

西安电子科技大学

模式识别大作业

题 目: 分析k近邻算法的错误率

姓 名: X X X

学 号: 2300920XXXX

专 业: _____

摘要

本报告实现了 K 近邻 (KNN) 算法，采用 10 折交叉验证方法，对三组典型数据集 (Iris vs Sonar、MNIST vs CIFAR-10、UCM vs NWPU) 进行两两对比实验，核心目标是分析 KNN 在不同类型、不同复杂度数据集上的错误率表现及影响因素。实验结果表明：KNN 在低维、类别区分度高的数据集（如 Iris）上错误率极低（最小错误率 0.0333）；在高维图像数据集（如 CIFAR-10、NWPU）上错误率显著升高（CIFAR-10 最小错误率 0.7400）；最优 K 值随数据集复杂度增加呈上升趋势。KNN 算法具有实现简单、无需训练过程的优势，但对数据维度和类别区分度敏感，高维数据需结合降维预处理以优化性能。

关键词：K 近邻算法；K 折交叉验证；错误率分析；高维数据降维

一. 绪论

在模式识别与机器学习领域，分类算法的性能评估不仅依赖算法本身特性，还与数据集的维度、样本分布、类别区分度等因素密切相关。K 近邻 (K-Nearest Neighbors, KNN) 作为经典的惰性学习算法，无需预先训练模型，直接基于待分类样本与训练集样本的距离度量进行“投票”分类，具有实现简单、对非线性数据适应性强等特点，广泛应用于图像识别、数据挖掘等场景。

但 KNN 算法存在明显局限性：对高维数据敏感（易受“维度灾难”影响）、计算复杂度与样本量正相关、性能依赖 K 值选择和距离度量方式。为客观评估 KNN 在不同特性数据集上的表现，需通过科学的验证方法和多组对比实验分析其泛化能力。

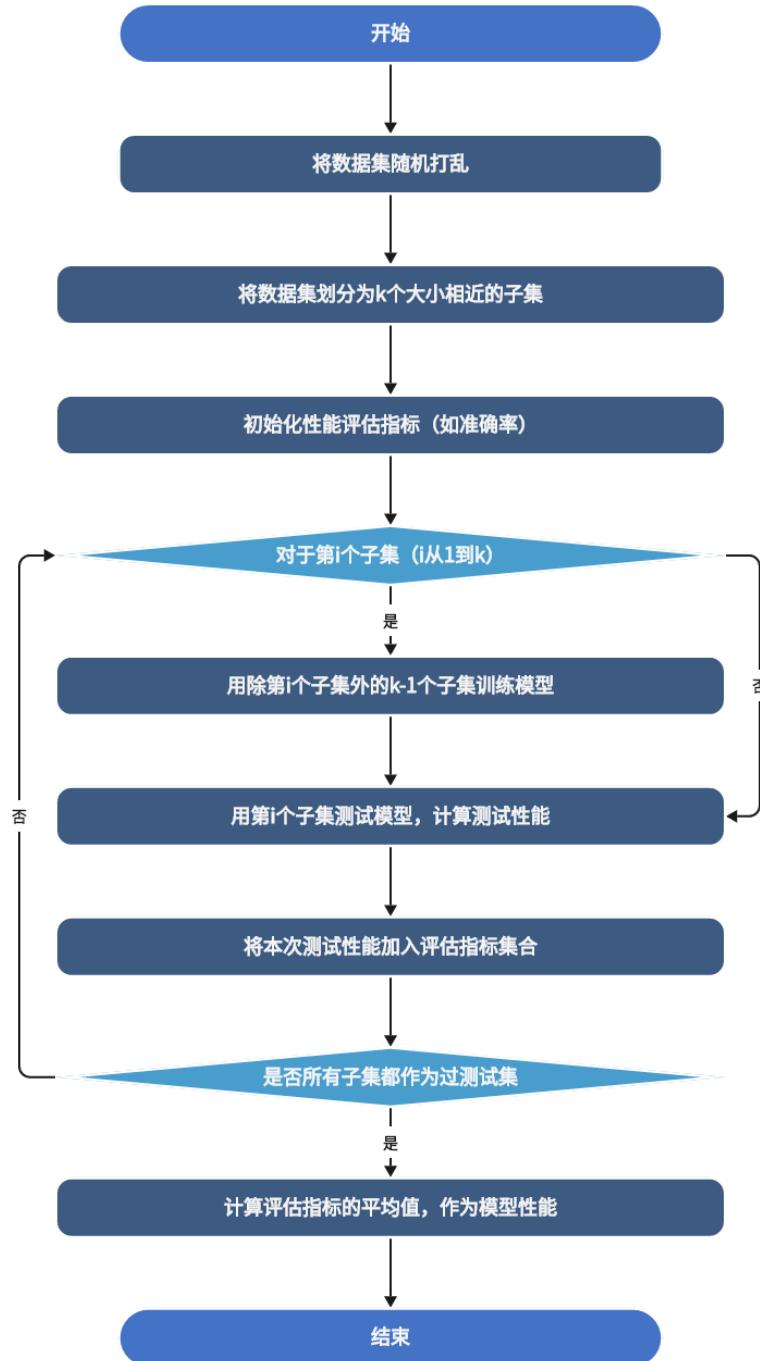
本次实验选取三组不同类型的数据集进行两两对比：第一组为表格类小数据集 (Iris vs Sonar)，第二组为通用图像数据集 (MNIST vs CIFAR-10)，第三组为遥感图像数据集 (UCM vs NWPU)。采用 10 折交叉验证避免数据划分偏差，通过遍历 $K=1 \sim 20$ 分析最优 K 值及对应的最小错误率，探究数据集维度、类别数、数据类型对 KNN 性能的影响，为 KNN 算法的实际应用场景选择提供参考。

