Homework 5

108B (1375) Global Positioning System　王傳鈞　0416047

第一題

分成兩大定位：單點定位、相對定位。這兩大定位方式又分別可運用兩種觀測量：電碼、載波，代入相應觀測方程式，以求得最終定位座標、相對距離。

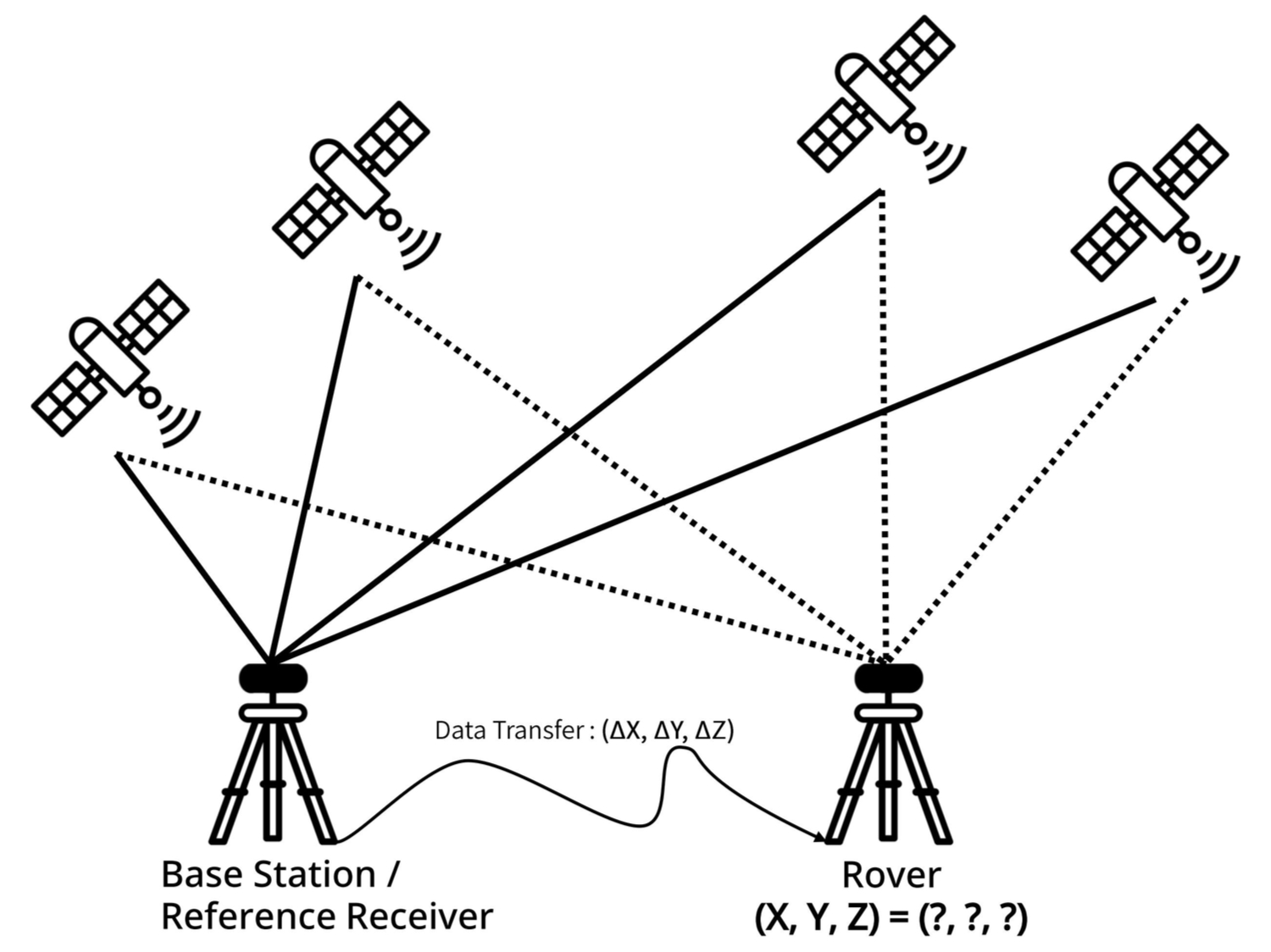
1. 單點定位：又稱絕對定位、導航定位，是一種利用單獨一個觀測站接收衛星訊號，進而求得該測站的絕對X、Y、Z座標值，大部分採用電碼觀測量來求解。一般可以再細分為傳統單點定位、精確單點定位 (Precise Point Positioning , PPP)。
2. 相對定位：由兩個以上的測站同時接收衛星訊號，其中一部接收儀放置於已知座標點，進行聯合解算而求得任兩個不同測站之間的基線向量 (baseline vector)，大部分採用載波觀測量來求解。一般可再細分為靜態、動態兩個分類。由於此方法必定有大量的多餘觀測量，因此相當適合配合差分技術來提升精確度。值得一提的是：測站的間距離如果小於十公里，則測得的電離層、對流層折射誤差就會很相近，可提升差分技術消除誤差的能力。

