть. Недавно были обнаружены элементарные частицы дуоны. Эти частицы названы так потому, что учёным удаётся создавать или аннигилировать их только парами. Кстатп, от дуонов одни неприятности, поэтому от них стараются избавляться до начала экспериментов. Помогите физикам избавиться от дуонов в их установке.



Экспериментальная установка состоит из восьми камер, которые расположены в вершинах куба. Камеры промаркированы латинскими буквами А, В, С, ..., Н. Технически возможно создать, или наоборот, аннигилировать, два дуона, находящихся в смежных камерах. Вам нужно автоматизировать процесс удаления дуонов из установки.

Исходные данные

В единственной строке даны восемь целых чисел в пределах от 0 до 100, описывающих количество дуонов в камерах установки (сначала в камере А, потом в В, и т.д.).

Результат

Выведите последовательность действий для удаления всех дуонов или слово «IMPOSSIBLE», если это невозможно. Каждое действие должно быть описано в отдельной строке, в следующем формате: маркер первой камеры, маркер второй (смежной с первой), далее плюс либо минус (создать или аннигилировать пару дуонов). Количество действий в последовательности не должно превосходить 1000.

Примеры

исходные данные	результат
1 0 1 0 3 1 0 0	EF - EA - AD+ AE - DC -
0 1 0 1 2 3 2 2	IMPOSSIBLE

Источник задачи: Командный чемпионат Урала по программированию. Пермь, апрель 2001 г., английский тур.

Рис. 3. Условие задачи 1155.

4 Вывод по работе

В этой лабораторной мы будем работать с
Для визуализации был написан код на языке *Python*.
Код расположен на **GitHub**.