## 0.1 Maxwell 方程式

Law 0.1.

$$\nabla \cdot \vec{E} = \frac{\rho}{\varepsilon}$$

$$\nabla \cdot \vec{B} = 0$$
(0.1)

$$\nabla \cdot \vec{B} = 0 \tag{0.2}$$

$$\nabla \times \vec{E} = -\frac{\partial \vec{B}}{\partial t} \tag{0.3}$$

$$\nabla \times \vec{B} = \mu \varepsilon \frac{\partial \vec{E}}{\partial t} + \mu \vec{j} \tag{0.4}$$

## 0.1.1 Gauss の法則

Law 0.2.

$$\int_{S} \mathbf{E} \cdot \mathbf{n} ds = \frac{Q}{\varepsilon_0}$$

## 0.1.2 Ampère の法則

Law 0.3 (アンペールの法則).

閉回路上の磁場の大きさの総和は閉回路を貫く総電流に等しい.

すなわち

$$\oint_{\partial S} \boldsymbol{H} \cdot d\boldsymbol{l} = \int_{S} \boldsymbol{J} \cdot d\boldsymbol{S} = I$$

ただし、

H:磁場の強さ、J:電流密度、I:積分領域 S を貫く総電流、dl:線素ベクトル、dS:面素ベクトル、 $\partial S:$ 面 Sの境界

またこれゆえに

$$rot \boldsymbol{H} = \nabla \times \boldsymbol{H} = \boldsymbol{J}$$

 ${f Thm.}$  0.4. 無限に長い直線電流が距離 r の位置に成す磁場の大きさ H は

$$H = \frac{I}{2\pi r}$$

Prf.

$$\oint_{S} \boldsymbol{H} \cdot d\boldsymbol{l} = 2\pi r = I$$

0.1.3 Faraday の電磁誘導の法則

Law 0.5.

$$V = -N \frac{\Delta \Phi}{\Delta t}$$

(N は巻き数)

さらに

$$\oint_{S} \mathbf{E} \cdot d\mathbf{s} = -\frac{d\Phi_{B}}{dt}$$

$$\nabla \times \mathbf{E} = -\frac{\partial \mathbf{B}}{\partial t}$$

## 0.2 静電磁場

- 0.2.1 静電ポテンシャル
- 0.2.2 ポアソン方程式
- 0.2.3 定常電流
- 0.2.4 ビオ・サバールの法則

Law 0.6 (ビオ・サバールの法則).

微小な長さの電流要素 Idl から r 離れた位置に作られる微小な磁場 dH は

$$d\boldsymbol{H} = \frac{Id\boldsymbol{l}\times\boldsymbol{r}}{4\pi r^3} = \frac{Id\boldsymbol{l}}{4\pi r^2}\times\frac{\boldsymbol{r}}{r}$$

 ${f Thm.}$  0.7. 半径 r の円電流の中心に生じる磁場の大きさ H は

$$H = \frac{I}{2r}$$

Prf.

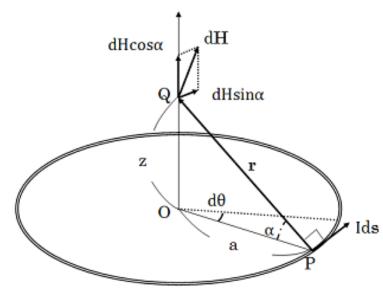
$$\begin{split} H &= \left| \oint_I \frac{I d \boldsymbol{l} \times \boldsymbol{r}}{4 \pi r^3} \right| \\ &= \frac{I \times 2 \pi r^2}{4 \pi r^3} \\ &= \frac{I}{2r} \end{split}$$

**Thm. 0.8.** IA の電流が流れる、単位巻き数 n ソレノイドコイル中心軸上の点における磁場の大きさ H' は 左右にコイルが長く続くとき、

$$H' = nI$$

コイルの端のとき,

$$H' = \frac{nI}{2}$$



Prf.

上図で

$$r = \sqrt{a^2 + z^2}, \cos \alpha = \frac{a}{r}$$

である.

また

$$\frac{\pi}{2} - \alpha = \beta$$

とおく.(図の都合上このようにおいている)

dH の面に平行な成分  $dH_{\parallel}=dH\sin\alpha$  は等方性より周回積分すると 0 に等しい. よって  $dH_{\perp}=dH\cos\alpha$  の みを考える.

$$dH_{\perp} = \frac{1}{4\pi} \frac{I \cos \alpha d\boldsymbol{l} \times \boldsymbol{r}}{r^3}$$

ここで dl=ad heta を用いて

$$H_{\perp} = \int \frac{1}{4\pi} \frac{I \cos \alpha a d\theta \times r}{r^3}$$

$$(= \oint_I dH_{\perp} \cos \alpha)$$

$$= \frac{I}{4\pi r^2} 2\pi a \cos \alpha$$

$$= \frac{I \cos^3 \alpha}{2a}$$

$$= \frac{I \sin^3 \beta}{2a}$$

(これより z=0 のとき  $H=\frac{I}{2a}$  を得る.)

このことよりソレノイドコイルのうち ndz 個のコイルが仰角 lpha 方向に成す微小磁場 dH' は

$$dH' = \frac{I\sin^3\beta}{2a} \times ndz$$

また

$$dz = -\frac{r}{\sin^2 \beta} d\beta$$
$$\therefore dH' = -\frac{nI}{2} \sin \beta d\beta$$

以上より左右にコイルが長く続く点の磁場は

$$H' = \int_{\beta=0}^{\pi} dH' = nI$$

コイルの端の点の磁場は

$$H' = \int_{\beta=0}^{\frac{\pi}{2}} dH' = \frac{nI}{2}$$

- 0.2.5 アンペールカ, ローレンツカ
- 0.2.6 コンデンサー
- 0.3 動電磁場
- 0.4 回路
- 0.4.1 キルヒホッフの法則