

Universidade do Minho

Escola de Engenharia Departamento de Informática

Procura Local e Otimização

Algoritmos de Solução única

LICENCIATURA EM ENGENHARIA INFORMÁTICA MESTRADO integrado EM ENGENHARIA INFORMÁTICA Inteligência Artificial 2024/25



Agenda

- Procura vs Otimização
- Exploration vs Exploitation
- Meta-heurísticas
- Procura local vs procura global
- Solução única vs Population-Based
- Solução única
 - Procura Subida da Colina (Hill-Climbing Search)
 - Arrefecimento Simulado (Simulated Annealing)
 - Procura Tabu (Tabu Search)
- Procura com ações não determinísticas





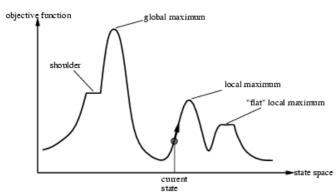
Problemas de Otimização

- Como é que um fabricante de talheres (cutelaria) pode obter o máximo de peças de um pedaço de chapa?
- Como é que uma transportadora pode se organizar para distribuir as encomendas num dado contentor ou transporte?
- Como é que uma operadora telefónica pode rotear chamadas para obter o melhor uso das suas linhas?
- Como uma universidade pode elaborar os horários das suas aulas tendo o melhor uso das salas de aula sem conflitos?



Procura e Otimização

- Até agora abordamos, na essência, uma única categoria de problemas: ambientes observáveis, determinísticos e conhecidos, onde a solução é uma sequência de ações.
 - Nem todos os ambiente são assim!
- Algoritmos que executam procura puramente local no espaço de estados, avaliando e modificando um ou mais estados atuais, em vez de explorar sistematicamente caminhos a partir de um estado inicial.
- Esses algoritmos são adequados para problemas nos quais tudo o que importa é o estado da solução, não o custo do caminho para alcançá-lo.

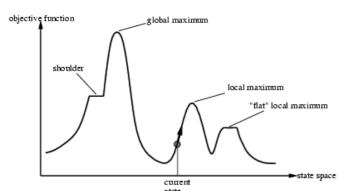




Procura de soluções

- Não interessa o caminho até ao objetivo
 ex: problema das rainhas, horários, otimização de redes, de chão de fábrica, etc.
- Num problema de otimização pode não se saber se já se atingiu o valor ótimo

se não conhecemos o ótimo da função que estamos a otimizar...





Exploration vs Exploitation

- A resolução de problemas complexos requer a obtenção das melhores soluções possíveis em tempo útil;
- Para isso, ao invés da experimentação de todas as soluções possíveis (garantindo a solução ótima), é necessária a identificação de soluções o mais próximas quanto possível da solução ótima, num número limitado de tentativas;
- É então, essencial um balanceamento adequado entre:
 - Exploration: exploração geral do espaço de procura;
 - Exploitation: procura focada nas zonas mais promissoras.



Exploration vs Exploitation

- Exploration sem Exploitation permite ter uma visão geral do espaço de procura, mas sem chegar muito próximo do valor ótimo;
- Partir para a Exploitation de uma zona numa fase inicial do processo de procura pode levar a que a procura fique presa num ótimo local;
- Este balanceamento é normalmente gerido com sucesso através de Metaheurísticos.





- Uma meta-heurística é um método heurístico para resolver de forma genérica problemas de otimização;
- Meta-heurísticas são geralmente aplicadas a problemas para os quais não se conhecem algoritmos eficientes;
- Utilizam uma combinação de escolhas aleatórias e de conhecimento histórico dos resultados anteriores adquiridos pelo método para se guiarem e realizar as suas procuras em vizinhanças dentro do espaço de procura, o que pode evitar ótimos locais.



Meta-heurísticas

- Normalmente inspiradas em fenómenos da natureza;
- Pela sua componente aleatória, são não-determinísticos;
- Não garantem a identificação da solução ótima:
 - uma solução próxima;
 - No menor tempo de execução;
 - utilizando menos recursos computacionais que as técnicas tradicionais.



