

# **Aula 8.1**

## **Restauração de Imagens**

# Restauração

## DEFINIÇÃO

- 1 - O problema da restauração consiste na tarefa de estimar uma imagem que sofreu um processo de degradação, que envolve algum tipo de espalhamento da luz e contaminação por ruído. (Mascarenhas)
- 2 - Restauração é uma técnica especial de filtragem, que corrige uma imagem degradada para aproximá-la da imagem original (Teuber)

## OBJETIVO

- Um processo de restauração de imagens tem por objetivo obter a imagem original, a partir da imagem degradada
- Em geral isto não é possível de ser feito, mas uma melhora da imagem degradada já é muito bom.

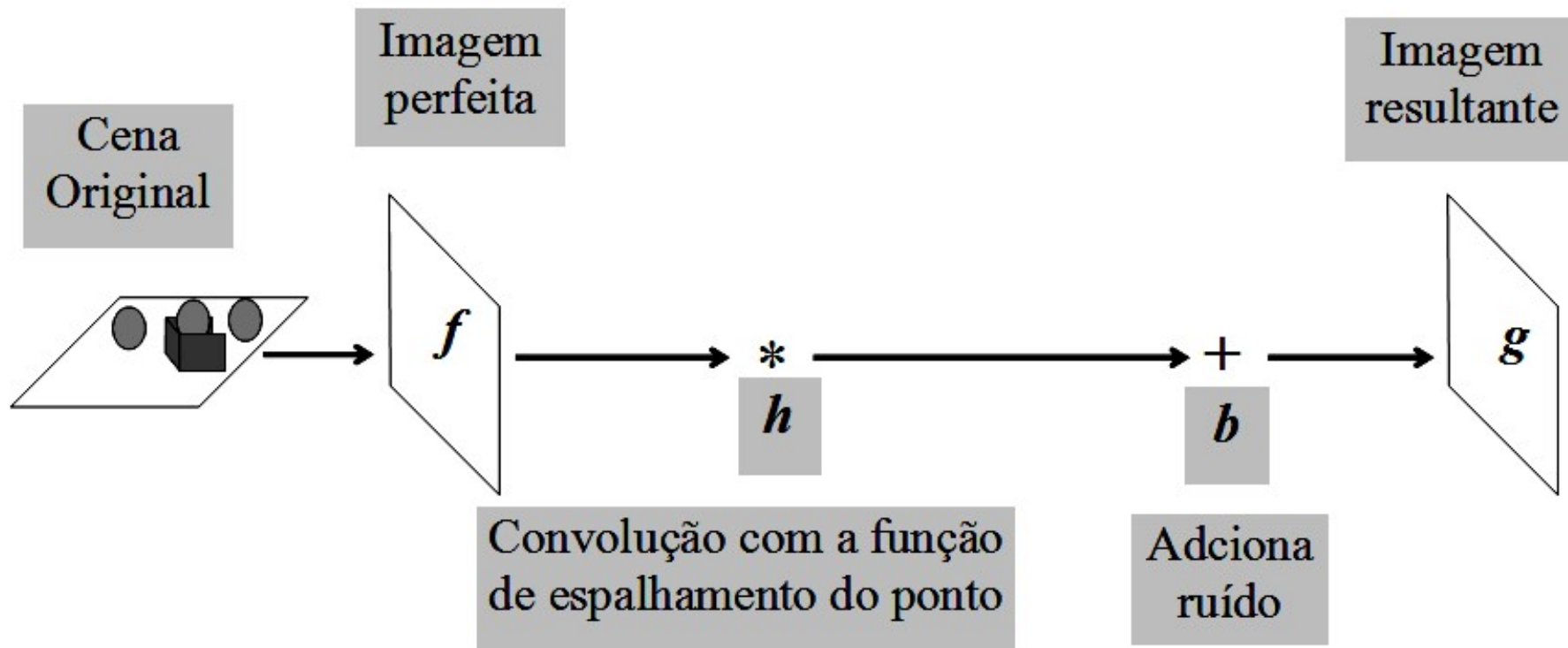
# Restauração

## **APLICAÇÕES**

- Astronomia;
- Quando o Hubble Space Telescope foi lançado, as imagens apresentavam uma degradação e, foi preciso fazer correções nas imagens, até a conclusão dos reparos no telescópio
- Radioastronomia
- Microscopia eletrônica
- Imageamento por satélite
- Imageamento Médico

# Restauração

## MODELO DO PROBLEMA A SER RESOLVIDO



**Modelo de degradação (espalhamento da luz + contaminação por ruído)**

# Restauração

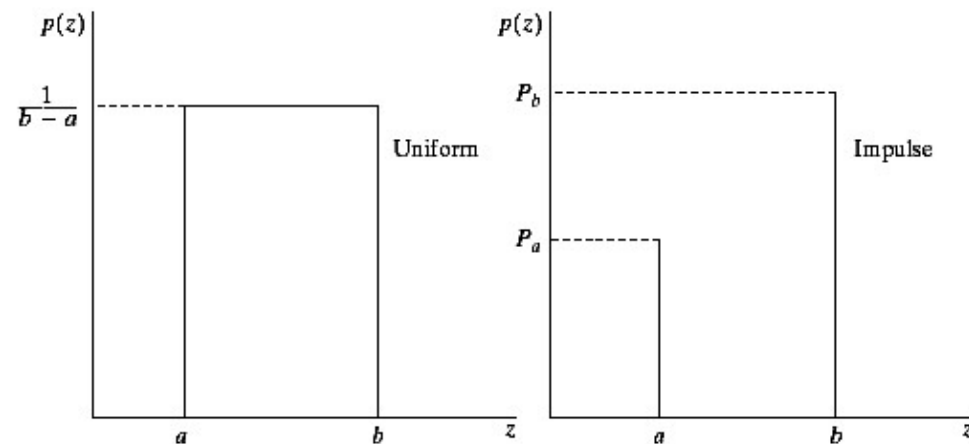
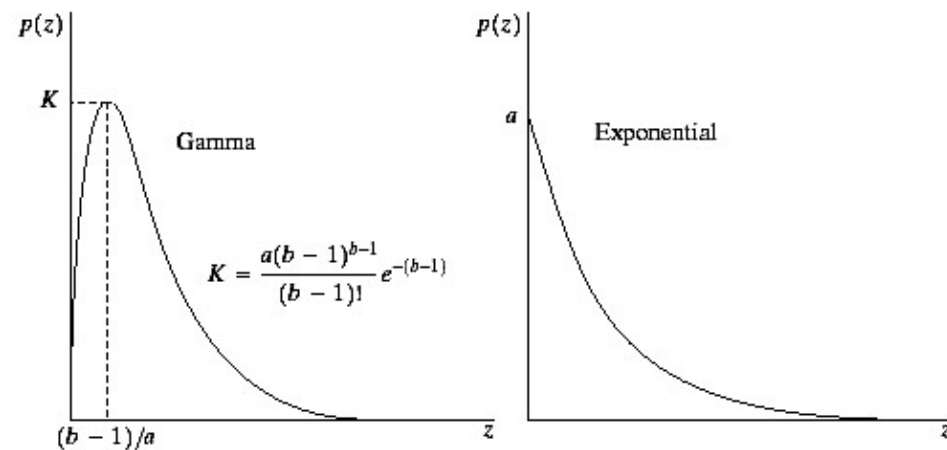
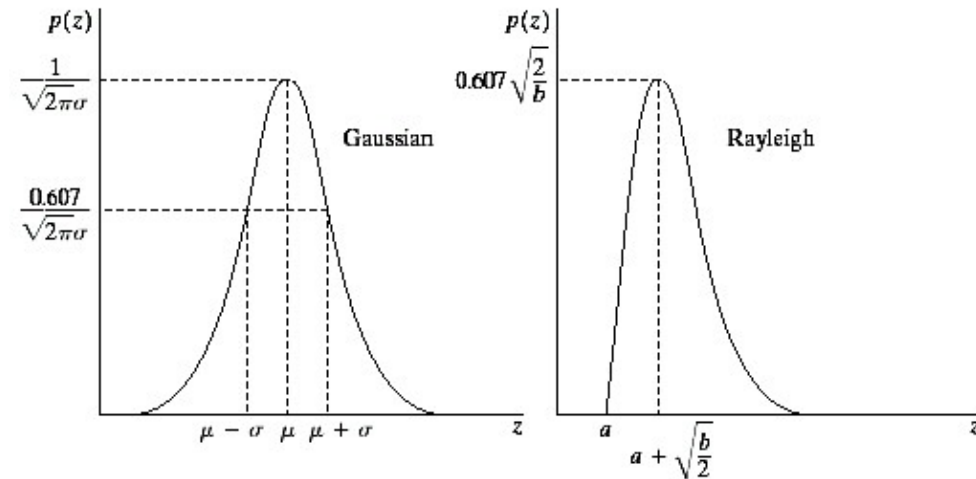
**Para simplificar o problema, supõe-se que  $H$  seja a identidade, ficando apenas a adição do ruído**

## **RUÍDO**

- O ruído nunca é conhecido perfeitamente, mas pode ser caracterizado estatisticamente (média e variância são normalmente os parâmetros mais importantes quando na análise de imagens)
- **Ruído Branco** - tem espectro de frequência uniforme, ou seja, todas as frequências estão presentes.
- **Ruído Gaussiano** - Possui uma distribuição de frequência não-uniforme.

