

Veritabanı Yönetim Sistemleri (335)

Yrd.Doç.Dr. Ahmet Arif AYDIN

Özet

- **Dosya Yapıları**
 - Pages
 - Files
 - Disk space manager
 - Buffer manager
- **Index yapıları**
 - Hash based indexing
 - Tree based indexing

B+ Tree

- Esnek ve dinamik bir yapısı bulunmaktadır.
- Her bir düğüm disk üzerinde bir sayfadır.
- İki adet düğüm çeşidi bulunmaktadır:
 1. Leaf nodes (Yaprak Düğümler)
 2. Diğer düğümler

B+ Tree

1 - Leaf nodes (yaprak düğümler)

```
struct YaprakNodeNode {  
    vector<Key> keys;  
    vector<Value> values;  
    PagePointer sonraki_sayfa;  
}
```

**Verinin kaydedildiği sayfalar birbirine bağlı
Linked ile tanımlanabilir.**



B+ Tree

1 - Leaf nodes (yaprak düğümler)

```
struct YaprakNodeNode {  
    vector<Key> keys;  
    vector<Value> values;  
    PagePointer sonraki_sayfa;  
}
```

Düğümelerde bulunan anahtarlar (key) sıralıdır
Yapraklarda (leaf) bulunan değerlerde sıralıdır.

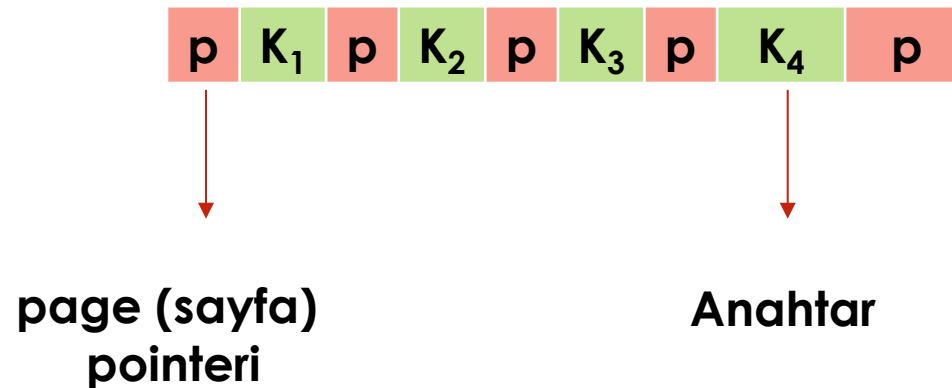


B+ Tree

2- Non-leaf (yaprak olmayan) düğümler

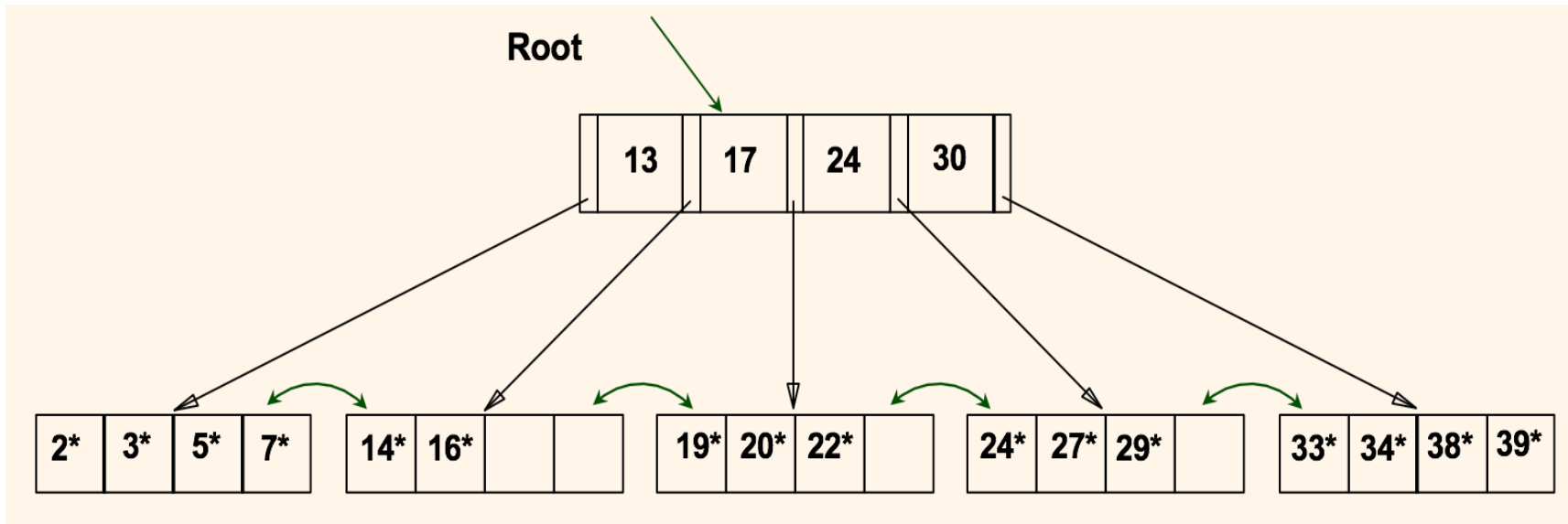
```
struct InteriorNode {  
    vector<Key> keys;  
    vector<PagePointer> pointers;  
}
```

Pointer sayısı anahtar
sayısından 1 fazla



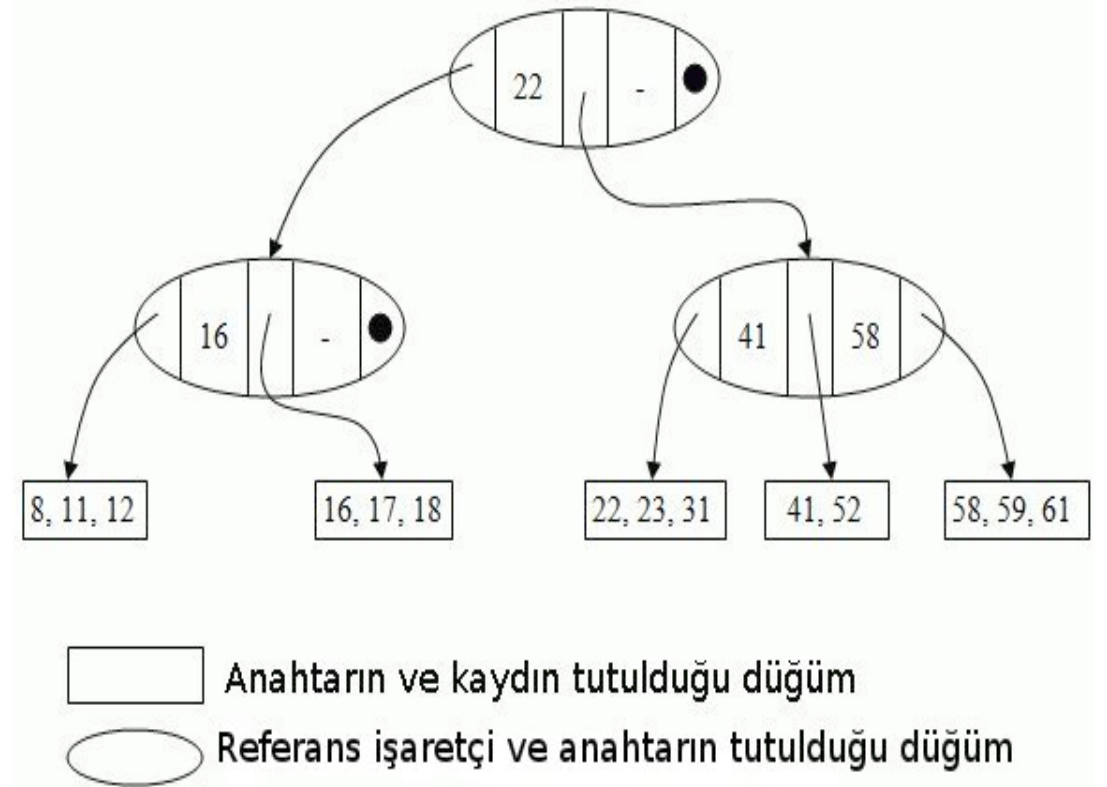
B+ Tree

- B+ ağacının arama (search) yapısının ara düğümleri (node) aramayı yönlendirmektedir.
- Leaf nodes (yaprak düğümleri) kaydedilen verileri içermektedir.
- B+ ağacının yapısı seçilen anahtara göre değişir.



