

作业

1 T1.jl

1.1 问题描述

某公司销售的设备价格方案具有数量折扣特性。具体价格策略如下：购买一台设备的价格为150；若购买两台设备，第二台的价格为120；从第三台开始，每台设备的价格均为\$110。需要计算购买1至10台设备的总费用，并通过图形展示不同数量购买时的价格变化。

1.2 求解思路

1. 函数设计：设计一个函数 `calculate_prices(n)`，输入参数 `n` 代表购买的设备数量，函数返回该数量设备的总价格。
2. 条件判断：
 - 当 `n` 为1时，总价格为\$150。
 - 当 `n` 为2时，总价格为150+120。
 - 当 `n` 大于等于3时，总价格为150+120 + ($110 * (n-2)$)。
3. 循环计算：使用循环结构遍历1到10的设备数量，调用 `calculate_prices` 函数计算每个数量的总价格，并存储结果。
4. 绘图展示：使用条形图展示不同数量设备的购买总价格，以直观反映价格与购买数量的关系。

1.3 MWORKS 程序

```
1 using TyBase
2 using TyMath
3 using TyPlot
4
5 # 定义计算费用的函数
6 function calculate_prices(n)
7     if n == 1
8         return 150.0
9     elseif n == 2
10        return 150.0 + 120.0
11    elseif n >= 3
12        return 150.0 + 120.0 + (n-2) * 110.0
13    end
14 end
15
16 # 创建数量和对应价格的数组
17 n = [1:1:10;];
18 prices = Float64[];
19
20 # 循环计算购买1到10台的价格并将结果放到prices中
21 for i in n
22     push!(prices, calculate_prices(i))
23 end
24
25 # 输出结果
```

```

26 prices_10 = prices[10];
27 print("购买 10 台设备的总价格为: ", prices_10, "\$")
28
29 # 绘制条形统计图
30 figure(figsize=(10, 6)) # 设置图形大小
31 bar(n, prices, color=:skyblue, edgecolor=:black, linewidth=1.5)
32
33 # 添加标签和标题
34 xlabel("设备数量/个", fontsize=14)
35 ylabel("所需价格/\$", fontsize=14)
36 title("购买设备的总价格", fontsize=16, fontweight="bold")
37 grid(true) # 添加网格
38 xticks(n); # 设置 x 轴刻度

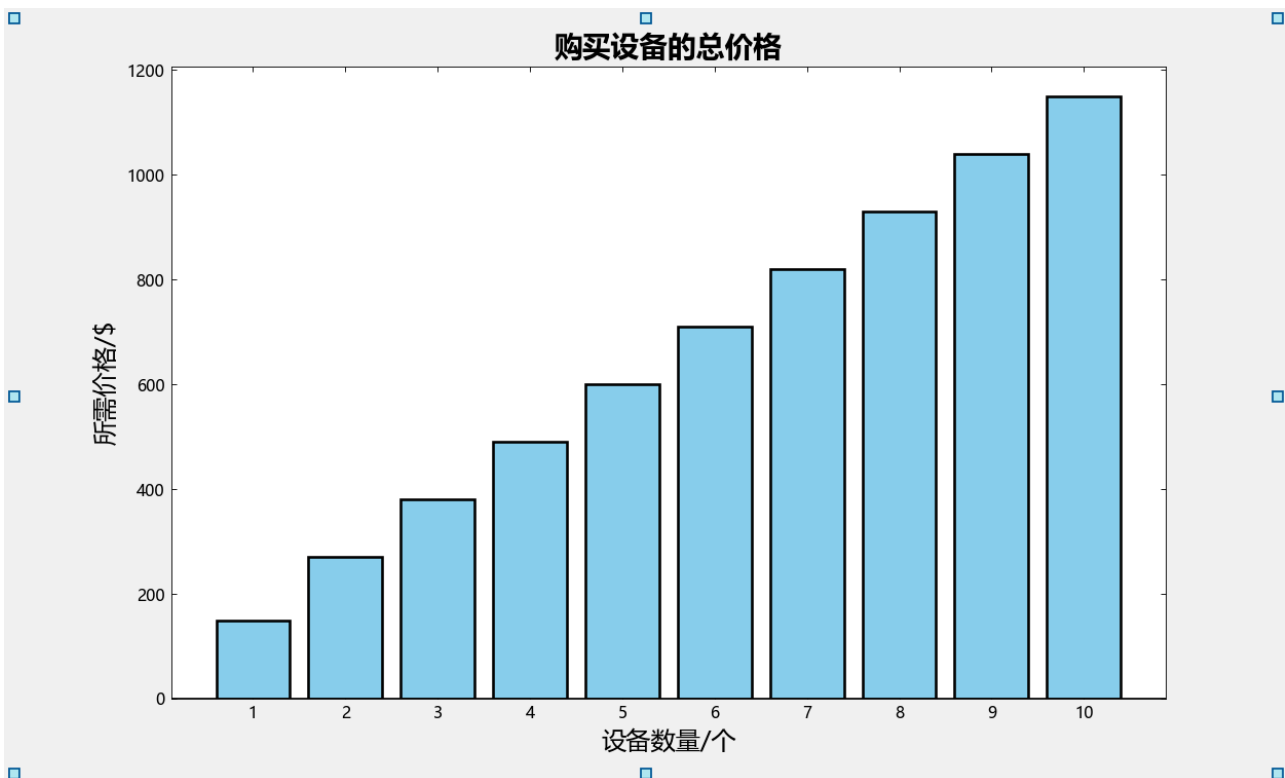
```