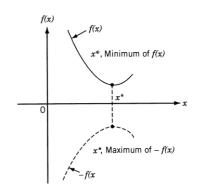
Problemas de Otimização

Problema de Otimização Matemática (minimização):

minimize
$$f_0(x)$$

subject to $g_i(x) \le b_i$, $i = 1,...,m$

- $f_0: \mathbb{R}^n \to \mathbb{R}$:
 - Função objetivo (calcula um valor)
- $x = (x_1, \ldots, x_n)$:
 - Variáveis controláveis (linearmente independentes)
- $g_i: R^n \to R: (I = 1,...,m):$
 - Restrições (podem ser de outros tipos)





Para além da Procura Clássica Algoritmos de Melhoria Iterativa

- Em muitos problemas de otimização, o caminho para o objetivo é irrelevante.
- Espaço de Estados = conjunto das configurações completas.
- Algoritmos Iterativos mantém um único estado (corrente) e tentam melhorá-lo.
- Algoritmos de Melhoria Iterativa:
 - Procura Subida da Colina (Hill-Climbing Search)
 - Arrefecimento Simulado (Simulated Annealing)
 - Procura Tabu (Tabu Search)
 - Algoritmos Genéticos (Genetic Algorithms)
 - Colónia de Formigas (Ant Colony Optimization)
 - Enxame de Partículas (Particle Swarm Optimization)
- Estratégia: Começar como uma solução inicial do problema e fazer alterações de forma a melhorar a sua qualidade





Procura local vs Procura global

- Algumas meta-heurísticas aplicam métodos de procura local, onde as novas soluções exploradas são "vizinhas" de soluções anteriores (e.g. Simulated Annealing, Tabu Search);
- Outras meta-heurísticas distribuem o processo de procura por todo o espaço de procura (normalmente através de abordagens baseadas em populações).

Solução única vs Population-based

- As abordagens de solução única, são iterativas, e orientam o processo de procura através da melhoria da solução anterior;
- As abordagens baseadas em populações utilizam uma procura em paralelo por parte de vários membros da população, podendo, ou não, existir a troca de informação entre os indivíduos (e.g. Particle Swarm optimization, Genetic Algorithms, Ant Colony optimization).



Algoritmos de Melhoria Iterativa Solução única

"Individual Based" (solução única)!

Hill-Climbing Search:

- Escolher um estado aleatoriamente do espaço de estados
- Considerar todos os vizinhos desse estado
- Escolher o melhor vizinho
- Repetir o processo até não existirem vizinhos melhores
- O estado atual é a solução

Simulated Annealing:

- o Semelhante ao Hill-Climbing Search mas admite explorar vizinhos piores
- o Temperatura que vai sendo sucessivamente reduzida define a probabilidade de aceitar soluções piores

■ Tabu Search:

- o Semelhante ao Hill-Climbing Search, explora os estados vizinhos mas elimina os piores (vizinhos tabu)
- Algoritmo determinístico



Procura Subida da Colina (Hill-Climbing Search)

• **O Hill Climbing** é um algoritmo clássico, sendo bastante eficiente na tarefa de encontrar máximos ou mínimos locais, pela explotação.

Estratégia:

- o Inicia-se num ponto aleatório X e avalia-se esse ponto;
- Move-se desse ponto X original para um novo ponto Y vizinho do ponto X;
- o se esse novo ponto Y for uma solução melhor do que o ponto original X, fixa-se o ponto Y e inicia-se o processo novamente, porém caso seja inferior, volta-se para nosso ponto inicial X e tenta-se visitar um outro vizinho.

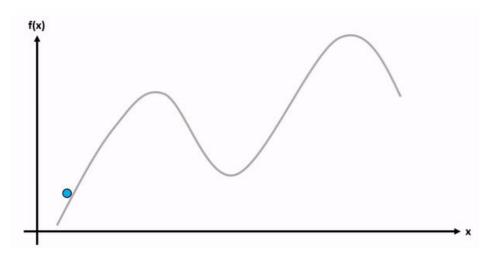
```
function Hill-Climbing (problem) returns a state that is a local maximum inputs: problem, a problem local variables: current, a node neighbor, a node  current \leftarrow \text{Make-Node}(\text{Initial-State}[problem])  loop do  neighbor \leftarrow \text{a highest-valued successor of } current  if \text{Value}[\text{neighbor}] \leq \text{Value}[\text{current}] then return \text{State}[current]  current \leftarrow neighbor
```

Fonte: Russell and Norvig, (2009) Artificial Intelligence - A Modern Approach.



