

Министерство образования и науки Российской Федерации  
Федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего  
образования

САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ  
УНИВЕРСИТЕТ ИТМО

Факультет систем управления и робототехники

**Лабораторная работа № 1**  
**"Задачи 1005, 1155 и 2025"**  
по дисциплине Алгоритмы и структуры данных

Выполнила: студентка гр. **R3238**

**Нечаева А. А.**

Преподаватель: *Тропченко Андрей Александрович*

Санкт-Петербург, 2024

# 1    Цель

Разработать и реализовать алгоритмы для решения задач 1005, 1155 и 2025.

# 2    Задача 1005

## 1005. Куча камней

Ограничение времени: 1.0 секунды

Ограничение памяти: 64 МБ

У вас есть несколько камней известного веса  $w_1, \dots, w_n$ . Напишите программу, которая распределит камни в две кучи так, что разность весов этих двух куч будет минимальной.

### Исходные данные

Ввод содержит количество камней  $n$  ( $1 \leq n \leq 20$ ) и веса камней  $w_1, \dots, w_n$  ( $1 \leq w_i \leq 100\,000$ ) — целые, разделённые пробельными символами.

### Результат

Ваша программа должна вывести одно число — минимальную разность весов двух куч.

### Пример

исходные данные	результат
5 5 8 13 27 14	3

Источник задачи: Чемпионат УрГУ 1997

Рис. 1. Условие задачи 1005.

## 2.1    Основная идея

Заметим, что максимальное суммарное значение веса камней  $20 \times 100000 = 2000000$ , что на 3 порядка меньше, чем вмещает тип *integer*, значит, мы работаем с относительно "небольшими" данными. К тому же, задача подобна *Задаче о рюкзаке* (*NP*—полная задача, большие "рюкзаки" не решаются за разумное время), значит, мы можем точно решить данную задачу используя метод *перебора* всех возможных вариантов распределения камней на 2 кучи.

## 2.2 Краткое описание алгоритма

**1. Входные данные:**  $n$  – количество камней ( $1 \leq n \leq 20$ ),  $w_1, \dots, w_n$  ( $1 \leq w_i \leq 100000$ ) – вес каждого камня.

**2.** Находим суммарный вес камней (*full\_sum*).

**3.** Далее перебираем все возможные наборы. Воспользуемся свойством двоичной системы: пусть **1** == добавление камня в кучу, **0** == сумма камней в куче не меняется. Заметим, что нам достаточно перебрать только половину всех возможных наборов (остальные будут симметричными), поэтому итерации цикла будут от 0 до  $2^{n-1}$  с шагом 1. Для определения точного номера нужного камня введена дополнительная переменная *iter\_numb*, использующаяся в последовательном вычислении остатков от деления номера итерации на 2.

**4.** Текущий минимум разности масс куч вычисляется с помощью стандартной функции *std::min* языка *C++*.

Пусть  $s_1$  – масса камней в первой куче,  $s_2$  – во второй,  $S$  – сумма всех камней. Формула для модуля текущей разницы масс:

$$|s_2 - s_1| = |S - s_1 - s_1| = |S - 2 \cdot s_1|$$

**5. Выходные данные:** целое неотрицательное число – минимальная разница масс куч.

## 2.3 Структуры данных

*std::vector<int>* – вектор из стандартной библиотеки *C++* – динамический массив.

## 2.4 Листинг

Листинг 1. Исходный код для 1005

```
1 #include <iostream>
2 #include <vector>
3 #include <cmath>
4 #include <algorithm>
5
6 int main() {
7     int number;
8     std::cin >> number;
9
10    std::vector<int> stones_weights(number);
```

```

11
12     int full_sum = 0;
13
14     for (int i = 0; i < number; ++i) {
15         std::cin >> stones_weights[i];
16         full_sum += stones_weights[i];
17     }
18
19     int min = full_sum;
20
21     for (int i = 0; i < pow(2, number - 1); ++i) {
22         int cur = i;
23         int iter_numb = 0;
24         int first_sum = 0;
25         while (cur != 0) {
26             if (cur % 2 == 1) {
27                 first_sum += stones_weights[iter_numb];
28             }
29             cur = cur / 2;
30             ++iter_numb;
31         }
32         min = std::min(min, std::abs(full_sum - 2 * first_sum)
33             );
34     }
35     printf("%d", min);
36
37     return 0;

