

# Sisältö

|          |  |           |
|----------|--|-----------|
| <b>1</b> | <b>Johdanto</b>  | <b>1</b>  |
| <b>2</b> | <b>Enzo</b>  | <b>2</b>  |
| 2.1      | Hila . . . . .   | 2         |
| 2.2      | Numeerinen ratkaiseminen . . . . .                       | 3         |
| <b>3</b> | <b>yt</b>  | <b>5</b>  |
| 3.1      | Käyttäjän ja simulaatiodatan välinen rajapinta . . . . . | 5         |
| 3.2      | Rinnakkaistaminen . . . . .                              | 6         |
| 3.3      | Visualisoinnin upottaminen simulaatiokoodiin . . . . .   | 7         |
| 3.4      | Kuvien luominen . . . . .                                | 7         |
| 3.4.1    | Läpileikkaukset ja projektiot . . . . .                  | 7         |
| 3.4.2    | 3D . . . . .   | 8         |
| <b>4</b> | <b>Supermassiiviset mustat aukot</b>                     | <b>10</b> |
| 4.1      | Havainnot . . . . .                                      | 10        |
| 4.2      | Eddingtonin luminositeetti . . . . .                     | 10        |
| 4.3      | Mustien aukkojen synty . . . . .                         | 12        |
| 4.4      | Tutkittava simulaatio . . . . .                          | 12        |
| <b>5</b> | <b>yt:n sovelluksia</b>                                  | <b>14</b> |
| 5.1      | Läpileikkaukset . . . . .                                | 14        |
| 5.2      | Projektiot . . . . .                                     | 15        |
| 5.3      | 3D . . . . .   | 17        |
| 5.4      | Usean kuvaajan plotit . . . . .                          | 18        |
| 5.4.1    | Ongelmat . . . . .                                       | 19        |
| 5.4.2    | Muutokset yt:n lähdekoodissa . . . . .                   | 20        |
| <b>6</b> | <b>Johtopäätökset</b>                                    | <b>22</b> |
|          | <b>Viitteet</b>  | <b>23</b> |
| <b>A</b> | <b>3D-animaatio spiraaliradalla kohdetta lähestyen</b>   | <b>25</b> |
| <b>B</b> | <b>Kaksi läpileikkausta samassa plotissa</b>             | <b>27</b> |

|                              |    |
|------------------------------|----|
| C Nelikenttä                 | 28 |
| D yt:n lähdekoodin muutokset | 31 |

# 1 Johdanto

## 2 Enzo

Enzo on astrofysikaalisten fluidien simulointiin käytettävä ilmainen ja avoin simulaatio-koodi, joka on suunniteltu kosmologisten rakenteiden simulointiin. Se tukee muun muassa hydrodynamiikkaa, ideaalista ja epäideaalista magnetohydrodynamiikkaa, N kappaleen simulaatioita, kaasupilvien kemialla, säteilykuljetusta, tähtien syntyä sekä maailmankaikkeuden laajenemista. [11]

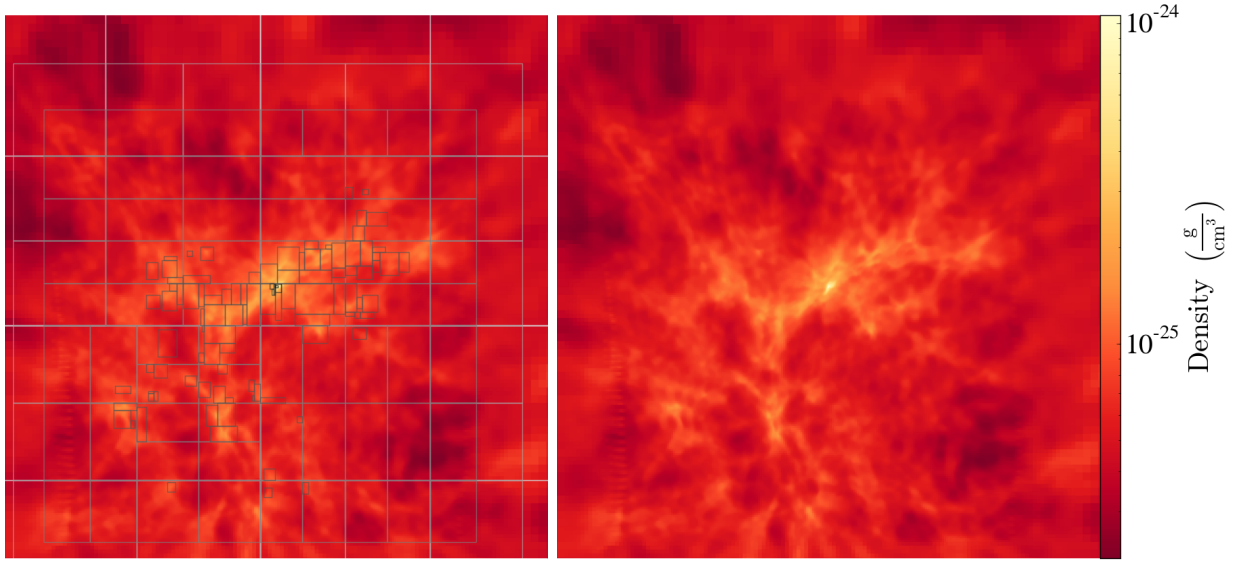
Enzo hyödyntää mukautuvaa hilantihennystä (*Adaptive Mesh Refinement*, AMR), joka mahdollistaa aika- ja paikkaresoluution kasvattamisen simulaation kiinnostavilla alueilla. Tämä on tärkeää, sillä usein melko pienellä alueella tarvitaan suurta resoluutiota, mutta koko simulaation ajaminen näin suurella tarkkuudella veisi kohtuuttoman paljon aikaa. Kullekin paikalle valitaan sopiva resoluutio automaattisesti käyttäjän määrittelemien ehtojen mukaan. [11]

### 2.1 Hila

Simuloitava alue katetaan kokonaan hilalla, jonka tiheys valitaan sellaiseksi, että saavutetaan pienin haluttava resoluutio. Tämä niinkutsuttu juurihila toimii juurena muiden hilojen muodostamalle hierarkialle, joka muodostuu, kun juurihilasta valitaan alueita simuloitavaksi korkeammalla resoluutiolla. [11]

Kaikki hilat ovat karteesisia ja suorakulmaisia. Alueille, joilla tarvitaan esimerkiksi suuremman tiheyden takia korkeampaa resoluutiota, asetetaan juurihilan kanssa päällekkäin toinen, hienompi hila. Näitä sisäkkäisiä hiloja voi tarvittaessa olla teoriassa mielivaltaisen monta. Kuvassa 1 on selvästi nähtävillä hilojen mukauttaminen tutkittavaan alueeseen: tiheillä tai muuten kiinnostavilla alueilla kätetään pienempiä ja tiheämpiä hiloja. [11]

Kullakin hilalla juurihilaa lukuun ottamatta on vanhempi, joka sisältää hilan kokonaan. Yhdellä hilalla voi olla useita lapsia, mutta aina vain yksi vanhempi. Näin hilat muodostavat puumaisen rakenteen. Tavallisesta puita koskevasta nimeämiskäytännöstä poiketen sisaruksiksi kutsutaan kaikkia niitä hiloja, joiden resoluutio on sama eli ne sijaitsevat puussa samalla tasolla. [11]



Kuva 1: Läpileikkaus  $100 \text{ pc}^2$  alueesta Enzo-simulaatiosta (julkaisua Regan et al. 2015 varten), jonka hilojen rajat näkyvillä (vasen kuva) sekä ilman niitä (oikea kuva). Tiheämmillä alueilla solut ovat pienempiä. Resoluution heikentyminen simulaation reuna-alueilla sijaitsevista suuremmissa ja harvemmissa hiloissa on selvästi nähtävissä oikeanpuoleisessa kuvassa.

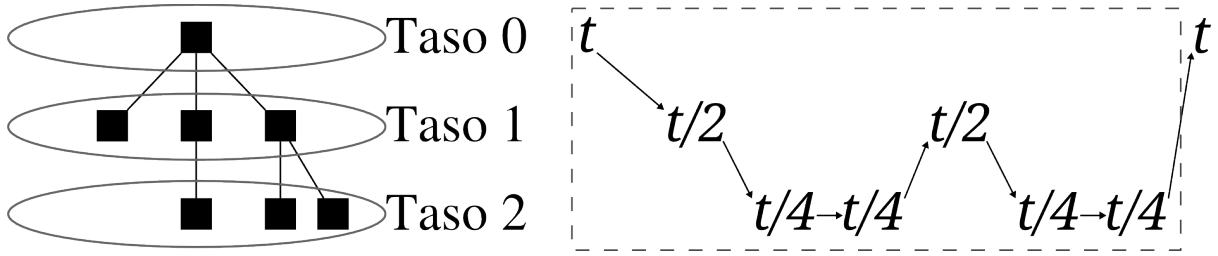
Hienompia hiloja luotaessa valitaan hilan solujen koko siten, että hila rajoittuu reunoistaan vanhempiensa solujen tahkoihin. Lisäksi solun vanhemman sivun pituuden tulee olla jokin monikerta solun sivun pituudesta. [11]

Kukin hila koostuu varsinaisen datan tallettavien aktiivisten vyöhykkeiden (*active zone*) lisäksi haamuvyöhykkeistä (*ghost zone*), joita käytetään laskennassa tarvittavien aktiivisten vyöhykkeiden arvojen päivittämiseen tarvittavien naapurisolujen varastointiin väliaikaisesti. Hydrodynamiikkaa varten haamuvyöhykkeitä on kolme kerrosta kullakin aktiivisen vyöhykkeen tahkolla. Haamuvyöhykkeiden arvot saadaan interpoloimalla hilan vanhemmasta tai kopioimalla sisaruksista. [15, 11]