Procura Subida da Colina (Hill-Climbing Search)

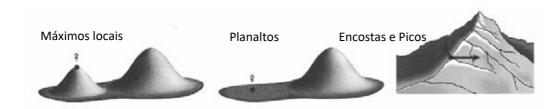
■ Hill Climbing é ótimo para encontrar boas soluções (mínimo/máximo locais) mas dificilmente vai encontrar a melhor solução (a menos que se tenha "sorte" na inicialização do ponto inicial).



Fonte: https://www.globalsoftwaresupport.com/wp-content/uploads/2018/04/ezgif.com-video-to-gif-47.gif



Procura Subida da Colina (Hill-Climbing Search)



- Nos casos apresentados, o algoritmo chega a um ponto de onde não tem mais progresso.
- Solução: reinício aleatório (random restart)
 - o O algoritmo realiza uma série de procuras a partir de estados iniciais gerados aleatoriamente.
- Cada procura é executada:
 - o Até que um número máximo estipulado de iterações seja alcançado, ou
 - Até que os resultados encontrados não apresentem uma melhoria significativa.
- O algoritmo escolhe o melhor resultado obtido com as diferentes procuras.
- O sucesso depende muito do morfologia (formato) da superfície do espaço de estados:
 - o Se há poucos máximos locais, o reinício aleatório encontra uma boa solução rapidamente
 - Caso contrário, o custo de tempo é exponencial.



Arrefecimento Simulado (Simulated Annealing)

- O Simulated Annealing é um algoritmo inspirados pela natureza, assim como as Redes Neuronais Artificiais e os Algoritmos Genéticos, entre outros.
- Pressuposto: Escapar do mínimo local permitindo alguns "maus" movimentos mas gradualmente diminuindo a sua dimensão e frequência!
- Estratégia:
 - O Semelhante ao Hill Climbing, inicia-se num ponto aleatório X e avalia-se;
 - o algoritmo faz um movimento até um dos seus vizinhos Y e avalia esse novo ponto;
 - Se os resultados melhoraram nesse novo ponto Y então mover para Y e refazer o processo anterior, todavia se o ponto Y for inferior, mover para esse ponto Y caso a **probabilidade** de ir para um ponto negativo seja superior a um número aleatório.

probabilidade(p) = Exp(Y-X/T)

Essa função exponencial calcula a diferença do ponto Y subtraída pelo ponto X (posição anterior), dividido pela temperatura (variável T). Com isso, nas primeiras iterações, quando temperatura T está mais elevada,

Com isso, nas primeiras iterações, quando temperatura T está mais elevada, existe uma probabilidade maior de aceitar valores negativos e vai diminuído com iterações posteriores, a probabilidade vai diminuído.

Com o tempo (diminuição da temperatura), o algoritmo passa a comporta-se como do de Hill-Climbing (Subida de Colinas)



Procura Tabu (Tabu Search)

- A ideia básica da procura Tabu é penalizar movimentos que levam a solução para espaços de procura visitados anteriormente (também conhecidos como tabu).
- A Procura Tabu, no entanto, aceita de forma determinística soluções que não melhoram para evitar ficar presa em mínimos locais.

Estratégia:

- o Ideia chave: manter a sequência de nós já visitados (Lista tabu);
- Partindo de uma solução inicial, a procura move-se, a cada iteração, para a melhor solução na vizinhança, não aceitando movimentos que levem a soluções já visitadas, esses movimentos conhecidos ficam armazenados numa lista tabu;
- A lista permanece na memória guardando as soluções já visitadas (tabu) durante um determinado espaço de tempo ou um certo número de iterações (prazo tabu). Como resultado final é esperado que se encontre um valor ótimo global ou próximo do ótimo global.