B+ Tree

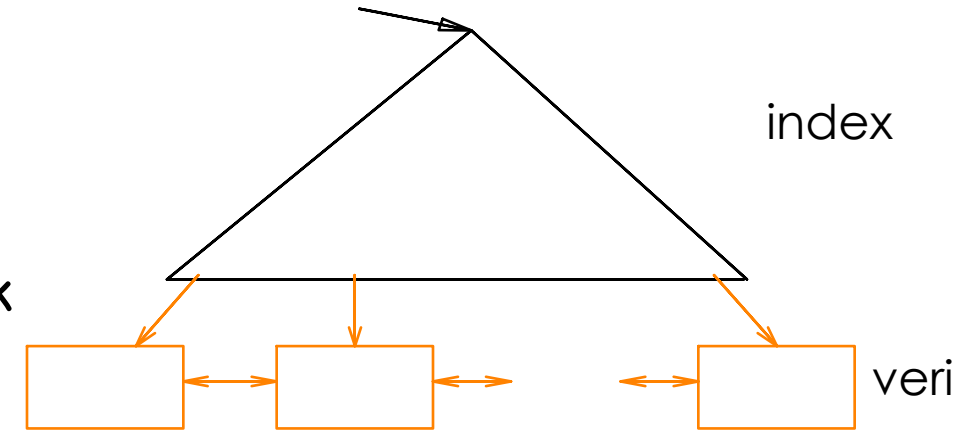
- B+ Tree dinamik olarak büyüyüp (grow) küçülmektedir (shrink) ve ağacın yüksekliği de dinamik olarak değişmektedir.
- Anahtarlar ve işaretçileri (pointer) yaprak olmayan (non leaf) düğümlerde tutulur.



B+ Tree

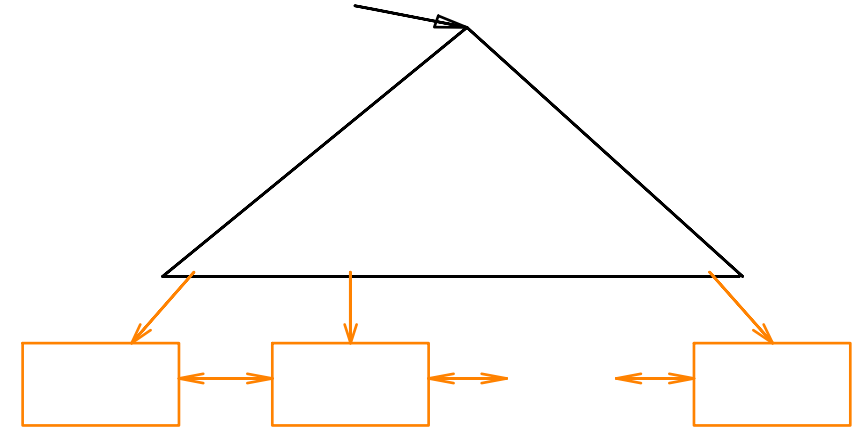
B+ Tree' nin ana karakteristikleri

- Bir tane root (ana kök) düğüm bulunmak zorundadır.
- Her bir düğüm için ortama %50 doluluk oranı (root hariç) istenmektedir
- $d \leq \text{düğümde bulunabilecek anahtar sayısı} \leq 2d$,
 - d parametresi (order of tree) bir düğümde bulunabilecek minimum kayıt sayısı.
 - d değeri sayfada tutulacak olan kayıtların boyutuna göre belirlenir
- B+ ağacının yüksekliği: $h = \log_k N$
 - k= düğümün kapasitesi , N= kayıt sayısı



B+ Tree (Pratikde ki değerler)

- Tipik order 100 ve doluluk oranı % 67
 - Düğümlerde bulunan ortalama alt düğüm sayısı (fanout) 133
- Kapasite
 - Yükseklik 4: $133^4 = 312,900,700$ kayıt
 - Yükseklik 3: $133^3 = 2,352,637$ kayıt
- Ara bellekte tutulan değerler :
 - Seviye 1 = 1 page = 8 Kbytes
 - Seviye 2 = 133 pages = 1 Mbyte
 - Seviye 3 = 17,689 pages = 133 MBytes



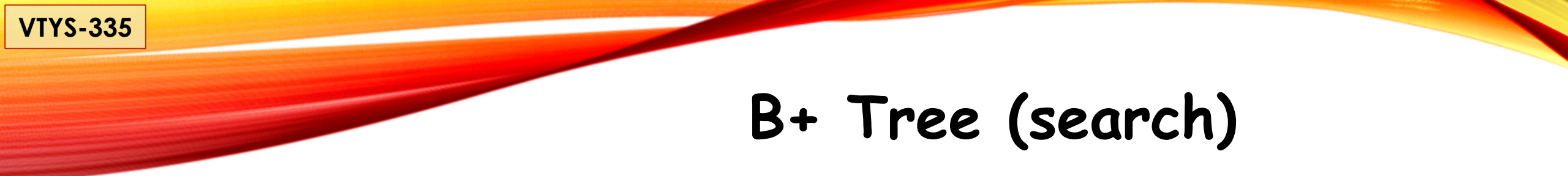
B+ Tree (arama)

```
fun find (search key value  $K$ ) returns nodepointer
// Given a search key value, finds its leaf node
return tree_search(root,  $K$ );           // searches from root
endfun
```

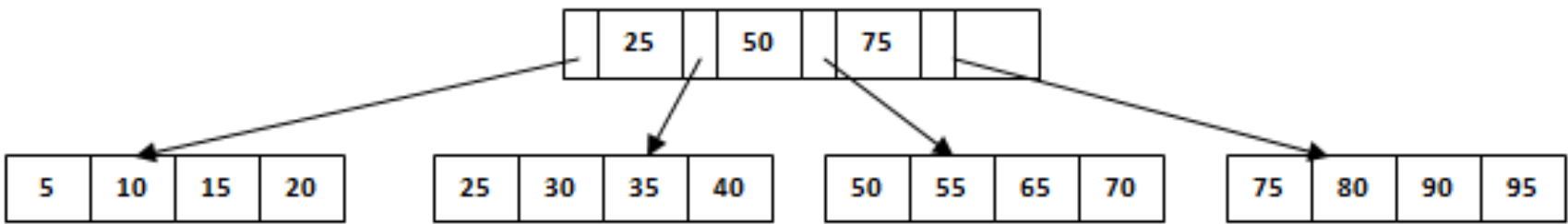
```
fun tree_search (nodepointer, search key value  $K$ ) returns nodepointer
// Searches tree for entry
if *nodepointer is a leaf, return nodepointer;
else,
    if  $K < K_1$  then return tree_search( $P_0$ ,  $K$ );
    else,
        if  $K \geq K_m$  then return tree_search( $P_m$ ,  $K$ );    //  $l_7 = \#$  entries
        else,
            find  $i$  such that  $K_i \leq K < K_{i+1}$ ;
            return tree_search( $P_i$ ,  $K$ )
endfun
```

B+ Tree (arama)

1. Aramaya root (kök düğüm) ile başlanır
2. Arama yapılan node (düğüm) bir yaprak değilse;
 - Anahtar değerine göre düğümde arama yapılır
 - Aranılan anahtar değerden küçük olan en yüksek değerli anahtardan sonraki işaretleyicinin gösterdiği düğüme gidilir.
 - Arama yapılan düğüm guncellenir
 - 2.adıma geri dönülür.
3. Arama yapılan node (düğüm) bir yaprak ise **aranılan deger bu düğümdedir veya yoktur.**

