A Codificação de Church é uma forma de adicionar operadores e dados ao cálculo lambda, sua forma mais conhecida são os numerais de Church, uma representação dos números naturais utilizando a notação lambda.

Seu nome é dado pelo seu inventor Alonzo Church que foi o primeiro a codificar o cálculo lambda desta forma.

São funções que tomam dois parâmetros:

```
Número
                Expressão lambda
                \lambda f. \lambda x. x
               \lambda f. \lambda x. f x
          1
               \lambda f. \lambda x. f (f x)
               \lambda f. \lambda x. f (f (f x))
          3
               \lambda f. \lambda x. f (f (f (f x)))
          4
          5
               \lambda f. \lambda x. f (f (f (f (f x))))
                \lambda f. \lambda x. f (f (f (f (f (f x)))))
                \lambda f. \lambda x. f (f (f (f (f (f (x))))))
                \lambda f. \lambda x. f (f (f (f (f (f (f (x)))))))
          9
                \lambda f. \lambda x. f (f (f (f (f (f (f (f (x))))))))
                \lambda f. \lambda x. f (f (f (f (f (f (f (f (f x)))))))))
        10
```

```
soma = \lambda m. \lambda n. \lambda s. \lambda z. m s (n s z)
```

$$sub = \lambda m. \lambda n.$$
 (n predecessor) m

```
soma 0 \ 1 = (\lambda \ \text{m.} \ \lambda \ \text{n.} \ \lambda \ \text{s.} \ \lambda \ \text{z.} \ \text{m s (n s z)}) \ 0 \ 1

soma 0 \ 1 = (\lambda \ \text{n.} \ \lambda \ \text{s.} \ \lambda \ \text{z.} \ 0 \ \text{s (n s z)}) \ 1

soma 0 \ 1 = \lambda \ \text{s.} \ \lambda \ \text{z.} \ 0 \ \text{s (1 s z)})

soma 0 \ 1 = \lambda \ \text{s.} \ \lambda \ \text{z.} \ 0 \ \text{s ((\lambda \ f. \ \lambda \ x. \ f \ x) \ s z)}

soma 0 \ 1 = \lambda \ \text{s.} \ \lambda \ \text{z.} \ 0 \ \text{s ((\lambda \ f. \ \lambda \ x. \ x) \ z)}

soma 0 \ 1 = \lambda \ \text{s.} \ \lambda \ \text{z.} \ ((\lambda \ f. \ \lambda \ x. \ x) \ \text{s (s z)})

soma 0 \ 1 = \lambda \ \text{s.} \ \lambda \ \text{z.} \ ((\lambda \ x. \ x) \ (\text{s z)})

soma 0 \ 1 = \lambda \ \text{s.} \ \lambda \ \text{z.} \ ((\lambda \ x. \ x) \ (\text{s z)})

soma 0 \ 1 = \lambda \ \text{s.} \ \lambda \ \text{z.} \ (\text{f x)}

soma 0 \ 1 = \lambda \ \text{f.} \ \lambda \ \text{x.} \ (\text{f x)}
```

```
sub 2 1 = (\lambda \text{ m. } \lambda \text{ n. } (\text{n predecessor}) \text{ m}) 2 1
sub 2 1 = (\lambda \text{ n. } (\text{n predecessor}) \text{ 2}) 1
sub 2 1 = (1 \text{ predecessor}) \text{ 2}
sub 2 1 = ((\lambda \text{ f. } \lambda \text{ x. f x}) \text{ predecessor}) \text{ 2}
sub 2 1 = ((\lambda \text{ x. predecessor x}) \text{ 2}
sub 2 1 = (\text{predecessor 2})
sub 2 1 = 1
```