Procura Tabu (Tabu Search)

```
Algorithm 1 Tabu search algorithm
                                                         ▷ Initial candidate solution
Set x = x_0:
Set length(L) = z;
                                                        ▶ Maximum tabu list length
Set L = \{\};
                                                            ▷ Initialize the tabu list
repeat
    Generate a random neighbor xt;
    if xt \notin L then
       if length(L) > z then
           Remove oldest solution from L;
                                                           ▶ First in first out queue
           Set x' \in L;
       end if
    end if
    if xt < x then
       x = xt;
    end if
                                                         ▷ e.g.Number of iterations
 until (Stopping criteria satisfied)
                                                              ▷ Best found solution
return x;
```

Fonte: F. Glover and M. Laguna (1997) Tabu Search, Kluwer Academic Publishers, Springer



Procura com ações não determinísticas Falhas no mecanismo de aspiração

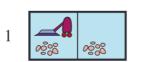
Supondo há existência de falhas ao aspirar:

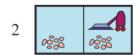
- pode limpar duas células
- pode depositar sujidade

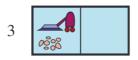
começando no estado 1

Plano de contingência

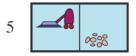
- aspirar
- se Estado = 5 entãoDireita, Aspira

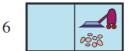


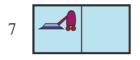


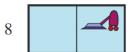








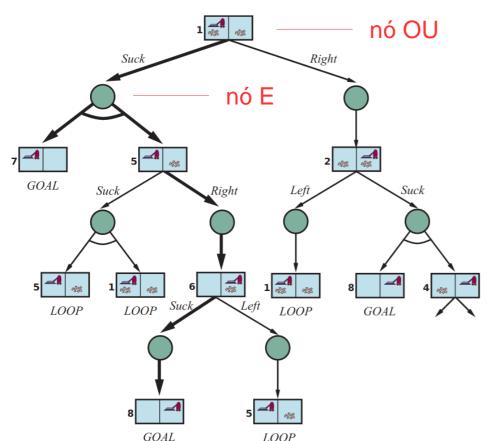




20



Árvores E-OU (AND-OR)



- ■ações do agente nós OU
- ■result. no mundo nós E

- Plano genérico
 - -um objetivo em cada folha
 - -uma ação em cada nó OU
 - -todos os resultados em nós E



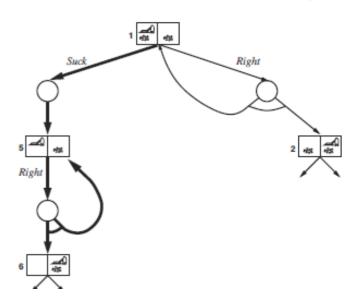
Procura com ações não determinísticas Falhas no mecanismo de movimentação

Supondo há existência de movimentação do agente (aspirador):

 as ações de movimento por vezes falham, deixando o agente na mesma localização.

Por exemplo, mover-se para a direita no estado
 1 leva ao conjunto de estados {1, 2}.

 Solução cíclica que consiste em continuar a tentar a Direita até funcionar.





- Abordou-se com os métodos de procura clássica, na essência, uma única categoria de problemas: ambientes observáveis, determinísticos e conhecidos, onde a solução é uma sequência de ações;
- Neste contexto, analisou-se o que acontece quando essas suposições são relaxadas. Usando algoritmos que realizam uma procura puramente local no espaço de estados, avaliando e modificando um ou mais estados ao invés de explorar sistematicamente caminhos a partir de um estado inicial;
- Estes algoritmos são adequados para problemas em que tudo o que importa é o estado da solução, não o custo do caminho para alcançá-lo;
- Esta família de algoritmos de procura local inclui métodos inspirados na física estatística (Simulated annealing) e na biologia evolutiva (Genetic algorithms) que iremos abordar mais tarde.



Referências

Bibliografia Recomendada

 Russell and Norvig, (2009) Artificial Intelligence - A Modern Approach, 3rd edition, ISBN-13: 9780136042594, chapter 4.





Universidade do Minho

Escola de Engenharia Departamento de Informática

Procura Local e Otimização

Algoritmos de Solução única

LICENCIATURA EM ENGENHARIA INFORMÁTICA MESTRADO integrado EM ENGENHARIA INFORMÁTICA Inteligência Artificial 2024/25