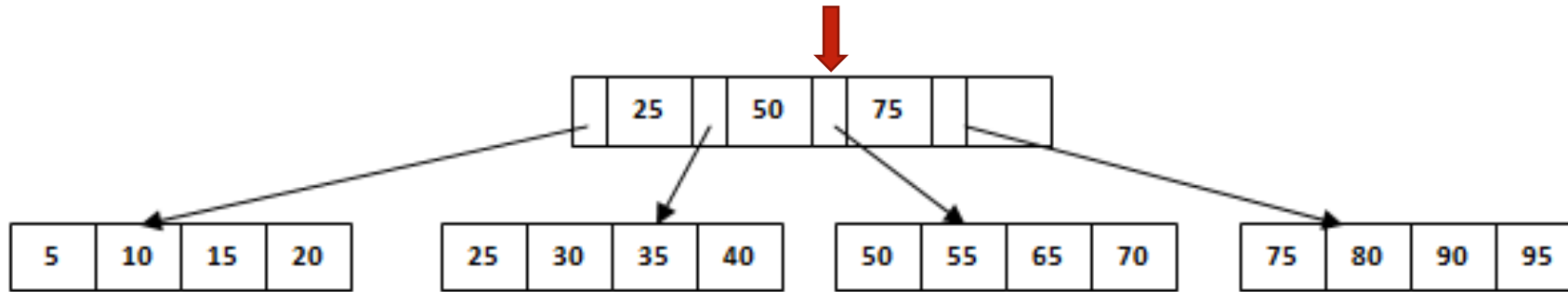


B+ Tree (search)



65 değerini arayalım

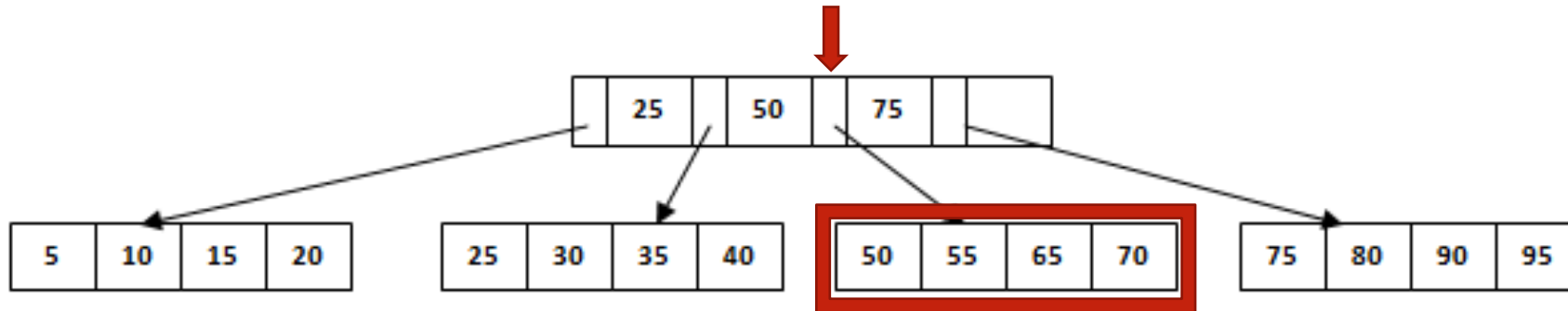
B+ Tree (search)



65 değerini bulmak için

1. 65 değerinden küçük olan en büyük anahtardan sonraki pointera gidilir

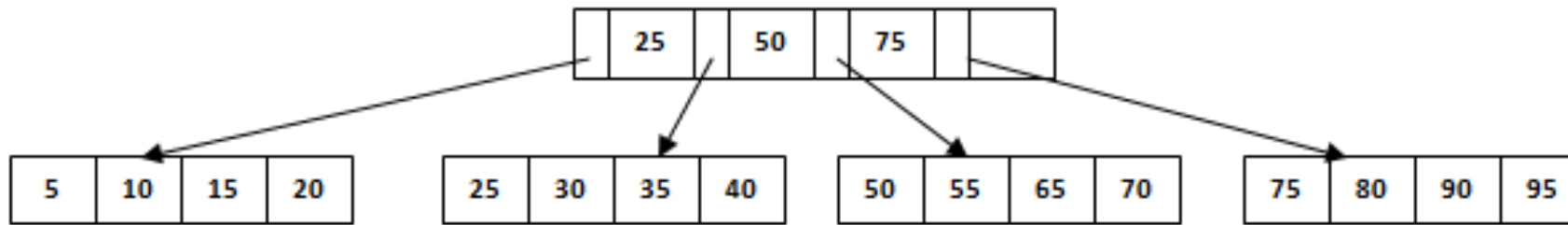
B+ Tree (search)



65 değerini bulmak için

1. 65 değerinden küçük olan en büyük anahtardan sonraki pointera gidilir
2. Bulunan düğüm yaprak (leaf) olduğu için bu node bulunan veriler sequential olarak taranır.

B+ Tree (search)



65 değerini bulmak için

1. 65 değerinden küçük olan en büyük anahtardan sonraki pointera gidilir
2. Bulunan düğüm yaprak (leaf) olduğu için bu node bulunan veriler sequential olarak taranır.

Arama (search) işlemi gerçekleştirilirken **insert, delete ve update** işlemlerine izin verilmemektedir

B+ Tree (insert)

1-Eklenecek olan kayıtın bulunması gereken yer (düğüm) bulunur.

2-Eğer düğüm maximum kaydedebileceği degerden az kayıt bulunduruyorsa

- kayıt sırası dikkate alınarak ekleme yapılır (işlem tamamlanır)

3- Eklenecek deger için yer yoksa

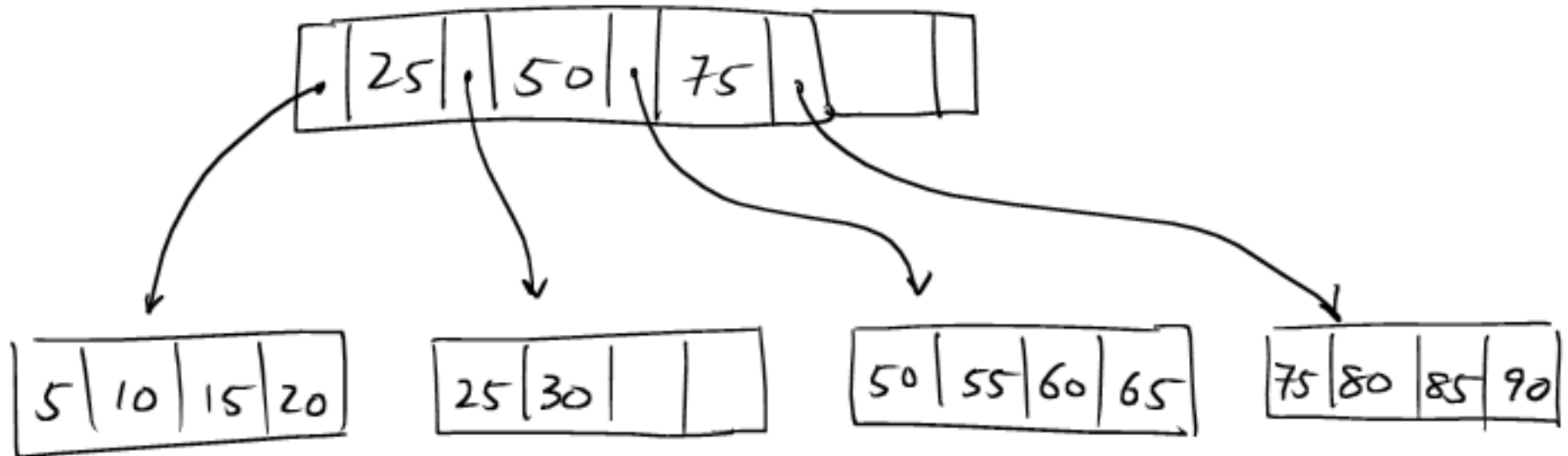
- Düğüm ikiye ayrılır
- Yeni bir yaprak (leaf) oluşturulur ve elemanların yarısı sırası değişmeden oluşturulan yaprağa eklenir.
- Yeni oluşturulan düğümün anahtarı bir üst seviyedeki düğüme eklenir
- Üst seviyedeki düğüm dolu ise ikiye ayrılır ve ortadaki anahtar üst seviyeye alınır.
- Bölünme gerektirmeyen düğüm oluşuncaya kadar devam eder.

