第三次作业

学号: 12115990136 姓名: 刘抗非

课程: 化工过程模拟及软件应用

1 [T1.j1]

1.1 问题描述

将条件为 2.03 MPa, 477 K 的 2.83 m³ NH₃ 气体压缩到 0.142 m³,若压缩后温度为 448.6 K,求压缩后的压力。采用 Redlich-Kwong 方程进行计算。

1.2 求解思路

- 1. 使用已知条件通过 R-K 方程求解初始状态下的摩尔体积和摩尔量。
- 2. 在压缩状态下,应用 R-K 方程得出摩尔体积后求解压力。
- 3. 使用非线性方程求解函数 fzero 计算压缩后的压力。

1.3 Mworks 程序

```
1 using TyBase
   using TyMath
   using TyOptimization
   const R = 8.314 # 气体常数 J/(mol·K)
 6
 7
   # NH3 的临界参数
8
   Tc = 405.5 # 临界温度, K
   Pc = 11.3e6 # 临界压力, Pa
   a = 0.42748 * R^2 * Tc^2.5 / Pc
11
   b = 0.08664 * R * Tc / Pc
12
13 # 修改 R-K 方程
14
   function RK_equation(P, V_m, T)
15
       return P - R * T / (V_m - b) + a / (T^0.5 * V_m * (V_m + b))
16
   end
17
18 # 初始状态参数
   P1 = 2.03e6 # 初始压力, Pa
20 T1 = 477.0 # 初始温度, K
   V1 = 2.83 # 初始体积, m^3
22
23
   # 求解初始状态下的摩尔体积 V_m1
   # 初始猜测摩尔体积, 假设为理想气体
   initial_guess_Vm1 = R * T1 / P1
   V_m1, _ = fzero(V_m -> RK_equation(P1, V_m, T1), initial_guess_Vm1)
27
   println("初始状态摩尔体积 V_m1 = $(V_m1) m³/mol")
28
29
   # 计算初始状态下的摩尔数 n
   n = V1 / V_m1
```

```
31 println("总摩尔数 n = $(n) mol")
32
33
   # 压缩后的状态参数
34 T2 = 448.6 # 压缩后的温度, K
35
   V2 = 0.142 # 压缩后的体积, m^3
36
37
   # 计算压缩后状态下的摩尔体积 V_m2
38
   V m2 = V2 / n
39
   | println("压缩后摩尔体积 V_m2 = $(V_m2) m³/mol")
40
41
   # 使用理想气体方程估算初始猜测压力
   initial_guess_P2 = n * R * T2 / V2
43
   println("初始猜测压力 P2 = $(initial_guess_P2) Pa")
44
45
   # 使用 R-K 方程求解压缩后的压力 P2
   P2, _ = fzero(P -> RK_equation(P, V_m2, T2), initial_guess_P2)
47
48 | println("压缩后的压力为 $(P2) Pa")
```

1.4 结果讨论

通过以上程序可以得到压缩后的压力,并观察气体状态参数对压力的影响。验证了 Redlich-Kwong 方程在非理想气体条件下的适用性。

2 [T2.j1]

2.1 问题描述

预热到 \mathbf{T}_0 的含有反应物的溶液以流量 \mathbf{Q} 进入容积为 \mathbf{V} 的反应器中,进行绝热反应。要求计算反应物 \mathbf{A} 的转化率 x_A 。

2.2 求解思路

- 1. 通过物料衡算和热量衡算建立非线性方程组。
- 2. 使用 fsolve 函数求解反应物 A 的转化率和温度。

2.3 Mworks 程序

```
1 using TyBase
    using TyMath
 3
   using TyOptimization
 5
   function reaction_equations(v)
 6
       x_A, T = v[1], v[2]
 7
8
       T0 = 450.0 # 初始温度, K
9
       CAO = 1.0 # 初始浓度, 单位为 mol/L
10
       ΔHr_ρCp = 250.0 # 反应热相关参数, 单位为 K
11
       k0 = \exp(20)
12
       E_R = 10000.0 # 活化能与气体常数比值, K
13
       τ = 0.25 # 停留时间, h
14
15
       # 非线性方程组
16
       f1 = k0 * CA0 * (1 - x_A)^2 * \tau * exp(-E_R / T) - x_A
17
       f2 = T - T0 - \Delta Hr_\rho Cp * x_A
```

```
return [f1, f2]
end

# 使用fsolve求解
initial_guess = [0.5, 450.0] # 初始猜测值 [x_A, T]
result, _ = fsolve(reaction_equations, initial_guess)
println("反应物 A 的转化率 x_A 为 $(result[1])")
println("反应物 A 的反应温度 T 为 $(result[2]) K")
```

2.4 结果讨论

程序得出反应物 A 的转化率和反应温度值,通过热量和物料衡算确保结果的合理性。所得结果与绝热反应的物理过程相符。

3 T3.j1

3.1 问题描述

反应器中A→B→C 发生连串反应,目标是求得各物质浓度随时间的变化情况。

3.2 求解思路

- 1. 建立反应速率方程,通过 A、B、C 的浓度随时间变化的微分方程组描述反应过程。
- 2. 使用 ode45 求解该常微分方程组,并绘制浓度随时间变化的图表。

3.3 Mworks 程序

```
1 using TyBase
   using TyMath
   using TyPlot
 5
   # 定义反应速率方程
 6
   function reaction_odes(t, C)
 7
       k1 = 1.0 \# min^{-1}
 8
       k2 = 5.0 \# min^{-1}
9
       CA, CB, CC = C[1], C[2], C[3]
10
11
       dCA_dt = -k1 * CA
12
       dCB dt = k1 * CA - k2 * CB
13
       dCC dt = k2 * CB
14
15
       return [dCA dt, dCB dt, dCC dt]
16
   end
17
18
    # 初始条件和时间区间
19
    C0 = [1.5, 0.0, 0.0] # 初始浓度 CA0, CB0, CC0
20
    tspan = [0.0, 10.0] # 时间区间, 单位为分钟
21
22
    # 使用ode45求解
23
    t, C = ode45(reaction_odes, tspan, C0)
24
25
   # 绘制浓度随时间变化的图
26
   figure()
27
    hold("on")
```

```
28  plot(t, C[:,1], label="C_A")
29  plot(t, C[:,2], label="C_B")
30  plot(t, C[:,3], label="C_C")
31
32  # 设置坐标轴标签和标题
33  xlabel("Time (min)")
34  ylabel("Concentration")
35  title("Concentration vs. Time")
36
37  # 显示图例
38  legend();
```

3.4 结果讨论

通过数值解法绘制出各物质浓度随时间的变化图,得出B为目标产物。由图表可见,随着时间推移,B的浓度达到峰值后逐渐被转化为C,符合连串反应的动力学特征。