NOME:_____ LOG-IN FEUP:____

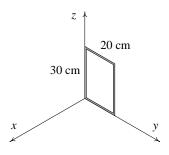
Exame de recurso 13 de Fevereiro de 2009

Duração: Duas horas. Com consulta de formulário e uso de calculadora.

- 1. (4 valores). Um fio de níquel-cromo de 2.1 mm de diâmetro vai ser usado para construir uma caldeira de água que produza 9 g de vapor de água por segundo. A fonte de alimentação a ser usada fornece tensão contínua de 220 V. Calcule o comprimento que deve ter o fio. (O calor de evaporação da água é de 2257.2 J/g. A 20° C a resistividade do níquel-cromo é 1 $\mu\Omega$ ·m e o coeficiente de temperatura é 0.0004° C⁻¹.)
- **2.** (4 valores). Uma espira condutora rectangular com arestas de 20 cm e 30 cm encontra-se sobre o plano *yz*, com um vértice na origem, como se mostra na figura. A partir do instante *t* = 0 aparece na região onde se encontra a espira um campo magnético variável com componentes (unidades SI):

$$B_x = 6t^2 - 4$$
 $B_y = 5t^3$ $B_z = 0$

(a) Calcule a fem induzida na espira, em função do tempo t, a partir do instante t = 0. (b) Diga (justificando) qual é o sentido da corrente induzida na espira.



PERGUNTAS

Cotação: Total, 12 valores. Cada resposta certa, 0.8, erradas, -0.2, em branco, 0. Arredonde as suas respostas ao número de algarismos significativos usados nas respostas dadas.

- **3.** Uma resistência transporta uma corrente *I*. A potência dissipada na resistência é *P*. Qual será a potência dissipada se a mesma resistência transportar uma corrente 3*I*?
 - (**A**) 3*P*
- (**C**) *P*
- **(E)** 9/P

- **(B)** 9*P*
- **(D)** P/3

Resposta:

- **4.** Liga-se uma pilha entre os extremos A e B de uma barra feita de um material semicondutor do tipo P. O eléctrodo positivo foi ligado em A e o negativo em B. Qual será o sentido da corrente?
 - (A) de A para B.
 - (B) no semicondutor não pode passar corrente.
 - (C) dependerá do tipo de pilha.
 - (**D**) dependerá da fem da pilha.
 - (E) de B para A.

Resposta:

5. Uma onda electromagnética propaga-se no sentido positivo do eixo dos *z*. Num certo ponto e num certo instante, o módulo do campo eléctrico da onda é 1.5 V/m, no sentido positivo do eixo dos *y*. Calcule o campo magnético no mesmo ponto e no mesmo instante.

- (A) 5 nT, no sentido negativo do eixo dos x.
- **(B)** 5 nT, no sentido positivo do eixo dos y.
- (C) 5 nT, no sentido negativo do eixo dos z.
- (**D**) 5 nT, no sentido negativo do eixo dos y.
- (E) 5 nT, no sentido positivo do eixo dos x.

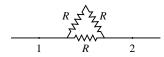
Resposta:

- 6. Um condensador de 720 μ F, inicialmente descarregado, é carregado ligando uma pilha de 1.5 V, com resistência interna de 85 Ω . Calcule a carga no condensador 0.1 s após ter sido ligada a pilha.
 - (A) $869 \mu C$
- (**C**) 936 μC
- **(E)** $210 \mu C$

- **(B)** $465 \mu C$
- **(D)** $1080 \mu C$

Resposta:

7. A diferença de potencial entre os pontos 1 e 2 é *V*. As três resistências têm o mesmo valor *R*. Calcule a corrente que passa do ponto 1 para o ponto 2.



