

Лабораторная работа №2

Структуры данных

Лихтенштейн Алина Алексеевна

2025-09-26

Содержание

1	Цель работы	5
2	Задание	6
3	Теоретическое введение	7
4	Выполнение лабораторной работы	8
4.1	Задание №1	11
4.2	Задание №2	11
4.3	Задание №3	12
4.4	Задание №4	17
4.5	Задание №5	17
4.6	Задание №6	18
5	Выводы	19
	Список литературы	20

Список иллюстраций

4.1	Примеры использования кортежей	8
4.2	Примеры использования словарей	9
4.3	Примеры использования множеств	9
4.4	Примеры использования массивов	10
4.5	Примеры использования массивов	10
4.6	Примеры использования массивов	10
4.7	Задание №1. Работа с множествами	11
4.8	Задание №2. Примеры операций над множествами элементов раз- ных типов	12
4.9	Задание №3. Работа с массивами	13
4.10	Задание №3. Работа с массивами	13
4.11	Задание №3. Работа с векторами	13
4.12	Задание №3. Работа с векторами	14
4.13	Задание №3. Работа с векторами	14
4.14	Задание №3. Работа с векторами	14
4.15	Задание №3. Работа с векторами	15
4.16	Задание №3. Работа с векторами	15
4.17	Задание №3. Работа с векторами	15
4.18	Задание №3. Работа с векторами	15
4.19	Задание №3. Работа с векторами	16
4.20	Задание №3. Работа с векторами	16
4.21	Задание №3. Работа с векторами	16
4.22	Задание №4	17
4.23	Задание №5. Работа с пакетом Primes	17
4.24	Задание №6	18
4.25	Задание №6	18

Список таблиц

1 Цель работы

Основная цель работы — изучить несколько структур данных, реализованных в Julia, научиться применять их и операции над ними для решения задач.

2 Задание

1. Используя Jupyter Lab, повторите примеры.
2. Выполните задания для самостоятельной работы.

3 Теоретическое введение

Julia — высокоуровневый свободный язык программирования с динамической типизацией, созданный для математических вычислений.

Эффективен также и для написания программ общего назначения. Синтаксис языка схож с синтаксисом других математических языков, однако имеет некоторые существенные отличия.

Для выполнения заданий была использована официальная документация Julia.

Рассмотрим несколько структур данных, реализованных в Julia.

Некоторые функции (методы), общие для всех структур данных:

- `isempty()` — проверяет, пуста ли структура данных;
- `length()` — возвращает длину структуры данных;
- `in()` — проверяет принадлежность элемента к структуре;
- `unique()` — возвращает коллекцию уникальных элементов структуры;
- `reduce()` — свёртывает структуру данных в соответствии с заданным бинарным оператором;
- `maximum()` (или `minimum()`) — возвращает наибольший (или наименьший) результат вызова функции для каждого элемента структуры данных.

4 Выполнение лабораторной работы

Для начала выполним примеры из раздела про кортежи (рис. [-@fig:001]).

Кортеж (Tuple) — структура данных (контейнер) в виде неизменяемой индексированной последовательности элементов какого-либо типа.

Кортежи

```
[4]: # пустой кортеж:
      ()

[4]: ()

[5]: # кортеж из элементов типа String:
      favoritelang = ("Python", "Julia", "R")

[5]: ("Python", "Julia", "R")

[6]: # кортеж из целых чисел:
      x1 = (1, 2, 3)

[6]: (1, 2, 3)

[7]: # кортеж из элементов разных типов:
      x2 = (1, 2.0, "tmp")

[7]: (1, 2.0, "tmp")

[8]: # именованный кортеж:
      x3 = (a=2, b=1+2)

[8]: (a = 2, b = 3)

[9]: # длина кортежа x2:
      length(x2)

[9]: 3

[10]: # обратиться к элементам кортежа x2:
      x2[1], x2[2], x2[3]
```

Рисунок 4.1: Примеры использования кортежей

Теперь выполним примеры из раздела про словари (рис. [-@fig:002]).