以上是GNSS定位方式的綱要式簡介，接下來針對不同名詞做進一步介紹。

* 精確單點定位：雖然傳統單點定位最為簡便、成本最低、資料後處理要求最少，但是其定位誤差最大。為了解決這樣子的缺點，我們可以透過事前向國際組織 (例如：IGS) 索取精密星曆，結合現場觀測的雙頻衛星訊號，就可以得到高精度的定位座標。首先，我們利用雙頻GPS接收儀測得非差分電碼虛擬距離與載波相位觀測量；接著，利用數學公式獲得無電離層線性組合L3的電碼虛擬距離與載波相位觀測量；最後，就可以求解未知數：測站座標、接收儀時鐘差、載波相位ambiguity、電離層折射誤差、對流層折射誤差。PPP的優點顯而易見：只需一台GPS接收儀就可求得精密度達公分的座標；然而其缺點就是精密星曆無法即時獲得，例如IGS最快只能延遲12天提供精密星曆。另外，PPP也無法避免需面對求解ambiguity的困難過程。
* 靜態相對定位：顧名思義，就是兩個以上的GPS接收儀全部都維持不動地同步觀測衛星訊號，以求出固定長度的基線向量。
* 動態相對定位：在觀測過程中，有一台接收儀放置在運動物體上，一般出現在需要即時得到座標的應用場域。又可以再細分為：DGPS與KGPS。DPGS (Differential GPS)是利用差分技術來修正電碼觀測量虛擬距離的定位方法，目前廣為人知的WAAS、LAAS系統皆有使用這項技術。KGPS (Kinematic GPS)是利用載波相位觀測量虛擬距離來定位，目前最為出名的應用就是即時動態測量 (Real Time Kinematic, RTK)，根據我國工研院的最新發展[[1]](#Source2)，RTK已經可達成每100毫秒提供公分等級的定位座標。

第二題

差分全球衛星導航系統（Differential Global Navigation Satellite System, DGNSS）是一種基於GNSS的擴增系統。

首先，觀測者於「已知精確座標」之位置（Base Station, BS）架設衛星接收儀，透過單點定位與已知精確座標做比較，來計算出GNSS座標修正參數。接著，觀測者再於BS附近的待測點，同樣進行單點定位。因為兩個測站相距不遙遠（一般以五至十公里為限），環境誤差變量大致上相同，所以可以套用相同的座標修正參數。最後，觀測者將待測點的單點定位座標，合併第一步時求得之座標修正參數，就能獲得高精度的待測點座標。上述過程中，座標修正參數可以即時串流的方式，由BS傳送給待測點，讓兩個點位的觀測儀同時連續運作，以獲得連續的定位資訊（下圖為此處文字所述三步驟的圖示說明）。