# Restauração

Importantes funções  
densidade de  
probabilidade



# Restauração

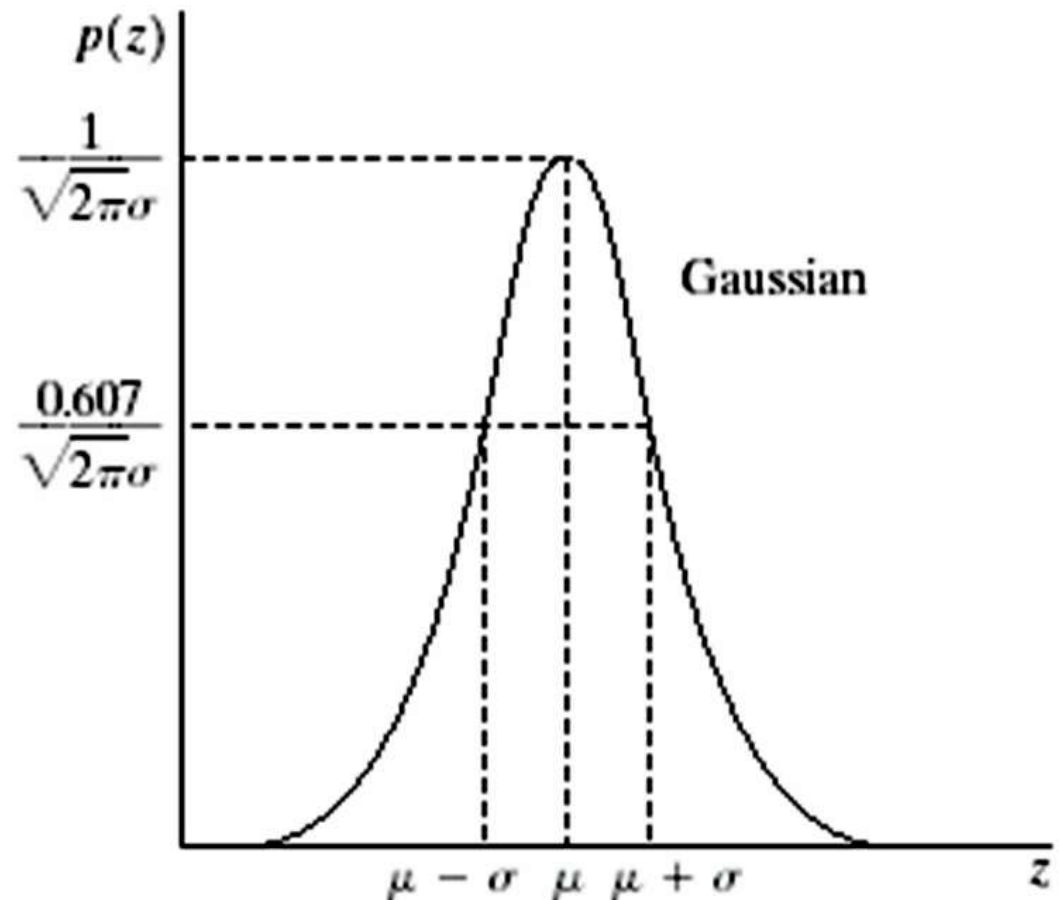
A pdf (Função Densidade de Probabilidade) de uma variável aleatória gaussiana  $z$  é dada por:

$$p(z) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}\sigma} e^{-(z-\mu)^2/2\sigma^2}$$

Onde:  $z$  é a intensidade  
 $\mu$  é o valor médio  
 $\sigma$  é o desvio padrão

70% dos valores estarão  
no intervalo:  $[\mu-\sigma, \mu+\sigma]$

95% dos valores estarão  
no intervalo:  $[\mu-2\sigma, \mu+2\sigma]$



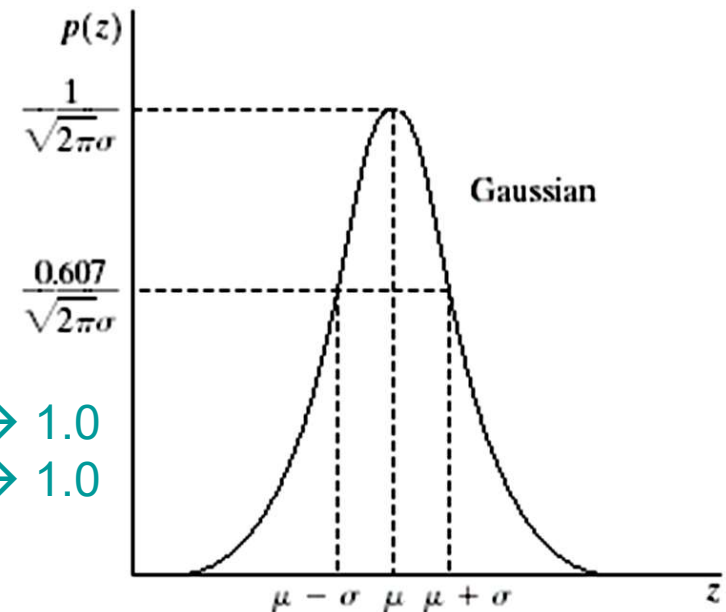
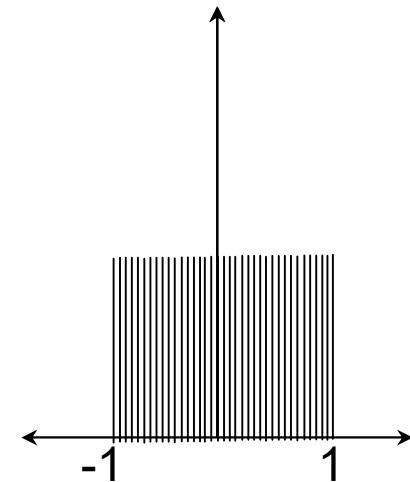
# Restauração

**float uniform(int faixa)**

```
{  
    float x1;  
    x1 = 2.0 * random(10000)/10000.0; // 0 → 2,0000  
    x1 = x1 - 1.0; // -1,0 → 1,0  
    return x1;  
}
```

**float GaussianRandom(int faixa)**

```
{  
    float x1, x2, w, y1, y2;      int i;  
    do  
    {  
        x1 = 2.0 * random(10000)/10000.0 - 1.0; // -1.0 → 1.0  
        x2 = 2.0 * random(10000)/10000.0 - 1.0; // -1.0 → 1.0  
        w = x1 * x1 + x2 * x2;  
    } while ( w >= 1.0 );  
    w = sqrt( (-2.0 * log( w ) ) / w );  
    y1 = x1 * w;  
    return y1;  
}
```



A partir da quantidade de ruído desejada, gere aleatoriamente as coordenadas x,y e, então, some um valor obedecendo a distribuição desejada



# Restauração

Outras funções densidade de probabilidade

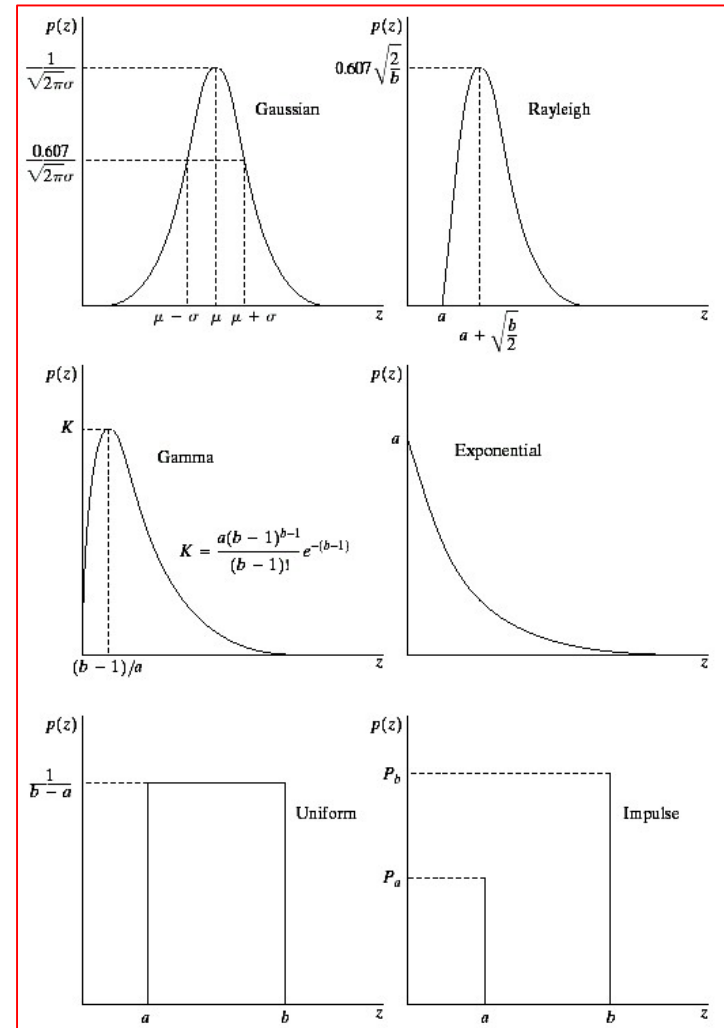
Rayleigh 
$$p(z) = \begin{cases} \frac{2}{b} (z - a) e^{-(z-a)^2/b} & \text{for } z \geq a \\ 0 & \text{for } z < a. \end{cases}$$

