

Министерство образования и науки Российской Федерации  
Федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего  
образования

САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ  
УНИВЕРСИТЕТ ИТМО

Факультет систем управления и робототехники

## Лабораторная работа № 6 "Задачи 1160, 1162, 1650"

по дисциплине Алгоритмы и структуры данных

Выполнила: студентка гр. **R3238**  
поток **2.1**

**Нечаева А. А.**

Преподаватель: *Тропченко Андрей Александрович*

Санкт-Петербург, 2024

# 1 Цель

Разработать и реализовать алгоритмы для решения задач 1160, 1162 и 1650.

# 2 Задача 1160

## 1160. Network

Ограничение времени: 1.0 секунды

Ограничение памяти: 64 МБ

Andrew is working as system administrator and is planning to establish a new network in his company. There will be  $N$  hubs in the company, they can be connected to each other using cables. Since each worker of the company must have access to the whole network, each hub must be accessible by cables from any other hub (with possibly some intermediate hubs).

Since cables of different types are available and shorter ones are cheaper, it is necessary to make such a plan of hub connection, that the maximum length of a single cable is minimal. There is another problem - not each hub can be connected to any other one because of compatibility problems and building geometry limitations. Of course, Andrew will provide you all necessary information about possible hub connections.

You are to help Andrew to find the way to connect hubs so that all above conditions are satisfied.

### Исходные данные

The first line contains two integer:  $N$  - the number of hubs in the network ( $2 \leq N \leq 1000$ ) and  $M$  — the number of possible hub connections ( $1 \leq M \leq 15000$ ). All hubs are numbered from 1 to  $N$ . The following  $M$  lines contain information about possible connections - the numbers of two hubs, which can be connected and the cable length required to connect them. Length is a positive integer number that does not exceed  $10^6$ . There will be no more than one way to connect two hubs. A hub cannot be connected to itself. There will always be at least one way to connect all hubs.

### Результат

Output first the maximum length of a single cable in your hub connection plan (the value you should minimize). Then output your plan: first output  $P$  - the number of cables used, then output  $P$  pairs of integer numbers - numbers of hubs connected by the corresponding cable. Separate numbers by spaces and/or line breaks.

### Пример

исходные данные	результат
4 6	1
1 2 1	4
1 3 1	1 2
1 4 2	1 3
2 3 1	2 3
3 4 1	3 4
2 4 1	

Автор задачи: Andrew Stankevich

Источник задачи: ACM ICPC 2001. Northeastern European Region, Northern Subregion

Рис. 1. Условие задачи 1160.

## 2.1 Краткое описание алгоритма

В основе реализации лежит алгоритм **Краскала** – алгоритм поиска минимального остовного дерева (англ. *minimum spanning tree*, *MST*) во взвешенном неориентированном связном графе.

Идея алгоритма Краскала: последовательное построение подграфа  $F$  графа  $G$ , стремясь на каждой итерации достроить  $F$  до  $MST$ . Включим в  $F$  все вершины  $G$ . Перейдем к обходу множества ребер графа  $G$  в порядке неубывания весов ребер. Если какое-то ребро соединяет вершины одной компоненты связности  $F$ , то оно не может быть включено в  $F$ , так как при его добавлении возникнет цикл. Иначе добавляем это ребро в  $F$ . На последней итерации ребро объединит две компоненты связности, полученный подграф будет минимальным остовным деревом графа  $G$ .

**1. Входные данные:** в первой строке содержится два целых числа:  $N$  – число хабов в сети ( $2 \leq N \leq 1000$ ) и  $M$  – число возможных соединений хабов ( $1 \leq M \leq 15000$ ). Все хабы имеют номера от 1 до  $N$ . Следующие  $M$  строк содержат информацию о возможных соединениях – номера двух хабов, которые могут быть соединены кабелем, и длину соответствующего кабеля.

**2.** Зададим структуру для соединения (начальный хаб, конечный и длина кабеля). При считывании данных будем записывать все соединения в структуру данных `std::vector`. Отсортируем полученный вектор по неубыванию.

**3.** Теперь добавляем соединения (ребра в граф), вершины обозначаем такими номерами, которые соответствуют номерам подграфов, не соединенных с другими подграфами.

**4.** Если мы объединяем два подграфа, то присваиваем объединению наименьший из исходных номеров компонент. В конце все вершины должны оказаться соединенными.

**5. Выходные данные:** вывести максимальное значение длины кабеля в полученном плане соединений (значение, которое нужно минимизировать). Далее вывести количество использованных кабелей и вывести пары, соединенных хабов.

