

PHÉNOMÈNES DE TRANSPORT

Niveau : CPGE/L2

Pré-requis :

Premier et second principe de la thermodynamique

Mécanique des fluides / Navier Stokes

Libre parcours moyen, notion d'agitation thermique

Echelle mésoscopique / macroscopique / microscopique

Opérateurs vectoriels

| Quantité transportée | Mode de transport |
|-----------------------|---|
| Particules | Diffusion Convection libre ou forcée |
| Energie thermique | Diffusion Convection Rayonnement |
| Quantité de mouvement | Diffusion Convection Rayonnement |
| Charge | Diffusion Convection |

I) 3) CADRE D'ÉTUDE

Equilibre thermodynamique local :

Les échanges entre systèmes et sous-systèmes sont suffisamment lents pour qu'on puisse définir des échelles de temps et d'espace sur lesquelles les variables ont localement une valeur d'équilibre.

En pratique :

$$\begin{aligned}\tau_{eq} \sim \tau_{coll} &\ll \Delta t \ll \tau_{evol} \\ l &\ll \Delta x \ll L\end{aligned}$$

I) 3) CADRE D'ÉTUDE

Equilibre thermodynamique local :

Les échanges entre systèmes et sous-systèmes sont suffisamment lents pour qu'on puisse définir des échelles de temps et d'espace sur lesquelles les variables ont localement une valeur d'équilibre.

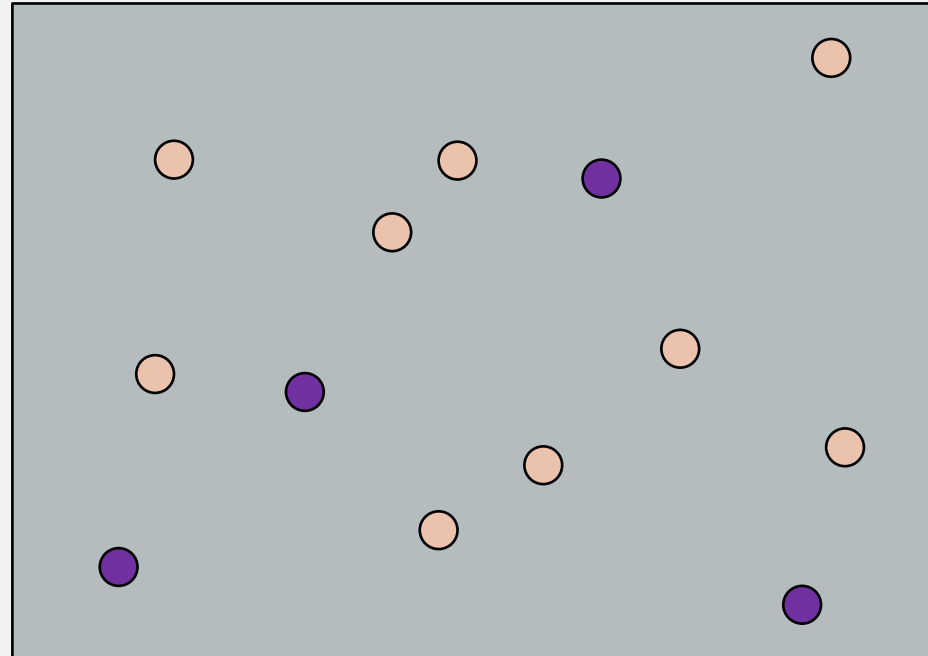
En pratique :

$$\begin{aligned}\tau_{eq} \sim \tau_{coll} &\ll \Delta t \ll \tau_{evol} \\ l &\ll \Delta x \ll L\end{aligned}$$

Approximation linéaire :

Les écarts à l'équilibre sont suffisamment faibles pour pouvoir être traités au premier ordre.

II) 1) LOI DE CONSERVATION



● Particule de fluide diffusant (d)

● Particule de fluide support (s)

II) 1) LOIS DE CONSERVATION

Flux de particules ϕ (s^{-1}) : Nombre de particules qui traversent une surface Σ par unité de temps

Vecteur densité de courant de particules \vec{j}_N ($m^{-2}s^{-1}$) :

$$\phi = \iint_{\Sigma} \vec{j}_N \cdot \vec{dS}$$

Nombre de particules d^2N qui traversent une surface \vec{dS} pendant dt :

$$d^2N = \vec{j}_N \cdot \vec{dS} dt$$

II) 1) LOIS DE CONSERVATION

| Quantité conservée | Flux/densité de flux | Equation de conservation |
|--|---|---|
| Particules <i>n : densité locale de particule</i> | $d^2 N = \vec{j}_N \cdot \vec{dS} dt$ | $\frac{\partial n}{\partial t} + \text{div}(\vec{j}_N) = 0$ |
| Energie thermique <i>e : énergie thermique volumique</i> | $d^2 Q = \vec{j}_Q \cdot \vec{dS} dt$ | $\frac{\partial e}{\partial t} + \text{div}(\vec{j}_Q) = 0$ |
| Quantité de mouvement <i>p_x : densité volumique de quantité de mouvement</i> | $d^2 P_x = \vec{j}_{P_x} \cdot \vec{dS} dt$ | $\frac{\partial p_x}{\partial t} + \text{div}(\vec{j}_{P_x}) = 0$ |
| Charge <i>ρ : densité volumique de charge</i> | $d^2 q = \vec{j}_e \cdot \vec{dS} dt$ | $\frac{\partial \rho}{\partial t} + \text{div}(\vec{j}_e) = 0$ |