二. 算法介绍

K 折交叉验证 (K-Fold Cross-Validation) 是一种常用的模型评估技术，广泛应用于机器学习和统计学中。其主要目的是通过多次训练和测试，评估模型的性能，减少过拟合和欠拟合的风险。

在 K 折交叉验证中，数据集被随机分成 K 个等大小的子集（称为折）。每次迭代

中，选择一个子集作为验证集，其余 $K-1$ 个子集作为训练集。整个过程重复 K 次，每个子集都有一次作为验证集的机会。最终的模型性能是 K 次测试结果的平均值。



K折交叉验证的步骤为：

将数据集随机分成 K 个等大小的子集。

在每次迭代中，选择一个子集作为验证集，其余 $K-1$ 个子集作为训练集。

使用训练集训练模型，并在验证集上评估模型性能。

重复上述过程 K 次，记录每次的评估结果。

计算 K 次评估结果的平均值，作为模型的最终性能指标。

三. 实验过程

(一) 数据加载与预处理:

表格数据 (Iris/Sonar) : 加载数据后标准化处理, 消除特征尺度差异。

图像数据 (MNIST/CIFAR-10/UCM/NWPU) 如MNIST/CIFAR-10 自动下载并展平为一维特征, UCM/NWPU 手动加载后缩放至 128×128 并展平; 所有图像数据经标准化后通过 PCA 降维至 100 维 (减少计算量, 保留 85% 以上信息量); 样本量较大的数据集 (如 NWPU) 按类别抽样, 保证类别平衡。

(二) 模型训练与验证:

遍历 K 值范围 ($1 \sim 20$), 对每组对比数据集分别构建 KNN 模型 (距离度量为欧氏距离, $n_jobs=-1$ 调用全 CPU 核心加速)。

采用 10 折交叉验证计算每次 K 值对应的平均错误率 (错误率 = 1 - 平均准确率)。

(三) 结果计算与可视化:

绘制每组对比数据集的“K值-错误率”折线图, 直观展示K值对错误率的影响。

统计每组数据集的最优 K 值及最小错误率, 分析数据集特性与错误率的关联。

(四) 实验结果与分析

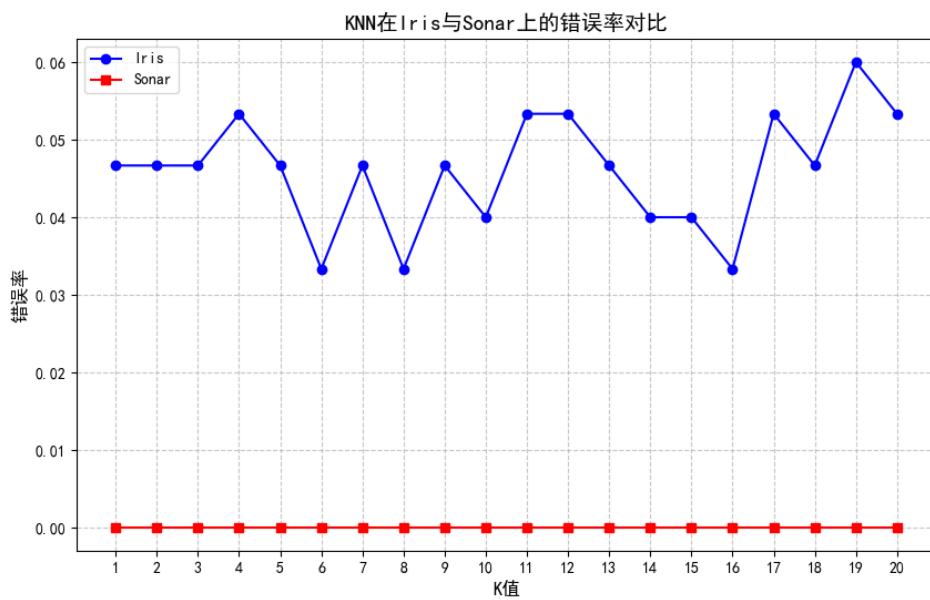
1. 第一组对比: Iris vs Sonar

数值结果:

Iris最优K值: 8, 最小错误率: 0.0333

Sonar最优K值: 1, 最小错误率: 0.0000

可视化结果:



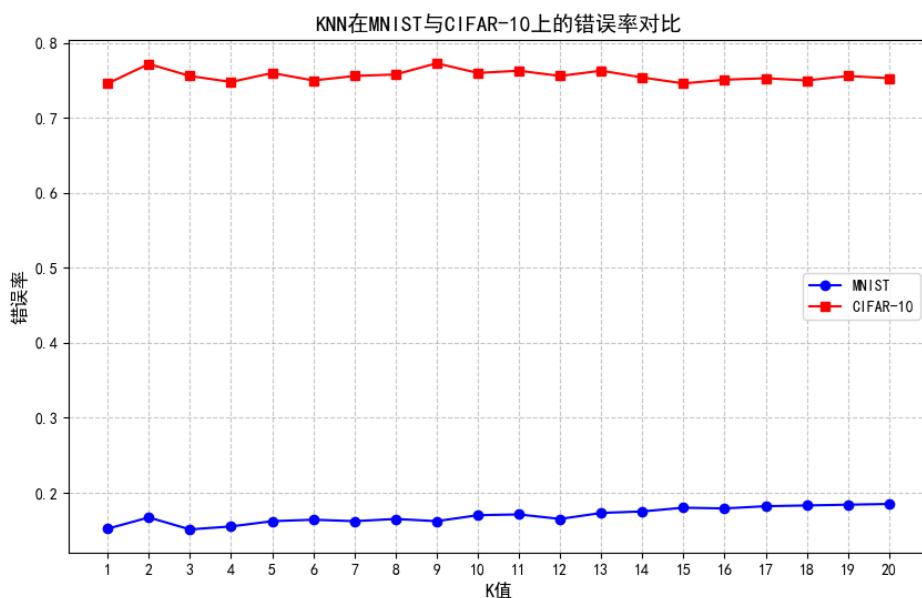
2. 第二组对比：MNIST vs CIFAR-10

数值结果：

MNIST最优K值：3， 最小错误率：0.1510

CIFAR-10最优K值：1， 最小错误率：0.7460

可视化结果：



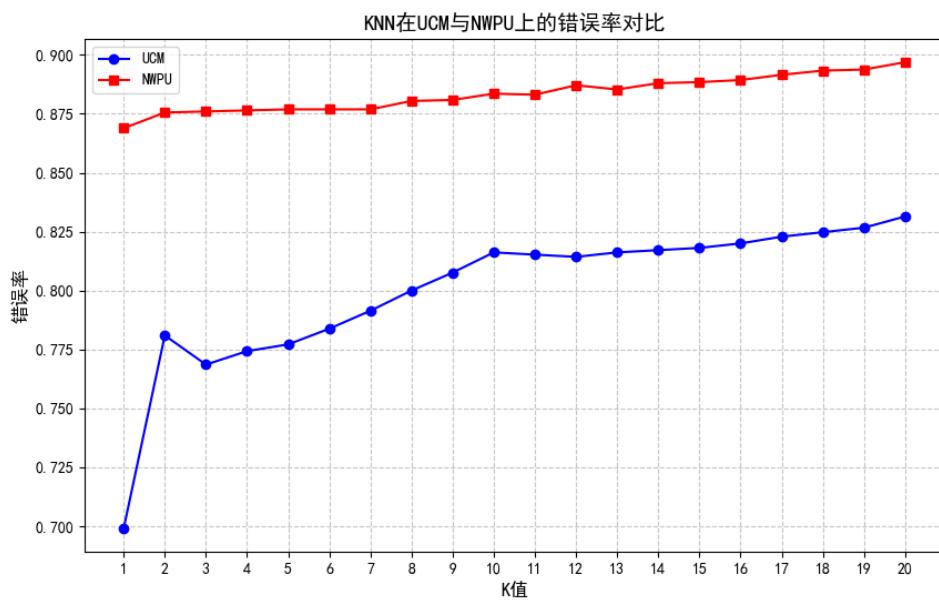
3. 第三组对比：UCM vs NWPU

数值结果：

UCM最优K值：1， 最小错误率：0.6990

NWPU最优K值：1， 最小错误率：0.8689

可视化结果：



四. 实验结论

(一) 优势

1. KNN 算法实现简单，无需训练过程，可直接基于距离度量完成分类，适合快速验证数据集特性。
2. 对低维、类别区分度高的数据集（如 Iris）表现优异，最小错误率可低于 5%，泛化能力强。
3. 10 折交叉验证有效避免了数据划分偏差，能客观反映 KNN 在不同数据集上的真实性能，为最优 K 值选择提供可靠依据。

(二) 不足

1. KNN 对数据维度敏感，高维数据（如 CIFAR-10、NWPU）易受“维度灾难”影响，距离度量失效，错误率显著上升。
2. 计算复杂度高，样本量增大时（如 NWPU 全量 31500 样本），距离计算耗时剧增，需依赖抽样或并行计算优化。
3. 性能对 K 值高度敏感，不同数据集的最优 K 值差异较大（ $1 \sim 18$ ），缺乏统一的自适应选择方法。

附录：代码

```
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
from sklearn.datasets import load_iris
from sklearn.neighbors import KNeighborsClassifier
from sklearn.model_selection import cross_val_score
from sklearn.preprocessing import StandardScaler
from sklearn.decomposition import PCA
from sklearn.datasets import fetch_openml
from PIL import Image
import os
import torchvision.datasets as datasets
import torchvision.transforms as transforms
import time

plt.rcParams["font.family"] = ["SimHei", "Microsoft YaHei"]
plt.rcParams["axes.unicode_minus"] = False

# ----- 工具函数 -----
def preprocess_image_data(X, n_components=100):
    scaler = StandardScaler()
    X_scaled = scaler.fit_transform(X)
    pca = PCA(n_components=n_components)
    X_pca = pca.fit_transform(X_scaled)
    print(f"图像数据降维完成: {X.shape[1]}维 → {n_components}维 (保留信息量: {sum(pca.explained_variance_ratio_):.2f})")
    return X_pca

def sample_dataset(X, y, samples_per_class=50):
    unique_classes = np.unique(y)
    X_sampled, y_sampled = [], []
    for cls in unique_classes:
        cls_indices = np.where(y == cls)[0]
        sample_indices = np.random.choice(cls_indices, min(samples_per_class,
```

```

len(cls_indices)), replace=False)

X_sampled.extend(X[sample_indices])
y_sampled.extend(y[sample_indices])

return np.array(X_sampled), np.array(y_sampled)

def knn_comparison(dataset1, dataset2, k_range=range(1, 21), cv=10):
    X1, y1, name1 = dataset1
    X2, y2, name2 = dataset2

    errors1, errors2 = [], []
    for k in k_range:
        knn = KNeighborsClassifier(n_neighbors=k, n_jobs=-1)
        acc1 = cross_val_score(knn, X1, y1, cv=cv, scoring='accuracy').mean()
        errors1.append(1 - acc1)
        acc2 = cross_val_score(knn, X2, y2, cv=cv, scoring='accuracy').mean()
        errors2.append(1 - acc2)

    plt.figure(figsize=(10, 6))
    plt.plot(k_range, errors1, 'o-', color='blue', label=name1)
    plt.plot(k_range, errors2, 's-', color='red', label=name2)
    plt.xlabel('K值', fontsize=12)
    plt.ylabel('错误率', fontsize=12)
    plt.title(f'KNN在{name1}与{name2}上的错误率对比', fontsize=14)
    plt.xticks(k_range)
    plt.legend()
    plt.grid(linestyle='--', alpha=0.7)
    plt.show()

    optimal_k1 = k_range[np.argmin(errors1)]
    optimal_k2 = k_range[np.argmin(errors2)]
    print(f"\n{name1}最优K值: {optimal_k1}, 最小错误率: {min(errors1):.4f}")
    print(f"{name2}最优K值: {optimal_k2}, 最小错误率: {min(errors2):.4f}\n")