Словарь — неупорядоченный набор связанных между собой по ключу данных.


```

Словари
[14]: # создать словарь с именем phonebook:
      phonebook = Dict{"Иванов И.И." => ("867-5309", "333-5544"), "Бухгалтерия" => "555-2368"}

[14]: Dict{String, Any} with 2 entries:
      "Бухгалтерия" => "555-2368"
      "Иванов И.И." => ("867-5309", "333-5544")

[15]: # вывести ключи словаря:
      keys(phonebook)

[15]: KeySet for a Dict{String, Any} with 2 entries. Keys:
      "Бухгалтерия"
      "Иванов И.И."

[16]: # вывести значения элементов словаря:
      values(phonebook)

[16]: ValueIterator for a Dict{String, Any} with 2 entries. Values:
      "555-2368"
      ("867-5309", "333-5544")

[17]: # вывести заданные в словаре пары "ключ-значение":
      pairs(phonebook)

[17]: Dict{String, Any} with 2 entries:
      "Бухгалтерия" => "555-2368"
      "Иванов И.И." => ("867-5309", "333-5544")

[18]: # проверка вхождения ключа в словарь:
      haskey(phonebook, "Иванов И.И.")

[18]: true

```

Рисунок 4.2: Примеры использования словарей

Выполним примеры из раздела про множества (рис. [-@fig:003]).

Множество, как структура данных в Julia, соответствует множеству как математическому объекту, то есть является неупорядоченной совокупностью элементов какого-либо типа.

Возможные операции над множествами: объединение, пересечение, разность; принадлежность элемента множеству.

```

Множества
[22]: # создать множество из четырёх целочисленных значений:
      A = Set{1, 3, 4, 5}

[22]: Set{Int64} with 4 elements:
      5
      4
      3
      1

[23]: # создать множество из 11 символьных значений:
      B = Set{"abracadabra"}

[23]: Set{Char} with 5 elements:
      'a'
      'r'
      'c'
      'b'
      'a'

[24]: # проверка эквивалентности двух множеств:
      S1 = Set{1,2};
      S2 = Set{3,4};
      issetequal(S1,S2)

[24]: false

[25]: S3 = Set{1,2,2,3,1,2,3,2,1};
      S4 = Set{2,3,1};
      issetequal(S3,S4)

[25]: true

```

Рисунок 4.3: Примеры использования множеств

Выполним примеры из раздела про массивы (рис. [-@fig:004]–[-@fig:006]).

Массив — коллекция упорядоченных элементов, размещённая в многомерной сетке.

Векторы и матрицы являются частными случаями массивов.

```

Массивы

[32]: # создание пустого массива с абстрактным типом:
empty_array_1 = []

[32]: Any[]

[33]: # создание пустого массива с конкретным типом:
empty_array_2 = [Int64]()
empty_array_3 = [Float64]()

[33]: Float64[]

[34]: # вектор-столбец:
a = [1, 2, 3]

[34]: 3-element Vector{Int64}:
 1
 2
 3

[35]: # вектор-строка:
b = [1 2 3]

[35]: 1x3 Matrix{Int64}:
 1 2 3

[36]: # многомерные массивы (матрицы):
A = [[1, 2, 3] [4, 5, 6] [7, 8, 9]]

[36]: 3x3 Matrix{Int64}:
 1 4 7
 2 5 8
 3 6 9

```

Рисунок 4.4: Примеры использования массивов

```

[37]: B = [[1 2 3]; [4 5 6]; [7 8 9]]

[37]: 3x3 Matrix{Int64}:
 1 2 3
 4 5 6
 7 8 9

[38]: # одномерный массив из 8 элементов (массив $I$ times $S$)
# со значениями, случайно распределенными на интервале [0, 1):
c = rand(1,8)

[38]: 1x8 Matrix{Float64}:
 0.470205  0.121101  0.109701  0.170352  - 0.483343  0.171508  0.0991006

[39]: # многомерный массив $I$ times $J$ ($I$ строк, $J$ столбцов) элементов
# со значениями, случайно распределенными на интервале [0, 1):
C = rand(2,3);

[40]: # трёхмерный массив:
D = rand(4, 3, 2)

[40]: 4x3x2 Array{Float64, 3}:
[:, :, 1] =
 0.581756  0.158493  0.8170796
 0.879488  0.404623  0.244413
 0.944041  0.150032  0.950363
 0.0781636 0.525627  0.608632

[:, :, 2] =
 0.538072  0.146319  0.547317
 0.32679  0.508525  0.915178
 0.609314 0.120923  0.929443
 0.412019 0.382324  0.656777

```

Рисунок 4.5: Примеры использования массивов

```

[45]: # двумерный массив 2x3 из единиц:
ones(2,3)

[45]: 2x3 Matrix{Float64}:
 1.0 1.0 1.0
 1.0 1.0 1.0

[46]: # одномерный массив из 4 нулей:
zeros(4)

[46]: 4-element Vector{Float64}:
 0.0
 0.0
 0.0
 0.0

[47]: # заполнить массив 3x2 цифрами 3.5
fill(3.5,(3,2))

[47]: 3x2 Matrix{Float64}:
 3.5 3.5
 3.5 3.5
 3.5 3.5

[48]: # заполнение массива посредством функции repeat():
repeat([1,2],3,3)

[48]: 6x3 Matrix{Int64}:
 1 1 1
 2 2 2
 1 1 1
 2 2 2
 1 1 1
 2 2 2

```

Рисунок 4.6: Примеры использования массивов

Теперь перейдем к выполнению заданий.