1 运行后结果如下:

```

2
3 julia> 正在运行 T1.jl
4 购买 10 台设备的总价格为: 1150.0$

```



1.4 结果分析

根据程序输出，可以看到随着购买数量的增加，设备的单价逐渐降低，从而使得总价格的增速较为平缓。这种价格策略可能会激励顾客购买更多的设备。条形图清晰地展示了这一价格变动趋势，用户可以直观地感受到不同购买数量对总价格的影响。此外，从程序设计角度来看，通过循环和条件判断的有效结合，实现了对复杂价格策略的精确计算。

2 T2.jl

2.1 问题描述

在化工反应工程的研究中，记录了一种反应物A在体积为4升的容器中进行水解反应的数据。数据包括反应时间（小时）和对应的浓度（mol/L）。需要使用插值方法来估计特定时间点的浓度，并通过曲线拟合方法确定反应的动力学方程。

2.2 求解思路

2.2.1 插值计算

1. 数据准备：给定时间点 `t` 和浓度 `cA` 的原始数据。
2. 目标时间点：定义需要插值的时间点 `tq`。
3. 插值方法：
 - 使用线性插值(`linear`)和样条插值(`spline`)方法。
 - 对每个目标时间点应用这两种插值方法，计算预测的浓度值。
4. 结果展示：绘制原始数据和插值结果的散点图，以比较两种插值方法的效果。

2.2.2 曲线拟合

1. 模型假设：假设反应遵循一阶动力学方程，即 $-dCA/dt = k \cdot CA$ 。
2. 对数线性化：对浓度取自然对数，将方程转化为线性形式。
3. 线性拟合：使用最小二乘法拟合得到的对数浓度与时间的关系，得到速率常数 `k` 和初始浓度的对数 `C`。
4. 动力学方程重建：根据拟合参数重建动力学方程。

2.3 MWORKS 程序

```
1 using TyBase
2 using TyMath
3 using TyPlot
4 using TyCurveFitting
5 using Printf
6
7 t = [1:1:9;]
8 cA = vec([0.9 0.61 0.42 0.28 0.17 0.12 0.08 0.045 0.03]);
9
10 # 待插值查询的点
11 tq = vec([1.5, 2.4, 3.5, 4.6, 5.5, 6.4, 7.5, 8.7]);
12
13 # 两种不同的插值方式
14 cAq_linear = interp1(t, cA, tq, "linear");
15 cAq_spline = interp1(t, cA, tq, "spline");
16
17 # 输出结果, 保留 6 位小数
18 println("线性插值所得结果:")
19 for value in cAq_linear
20     @printf("%.6f\n", value)
21 end
22
```

```

23 println("样条插值所得结果:")
24 for value in cAq_spline
25     @printf("%.6f\n", value)
26 end
27
28 # 另一种格式化输出方式
29 # println("线性插值所得结果:")
30 # println(join(map(x -> @sprintf("%.6f", x), caq_linear), "\n"))
31 # println("样条插值所得结果:")
32 # println(join(map(x -> @sprintf("%.6f", x), caq_spline), "\n"))
33
34 figure()
35 hold(true) # 确保后续绘制不会覆盖之前的图形
36 scatter(t, cA, 10, "k", label="原始数据")
37 scatter(tq, cAq_linear, 20, "b", marker="h", filled=true, label="线性插值")
38 scatter(tq, cAq_spline, 10, "g", marker="d", filled=true, label="样条插值")
39
40 # 添加图例
41 legend()
42
43 # 拟合一阶动力学方程
44 ln_cA = log.(cA) # 计算自然对数
45
46 # 使用线性回归拟合  $\ln(cA) = kt + C$ 
47 lin_fit = fit("poly", t, ln_cA, order=1)
48 params = lin_fit.params
49
50 # 提取 k 和 C
51 k = params[1]
52 C = params[2]
53
54 # 输出拟合参数
55 println("拟合参数:")
56 println("k: ", k)
57 println("C: ", C)
58
59 # 绘制拟合曲线
60 fit_curve = exp.(k .* t .+ C) # 恢复到原始形式  $cA = e^{(kt + C)}$ 
61 plot(t, fit_curve, color="m", label="拟合曲线")
62 legend()

