

Previo 3. Sistemas de Comunicación

Alumno: Alfonso Murrieta Villegas

① Investigue y anote qué son las señales determinísticas

Es una señal en la cual cada valor está fijo y puede ser determinado por una expresión matemática, por lo que pueden calcular los valores futuros. A diferencia de las señales aleatorias, estas tienen una forma de poder identificarlas o asimilarlas.

② Deduzca matemáticamente el factor de cresta para una señal triangular

Partiendo de:

$$V_{rms} = \sqrt{\frac{1}{T} \int_0^T |f(t)|^2 dt} = \sqrt{\frac{1}{T} \int_0^T V_p^2 f_1(t) dt} = \sqrt{\frac{V_p^2}{4} \left[\int_0^1 t^2 dt + \int_1^3 (-t+2)^2 dt + \int_3^4 (t-1)^2 dt \right]}$$

$$= \sqrt{\frac{V_p^2}{4} \left[\frac{t^3}{3} \Big|_0^1 + \left(\frac{t^3}{3} - 2t^2 + 4t \right) \Big|_1^3 + \left(\frac{t^3}{3} - 4t^2 + 16t \right) \Big|_3^4 \right]} =$$

$$V_{rms} = \sqrt{\frac{V_p^2}{4} \left[\frac{1}{3} + \left(3 - \frac{2}{3} \right) + \left(\frac{64}{3} - 21 \right) \right]} = \sqrt{\frac{V_p^2}{4} \left[\frac{4}{3} \right]} = \frac{V_p}{\sqrt{3}}$$

③ Calcule matemáticamente el factor de cresta de una señal cuadrada

Partiendo de

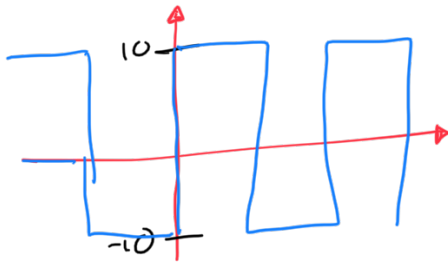
$$V_{rms} = \sqrt{\frac{1}{T} \int_0^T |f(t)|^2 dt} = \sqrt{\frac{1}{T} \int_0^T V_p^2 f^2(t) dt} = \sqrt{\frac{V_p^2}{T} \left[\int_{-T/2}^0 1 dt + \int_0^{T/2} 1 dt \right]}$$

$$= \sqrt{\frac{V_p^2}{T} \left[-t \Big|_{-T/2}^0 + t \Big|_0^{T/2} \right]} = \sqrt{\frac{V_p^2}{T} \left[\frac{T}{2} + \frac{T}{2} \right]} = \frac{V_p}{\sqrt{1}}$$

En teoría de un tren de

④ Calcule y grafique el espectro de pulsos de 1 KHz, 20 Vpp y ciclo de trabajo de 50%

$$V_{\text{oltage}}_{\text{rms}} = \frac{V_p}{\sqrt{1}} = \frac{10}{\sqrt{1}} \approx 10 \text{ [V]}$$



$$V_{pp} = 20 \text{ [V]}$$

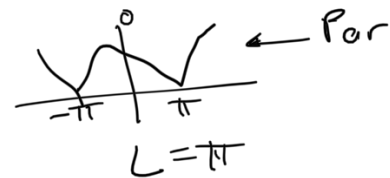
$$F = 1 \text{ [KHz]}$$

⑤ Investigue y anote la serie de Fourier de una señal triangular con simetría par

$$f(x) = \frac{a_0}{L} + \sum_{n=1}^{\infty} a_n \cos nx$$

$$a_n = \frac{2}{\pi} \int_0^{\pi} f(x) \cos nx dx$$

$$f(x) = 1 - \frac{2x}{\pi}, 0 \leq x \leq \pi$$



⑥ Para el punto anterior calcule y anote los primeros 5 coeficientes con sus frecuencias

$$a_0 = 0$$

$$a_n = \frac{2}{\pi} \int_0^{\pi} \left(1 - \frac{2x}{\pi}\right) \cos nx dx$$

$$= \frac{4}{n^2 \pi^2} \left(1 - n\pi\right)$$

$$= \begin{cases} \frac{8}{n^2 \pi^2}, & n = 1, 3, 5 \\ 0, & n = 2, 4, 6 \end{cases}$$

$$\therefore f(x) = \frac{8}{\pi^2} \left(\cos x + \frac{\cos 3x}{3^2} + \frac{\cos 5x}{5^2} + \dots + \frac{\cos 9x}{9^2} \right)$$

Componente	1	2	3	4	5
Frecuencia KHz	1	3	5	7	9

⑦ Investigue y anote la serie de Fourier de un tren de pulsos con simetría impar.

$$a_0 = \frac{1}{2\pi} \int_0^{2\pi} f(t) dt = \frac{1}{2\pi} \int_0^{\pi} 3 dt + \int_{\pi}^{2\pi} 0 dt = \frac{1}{2\pi} 3t \Big|_0^{\pi} = \frac{3}{2}$$

$$a_n = \frac{3}{n\pi} \int_0^{\pi} \cos(nt) dt = \frac{3}{n\pi} (\sin(nt)) \Big|_0^{\pi} = \left(\frac{3}{n\pi} \right) (0) = 0$$

$$b_n = \frac{1}{\pi} \int_0^{\pi} 3 \sin(nt) dt = -\frac{3}{n\pi} \int_0^{\pi} \cos(nt) dt = -\frac{3}{n\pi} \cos nt \Big|_0^{\pi}$$

$$b_n = \begin{cases} 0 & n \text{ es par} \\ \frac{6}{n\pi} & n \text{ es impar} \end{cases}$$

$$= -\frac{3}{n\pi} (\cos k\pi - 1)$$

⑧ Para el punto anterior calcule y anote los primeros 12 coeficientes con sus frecuencias considere que la señal $v(t)$ es un tren de pulsos de 10 V pico y frecuencia de 1 KHz

Coeficientes

$$f(t) = \frac{3}{2} + \frac{6}{\pi} \sin(t) + \frac{6}{3\pi} \sin(3t) + \frac{6}{5\pi} \sin(5t) + \dots + \frac{6}{23\pi} \sin(23t)$$

Componente	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
Frecuencia [KHz]	1	3	5	7	9	11	13	15	17	19	21	23

⑨ Investigue el Teorema de Parseval

El teorema establece que la potencia promedio normalizada de una señal periódica es igual a la suma de los cuadrados de las amplitudes de sus componentes. Es decir, la potencia promedio de la señal es igual a la suma de las potencias de sus componentes.

tes armónicas, es decir, la superposición de ondas armónicas.
 La serie de Fourier corresponde a la serie trigonométrica

$$\frac{1}{T} \int_{-T/2}^{T/2} \{f(t)\}^2 dt = \frac{1}{4} a_0^2 + \frac{1}{2} \sum_{n=1}^{\infty} (a_n^2 + b_n^2)$$

Además, el valor cuadrático medio es correspondiente al valor cuadrático medio de los componentes espectrales como se muestra en la expresión inferior

$$\frac{1}{T} \int_{-T/2}^{T/2} [f(t)]^2 dt = C_0^2 + \sum_{n=1}^{\infty} \left| \frac{C_n}{\sqrt{2}} \right|^2$$

Referencias

- Chavez Fonseca Elizabeth. (2019). Manual de Prácticas para el Laboratorio de Sistemas de Comunicaciones. DIE, UNAM.
- Bonilla Chávez A. (2019). Demostración de Factores de Cresta. DIE, UNAM.