Министерство образования и науки Российской Федерации Федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования

САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ ИТМО

Факультет систем управления и робототехники

Лабораторная работа № 4 "Точностные свойства системы, астатизмы и регуляторы"

по дисциплине Линенйные системы автоматического управления

Студент: гр. R3338

Нечаева А. А.

Преподаватель: Перегудин Алексей Алексеевич

1 Задание. Задача стабилизации с идеальным дифференцирующим звеном

Рассмотрим объект управления 2-го порядка, заданный дифференциальным уравнением

$$a_2\ddot{y} + a_1\dot{y} + a_0y = u \tag{1}$$

1.1 Моделирование свободного движения разомкнутой системы

Придумаем такие коэффициенты a_i , чтобы содержался хотя бы один неустойчивый полюс. Неустойчивый полюс, следовательно, требуется, чтобы действительная часть хотя бы одного из корней характеристического уравнения была положительной.

Запишем передаточную функцию системы

$$W(p) = \frac{\frac{1}{a_2}}{p^2 + \frac{a_1}{a_2}p + \frac{a_0}{a_2}} \tag{2}$$

Заметим, что при $a_2=1,\ a_1=-4,\ a_0=-5,$ корни $\lambda_1=-1,\ \lambda_2=5.$ Действительная часть второго корня положительна, следовательно, полюс неустойчивый.

Запишем уравнение системы с учетом подобранных коэффициентов:

$$\ddot{y} - 4\dot{y} - 5y = u \tag{3}$$

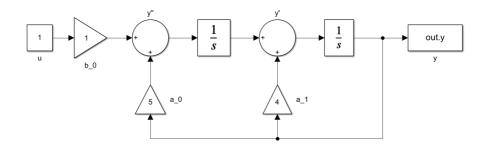
Преобразования для построения схемы в Simulink:

перепишем с применением оператора дифференцирования и выразим выходной сигнал \boldsymbol{y}

$$p^{2}[y] - 4p[y] - 5y = u \Leftrightarrow p^{2}[y] = 4p[y] + 5y + u \Leftrightarrow$$

$$\Leftrightarrow y = \frac{1}{p^{2}} [4p[y] + 5y + u] = 4\frac{1}{p}[y] + 5\frac{1}{p^{2}}[y] + \frac{1}{p^{2}}[u] \quad (4)$$

Получили выражение, записанное с помощью оператора интегрирования. Схема, построеная для моделирования системы, приведена на рисунке 1.



Puc. 1. Схема системы, построенная в Simulink.

Зададимся ненулевыми начальными условиями $y(0)=1,\ \dot{y}(0)=1$ и выполним моделирование свободного движения разомкнутой системы $y_{\mathrm{pas}}.$

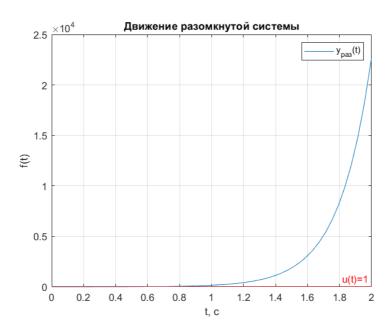


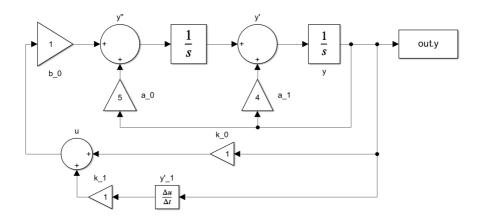
Рис. 2. Результат моделирования разомкнутой системы.

1.2 Моделирование замкнутой системы с использованием регулятора

Рассмотрим регулятор вида

$$u = k_0 y + k_1 \dot{y} \tag{5}$$

и построим структурную схему замкнутой системы, состоящей из объекта управления и регулятора, в режиме стабилизации (рисунок 3).



Puc. 3. Схема замкнутой системы, построенная в Simulink.

Определим значения k_i , при которых замкнутая система будет устойчивой.

$$\ddot{y} - 4\dot{y} - 5y = k_0 y + k_1 \dot{y} \Leftrightarrow \ddot{y} - (4 + k_1) \dot{y} - (5 + k_0) y = 0$$
(6)

Для системы 2-го порядка с характеристическим полиномом вида $D(\lambda) = \lambda^2 + a_1 \lambda + a_0$, согласно критерию Гурвица, необходимым и достаточным условием устойчивости является $a_i > 0$.

$$\begin{cases} -(4+k_1) > 0 \\ -(5+k_0) > 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 4+k_1 < 0 \\ 5+k_0 < 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} k_1 < -4 \\ k_0 < -5 \end{cases}$$
 (7)

Зададимся значениями параметров $k_0=-12,\ k_1=-10,$ обеспечивающим асимптотически устойчивую замкнутую систему, и выполним моделирование движения замкнутой системы $y_{\rm зам}$ с начальными, выбранными в рамках предыдущего моделирования.

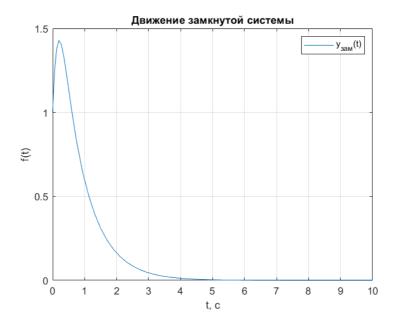


Рис. 4. Результат моделирования замкнутой системы.

1.3 Выводы

В ходе выполнения задания удалось стабилизировать движение системы с помощью ПД-регулятора. График движения разомкнутой системы (рисунок 2) стремительно уходил к бесконечности с течением времени. После замыкания системы с помощью ПД-регулятора в режиме стабилизации и подбора его коэффициентов для обеспечения устойчивости системы было проведено повторное моделирование движения системы с теми же начальными условиями. В результате график движения системы стремится к нулю. Обеспечена асимптотическая устойчивость системы.

2 Задание. Задача стабилизации с реальным дифференцирующим звеном

Модифицируем замкнутую систему из первого задания, заменив аппроксимацию производной $\dot{y}(t)$ на передаточную функцию вида

$$W_{\text{р.дифф.}}(s) = \frac{s}{Ts+1}$$
 (8)

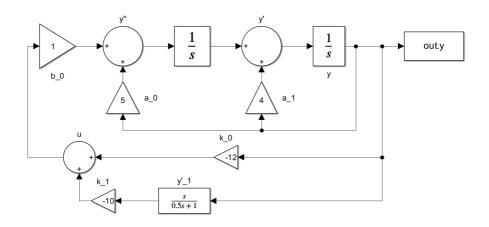


Рис. 5. Схема модифицированной системы.

- 3 Задание. Задача слежения для системы с астатизмом нулевого порядка (П-регулятор)
- 4 Задание. Задача слежения для системы с астатизмом первого порядка (И-регулятор)
- 5 Задание. Задача слежения для системы с астатизмом первого порядка (ПИ-регулятор)
- 6 Задание. Задача слежения за гармоническим сигналом(регулятор общего вида)