Dynamique de la pauvreté

Auteurs

Cité, Pays, ##-## Mois, Années



Variation en pauvreté, croissance et redistribution

Dans Datt et Ravallion (1992) décomposent le changement dans l'indice FGT entre deux périodes, t=1 et t=2, en composantes *Croissance* et *Redistribution* comme suit:

$$\underbrace{P^2 - P^1}_{\textit{Variation}} = \underbrace{\left[P(\mu^2, \pi^1) - P(\mu^1, \pi^{t1})\right]}_{\textit{Croissance}} + \underbrace{\left[P(\mu^1, \pi^2) - P(\mu^1, \pi^1)\right]}_{\textit{Redistribution/Inegalit\'e}} + R \text{ \'esidu } / \text{ref} = 1$$

$$\underbrace{P^2 - P^1}_{\text{V ariation}} = \underbrace{\left[P(\mu^2, \pi^2) - P(\mu^1, \pi^{t2})\right]}_{\text{Croissance}} + \underbrace{\left[P(\mu^2, \pi^{t2}) - P(\mu^2, \pi^1)\right]}_{\text{Re distribution/Inégalité}} + R \text{ \'esidu} / \text{ref} = 2$$

Réf. : Période de référence.

 $P(\mu^1, \pi^1)$: L'indice FGT à la période t=1;

 $P(\mu^2, \pi^2)$: L'indice FGT à la période t=1;

 $P(\mu^2, \pi^1) \hspace{1cm} : \text{L'indice FGT à la période t=1 lorsque les revenus } \hspace{1cm} y_i^1 \hspace{1cm} \text{sont multipliés par } \hspace{1cm} \mu^2 \hspace{1cm} / \hspace{1cm} \mu^1$

 $P(\mu^1, \pi^2) \hspace{1cm} \text{: L'indice FGT à la période t=2 lorsque les revenus } \hspace{1cm} y_i^2 \hspace{1cm} \text{sont multiplies par y } \mu^1 \hspace{1cm} / \hspace{1cm} \mu^2$



Variation en pauvreté, croissance et redistribution

Avec la méthode Valeur de Shapley, on peut décomposer la variation de l'indice FGT entre deux périodes t=1 et t=2, en des composantes de croissance et de redistribution comme suit:

$$\underbrace{P_{2} - P_{1}}_{Variation} = Croissance + \text{Re } distribution$$

$$Croissance = \frac{1}{2} \Big(\Big[P(\mu^{2}, \pi^{1}) - P(\mu^{1}, \pi^{1}) \Big] + \Big[P(\mu^{2}, \pi^{t2}) - P(\mu^{1}, \pi^{2}) \Big] \Big) \Big|$$

$$\operatorname{Re}\operatorname{distribution} = \frac{1}{2} \Big(\Big[P(\mu^{\scriptscriptstyle 1}, \pi^{\scriptscriptstyle 2}) - P(\mu^{\scriptscriptstyle 1}, \pi^{\scriptscriptstyle 1}) \Big] + \Big[P(\mu^{\scriptscriptstyle 2}, \pi^{\scriptscriptstyle 2}) - P(\mu^{\scriptscriptstyle 2}, \pi^{\scriptscriptstyle 1}) \Big] \Big)$$



- Pour les mesures additives de la pauvreté, comme les indices FGT, leur niveau peut être exprimé comme une somme des contributions de la pauvreté des différents sous-groupes de population.
- Chaque sous-groupe contribue par sa part de la population et son niveau de la pauvreté. Ainsi, le changement dans la pauvreté totale entre deux périodes dépend de l'évolution de ces deux composantes.
- Si l'on note la part de la population du groupe k en période t by $\phi^t(k)$, le changement dans la pauvreté entre deux périodes peut être exprimé comme suit (voir Huppi (1991) et Duclos et Araar (2006)):



$$P^{2}(z;\alpha) - P^{1}(z;\alpha)$$

$$= \sum_{k}^{K} \underbrace{\phi^{1}(k)(P^{2}(k;z;\alpha) - P^{1}(k,z;\alpha))}_{effet de \ pauvret\'e \ sectorielle}$$

$$+ \sum_{k}^{K} \underbrace{P^{1}(k,z;\alpha)(\phi^{2}(k) - \phi^{1}(k))}_{effets \ de \ demographie \ sectorielle}$$

