## 密码学

#

1.

```
from Crypto.Util.number import getPrime, bytes_to_long
flag = open("flag", "rb").read()
# 第一次生成 p, q 和 n
assert(e<100000)
p = getPrime(1024)
q = getPrime(1024)
n = p * q
m = bytes_to_long(flag)
c = pow(m, e, n)
print(c, n)
# 输出另一个已知的明文加密结果,用于攻击
print(pow(294, e, n))
# 第二次生成新的 p 和 n, 使用原来的 q
p = getPrime(1024)
n = p * q # 注意这里使用的是新的 p 和原来的 q
m = bytes_to_long("BJD" * 32)
c = pow(m, e, n)
print(c, n)
1 1 1
output:
c1 = 12641635617803746150332232646354596292707861480200207537199141183624438303757
12057009674124802023666696575579800965654773861639902530012304376625551859614934
89304445998206752300464233730530516319325572308490834268594901837323037517440048
74183062594856870318614289991675980063548316499486908923209627563871554875612702
07910056701869899293581820610908756816609739231410571755548292614103050563957170
88762131671121879625844840653215457275941351753692339259225077949996073235369768
24183162923385005669930403448853465141405846835919842908469787547341752365471892
495204307644586161393228776042015534147913888338316244169120
72581880846289837599476737562774949483967194454382240305997807381312244140761253
22401475251039000775017381633900222474727396823708695063136246115652622259769634
59130942176126954826098442614882464128501073098321537750925501129873782762161115
80329764200116625478545156105979556288980735696841582256783334745439203265328934
46849808112837476684390030976472053905069855522297850688026960701186543428139843
783907624317274796926248829543413464754127208843070331063037
38163126882580646951816637038735203547577567716361573075945434391356361597088196
73324077099012356377189361841989302263037618765171012086771073110060657280142204
77966000620964056616058676999878976943319063836649085085377577273214792371548775
20459409788707889859846389244014157797454493926824781893793660701310080816975867
50422645685477640316284314147279221685809984946958004030433124066435276376674663
18473669542326169218665366423043579003388486634167642663495896607282155808331902
35118850019796090567220704657964705276457941181430568913751986088091646727205677
8641442758940135016400808740387144508156358067955215018
```

c2=97915337055253515349847745972087732981120468820838754382612258213240421484845 49547224870866580614087952238050222029976135220147369834521210738600548513023435 17756732701026667062765906277626879215457936330799698812755973057557620930172778 85911653857120710042499083850825512761663733449968005864541178692530236879041476 82486118093581601975543692554586754501094579876987495846305511775774920434036564 19968285163536823819817573531356497236154342689914525321673807925458651854768512 39635538974086327014877536274444811558163962932636234216054850003500015609721544 6881251055505465713854173913142040976382500435185442521721 n2 = 128062109030613683690543095751593603740223447745474593452169071281939575929380718158659540732875325459473706718383721448065397538294843560649193572856233052096006805709752246392143968051243508627721592723627787680368446347609176127087217 87320159318432456050806227784435091161119982613987303255995543165395426658059462 11005643139251754871744789808491516766117236298425120168863946965228345230771282 13988570164875907949965444688267056003322085352014433222672987471175288829859553 75246424812616478327182399461709978893464093245135530135430007842223389360212803 439850867615121148050034887767584693608776323252233254261047

学过信安的小朋友都知道 可以通过素数分解可以得到p, q值 分解出p, q, 然后看print(pow(294, e, n))的值求e 通过得到的e解出 flag: BJD{p\_is\_common\_divisor}

2. 看不懂啊,上网搜索一下,发现这个是一种题型 找到解密代码

```
from gmpy2 import *
from Crypto.Util.number import *
from Crypto.PublicKey import RSA
# 公钥提取
with open("pub.key", "r", encoding="utf-8") as file:
    text=file.read()
key=RSA.import_key(text)
e=key.e
n=key.n
print(e)
print(n)
q=
with open("flag.enc", "rb") as file:
    c=file.read()
d=invert(e,(p-1)*(q-1))
flag=pow(int.from_bytes(c,byteorder="big"),d,n)
print(long_to_bytes(flag))
```