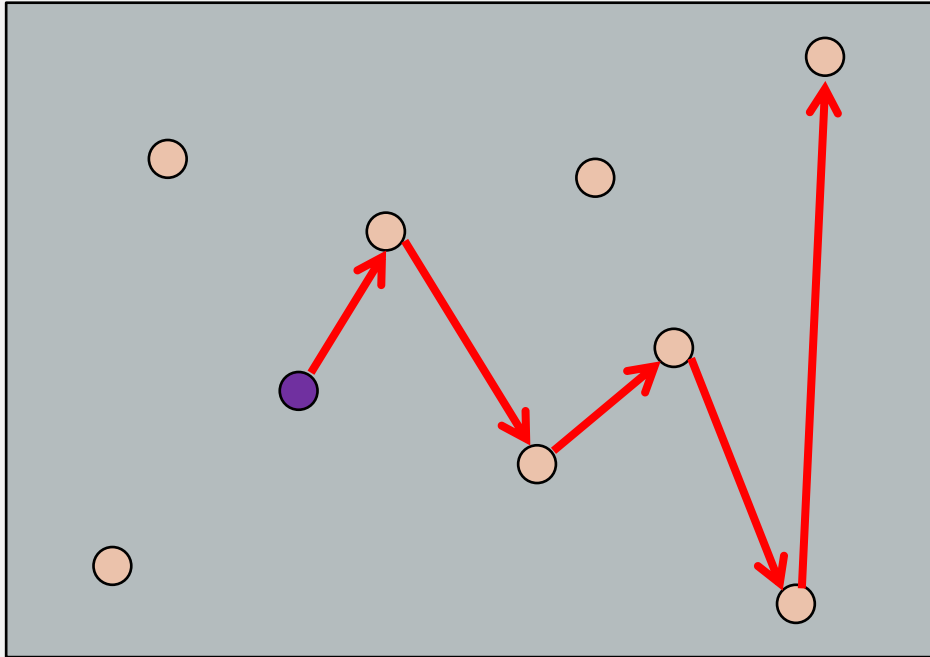
II) 2) LOIS PHÉNOMÉNOLOGIQUES

| Quantité conservée | Loi phénoménologique | Coefficient cinétique |
|-----------------------|---|--|
| Particules | Loi de Fick : $\vec{j}_N = -D \overrightarrow{\text{grad}}(n)$ | D diffusivité en $m^2 \cdot s^{-1}$ |
| Energie thermique | Loi de Fourier : $\vec{j}_Q = -\lambda \overrightarrow{\text{grad}}(T)$ | λ conductivité thermique en $W m^{-1} K^{-1}$ |
| Quantité de mouvement | Loi de Newton : $j_{P_x}^z = -\eta \frac{\partial v_x}{\partial z}$ | η viscosité dynamique en Pa.s |
| Charge | Loi d'Ohm : $\vec{j}_e = -\sigma \overrightarrow{\text{grad}}(V)$ | σ conductivité électrique en $\Omega^{-1} \cdot m^{-1}$ |

II) 3) ÉQUATION DE DIFFUSION

| Quantité conservée | Loi phénoménologique |
|-----------------------|---|
| Particules | $\frac{\partial n}{\partial t} = D \Delta n$ |
| Energie thermique | $\frac{\partial T}{\partial t} = D_{th} \Delta T \text{ avec } D_{th} = \frac{\lambda}{\rho c}$ |
| Quantité de mouvement | $\frac{\partial \vec{v}}{\partial t} = \nu \Delta \vec{v}$ |
| Charge | $\frac{\partial \vec{E}}{\partial t} = \sigma \mu_0 \Delta \vec{E}$ |