	(A) $\frac{2V}{3R}$ (C) $\frac{V}{3R}$ (E) $\frac{3V}{2R}$ (B) $\frac{3VR}{2}$ (D) $3VR$	13.	Três condensadores são ligados como se indica na figura, onde $C_1 = C_3 = 2.5~\mu\text{F}$ e $C_2 = 5.0~\mu\text{F}$. Se a diferença de potencial entre os pontos A e B for 9.0 V, qual será aproximadamente a carga no condensador C_3 ?
8.	Um indutor de 1.0 H e um condensador de 0.20 μ F estão ligados em série com uma fonte de corrente alternada com frequência de 60 Hz e tensão eficaz de 110 V. Calcule o ângulo de desfasamento do sistema.		$A \bullet \qquad \begin{array}{ c c } \hline C_1 \\ \hline \\ \hline \\ C_2 \\ \hline \\ \end{array} \qquad \begin{array}{ c c } \hline \\ \hline \\ \hline \\ \hline \\ \end{array} \qquad B$
	(A) zero. (C) 90° (E) infinito. (B) 0.707 (D) -90° Resposta:		(A) 90 μ C (C) 17 μ C (E) 4.2 μ C (B) 37 μ C (D) 4.8 μ C
9.	Uma esfera metálica montada num suporte isolador liga-se à	14.	Resposta: O gráfico mostra as linhas de campo eléctrico de um sistema de duas cargas pontuais. O que é que podemos afirmar em relação às cargas das duas partículas?
	 (A) negativa (B) nula (C) positiva num extremo e negativa no extremo oposto. (D) diferente de zero, mas não é possível saber o sinal. (E) positiva Resposta: 		
10.	Coloca-se um pequeno íman dentro de um campo magnético externo uniforme. Qual será o resultado?		(A) A carga com maior valor absoluto é a do lado esquerdo.
	 (A) O íman roda até que o pólo norte aponta no sentido das linhas do campo externo e o pólo sul no sentido oposto. (B) O íman roda até que a linha que passa pelos pólos fica perpendicular às linhas do campo externo. 		 (B) As duas cargas são iguais. (C) As duas cargas são positivas. (D) A carga com maior valor absoluto é a do lado direito. (E) As duas cargas são negativas.
	 (C) O íman desloca-se no sentido das linhas do campo externo. (D) O íman desloca-se no sentido oposto das linhas do campo externo. (E) O íman roda até que o pólo sul aponta no sentido das linhas do campo externo e o pólo norte no sentido oposto. 		Resposta: Uma carga de 2 μ C encontra-se dentro de um campo eléctrico com módulo igual a 4×10^5 N/C. Qual é o trabalho necessário para deslocar essa carga uma distância de 10 cm numa direcção a 60° com o campo eléctrico?
11.	Resposta: Qual dos seguintes circuitos é útil para medir a carga num condensador?		(A) 0.08 J (C) 7 J (E) 8 J (B) 40 mJ (D) 0.07 J
	 (A) Derivador. (B) Amplificador não inversor. (C) Amplificador inversor. (D) Seguidor. (E) Integrador. 	16.	Resposta: Um indutor com indutância igual a 3 mH é ligado a uma fonte ideal de 1.5 V. Após 2 segundos, a corrente no indutor é de 2 mA. Calcule a força electromotriz média induzida no indutor durante esse intervalo.
10	Resposta:		(A) $3 \mu V$ (C) $3 mV$ (E) $1.5 V$ (B) $0.75 V$ (D) $3 V$
12.	Uma partícula alfa é formada por dois protões mais dois neutrões. Se uma partícula alfa se deslocar com velocidade igual a 6.15×10^5 m/s, numa direcção perpendicular a um campo magnético com módulo $B=0.27$ T, qual será o valor da força magnética sobre a partícula?		Resposta: Um ponto encontra-se a 2.5 cm de uma carga pontual $Q_1 = +4.5$ nC e a 2.0 cm de outra carga Q_2 . Sabendo que o potencial no ponto é igual a 3.2 kV, calcule o valor da carga Q_2
	(A) $3.3 \times 10^5 \text{ N}$ (D) $4.8 \times 10^5 \text{ N}$ (B) $2.7 \times 10^{-14} \text{ N}$ (E) $5.3 \times 10^{-14} \text{ N}$		(A) 3.5 nC (C) 4.4 nC (E) 5.5 nC (B) 2.7 nC (D) 1.1 nC
	(C) zero Resposta:		Resposta:

RESOLUÇÃO

1. A resistividade do níquel-crómio a 100°C (temperatura de ebulição da água) é:

$$\rho = \rho_{20} [1 + \alpha (T - 20)] = 1 \times 10^{-6} (1 + 0.0004 \times 80) = 1.032 \times 10^{-6} \ \Omega \cdot m$$

E a energia necessária para evaporar 9 g de água é:

$$E = 9 \times 2257.2 = 20314.8 \text{ J}$$

portanto, a potência que deverá dissipar a resistência será:

$$P = 20314.8 \text{ W}$$

que corresponde a uma resistência:

$$R = \frac{\Delta V^2}{P} = \frac{220^2}{20314.8} = 2.3825 \,\Omega$$

finalmente, o comprimento obtem-se em função da resistência e da resistividade:

$$l = \frac{RA}{\rho} = \frac{2.3825\,\pi\,(1.05\times10^{-3})^2}{1.032\times10^{-6}} = 8.00~\mathrm{m}$$

2. (a) Como o campo é uniforme e o versor perpendicular à espira é \vec{i} , o fluxo magnético através da espira é:

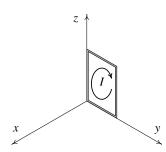
$$\Phi_{\rm m} = \iint_{S} \vec{B} \cdot \vec{e}_n \, du ds = \left(\vec{B} \cdot \vec{i}\right) A = B_x \, \Delta y \, \Delta z = 0.06 \, \left(6 \, t^2 - 4\right)$$

A fem induzida calcula-se usando a lei de Faraday:

$$\varepsilon_i = -\frac{\mathrm{d}\,\Phi_{\mathrm{m}}}{\mathrm{d}\,t} = -0.72\,t$$

(em volts, se t for dado em segundos).

(a) Como t é positivo, o valor de ε_i calculado na alínea anterior será sempre negativo. Isso quer dizer que a corrente induzida será no sentido oposto do sentido usado para definir o versor perpendicular à espira. A escolha de $\vec{e}_n = \vec{i}$ implica que estávamos a percorrer a espira em sentido anti-horário, vista desde o semieixo positivo dos x. Consequentemente, a corrente induzida é no sentido dos ponteiros do relógio:



Outra forma de obter o sentido da corrente consiste em observar que o campo B_x inicialmente aponta no sentido negativo do eixo dos x, mas está sempre a aumentar no sentido positivo do eixo dos x. O campo induzido deverá contrariar esse aumento, apontando no sentido negativo do eixo dos x. Pela regra da mão direita, um campo magnético induzido no sentido negativo do eixo dos x implica corrente induzida em sentido dos ponteiros do relógio.

Perguntas

3. B

6. A

9. A

12. E

15. B

4. A

5. A

7. E

10. A

13. C

16. A

8. D

11. D

14. D

17. A