## 2.2 Numeerinen ratkaiseminen

Enzo tarkastelee kutakin hilaa omana ongelmanaan ratkaisten tarvittavat yhtälöt kullekin hilalle erikseen käyttäen reunaehtoina haamuvyöhykkeistä saatavia arvoja. Aluksi määritetään halutun tarkkuuden saavuttamiseksi tarvittava aika-askel kullekin puun tasolle. Tämän jälkeen aletaan tasoja käydä läpi W-syklin mukaisesti (kuva 2). [11]

W-syklissä kunkin tason kaikille hiloille lasketaan aluksi niiden tila yhden aika-askelen kuluttua. Laskeminen aloitetaan juurihilasta se etenee tasoittain, kunnes kaikki AMR-



Kuva 2: Vasemmalla kolmitasoinen hierarkia hiloja ja oikealla niiden läpikäyntijärjestys W-syklissä ja aika-askeleiden pituudet kun oletetaan, että tason  $l + 1$  aika-askel on puolet tason  $l$  aika-askeleen pituudesta ja tason 0 aika-askeleen pituus on  $t$ . Katkoviivalla on erotettu vaiheet, joiden jälkeen kunkin tason hilat ovat edenneet ajan  $t$  verran eli ollaan jälleen alkutilannetta vastaavassa tilanteessa, jolloin sykli alkaa uudelleen.

puun lehdet on käsitelty. Seuraavaksi puun alimmalla tasolla olevia hiloja edistetään niin monta aika-askelta kuin tarvitaan, jotta saavutetaan ylempi taso, jonka hiloja edistetään myös yhden aika-askeleen verran. Tämän jälkeen alimman tason hiloja edistetään taas, kunnes ylempi taso on jälleen saavutettu. [11]

Hilojen edistämistä jatketaan näin, edistäen aina tason  $l$  hiloja, kunnes ne saavuttavat tason  $l - 1$  hilat, jolloin tason  $l - 1$  hiloja edistetään jälleen yhden aika-askeleen verran. Näin seuraava aika-askel lasketaan aina sille tasolle, jolla aikaa simulaation alusta on kulunut vähiten. Kun hiloja on edistetty niin pitkälle, että on jälleen aika edistää tason 0 hilaa, sykli alkaa alusta. [11]

## 3 yt

`yt` on avoimen lähdekoodin Python-paketti, joka mahdollistaa simulaatiotulosten helpon lukemisen, analysoinnin ja visualisoinnin. Kehitystyön alkuvaiheessa se sopi käytettäväksi vain Enzo-simulaatioiden kanssa, mutta nykyään sillä voidaan suoraan lukea sekä muiden AMR-simulaatioiden (kuten RAMSES tai BoxLib) että N kappaleen simulaatioiden (esimerkiksi Gadget) tuloksia. [19]

### 3.1 Käyttäjän ja simulaatiodatan välinen rajapinta

`yt` abstrahoi hyvin voimakkaasti lukemansa datan, jolloin käyttäjä voi keksittyä fysikaalisiin rakenteisiin, joita simulaatio edustaa. Kun käyttäjä on ladannut simulaatiodatan, voi siitä tarkastella esimerkiksi pallomaista aluetta antamalla alueen keskustan koordinaatit ja pallon säteen ilman, että käyttäjän tarvitsee esimerkiksi etsiä niitä hiloja, jotka kattavat alueen parhaalla mahdollisella resoluutiolla tai tietää, missä tiedostoissa data on tallennettuna. Lisäksi `yt` huolehtii yksikkömuunnoksista. [19]

Koska dataa käsitellään abstrakteina olioina, voidaan samaa ohjelmaa käyttää myös eri simulaatioista saadun datan kanssa vaihtamalla luettavaa datasettiä. Esimerkiksi alla oleva koodisegmentti lataa sijainnissa "data" olevan simulaation muistiin ja plottaa sen jälkeen sivultaan 500 kpc olevan alueen poikkileikkauksen tiheyden ja tallentaa sen. Ohjelma ei ota kantaa luettavan datan muotoon, ja onkin siksi helposti käytettävissä minkä tahansa `yt`:n tukeman datasetin kanssa ainoastaan vaihtamalla datasettiä ladattaessa annettavaksi parametriksi halutun datan sijainti [19, 1].

```
1 import yt
2 dataset = yt.load("data")
3 plot = yt.SlicePlot(dataset, "x", "density", width = (500,
4   "kpc"))
5 plot.save("slice.png")
```

Simulaatiodatassa olevien tietojen lisäksi `yt` pystyy laskemaan datasta myös monia muita suureita kuten vaikkapa kulmaliikemäärän, maksimi- ja minimiarvoja sekä niiden sijain-teja tai massakeskipisteen sijainnin. Lisäksi käyttäjän on mahdollista luoda omia kenttiä.

Alla on yt:n dokumentaatiosta<sup>1</sup> mukailtu esimerkki koodinpätkästä, jolla lisättäisiin paine yt:n tuntemien kenttien joukkoon. Uudelle kentälle määritellään nimen ja funktion lisäksi myös yksikkö. [19, 2]

```
1 def _pressure(field, data):
2     return (data.ds.gamma - 1.0) * data["density"] *
        data["thermal_energy"]
3 yt.add_field("pressure", function=_pressure,
        units="dyne/cm**2")
```

Laskettujen suureiden laskemisen jälkeen yt tarjoaa laajan valikoiman työkaluja tulosten visualisointiin. Aiemmin esitellyjen halkileikkausten lisäksi yt:llä voi luoda muun muassa erilaisia profileja, painottamattomia tai painotettuja projektioita tai 3D-renderöintejä. [19]

## 3.2 Rinnakkaistaminen

Usein visualisoitavaa dataa on hyvin paljon ja tietokoneiden kehittyessä sen määrä edelleen lisääntyy, jolloin rinnakkaislaskennan käyttö myös datan analysoinnissa tulee tärkeämmäksi ja tärkeämmäksi. yt käyttää mpi4py-moduulia mahdollistaakseen datan rinnakkaisen käsittelyn niissä tehtävissä, jotka ovat helposti rinnakkaistettavissa. Tällaisia ovat esimerkiksi tehtävät, joissa simuloitava alue voidaan jakaa eri prosessorien kesken. Muun muassa projistointi on mahdollista toteuttaa siten, että kukin prosessori laskee tietyn joukon näköseiteitä, jotka lopuksi yhdistetään yhdeksi plotiksi. [19]

Käyttäjä voi ottaa rinnakkaistuksen käyttöön ohjelmassaan yksinkertaisesti lisäämällä ohjelmansa alkuun rivin `yt.enable_parallelism()`. Lisäksi ohjelman suorittamiseen on luonnollisesti käytettävä `mpirun`-komentoa. Tällöin yt osaa rinnakkaistaa esimerkiksi projektioiden, poikkileikkausten, profilien ja 3D-renderöintien luonnin sekä halojen etsimisen. Tarvittaessa joitain operaatioita voidaan suorittaa sarjallisesti esimerkiksi tarkastamalla funktion `yt.is_root()` palauttama arvo, joka palauttaa arvon `True` jos kutsumalla prosessorilla on MPI rank 0, muuten `False`. [19, 4]

yt pystyy käsittelemään myös useita datasettejä tai objekteja rinnakkain. Käyttämällä jokerimerkkejä kuten `*` ja `?` dataa ladattaessa, voidaan kerralla ladata useita datasettejä tai objekteja käsiteltäväksi rinnakkain. Tämän jälkeen ne voidaan käydä läpi käyttäen `piter()`-funktiota, joka jakaa käsiteltävät oliot prosessorien kesken. [4]

<sup>1</sup>[http://yt-project.org/doc/developing/creating\\_derived\\_fields.html](http://yt-project.org/doc/developing/creating_derived_fields.html)



## 3.3 Visualisoinnin upottaminen simulaatiokoodiin

Vaikka simulaation tila voidaan tarvittaessa tallentaa vaikka jokaisen aika-askeleen jälkeen, on prosessi hidas ja vaatii suuria tai pitkäkestoisia simulaatioita ajettaessa kohtuuttoman paljon levytilaa. Python/C API (*Application programming interface*, ohjelmointirajapinta) mahdollistaa muistissa olevan datan antamisen Python-tulkille simulaation sisällä. `yt` puolestaan tarjoaa API:n jolla simulaation informaatio voidaan välittää analyysipaketille ja `yt`:tä voidaan käyttää ajossa olevan simulaation analysointiin. [19]

Kun simulaation outputteja ei tarvitse tallentaa visualisointia varten, voidaan kuvia tai plotteja tallentaa huomattavasti useammin ja saavutetaan huomattavasti parempi tarvittavan tallennustilan ja tallennetun hyödyllisen informaation määrän suhde, sillä simulaation outputin koko liikkuu usein gigatavujen luokassa kun taas esimerkiksi kuvat ovat vain joitain kymmeniä tai satoja kilotavuja. Tyypillisesti dataa redusoidaan voimakkaasti joka tapauksessa, joten alkuperäisen outputin tallentaminen ei välttämättä ole mielekästä niin usein kuin esimerkiksi sulavan animaation tuottamiseksi on tarpeen. [19]

## 3.4 Kuvien luominen

`yt` piilottaa paljon plottien luomiseen tarvittavista esimerkiksi datan tallennusmuotoon tai numeeristen arvojen väreiksi muuttamiseen liittyvistä toimista. On kuitenkin ohjelman suorituskyvyn ja tuotettujen kuvien ymmärtämisen kannalta tärkeää ymmärtää jonkin verran myös `yt`:n toimintaa. Alla on eritelty muutamien kuvien luomisen mekaniikkaa hieman käyttäjälle näytettävää pintaa syvemältä.