Erlang (Gama) 
$$p(z) = \begin{cases} \frac{a^b z^{b-1}}{(b-1)!} e^{-az} & \text{for } z \geq 0 \\ 0 & \text{for } z < 0 \end{cases}$$

Exponencial 
$$p(z) = \begin{cases} a e^{-az} & \text{for } z \geq 0 \\ 0 & \text{for } z < 0 \end{cases}$$

Uniforme 
$$p(z) = \begin{cases} \frac{1}{b-a} & \text{if } a \leq z \leq b \\ 0 & \text{otherwise.} \end{cases}$$

Impulsivo (sal e pimenta) 
$$p(z) = \begin{cases} P_a & \text{for } z = a \\ P_b & \text{for } z = b \\ 0 & \text{otherwise} \end{cases}$$



# Imagens com ruído sal e pimenta

Original



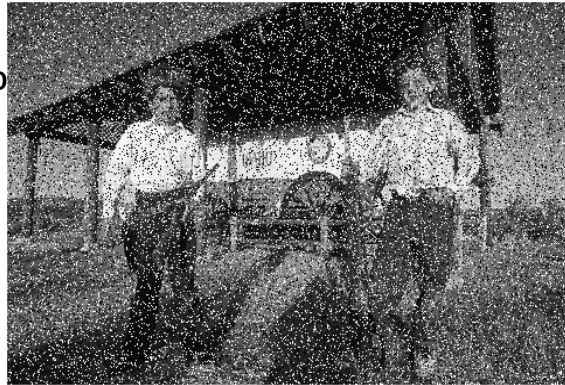
5%



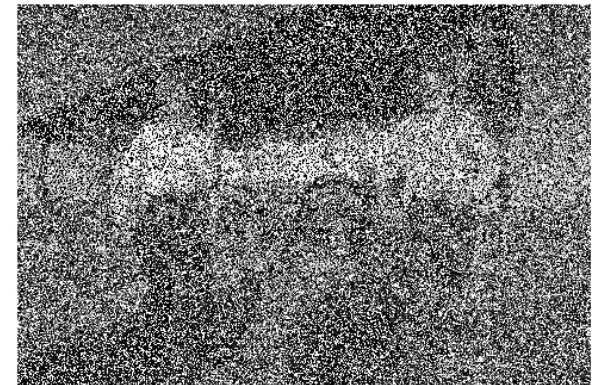
10%



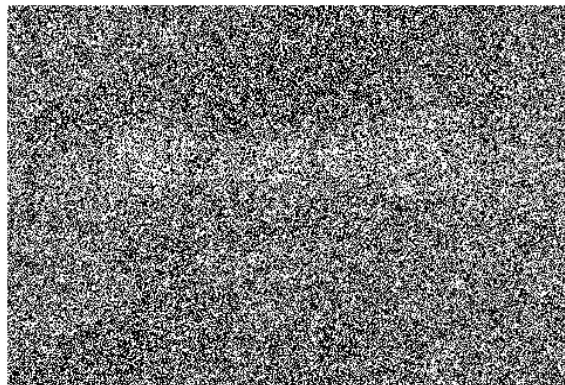
20%



40%



60%



80%

Sal = branco

Pimenta = preto

Geralmente, com 50% de probabilidade para cada

# Imagens com ruído sal e pimenta



Como gerar o ruído:

Pegue a área da imagem = largura x altura

```
for i = 1 to área*%  
  x = random(largura)  
  y = random(altura)  
  cor = random (0 ou 1)  
  pixel(x,y) = cor
```

## Exemplo:

Adicionar 5% de ruído sal e pimenta em uma imagem 1000 x 1000

solução: área = 1.000 x 1.000 = 1.000.000

5% de 1.000.000 é 50.000

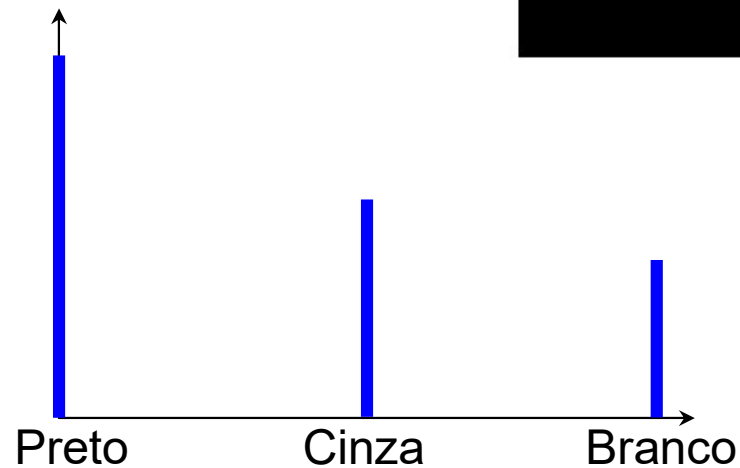
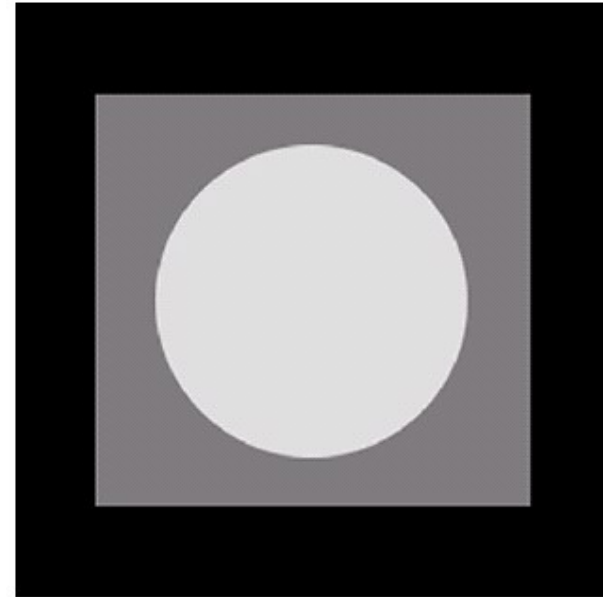
```
for i=1 to 50.000
```

```
...
```

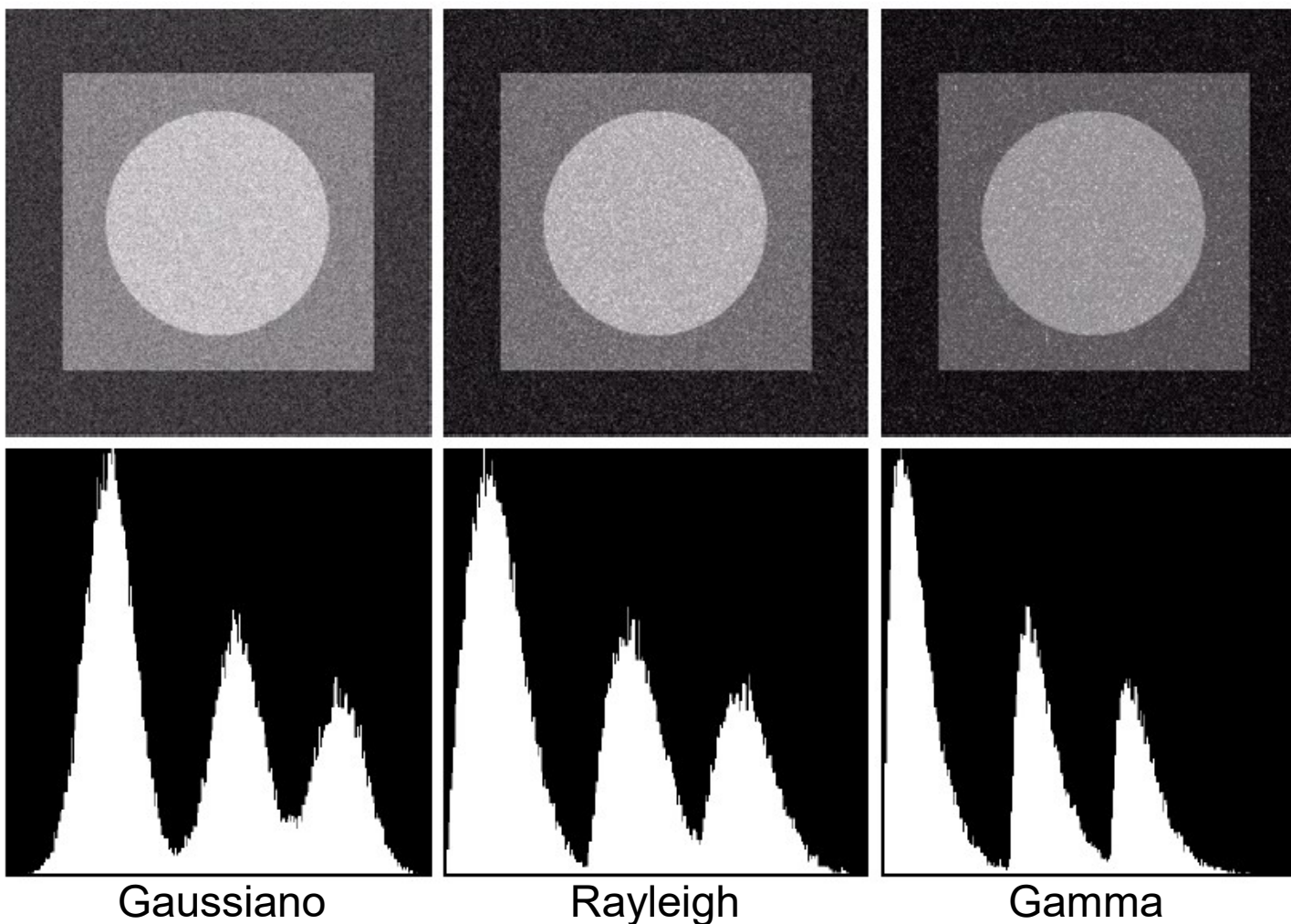
```
...
```

# Restauração

A imagem ao lado apresenta três regiões com cores diferentes, o que simplifica a análise do seu histograma, após a imagem ter sido corrompida por ruído