4- Eğer root (kök) düğümünün bölünmesi gerekiyorsa tek bir degeri ve iki pointeri bulunan yeni bir root oluşturulur.

B+ tree düğümlerin de ki anahtar sayısı
 $d \leq \text{anahtar sayısı} \leq 2d$
Root (kök) düğüm istisnadır. Kökte bulunan anahtar sayısı
 $1 \leq \text{anahtar sayısı} \leq 2d$

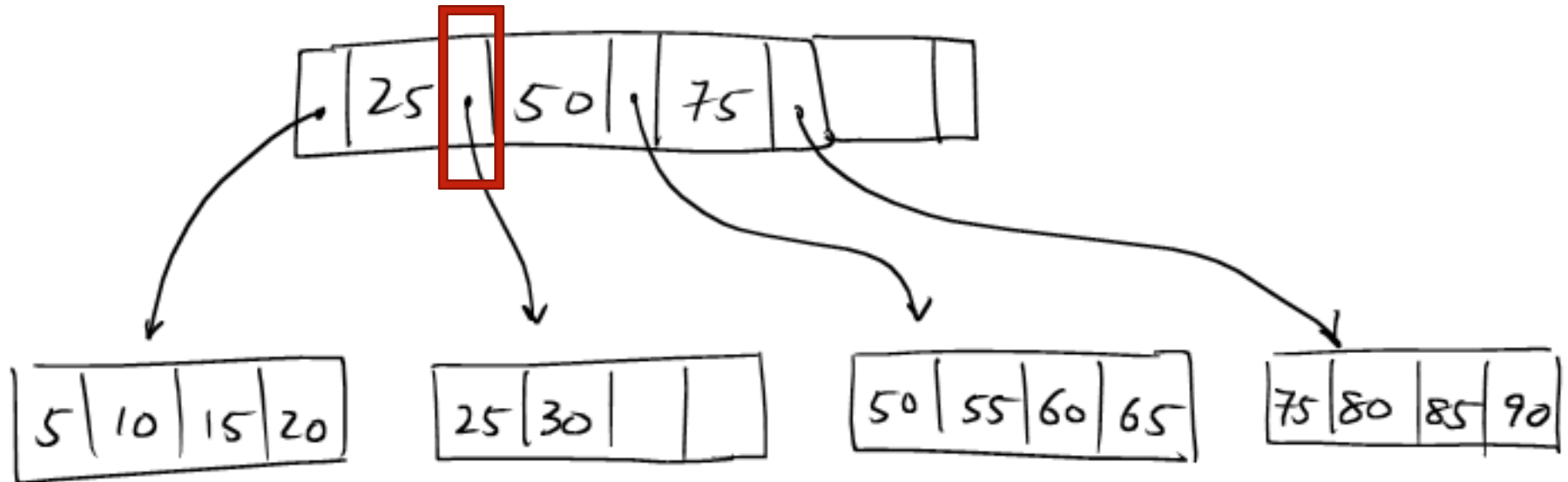
B+ Tree (insert)

28 değerini ekleyelim



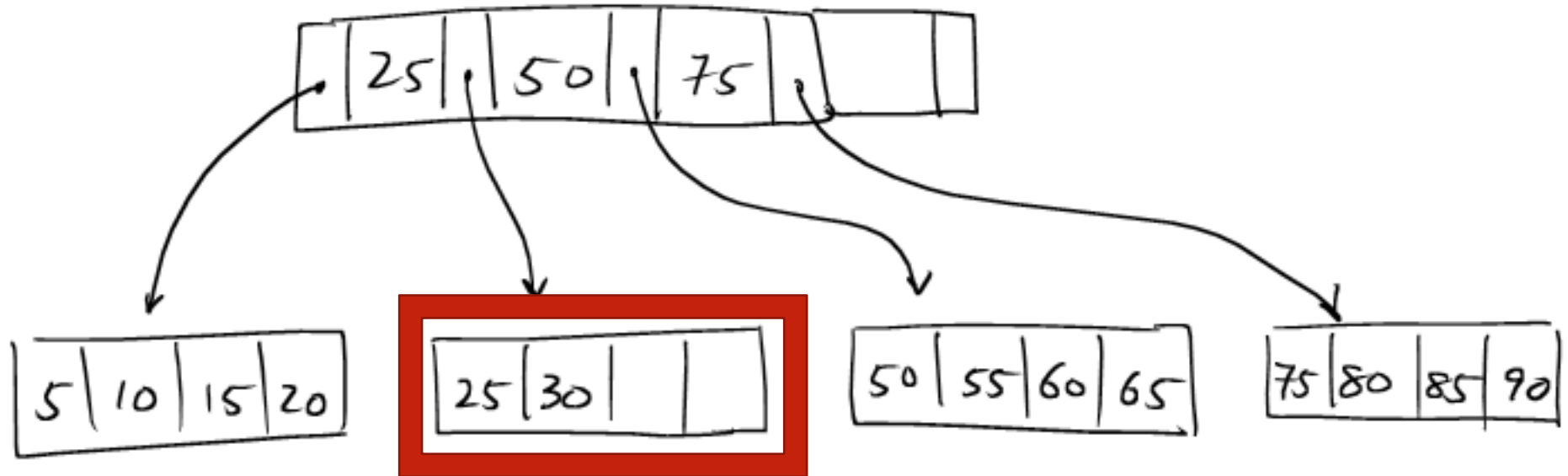
B+ Tree (insert)

Search (root, 28)



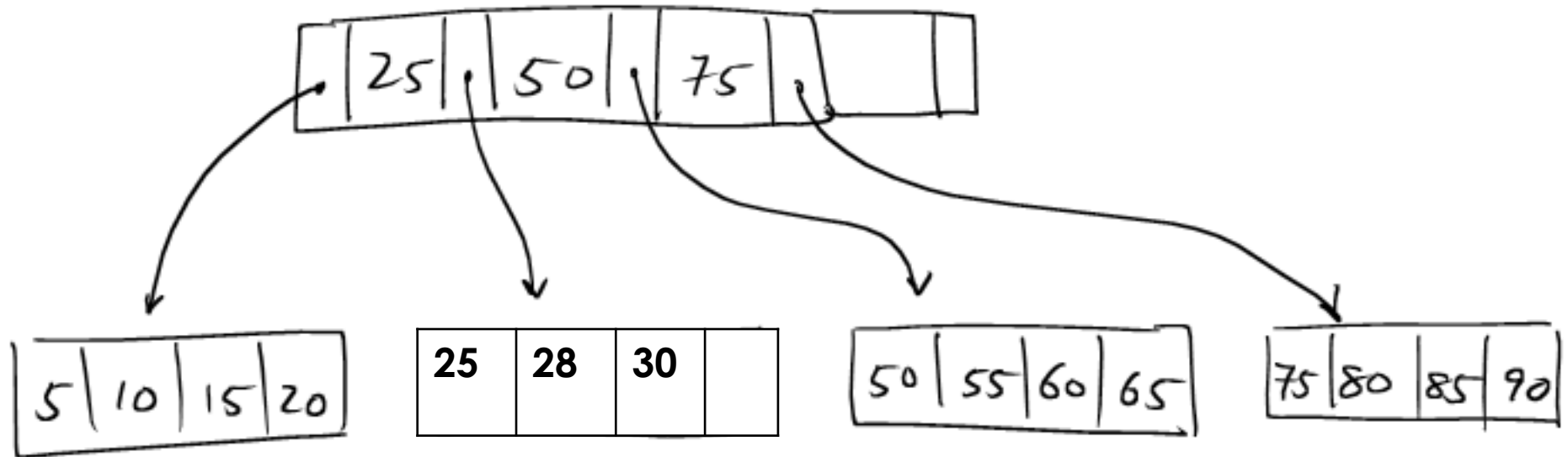
B+ Tree (insert)

Search (root, 28)



Yaprak da veri eklenecek alan var !