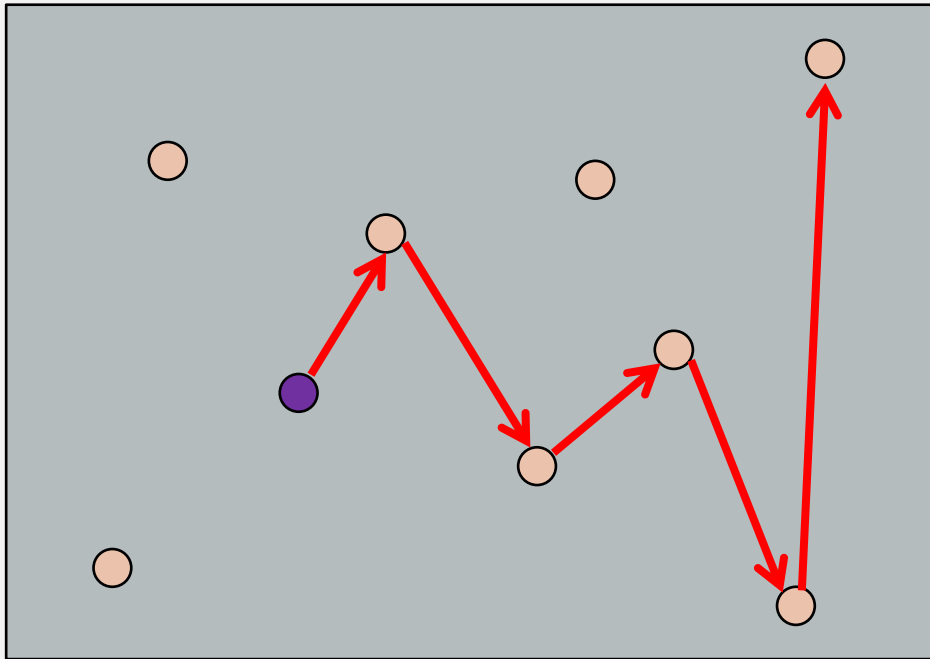
II) 4) ASPECT MICROSCOPIQUE



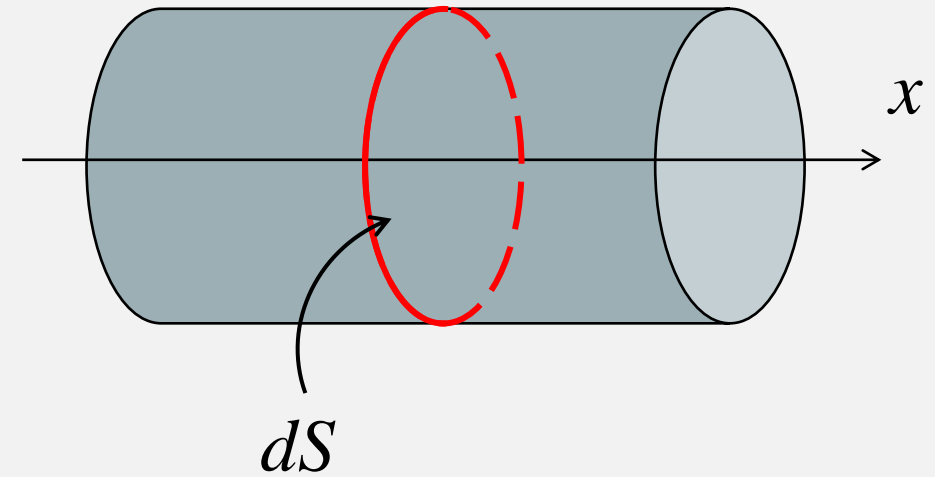
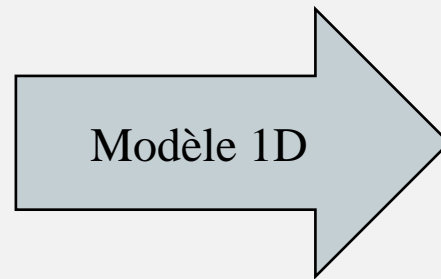
● Particule de fluide diffusant (d)

● Particule de fluide support (s)

II) 4) ASPECT MICROSCOPIQUE

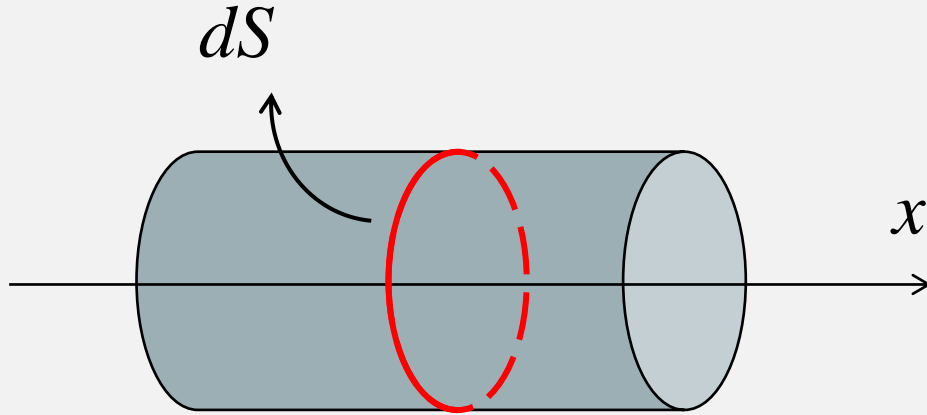


- Particule de fluide diffusant (d)
- Particule de fluide support (s)