4.1 Задание №1

Даны множества:

$$A = \{0, 3, 4, 9\}, B = \{1, 3, 4, 7\}, C = \{0, 1, 2, 4, 7, 8, 9\}.$$

Найдём:

$$P = A \cap B \cup A \cap C \cup B \cap C \text{ (рис. [-@fig:007])}.$$

```
[64]: A = Set([0, 3, 4, 9])
      B = Set([1, 3, 4, 7])
      C = Set([0, 1, 2, 4, 7, 8, 9])

      # Находим пересечения и объединяем их в одно множество
      P = union(intersect(A,B),
                intersect(A,B),
                intersect(A,C),
                intersect(B,C))
      println(P)

      Set([0, 4, 7, 9, 3, 1])
```

Рисунок 4.7: Задание №1. Работа с множествами

4.2 Задание №2

Приведём свои примеры с выполнением операций над множествами элементов разных типов (рис. [-@fig:008]).

```
[65]: S1 = Set([1, "apple", 3.5])      # числа, строка и число с плавающей точкой
      S2 = Set([2, "banana", 3.5]) # числа, строка и число с плавающей точкой
      S3 = Set(["apple", "banana"]) # только строки

# Пересечение множеств
intersection1 = intersect(S1, S2)
println("Пересечение S1 и S2: ", intersection1)

# Объединение множеств
union1 = union(S1, S2)
println("Объединение S1 и S2: ", union1)

# Разность множеств
diff1 = setdiff(S1, S2)
println("Разность S1 и S2: ", diff1)

# Проверка вхождения элементов
println("3.5 ∈ S1? ", 3.5 in S1)
println("\"banana\" ∈ S1? ", "banana" in S1)

# Добавление элемента в множество
push!(S1, "orange")
println("S1 после добавления элемента: ", S1)

# Удаление последнего элемента множества
pop!(S1)
println("S1 после удаления последнего элемента: ", S1)

# Проверка, является ли одно множество подмножеством другого
println("S3 ⊆ S2? ", issubset(S3, S2))
```

Рисунок 4.8: Задание №2. Примеры операций над множествами элементов разных типов

4.3 Задание №3

Создадим массивы разными способами, используя циклы (рис. [-@fig:009]–[-@fig:021]).

```

N = 22
arr1 = collect(1:N) # collect() превращает диапазон в массив
println(arr1)

[1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12, 13, 14, 15, 16, 17, 18, 19, 20, 21, 22]

3.2) массив (N,N-1,...,2,1), N>20

[67]: arr2 = collect(Ni-1:1) # диапазон с шагом -1
println(arr2)

[22, 21, 20, 19, 18, 17, 16, 15, 14, 13, 12, 11, 10, 9, 8, 7, 6, 5, 4, 3, 2, 1]

3.3) массив (1,2,3,...,N-1,N,N-1,...,2,1),N>20

[68]: arr3 = [collect(1:N); collect(N-1:-1:1)] # объединяет два массива вертикально
println(arr3)

[1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12, 13, 14, 15, 16, 17, 18, 19, 20, 21, 22, 21, 20, 19, 18, 17, 16, 15, 14, 13, 12, 11, 10, 9, 8, 7, 6, 5, 4, 3, 2, 1]

3.4) массив tmp вида (4,6,3)

[69]: tmp = [4, 6, 3]
println(tmp)

[4, 6, 3]

3.5) массив, в котором первый элемент tmp повторяется 10 раз

[70]: arr5 = fill(tmp[1], 10)
println(arr5)

[4, 4, 4, 4, 4, 4, 4, 4, 4, 4]

```

Рисунок 4.9: Задание №3. Работа с массивами

[illegible]

Рисунок 4.10: Задание №3. Работа с массивами

```
3.10) вектор  $y = e^x \cdot \cos(x)$  в точках  $x = 3, 3.1, 3.2, \dots, 6$ , найти среднее значение у
```

```
[77]: using Statistics

# задаём массив точек x от 3 до 6 с шагом 0.1
x = 3:0.1:6

# строим вектор y = e^x * cos(x) для всех значений x
y = [exp(i) * cos(i) for i in x]

# находим среднее значение элементов массива y
mean_y = mean(y)

# вывод результата
println("среднее значение y = ", mean_y)

Среднее значение y = 53.11374594642971
```