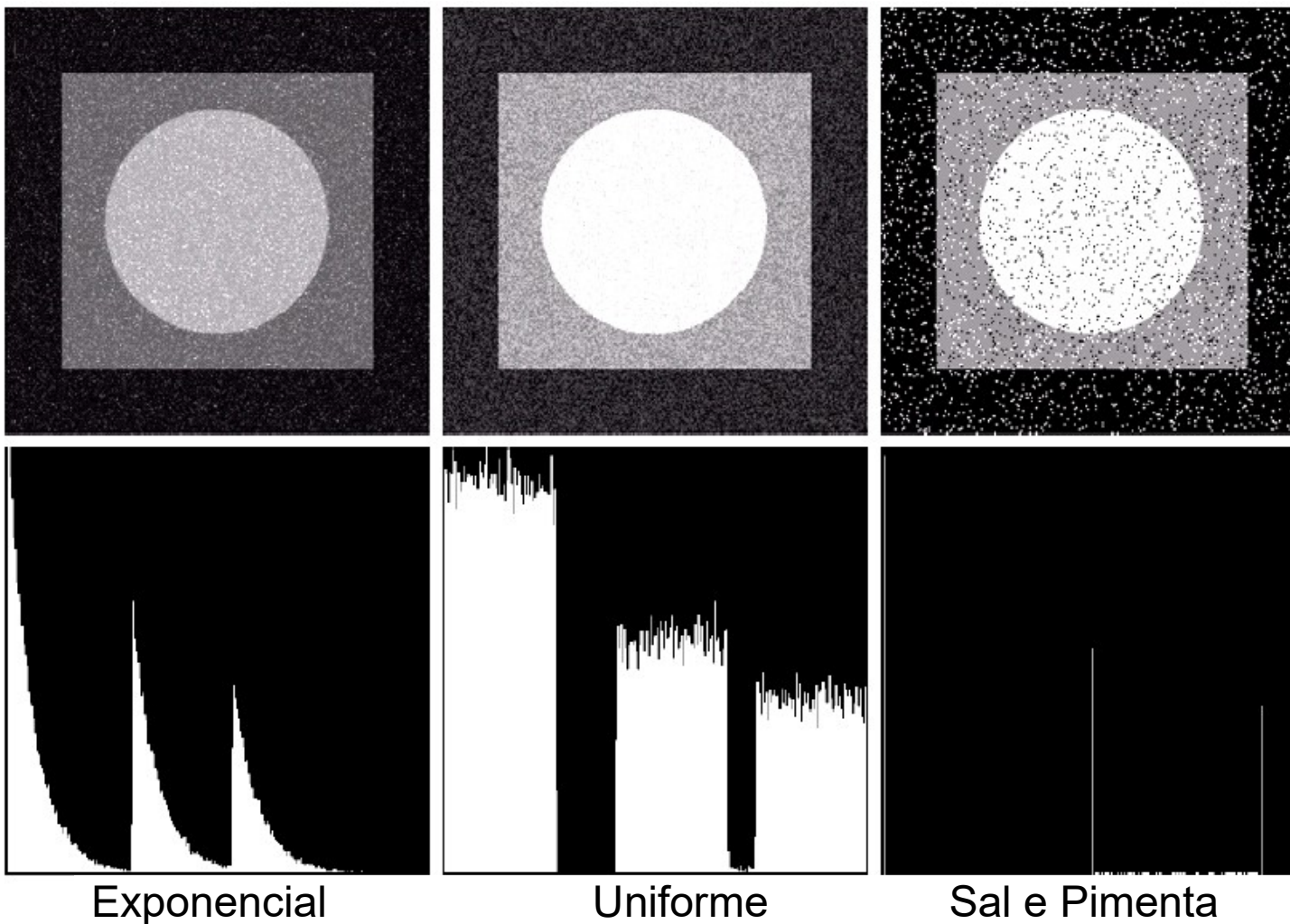
# Restauração



Imagens e histogramas resultantes da adição de ruído gaussiano, rayleigh e gamma



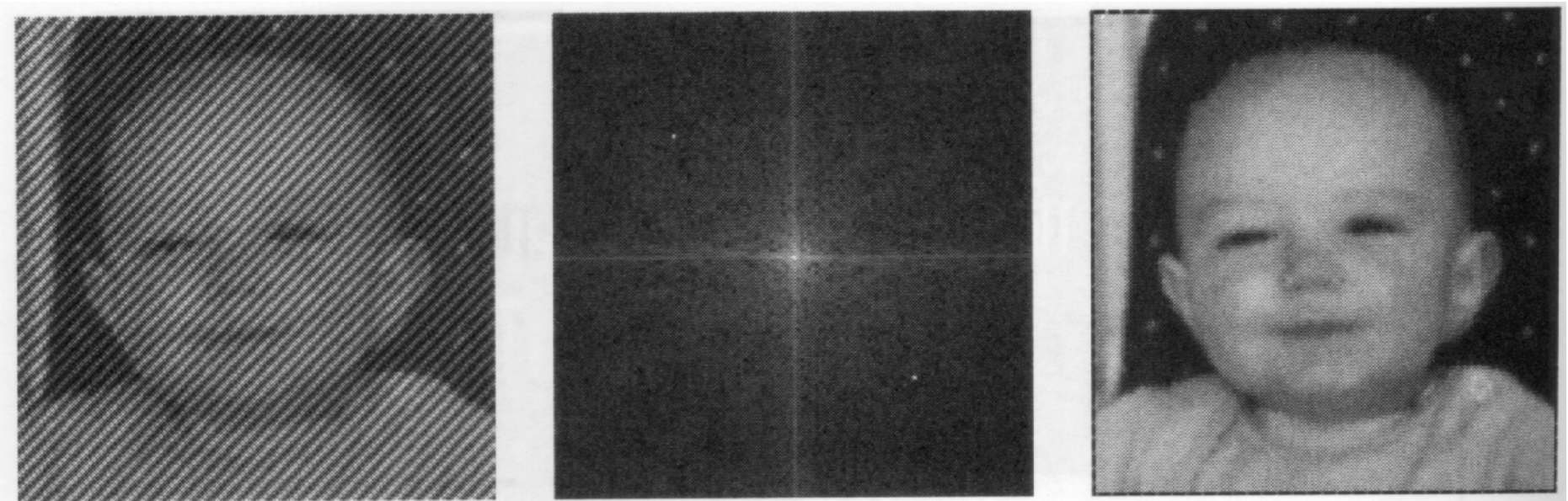
# Restauração



Imagens e histogramas resultantes da adição de ruído exponencial, uniforme e sal e pimenta

# Restauração

• **Ruído com um padrão regular (Periódico)** - Devido a interferência de um motor elétrico por exemplo, o ruído apresenta um padrão que se repete periodicamente, proporcional à velocidade do motor interferente.