```

```

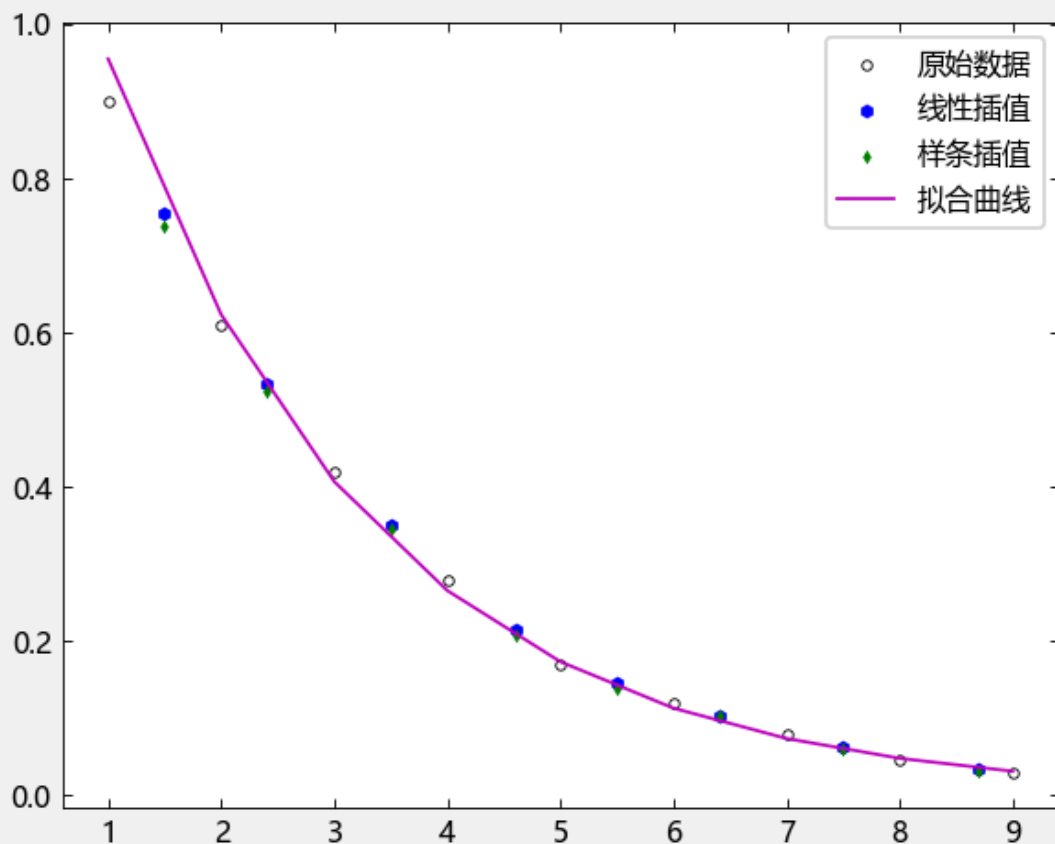
1 运行后结果如下:
2
3 julia> 正在运行 T2.jl
4 线性插值所得结果:
5 0.755000
6 0.534000
7 0.350000
8 0.214000
9 0.145000
10 0.104000
11 0.062500
12 0.034500
13 样条插值所得结果:

```

```

14 0.739206
15 0.524951
16 0.346368
17 0.207671
18 0.139943
19 0.104286
20 0.060961
21 0.031485
22 拟合参数:
23 k: -0.4264822157072334
24 C: 0.3806641018736966
25 PyObject <objects.mw_legend.CLegend object at 0x0000028D8528AD88>

```



2.4 结果分析

通过插值和曲线拟合，我们能够在未直接观测到的时间点估计浓度，并且确定了反应的动力学模型。线性插值和样条插值的结果差异展示了不同数学方法在处理实际化工数据时的适用性。动力学方程的参数提供了对反应速率的量化描述，有助于进一步的反应设计和优化。