## 2.2 Листинг

Листинг 1. Исходный код для 1160

```
1 #include <iostream>
2 #include <algorithm>
3 #include <vector>
4
5
6 // special structure to store information about connections
7 struct _connection {
8     int v_1;
9     int v_2;
10    int l;
11 };
12
13 // special comparator to sort possible connections
14 bool _compare(_connection c_1, _connection c_2) {
15     return c_1.l < c_2.l;
16 }
17
18
19
20 int main(){
21
22     int N, M, v_1, v_2, l;
23     std::cin >> N >> M;
24     // vector of possible connections
25     std::vector<_connection> _pos_con;
26
27     for (int i = 0; i < M; ++i) {
28
29         std::cin >> v_1 >> v_2 >> l;
30         _pos_con.push_back((_connection){v_1 - 1, v_2 - 1, l});
31     };
32     // here starts the Kruskal's algorithm
33     std::sort(_pos_con.begin(), _pos_con.end(), _compare);
34
35     int _visited_v[N];
36     int _visited_e[M];
37
38     for (int i = 0; i < N; ++i) {
```

```

39     _visited_v[i] = -1;
40 }
41
42 for (int i = 0; i < M; ++i) {
43     _visited_e[i] = 0;
44 }
45
46 int _subgraph_number = 0;
47 int _max = 0;
48 int _counter = 0;
49
50 for (int i = 0; i < M; ++i) {
51     if (_visited_v[_pos_con[i].v_1] != -1 && _visited_v[
        _pos_con[i].v_1] == _visited_v[_pos_con[i].v_2])
52         continue;
53
54     else if (_visited_v[_pos_con[i].v_1] == -1 &&
        _visited_v[_pos_con[i].v_2] == -1) {
55         _visited_v[_pos_con[i].v_1] = ++_subgraph_number;
56         _visited_v[_pos_con[i].v_2] = _subgraph_number;
57     } else if ((_visited_v[_pos_con[i].v_1] != -1 &&
        _visited_v[_pos_con[i].v_2] == -1) ||
58         (_visited_v[_pos_con[i].v_1] == -1 &&
        _visited_v[_pos_con[i].v_2] != -1)) {
59
60         int _loc_subgraph = _visited_v[_pos_con[i].v_1] +
        _visited_v[_pos_con[i].v_2] + 1;
61         _visited_v[_pos_con[i].v_1] = _loc_subgraph;
62         _visited_v[_pos_con[i].v_2] = _loc_subgraph;
63     } else {
64
65         int min_subgraph;
66         int max_subgraph;
67
68         if (_visited_v[_pos_con[i].v_1] < _visited_v[
        _pos_con[i].v_2]) {
69             min_subgraph = _visited_v[_pos_con[i].v_1];
70             max_subgraph = _visited_v[_pos_con[i].v_2];
71         } else {
72             max_subgraph = _visited_v[_pos_con[i].v_1];
73             min_subgraph = _visited_v[_pos_con[i].v_2];
74         }

```

```

75
76         for (int j = 0; j < N; ++j) {
77             if (_visited_v[j] == max_subgraph) {
78                 _visited_v[j] = min_subgraph;
79             }
80         }
81     }
82     _visited_e[i] = 1;
83     _max = _pos_con[i].l;
84     ++_counter;
85
86 }
87 std::cout << _max << std::endl << _counter << std::endl;
88
89 for (int j = 0; j < M; ++j) {
90     if (_visited_e[j]) {
91         std::cout << _pos_con[j].v_1 + 1 << " " <<
92             _pos_con[j].v_2 + 1 << std::endl;
93     }
94 }
95 return 0;
96 }
97 }

```

## 2.3 Результат

ID	Дата	Автор	Задача	Язык	Результат проверки	№ теста	Время работы	Выделено памяти
10636982	04:44:46 6 май 2024	<a href="#">mistDragon</a>	<a href="#">1160_Network</a>	Clang++ 17 x64	Accepted		0.078	616 KB

Рис. 2. Результат отправки задачи 1160.

### 3 Задача 1162

#### 1162. Currency Exchange

Ограничение времени: 1.0 секунды

Ограничение памяти: 64 МБ

Several currency exchange points are working in our city. Let us suppose that each point specializes in two particular currencies and performs exchange operations only with these currencies. There can be several points specializing in the same pair of currencies. Each point has its own exchange rates, exchange rate of A to B is the quantity of B you get for 1A. Also each exchange point has some commission, the sum you have to pay for your exchange operation. Commission is always collected in source currency.

For example, if you want to exchange 100 US Dollars into Russian Rubles at the exchange point, where the exchange rate is 29.75, and the commission is 0.39 you will get  $(100 - 0.39) * 29.75 = 2963.3975$  RUR.

You surely know that there are N different currencies you can deal with in our city. Let us assign unique integer number from 1 to N to each currency. Then each exchange point can be described with 6 numbers: integer A and B - numbers of currencies it exchanges, and real RAB, CAB, RBA and CBA - exchange rates and commissions when exchanging A to B and B to A respectively.

Nick has some money in currency S and wonders if he can somehow, after some exchange operations, increase his capital. Of course, he wants to have his money in currency S in the end. Help him to answer this difficult question. Nick must always have non-negative sum of money while making his operations.

