第二次作业

学号: 12115990136 姓名: 刘抗非

课程: 化工过程模拟及软件应用

1 [T1.j1]

1.1 问题描述

计算氯仿-苯双组分精馏系统中精馏段理论板数。已知气液平衡数据,进料和塔顶组成,以及精馏段的回流比。

1.2 求解思路

- 使用插值方法得到 $x_f = 0.4$ 和 $x_d = 0.9$ 处的 y 值。
- 使用 trapz 和 ty_integral 方法分别计算理论板数。

1.3 Mworks 程序

```
1 using TyBase, TyMath, Printf
 2
   # 气液平衡数据
    x = [0.178, 0.275, 0.372, 0.456, 0.650, 0.844]
    y = [0.243, 0.382, 0.518, 0.616, 0.795, 0.931]
 6
7
   # 插值获取 x f 和 x d 对应的 y 值
    y_f = interp1(x, y, 0.4)
   y_d = interp1(x, y, 0.9, "linear", "linear")
10
11 # 使用 trapz 方法
12
    x_range = range(0.4, stop=0.9, length=1000)
    y_values = interp1(x, y, x_range, "linear")
    integrand = 1 ./ (y_values .- x_range .- (0.9 .- y_values) ./ 5)
15
    N_trapz = trapz(x_range, integrand)
16
17
    # 使用 ty integral 方法
18
    p = polyfit(x, y, 2) # p 是一个元组, 其中第一个元素是多项式系数
19
    coefficients = p[1] # 提取多项式系数
   integrand_poly(x) = 1 / (polyval(coefficients, x) - x - (0.9 - polyval(coefficients, x))
    x)) / 5)
21
    N ty integral = ty integral(integrand poly, 0.4, 0.9)
22
23
    # 确保 N_trapz 和 N_ty_integral 是标量
24
    if isa(N_trapz, Matrix) && size(N_trapz) == (1, 1)
25
        N_{trapz} = N_{trapz}[1]
26
    end
27
28
    if isa(N_ty_integral, Matrix) && size(N_ty_integral) == (1, 1)
29
        N_ty_integral = N_ty_integral[1]
30
    end
31
```

- 32 @printf("使用 trapz 方法计算得到的理论板数为: %.2f\n", N_trapz)
- 33 @printf("使用 ty_integral 方法计算得到的理论板数为: %.2f\n", N_ty_integral)

运行结果如下:

- 1 julia> 正在运行 T1.jl
- 2 使用 trapz 方法计算得到的理论板数为: 4.75
- 3 使用 ty integral 方法计算得到的理论板数为: 4.64

1.4 结果讨论

在数值积分中,使用 trapz 方法和 ty_integral 方法得到的理论板数略有差异。这种差异主要来源于数值积分方法的不同。 trapz 方法基于梯形规则进行积分,它是一种简单的数值积分技术,适用于数据点较多且分布均匀的情况。而 ty_integral 方法可能使用了更高级的积分技术,如辛普森规则或高阶多项式拟合,这可以提供更精确的积分结果。

此外,插值的精度也会影响积分结果。因为气液平衡数据在给定范围内是离散的,我们需要对其进行插值以获得连续的函数,用于积分计算。插值方法的选择(线性、多项式等)和插值点的数量都会影响最终的积分精度。

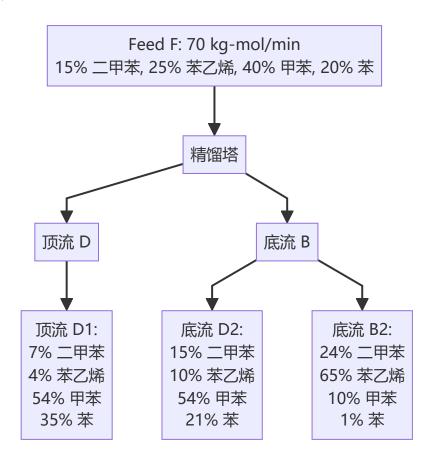
总体来说,两种方法得到的结果相近,表明在此问题上使用这两种数值积分方法都是可行的。但是,如果需要更高的精度,可能需要考虑使用更高阶的插值和积分方法,或者增加数据点的密度。