一般來說，DGNSS有能力輕鬆達到單點定位精度一至三公尺，因此常用在船隻導航（尤其是船隻進港時）、車輛定位、航空導航等場景。雖然上述文字僅描述BS只有一臺的情境，但是實際應用時，也可以透過架設多臺BS，建立DGNSS網路，來增加整體系統的服務範圍與精度。目前有應用到DGNSS技術之導航系統，包含：WAAS和LASS，這兩類系統都是利用多臺BS，來提供不同服務範圍的飛行導航系統。

第三題

DGNSS的關鍵技術，就是BS會傳送座標修正參數給待測點使用者。一般來說，傳送出去的座標修正參數分成兩類：座標分量改正量、虛擬距離改正量。前者，就如同前一題之圖片所示，BS傳送（ΔX, ΔY, ΔZ）給使用者，因此獲得高精度定位座標的方法，僅需將單點定位座標加上（ΔX, ΔY, ΔZ）即可。後者則為BS告知使用者：衛星到接收儀之間的虛擬距離存在多少的修正量。因此，使用者需要先修正虛擬距離觀測量之後，才可進行座標（X, Y, Z）的換算。

BS傳送座標修正參數的方式當然也有很多種，舉凡：陸基無線電、行動數據通訊、衛星訊號傳輸、專線光纖傳輸等，都是可行的方法。

x第四題

GPS衛星發送的訊號有兩種頻率，分別為L1 (1575.42 MHz)及L2 (1227.60MHz)，這兩種訊號內含的訊息都是一樣的，都可以解讀出電碼並求出電碼虛擬距離。如果我們對這兩種訊號測量其載波相位，得到兩條載波觀測方程式，並求其線性組合，則能夠得到去除電離層射誤差的觀測方程式。也就是所謂的無電離層線性組合 (Ionosphere-Free Combination, L3)、無幾何距線性組合 (Geometry-Free Combination, L4)、寬巷線性組合 (Wide Lane Combination, L5)、窄巷線性組合 (Narrow Lane Combination, L6)。

附註：以下符號之定義，詳細請見第五題。

1. L3：目的是消除載波觀測方程式的電離層折射誤差，詳見第五題。

其中：、

1. L4：目的是消除載波觀測方程式的真實距離和對流層折射誤差。

其中：

1. L5：目的是形成波長較L1和L2更長，且具有整數ambiguity之組合波

其中：

1. L6：目的是形成波長較L1和L2更短，且具有整數ambiguity之組合波

其中：

x第五題

首先，我們回顧前一次作業提及的載波觀測方程式：

上述公式的符號分別代表：(長度單位meter、時間單位second)

：利用GPS Li頻率所測得的載波pseudo range，

：代表衛星到GPS receiver之間的真實距離

：GPS receiver與GPS system time的時鐘差等

：衛星與GPS system time的時鐘差等

：對流層延遲誤差

：電離層對GPS Li頻率造成的延遲誤差，

：GPS Li頻率的波長，、

：利用GPS Li進行載波觀測的integer ambiguity，

：載波pseudo range觀測量的雜訊與多路徑效應，

同一台GPS接收儀針對同一顆衛星進行L1和L2頻率的觀測，我們可以得到兩條載波觀測方程式，若以週波數 (# of cycles) 作為單位可表示為：

或寫做：

其中：

：利用GPS Li頻率所測得的載波觀測量 (# of cycles)，

：GPS Li的頻率，；、

接著，我們計算 ：

因為電離層折射誤差與GPS Li頻率的平方成反比[[1]](#Source1)，意即：

(附註：為訊號由衛星傳播到GPS接收儀的路徑上的總電子量)