3 T3.jl

3.1 问题描述

给定条件下，将2.03MPa、477K和2.83m³的NH₃气体压缩到0.142m³，压缩后温度为448.6K。需要用普遍化关系式计算其最终压力。

3.2 求解思路

1. 定义常量：氨气（NH₃）的临界压力 P_c 、临界温度 T_c 和偏心因子 w 。
2. 计算初始状态（状态1）：
 - 计算对比压力 Pr_1 和对比温度 Tr_1 。
 - 使用二维插值得到 Z_0 和 Z_1 ，进而计算压缩因子 Z 。
 - 根据理想气体状态方程推导出物质的量 n 。
3. 设置终态参数并进行迭代计算（状态2）：
 - 输入终态的体积 V_2 和温度 T_2 。
 - 计算单位摩尔体积 v_2 。
 - 初始估计 P_2 ，使用试差法迭代计算直至满足精度要求。
 - 在每次迭代中，根据当前估计的 P_2 计算 Pr_2 和 Tr_2 ，再次使用二维插值得到 Z_0 和 Z_1 ，计算新的 Z 值和新的 P_2 。

3.3 MWORKS 程序

```
1  using TyBase
2  using TyMath
3  using TyPlot
4  using Printf
5
6  # 常量定义
7  const Pc = 11.28e6      # Pa
8  const Tc = 405.65      # K
9  const w = 0.2526       # 无量纲
10 const R = 8.314         # J/(mol·K)
11
12 # 定义 Pr 和 Tr 的网格数据（示例数据，请根据实际表格数据替换）
13 Pr_values = [0.2, 0.4, 0.6, 0.8, 1.0]      # 示例 Pr 网格
14 Tr_values = [1.0, 1.2, 1.4, 1.6, 1.8]      # 示例 Tr 网格
15
16 # 示例 Z0 和 Z1 表格数据 (Pr × Tr)，实际应用中，这些数据应来自于 NH3 的压缩因子表格
17 Z0_table = [
18     1.1  1.09 1.07 1.05 1.03;
19     1.0  0.99 0.97 0.95 0.93;
20     0.9  0.89 0.87 0.85 0.83;
21     0.8  0.79 0.77 0.75 0.73;
22     0.7  0.69 0.67 0.65 0.63
23 ]
24
25 Z1_table = [
26     0.05 0.048 0.046 0.044 0.042;
27     0.04 0.038 0.036 0.034 0.032;
28     0.03 0.028 0.026 0.024 0.022;
29     0.02 0.018 0.016 0.014 0.012;
30     0.01 0.008 0.006 0.004 0.002
31 ]
32
33 # 使用 meshgrid2 创建二维网格数据
34 Pr_grid, Tr_grid = meshgrid2(Pr_values, Tr_values)
```

```

35
36 # 定义二维插值函数
37 function get_Z(Pr, Tr, Pr_grid, Tr_grid, Z0_table, Z1_table, w)
38     # 确保 Pr 和 Tr 是标量
39     if !isscalar(Pr) || !isscalar(Tr)
40         error("Pr 和 Tr 必须是标量")
41     end
42
43     # 使用 TyMath.interp2 进行二维插值
44     Z0 = TyMath.interp2(Pr_grid, Tr_grid, Z0_table, Pr, Tr)
45     Z1 = TyMath.interp2(Pr_grid, Tr_grid, Z1_table, Pr, Tr)
46
47     # 确保 Z0 和 Z1 是标量
48     Z0 = isscalar(Z0) ? Z0 : Z0[1]
49     Z1 = isscalar(Z1) ? Z1 : Z1[1]
50
51     Z = Z0 + w * Z1
52     return Z
53 end
54
55 # 状态1已知
56 P1 = 2.03e6          # Pa
57 V1 = 2.83            # m³
58 T1 = 477.0          # K
59
60 # 对比压力和对比温度
61 Pr1 = P1 / Pc
62 Tr1 = T1 / Tc
63
64 # 获取状态1的 Z
65 Z_1th_state = get_Z(Pr1, Tr1, Pr_grid, Tr_grid, Z0_table, Z1_table, w)
66
67 # 计算物质的量 n
68 n = (P1 * V1) / (Z_1th_state * R * T1)
69
70 @printf("使用普维法计算得到的物质的量 n = %.6f mol\n", n)
71
72 # 终止条件
73 T2 = 448.6          # K
74 V2 = 0.142          # m³
75
76 # 计算状态2的摩尔体积
77 v2 = V2 / n
78
79 # 迭代求解状态2的 P2
80 # 初始化 P2 的猜测值, 假设初始为理想气体情况
81 P2 = (n * R * T2) / V2
82
83 # 设置迭代参数
84 tolerance = 1e-6
85 max_iterations = 100
86 global iteration = 0
87 global diff = 1.0
88
89 while diff > tolerance && iteration < max_iterations
90     global iteration += 1