**Imagem contaminada por ruído com um padrão regular e sua restauração**

# Restauração

## Estimativa de parâmetros de ruído

Os parâmetros de ruído periódico normalmente são estimados usando a inspeção do espectro de Fourier da imagem

O ruído periódico tende a produzir picos de frequência que muitas vezes podem ser detectados por análise visual

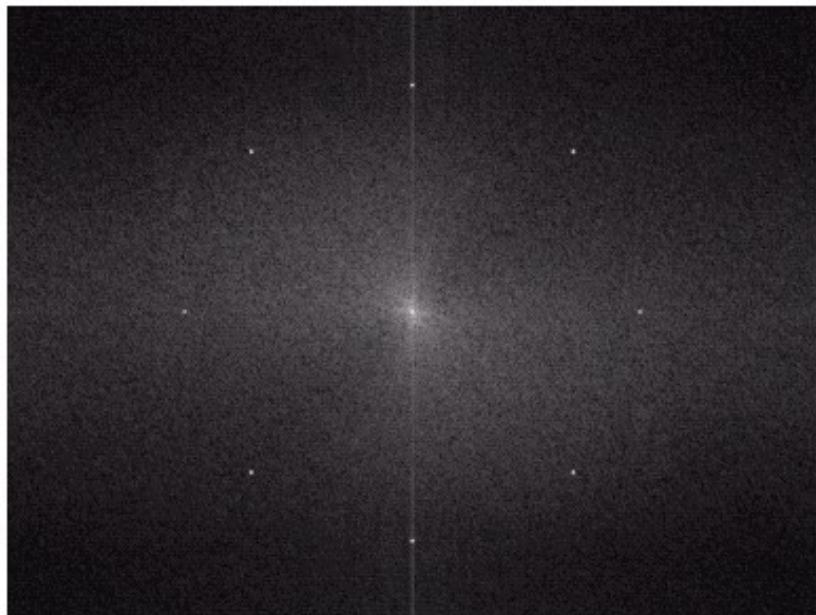
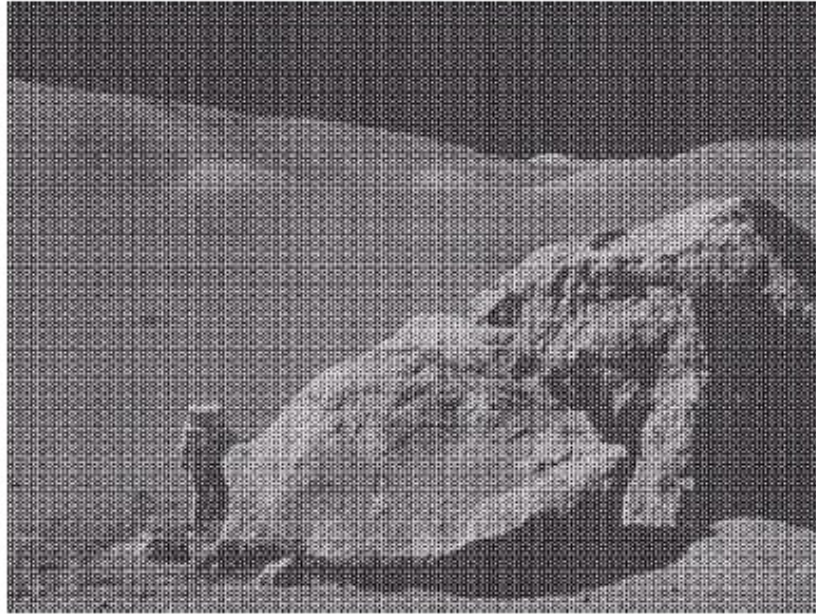
A análise automatizada é possível quando os picos são muito acentuados ou se tem conhecimento da localização das componentes de frequência da interferência



# Restauração

Imagem  
corrompida por  
ruído periódico e o  
seu espectro

Calcula-se a  
Transformada de  
Fourier, elimina-se os  
picos incomuns,  
calcula-se a  
transformada inversa  
de Fourier



# Restauração

Restauração na presença somente de ruído  
– filtragem espacial

Quando a única degradação presente em uma imagem é o ruído, tem-se:

$$g(x,y) = f(x,y) + \eta(x,y)$$

e

$$G(u,v) = F(u,v) + N(u,v)$$

A filtragem espacial é o método preferido quando se tem apenas o ruído aleatório

# Restauração

Filtragem apenas de ruído no domínio do espaço

**Filtro da média Aritmética** – é o mais simples dos filtros de média

$S_{x,y}$  é o conjunto de coordenadas em uma janela de subimagem retangular (vizinhança) de tamanho  $m \times n$ , centrada no pixel  $x,y$

$$\hat{f}(x, y) = \frac{1}{mn} \sum_{(s,t) \in S_{xy}} g(s, t)$$

**Atenua variações locais e o ruído é reduzido pelo borramento que ocorre**

# Restauração

Filtragem apenas de ruído no domínio do espaço

## Filtro da média Geométrica

$$\hat{f}(x, y) = \left[ \prod_{(s, t) \in S_{xy}} g(s, t) \right]^{\frac{1}{mn}}$$

Obtém um resultado mais coerente quando os níveis apresentam uma progressão geométrica

Exemplo: sejam os valores 3, 9, 27, 81 e 243 que constituem uma P.G. de razão 3

a média geométrica é 27

**Obtém uma suavização comparável ao filtro da média aritmética, mas tende a perder menos detalhes da imagem**

# Restauração

Filtragem apenas de ruído no domínio do espaço

Filtro da média Harmônica

$$\hat{f}(x, y) = \frac{mn}{\sum_{(s,t) \in S_{xy}} \frac{1}{g(s, t)}}$$

Funciona bem para o ruído de sal, mas falha para o ruído de pimenta

Também apresenta bom desempenho para outros tipos de ruído, como o gaussiano

# Restauração

## Filtragem apenas de ruído no domínio do espaço

### Filtro da média Contra-harmônica

$$\hat{f}(x, y) = \frac{\sum_{(s, t) \in S_{xy}} g(s, t)^{Q+1}}{\sum_{(s, t) \in S_{xy}} g(s, t)^Q}$$

Q é chamado de ordem do filtro

Para valores positivos de Q, o filtro elimina ruídos de pimenta

Para valores negativos de Q, o filtro elimina ruídos de sal

Não pode reduzir os dois tipos simultaneamente

Quando  $Q = 0$  este filtro se reduz ao filtro da média

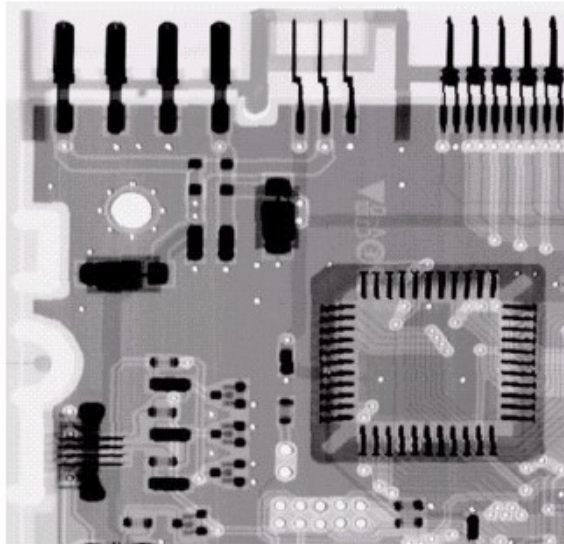
Quando  $Q = -1$  se torna o filtro da média harmônica



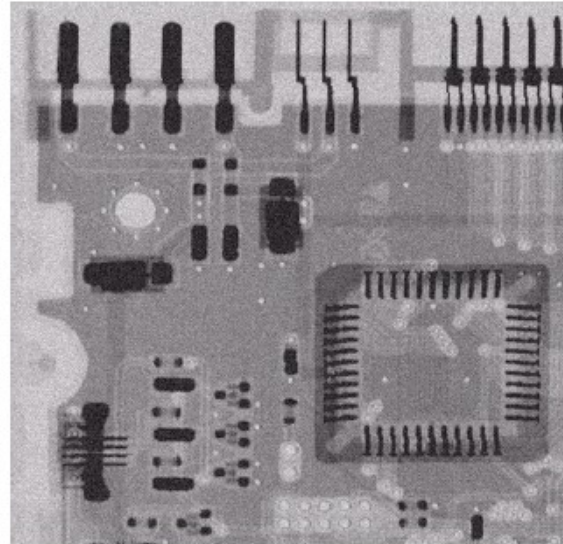
# Restauração

## Filtragem apenas de ruído no domínio do espaço

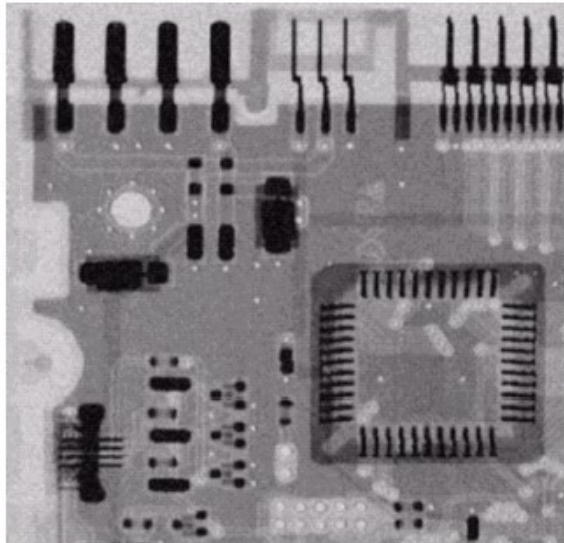
ORIGINAL



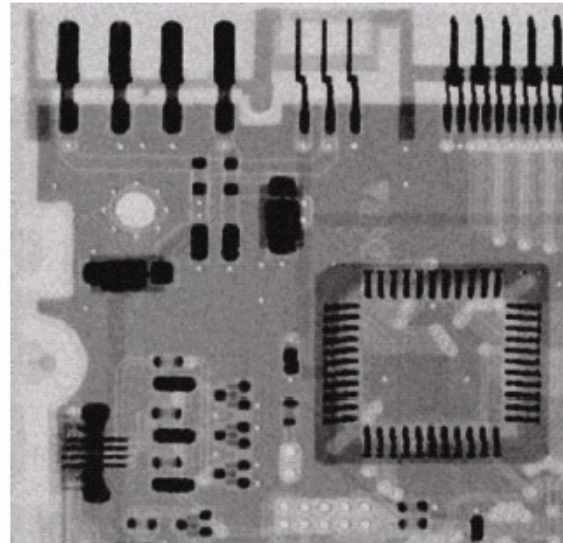
CORROMPIDA  
POR RUÍDO  
ATIVO  
GAUSSIANO