得到flag: flag{decrypt\_256}

3. 发现这引用了一个库叫binascii,这是个ascii的编码模块,可以在二进制和ASCII之间相互转化,然后还发现里面引用了个flag的文件使用如下代码进行解密

import gmpy2

from Crypto.Util.number import long\_to\_bytes

n =

 $\begin{bmatrix} 2012961535249176549934011294318831718054876159786130084730582714151046561967053\\ 68446345582464392303716588369281030634328702457071803559071942848615109060712653\\ 52409579441048101084995923962148527097370705452070577098780246282820065573711015\\ 66429199137208515701690120911419106857420868039771004284283594042845194950060761\\ 36346826841132087666940287892757485282542877057595284989863064942678171983406582\\ 41873024800336013946294891687591013414935237821291805123285905335762719823771647\\ 85337889286889607842457223293436094067296243684952391556332877994213450449956886\\ 6135266628078485232098208237036724121481835035731201383423\\ ,$ 

31221650155627849964466413749414700613823841060149524451234901677160009099014018 92658109487984009724854341198053306683197661702367622562506785400331701879404172 36125560084715790604288981177905879910556813804082633827618416257144158790874780 72771968160384909919958010983669368360788505288855946124159513118847747998656422 52141498029521264667585069093788376400057166757438141914437282421179801858680467 48245646061225924832865758006852321282738200877918116638780578273863797878829627 63290066072231248814920468264741654086011072638211075445447843691049847262485759 393290853117072868406861840793895816215956869523289231421

 $29944537515397953361520922774124192605524711306753835303703478890414163510777460\\ 55979833431302121638935625187491779200763829922582101884964852067381378677245282\\ 28095465711298163102072328832397713241228848049934189583094600094063428721731890\\ 08449237959577469114158991202433476710581356243815713762802478454390273808377430\\ 68515711009549672796630800125410751796755938401973427986184099723917625423606900\\ 14535445597860639159700711300878111239120443122195355138806639138313587903766504\\ 39083660611831156205113873793106880255882114422025746986403355066996567909581710\\ 647746463994280444700922867397754748628425967488232530303,$ 