```

## 2.5 Результат

Timus Online Judge							
Online Judge	Задачи	Авторы	Соревнования				
<a href="#">О системе</a>	<a href="#">Архив задач</a>	<a href="#">Регистрация</a>	<a href="#">Текущее соревнование</a>				
<a href="#">Часто задаваемые вопросы</a>	<a href="#">Отправить на проверку</a>	<a href="#">Исправить данные</a>	<a href="#">Расписание</a>				
<a href="#">Новости сайта</a>	<a href="#">Состояние проверки</a>	<a href="#">Рейтинг авторов</a>	<a href="#">Предыдущие соревнования</a>				
<a href="#">Форум</a>	<a href="#">Руководство</a>	<a href="#">Имя автора</a> <input type="text"/> <input type="button" value="Поиск"/>	<a href="#">Правила</a>				
<a href="#">Ссылки</a>							

  

Последние попытки							
Автор: <a href="#">mistDragon</a> • Задача: <a href="#">Куча камней</a>							
ID	Дата	Автор	Задача	Язык	Результат проверки	№ теста	Время работы
10550745	01:36:28 6 фев 2024	<a href="#">mistDragon</a>	<a href="#">1005. Куча камней</a>	Visual C++ 2022 x64	Accepted		0.109
							608 KB

Рис. 2. Результат отправки задачи 1005.

### 3    Задача 2025

#### 2025. Стенка на стенку

Ограничение времени: 1.0 секунды  
Ограничение памяти: 64 МБ

Бокс, каратэ, самбо... Классические боевые единоборства пресытили аудиторию. Поэтому известный спортивный канал запускает новый формат соревнований, основанный на традиционной русской забаве — боях стенка на стенку. В соревновании могут участвовать от двух до  $k$  команд, каждая из которых будет соперничать с остальными. Всего в соревновании примут участие  $n$  бойцов. Перед началом боя они должны разделиться на команды, каждый боец должен войти ровно в одну команду. За время боя два бойца сразятся, если они состоят в разных командах. Организаторы считают, что популярность соревнований будет тем выше, чем больше будет количество схваток между бойцами. Помогите распределить бойцов по командам так, чтобы максимизировать количество схваток между бойцами, и выведите это количество.

##### Исходные данные

В первой строке дано количество тестов  $T$  ( $1 \leq T \leq 10$ ). В следующих  $T$  строках перечислены тесты. В каждой из них записаны целые числа  $n$  и  $k$  через пробел ( $2 \leq k \leq n \leq 10^4$ ).

##### Результат

Для каждого теста в отдельной строке выведите одно целое число — ответ на задачу.

##### Пример

исходные данные	результат
3	12
6 3	10
5 5	4
4 2	

Автор задачи: Алексей Данилюк

Источник задачи: Уральская региональная командная олимпиада по программированию 2014

Рис. 3. Условие задачи 2025.

### 3.1    Основная идея

Для того, чтобы максимизировать число боев, необходимо, чтобы как можно меньше бойцов находились в одной команде. То есть, в идеале в каждой команде должно быть равное число бойцов, это выполнимо только в том случае, когда количество бойцов нацело делится на число команд. В случае ненулевого остатка от деления числа бойцов на число команд, оставшихся бойцов распределяем так же равномерно. Таким образом, число бойцов в каждой команде может различаться **не больше, чем на 1**.

### 3.2    Краткое описание алгоритма

1. **Входные данные:**  $t$  – количество тестов ( $1 \leq t \leq 10$ ), в следующих  $t$  строках перечислены тесты, в каждой из них 2 целые числа  $n$  и  $k$

$(2 \leq k \leq n \leq 10^4)$ .

2. Найдем среднее число бойцов в команде: для этого разделим общее количество бойцов на количество команд  $medium\_in\_team = \frac{n}{k}$ .

3. Найдем число бойцов пока не распределенных по командам как остаток от деления числа бойцов на количество команд:  $extra\_fighters = n \% k$

4. Формула для подсчета числа боев:

$$F = medium\_in\_team \cdot (k - extra\_fighters) \cdot (n - medium\_in\_team) + extra\_fighters \cdot (medium\_in\_team + 1) \cdot (n - (medium\_in\_team + 1))$$

Заметим, что сейчас симметричные бои учтены. Поэтому конечным результатом будет:  $result = \frac{F}{2}$

5. **Выходные данные:** для каждого из  $t$  наборов целое неотрицательное число – максимальное количество боев.

