

0.1 分子運動論

$$\begin{aligned}\Delta\langle p \rangle &= \langle \mathbf{F}t \rangle \\ &= nN_A \times 2m\langle v_x \rangle \times \frac{\langle v_x \rangle t}{2l} \\ \langle \mathbf{F} \rangle &= \frac{nN_A m \langle v_x^2 \rangle}{l} \\ P = \frac{F}{S} &= \frac{nN_A m \langle v_x^2 \rangle}{l^3} \\ PV &= nN_A m \langle v_x^2 \rangle \\ &= \frac{1}{3} nN_A m \langle v^2 \rangle \\ &= nRT\end{aligned}$$

これを比較すると

$$\begin{aligned}nRT &= \frac{2}{3} nN_A \frac{1}{2} m \langle v^2 \rangle \\ \frac{3RT}{2N_A} &= \frac{1}{2} m \langle v^2 \rangle \\ \frac{3}{2} k_B T &= \frac{1}{2} m \langle v^2 \rangle\end{aligned}$$

Def. 0.1 (温度 T の定義).

$$\frac{3}{2} k_B T = \frac{1}{2} m \langle v^2 \rangle$$

k_B はボルツマン定数:

$$k_B = \frac{R}{N_A} = 1.38 \times 10^{-23} \text{ J K}^{-1}$$

0.2 内部エネルギー

Def. 0.2 (内部エネルギー). 内部エネルギーは系の運動エネルギーと位置エネルギーの和をいう. 特に理想気体では以下.

$$U = \frac{1}{2} m \langle v^2 \rangle \times N$$

$$\begin{aligned}U &= \frac{1}{2} m \langle v^2 \rangle \times N \\ &= \frac{3}{2} k_B T \times N \\ &= \frac{3}{2} nRT \\ &= \frac{3}{2} pV\end{aligned}$$

また内部エネルギーは系の温度によって決まる.

0.3 モル比熱

	Q	ΔU	W_{out}
定積	$nC_v\Delta T$	$nC_v\Delta T$	0
定圧	$nC_p\Delta T$	$nC_v\Delta T$	$P\Delta V$
等温	Q	0	W^*
断熱	0	$nC_v\Delta T$	$-nC_v\Delta T$
一般	Q	$nC_v\Delta T$	(P-V グラフ)

Def. 0.3 (モル比熱).

1 mol の気体を 1 K 上昇させるのに要する熱量

$$C = \frac{Q}{n\Delta T}$$

Thm. 0.4 (単原子理想気体の定積モル比熱).

$$C_V = \frac{3}{2}R$$

単原子理想気体で定積変化を考えると

$$Q = \Delta U = nC_V\Delta T$$

これと

$$\Delta U = \frac{3}{2}nR\Delta T$$

を比較して

$$C_V = \frac{3}{2}R$$

を得る.(単原子理想気体の定積モル比熱) これより

Thm. 0.5 (Mayer の関係式).

$$C_P = C_V + R$$