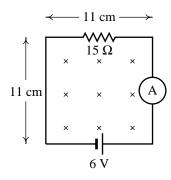
Exame final 24 de Janeiro de 2008

Duração: Duas horas. Com consulta de formulário e uso de calculadora.

**Problema 1** (4 valores). O circuito apresentado na figura encontra-se dentro de um campo magnético uniforme, que aponta para dentro da página e com módulo que decresce a uma taxa constante de 150 tesla cada segundo. Calcule o valor que será medido no amperímetro.



**Problema 2** (4 valores). Uma bobina tem indutância de 36 mH e resistência de 40  $\Omega$ . A bobina liga-se em paralelo com um condensador de 32 nF e com uma fonte alternada de tensão  $V(t) = 345\cos(150\pi t)$  (em volts, e o tempo t em segundos). Calcule: (a) A corrente máxima na bobina. (b) A corrente eficaz no condensador. (c) A potência média dissipada na bobina.

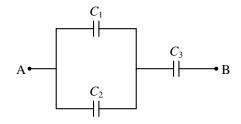
## **PERGUNTAS**

**Cotação:** Total, 12 valores. Cada resposta certa, 0.8, erradas, -0.2, em branco, 0. Arredonde as suas respostas ao número de algarismos significativos usados nas respostas dadas.

- 1. A resistência de um condutor metálico é igual a 3 k $\Omega$ , a 20°C. Quando a temperatura aumenta para 50°C, a resistência aumenta para 3.5 k $\Omega$ . Calcule o valor do coeficiente de temperatura,  $\alpha$ , a 20°C.
  - (A)  $8.3 \times 10^{-3} \, {}^{\circ}\text{C}^{-1}$
- **(D)**  $5.6 \times 10^{-3} \, {}^{\circ}\text{C}^{-1}$
- **(B)**  $16.7 \times 10^{-3} \, {}^{\circ}\text{C}^{-1}$
- **(E)**  $3.3 \times 10^{-3} \, ^{\circ}\text{C}^{-1}$
- (C)  $10 \times 10^{-3} \, {}^{\circ}\text{C}^{-1}$

Resposta:

**2.** Três condensadores são ligados conforme a figura.  $C_1 = 5.0 \,\mu\text{F}$ ,  $C_2 = 4.0 \,\mu\text{F}$ ,  $C_3 = 3.0 \,\mu\text{F}$ . Se a diferença de potencial aplicada entre os pontos A e B for 12 V qual é a energia armazenada em  $C_3$ ?



**(A)**  $41 \mu J$ 

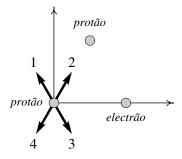
- **(D)** 0.16 mJ
- (**B**) 0.12 mJ
- **(E)** 16 mF
- (**C**) 0.41 mJ

Resposta:

- **3.** A corrente num condutor varia linearmente desde um valor inicial de 9 A, em t = 0, até o valor final 2 A, em t = 4 h. A carga total transportada pelo condutor durante esse período foi:
  - (A) 28.8 kC
- (**D**) 129.6 kC
- **(B)** 100.8 kC
- (E) 50.4 kC
- (C) 79.2 kC

Resposta:

**4.** Dois protões e um electrão encontram-se nos vértices de um triângulo equilátero. Qual dos vectores representa melhor a força eléctrica resultante sobre o protão que está na origem?



- (A) A força é nula
- **(D)** 4

**(B)** 1

**(E)** 3

**(C)** 2

Resposta:

