

CTF HW0x0A

Yet Another Oracle

```
CTF{S3Nd me A FriEND ReQu3St xD -  
aHR0cHM6Ly93d3cuZmFjZWJvb2suY29tL3Byb2ZpbGUucGhwP2lkPTEwMDAwMTI2OTIxMTk2Mw==}
```

就LSB oracle拿去擴充就可以了。

原本lab-2是給一個bit做二分搜，這次作業只要拿最後4個bit做16分搜就可以做出答案了。

或者，我們可以用接關的方式來做：每次做一次1-bit LSB oracle attack的時候，作到不能再做的時候，其實我們會得到一個lower bound和upper bound。

那麼再重新做一次LSB oracle attack的時候，如果有以下這種狀況發生：

$\text{old lower bound} < \text{old upper bound} < \text{now mid}$

$\text{now mid} < \text{old lower bound} < \text{old upper bound}$

我們就可以直接知道它傳回來的lower bit是0還是1，但是我們卻省下了一次次數。

因此接個4次就可以把所有key leak出來。

- 因為分搜有一定風險，所以code要多跑幾次才会有flag。

Can you Decrypt?

```
CTF{f01lOW my iNsT4gRAm xD - aHR0cHM6Ly93d3cuW5zdGFncmFtLmNvbS9vYWxpZW5vCg==}
```

- Step1: 先解p，因為p是很多個小數相乘，這裡直接用pollard p-1 attack就可以幹出來了。
- Step 2: 接下來我們知道 $q_1 \sim 3q_2$ ，因此可以利用FermatSieve演算法算出估計的值，進而拿到q1 和 q2。
- Step 3: 有 p/q1/q2，就可以算出phi。
- Step 4: 接下來我們就可以算出d，之後 c^d 次方會發現還會多一個四次方。
- Step 5: 用模開方根演算法連續做兩次，得到16種結果——比對就可找到答案。