 $25703437855600135215185778453583925446912731661604054184163883272265503323016295\\ 70035725310530114672666789749743553257997495147835457041555422140177853610473729\\ 61543160563140394491163864943236684837498331478005574033684895422731694890802220\\ 09368903993658498263905567516798684211462607069796613434661148186901892016282065\\ 91619092044337875616725080987248350171222578200439696999698305742394260717431413\\ 25984212691697225182244782488368810764846398373430793246369971451998350348333677\\ 43079935361276149990997875905313642775214486046381368619638551892292787783137622\\ 261433528915269333426768947358552919740901860982679180791]$ 

```
c =
[1913143266121790847026233842129969199852615779058354415674198123882215856398852
02259869152345700373838881127244083929181139427219941255050147275459461333073297
81747600302829588248042922635714391033431930411180545085316438084317927348705241
92757043275789298509139604495008546242957544006065296725384504139839964844234004
29708144155719040576670281575129710793846017248163080786318444801102017873435830
73815186771790477712040051157180318804422120472007636722063989315320863580631330
64711699381977775068415095041629808526147884117768167786723686566620739184704648
3954029213495373613490690687473081930148461830425717614569,
15341898433226638235160072029875733826956799982958107910250055958334922460202554
92474314412217001835511745245947201713361464224241147984936906148286057027986369
24256215260568628084251352676085448558333583140712006873404425128565752787129866
41573012456729402660597339609443771145347181268285050728925993518704899005416187
25000330458123070144470515741279078702792681071099864619146713055071360076589823
43923501539658115950606567537112783080051933709362961247907726894337734147036457
03910742193898471800081321469055211709339846392500706523670145259024267858368216
902176489814789679472227343363035428541915118378163012031 ,
18715065071648040017967211297231106538139985087685358555650567057715550586464814
76368368829903789718284500757857140135906121377764511441464290307700356815550846
58196285537471732442359365868124454400954507551543576467370870716058119841634165
90278352605433362327949048243722556262979909488202442530307505819371594747936223
83523358694542352225693870100237064638209784610501498176330772923467573770225215
51308371548768318858886691504188850880893245348925061997244867834462673367898727
82137895552509353583305880144947714110009893134162185382309992604435664777436197
587312317224862723813510974493087450281755452428746194446,
22822845612248582931384804474633192624749188476301487701124727031285490325921877
97289965592615199709857879008271766433462032328498580340968871260189669707518557
15783659242497325733436293163983107258482410312348652258253166615236387439648274
45617581336554064103644421749832270055018609278208712607118610088301206170568835
14525798709601744088135999465598338635794275123149165498933580159945032363880613
52492191302334120943965714596233221346857340286379692057181241820081481708623426
22803382211616227895168293638050847156521217390361832640261208687565237701962841
422718498790032021909661503900611954693517168195391837971
sum_n = 1
rev_n = []
ni = []
m = 0
for i in n:
    sum_n = sum_n * i
for i in n:
    temp = sum_n//i
    ni.append(temp)
    rev_n.append(gmpy2.invert(temp,i))
for i in range(len(n)):
    m += c[i]*rev_n[i]*ni[i] % sum_n
p = gmpy2.iroot(m%sum_n, 4)[0]
print(p)
ee1 = 42
ee2 = 3
```

```
ce1 =
45722651786340123946960815003059322528810481841378247280642868553607692149509126
96287258303714246139880668948914174149497483688234150523425532568321909216305284
34616323384425290115023789311403561117569327128225168140231660689025694582999333
91973504078898958921809723346229893913662577294963528318424676803942288386430172
43088030761974818686389005011393457382050557092810901784264759826663434444718234
78493677145646863418710075058867283937511470335568892176046473556285575022083644
12269944908011305064122941446516990168924709684092200183860653173856272384
ce2 =
13908468332333567158469136439932325992349696889129103935400760239319454409539725
38974705921383523837304789919821112868937404972957814687530923196293655440328788
29999678403462166952084245827397770342610795503959180484210868439270094524799360
45850799096750074359160775182238980989229190157551197830879877097703347301072427
14947499180386832576996733235695086351850496548656546405977045145855774494973528
21317279560562792928006942038661672702689884373899457031170706044889992477501395
68614939965885211276821987586882908159585863514561191905040244967655444219603287
214405014887994238259270716355378069726760953320025828158
86407877807860983516777956598254075768407045069785430900517174281341496344746255
49990127189609250816215714874447255289824240374190521948407209498098911348548712
22612682162490991065015935449289960707882463387
n1 =
15911581555796798614711625288508309704791837516232122410440958830726078821069050
40401282089626007175138043699271063836429465817357110159693160579750971283962247
93688502512064197480900597524273036117600046213782264312269836657468377790562715
30181865648115862947527212787824629516204832313026456390047768174765687040950636
53048054901440127905434609803039510038700411157427881374963098672470626365516628
95862304539759537737919454085894846793718541134577581574922412251809070902351163
25034822993748409011554673180494306003272836905082473475046277554085737627846557
240367696214081276345071055578169299060706794192776825039
def doit(ee,n,ce):
    k=0
    while True:
        x=ce+k*n
        if gmpy2.iroot(x,ee)[1]:
            return gmpy2.iroot(x,ee)[0]
        k=k+1
e1=doit(ee1,n1,ce1)
e2=doit(ee2,n1,ce2)-tmp
print(e1)
print(e2)
q1 =
12758731925343664356931214205855970681549721166108386659253421707931049726036530
74260956612811037100423927754538661746574049855390667416841960201378404729501023
80232067786400322600902938984916355631714439668326671310160916766472897536055371
474076089779472372913037040153356437528808922911484049460342088834871
q2 =
11440118822747958468088404615129970465692053616876713291658918235758346105333638
69961237832949325665677736954266894474103119694564585747311875129748682970926386
77515283584994416382872450167046416573472658841627690987228528798356894803559278
308702635288537653192098514966089168123710854679638671424978221959513
```

```
c1 =
26273997575393028169094278432125233903590619684634071323751038236455768537954349
87650744488257993421943326811811297700460750181220334219832278877196101120282306
03166527303021036386350781414447347150383783816869784006598225583375458609586450
85460286256902257167204915880987476381283404425741919963121752736704662488883775
53112150811733865238060867832661983902890972311681726923266536573935225617419479
51887577156666663584249108899327053951891486355179939770150550995812478327735917
00619457441251881929930378324388696245539978360122922771878708178539101042403050\\
9937403600351414176138124705168002288620664809270046124
73955911292288766490308196166858218992048326849957577249244508129774707878222663
87122334722132760470911599176362617225218345404468270014548817267727669872896838
10645152039280649746657690706329560374666000318844017091949015725082930817331071
53189257716431050648826207461712664998590490380169021625992614090509071408233529
90750298239508355767238575709803167676810456559665476121149766947851911064706646
50670539709162664871368451178045695545355202046090963801613412459043842573882682
86947739605142219101094739414514714316379031822057387381094297364250256213083008
95473186381826756650667842656050416299166317372707709596
x1=gmpy2.gcd(e1,(p-1)*(q1-1))
x2=gmpy2.gcd(e2,(p-1)*(q2-1))
d1=gmpy2.invert(e1//x1,(p-1)*(q1-1))
d2=gmpy2.invert(e2//x2,(p-1)*(q2-1))
m1 = pow(c1,d1,p*q1)
m2 = pow(c2,d2,p*q2)
d1_{-} = gmpy2.invert(7,(q1-1))
d2_ = gmpy2.invert(7,(q2-1))
b1 = pow(m1, d1, q1)
b2 = pow(m2, d2, q2)
m = (b1*q2*gmpy2.invert(q2,q1)+b2*q1*gmpy2.invert(q1,q2))%(q1*q2)
```