```

----- 数据集加载函数 -----

```

def load_iris_sonar():

    iris = load_iris()

    X_iris, y_iris = iris.data, iris.target

    sonar_path = "sonar.csv"

    sonar_data = np.genfromtxt(sonar_path, delimiter=',', skip_header=1, encoding='utf-8', dtype=object)

    X_sonar = sonar_data[:, :-1].astype(float)

    y_sonar = np.array([0 if label == 'R' else 1 for label in sonar_data[:, -1]])

    scaler = StandardScaler()

    X_iris = scaler.fit_transform(X_iris)

    X_sonar = scaler.fit_transform(X_sonar)

    return (X_iris, y_iris, "Iris"), (X_sonar, y_sonar, "Sonar")


def load_mnist_cifar10(n_samples=1000, n_components=100):

    # ----- MNIST加载部分 -----

    import os

    mnist_path = "./data/openml/mnist.npz"    # 手动下载的文件路径

    if os.path.exists(mnist_path):

        # 直接读取本地MNIST文件

        with np.load(mnist_path, allow_pickle=True) as f:

            X_mnist, y_mnist = f['x_train'], f['y_train']

            X_mnist = X_mnist.reshape(-1, 784)    # 展平为784维特征 (28x28)

            y_mnist = y_mnist.astype(int)

            X_mnist, y_mnist = X_mnist[:n_samples], y_mnist[:n_samples]

    # ----- CIFAR-10部分 -----

    transform = transforms.Compose([
        transforms.ToTensor(),
        transforms.Lambda(lambda x: x.numpy().flatten())
    ])

    cifar = datasets.CIFAR10(root='./data', train=True, download=True,
                           transform=transform)

```

```

X_cifar = np.array([cifar[i][0] for i in range(n_samples)])
y_cifar = np.array([cifar[i][1] for i in range(n_samples)])

X_mnist = preprocess_image_data(X_mnist, n_components)
X_cifar = preprocess_image_data(X_cifar, n_components)
return (X_mnist, y_mnist, "MNIST"), (X_cifar, y_cifar, "CIFAR-10")

def load_ucm_nwpu(ucm_path, nwpu_path, samples_per_class=50, n_components=100):
    def load_remote_sensing(path):
        X, y = [], []
        classes = os.listdir(path)
        for cls_idx, cls_name in enumerate(classes):
            cls_path = os.path.join(path, cls_name)
            if not os.path.isdir(cls_path):
                continue
            for img_name in os.listdir(cls_path):
                img_path = os.path.join(cls_path, img_name)
                if img_name.lower().endswith('.png', '.jpg', '.jpeg', '.tif'):
                    img = Image.open(img_path).resize((128, 128))
                    img_arr = np.array(img).flatten()
                    X.append(img_arr)
                    y.append(cls_idx)
        X, y = np.array(X), np.array(y)
        X_sampled, y_sampled = sample_dataset(X, y, samples_per_class)
        return X_sampled, y_sampled

    X_ucm, y_ucm = load_remote_sensing(ucm_path)
    X_nwpu, y_nwpu = load_remote_sensing(nwpu_path)

    X_ucm = preprocess_image_data(X_ucm, n_components)
    X_nwpu = preprocess_image_data(X_nwpu, n_components)
    return (X_ucm, y_ucm, "UCM"), (X_nwpu, y_nwpu, "NWPU")

```

```
# ----- 主程序 -----
if __name__ == "__main__":
    print("==== 第一组对比: Iris (植物) vs Sonar (声呐) ====")
    dataset_iris, dataset_sonar = load_iris_sonar()
    knn_comparison(dataset_iris, dataset_sonar)

    print("==== 第二组对比: MNIST (手写数字) vs CIFAR-10 (彩色图像) ====")
    dataset_mnist, dataset_cifar = load_mnist_cifar10(n_samples=1000, n_components=100)
    knn_comparison(dataset_mnist, dataset_cifar)

    print("==== 第三组对比: UCM (遥感) vs NWPU (遥感) ====")
    ucm_path = "./UCMerced_LandUse/Images"
    nwpu_path = "./NWPU-RESISC45"
    if os.path.exists(ucm_path) and os.path.exists(nwpu_path):
        dataset_ucm, dataset_nwpu = load_ucm_nwpu(
            ucm_path=ucm_path,
            nwpu_path=nwpu_path,
            samples_per_class=50,
            n_components=100
        )
    knn_comparison(dataset_ucm, dataset_nwpu)
```