```

```

91     Pr2 = P2 / Pc
92     Tr2 = T2 / Tc
93     Z2 = get_Z(Pr2, Tr2, Pr_grid, Tr_grid, Z0_table, Z1_table, w)
94
95     println("Debug: Z2 = ", Z2, " type: ", typeof(Z2))
96
97     P2_new = (Z2 * R * T2) / v2
98     global diff = abs(P2_new - P2) / P2
99     global P2 = P2_new
100
101     println("Debug: P2 = ", P2, " type: ", typeof(P2))
102 end
103
104 if iteration == max_iterations
105     println("迭代未收敛。")
106 else
107     @printf("\n使用普压法迭代试差计算得到的 P2 = %.6f MPa\n", P2 / 1e6)
108     @printf("迭代次数: %d\n", iteration)
109 end
110
111 # 计算并打印其他参数
112 Z2_final = (P2 * v2) / (R * T2)
113 Pr2_final = P2 / Pc
114 Tr2_final = T2 / Tc
115
116 @printf("\n其他参数:\n")
117 @printf("v2 = %.6f m³/mol\n", v2)
118 @printf("Z2 = %.6f\n", Z2_final)
119 @printf("Pr2 = %.6f\n", Pr2_final)
120 @printf("Tr2 = %.6f\n", Tr2_final)

```

1 运行后结果如下:

```

2
3 julia> 正在运行 T3.jl
4 使用普维法计算得到的物质的量 n = 1415.336161 mol
5 Debug: Z2 = 0.7509759003926045 type: Float64
6 Debug: P2 = 2.791685867650969e7 type: Float64
7 Debug: Z2 = 0.8351167398465856 type: Float64
8 Debug: P2 = 3.1044719267950337e7 type: Float64
9 Debug: Z2 = 0.806687038162363 type: Float64
10 Debug: P2 = 2.9987870487957727e7 type: Float64
11 Debug: Z2 = 0.8162929316036325 type: Float64
12 Debug: P2 = 3.034496100114375e7 type: Float64
13 Debug: Z2 = 0.8130472700828059 type: Float64
14 Debug: P2 = 3.0224306431614514e7 type: Float64
15 Debug: Z2 = 0.8141439217136174 type: Float64
16 Debug: P2 = 3.026507347697339e7 type: Float64
17 Debug: Z2 = 0.8137733825210247 type: Float64
18 Debug: P2 = 3.0251299013281137e7 type: Float64
19 Debug: Z2 = 0.8138985811614947 type: Float64
20 Debug: P2 = 3.0255953160971712e7 type: Float64
21 Debug: Z2 = 0.813856278754923 type: Float64
22 Debug: P2 = 3.025438060677214e7 type: Float64
23 Debug: Z2 = 0.8138705719900173 type: Float64

```



```

24 Debug: P2 = 3.0254911945026737e7 type: Float64
25 Debug: Z2 = 0.8138657425586436 type: Float64
26 Debug: P2 = 3.0254732415226813e7 type: Float64
27 Debug: Z2 = 0.813867374338101 type: Float64
28 Debug: P2 = 3.0254793075171392e7 type: Float64
29 Debug: Z2 = 0.8138668229886794 type: Float64
30 Debug: P2 = 3.0254772579248857e7 type: Float64
31
32 使用普压法迭代试差计算得到的 P2 = 30.254773 MPa
33 迭代次数: 13
34
35 其他参数:
36 v2 = 0.000100 m³/mol
37 Z2 = 0.813867
38 Pr2 = 2.682161
39 Tr2 = 1.105879

```

3.4 结果分析

- **收敛性**: 检查迭代是否能在设定的最大迭代次数内收敛。
- **准确性**: 结果的准确性依赖于插值的精度和表格数据的准确性。
- **计算效率**: 尽管试差法可能需要多次迭代, 但每次迭代的计算量相对较小, 因此整体效率是可接受的。

4 T4.jl

4.1 问题描述

在铂催化剂上, 乙烯深度氧化的动力学方程可以表示为:

$$r = \frac{k p_A p_B}{(1 + K_B p_B)^2}$$

其中 p_A 和 p_B 分别为乙烯及氧的分压。

4.2 求解思路

已知在473K等温下的实验数据, 需要使用曲线拟合函数 `lsqcurvefit` 求出动力学方程的参数 k 和 K_B , 并绘制拟合前后各点速度 r 的散点图。