## 得到结果:

de1ctf{9b10a98b-71bb-4bdf-a6ff-f319943de21f}

print(long\_to\_bytes(gmpy2.iroot(m,2)[0]))

4. 先搜索,发现这个sage是一种算法,使用如下代码解密

```
#sage
P=43753
R.<y> = PolynomialRing(GF(P))
```

```
N=34036*y^177 + 23068*y^176 + 13147*y^175 + 36344*y^174 + 10045*y^173 +
41049*y^{172} + 17786*y^{171} + 16601*y^{170} + 7929*y^{169} + 37570*y^{168} + 990*y^{167} +
9622*y^{166} + 39273*y^{165} + 35284*y^{164} + 15632*y^{163} + 18850*y^{162} + 8800*y^{161}
+ 33148*y^{160} + 12147*y^{159} + 40487*y^{158} + 6407*y^{157} + 34111*y^{156} +
8446*y^{155} + 21908*y^{154} + 16812*y^{153} + 40624*y^{152} + 43506*y^{151} + 39116*y^{150}
+ 33011*y^{149} + 23914*y^{148} + 2210*y^{147} + 23196*y^{146} + 43359*y^{145} +
34455*y^{144} + 17684*y^{143} + 25262*y^{142} + 982*y^{141} + 24015*y^{140} + 27968*y^{139}
+ 37463*y^{138} + 10667*y^{137} + 39519*y^{136} + 31176*y^{135} + 27520*y^{134} +
32118*y^{13} + 8333*y^{13} + 38945*y^{13} + 34713*y^{13} + 1107*y^{12} + 43604*y^{12}
+ 4433*y^127 + 18110*y^126 + 17658*y^125 + 32354*y^124 + 3219*y^123 +
40238*y^{12} + 10439*y^{12} + 3669*y^{12} + 8713*y^{11} + 21027*y^{11}8 + 29480*y^{11}7
+ 5477*y^{116} + 24332*y^{115} + 43480*y^{114} + 33406*y^{113} + 43121*y^{112} +
1114*y^{111} + 17198*y^{110} + 22829*y^{109} + 24424*y^{108} + 16523*y^{107} + 20424*y^{106}
+ 36206*y^{105} + 41849*y^{104} + 3584*y^{103} + 26500*y^{102} + 31897*y^{101} +
34640*y^{100} + 27449*y^{99} + 30962*y^{98} + 41434*y^{97} + 22125*y^{96} + 24314*y^{95} +
3944*y^94 + 18400*y^93 + 38476*y^92 + 28904*y^91 + 27936*y^90 + 41867*y^89 +
25573*y^88 + 25659*y^87 + 33443*y^86 + 18435*y^85 + 5934*y^84 + 38030*y^83 +
17563*y^82 + 24086*y^81 + 36782*y^80 + 20922*y^79 + 38933*y^78 + 23448*y^77 +
10599*y^76 + 7156*y^75 + 29044*y^74 + 23605*y^73 + 7657*y^72 + 28200*y^71 +
2431*y^70 + 3860*y^69 + 23259*y^68 + 14590*y^67 + 33631*y^66 + 15673*y^65 +
36049*y^64 + 29728*y^63 + 22413*y^62 + 18602*y^61 + 18557*y^60 + 23505*y^59 +
17642*y^58 + 12595*y^57 + 17255*y^56 + 15316*y^55 + 8948*y^54 + 38*y^53 +
40329*y^52 + 9823*y^51 + 5798*y^50 + 6379*y^49 + 8662*y^48 + 34640*y^47 +
38321*y^46 + 18760*y^45 + 13135*y^44 + 15926*y^43 + 34952*y^42 + 28940*y^41 +
13558*y^40 + 42579*y^39 + 38015*y^38 + 33788*y^37 + 12381*y^36 + 195*y^35 +
13709*y^34 + 31500*y^33 + 32994*y^32 + 30486*y^31 + 40414*y^30 + 2578*y^29 +
30525*y^28 + 43067*y^27 + 6195*y^26 + 36288*y^25 + 23236*y^24 + 21493*y^23 +
15808*y^2 + 34500*y^2 + 6390*y^2 + 42994*y^1 + 42151*y^1 + 19248*y^1 + 19248
19291*y \wedge 16 + 8124*y \wedge 15 + 40161*y \wedge 14 + 24726*y \wedge 13 + 31874*y \wedge 12 + 30272*y \wedge 11 +
30761*y^{10} + 2296*y^{9} + 11017*y^{8} + 16559*y^{7} + 28949*y^{6} + 40499*y^{5} +
22377*y^4 + 33628*y^3 + 30598*y^2 + 4386*y + 23814