(C) Z

	<b>(B)</b> 9 <i>P</i>	$(\mathbf{E}) P$		(A) $1.5 \times 10^{-3} \text{ N} \cdot \text{m}$	<b>(D)</b> $2.9 \times 10^{-2} \text{ N} \cdot \text{m}$
	( <b>C</b> ) <i>P</i> /3			<b>(B)</b> $5.1 \times 10^{-2} \text{ N} \cdot \text{m}$	<b>(E)</b> $9.4 \times 10^{-3} \text{ N} \cdot \text{m}$
	Resposta:			(C) 0.59 N·m	
6.	A resistência de um dío	odo no modo directo:		Resposta:	
	<ul> <li>(A) Aumenta em função da corrente no díodo.</li> <li>(B) Diminui em função da corrente no díodo.</li> <li>(C) É constante, independentemente da corrente.</li> <li>(D) É nula.</li> </ul>		12.	Uma barra condutora, com 25 cm de comprimento, desloca-s com velocidade uniforme de 12 m/s, num plano perpendicula a um campo magnético uniforme de 80 G. Calcule a diferenç de potencial induzida entre os extremos da barra.	
	(E) É infinita.			( <b>A</b> ) 240 V	<b>(D)</b> 0.384 V
	Resposta:			<b>(B)</b> 0.24 V	(E) 3.84 kV
	resposiu.			(C) 0.024 V	(E) 3.04 KV
7.	Um plano com 2500 cm² de área tem uma carga total de 20 nC, distribuida uniformemente. O módulo do campo eléctrico perto do plano é, aproximadamente:		to	<b>Resposta:</b> Um condensador de 2.73 $\mu$ F e uma resistência de 1166 $\Omega$ es	
	( <b>A</b> ) 18.1 mN/C	<b>(D)</b> 45.2 N/C		tão ligados em série a uma fonte de tensão alternada de Podemos concluir que a tensão da fonte estará:	
	<b>(B)</b> 4.52 kN/C	<b>(E)</b> 0.452 N/C		Podemos concluir que a	tensao da fonte estara:
	(C) 1.81 N/C			(A) Adiantada $90^{\circ}$ em relação à corrente.	
	Resposta:	Resposta:		<b>(B)</b> Adiantada 45° em 1	-
8	Oual das seguintes afir	Qual das seguintes afirmações é verdadeira?		( <b>C</b> ) Atrasada $90^{\circ}$ em re	3
				( <b>D</b> ) Atrasada $45^{\circ}$ em relação à corrente.	
	<ul> <li>(A) A velocidade média dos electrões livres num fio metálico é no sentido oposto ao campo eléctrico.</li> <li>(B) Num fio metálico o sentido da corrente é o sentido da velocidade média dos electrões livres.</li> <li>(C) Num amplificador operacional, se o sinal de saída for realimentado para uma das entradas (positiva ou negativa) evita-se que a tensão de saída seja a tensão de saturação.</li> </ul>			(E) Em fase com a corr Resposta:	rente.
					onda harmónica que se desloca para
			a)	representa a onda?	de 4 m/s. Qual é a equação que melho
	( <b>D</b> ) A impedância de entrada de um amplificador operacional é muito pequena.			2 y (m)	
	(E) A luz é uma onda harmónica.  Resposta:			0 2	$\xrightarrow{1}$ $\xrightarrow{1}$ $\xrightarrow{x \text{ (m)}}$
	Existe um campo eléctrico uniforme entre duas placas paralelas separadas por 2.0 cm. O módulo do campo é 30 kN/C. Qual é a diferença de potencial entre as placas?			$_{-2}$ $\downarrow$	
	diferença de potenciai entre as piacas?			(A) $y(x,t) = 4\sin(16\pi x/4 - 8\pi t)$	
	$(\mathbf{A})$ 60 kV	<b>(D)</b> 1.5 MV		$\mathbf{(B)} \ \ y(x,t) = 2\sin(\pi x/4)$	•
	<b>(B)</b> 15 kV	(E) 27 kV		$(\mathbf{C}) \ \ y(x,t) = 2\sin(16\pi x)$	
	(C) $0.6 \text{ kV}$			$\mathbf{(D)} \ \ y(x,t) = 4\sin(\pi x/4 - \pi t)$	
	Resposta:			$(\mathbf{E}) \ \ y(x,t) = 2\sin(\pi x/4)$	$(t+\pi t)$
	Um segmento de fio condutor rectilíneo, que transporta uma			Resposta:	
10.	corrente <i>I</i> , encontra-se numa região onde existe um campo magnético uniforme. Se a força magnética sobre o fio for nula, o que é que podemos concluir acerca do campo magnético?		g- 15.	Uma carga de 4 $\mu$ C encontra-se dentro de um campo eléctricom módulo igual a $4 \times 10^5$ N/C. Qual é o trabalho necessário para deslocar essa carga uma distância de 20 cm numa direcção a $60^{\circ}$ com o campo eléctrico?	
	<ul><li>(A) Não podemos concluir nada acerca do campo magnético.</li><li>(B) O campo magnético é nulo.</li><li>(C) Trata-se de uma situação impossível.</li></ul>			a oo com o campo cicc	urco:
				( <b>A</b> ) 160 mJ	<b>(D)</b> 0.28 J
				<b>(B)</b> 0.68 J	<b>(E)</b> 16 J
	(D) O campo magnético é perpendicular ao fio.			(C) 28 J	
	(E) O campo magnético é paralelo ao fio.			Resposta:	
	Resposta:				

