

Centro de Enseñanza Técnica Industrial

Desarrollo de Software

Actividad 1 - Clase 3

Jesús Alberto Aréchiga Carrillo 22310439 6N

Profesor

Clara Margarita Fernández Riveron

junio de 2025

Guadalajara, Jalisco

Introducción

La distribución normal multivariable, también conocida como distribución normal conjunta o gaussiana multivariante, generaliza la famosa campana de Gauss a un espacio multidimensional. En lugar de describir el comportamiento de una sola variable aleatoria, este modelo caracteriza simultáneamente a varias variables que pueden correlacionarse entre sí. Matemáticamente, se define mediante un vector de medias μ y una matriz de covarianzas Σ. Esta distribución resulta central en estadística multivariada porque brinda un marco teórico para describir patrones de dependencia lineal, facilita el análisis de componentes principales y subyace en numerosos métodos de inferencia, desde la estimación de parámetros hasta la construcción de intervalos de confianza para vectores de medias. Además, su buena interpretabilidad y propiedades matemáticas —como la linealidad bajo transformaciones afines y la factorización de la matriz de covarianzas— la convierten en la piedra angular de análisis en campos tan diversos como finanzas, ingeniería y aprendizaje automático.

Ejercicio:

Las calificaciones de 40 alumnos obtenidas en el examen parcial (x) y en el examen final (Y) de una asignatura han sido las siguientes:

Y	X	Y	X	Y	X	Y
3	8	9	8	7	2	0
8	0	3	9	6	5	3
3	2	3	9	10	4	6
3	10	10	8	7	7	5
0	4	8	5	3	6	7
1	8	7	3	2	15	7
0	2	0	4	1	6	4
2	6	3	3	2	3	0
6	6	6	0	0	9	8
5	5	3	2	1	0	10
	3 8 3 0 1 0 2 6	3 8 0 3 2 3 10 0 4 1 8 0 2 2 6 6 6 6	3 8 9 8 0 3 3 2 3 3 10 10 0 4 8 1 8 7 0 2 0 2 6 3 6 6 6	3 8 9 8 8 0 3 9 3 2 3 9 3 10 10 8 0 4 8 5 1 8 7 3 0 2 0 4 2 6 3 3 6 6 6 0	3 8 9 8 7 8 0 3 9 6 3 2 3 9 10 3 10 10 8 7 0 4 8 5 3 1 8 7 3 2 0 2 0 4 1 2 6 3 3 2 6 6 6 0 0	3 8 9 8 7 2 8 0 3 9 6 5 3 2 3 9 10 4 3 10 10 8 7 7 0 4 8 5 3 6 1 8 7 3 2 15 0 2 0 4 1 6 2 6 3 3 2 3 6 6 6 0 0 9

Formar la tabla estadística de doble entrada.

Tabla de Frecuencia Conjunta de X e Y

X\Υ	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	Total
0	1	0	0	1	0	0	0	0	0	0	1	3
1	1	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	2
2	3	2	0	1	0	0	0	0	0	0	0	6
3	1	0	2	0	0	0	0	0	0	0	0	3
4	0	1	1	1	0	0	1	0	1	0	0	5
5	0	0	0	3	0	0	1	0	1	0	0	5
6	1	0	0	2	1	1	0	1	0	0	0	6
7	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	1
8	0	0	0	0	0	0	0	3	0	1	0	4
9	0	0	0	0	0	0	1	0	1	0	1	3
10	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	1
15	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	1
Total	7	3	3	9	1	2	3	5	3	1	3	40

Conclusiones:

La distribución normal multivariable es fundamental para entender y modelar fenómenos en los que intervienen múltiples variables correlacionadas, pues extiende la intuición de la campana de Gauss a espacios de mayor dimensión y permite capturar la estructura de dependencia entre componentes. Gracias a su versatilidad y robustez, este modelo sirve tanto para describir datos reales como para fundamentar métodos estadísticos avanzados —por ejemplo, en clasificación multiclase, reducción de dimensionalidad o análisis bayesiano multivariado—, lo que posiciona a la gaussiana multivariante como una herramienta imprescindible en estadística y en la aplicación práctica de modelos probabilísticos en ciencia e industria.