Рисунок 4.11: Задание №3. Работа с векторами

```

3.11) вектор вида (xi(yj)), x = 0.1, i = 3,6,9,...,36, y = 0.2, j = 1,4,7,...,34;
[78]: # Задать параметры
x = 0.1
y = 0.2

# Степени i и j
i_vals = 3:36 # 3,6,9,...,36
j_vals = 1:34 # 1,4,7,...,34

# Строим векторы
vec_x = [xi for i in i_vals] # (xi)
vec_y = [yj for j in j_vals] # (yj)

# Объединяем их в один вектор
vec = vcat(vec_x, vec_y)

# Вывод результата
println("Вектор: ", vec)

Вектор: [0.0010000000000000002, 1.0000000000000004e-6, 1.000000000000005e-9, 1.000000000000006e-12, 1.000000000000009e-15, 1.00000000000001e-18, 1.0000000000012e-21, 1.000000000000014e-24, 1.000000000000015e-27, 1.000000000000017e-30, 1.000000000000019e-33, 1.00000000000002e-36, 0.2, 0.001600000000000003, 1.2800000000000005e-5, 1.0240000000000006e-7, 8.192000000000005e-10, 6.5536000000000055e-12, 5.2428800000000056e-14, 4.194304000000005e-16, 3.3554432000000048e-18, 2.684354560000004e-20, 2.1474836480000035e-22, 1.717986918400003e-24]
```

Рисунок 4.12: Задание №3. Работа с векторами

```

3.12) вектор с элементами 2i/i!, i = 1,2,...,M, M = 25
[79]: # Задать M
M = 25

# Строим вектор по формуле 2i / i!
y = [2i / i for i in 1:M]

# Выводим результат
println("Вектор y: ", y)

Вектор y: [2.0, 2.0, 2.6666666666666665, 4.0, 6.4, 10.666666666666666, 18.285714285714285, 32.0, 56.888888888888886, 102.4, 186.18181818181818, 341.3333333333333, 630.1538461538462, 1170.2857142857142, 2184.5333333333333, 4096.0, 7710.117647058823, 14563.555555555555, 27594.105263157893, 52428.8, 99864.38095238095, 190650.18181818182, 364722.0869565217, 699050.6666666666, 1.34217728e6]

3.13) вектор вида ("fn1","fn2",...,"fnN"), N = 30
[80]: N = 30

# Формируем вектор строк
fn_vector = ["fn" * i for i in 1:N]

println("Вектор fn_vector: ", fn_vector)

Вектор fn_vector: ["fn1", "fn2", "fn3", "fn4", "fn5", "fn6", "fn7", "fn8", "fn9", "fn10", "fn11", "fn12", "fn13", "fn14", "fn15", "fn16", "fn17", "fn18", "fn19", "fn20", "fn21", "fn22", "fn23", "fn24", "fn25", "fn26", "fn27", "fn28", "fn29", "fn30"]
```

Рисунок 4.13: Задание №3. Работа с векторами

```

3.14) векторы x = (x1, x2,...,xn) и y = (y1, y2,...,yn) целочисленного типа длины n = 250 как случайные выборки из совокупности 0,1,...,999 на его основе:
- сформируйте вектор (y2 - x1,..., yn - xn-1)
[81]: using Random

# Длина векторов
n = 250

# Генерация случайных целочисленных векторов x и y из диапазона 0:999
x = rand(0:999, n)
y = rand(0:999, n)

# Формируем новый вектор (y2 - x1, ..., yn - xn-1)
z = [y[i+1] - x[i] for i in 1:(n-1)]

# Вывод результата
println("Длина вектора z = ", length(z))
println("Пример первых 10 элементов z: ", z[1:10])

Длина вектора z = 249
Пример первых 10 элементов z: [688, -682, -82, 457, 73, 411, -198, 414, 651, -497]

- сформируйте вектор(x1 + 2x2 - x3, x2 + 2x3 - x4,..., xn-2 + 2xn-1 - xn)
[82]: # Формирование нового вектора (x1 + 2x2 - x3, ..., xn-2 + 2xn-1 - xn)
z = [x[i] + 2*x[i+1] - x[i+2] for i in 1:(n-2)]

# Вывод результата
println("Длина вектора z = ", length(z))
println("Первые 10 элементов z: ", z[1:10])

Длина вектора z = 248
Первые 10 элементов z: [1488, 1339, 902, -129, 514, 702, 716, -557, 1156, 2103]
```