2 T2.j1

2.1 问题描述

计算精馏塔在稳态操作时, D1, B1, D2 和 B2 的摩尔流量以及物流 D 和 B 的组成。

相应流程示意图如下



2.2 求解思路

- 建立物料衡算的数学模型。
- 将物料衡算转化为线性方程组。
- 使用 Mworks 解线性方程组。

2.3 Mworks 程序

```
1
   using TyBase, TyMath
 2
 3
   # --- 第一小问求解 ---
 4
 5
   # 进料流量 (kg-mol/min)
 6
   F = 70.0
 7
 8
   # 进料中各成分的摩尔分数: [二甲苯,苯乙烯,甲苯,苯]
9
   x_{feed} = [0.15, 0.25, 0.40, 0.20]
10
11 # 各支流成分的摩尔分数
12
   x_D1 = [0.07, 0.04, 0.54, 0.35]
13
   x_B1 = [0.24, 0.42, 0.16, 0.18]
   x_D2 = [0.15, 0.10, 0.54, 0.21]
14
15
   x_B2 = [0.24, 0.65, 0.10, 0.01]
16
17
   # 计算各成分的进料量
18
   b = F \cdot * x_feed
19
20
   # 系数矩阵 A, 列拼接
21
   A = [x_D1 x_B1 x_D2 x_B2]
22
23
   # 对于线性方程组 Ax = b 求解, 有 x = A^(-1) b
24
   # 对于本题有 A flow_rates = b, 所以用左乘 A 的逆矩
25
   flow rates = A \ b
26
   flow_rates = inv(A) * b
27
28
   # 格式化输出,保留3位小数并进行右对齐
29
    println("-----")
30
   println()
31
32
   # 以表格的形式输出D1, B1, D2, B2的流量
33
    println(rpad("支流", 10), rpad("流量 (kg-mol/min)", 20))
34
    println(rpad("D1", 10), rpad(string(round(flow rates[1], digits=3)), 20, " "))
35
    println(rpad("B1", 10), rpad(string(round(flow rates[2], digits=3)), 20, " "))
36
    println(rpad("D2", 10), rpad(string(round(flow_rates[3], digits=3)), 20, " "))
37
    println(rpad("B2", 10), rpad(string(round(flow_rates[4], digits=3)), 20, " "))
38
39
   # --- 第二小问求解 ---
40
   # 计算D和B的总流量
41
42
   D = flow_rates[1] + flow_rates[3]
43
   B = flow_rates[2] + flow_rates[4]
44
45
   # 计算D和B的各成分摩尔分数
46
   x_D = (flow_rates[1] * x_D1 .+ flow_rates[3] * x_D2) ./ D
```

```
x_B = (flow_rates[2] * x_B1 .+ flow_rates[4] * x_B2) ./ B
47
48
49
    println()
50
    println("-----")
51
    println()
52
53
    # 输出D的流量及各成分摩尔分数
54
    println(rpad("物流", 10), rpad("流量 (kg-mol/min)", 20))
55
    println(rpad("D", 10), rpad(string(round(D, digits=3)), 20, " "))
56
    println()
57
    println(rpad("物质", 10), rpad("摩尔分数", 20))
58
    println(rpad("二甲苯", 10), rpad(string(round(x_D[1], digits=3)), 20, " "))
59
    println(rpad("苯乙烯", 10), rpad(string(round(x_D[2], digits=3)), 20, " "))
60
    println(rpad("甲苯", 10), rpad(string(round(x_D[3], digits=3)), 20, " "))
61
    println(rpad("苯", 10), rpad(string(round(x_D[4], digits=3)), 20, " "))
62
63
    # 输出B的流量及各成分摩尔分数
64
    println()
65
    println(rpad("物流", 10), rpad("流量 (kg-mol/min)", 20))
66
    println(rpad("B", 10), rpad(string(round(B, digits=3)), 20, " "))
67
68
    println(rpad("物质", 10), rpad("摩尔分数", 20))
69
    println(rpad("二甲苯", 10), rpad(string(round(x_B[1], digits=3)), 20, " "))
70
    println(rpad("苯乙烯", 10), rpad(string(round(x_B[2], digits=3)), 20, " "))
71
    println(rpad("甲苯", 10), rpad(string(round(x_B[3], digits=3)), 20, " "))
72
    println(rpad("苯", 10), rpad(string(round(x_B[4], digits=3)), 20, " "))
运行结果如下:
 1
    julia> 正在运行 T2.jl
    ------ 第一小问求解 -------
 3
 4
    支流
             流量 (kg-mol/min)
 5
    D1
             25.287
 6
             1.502
    В1
 7
    D2
             22.235
 8
    В2
             20.976
 9
     ----- 第二小问求解 ------
10
11
12
    物流
             流量 (kg-mol/min)
13
             47.522
14
15
    物质
             摩尔分数
16
    二甲苯
             0.107
17
    苯乙烯
             0.068
18
    甲苯
             0.54
19
    苯
             0.284
20
21
    物流
             流量 (kg-mol/min)
22
    В
             22.478
23
24
    物质
             摩尔分数
25
    二甲苯
             0.24
26
    苯乙烯
             0.635
```

27

甲苯

0.104

2.4 结果讨论

在精馏塔的物料衡算中,解得的流量结果对于理解和优化精馏过程至关重要。D1, B1, D2, 和B2 的流量值反映了不同组分在精馏塔中的分离效果和动态平衡。

- **D1流量较大**:表明大部分轻组分(甲苯和苯)在精馏塔顶部被取出。这符合精馏的基本原理,即轻组分倾向于在塔顶富集。
- B2流量较大:显示大量的重组分(苯乙烯)集中在塔底。这也是预期之中,因为重组分会在塔底富集。
- B1流量相对较小: 可能表明精馏塔的操作条件需要调整, 以确保更有效的组分分离。

这些数据可以帮助评估和优化精馏塔的运行参数,如回流比、加热量和塔板设置;可以实时调整操作条件,以应对原料或产品需求的变化;还能帮助预防过程中的异常情况,保证生产安全和效率。

3 T3.j1

3.1 问题描述

共有36个头和100只脚,求鸡和兔各有多少只。

3.2 求解思路

- 建立方程组表示头和脚的数量。
- 解方程找到鸡和兔的数量。

3.3 Mworks 程序

```
1 using TyBase, TyMath, Printf
2
3 # 定义方程
4 A = [1 1; 2 4]
5 b = [36; 100]
6
7 # 求解
8 x = linsolve(A, b)
9
10 # 输出结果
11 @printf("鸡有: %d只, 兔有: %d只。\n", x[1], x[2])
```

运行结果如下:

```
1 julia> 正在运行 T3.jl
2 鸡有: 22只, 兔有: 14只。
```

3.4 结果讨论

解得鸡和兔的数量后,我们可以看到这个经典问题虽然简单,却很好地展示了线性方程组在解决实际问题中的应 用。在实际的工程和科学问题中,我们经常遇到需要同时满足多个条件的复杂系统,这时候线性代数就显得尤为重 要。