##### Исходные данные

The first line contains four numbers: N - the number of currencies, M - the number of exchange points, S - the number of currency Nick has and V - the quantity of currency units he has. The following M lines contain 6 numbers each - the description of the corresponding exchange point - in specified above order. Numbers are separated by one or more spaces.  $1 \leq S \leq N \leq 100$ ,  $1 \leq M \leq 100$ , V is real number,  $0 \leq V \leq 10^3$ .

For each point exchange rates and commissions are real, given with at most two digits after the decimal point,  $10^{-2} \leq \text{rate} \leq 10^2$ ,  $0 \leq \text{commission} \leq 10^2$ .

Let us call some sequence of the exchange operations simple if no exchange point is used more than once in this sequence. You may assume that ratio of the numeric values of the sums at the end and at the beginning of any simple sequence of the exchange operations will be less than  $10^4$ .

##### Результат

If Nick can increase his wealth, output YES, in other case output NO.

##### Примеры

исходные данные	результат
3 2 1 10.0 1 2 1.0 1.0 1.0 1.0 2 3 1.1 1.0 1.1 1.0	NO
3 2 1 20.0 1 2 1.0 1.0 1.0 1.0 2 3 1.1 1.0 1.1 1.0	YES

**Автор задачи:** Nick Durov

**Источник задачи:** ACM ICPC 2001. Northeastern European Region, Northern Subregion

*Рис. 3. Условие задачи 1162.*

### 3.1 Краткое описание алгоритма

1. Входные данные:

2.

3.

4.

5. Выходные данные:

### 3.2 Листинг

*Листинг 2. Исходный код для 1162*

```
1 #include <iostream>
```

### 3.3 Результат



4    Задача 1650

1650. Миллиардеры

Ограничение времени: 3.0 секунды  
Ограничение памяти: 64 МБ

Возможно, вы знаете, что из всех городов мира больше всего миллиардеров живёт в Москве. Но, поскольку работа миллиардера подразумевает частые перемещения по всему свету, в определённые дни какой-то другой город может занимать первую строчку в таком рейтинге. Ваши приятели из ФСБ, ФБР, MI5 и Шин Бет скинули вам списки перемещений всех миллиардеров за последнее время. Ваш работодатель просит посчитать, сколько дней в течение этого периода каждый из городов мира был первым по общей сумме денег миллиардеров, находящихся в нём.

Исходные данные

В первой строке записано целое число  $n$  — количество миллиардеров ( $1 \leq n \leq 10000$ ). В каждой из следующих  $n$  строк записаны данные на определённого человека: его имя, название города, где он находился в первый день данного периода, и размер состояния. В следующей строке записаны целые числа  $m$  и  $k$  — количество дней, о которых есть данные, и количество зарегистрированных перемещений миллиардеров соответственно ( $1 \leq m \leq 50000$ ;  $0 \leq k \leq 50000$ ). В следующих  $k$  строках записан список перемещений в формате: номер дня (от 1 до  $m - 1$ ), имя человека, название города назначения. Вы можете считать, что миллиардеры путешествуют не чаще одного раза в день и что они отбывают поздно вечером и прибывают в город назначения рано утром следующего дня. Список упорядочен по возрастанию номера дня. Все имена и названия городов состоят не более чем из 20 латинских букв, регистр букв имеет значение. Состояния миллиардеров лежат в пределах от 1 до 100 миллиардов.

Результат

В каждой строке должно содержаться название города и, через пробел, количество дней, в течение которых этот город лидировал по общему состоянию миллиардеров, находящихся в нём. Если таких дней не было, пропустите этот город. Города должны быть отсортированы по алфавиту (используйте обычный порядок символов: ABC...Zabc...z).

Пример

исходные данные	результат
5 Abramovich London 15000000000 Deripaska Moscow 10000000000 Potanin Moscow 5000000000 Berezovsky London 2500000000 Khodorkovsky Chita 1000000000 25 9 1 Abramovich Anadyr 5 Potanin Courchevel 10 Abramovich Moscow 11 Abramovich London 11 Deripaska StPetersburg 15 Potanin Norilsk 20 Berezovsky Tbilisi 21 Potanin StPetersburg 22 Berezovsky London	Anadyr 5 London 14 Moscow 1

Автор задачи: Павел Атнашев

Источник задачи: NEERC 2008, Четвертьфинал Восточного подрегиона

Рис. 4. Условие задачи 1650.

## 4.1 Краткое описание алгоритма

1. Входные данные:

2.

3.

4.

5. Выходные данные:

## 4.2 Листинг

*Листинг 3. Исходный код для 1650*

```
1 #include <iostream>
```

## 4.3 Результат

## 5 Вывод по работе

В ходе выполнения данной лабораторной работы были реализованы алгоритмы для решения задач 1160, 1162 и 1650.

Решение задачи 1160 основывается на применении алгоритма Краскала.