S.<x> = R.quotient(N)
```

```
C=5209*x^{176} + 10881*x^{175} + 31096*x^{174} + 23354*x^{173} + 28337*x^{172} +
15982*x^{171} + 13515*x^{170} + 21641*x^{169} + 10254*x^{168} + 34588*x^{167} +
27434*x^166 + 29552*x^165 + 7105*x^164 + 22604*x^163 + 41253*x^162 + 42675*x^161
+ 21153*x^{160} + 32838*x^{159} + 34391*x^{158} + 832*x^{157} + 720*x^{156} + 22883*x^{155}
+ 19236*x^154 + 33772*x^153 + 5020*x^152 + 17943*x^151 + 26967*x^150 +
30847*x^149 + 10306*x^148 + 33966*x^147 + 43255*x^146 + 20342*x^145 + 4474*x^144
+ 3490*x^{143} + 38033*x^{142} + 11224*x^{141} + 30565*x^{140} + 31967*x^{139} +
32382*x^{138} + 9759*x^{137} + 1030*x^{136} + 32122*x^{135} + 42614*x^{134} + 14280*x^{133}
+ 16533*x^{132} + 32676*x^{131} + 43070*x^{130} + 36009*x^{129} + 28497*x^{128} +
2940*x^127 + 9747*x^126 + 22758*x^125 + 16615*x^124 + 14086*x^123 + 13038*x^122
+ 39603*x^121 + 36260*x^120 + 32502*x^119 + 17619*x^118 + 17700*x^117 +
15083*x^116 + 11311*x^115 + 36496*x^114 + 1300*x^113 + 13601*x^112 + 43425*x^111
+ 10376*x^{110} + 11551*x^{109} + 13684*x^{108} + 14955*x^{107} + 6661*x^{106} +
12674*x^{105} + 21534*x^{104} + 32132*x^{103} + 34135*x^{102} + 43684*x^{101} + 837*x^{100}
+ 29311*x^99 + 4849*x^98 + 26632*x^97 + 26662*x^96 + 10159*x^95 + 32657*x^94 +
12149*x^93 + 17858*x^92 + 35805*x^91 + 19391*x^90 + 30884*x^89 + 42039*x^88 +
17292*x^87 + 4694*x^86 + 1497*x^85 + 1744*x^84 + 31071*x^83 + 26246*x^82 + 1744*x^84 + 31071*x^85 + 1744*x^85 + 1744*x^86 + 1744*x^8 +
24402*x^81 + 22068*x^80 + 39263*x^79 + 23703*x^78 + 21484*x^77 + 12241*x^76 +
28821*x^{75} + 32886*x^{74} + 43075*x^{73} + 35741*x^{72} + 19936*x^{71} + 37219*x^{70} +
33411*x^69 + 8301*x^68 + 12949*x^67 + 28611*x^66 + 42654*x^65 + 6910*x^64 +
18523*x^63 + 31144*x^62 + 21398*x^61 + 36298*x^60 + 27158*x^59 + 918*x^58 +
38601*x^57 + 4269*x^56 + 5699*x^55 + 36444*x^54 + 34791*x^53 + 37978*x^52 +
32481*x^51 + 8039*x^50 + 11012*x^49 + 11454*x^48 + 30450*x^47 + 1381*x^46 +
32403*x^45 + 8202*x^44 + 8404*x^43 + 37648*x^42 + 43696*x^41 + 34237*x^40 +
36490*x^39 + 41423*x^38 + 35792*x^37 + 36950*x^36 + 31086*x^35 + 38970*x^34 +
12439*x^33 + 7963*x^32 + 16150*x^31 + 11382*x^30 + 3038*x^29 + 20157*x^28 +
23531*x^27 + 32866*x^26 + 5428*x^25 + 21132*x^24 + 13443*x^23 + 28909*x^22 +
42716*x^21 + 6567*x^20 + 24744*x^19 + 8727*x^18 + 14895*x^17 + 28172*x^16 +
30903*x^{15} + 26608*x^{14} + 27314*x^{13} + 42224*x^{12} + 42551*x^{11} + 37726*x^{10} +
11203*x^9 + 36816*x^8 + 5537*x^7 + 20301*x^6 + 17591*x^5 + 41279*x^4 + 7999*x^3
+ 33753*x^2 + 34551*x + 9659
# factor(N)
p,q = N.factor()
p,q = p[0],q[0]
# print(p)
phi=(pow(P,65)-1)*(pow(P,112)-1)
e = 65537
d = inverse_mod(e,phi)
m = C \wedge d
# print(m)
print("".join([chr(c) for c in m.list()]))
```