### 3.4.1 Läpileikkaukset ja projektiot

Läpileikkausten ja projektioiden luominen `yt`:llä on pääpiirteissään melko samanlaista, tärkeimpänä erona käsiteltävän data-alueen laajuus. Läpileikkausten luominen on tyypillisesti melko nopeaa, sillä niiden tekemiseksi täytyy käydä läpi vain ohut viipale datasetistä. Plotti luodaan hakemalla ensin tarvittava data datasetistä suurimmalla mahdollisella resoluutiolla `FixedResolutionBuffer`-luokkaan (FRB), josta muodostetaan kuva käyttäjän määrittelemästä kohdasta. Samaa FRB:tä voidaan käyttää useiden kuvien renderöintiin mikäli kuvaa halutaan esimerkiksi zoomata tai panoroida. Tämä nopeuttaa kuvien luomista hieman. [3]

Projektioiden luominen `yt`:llä onnistuu pääpiirteissään samalla tavoin kuin läpileikkaus-

tenkin. Projektiota luotaessa täytyy käydä läpi koko näkösäde kutakin lopullisen kuvan pikseliä kohden, joten niiden luominen on tyypillisesti hieman hitaampaa kuin läpileikkausten. Ne tuovat kuitenkin usein läpileikkauksia paremmin esiin näkösäteen suunnassa laajempia rakenteita. Kuten läpileikkauksiakin, myös projektioita voi tehdä myös muissa kuin simulaation koordinaattiakselien suunnissa käyttäen `OffAxisProjectionPlot`-luokkaa. [3]

Projektiota luotaessa pikselien arvot voidaan määrittää usealla eri tavalla. Yleisimpiä näistä ovat painotettu ja painottamaton integrointi, joka määritetään asettamalla `method=integrate`. Mikäli `weight_field`-parametria ei ole asetettu, lasketaan painottamaton keskiarvo yhtälön 1 mukaisesti integroimalla haluttu kenttä  $f(x)$  näkösäteen  $\hat{n}$  suunnassa tutkittavan alueen yli. Tällöin projisoidun kentän yksikkö on alkuperäisen kentän yksikkö kerrottuna pituusyksiköllä. Mikäli `weight_field` on määritetty, lasketaan kentän painotettu keskiarvo yhtälön 2 mukaisesti. Tällöin myös yksikkö säilyy projisoinnissa samana. [3]

$$g(X) = \int f(x) \hat{n} \cdot dx \quad (1)$$

$$g(X) = \frac{\int f(x) w(x) \hat{n} \cdot dx}{\int w(x) \hat{n} \cdot dx} \quad (2)$$

Muita mahdollisia projisointitapoja ovat `mip` ja `sum`. Näistä ensimmäinen valitsee projisoitavan kentän maksimiarvon kullakin näkösäteellä ja jälkimmäinen integroinnin sijaan summaa kentän arvot näkösäteellä ottamatta huomioon kuljetun polun pituutta. Siksi `sum` sopiikin käytettäväksi vain sellaisten gridien kanssa, joiden solut ovat vakio kokoisia, sillä muuten syntyvä kuva saattaa olla hyvin epäfysikaalinen. Kumpikin säilyttää alkuperäisen kentän yksiköt. [3, 7]

### 3.4.2 3D

`yt` tarjoaa myös mahdollisuuden kolmiulotteisten rakenteiden tarkastelemiseen tilavuusrenderöimällä. Kuten kaksiulotteisissakin ploteissa myös tilavuusrenderöinnissä voidaan käyttää mitä tahansa simulaatiodatan kenttää, jolloin esimerkiksi katselusuuntaa kääntämällä tai zoomaamalla kohti kiinnostavia alueita voidaan simulaation kiinnostavia piirteitä tuoda esiin joissain tilanteissa havainnollisemmin kuin läpileikkauksilla tai projektioilla. [5]

Tilavuusrenderöintiä varten on ensin luotava color transfer function, jonka perusteella määritetään tarkasteltavan tilavuuden emissio ja absorptio kussakin RGBA-värijärjestelmän kaistassa. Ne voi määrätä mikä tahansa simulaation kenttä joko painottamat-

tomana tai painotettuna toisella kentällä. Täten color transfer function määrää kunkin pisteen värin paikan funktiona siten, että  $f(v) \rightarrow (r, g, b, a)$ . [5]

Seuraavaksi luodaan **camera**-olio, jolloin datalohkot jaetaan kuvattavan alueen täysin kattaviin ”tiiliin” (*bricks*), joihin valitaan parhaan mahdollisen resoluution data jokaisesta pisteestä. Nämä tiilet järjestetään näkösäteen suunnassa takaa eteen, jotta ne on helppo käydä läpi siinä järjestyksessä, jossa silmään saapuva säde kohtaa ne. Seuraavaksi luodaan kuvatason kanssa yhdensuuntainen taso säteitä kuvattavan alueen perälle alkuarvolla nolla. Näitä säteitä liikutetaan kohti katsojaa ja pikselien arvot päivitetään kullakin askeleella. [5]

Kullekin tiilelle lasketaan, mitkä säteet leikkaavat sen. Kustakin säteestä otetaan **sub\_samples**-parametrilla määrättävä määrä näytteitä (oletusarvoisesti 5) ja arvot näytteenottokohdissa lasketaan solun kärkien arvoista trilineaarilla interpoloinnilla. Tämän jälkeen kussakin pisteessä lasketaan transfer function arvo, jolloin saadaan emission  $j$  ja absorption  $\alpha$  voimakkuus kussakin kaistassa. Näiden perusteella kullekin pikselille lasketaan uusi arvo ottaen huomioon säteen kulkema matka. Pikselin uusi arvo  $v^{n+1}$  kaistassa  $i$  saadaan pikselin aiemman arvon  $v^n$  perusteella yhtälöstä 3, jossa  $\Delta s$  on säteen kulkema matka näytteenottopisteiden välillä.

$$v_i^{n+1} = j_i \Delta s + (1 - \alpha_i \Delta s) v_i^n \quad (3)$$

## 4 Supermassiiviset mustat aukot

Tutkielmassa esiteltävät plotit on luotu John Reganin ym. supermassiivisten mustien aukkojen syntyä mallintavasta simulaatiodatasta. Simulaatio on ajettu käyttäen aiemmin esiteltyä Enzo-simulaatiokoodia. Sen tarkoituksena on tutkia, kuinka hyvin varhaisessa maailmankaikkeudessa voi syntyä havaintoja vastaavia supermassiivisia mustia aukkoja. Simulaatiossa tutkitaan mahdollisuutta kaasupilven romahtamiseen suoraan noin  $10^4 - 10^6 M_{\odot}$  massaiseksi mustaksi aukoksi Lyman-Werner -kaistassa säteilevän säteilylähteen läheisyydessä. [17]

### 4.1 Havainnot

Kvasaareista on toisistaan riippumattomia havaintoja jopa punasiirtymillä  $z \gtrsim 6$ , jotka vastaavat aikaa noin 0,9 miljardin vuoden sisällä maailmankaikkeuden synnystä. Näitä havaintoja on tehty muun muassa SDSS- sekä VIKING-datasta. Optisen alueen havainnoissa joudutaan rajoittumaan alueeseen  $z \lesssim 6,4$ , mutta lähi-infrapunassa on havaittu kohde jopa punasiirtymällä 7,085. [12, 14, 20]

Kvasaarihavainnot osoittavat, että jo näillä varhaisilla punasiirtymillä on ollut olemassa supermassiivisia mustia aukkoja, joiden massa on luokkaa  $10^9 M_{\odot}$ . Tämä on yllättävää, sillä mustan aukon on kasvettava hyvin nopeasti tai synnyttävä melko suurena, jotta se ehtii saavuttaa näin suuren massan. Näiden varhaisten supermassiivisten mustien aukkojen synnyn selittäminen onkin haasteellista nykyisillä teoreettisilla malleilla. [13]

### 4.2 Eddingtonin luminositeetti

Vaikka mustan aukon läheisyydessä olisi runsaasti ainetta, ei aukko voi kasvaa mielivaltaisen nopeasti. Kun aukkoon putoaa ainetta, aineen lepomassan energiasta jopa 40% vapautuu säteilyä [16]. Tästä aiheutuva säteilypaine vaikuttaa muihin kertymäkiekon hiukkasiin työntäen niitä kauemmas, jolloin aukkoon putoavan aineen määrä vähenee jälleen. [10]

Aukkoa ympäröivän aineen elektroneihin vaikuttaa säteilypaineen aiheuttama voima

$$\vec{F}_R = \frac{L}{4\pi R^2 c} \sigma_T \vec{e}, \quad (4)$$

joka työntää elektroneja kauemmas aukosta. Yhtälössä  $L$  on aukon luminositeetti,  $R$  elektronin etäisyys aukosta ja  $\sigma_T$  elektronin vaikutusala Thomsonin sironnassa. Samalla aukon painovoima vetää niitä kohti aukkoa yhtälön 5 mukaisesti.

$$\vec{F}_G = -\frac{GMm}{R^2} \vec{e} \quad (5)$$

Hiukkanen putoaa kohti aukkoa kun  $|\vec{F}_G| > |\vec{F}_R|$ . Kun oletetaan ionisoituneen aineen jakautuneen tasaisesti aukon ympärille ja aukon säteilevän pallosymmetrisesti, voidaan tästä ehdosta laskea luminositeetti, jolla säteilypaine on yhtä suuri kuin aukon painovoima, jolloin ainetta ei enää putoa aukkoon. Tällöin aukko on saavuttanut *Eddingtonin luminositeetin*, jolle voidaan yhtälöiden 4 ja 5 avulla ratkaista yhtälön 6 mukainen lauseke. [16]

$$L_{Edd} = \frac{4\pi GMm}{\sigma_T} c \quad (6)$$

Aiemmassa käsittelyssä tutkittiin pelkästään elektronien tuntemia voimia. Mustaa aukkoa ympäröivä aine koostuu erityisesti varhaisessa maailmankaikkeudessa lähinnä vetyplasmasta, jossa on elektronien lisäksi protoneja. Protonin vaikutusala on kuitenkin noin  $3.2 \times 10^6$  kertaa pienempi kuin elektronin, joten niihin vaikuttava voima on mitättömän pieni verrattuna elektronien vaikutusalaan. Coulombin voiman ansiosta elektronien tuntema säteilypaine vaikuttaa kuitenkin myös protoneihin. Näin ollen kaasuun kohdistuvien voimien laskemiseksi tulee hiukkasen massana  $m$  käyttää keskimääräistä massaa per elektroni, vetyplasman tapauksessa siis käytännössä protonin massaa. [16]