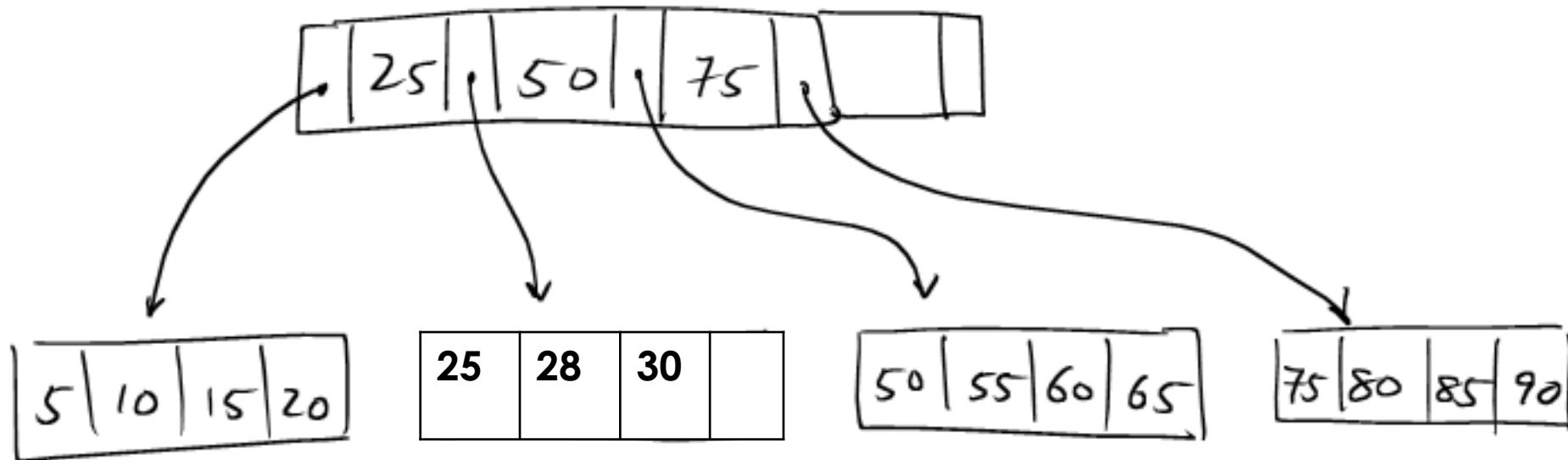
B+ Tree (insert)



Yaprak düğümde bulunan değerler
kendi içinde sıralandı

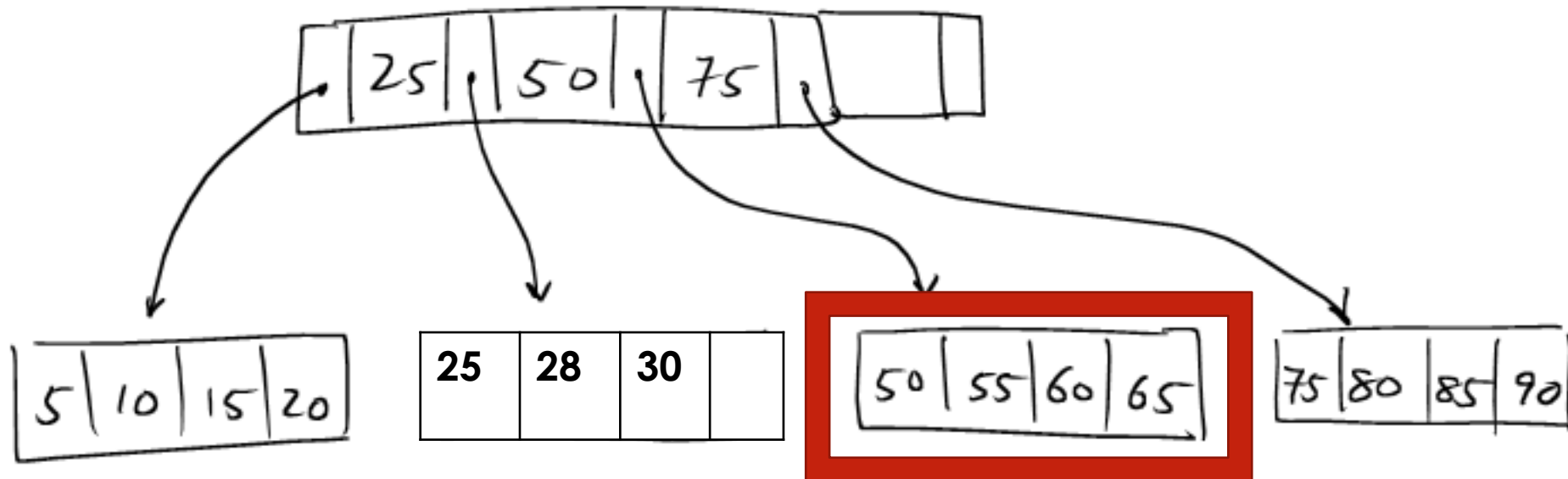
B+ Tree (insert)

70 değerini ekleyelim



B+ Tree (insert)

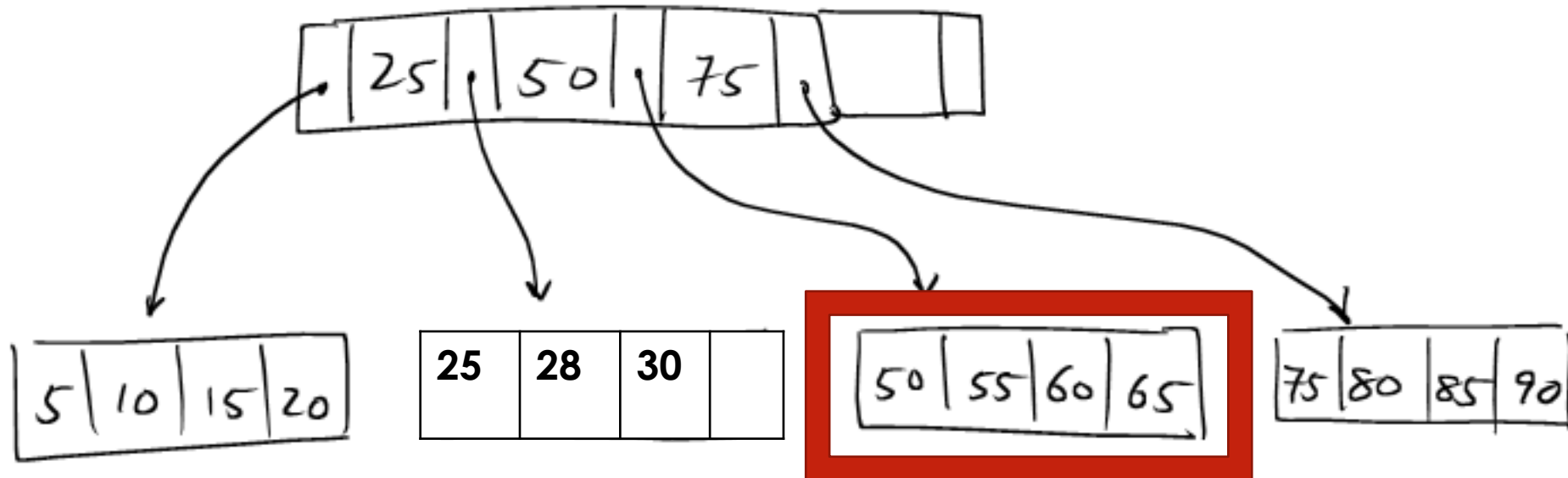
70 değerini ekleyelim



Değerin eklenmesi gereken düğüm bulunur.