MÉDIA  
ARITMÉTICA  
3x3



MÉDIA  
GEOMÉTRICA  
3x3



# Restauração

Imagem  
com  
pimenta

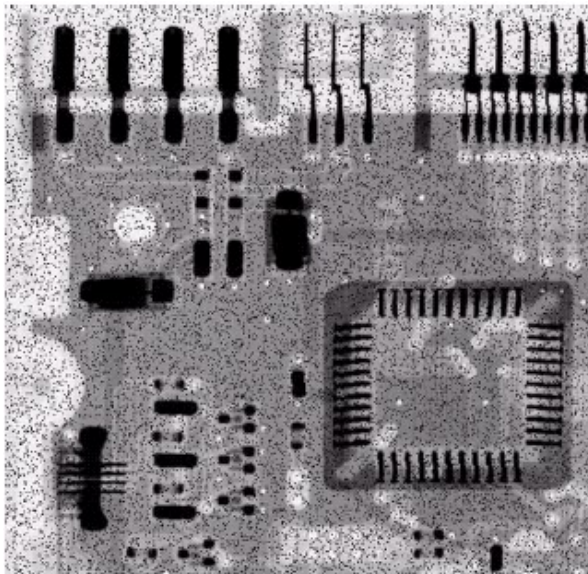
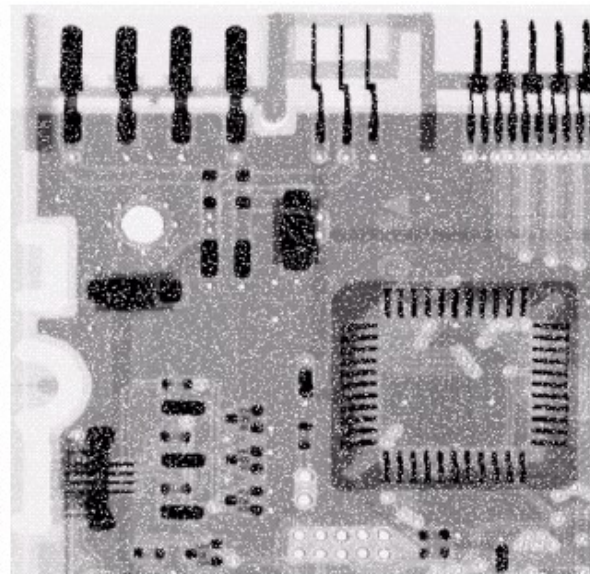
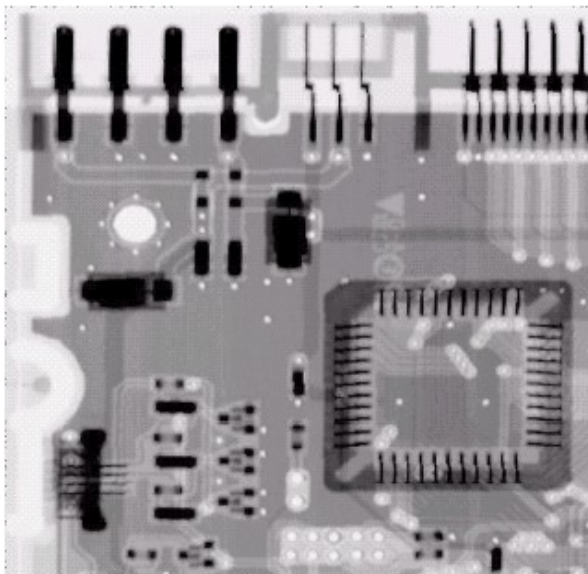


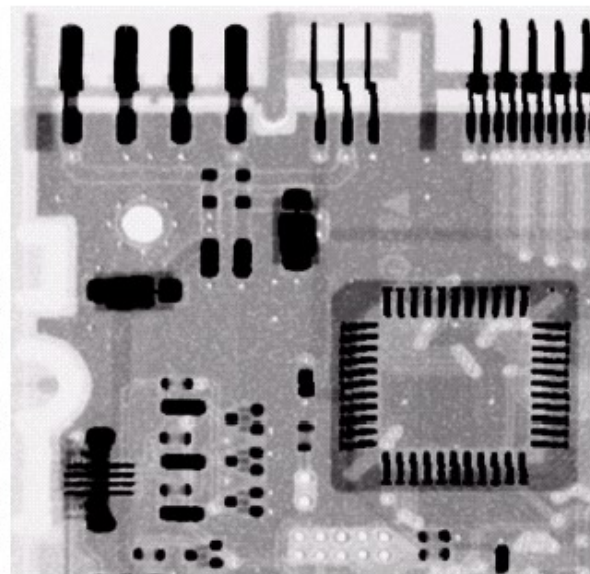
Imagem  
com sal



Filtragem  
contra-  
harmônica  
3x3 com  
 $Q=1.5$



Filtragem  
contra-  
harmônica  
3x3 com  
 $Q=-1.5$





# Restauração

Filtragem apenas de ruído no domínio do espaço

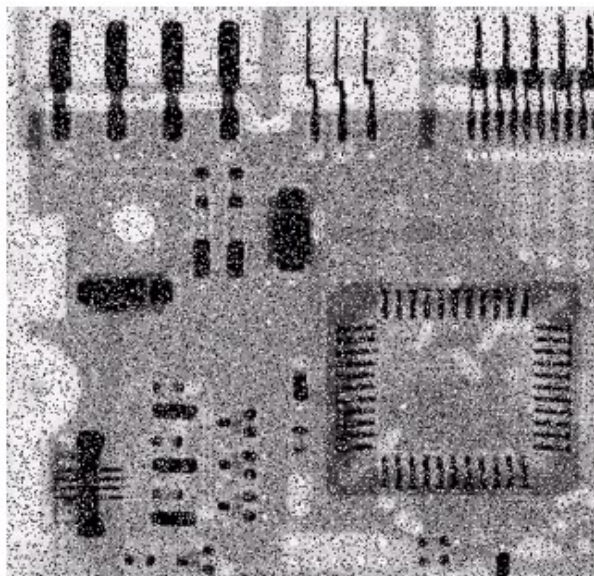
**Filtro da mediana** – O filtro de estatística de ordem mais conhecido o filtro da mediana, que substitui o valor do pixel pela mediana dos níveis de intensidade na vizinhança deste pixel

$$\hat{f}(x, y) = \underset{(s, t) \in S_{xy}}{\text{mediana}} \{g(s, t)\}$$

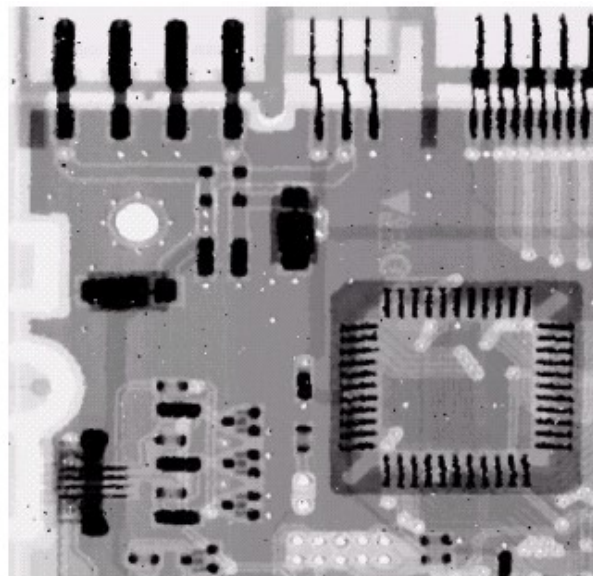
Consegue reduzir bastante o ruído aleatório, sem causar o borramento das imagens