5. Uma resistência transporta uma corrente I. A potência dissipada 11. Uma bobina circular tem 20 voltas, cada uma com raio de

5.0 cm. Existe um campo magnético de 0.15 T que faz um

ângulo de  $30^\circ$  com a perpendicular à bobina. Calcule o binário que actua sobre a bobina quando a corrente nela for de 2.5 A.

na resistência é P. Qual será a potência dissipada se a mesma

**(D)** 3*P* 

resistência transportar uma corrente 31?

**(A)** 9/P

## RESOLUÇÃO

Problema 1. A corrente produzida pela fem de 6 V é:

$$I = \frac{6}{15} = 0.4 \text{ A}$$

no sentido anti-horário. Existe também uma corrente induzida:

$$I_i = \frac{\varepsilon_i}{15}$$

onde a fem induzida  $\varepsilon_i$  é igual à derivada do fluxo magnético em funçao do tempo. Como a área é constante,  $\varepsilon_i$  é igual à área vezes a taxa de variação do campo magnético:

$$\varepsilon_i = 0.11 \cdot 0.11 \cdot 150 = 1.815 \text{ V}$$

$$I_i = \frac{1.815}{15} = 0.121 \text{ A}$$

De acordo com a lei de Lenz, a corrente induzida deverá produzir um campo magnético para dentro da página, contrariando a diminuição do campo externo. Nomeadamente, a corrente induzida deverá ser no sentido horário. Assim, a corrente total no amperímetro é:

$$0.4 - 0.121 = 279 \text{ mA}$$

no sentido anti-horário.

Problema 2.A impedância da bobina é:

$$|Z_b| = \sqrt{(150\pi \cdot 0.036)^2 + 40^2} = 43.449 \ \Omega$$

$$\phi_b = atan\left(\frac{150\pi \cdot 0.036}{40}\right) = 22.98^{\circ}$$

E a impedância do condensador:

$$|Z_c| = X_c = \frac{1}{150\pi \cdot 32 \cdot 10^{-9}} = 66315\Omega$$

$$\phi = -90^{\circ}$$

A tensão máxima é a mesma na bobina, no condensador e na fonte:  $V_o = 345 \text{ V}$ 

(a) A corrente máxima na bobina é:

$$I_o = \frac{V_o}{|Z_b|} = \frac{345}{43.449} = 7.94 \text{ A}$$

(b) No condensador:

$$I_{ef} = \frac{V_{ef}}{|Z_c|} = \frac{345/\sqrt{2}}{66315} = 3.68 \text{ mA}$$

(c) A potência média na bobina será:

$$\langle P \rangle = \frac{I_o V_o}{2} \cos \varphi_b = 0.5 \cdot 7.94 \cdot 345 \cos(22.98) = 1261 \text{ W}$$

## **PERGUNTAS**

**1.** D

**4.** E

**7.** B

**10.** E

**13.** D

**2.** B

**5.** B

**8.** A

**11.** D

**14.** B

**3.** C

**6.** B

**9.** C

**12.** C

**15.** A