所以，，也就是 可化簡為：

最後，我們計算 ，再稍微化簡等式：

其中：、

更進一步，藉著定義全新名詞：Ionosphere-Free Combination (L3)，幫助我們化簡最終消除電離層折射誤差的載波觀測方程式。

或寫回以單位為公尺的形式：

x第六題

分成兩大定位：單點定位、相對定位。這兩大定位方式又分別可運用兩種觀測量：電碼、載波，代入相應觀測方程式，以求得最終定位座標、相對距離。

1. 單點定位：又稱絕對定位、導航定位，是一種利用單獨一個觀測站接收衛星訊號，進而求得該測站的絕對X、Y、Z座標值，大部分採用電碼觀測量來求解。一般可以再細分為傳統單點定位、精確單點定位 (Precise Point Positioning , PPP)。
2. 相對定位：由兩個以上的測站同時接收衛星訊號，其中一部接收儀放置於已知座標點，進行聯合解算而求得任兩個不同測站之間的基線向量 (baseline vector)，大部分採用載波觀測量來求解。一般可再細分為靜態、動態兩個分類。由於此方法必定有大量的多餘觀測量，因此相當適合配合差分技術來提升精確度。值得一提的是：測站的間距離如果小於十公里，則測得的電離層、對流層折射誤差就會很相近，可提升差分技術消除誤差的能力。

以上是GNSS定位方式的綱要式簡介，接下來針對不同名詞做進一步介紹。

* 精確單點定位：雖然傳統單點定位最為簡便、成本最低、資料後處理要求最少，但是其定位誤差最大。為了解決這樣子的缺點，我們可以透過事前向國際組織 (例如：IGS) 索取精密星曆，結合現場觀測的雙頻衛星訊號，就可以得到高精度的定位座標。首先，我們利用雙頻GPS接收儀測得非差分電碼虛擬距離與載波相位觀測量；接著，利用數學公式獲得無電離層線性組合L3的電碼虛擬距離與載波相位觀測量；最後，就可以求解未知數：測站座標、接收儀時鐘差、載波相位ambiguity、電離層折射誤差、對流層折射誤差。PPP的優點顯而易見：只需一台GPS接收儀就可求得精密度達公分的座標；然而其缺點就是精密星曆無法即時獲得，例如IGS最快只能延遲12天提供精密星曆。另外，PPP也無法避免需面對求解ambiguity的困難過程。
* 靜態相對定位：顧名思義，就是兩個以上的GPS接收儀全部都維持不動地同步觀測衛星訊號，以求出固定長度的基線向量。
* 動態相對定位：在觀測過程中，有一台接收儀放置在運動物體上，一般出現在需要即時得到座標的應用場域。又可以再細分為：DGPS與KGPS。DPGS (Differential GPS)是利用差分技術來修正電碼觀測量虛擬距離的定位方法，目前廣為人知的WAAS、LAAS系統皆有使用這項技術。KGPS (Kinematic GPS)是利用載波相位觀測量虛擬距離來定位，目前最為出名的應用就是即時動態測量 (Real Time Kinematic, RTK)，根據我國工研院的最新發展[[2]](#Source2)指出：RTK已經可達成每100毫秒提供公分等級的定位座標。

x第七題

前述文字提及的相對定位，提升其精度有兩種主要路線：衛星空間分布盡量分散、提高觀測量的精度。對於提高觀測量的精度有許多做法，並非本題重點而不在此贅述。

理想的衛星訊號應該來自於測站上空「四面八方」，而非全部集中在某一個方位。為了數值化這樣子的概念，方便我們互相比較何種情況應該視作理想狀態，因此創造了精度因子 (Dilution of Precision, DOP)來度量。常用的DOP有horizontal DOP (HDOP)、vertical DOP (VDOP)、position DOP (PDOP)、time DOP (TDOP)與geometric DOP (GDOP)，其中又以GDOP最廣為使用。

概念上，GDOP等於GPS接收儀的X、Y、Z座標值與時鐘差四個分量的變異數之和的開根號，也就是PDOP的平方加上TDOP的平方再取開根號。在幾何空間裡，GPS接收儀與四顆衛星所形成的六面體體積，與GDOP成反比，因此GDOP越小代表該六面體體積越大，意味著四顆衛星的分散程度越大，也就是越接近理想的衛星空間分布，習慣上以GDOP值為10當作分界點。

x第八題

雖然傳統單點定位最為簡便、成本最低、資料後處理要求最少，但是其定位誤差最大。為了解決這樣子的缺點，我們可以透過事前向國際組織 (例如：IGS) 索取精密星曆，結合現場觀測的雙頻衛星訊號，就可以得到高精度的定位座標，這個概念就稱作精密單點定位 (Precise Point Positioning, PPP)。