$$+ \sum_{k}^{K} ((P^{2}(k;z;\alpha) - P^{1}(k,z;\alpha))(\phi^{2}(k) - \phi^{1}(k)))$$

$$\underbrace{terme \ dinteraction}_{terme \ dinteraction}$$

Comme nous pouvons le constater, pour cette dernière décomposition, nous supposons que la période de référence est la première. Si la période de référence est la finale, la décomposition prend la forme suivante:



$$P^{2}(z;\alpha) - P^{1}(z;\alpha)$$

$$= \sum_{k}^{K} \underbrace{\phi^{2}(k)(P^{2}(k;z;\alpha) - P^{1}(k,z;\alpha))}_{effet de \ pauvret\'e \ sectorielle}$$

$$+ \sum_{k}^{K} \underbrace{P^{2}(k,z;\alpha)(\phi^{2}(k) - \phi^{1}(k))}_{effets \ de \ demographie \ sectorielle}$$

$$+ \sum_{k}^{K} ((P^{2}(k;z;\alpha) - P^{1}(k,z;\alpha))(\phi^{1}(k) - \phi^{2}(k)))$$

$$\underbrace{terme \ d'interaction}$$

Pour y remédier à l'arbitraire dans le choix de la période de référence, nous pouvons utiliser la méthode de décomposition de Shapley et nous trouvons alors:



$$P^{2}(z;\alpha) - P^{1}(z;\alpha)$$

$$= \sum_{k}^{K} \overline{\phi}(k)(P^{2}(k;z;\alpha) - P^{1}(k,z;\alpha))$$

$$= \underbrace{\sum_{k}^{K} \overline{\phi}(k)(P^{2}(k;z;\alpha) - P^{1}(k,z;\alpha))}_{effet de \ pauvret\'e \ sectorielle}$$

$$+ \underbrace{\sum_{k}^{R} \overline{P}(k,z;\alpha)(\phi^{2}(k) - \phi^{1}(k))}_{effet s \ de \ demographie \ sectorielle}$$

Où $\overline{\phi}(k)$ est la part moyenne de la population = $0.5(\phi^1(k) + \phi^2(k))$ et $\overline{P}(k; z; \alpha) = 0.5(P^1(k, z; \alpha) + P^2(k, z; \alpha))$. Le module de DASP module **dfgtg2d** permet de faire la décomposition sectorielle.



La méthode de comptage

Supposons que y_i^t est le revenu de l'individu i à la période t, et que μ_i est la moyenne de son revenu pour les T périodes. La pauvreté totale est définie comme suit:

$$P(\alpha; z) = \frac{\sum_{t=1}^{T} \sum_{i=1}^{N} (z - y_i^t)_+^{\alpha}}{TN}$$



La composante *pauvreté chronique* est :

$$CP(z) = \frac{\sum_{i=1}^{N} I[l_i \ge l^*] \sum_{t=1}^{T} (z - y_i^t)_{+}^{\alpha}}{TN}$$

- l_i est le nombre de périodes pour lesquelles l'individu i était pauvre.
- l^* est le seuil critique de nombre de périodes en pauvreté pour être jugé comme chroniquement pauvre.

La composante *pauvreté transitoire* est :TP(z) = P(z) - CP(z)



La matrice de transition et la **pauvreté chronique et la pauvreté transitoire**

		Période finale		
		Pauvre	Non pauvre	
Période initiale	Pauvre			
Péri init	Non pauvre)		
			Pauvreté chronique	
			Pauvreté transitoire	

Dans ce cas $l^* = 2$ est en utilise l'indice numérique de la pauvreté, i.e. $(\alpha = 0)$.



La méthode de Jalan et Ravallion (1998)

Supposons que y_i^t est le revenu de l'individu i à la période t, et que μ_i est la moyenne de son revenu pour les T périodes. La pauvreté totale est définie comme suit:

$$P(z) = \frac{\sum_{t=1}^{T} \sum_{i=1}^{N} (z - y_i^t)_+^2}{TN}$$

La composante *pauvreté chronique* est : $CP(z) = \frac{\sum_{i=1}^{N} (z - \mu_i)_+^2}{N}$

La composante *pauvreté transitoire* est :TP(z) = P(z) - CP(z)