Pallosymmetrisesti massaa keräävä musta aukko ei voi kasvaa Eddingtonin luminositeetin asettamaa rajaa nopeammin. On kuitenkin kehitetty joitakin malleja, joissa sopivilla kertymäkiekon ominaisuuksilla voidaan saavuttaa esimerkiksi 100–200 -kertainen kasvunopeus Eddingtonin luminositeetin asettamaan ylärajaan verrattuna. Tämä on mahdollista, mikäli mustan aukon säteily kohdistuu hyvin pieneen avaruuskulmaan tai energiaa siirtyy muilla tavoilla. [18]

### 4.3 Supermassiivisten mustien aukkojen mahdolliset syntytavat

Selkein tapa mustan aukon synnylle on syntyä tähden kehityksen lopputuotteena. Mikäli esimerkiksi massaltaan luokkaa  $100 - 300 M_{\odot}$  oleva populaation III tähti romahtaa mustaksi aukoksi punasiirtymällä  $z \approx 20$ , se voi ehtiä kasvaa supermassiiviseksi punasiirtymään  $z \approx 7$  mennessä. Tämä edellyttää kuitenkin sitä, että saatavilla on riittävästi materiaa, jotta aukko voi kasvaa lähes koko ajan Eddingtonin luminositeetin asettamalla rajalla. [21]

Tämä on kuitenkin ongelmallista, sillä populaation III tähdet yleensä menettävät elinaihanaan halon, jossa ne ovat syntyneet. Lisäksi jotkin simulaatiot viittaavat siihen, että tyypillinen populaation III tähti oli massaltaan vain joitakin kymmeniä  $M_{\odot}$ , jolloin kasvaminen supermassiiviseksi tarkasteltavalla aikavälillä on vielä epätodennäköisempää. Lisäksi mustan aukon alettua kerätä materiaa, sen säteilemä ionisoiva säteily hajottaa entisestään aukkoa ympäröivää haloa, jolloin kasvu rajoittuu murto-osaan Eddingtonin rajasta. [21, 9]

Mitä massiivisempi musta aukko on syntyessään, sitä hitaampi kasvu riittää selittämään havainnot. Romahtaminen suoraan mustaksi aukoksi vaatii kuitenkin sopivat olosuhteet, sillä tavallisesti kaasupilvi fragmentoituu ja syntyy yhden mustan aukon sijaan paljon pienempiä tähtiä. Ainoastaan mikäli kaasupilvi on tarpeeksi suuri eikä sisällä metalleja, pölyä tai molekulaarista vetyä, pilven jäähtyminen on niin hidasta, että se voi romahtaa luokkaa  $10^4 M_{\odot}$  massaiseksi mustaksi aukoksi. Näin suuren aukon kasvaminen havaintoja vastaavaksi pystytään jo selittämään uskottavasti. [17]

Varhaisessa maailmankaikkeudessa metalleja ja pölyä oli hyvin vähän. Tiheillä alueilla molekulaarista vetyä voi kuitenkin syntyä. Siksi jonkin prosessin onkin hajotettava vetymolekyylejä atomeiksi. Tämän voi tehdä esimerkiksi säteily Lyman-Werner -kaistassa (11,2–13,6 eV), joka virittää molekyylin elektronit korkeammille energiatasolle, jolloin molekyylit hajoaa takaisin atomeiksi eikä kaasun jäähtyminen tehostu niin paljon, että se fragmentoituisi tähdenmassaisiksi osiksi. [17]

### 4.4 Tutkittava simulaatio

LW-kaistan säteilyn vaikutusta varhaisiin kaasupilviin on tutkittu jo useissa julkaisuissa ja tulokset ovat vaikuttaneet lupaavilta, mutta aiemmissa simulaatioissa säteily on ollut isotrooppista. Tutkielman esimerkkidatana käyttämässäni John Reganin et al. si-

mulaatiossa on tästä poiketen käytetty pistemäistä säteilylähdettä ja jätetty mahdollisen LW-taustan vaikutukset huomiotta. Tämä todennäköisesti vastaa aiempia simulaatioita paremmin todellisia olosuhteita. [17]

Tutkittavaa halo on peräisin aiemmin ajetuista simulaatioista. Niitä varten ajettiin ensin melko epätarkkoja pelkkää pimeää ainetta sisältäviä simulaatioita, joista poimittiin tiheimmät alueet punasiirtymällä  $z = 30$ , joka vastaa noin kymmenen miljoonan vuoden ikäistä maailmankaikkeutta. Näillä alueilla ajettiin tarkemmat simulaatiot, joissa myös hydynamiikka otettiin huomioon. Datasta valittiin yksi halo, jonka romahtamista tutkittiin. Punasiirtymällä  $z = 30$  halon massa oli noin  $10^6 M_{\odot}$  ja punasiirtymään  $z = 21$  mennessä se kasvoi noin massaan  $6 \times 10^7 M_{\odot}$ . [17]

Simulaatiossa tutkittiin halon romahtamista kun 3 kpc päässä siitä on LW-kaistassa säteilevä kohde. Simulaatio ajettiin useita kertoja erilaisilla säteilyn voimakkuuksilla tarvittavan intensiteetin selvittämiseksi. Simulaation tulokset viittavat siihen, että noin  $10^{54}$  fotonia/s vuo LW-kaistassa riittää vähentämään  $H_2$  määrää riittävästi, jotta noin massaltaan luokkaa  $10^5 M_{\odot}$  oleva kappale voi syntyä. Tätä pienemmillä vuon arvoilla syntyy vain noin  $10^3 M_{\odot}$  massa, joka romahtaa  $H_2$  vaikutuksesta Populaation III tähdeksi. [17]

## 5 yt:n sovelluksia

Aloitin yt:hen tutustumisen selaamalla dokumentaatiota sekä cookbookia<sup>2</sup> ja ensin koproimalla ja sittemmin muokkaamalla siellä annettuja malliohjelmia käyttäen esimerkki-dataa. Tutustuin tarkimmin halkileikkauksiin, projektioihin ja 3D-renderöinteihin sekä muun muassa niiden akselien tekstien ja jaotuksen tai väriskaalojen muokkaamiseen. Lisäksi kokeilin yt:n soveltamista animaatioiden tekemiseen.

Opittuani perusasiat aloin soveltaa niitä tutkimusryhmämme tuottamaan dataan kaasupilven romahtamista suoraan mustaksi aukoksi koskevista simulaatioista (Regan et al. 2015). Samalla otin selvää yt:n tarjoamista mahdollisuuksista usean plotin yhdistämiseksi yhteen kuvaan. Kun samaan kuvaan halutaan useantyyppisiä kuvia, tarvitaan `eps_writer`-luokkaa. Sen tarjoama tuki profiileille oli kuitenkin puutteellinen, joten jouduin myös parantelemaan yt:n lähdekoodia.

### 5.1 Läpileikkaukset

Aloitin tutustumalla yt:n yksinkertaisimpiin plotteihin aloittaen läpileikkauksista. Niitä voidaan käyttää yksittäisinä näyttämään jokin alue simulaatiosta tai niitä voidaan renderöidä useita ja koostaa niistä animaatio. Esimerkiksi listing 1 lukee annetun datasetin ja tallentaa läpileikkauksen tiheyksistä simulaation tiheimmän kohdan ympäriltä sadasta kohdasta liikkuen z-akselia pitkin 1 kpc matkan. Esimerkissä tarkastellaan kohdetta koordinaattiakselin suunnasta, mutta läpileikkauksia voidaan luoda mielivaltaisesta suunnasta [3].

Lisäksi plotin väripalkin alueeksi asetetaan  $3 \times 10^{-26} - 2.5 \times 10^{-25} \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$  ja colormapiksi hot<sup>3</sup>. Lisäksi akseleilla käytettävän fontin kokoa kasvatetaan ja lopullinen kuva tallennetaan juoksevaa numerointia käyttäen. Neljä sadasta tuloksena saatavista plotista tasaisin välein valittua läpileikkausta on nähtävissä kuvassa 3.