首先，我們利用雙頻GPS接收儀測得非差分電碼虛擬距離與載波相位觀測量；接著，利用數學公式獲得無電離層線性組合L3的電碼虛擬距離與載波相位觀測量；最後，就可以求解未知數：測站座標、接收儀時鐘差、載波相位ambiguity、電離層折射誤差、對流層折射誤差。

PPP的優點顯而易見：只需一台GPS接收儀就可以求得精密度達公分等級的絕對座標值，而非相對測定位的基線向量，同時兼顧成本以及精確度；另外，因為沒有使用到差分技術，所以接收儀時鐘差、電離層誤差、對流層誤差不會被消去，適合進行相關領域的研究。PPP的缺點來自於其核心概念：精密星曆無法即時獲得，例如IGS最快只能延遲12天提供精密星曆，因此PPP無法應用在動態測量的場域。另外，PPP也無法避免需面對求解ambiguity的困難過程。

輔助全球衛星定位系統 (Assisted GPS, or Augmented GPS, abbreviated as AGPS)是一種利用向手機基地台索取定位輔助訊息，配合觀測傳統GPS衛星信號，讓定位速度更快的方法。如果只有手機獨立觀測GPS訊號，首先需要搜尋所有PRN編號的訊號，接著針對訊號良好的PRN解讀L1頻率當中的observation data與跟隨在其後的navigation message，最後才能進行定位相關的計算與求解，此過程不僅緩慢而且耗費許多計算能力。AGPS可以讓手機基地台發送良好訊號的PRN清單與navigation message給手機，隨後手機只需要針對特定PRN觀測其observation data，即可開始進行定位計算與求解。

x第九題

雖然傳統單點定位最為簡便、成本最低、資料後處理要求最少，但是其定位誤差最大。為了解決這樣子的缺點，我們可以透過事前向國際組織 (例如：IGS) 索取精密星曆，結合現場觀測的雙頻衛星訊號，就可以得到高精度的定位座標，這個概念就稱作精密單點定位 (Precise Point Positioning, PPP)。

首先，我們利用雙頻GPS接收儀測得非差分電碼虛擬距離與載波相位觀測量；接著，利用數學公式獲得無電離層線性組合L3的電碼虛擬距離與載波相位觀測量；最後，就可以求解未知數：測站座標、接收儀時鐘差、載波相位ambiguity、電離層折射誤差、對流層折射誤差。

PPP的優點顯而易見：只需一台GPS接收儀就可以求得精密度達公分等級的絕對座標值，而非相對測定位的基線向量，同時兼顧成本以及精確度；另外，因為沒有使用到差分技術，所以接收儀時鐘差、電離

x第十題

雖然傳統單點定位最為簡便、成本最低、資料後處理要求最少，但是其定位誤差最大。為了解決這樣子的缺點，我們可以透過事前向國際組織 (例如：IGS) 索取精密星曆，結合現場觀測的雙頻衛星訊號，就可以得到高精度的定位座標，這個概念就稱作精密單點定位 (Precise Point Positioning, PPP)。

首先，我們利用雙頻GPS接收儀測得非差分電碼虛擬距離與載波相位觀測量；接著，利用數學公式獲得無電離層線性組合L3的電碼虛擬距離與載波相位觀測量；最後，就可以求解未知數：測站座標、接收儀時鐘差、載波相位ambiguity、電離層折射誤差、對流層折射誤差。

PPP的優點顯而易見：只需一台GPS接收儀就可以求得精密度達公分等級的絕對座標值，而非相對測定位的基線向量，同時兼顧成本以及精確度；另外，因為沒有使用到差分技術，所以接收儀時鐘差、電離

參考文獻

* [[1]](#Ref2)

https://ictjournal.itri.org.tw/Content/Messagess/contents.aspx?MmmID=654304432061644411&MSID=1035144027215166537