B+ Tree (insert)

70 değerini ekleyelim

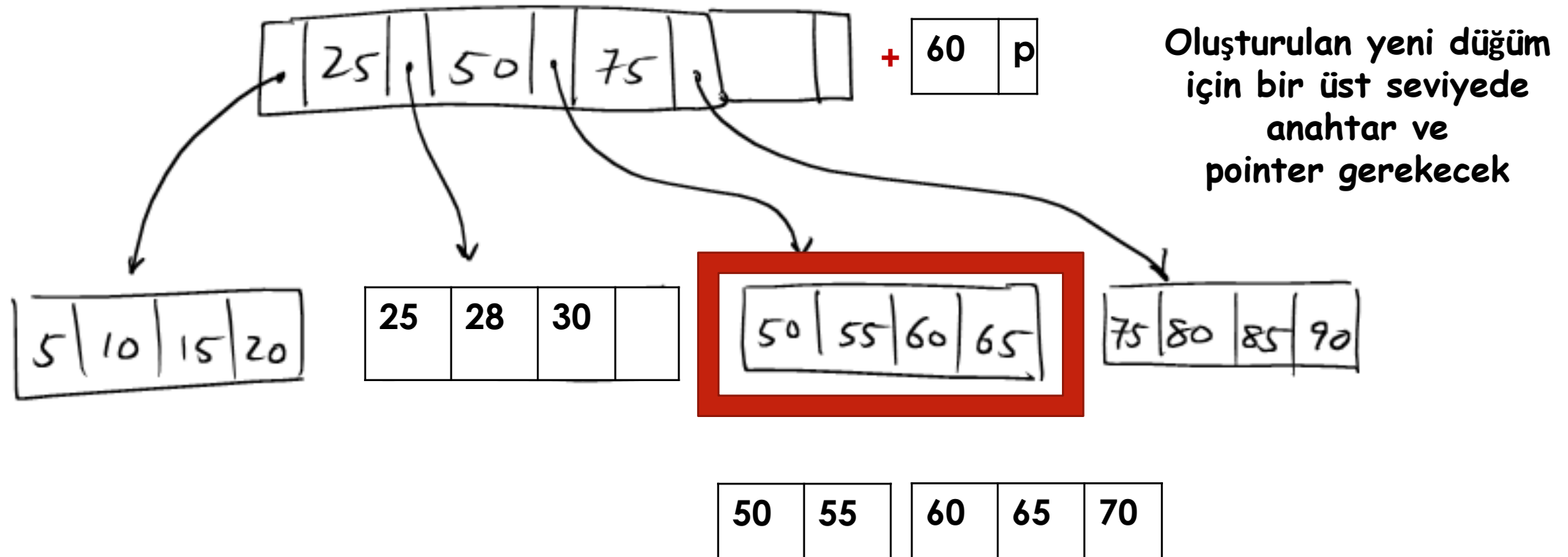


düğüm ikiye bölündü

50	55	60	65	70
----	----	----	----	----

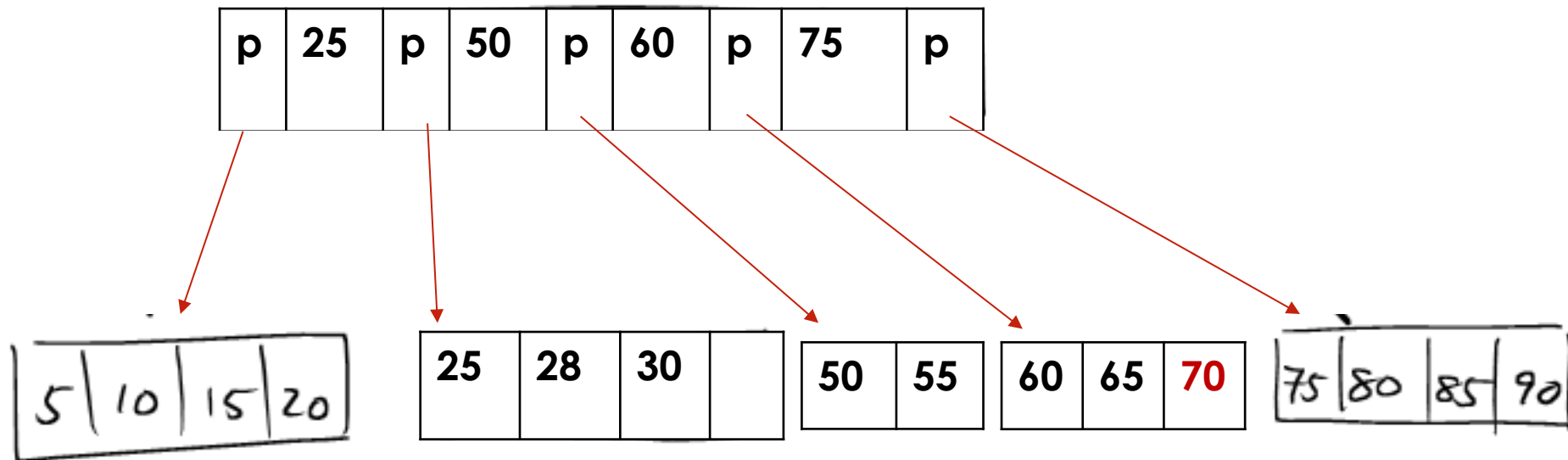
B+ Tree (insert)

70 değerini ekleyelim



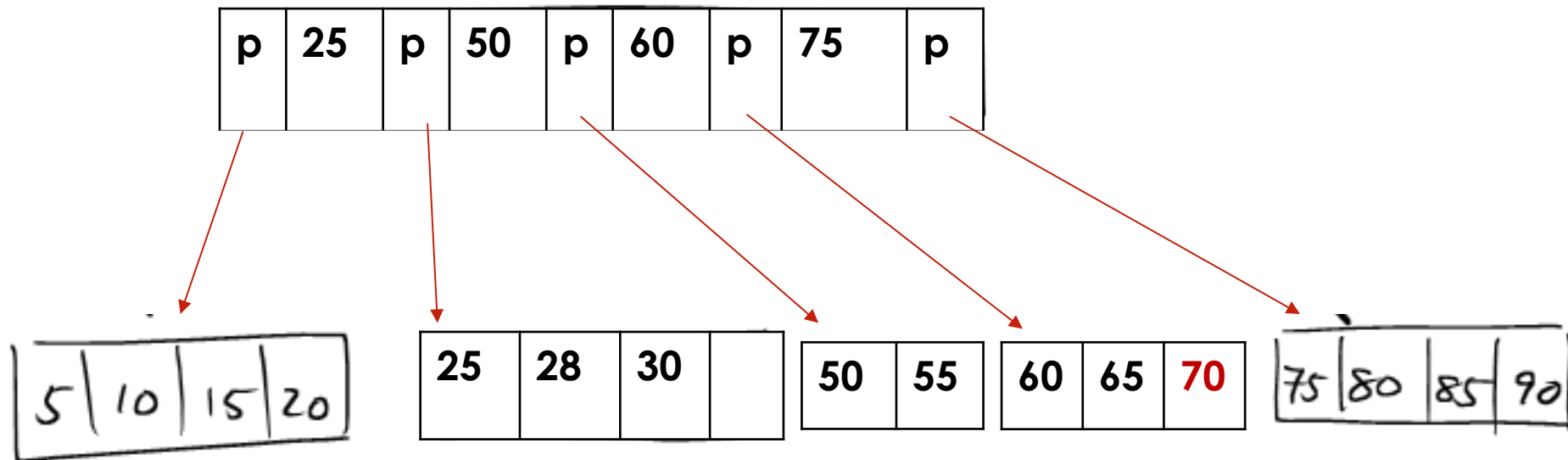
B+ Tree (insert)