δN : Nombre de particules traversant la section d'abscisse x entre t et $t+dt$

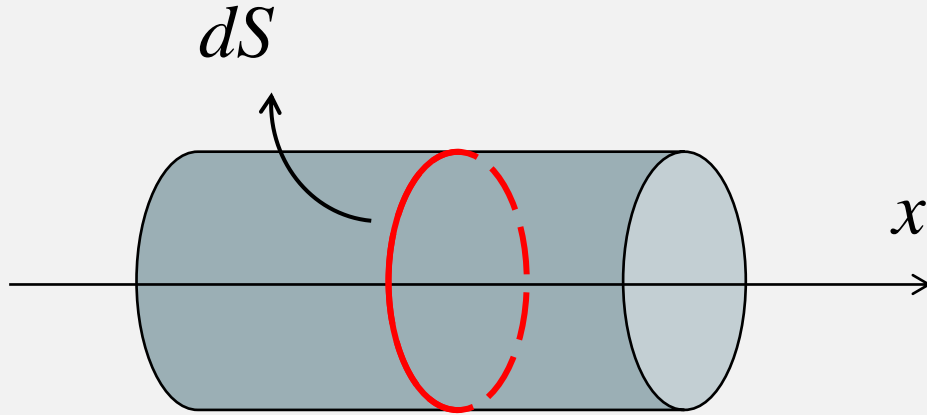
II) 4) ASPECT MICROSCOPIQUE



l^* : libre parcours moyen

v^* : vitesse quadratique moyenne

II) 4) ASPECT MICROSCOPIQUE



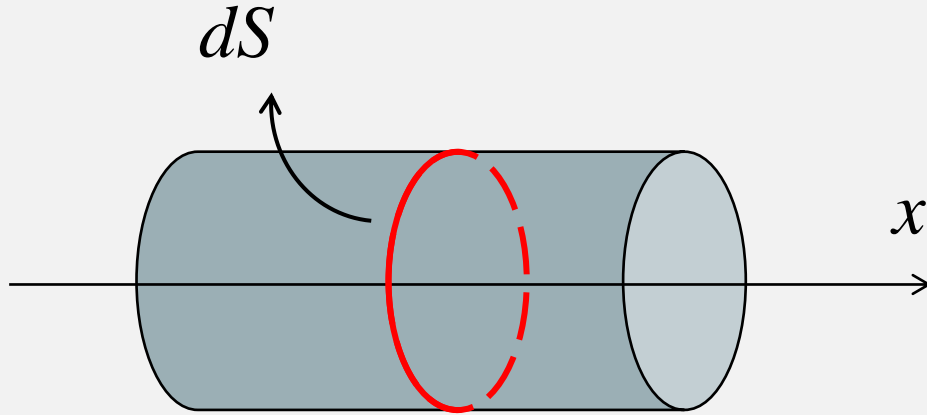
Hypothèses :

- $\forall i \|\vec{v}_i\| = v^*$ la vitesse quadratique moyenne

l^* : libre parcours moyen

v^* : vitesse quadratique moyenne

II) 4) ASPECT MICROSCOPIQUE



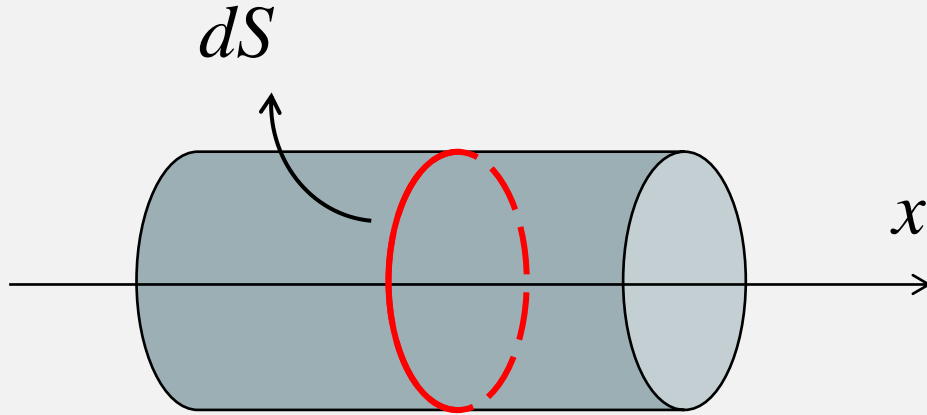
Hypothèses :

- $\forall i \|\vec{v}_i\| = v^*$ la vitesse quadratique moyenne
- Isotropie de la distribution des vitesses :
équiprobabilité des directions $\pm \vec{u}_x, \pm \vec{u}_y, \pm \vec{u}_z$

l^* : libre parcours moyen

v^* : vitesse quadratique moyenne

II) 4) ASPECT MICROSCOPIQUE



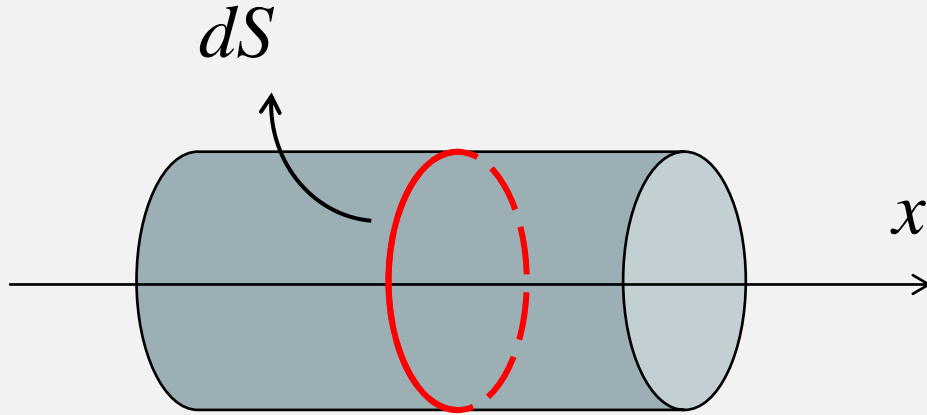
l^* : libre parcours moyen

v^* : vitesse quadratique moyenne

Hypothèses :

- $\forall i \|\vec{v}_i\| = v^*$ la vitesse quadratique moyenne
- Isotropie de la distribution des vitesses :
équiprobabilité des directions $\pm \vec{u}_x, \pm \vec{u}_y, \pm \vec{u}_z$
- Aucune interaction entre deux chocs des molécules diffusantes sur les molécules support \rightarrow mouvement rectiligne uniforme