1. **数据准备**: 将 p_A 和 p_B 合并为一个一维数组作为输入数据。
2. **定义动力学模型函数**: 根据给定的动力学方程, 编写模型函数。
3. **参数估计**: 使用最小二乘法 (`lsqcurvefit`) 对动力学模型进行参数拟合。
4. **结果评估**: 计算拟合的决定系数 R^2 来评估模型的拟合质量。
5. **结果可视化**: 绘制实验数据和拟合曲面的三维散点图, 以直观展示拟合效果。

4.3 MWORKS 程序

```

1 using TyBase
2 using TyMath
3 using TyOptimization
4 using TyPlot
5 using Printf

```

```

6
7 # 动力学模型函数
8 function kinetic_model(res_opt, p)
9     k, KB = res_opt
10     n = length(p) ÷ 2
11     # 分解 p 为 pA 和 pB
12     pA = p[1:n]
13     pB = p[n+1:end]
14     return @(k * pA * pB) / (1 + KB * pB)^2
15 end
16
17 # 实验数据
18 pA = [8.99, 14.22, 8.86, 8.32, 4.37, 7.75, 7.75, 6.17, 6.13, 6.98, 2.87] .* 1e-3 #
转换为 MPa
19 pB = [3.23, 3.00, 4.08, 2.03, 0.89, 1.74, 1.82, 1.73, 1.73, 1.56, 1.06] .* 1e-3 # 转
换为 MPa
20 r = [0.672, 1.072, 0.598, 0.713, 0.610, 0.834, 0.828, 0.656, 0.694, 0.791, 0.418] .*
1e-4 # 转换为 mol/g.min
21
22 # 将 pA 和 pB 合并为一个一维数组
23 p = vcat(pA, pB)
24
25 # 参数上下界
26 lb = [0.0, 0.0]
27 ub = [Inf, Inf]
28
29 # 网格搜索范围
30 k_values = range(1.0, stop=1000.0, length=100)
31 KB_values = range(1.0, stop=2000.0, length=1000)
32
33 # 设定R²阈值
34 threshold_R_squared = 0.95
35
36 # 初始化最佳结果
37 global best_R_squared = -Inf
38 global best_params = nothing
39 global best_resnorm = Inf
40
41 # 网格搜索
42 for k_init in k_values
43     for KB_init in KB_values
44         local initial_params = [k_init, KB_init]
45         local res_opt, resnorm = lsqcurvefit(kinetic_model, initial_params, p, r, lb,
ub)
46
47         # 计算 R²
48         local predicted_r = kinetic_model(res_opt, p)
49         local ss_res = sum((r - predicted_r).^2)
50         local ss_tot = sum((r .- mean(r)).^2)
51         local R_squared = 1 - ss_res / ss_tot
52
53         # 更新最佳结果
54         if R_squared > best_R_squared
55             global best_R_squared = R_squared
56             global best_params = res_opt
57             global best_resnorm = resnorm

