

$$A. T(n) = \begin{cases} 1 & n=0 \\ \sum_{i=1}^n T(i), & \text{altfel} \end{cases}$$

$f(n)$  apelează  $f(n)$  (ciclul infinit) {presupunem că funcționează doar până la  $n-1$ }

$$T(0) = 1$$

$$T(1) = 1$$

$$T(2) = 2$$

$$T(3) = 4$$

$$T(4) = 8$$

observăm că  $T(n) = 2^{n-1} \forall n \geq 1$  (putem demonstra prin inducție)

$\Rightarrow$  cei doi timpi vor fi egali cu  $\Theta(2^n)$

$2^{n-1} \in \Theta(2^n)$  deoarece  $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{2^{n-1}}{2^n} = \frac{1}{2}$  (constantă, val. de dispersie)

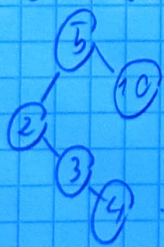
B.  $G_0$   $G_5$

	1	2	3	4	5	6	7	8	9
$G_0$									
$G_5$		2	3		35	6	10	18	8

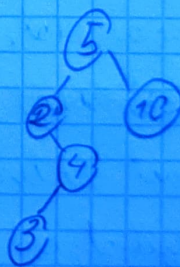
verificarea linară introduce elementele în ordine

C. (b) Contra exemplu: la arborele

Adăugăm pe 3, 4:



Adăugăm pe 4, 3:



cei 2 sunt alți arbori

$$C_2. 10 \cdot n^2 < 5 \cdot 2^{n-1} / : 5$$

$$2 \cdot n^2 < 2^{n-1} \quad \text{Testăm: } n=1 \Rightarrow 2 < 1 \quad n=6 \Rightarrow 72 < 32$$

$$n=2 \Rightarrow 8 < 2 \quad n=7 \Rightarrow 98 < 64$$

$$n=3 \Rightarrow 18 < 4 \quad n=8 \Rightarrow 128 < 128 \rightarrow \text{egal}$$

$$n=4 \Rightarrow 32 < 8 \quad n=9 \Rightarrow 162 < 256 \Rightarrow \textcircled{C}$$

$$n=5 \Rightarrow 50 < 16$$



D. Inordine  $\rightarrow$  se parcurge Subarbor stâng, Rădăcină, Subarbor drept

Complexitate:  $O(n)$

Container:

răd:  $\uparrow$  Nod, rădăcina arborelui

Nod: e:  $\uparrow$  Element, informația utilă

st:  $\uparrow$  Nod, nodul stâng

dr:  $\uparrow$  Nod, nodul drept

subalgoritm cnt(a, e, nr)

Precond: a: arbore binar

e:  $\uparrow$  Element, elementul căutat

Post. Cond nr: Întreg, indicele elementului în ordine

@aremereu dacă nu există elementul

creare(st) { creare o stivă }

rt  $\leftarrow$  a.răd

nr  $\leftarrow$  0; OK  $\leftarrow$  Fals

cât timp  $\neg$  vidă(st)  $\vee$  rt  $\neq$  NIL execută

cât timp rt  $\neq$  NIL execută

adaugă(st, rt)

rt  $\leftarrow$  [rt].st

sfârșit cât timp

sterge(st, rt)

Dacă [rt].e = e atunci

nr  $\leftarrow$  cnt

OK  $\leftarrow$  Adevărat

STOP

sfârșit dacă

rt  $\leftarrow$  [rt].dr { am parcurs toată marea stângă }

cnt  $\leftarrow$  cnt + 1

sfârșit cât timp; Dacă OK = fals atunci; @Nu există; sfârșit dacă; sfârșit subalgoritm