---

<sup>2</sup><http://yt-project.org/docs/3.1/cookbook/>

<sup>3</sup><http://yt-project.org/doc/visualizing/colormaps/>

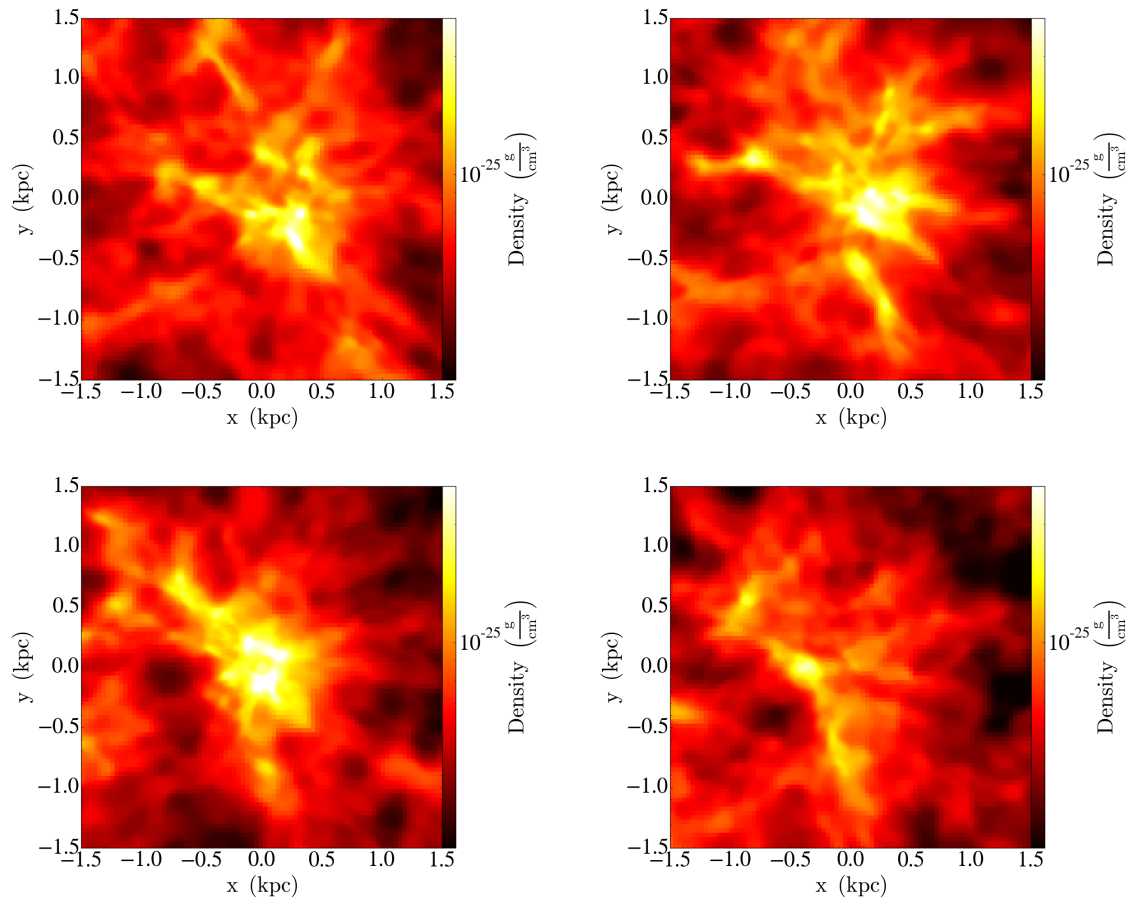


Listing 1: Python-ohjelma, joka tallentaa 100 esimerkiksi animoitavaksi sopivaa framea, joissa sivultaan 3 kpc oleva läpileikkaus liikkuu simulaation  $z$ -akselin suunnassa läpi simulaation tiheimmän kohdan.

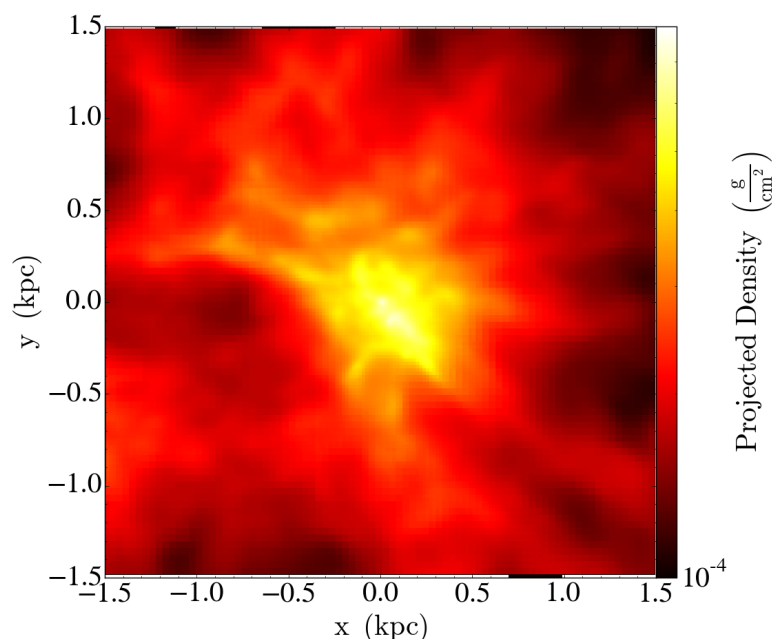
```
1 # -*- coding: utf-8 -*-
2 import yt
3 import numpy as np
4
5 ds = yt.load("data/dataset")
6 v, maxtiheys = ds.find_max("density")
7 frame = 0
8
9 for i in np.arange(-0.5, 0.5, 0.01):
10     siirto = yt.YTArray([0, 0, i], 'kpc')
11     keskusta = maxtiheys - siirto
12
13     image = yt.SlicePlot(ds, 'z', center=keskusta,
14                          fields=['density'], width=(3, 'kpc'))
15     image.set_zlim('density', 3e-26, 25e-26)
16     image.set_cmap("density", "hot")
17     image.set_font_size(35)
18     image.save("kuvat/flythrough/%04i.png" % frame)
19     frame+=1
```

## 5.2 Projektit

Listingissä 2 on esitetty yksinkertaisen projektion tallentava skripti. Se käyttää samaa simulaatiodataa kuin 1, josta luodaan yksi projektio integroimalla  $z$ -akselin suuntaisen näkösäteen suunnassa. Skriptin tuottama kuva on nähtävissä kuvassa 4. Vertaamalla tätä kuvan 3 läpileikkauksiin huomataan, että projisointi kadottaa näkösäteen suunnassa pienet yksityiskohdat, mutta projektioista saa paremman kuvan suuremman skaalan rakenteista. Myös yksiköiden huomataan poikkeavan toisistaan, sillä projektiota luotaessa käytettiin painottamatonta integrointia.



Kuva 3: Neljä listingissä 1 esitetyn koodin tallentamista kuvista, kun se ajetaan julkaisua Regan et al. 2015 varten lasketulla datalla. Alueessa edetään syvemmälle riveittäin vasemmalta oikealle.



Kuva 4: Listingin 2 luoma projektio. Verrattuna kuvan 3 läpileikkauksiin nähdään vähemmän yksityiskohtia, mutta projektio antaa paremman kokonaiskuvan koko alueesta kerralla.

Listing 2: Yksinkertaisen projektion luomiseen soveltuva ohjelma. Käytetty alue datassa on sama kuin listingissä 1, mutta useiden läpileikkausten sijaan luodaan yksi projektio.

```

1  # -*- coding: utf-8 -*-
2  import yt
3
4  ds = yt.load("data/dataset")
5  v, keskusta = ds.find_max("density")
6  vasen_kulma = keskusta + yt.YTArray([-1.5, -1.5, -0.5], 'kpc')
7  oikea_kulma = keskusta + yt.YTArray([1.5, 1.5, 0.5], 'kpc')
8  region = ds.box(vasen_kulma, oikea_kulma)
9
10 plot = yt.ProjectionPlot(ds, 'z', fields=['density'],
11                           center='max', data_source = region, width=(3, 'kpc'))
12 plot.set_zlim("density", 8e-4, 1e-4)
13 plot.set_cmap("density", "hot")
14 plot.set_font_size(30)
15 plot.save("kuvat/projection.png")

```

## 5.3 3D

Tilavuusrenderöinnit tuovat usein tutkittavan kohteen kolmiulotteisen rakenteen esiin projektioita ja läpileikkauksia intuitiivisemmin. Yksittäiset kuvat saattavat kuitenkin olla

vaikkeasti tulkittavia, sillä kohteiden etäisyyttä katsojasta on usein vaikeaa hahmottaa. Kuvista ja etenkin animaatioista on kuitenkin mahdollista saada erittäin näyttäviä.

Liitteessä A on esitetty skripti, jolla voidaan luoda framet animaatioon, jossa kamera sekä kiertää kohdetta että zoomaa sisään. Datat lataamisen jälkeen riveillä 10–13 etsitään datan tiheimmstä kohdasta korkeintaan 0,5 kpc päässä oleva paikka, jossa molekulaarisen vedyn osuus kaikesta vedystä on suurin hyödyntämällä `yt:n` tarjoamia `find_max-` ja `max_location`-funktioita. Tämän jälkeen riveillä 16–19 määrätään tutkittavaksi alueeksi säteeltään 1 kpc pallo löydetyn suurimman molekulaarisen vedyn pitoisuuden kohdan ympärillä. Lisäksi täytyy määrittää kameran ja kuvan keskustan välinen vektori, kuvan leveys ja resoluutio.

Kun tarvittavat parametrit on alustettu, voidaan camera-olio luoda. Kameran kuvaamiksi kentiksi asetetaan ainoastaan `H2.fraction`. Lisäksi määritetään, että kuvassa näytetään ainoastaan aiemmin luodun 1 kpc säteisen pallon sisällä oleva aine, jolloin vältetään siltä riskiltä, että tutkittavan alan eteen tulee toinen huomattavasti molekulaarista vetyä sisältävä alue, joka estää tutkittavan alueen näkemisen.