II) 4) ASPECT MICROSCOPIQUE



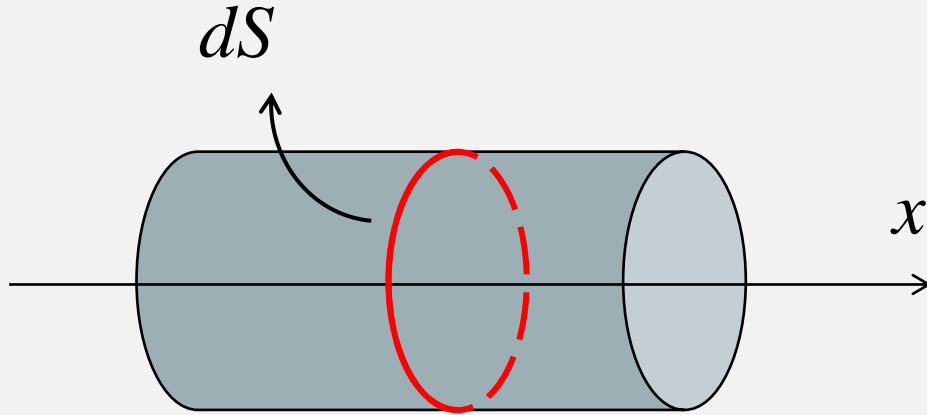
l^* : libre parcours moyen

v^* : vitesse quadratique moyenne

Hypothèses :

- $\forall i \|\vec{v}_i\| = v^*$ la vitesse quadratique moyenne
- Isotropie de la distribution des vitesses :
équiprobabilité des directions $\pm \vec{u}_x, \pm \vec{u}_y, \pm \vec{u}_z$
- Aucune interaction entre deux chocs des molécules diffusantes sur les molécules support \rightarrow mouvement rectiligne uniforme
- Les chocs ont lieu tous les $t^* = \frac{v^*}{l^*}$ au même instant pour toutes les molécules