70 değerini ekledikten sonra yeni ağaç



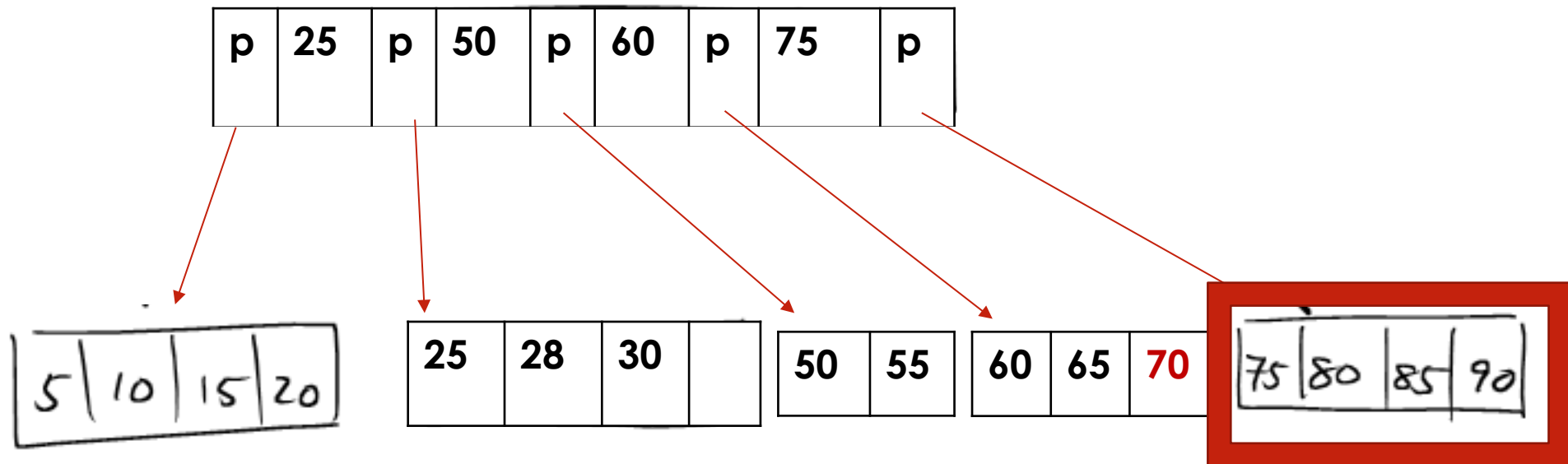
B+ Tree (insert)

Yeni ağaca 95 değerini ekleyelim



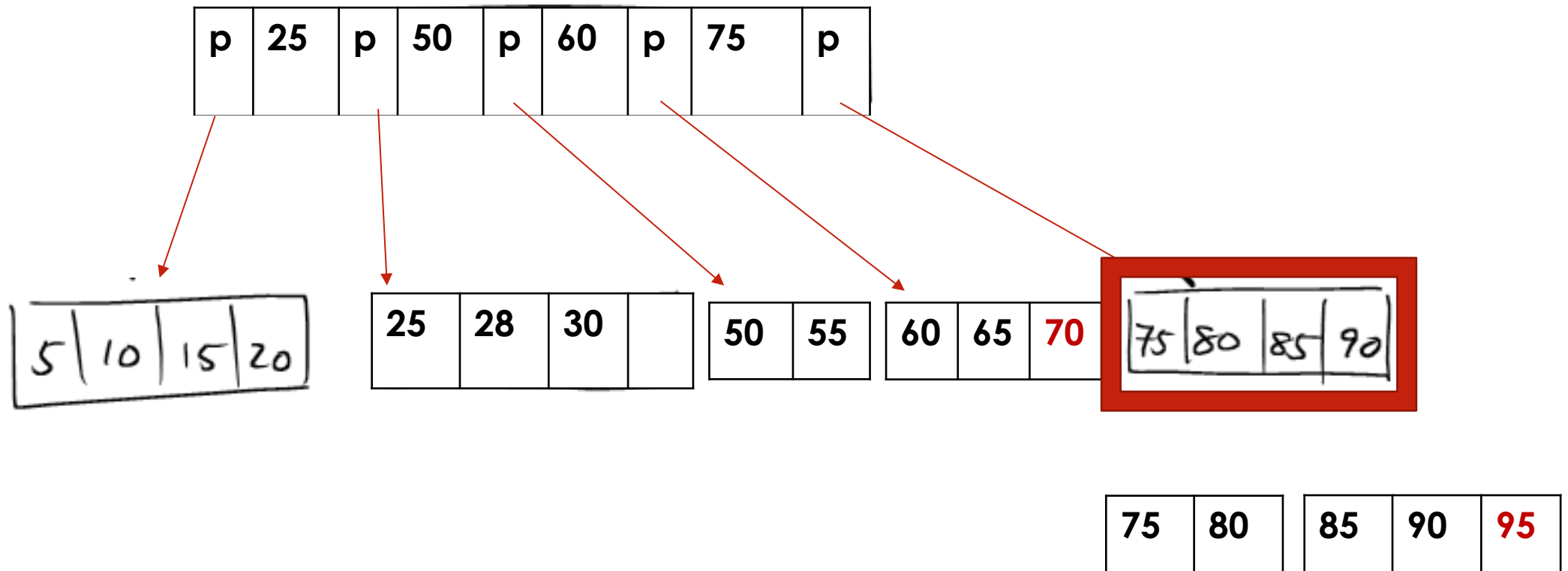
B+ Tree (insert)

95 değerini ekleyelim



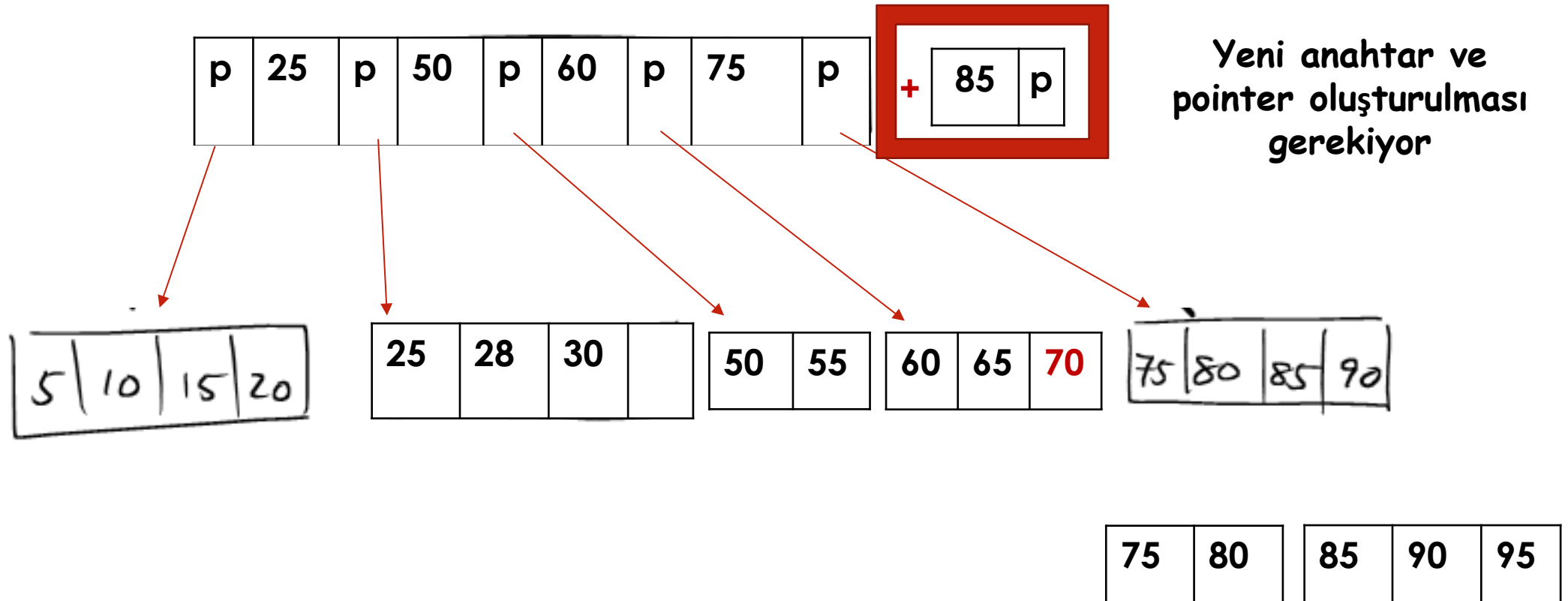
B+ Tree (insert)