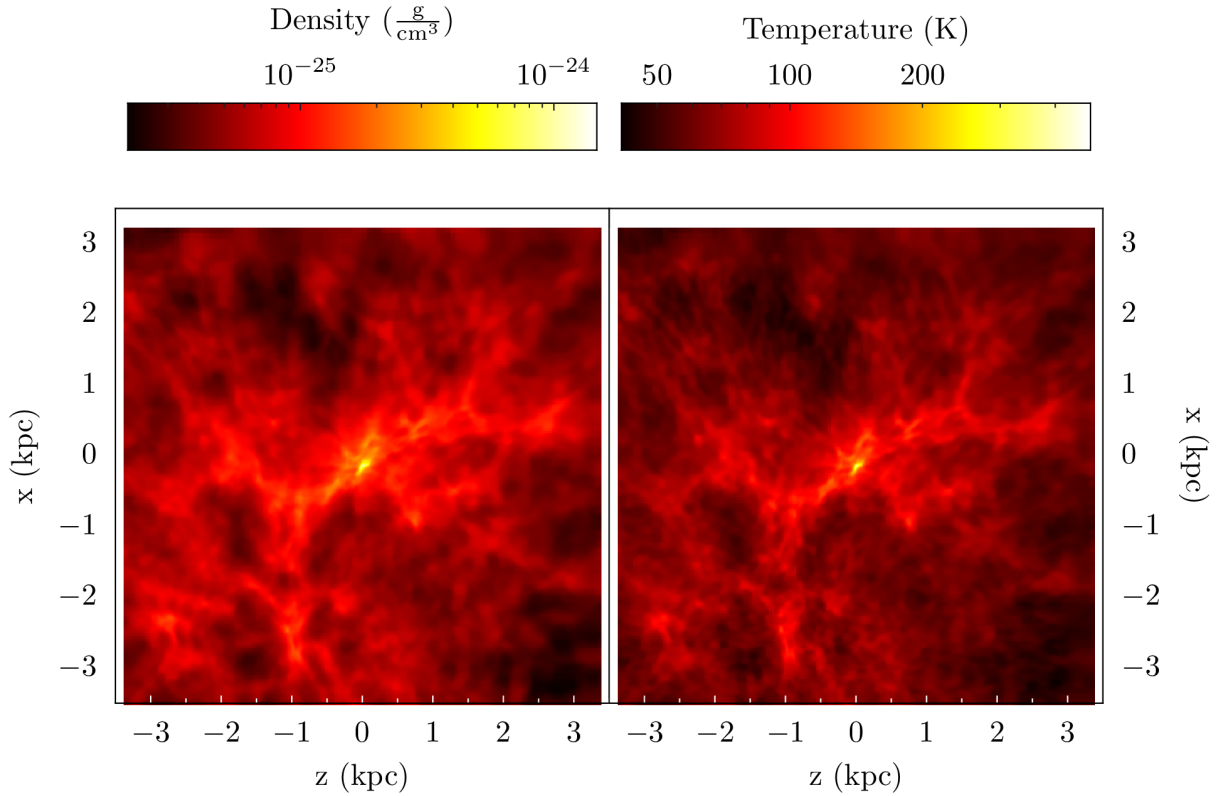
Animaation luomiseksi käytetään kameran `zoomin`-funktioita, jolla on mahdollista iteroida haluttu zoomaus halutulla määrällä vakiokokoisia askelia. Esimerkin animaatioissa zoomaukset on valittu 3 ja askelten määrä on valittu sellaiseksi, että kohde voidaan kiertää kerran 0,04 radiaanin askelin. Kierron toteuttamiseksi kameraa käännetään kuitenkin zoomauksen jälkeen. Tämän jälkeen `zoomin`-funktion palauttama kuva tallennetaan numeroituna.

## 5.4 Usean kuvaajan plotit

`yt` tarjoaa mahdollisuuden kuvaajien palauttamiseen taulukkona, joka voidaan edelleen käyttää esimerkiksi `matplotlibin`<sup>4</sup> kanssa usean kuvaajan yhdistämiseksi samaan kuvaan. Tähän on kuitenkin myös apufunktio, jolle voidaan antaa suoraan joko kuvaajat tai jpg-kuvat, jotka asemoidaan haluttaessa väripalkkien kanssa ruudukkoon.

Liitteessä B on nähtävillä `eps_writeriä` hyödyntävä skripti, joka plottaa tiheyden ja lämpötilan 7 kpc leveällä alueella simulaation tiheimmän kohdan ympäriltä ja tallentaa ne sekä erikseen että yhdessä. Plotti, jossa molemmat ovat, on nähtävissä kuvassa 5. Plotin muodostamista voidaan ohjata erilaisilla parametrina annettavilla lipuilla. Esimerkiksi esimerkissä on hyödynnetty parametreja `xaxis_flags` ja `yaxis_flags`, joilla asetetaan akselit plottien ulkoreunoille sekä parametria `cb_location`, jolla väripalkit

<sup>4</sup>[http://matplotlib.org/mpl\\_toolkits/axes\\_grid/api/axes\\_grid\\_api.html](http://matplotlib.org/mpl_toolkits/axes_grid/api/axes_grid_api.html)



Kuva 5: Liitteessä B esitetyn skriptin tuottama kuva.

asetetaan kuvaajien yläpuolelle.

### 5.4.1 Ongelmat

`yt` on kuitenkin vielä kehittyvä paketti, mikä on selvästi huomattavissa `eps_writer`-luokassa käyttämässäni `yt`-versiossa 3.2. Kuvasta 5 nähdään esimerkiksi, että plotit eivät ole keskellä niille piirrettyjä reunoja vaan liian alhaalla. Lisäksi mikäli esimerkiksi käytettyä väriskaalaa vaihdetaan, täytyy yksittäiset kuvat tallentaa ennen niiden käyttämistä `multiplotissa`. Jos esimerkiksi liitteen B rivit 21 ja 30 kommentoidaan pois koodista, saadaan tuloksena kuva, jossa väripalkit noudattavat `hot-colormappia` mutta kuvat oletuksena käytettävää `jet`-väritystä.

Lisäksi dokumentaation [6] ja lähdekoodin [8] mukaan tukea läpileikkausten ja muiden `yt:n` tarjoamien plottien lisäksi myös profiileja. Esimerkiksi liitteen C skriptin ajaminen johtaa kuitenkin virheilmoitukseen `"AttributeError: 'ProfilePlot' object has no attribute '_redraw_image'"` ohjelman suorituksen edettyä riville 85, jossa plotit yhdistetään. Yksittäiset kuvat tallentuvat kuitenkin normaalisti, mikä osoittaa skriptin alkuosan toimivan. Todennäköisesti `ProfilePlot`-luokkaa tai jotain muuta `yt:n` osaa on muokattu, ja testien riittämättömän kattavuuden takia vaikutukset muualla koodissa ovat

jääneet huomaamatta. `yt`on kuitenkin avointa lähdekoodia, joten ongelman korjaaminen itse oli mahdollista.

### 5.4.2 Muutokset `yt:n` lähdekoodissa

Virheilmoituksen perusteella ongelmakohdan paikantaminen oli hyvin yksinkertaista. Liitteen D listingissä 3 on esitetty ongelman aiheuttanut profiilien käsittelyyn kirjoitettu `eps_writer`-luokan `insert_image_yt`-funktion osa, jonka on tarkoitus hakea multiplottiin lisättävä kuva ja poistaa profiilin tapauksessa tarpeeton väripalkki.

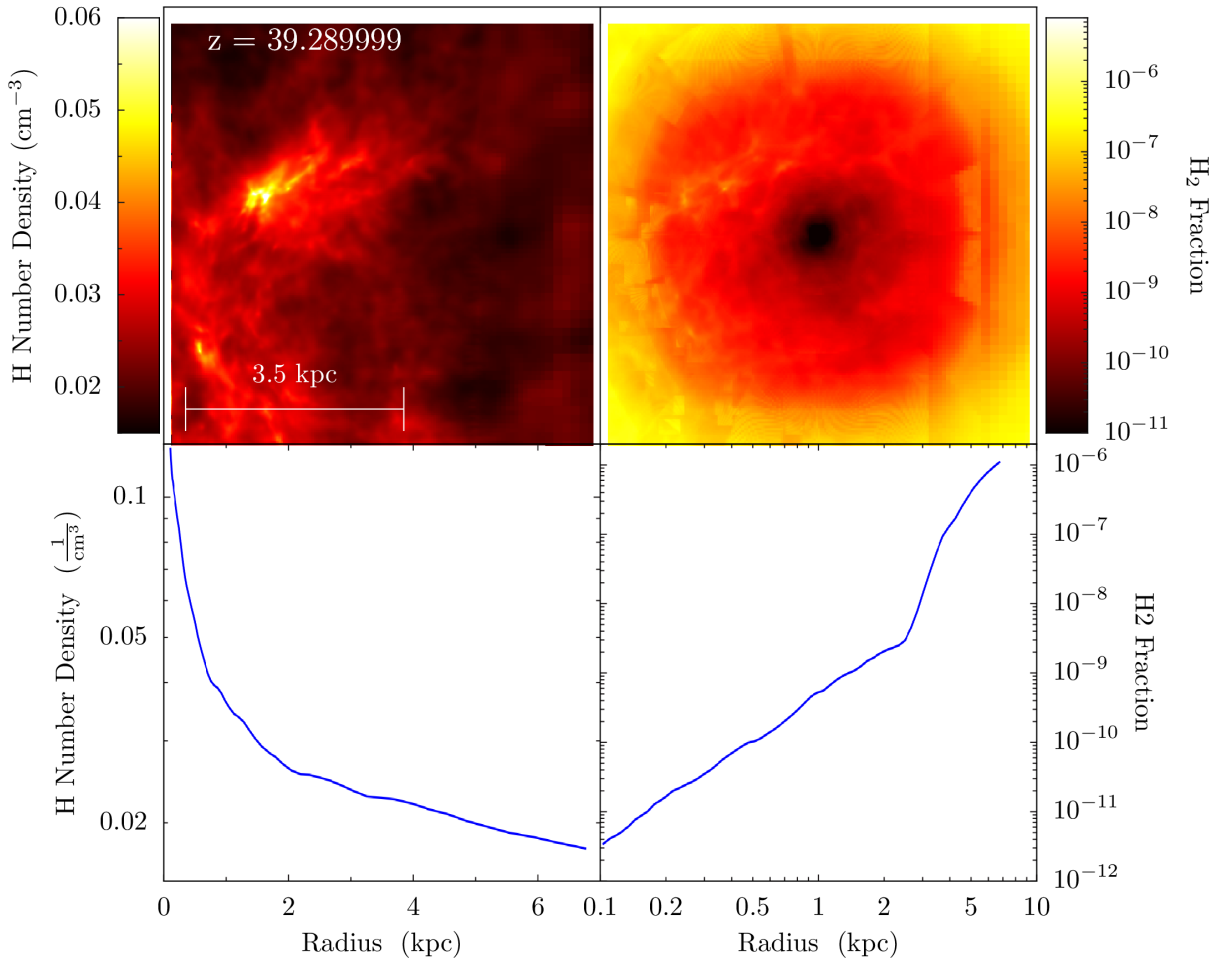
`ProfilePlot`-luokalla ei kuitenkaan ole `_redraw_image()`-funktiota, joten ohjelman suoritus keskeytyy. Myöskään `_figure` ei ole määritelty. Sen sijaan `figures`-attribuuttiin on tallennettu `FigureContainer`, josta haluttu figure voidaan hakea. Lisäksi väripalkin poistaminen ei ole tarpeellista. Sama lohko näiden korjausten jälkeen on nähtävissä liitteen D listingissä 4.