```

```

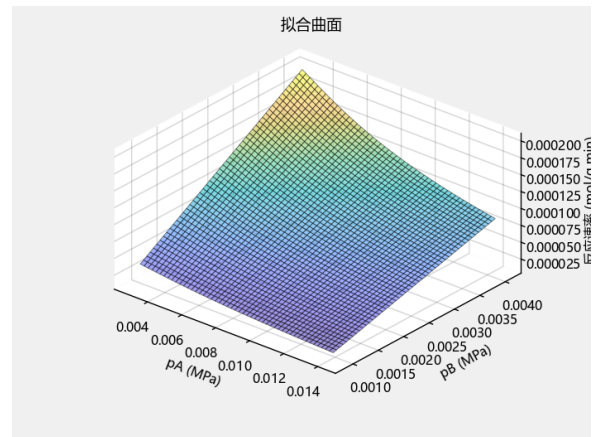
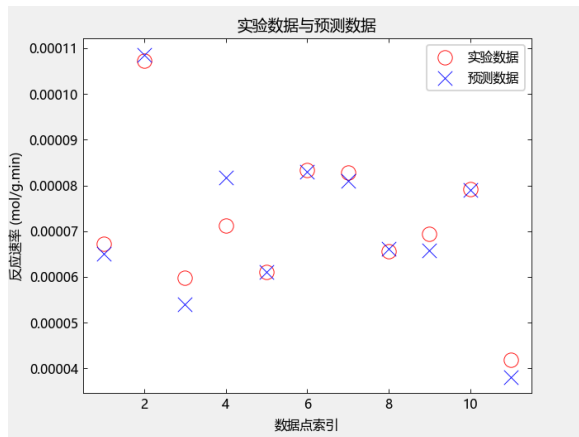
58         end
59
60         # 如果达到阈值, 则停止搜索
61         if best_R_squared >= threshold_R_squared
62             break
63         end
64     end
65     if best_R_squared >= threshold_R_squared
66         break
67     end
68 end
69
70 # 打印最佳结果
71 @printf("最佳拟合参数:\n")
72 @printf("k = %.6f\n", best_params[1])
73 @printf("KB = %.6f\n", best_params[2])
74 @printf("最佳 R2 = %.6f\n", best_R_squared)
75 @printf("最佳残差范数: %.6e\n", best_resnorm)
76
77 # 预测 r 值
78 predicted_r = kinetic_model(best_params, p)
79
80 # 绘制实验数据和预测点
81 figure()
82 scatter(1:length(r), r, label="实验数据", color="red", s=100, marker="o") # 实验数据
83                                     点, 红色圆圈
84 hold("on")
85 scatter(1:length(predicted_r), predicted_r, label="预测数据", color="blue", s=100,
86                                     marker="x") # 预测数据点, 蓝色叉号
87 xlabel("数据点索引")
88 ylabel("反应速率 (mol/g.min)")
89 title("实验数据与预测数据")
90 legend()
91
92 # 绘制拟合曲面
93 figure()
94 pA_range = range(minimum(pA), stop=maximum(pA), length=50)
95 pB_range = range(minimum(pB), stop=maximum(pB), length=50)
96 fitted_surface = [kinetic_model(best_params, [pA, pB])[1] for pA in pA_range, pB in
97                                     pB_range]
98 surface(pA_range, pB_range, fitted_surface, alpha=0.5, color="blue")
99 xlabel("pA (MPa)")
100 ylabel("pB (MPa)")
101 zlabel("反应速率 (mol/g.min)")
102 title("拟合曲面")
103 plt_view(40, 35);

```

```

1 运行后结果如下:
2
3 julia> 正在运行 T4.jl
4 最佳拟合参数:
5 k = 112.000000
6 KB = 1877.938939
7 最佳 R² = 0.935842
8 最佳残差范数: 1.788820e-10

```



因上述 `lsqcurvefit` 运行效果不佳，经常因不同的初值陷入局部最优，所以上述采用了网格搜索，用python最优化库中 `curve_fit` 进行相同的操作相应python代码如下：

```

1  import numpy as np
2  import matplotlib.pyplot as plt
3  from scipy.optimize import curve_fit
4
5  # 设置中文显示
6  plt.rcParams['font.sans-serif'] = ['SimHei'] # 使用黑体
7  plt.rcParams['axes.unicode_minus'] = False # 正常显示负号
8
9  # 实验数据
10 pA = np.array([8.99, 14.22, 8.86, 8.32, 4.37, 7.75, 7.75, 6.17, 6.13, 6.98, 2.87]) *
    1e-3 # MPa
11 pB = np.array([3.23, 3.00, 4.08, 2.03, 0.89, 1.74, 1.82, 1.73, 1.73, 1.56, 1.06]) *
    1e-3 # MPa
12 r = np.array([0.672, 1.072, 0.598, 0.713, 0.610, 0.834, 0.828, 0.656, 0.694, 0.791,
    0.418]) * 1e-4 # mol/g.min
13
14 # 定义动力学方程
15 def kinetics(X, k, KB):
16     pA, pB = X
17     return k * pA * pB / (1 + KB * pB)**2
18
19 # 执行曲线拟合
20 initial_guess = [1.0, 1.0]
21 params, covariance = curve_fit(kinetics, (pA, pB), r, p0=initial_guess)
22
23 # 输出拟合结果
24 k, KB = params
25 print(f"拟合参数:\nk = {k:.6e}\nKB = {KB:.6e}")
26
27 # 计算拟合后的速率
28 r_fitted = kinetics((pA, pB), *params)