### 3.3 Листинг

Листинг 2. Исходный код для 2025

```

1 #include <iostream>
2
3
4 int main() {
5     int numb_test;
6     std::cin >> numb_test;
7
8     for (int i = 0; i < numb_test; ++i) {
9
10        int fighters, teams;
11        std::cin >> fighters;
12        std::cin >> teams;
13
14        int medium_in_team = fighters / teams;
15        int extra_fighters = fighters % teams;
16        int result = (medium_in_team * (teams - extra_fighters
17            ) * (fighters - medium_in_team) +
18            extra_fighters * (medium_in_team + 1) *
19            (fighters - medium_in_team - 1)) / 2;
20
21        std::cout << result << std::endl;
22    }
23 }
```

3.4 Результат

Online Judge

[О системе](#)  
[Часто задаваемые вопросы](#)  
[Новости сайта](#)  
[Форум](#)  
[Ссылки](#)

Задачи

[Архив задач](#)  
[Отправить на проверку](#)  
[Состояние проверки](#)  
[Руководство](#)

Авторы

[Регистрация](#)  
[Исправить данные](#)  
[Рейтинг авторов](#)  

Имя автора

Соревнования

[Текущее соревнование](#)  
[Расписание](#)  
[Прошедшие соревнования](#)  
[Правила](#)

Последние попытки

Автор: [mistDragon](#) • Задача: [Стенка на стену](#)

ID	Дата	Автор	Задача	Язык	Результат проверки	№ теста	Время работы	Выделено памяти
<a href="#">10562723</a>	16:24:46 8 фев 2024	<a href="#">mistDragon</a>	<a href="#">2025. Стенка на стену</a>	Visual C++ 2022 x64	Accepted		0.015	608 КБ

Показывать по [10](#) | [30](#) | [100](#) строк на странице • Обновлять каждые [15](#) | [60](#) | [240](#) секунд | [не обновлять](#)

Рис. 4. Результат отправки задачи 2025.

4    Задача 1155

1155. Дуоны

Ограничение времени: 0.5 секунды  
Ограничение памяти: 64 МБ

*Архангел по науке докладывает:*  
— Господи, эти физики там, внизу, — они открыли ещё одну элементарную частицу!  
— Хорошо, добавим параметр в Общее Уравнение Вселенной.

С развитием техники физики находят всё новые и новые элементарные частицы, с непонятными и даже загадочными свойствами. Многие слышали про мюоны, глюоны, странные кварки и прочую нечисть. Недавно были обнаружены элементарные частицы дуоны. Эти частицы названы так потому, что учёным удаётся создавать или аннигилировать их только парами. Кстати, от дуонов одни неприятности, поэтому от них стараются избавляться до начала экспериментов. Помогите физикам избавиться от дуонов в их установке.



Экспериментальная установка состоит из восьми камер, которые расположены в вершинах куба. Камеры промаркированы латинскими буквами A, B, C, ..., H. Технически возможно создать, или наоборот, аннигилировать, два дуона, находящихся в смежных камерах. Вам нужно автоматизировать процесс удаления дуонов из установки.

Исходные данные

В единственной строке даны восемь целых чисел в пределах от 0 до 100, описывающих количество дуонов в камерах установки (сначала в камере A, потом в B, и т.д.).

Результат

Выведите последовательность действий для удаления всех дуонов или слово «IMPOSSIBLE», если это невозможно. Каждое действие должно быть описано в отдельной строке, в следующем формате: маркер первой камеры, маркер второй (смежной с первой), далее плюс либо минус (создать или аннигилировать пару дуонов). Количество действий в последовательности не должно превосходить 1000.

Примеры

исходные данные	результат
1 0 1 0 3 1 0 0	EF - EA - AD + AE - DC -
0 1 0 1 2 3 2 2	IMPOSSIBLE

Источник задачи: Командный чемпионат Урала по программированию. Пермь, апрель 2001 г., английский тур.

Рис. 5. Условие задачи 1155.

4.1    Основная идея



## 5 Вывод по работе

В ходе выполнения данной лабораторной работы были реализованы алгоритмы для решения задач 1005, 2025 и 1155. Заметим, что они не содержат сложных структур данных.