Tämän lisäksi alkuperäisessä koodissa käytetään akselien rajojen, tekstien ja logaritmisuuden määrittämiseen samaa lohkoa sekä `ProfilePlot`- että `PhasePlot`-luokkien olioiden käsittelyyn. Sen käyttäminen profileihin johtaa kuitenkin kaatumiseen. Siksi kirjoitin profiilien käsittelyyn oman, erillisen lohkonsa, joka on nähtävissä liitteen D listingissä 5.

Lisäksi profiilien kanssa väripalkin käyttäminen ei ole koskaan mielekästä, joten lisäsin `colorbar_yt`-funktioon tarkastuksen, jolla varmistetaan, ettei sitä käytetä profiilien kanssa. Mikäli käyttäjä yrittää tehdä näin, heitetään `RuntimeError` viestillä "When using ProfilePlots you must either set `yt_nocbar=True` or provide colorbar flags so that the profiles don't have colorbars".

Näiden muutosten jälkeen liitteen C skripti voidaan ajaa virheettää. Kukin plotti täytyy edelleen tallentaa yksin, jotta plottiin tehdyt muutokset välittyvät luotavaan nelikenttään. Lisäksi `yt`piirtää väripalkit niin kauas varsinaisista ploteista, että tarvittaessa väliin mahtuisi akselin selite. Koska sitä ei kuitenkaan tässä plotissa tarvita, muutin tätä plottia varten väripalkin sijoittelua määrääviä vakioita siten, että ne siirtyivät hieman lähemmäs ploteja. Tuloksena saatava nelikenttä on nähtävissä kuvassa 6.

Koodin toimivuuden testaamisen jälkeen loin pull requestin muutosteni sulauttamiseksi `yt:n` kehitysversioon. Kokeneemmat kehittäjät arvioivat kaikki pull requestit ja joko ehdottavat parannuksia tai suoraan hyväksyvät tai hylkäävät requestin. Muutokseni hyväksyttiin, joten nyt ne ovat kaikkien hyödynnettävissä ja paranneltavissa.



Kuva 6: Liitteessä C esitetyn skriptin tuottama kuva. Ylemmissä ploteissa on esitetty samalta alueelta säteilevän hiukkasen ympäristöstä vedyn lukumäärätiheyden projektio ja läpileikkaus molekulaarisen vedyn osuudesta. Näiden alla olevissa profileissa on esitetty samat suureet profileina, vedyn lukumäärätiheys keskitettynä simulaation tiheimpään kohtaan ja molekulaarisen vedyn osuus keskitettynä säteilylähteeseen.

# Viitteet

- [1] The cookbook. <http://yt-project.org/doc/cookbook/>. Accessed: 7.7.2015.
- [2] Creating derived fields. [http://yt-project.org/doc/developing/creating\\_derived\\_fields.html](http://yt-project.org/doc/developing/creating_derived_fields.html). Accessed: 27.7.2015.
- [3] How to make plots. <http://yt-project.org/doc/visualizing/plots.html>. Accessed: 17.7.2015.
- [4] Parallel computation with yt. [http://yt-project.org/doc/analyzing/parallel\\_computation.html](http://yt-project.org/doc/analyzing/parallel_computation.html). Accessed: 7.7.2015.
- [5] Volume rendering: Making 3d photorealistic isocontoured images. [http://yt-project.org/doc/visualizing/volume\\_rendering.html](http://yt-project.org/doc/visualizing/volume_rendering.html). Accessed: 24.7.2015.
- [6] yt api: yt.visualization.eps\_writer.multiplot. [http://yt-project.org/doc/reference/api/generated/yt.visualization.eps\\_writer.multiplot.html](http://yt-project.org/doc/reference/api/generated/yt.visualization.eps_writer.multiplot.html). Accessed: 30.7.2015.
- [7] yt api: yt.visualization.plot\_window.projectionplot. [http://yt-project.org/doc/reference/api/generated/yt.visualization.plot\\_window.ProjectionPlot.html#yt.visualization.plot\\_window.ProjectionPlot](http://yt-project.org/doc/reference/api/generated/yt.visualization.plot_window.ProjectionPlot.html#yt.visualization.plot_window.ProjectionPlot). Accessed: 20.7.2015.
- [8] yt source: yt.visualization.eps\_writer.multiplot. [http://yt-project.org/doc/\\_modules/yt/visualization/eps\\_writer.html#multiplot](http://yt-project.org/doc/_modules/yt/visualization/eps_writer.html#multiplot). Accessed: 30.7.2015.
- [9] M. A. Alvarez, J. H. Wise, and T. Abel. Accretion onto the First Stellar-Mass Black Holes. *Astrophys. J., Lett.*, 701:L133–L137, August 2009.
- [10] M. L. Bartelmann. *Theoretical astrophysics : : an introduction* /. Wiley-VCH,, Weinheim :, cop. 2013. Verkkoaineisto: Ebrary Academic Complete.
- [11] G. L. Bryan, M. L. Norman, B. W. O’Shea, T. Abel, J. H. Wise, M. J. Turk, D. R. Reynolds, D. C. Collins, P. Wang, S. W. Skillman, B. Smith, R. P. Harkness, J. Bordner, J.-h. Kim, M. Kuhlen, H. Xu, N. Goldbaum, C. Hummels, A. G. Kritsuk, E. Tasker, S. Skory, C. M. Simpson, O. Hahn, J. S. Oishi, G. C. So, F. Zhao, R. Cen, Y. Li, and Enzo Collaboration. ENZO: An Adaptive Mesh Refinement Code for Astrophysics. *ApJS*, 211:19, April 2014.
- [12] X. Fan, J. F. Hennawi, G. T. Richards, M. A. Strauss, D. P. Schneider, J. L. Donley, J. E. Young, J. Annis, H. Lin, H. Lampeitl, R. H. Lupton, J. E. Gunn, G. R. Knapp, W. N. Brandt, S. Anderson, N. A. Bahcall, J. Brinkmann, R. J. Brunner, M. Fukugita, A. S. Szalay, G. P. Szokoly, and D. G. York. A Survey of  $z > 5.7$  Quasars in the Sloan Digital



- Sky Survey. III. Discovery of Five Additional Quasars. *Astron. J.*, 128:515–522, August 2004.
- [13] Y. Li, L. Hernquist, B. Robertson, T. J. Cox, P. F. Hopkins, V. Springel, L. Gao, T. Di Matteo, A. R. Zentner, A. Jenkins, and N. Yoshida. Formation of  $z \sim 6$  Quasars from Hierarchical Galaxy Mergers. *ApJ*, 665:187–208, August 2007.
  - [14] D. J. Mortlock, S. J. Warren, B. P. Venemans, M. Patel, P. C. Hewett, R. G. McMahon, C. Simpson, T. Theuns, E. A. González-Solares, A. Adamson, S. Dye, N. C. Hambly, P. Hirst, M. J. Irwin, E. Kuiper, A. Lawrence, and H. J. A. Röttgering. A luminous quasar at a redshift of  $z = 7.085$ . *Nature*, 474:616–619, June 2011.
  - [15] Brian W O’Shea, Greg Bryan, James Bordner, Michael L Norman, Tom Abel, Robert Harkness, and Alexei Kritsuk. Introducing enzo, an amr cosmology application. *arXiv preprint astro-ph/0403044*, 2004.
  - [16] J. E. Pringle. Accretion discs in astrophysics. *Ann. Rev. Astron. Astrophys.*, 19:137–162, 1981.
  - [17] J. A. Regan, P. H. Johansson, and J. H. Wise. The Direct Collapse of a Massive Black Hole Seed under the Influence of an Anisotropic Lyman-Werner Source. *ApJ*, 795:137, November 2014.
  - [18] A. Sądowski, R. Narayan, J. C. McKinney, and A. Tchekhovskoy. Numerical simulations of super-critical black hole accretion flows in general relativity. *Mon. Not. R. Astron. Soc.*, 439:503–520, March 2014.
  - [19] M. J. Turk, B. D. Smith, J. S. Oishi, S. Skory, S. W. Skillman, T. Abel, and M. L. Norman. yt: A Multi-code Analysis Toolkit for Astrophysical Simulation Data. *ApJS*, 192:9, January 2011.
  - [20] B. P. Venemans, J. R. Findlay, W. J. Sutherland, G. De Rosa, R. G. McMahon, R. Simcoe, E. A. González-Solares, K. Kuijken, and J. R. Lewis. Discovery of Three  $z > 6.5$  Quasars in the VISTA Kilo-Degree Infrared Galaxy (VIKING) Survey. *ApJ*, 779:24, December 2013.
  - [21] D. J. Whalen and C. L. Fryer. The Formation of Supermassive Black Holes from Low-mass Pop III Seeds. *Astrophys. J., Lett.*, 756:L19, September 2012.