# Restauração

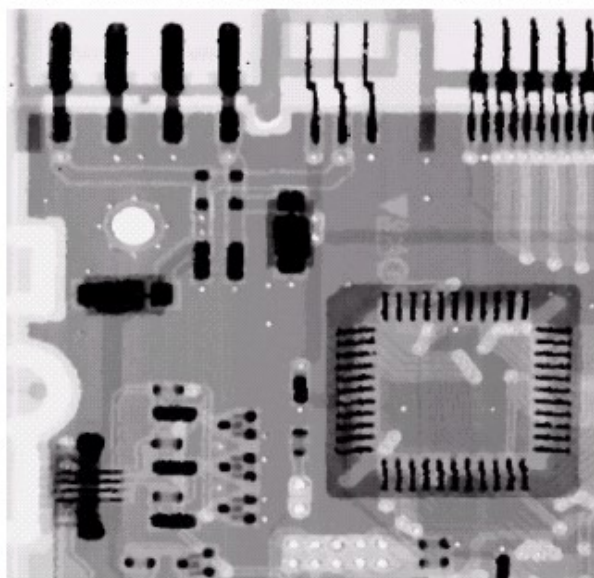
a) Imagem  
com sal e  
pimenta



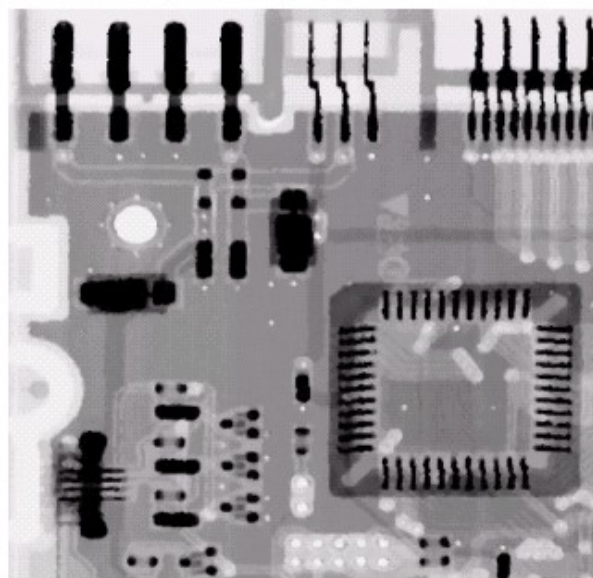
b) Mediana  
3x3 de (a)



c) Mediana  
3x3 de (b)



d) Mediana  
3x3 de (c)



# Restauração

Filtragem apenas de ruído no domínio do espaço

**Filtro de Máximo** – O filtro de máximo é útil para localizar os pixels mais claros da imagem, reduzindo o ruído de pimenta

$$\hat{f}(x, y) = \max_{(s, t) \in S_{xy}} \{g(s, t)\}$$

# Restauração

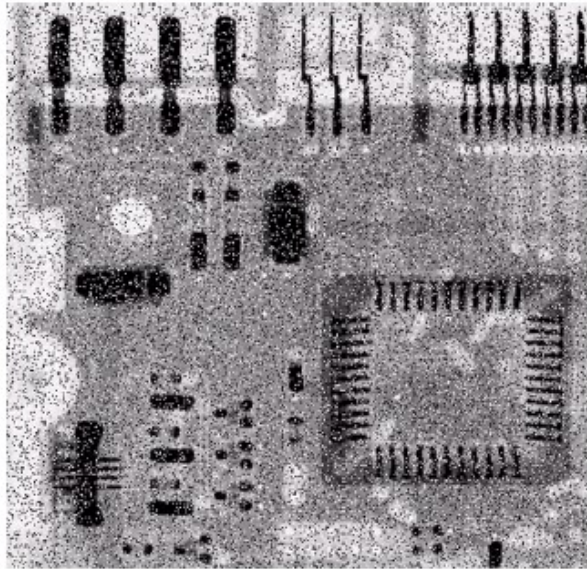
Filtragem apenas de ruído no domínio do espaço

**Filtro de Mínimo** – O filtro de mínimo é útil para localizar os pixels mais escuros da imagem, reduzindo o ruído de sal

$$\hat{f}(x, y) = \min_{(s, t) \in S_{xy}} \{g(s, t)\}$$

# Restauração

Imagem  
com  
pimenta



## Filtro do Mínimo

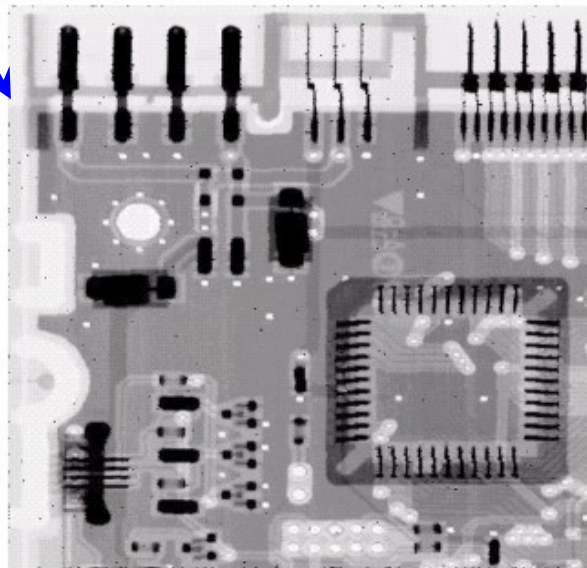
pixel = mínimo da região 3x3

## Filtro do Máximo

pixel = máximo da região 3x3

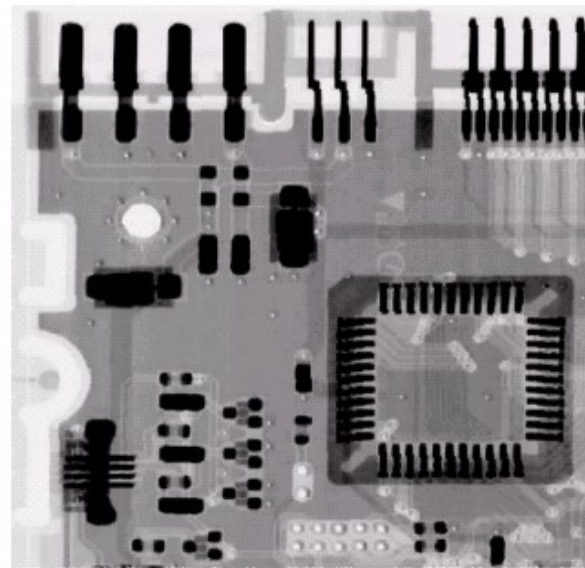
predomina  
áreas claras

Filtro do  
máximo  
3x3



predomina  
áreas escuras

Filtro do  
mínimo  
3x3





# Restauração

## Filtro do Ponto Médio

Calcula o ponto médio entre o máximo e o mínimo, dentro da área do filtro

$$\hat{f}(x, y) = \frac{1}{2} \left[ \max_{(s,t) \in S_{xy}} \{g(s, t)\} + \min_{(s,t) \in S_{xy}} \{g(s, t)\} \right]$$

**Funciona melhor para ruído aleatoriamente distribuído, como o ruído gaussiano ou o uniforme**

# Restauração

## Filtro da Média Alfa Cortada

Elimina os valores de intensidade  $d/2$  mais baixos e  $d/2$  mais altos de  $g(s,t)$  na vizinhança de  $S_{x,y}$ , mantendo apenas os  $mn-d$  restantes

$$\hat{f}(x, y) = \frac{1}{mn - d} \sum_{(s,t) \in S_{x,y}} g_r(s, t)$$

O valor de  $d$  está entre 0 e  $mn-1$

Se  $d=0$ , o filtro se torna o filtro da média

Se  $d=mn-1$ , o filtro se torna o filtro da mediana

**Este filtro é útil quando a imagem possui ruídos variados, como sal e pimenta e também gaussiano**

# Restauração

Imagem  
com ruído  
uniforme

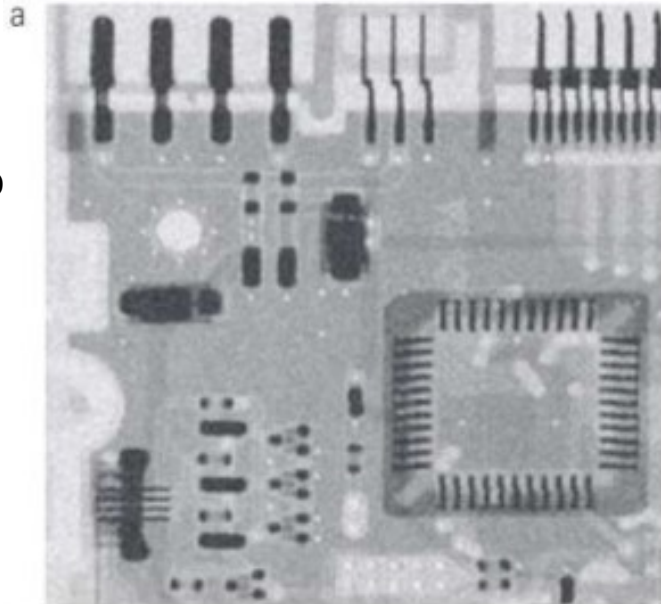
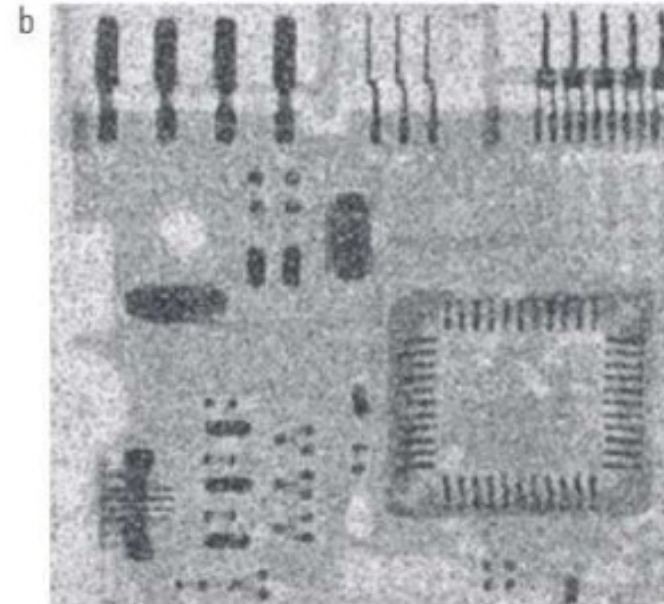
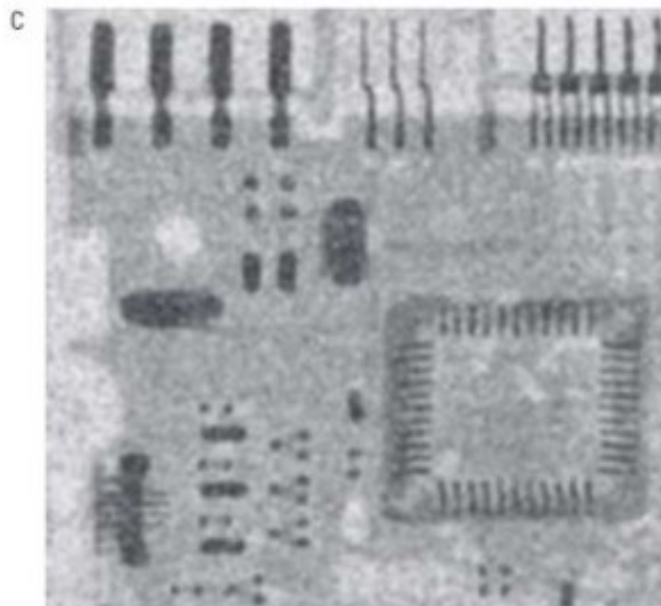