II) 4) ASPECT MICROSCOPIQUE



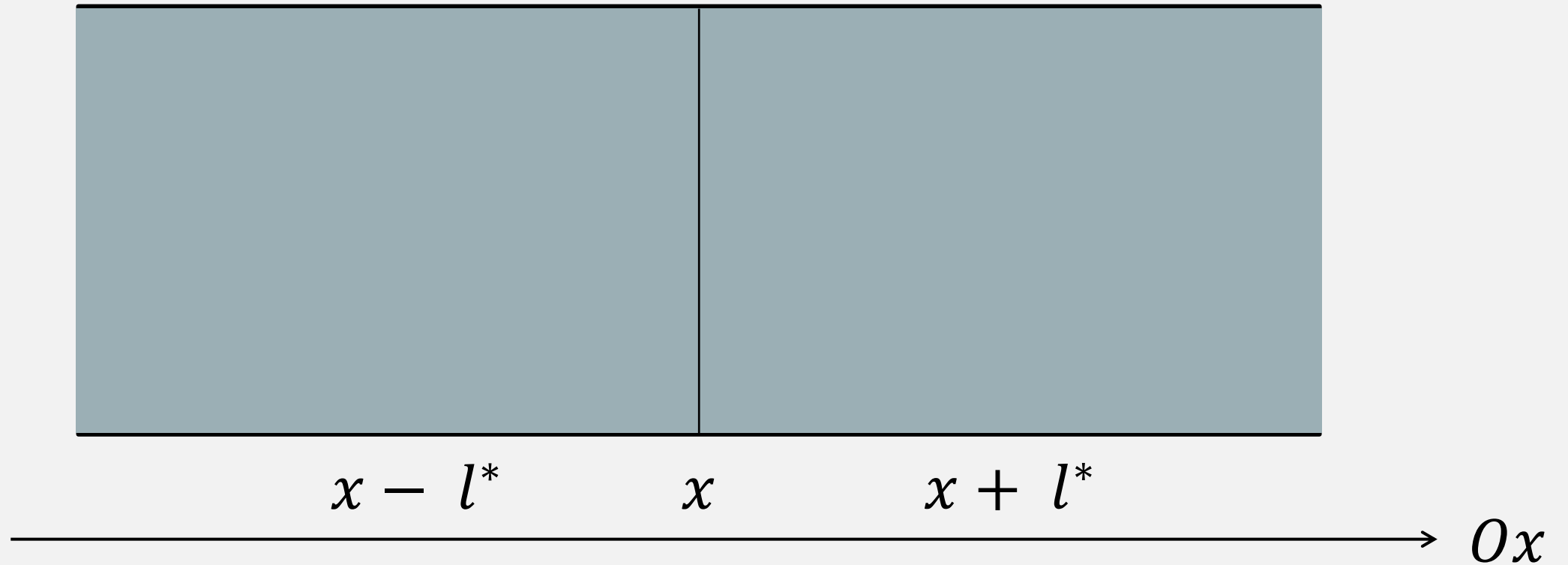
l^* : libre parcours moyen

v^* : vitesse quadratique moyenne

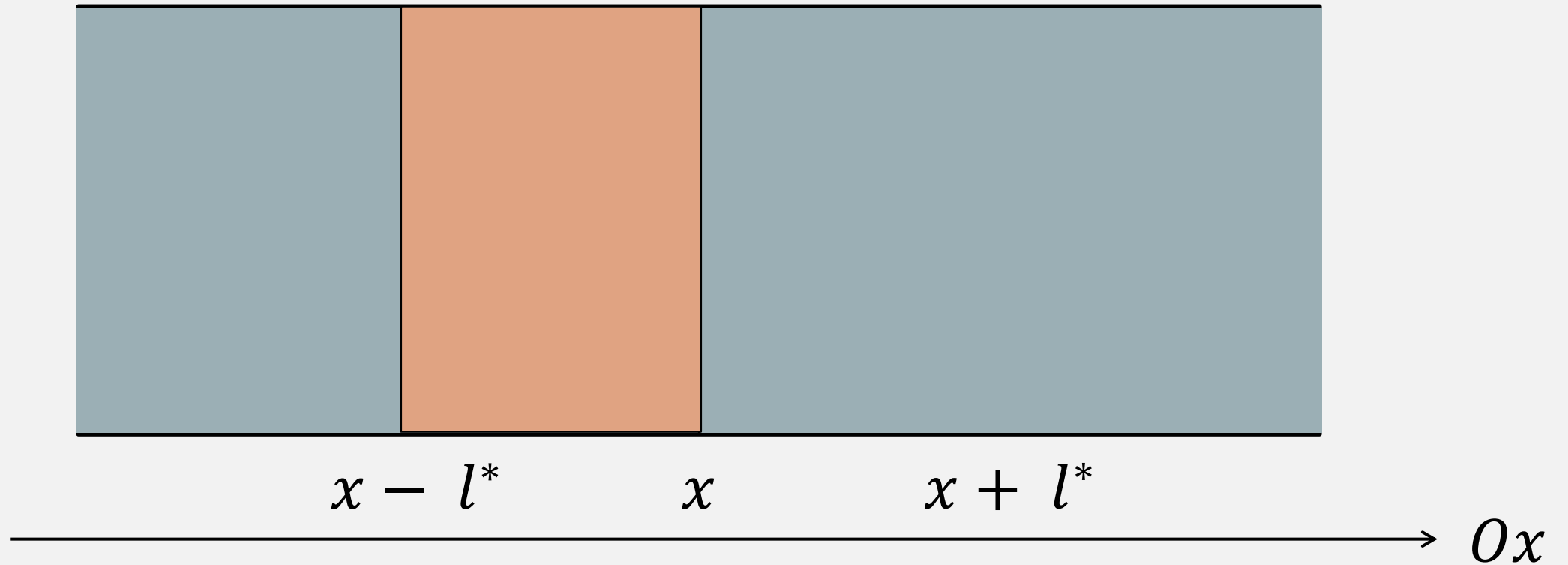
Hypothèses :

- $\forall i \|\vec{v}_i\| = v^*$ la vitesse quadratique moyenne
- Isotropie de la distribution des vitesses :
équiprobabilité des directions $\pm \vec{u}_x, \pm \vec{u}_y, \pm \vec{u}_z$
- Aucune interaction entre deux chocs des molécules diffusantes sur les molécules support \rightarrow mouvement rectiligne uniforme
- Les chocs ont lieu tous les $t^* = \frac{v^*}{l^*}$ au même instant pour toutes les molécules
- ETL : $t^* \ll dt \ll \tau$