# A 3D-animaatio spiraaliradalla kohdetta lähestyen

```
1 # -*- coding: utf-8 -*-
2 import yt
3 import numpy as np
4 import math
5
6 ds = yt.load("data/dataset")
7 ad = ds.all_data()
8
9 # etsitään tihein kohta ja tiheimmän kohdan ympäristöstä
   suurin H2-pitoisuus
10 v, tiheysmaksimi = ds.find_max("density")
11 densSphere = ds.sphere(tiheysmaksimi, (0.5, "kpc"))
12 maxlocs = densSphere.quantities.max_location(("gas",
   "H2_fraction"))
13 H2max = maxlocs[2:5]
14
15 # etsitään suurimman H2-pitoisuuden sijainnin ympärillä 1 kpc
   sisältä suurin ja pienin H2-pitoisuus ja luodaan niiden
   logaritmien avulla ColorTransferFunction
16 H2sphere = ds.sphere(H2max, (1.0, "kpc"))
17 minimi, maksimi = H2sphere.quantities.extrema("H2_fraction")
18 tf = yt.ColorTransferFunction((np.log10(minimi),
   np.log10(maksimi)))
19 tf.add_layers(100, w=0.01, colormap="hot")
20
21 katselusuunta = [1, 1, 1]
22 leveys = (1.5, 'kpc')
23 resoluutio = 512
24
25 # luodaan camera-olio
26 cam = ds.camera(H2max, katselusuunta, leveys, resoluutio, tf,
   fields=["H2_fraction"], data_source=H2sphere)
27
28 askel=0.02 # (radiaania)
29 frames = int(math.floor(2*math.pi/askel))
30
31 # zoomataan ja käännetään kameraa ja tallennetaan kuva
   numeroituna
32 for frame, snapshot in enumerate(cam.zoomin(3, frames,
   clip_ratio=8.0)):
33     cam.rotate(askel)
```

```
34 | snapshot.write_png("kuvat/volume-spiraali%04i.png" %frame)
```

## B Kaksi läpileikkausta samassa plotissa

```
1  # -*- coding: utf-8 -*-
2  import yt
3  import yt.visualization.eps_writer as eps
4  import matplotlib
5
6  sarakkeet = 2
7  rivit = 1
8  leveys = 7.0 # (kpc)
9  xaxis_flags = []
10 yaxis_flags = []
11 cb_location=[]
12 plotit = []
13
14 ds=yt.load("/data/scratch3/extragal/Enzo/data/LWIR/RD0076/RD0076")
15 v, tiheysmaksimi = ds.find_max("density")
16
17 # ensimmäinen kuva
18 tiheys = yt.SlicePlot(ds, 1, "Density", center=tiheysmaksimi,
19                        width=(leveys, 'kpc'))
20 tiheys.set_unit("Density", "g/cm**3")
21 tiheys.set_cmap(field="Density", cmap='hot')
22 tiheys.save("kuvat/tiheys.png")
23 plotit.append(tiheys)
24 xaxis_flags.append(0) # x-akseli alapuolelle
25 yaxis_flags.append(0) # y-akseli vasemmalle
26 cb_location.append("top") # väripalkki yläpuolelle
27
28 #toinen kuva
29 lampo = yt.SlicePlot(ds, 1, "Temperature",
30                      center=tiheysmaksimi, width=(leveys, 'kpc'))
31 lampo.set_cmap(field="Temperature", cmap='hot')
32 lampo.save("kuvat/lampo.png")
33 plotit.append(lampo)
34 xaxis_flags.append(0) # x-akseli alapuolelle
35 yaxis_flags.append(1) # y-akseli oikealle
36 cb_location.append("top") # väripalkki yläpuolelle
37
38 multi = eps.multiplot(sarakkeet, rivit, plotit,
39                       bare_axes=False, xaxis_flags = xaxis_flags, yaxis_flags =
40                       yaxis_flags, cb_location=cb_location)
41 multi.save_fig("kuvat/EPSMultiPlot", format="png")
```

## C Nelikenttä

```
1  # -*- coding:utf-8 -*-
2  import yt
3  import pyx
4  import yt.visualization.eps_writer as eps
5  from yt.units.yt_array import YTQuantity, YTArray
6  import numpy as np
7  import matplotlib.pyplot as plt
8  import matplotlib
9
10 ds =
11     yt.load("/data/scratch3/extragal/Enzo/data/LWIR/RD0072/RD0072")
12 dd=ds.all_data()
13
14 sarakkeet = 2
15 rivit = 2
16 leveys = yt.YTQuantity(7.0, 'kpc')
17 white=pyx.color.cmyk.white
18 linewidth = 3
19 prof_xrange = [0.1, 7.0] #kpc
20 colorbar_label = []
21 plots = []
22 colorbar_flags = []
23 xaxis_flags = []
24 yaxis_flags = []
25
26 # tutkittavat alueet
27 try:
28     keskusta = dd["RadiationParticle", "particle_position"][0]
29 except:
30     print "No particle position found"
31     keskusta = [0.5, 0.5, 0.5]
32 leftedge = keskusta - leveys /2
33 rightedge = keskusta + leveys/2
34 myregion = ds.region(keskusta, leftedge, rightedge)
35
36 # H Number Density
37 H_proj = yt.ProjectionPlot(ds, 1, "H_number_density",
38     center=keskusta, width=leveys, data_source=myregion,
39     weight_field='density')
40 H_proj.set_log('H_number_density', False)
41 H_proj.set_zlim('H_number_density', 15e-3, 6e-2)
42 H_proj.set_cmap(field="H_number_density", cmap='hot')
43 #H_proj.save("kuvat/Hproj.png")
44 plots.append(H_proj)
```

```

42 colorbar_label.append("H Number Density (cm-3)")
43 colorbar_flags.append(True)
44 xaxis_flags.append(-1)
45 yaxis_flags.append(-1)
46
47 # H2 Fraction
48 H2_slice = yt.SlicePlot(ds, 1, "H2_fraction", center=keskusta,
49     width=leveys, north_vector = [1,0,0])
49 H2_slice.set_zlim('H2_fraction', 1e-11, 8e-6)
50 H2_slice.set_cmap(field="H2_fraction", cmap='hot')
51 #H2_slice.save("kuvat/H2fracproj.png")
52 plots.append(H2_slice)
53 colorbar_label.append("H2 Fraction")
54 colorbar_flags.append(True)
55 xaxis_flags.append(-1)
56 yaxis_flags.append(-1)
57
58 # H profile
59 val, maxTiheys = ds.find_max("density")
60 sphere = ds.sphere(maxTiheys, leveys) # keskitetään H number
    density -kuvaaja tiheimpään kohtaan
61 H_prof = yt.ProfilePlot(sphere, "radius", ["H_number_density"])
62 H_prof.set_unit("radius", "kpc")
63 H_prof.set_xlim(prof_xrange[0], prof_xrange[1])
64 H_prof.set_ylim("H_number_density", 0.015, 0.13)
65 H_prof.set_line_property("linewidth", linewidth)
66 H_prof.x_log = False
67 #H_prof.save("kuvat/Hprof.png")
68 plots.append(H_prof)
69 colorbar_flags.append(False)
70 xaxis_flags.append(0)
71 yaxis_flags.append(0)
72
73 # H2 profile
74 sphere = ds.sphere(keskusta, leveys) # keskitetään H2 fraction
    -kuvaaja säteilylähteeseen
75 H2_prof = yt.ProfilePlot(sphere, "radius", ["H2_fraction"])
76 H2_prof.set_unit("radius", "kpc")
77 H2_prof.set_xlim(prof_xrange[0], prof_xrange[1])
78 H2_prof.set_ylim("H2_fraction", 1e-12, 2e-6)
79 H2_prof.set_line_property("linewidth", linewidth)
80 H2_prof.x_log = False
81 plots.append(H2_prof)
82 colorbar_flags.append(False)
83 xaxis_flags.append(0)
84 yaxis_flags.append(1)
85 #H2_prof.save("kuvat/H2prof.png")
86
87 multi = eps.multiplot(sarakkeet, rivit, plots,
    bare_axes=False, cb_labels=colorbar_label, cb_flags =
    colorbar_flags, xaxis_flags = xaxis_flags, yaxis_flags =

```

```
    yaxis_flags)
88 multi.scale_line(label="%1f kpc" % (0.5*leveys),size=0.5,
    loc=(0.05,1.08))
89 multi.title_box("z = %2.6f" % (ds.current_redshift),
    loc=(0.1,1.95),
90 color=white, bgcolor=None, text_opts=[pyx.text.size.large])
91 multi.save_fig("kuvat/nelikko", format="png")
```

## D yt:n lähdekoodin muutokset

Listing 3: Alkuperäinen profiilin hakemiseen käytetty koodinpätkä.

```
1 elif isinstance(plot, ProfilePlot):
2     plot._redraw_image()
3     # Remove colorbar
4     _p1 = plot._figure
5     _p1.delaxes(_p1.axes[1])
```

Listing 4: Korjattu ohjelmanpätkä, joka korvaa listingin 3 koodin.

```
1 elif isinstance(plot, ProfilePlot):
2     _p1 = plot.figures.items()[0][1]
```

Listing 5: Profiilin akselien rajojen, tekstien ja logaritmisuuden asettamiseksi `eps_writer`-luokkaan lisätty koodi.

```
1         elif isinstance(plot, ProfilePlot):
2             subplot = plot.axes.values()[0] # siirra muualle?
3             # limits for axes
4             xlimits = subplot.get_xlim()
5             _xrange = (YTQuantity(xlimits[0], 'm'),
6                         YTQuantity(xlimits[1], 'm')) # unit hardcoded
7                 but afaik it is not used anywhere so it doesn't
8                 matter
9             if list(plot.axes.ylim.viewvalues())[0][0] is
10                None: #mieti tata, etsi parempi tapa
11                 ylimits = subplot.get_ylim()
12             else:
13                 ylimits = list(plot.axes.ylim.viewvalues())[0]
14             _yrange = (YTQuantity(ylimits[0], 'm'),
15                         YTQuantity(ylimits[1], 'm')) # unit hardcoded
16                 but afaik it is not used anywhere so it doesn't
17                 matter
18             # axis labels
19             xaxis = subplot.xaxis
20             _xlabel = pyxize_label(xaxis.label.get_text())
21             yaxis = subplot.yaxis
22             _ylabel = pyxize_label(yaxis.label.get_text())
23             # set log if necessary
24             if subplot.get_xscale() == "log":
25                 _xlog = True
26             else:
```



```
20         _xlog = False
21     if subplot.get_yscale() == "log":
22         _ylog = True
23     else:
24         _ylog = False
25     _tickcolor = None
```