95 değerini ekleyelim



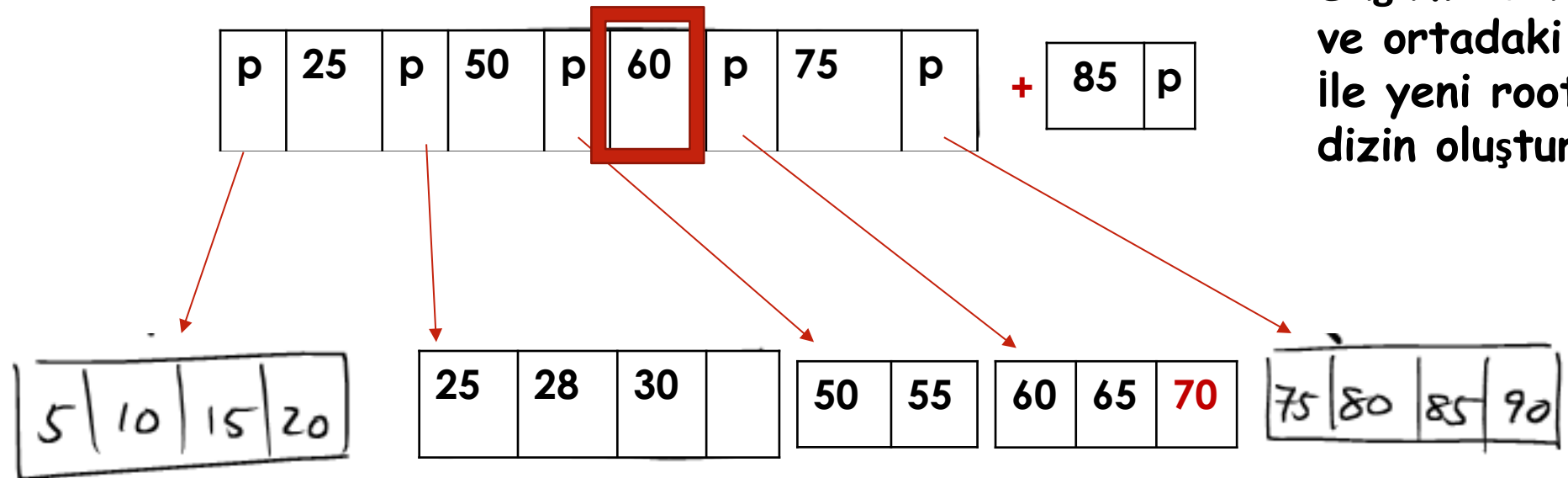
B+ Tree (insert)

95 değerini ekleyelim



B+ Tree (insert)

95 değerini ekleyelim

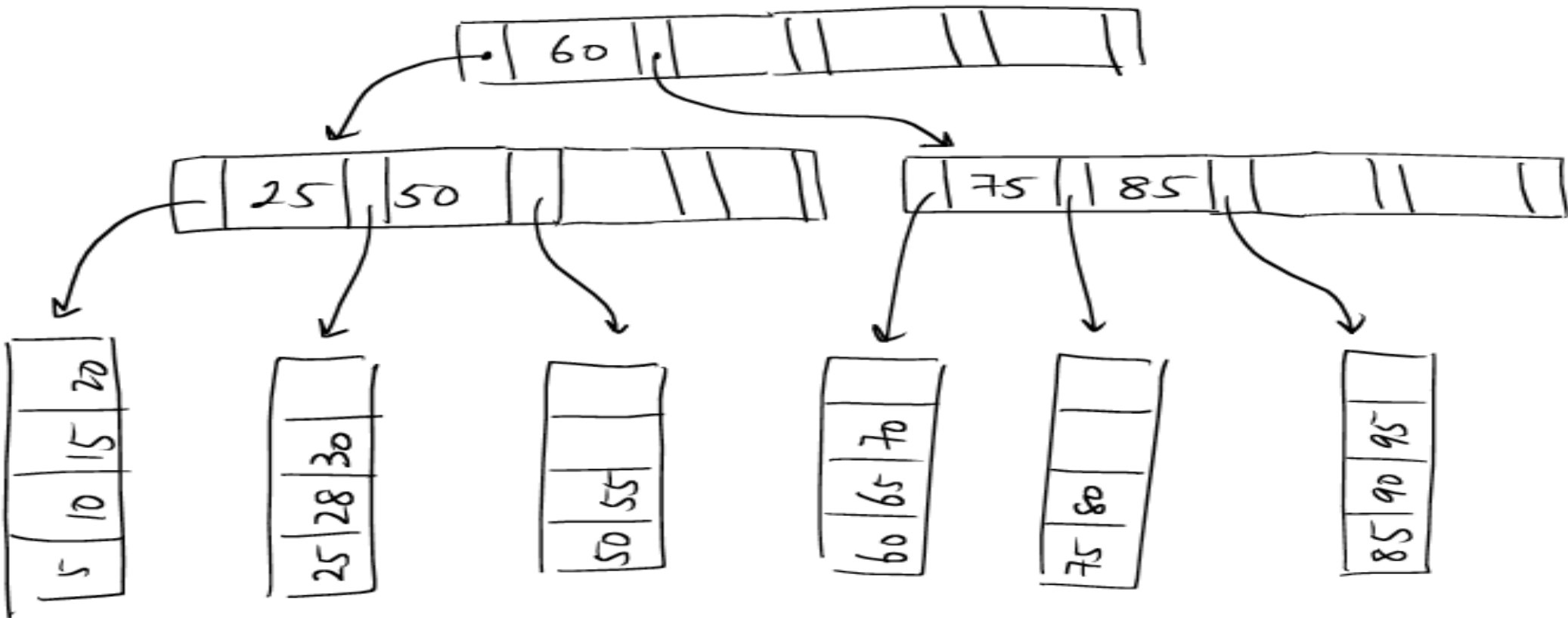


Düğüm bölünecek
ve ortadaki değer
ile yeni root (kök)
dizin oluşturulacak

75	80	85	90	95
----	----	----	----	----

B+ Tree (insert)

95 değerini ekleyelim



B+ Tree (delete)

1. Silinecek kayıttın yaprak düğümü anahtar değeri yardımıyla bulunur.
2. Silme işleminin gerçekleştirileceği düğümde ağacın derecesine eşit veya büyük sayıda kayıt varsa silme işlemi gerçekleştirilir.
3. $d \leq \text{düğümdeki kayıt sayısı} \leq 2d$ şartını sağlamıyorsa düğümler aynı parent(ebeveyn) a sahip düğümler birleştirilir (tekrar dağıtma işlemi)
4. Birleştirme işlemi gerçekleştirilirken bir üst seviyede (ebeveyn) sağdaki düğümü gösteren pointer ve anahtarı silinir
5. Bu işlem root (kök) a kadar devam eder.