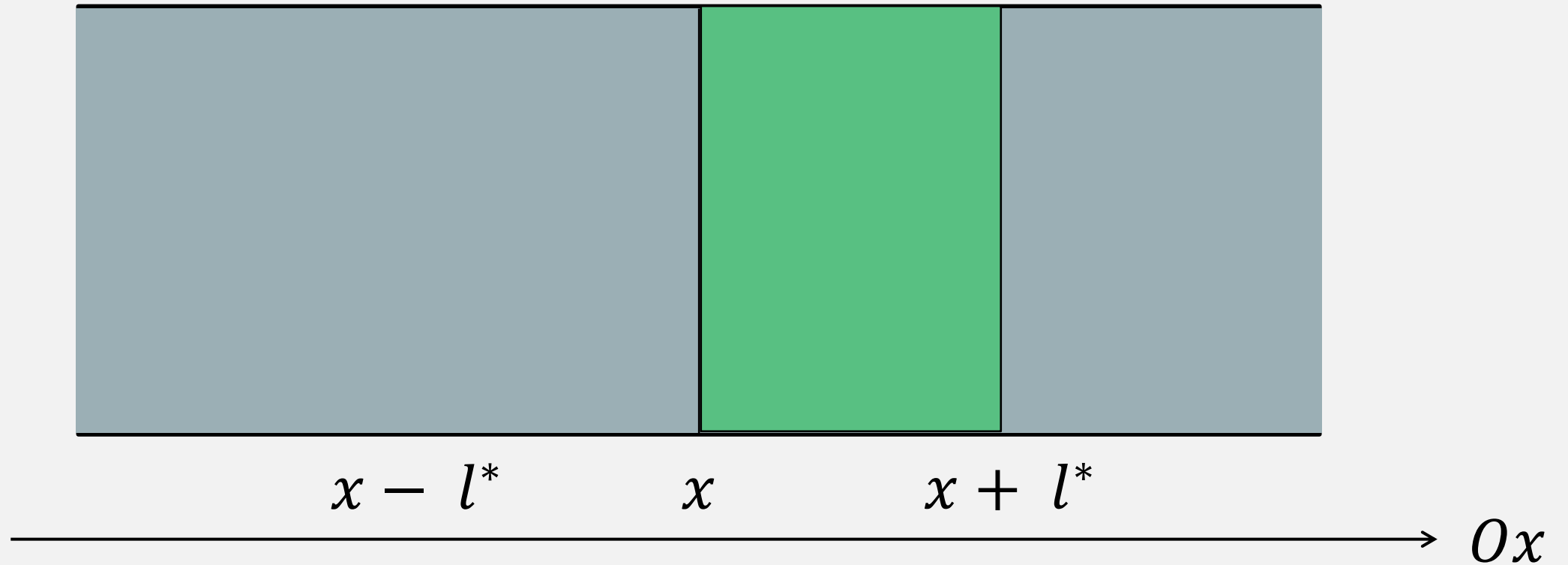
II) 4) ASPECT MICROSCOPIQUE



II) 4) ASPECT MICROSCOPIQUE



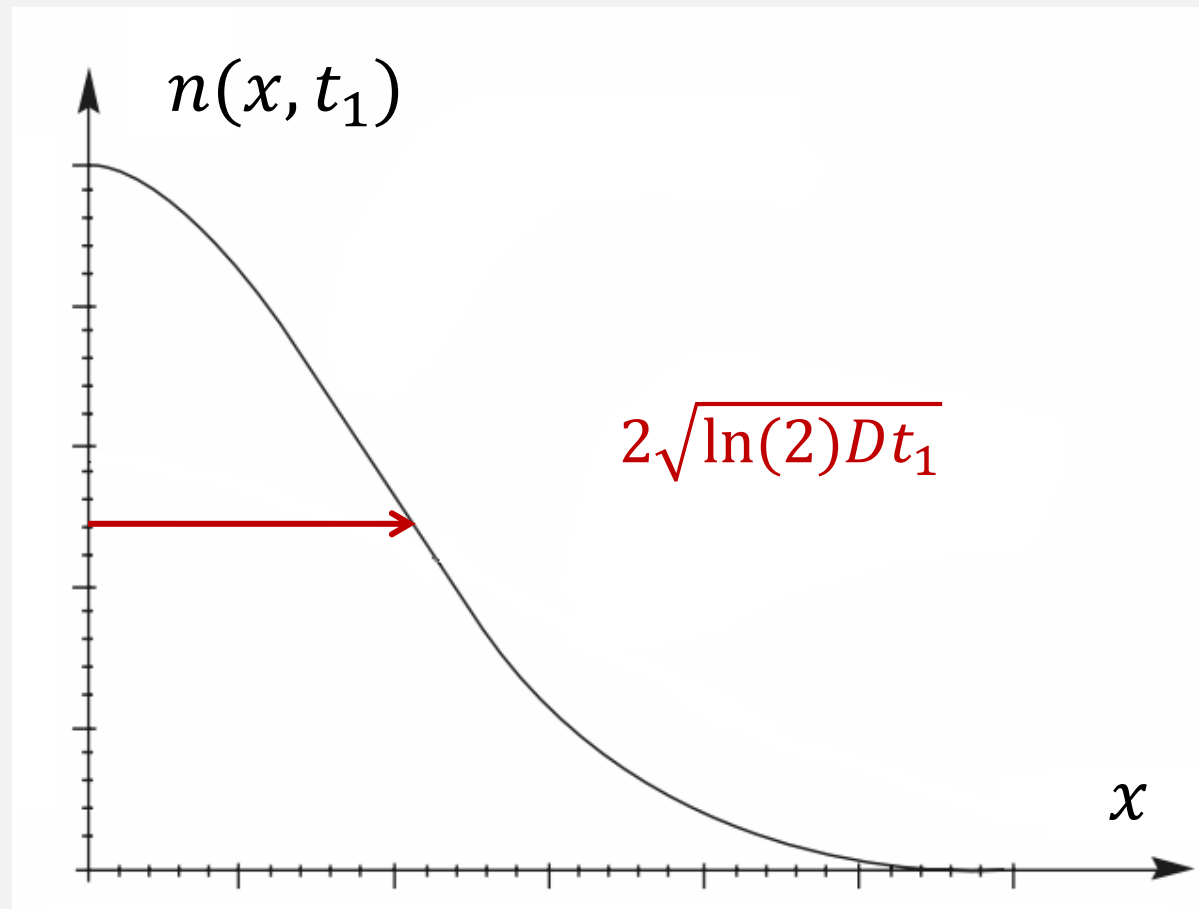
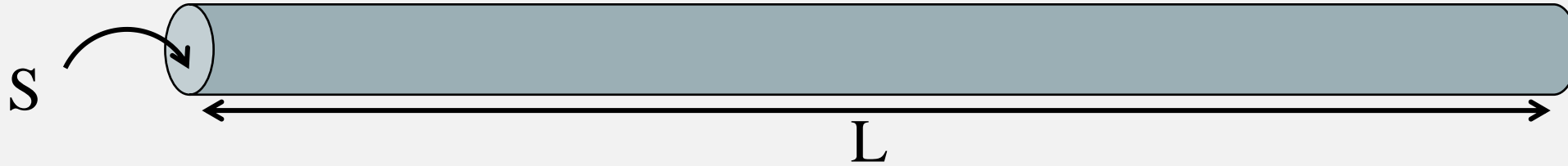
II) 4) ASPECT MICROSCOPIQUE