```

```

29
30 # 计算R²
31 SS_tot = np.sum((r - np.mean(r))**2)
32 SS_res = np.sum((r - r_fitted)**2)
33 R_squared = 1 - SS_res / SS_tot
34 print(f"R² = {R_squared:.4f}")
35
36 # 绘制散点图
37 plt.figure(figsize=(8, 6))
38 plt.scatter(range(1, len(r) + 1), r * 1e4, label="实验数据", marker='o')
39 plt.scatter(range(1, len(r_fitted) + 1), r_fitted * 1e4, label="拟合数据", marker='s')
40 plt.xlabel("数据点")
41 plt.ylabel("反应速率 r (10-4 mol/g·min)")
42 plt.title("乙烯深度氧化反应速率拟合结果")
43 plt.legend()
44 plt.grid(True)
45 plt.show()

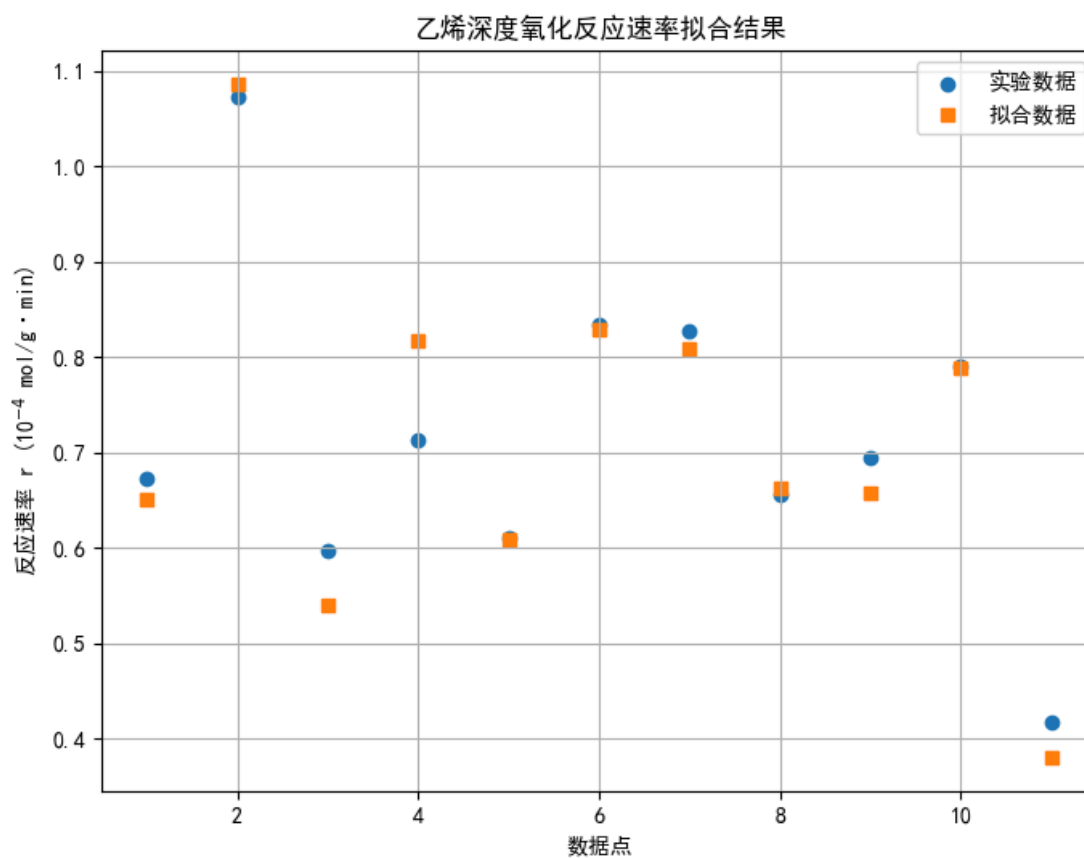
```

1 上述python代码在Mworks中运行,结果如下:

```

2
3 PS E:\LGRepository\Mworks.syslab> cd e:/LGRepository/Mworks.syslab/10.24Homework
4 PS E:\LGRepository\Mworks.syslab\10.24Homework> &
  C:/Users/Public/TongYuan/.julia/miniforge3/python.exe
  e:/LGRepository/Mworks.syslab/10.24Homework/T4.py
5 拟合参数:
6 k = 1.110885e+02
7 KB = 1.868472e+03
8 R² = 0.9359

```



4.4 结果分析

- 动力学模型函数：函数 `kinetic_model` 接收参数 k 和 K_B ，以及压力数据 p ，计算预测的反应速率 r 。
- 参数估计：通过网格搜索初始化参数，然后使用 `lsqcurvefit` 进行参数优化。
- 结果评估：计算决定系数 R^2 ，若 R^2 达到设定阈值（例如0.95），则认为拟合质量良好。
- 结果可视化：使用散点图和曲面图展示实验数据和拟合模型，以便比较实验值与模型预测值。