## 运行代码得到

watevr{RSA\_from\_ikea\_is\_fun\_but\_insecure#k20944uehdjfnjd335uro} #

## 5. 素数挺多啊,当rsa解吧

```
from gmpy2 import *
import math

def extended_gcd(a, b):
    """扩展欧几里得算法,返回gcd及其系数"""

if a == 0:
    return b, 0, 1

else:
    gcd, x1, y1 = extended_gcd(b % a, a)
    x = y1 - (b // a) * x1
```

```
y = x1
        return gcd, x, y
def mod_inverse(x, m):
    """计算x对m的逆元"""
    gcd, inverse, _ = extended_gcd(x, m)
   if gcd != 1:
       raise ValueError(f"{x}没有在模{m}下的逆元")
       return inverse % m # 确保结果为正数
x = 65537
2217990918*2338725372*2370292206*2463878386*2706073948*2794985116*2804303068*292
3072266*2970591036*3207148518*3654864130*3831680818*3939901242*4093178560*427842
8892
try:
    inv = mod_inverse(x, m)
    print(f"{x}\n在模\n{m}\n下的逆元是: \n{inv}")
except ValueError as e:
   print(e)
def decrypt(ciphertext, d, n):
   plaintext = pow(ciphertext, d, n)
    return plaintext
# RSA参数
17290066070594979571009663381214201320459569851358502368651245514213538229969915
658064992558167323586895088933922835353804055772638980251328261
e = 65537 # 公开指数e
d =
13619254409836597054416254455052940783752750383085323301186432226126937755808140
320503047652056775880922798766200869444744254425458173760438273 # 私有指数d,用于
解密
ciphertext =
14322038433761655404678393568158537849783589481463521075694802654611048898878605
144663750410655734675423328256213114422929994037240752995363595
# 解密消息
plaintext = decrypt(ciphertext, d, n)
# 将解密后的数字转换为字符串
chars = []
for i in range((len(bin(plaintext)) - 1) // 4):
    byte = (plaintext >> (8 * i)) & 255
    chars.append(chr(byte))
message = ''.join(chars)
print(f"解密后的消息是: \n{message}")
```

运行得到galf, 欸我flag怎么反了 运行rev(flag),直接执行反序让它立正 得到flag{us4\_s1ge\_t0\_cal\_phl}