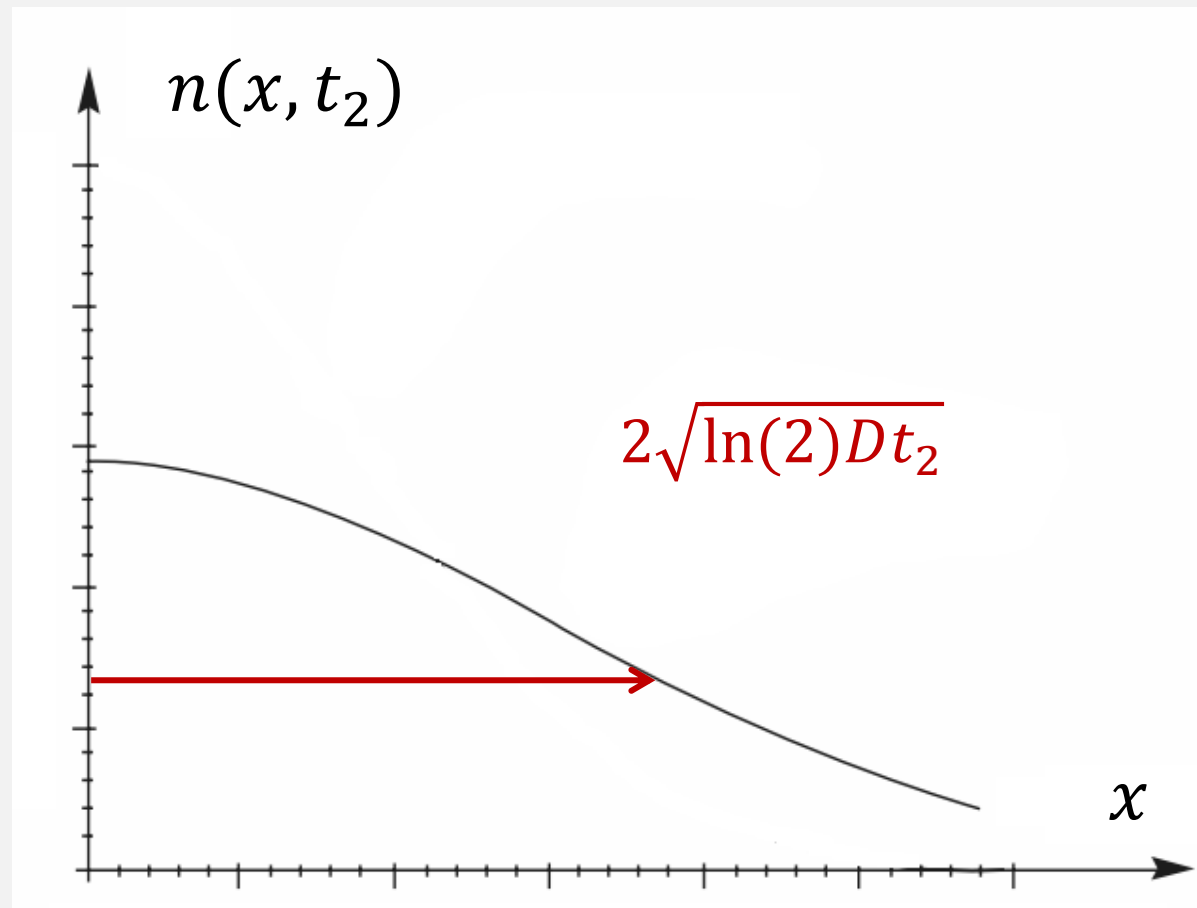
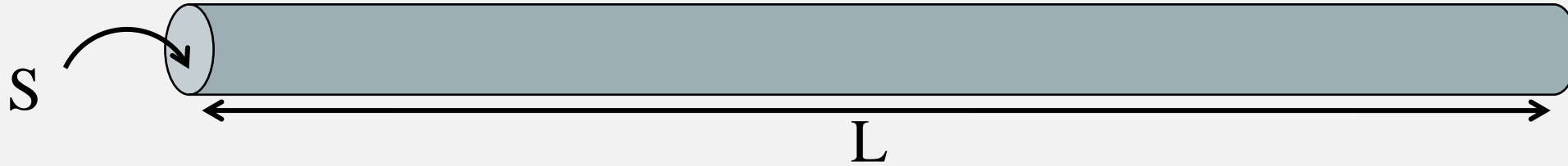
ORDRES DE GRANDEUR POUR LA DIFFUSION DE PARTICULES

| Phase | Gaz | | Liquide | | Solide |
|--|-------------------|-------------------|-------------------|--------------------|----------------------|
| Support | air | air | eau | eau | cuivre |
| Particules | H_2 | O_2 | H_2O | sucres | Al |
| D (m ² /s) | $7 \cdot 10^{-5}$ | $2 \cdot 10^{-5}$ | $3 \cdot 10^{-4}$ | $6 \cdot 10^{-10}$ | $1,3 \cdot 10^{-30}$ |
| Distance caractéristique de diffusion en 1 seconde | 1 mm à 1 cm | | 1 µm à 0,1 cm | | 1 fm à 10 nm |

III) 1) DIFFUSION D'UN PIC DE CONCENTRATION



III) 1) DIFFUSION D'UN PIC DE CONCENTRATION



III)2) DIFFUSION À TRAVERS UNE MEMBRANE POREUSE

Paroi poreuse : n pores cylindriques de rayon r