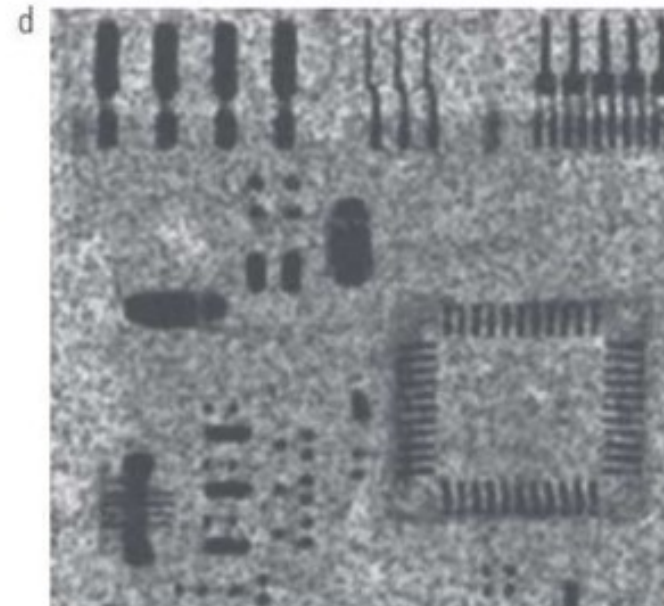
Imagem  
(a)  
acrescenta  
do sal e  
pimenta



filtro da  
média  
aritmética



filtro da  
média  
geométrica





# Restauração

Imagem  
com ruído  
uniforme

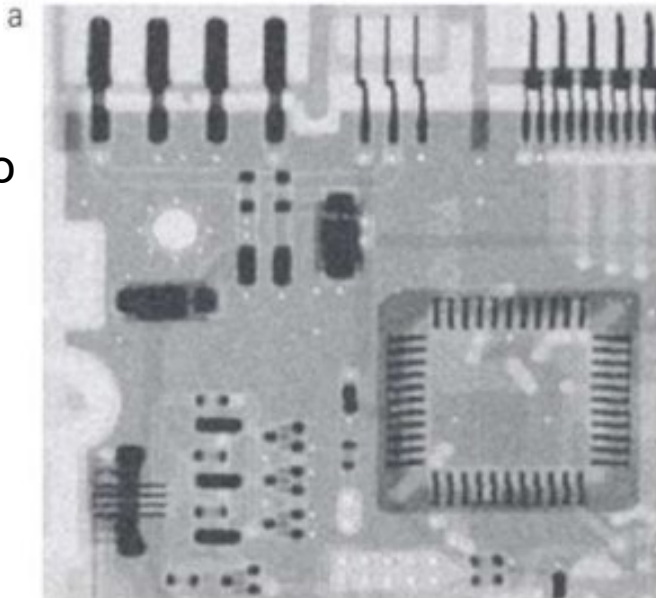
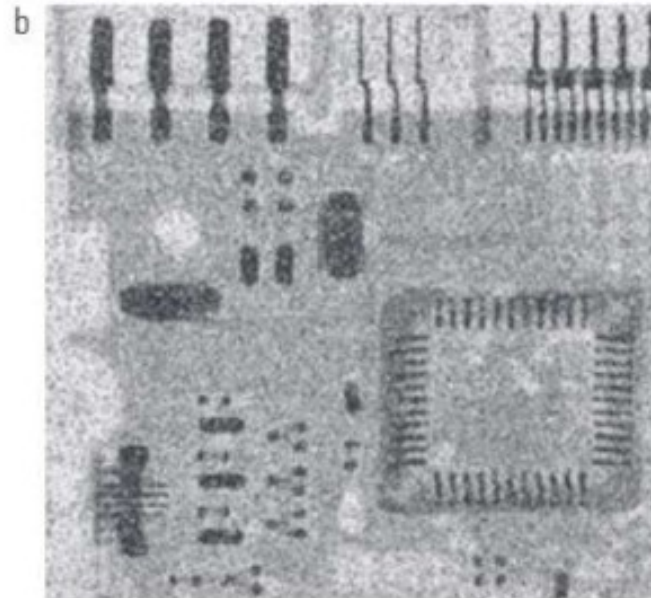
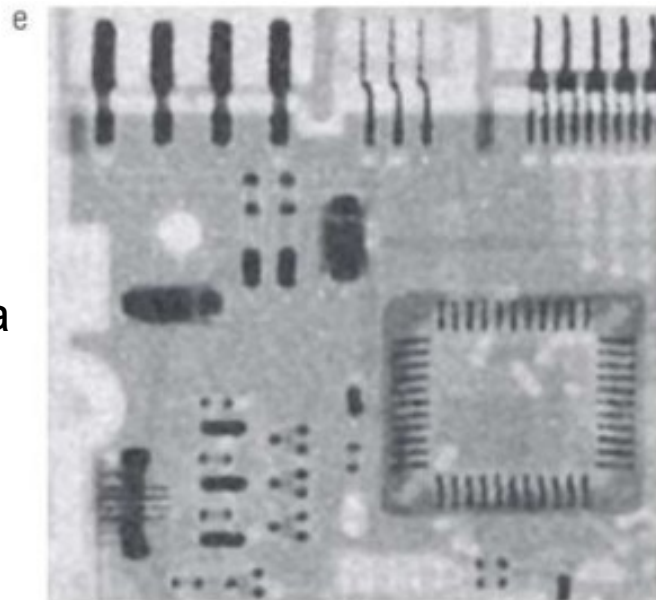


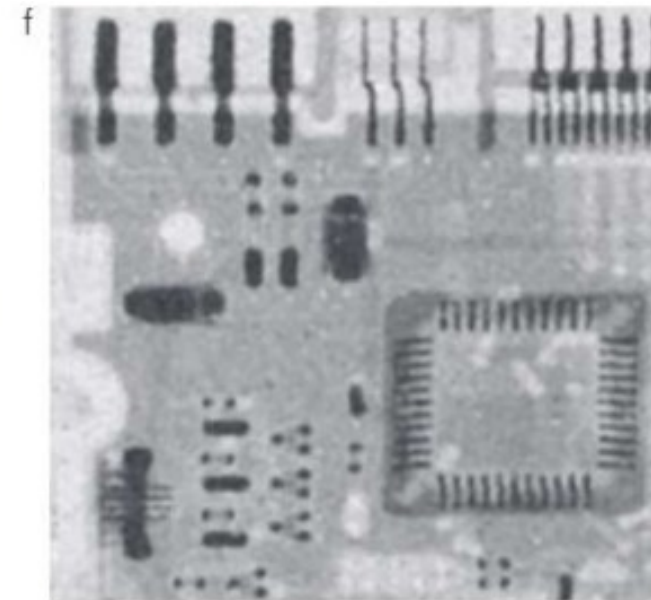
Imagem (a)  
acrescentado  
sal e pimenta



Filtro da  
Mediana



Filtro da  
Media alfa  
cortada  
 $d=5$



Todos 5 x 5

# **PRÁTICA**

Implementar os filtros do Mínimo, do  
Máximo e do Ponto Médio

→ Próximo slide: exercício para fazer e entregar agora

# Restauração

## Exercício

Dada a imagem de entrada  $f$ , calcule o pixel 2,2 na imagem de saída  $g$ , usando:

a) Média Aritmética

b) Média Geométrica

c) Média Harmônica

d) Média Contra-harmônica  $Q=-1.5$  e  $1.5$

e) Mediana

f) Máximo

g) Mínimo

h) Ponto Médio

	0	1	2	3
0	80	40	30	10
1	100	60	20	10
2	180	140	70	30
3	255	200	110	50

$f$

$$S_{xy} = 3 \times 3$$