## Секция «Вычислительная математика и кибернетика»

## Определение стратегии вытеснения Pseudo-LRU на ветвях бинарного дерева

## Корныхин Евгений Валерьевич

Соискатель

Mосковский государственный университет имени M.B. Ломоносова,  $\Phi$ акультет вычислительной математики и кибернетики, Mосква, Pоссия E-mail: kornevgen@qmail.com

Ключевые слова: кэширование, кэш-память [2], стратегия вытеснения.

Актуальность исследования стратегии вытеснения Pseudo-LRU определяется ее применением в таких архитектурах как Pentium [1] и PowerPC [5]. Каноническое определение Pseudo-LRU предполагает оперирование с упорядоченным бинарным деревом высоты  $\log_2 w$  (w - (постоянный) оазмер кэш-памяти, оно должно быть степенью двойки). В результате обращения к элементу кэш-памяти изменяются некоторые метки вершин, на основе меток определяется путь к вытесняемому элементу [3].

Для целей исследования свойств отдельного элемента кэш-памяти (например, для генерации тестов[4]) было найдено другое определение стратегии вытеснения Pseudo-LRU. Каждому элементу кэш-памяти соответствует битовая строка длины  $\log_2 w$  (каждый бит соответствует вершине пути от корня того же упорядоченного бинарного дерева к этому элементу). Все элементы (листья) также можно пронумеровать битовыми строками длины  $\log_2 w$ . Определение Pseudo-LRU будет вестись для произвольного фиксированного элемента кэш-памяти, обозначим его номер (битовую строку) как  $\alpha$ . Далее каждое обращение в кэш-память будем кодировать номером (битовой строкой) искомого при этом элемента (eta). Это обращение будет изменять сопоставленную с элементом битовую строку. Тогда пусть  $\gamma$  - это значение этой строки для  $\alpha$  и осуществляется обращение к элементу с номером  $\beta$ . Разделим строку  $\alpha \oplus \beta$  на части - левая состоит из одних нулей (пусть ее длина n) и средняя состоит только из одного бита - 1. Тогда в результате обращения новое значение строки  $\gamma$  составляется из трех частей - левая состоит из одних нулей и имеет длину n, средняя состоит из одной единицы, а остальные копируются из старого значения строки  $\gamma$  по тем же индексам. Вытесняемым  $\alpha$ будет в том случае, когда  $\gamma$  состоит из одних единиц. Это изменение можно выразить формулой  $\gamma' = ((\gamma \& (2 \cdot \delta - 1)) \mid \delta$ , где  $\delta = 2^{\lceil \log_2 \alpha \oplus \beta \rceil}$ . Визуально можно представить себе изменение  $\gamma$  как перекрашивание вершин пути к  $\alpha$  - при обращении по пути к  $\beta$ перекрашиваем в белый вершины пути к  $\alpha$  до тех пор, пока они совпадают, и красим в черный вершину, на которой происходит расхождение путей.  $\alpha$  вытесняется, если весь путь к нему покрашен в черный.

## Литература

- 1. Таненбаум Э. Архитектура компьютера. Изд-во Питер, 2009.
- 2. Олифер В.Г., Олифер Н.А. Сетевые операционные системы. Изд-во Питер, 2008.
- 3. Tabak D. Advanced microprocessors. Mcgraw-Hill, 1995.
- 4. Dandamudi S.P. Fundamentals of computer organization and design. Springer, 2003.

5. Kornikhin E. SMT-based Test Program Generation for Cache-memory Testing // East and West-2009. C. 124-127.