Рисунок 4.14: Задание №3. Работа с векторами

```

- сформируйте вектор (sin(y1)/cos(x2), sin(y2)/cos(x3),...,sin(ym-1)/cos(xn))

[83]: # Формирование результирующего вектора
result = [sin(y[i]) / cos(x[i+1]) for i in 1:n-1]

println("Длина результата: ", length(result))
println("Первые 10 значений: ", result[1:10])

Длина результата: 249
Первые 10 значений: [0.058314237725356245, 1.2919293122304518, 0.4620920945755471, -0.49119286759821895, 7.816468564043453, 31.293182524004845, -0.780266
8223463821, 6.097821294378157, -1.9572582438984606, 1.578836222228221]

- вычислите sum(exp^(-x[i+1]) / (x[i] + 10) for i = 1 to n-1)

[84]: # Вычисление суммы
S = sum([exp(-x[i+1]) / (x[i] + 10) for i in 1:n-1])

println("Сумма S = ", S)

Сумма S = 1.370443434211269e-5

```

Рисунок 4.15: Задание №3. Работа с векторами

```

- выберите элементы вектора y, значения которых больше 600, и выведите на экран; определите индексы этих элементов

[85]: # Выбор элементов, больших 600
selected_values = y[y .> 600]

# Индексы этих элементов
indices = findall(y .> 600)

# Вывод результатов
println("Элементы больше 600: ", selected_values)
println("Их индексы: ", indices)

Элементы больше 600: [820, 994, 699, 802, 659, 703, 658, 821, 983, 624, 611, 916, 705, 951, 702, 743, 960, 651, 914, 606, 950, 950, 700, 885, 867, 993, 6
94, 813, 926, 653, 824, 678, 703, 879, 849, 704, 994, 780, 948, 858, 645, 658, 771, 701, 647, 955, 756, 972, 667, 943, 665, 720, 831, 916, 745, 608, 834,
702, 883, 790, 849, 851, 833, 712, 780, 933, 799, 749, 894, 741, 626, 697, 630, 912, 817, 927, 783, 815, 884, 617, 642, 825, 793, 604, 753, 901, 817, 87
6, 906, 640, 725, 969, 992, 902, 950, 848, 752, 687, 995, 648, 885, 611, 737]
Их индексы: [1, 2, 5, 7, 9, 10, 12, 13, 14, 16, 18, 21, 22, 25, 29, 30, 36, 37, 42, 46, 47, 48, 49, 50, 52, 54, 57, 58, 65, 66, 68, 69, 71, 75, 78, 79, 8
2, 83, 86, 87, 88, 95, 96, 101, 102, 103, 105, 106, 109, 111, 112, 114, 115, 119, 120, 121, 124, 125, 126, 128, 129, 133, 137, 144, 146, 147, 148, 154, 1
56, 157, 159, 165, 166, 171, 175, 176, 178, 179, 183, 186, 188, 194, 196, 197, 201, 202, 206, 208, 209, 211, 213, 214, 217, 223, 224, 225, 230, 231, 235,
236, 244, 247, 248]

```

Рисунок 4.16: Задание №3. Работа с векторами

```

- определите значения вектора x, соответствующие значениям вектора y, значения которых больше 600 (под соответствием понимается расположение на
аналогичных индексных позициях)

[86]: # Находим индексы элементов y, больших 600
indices = findall(y .> 600)

# Берём элементы x, соответствующие этим индексам
corresponding_x = x[indices]

# Вывод результатов
println("Индексы элементов y > 600: ", indices)
println("Элементы x на этих позициях: ", corresponding_x)

Индексы элементов y > 600: [1, 2, 5, 7, 9, 10, 12, 13, 14, 16, 18, 21, 22, 25, 29, 30, 36, 37, 42, 46, 47, 48, 49, 50, 52, 54, 57, 58, 65, 66, 68, 69, 7
1, 75, 78, 79, 82, 83, 86, 87, 88, 95, 96, 101, 102, 103, 105, 106, 109, 111, 112, 114, 115, 119, 120, 121, 124, 125, 126, 128, 129, 133, 137, 144, 146, 147,
148, 154, 156, 157, 159, 165, 166, 171, 175, 176, 178, 179, 183, 186, 188, 194, 196, 197, 201, 202, 206, 208, 209, 211, 213, 214, 217, 223, 224, 22
5, 230, 231, 235, 236, 244, 247, 248]
Элементы x на этих позициях: [386, 725, 10, 278, 52, 906, 219, 392, 917, 170, 445, 508, 422, 667, 655, 951, 955, 178, 66, 958, 439, 176, 322, 246, 632, 7
19, 747, 605, 322, 438, 457, 796, 361, 433, 700, 665, 41, 736, 542, 524, 438, 506, 960, 114, 38, 81, 508, 297, 985, 235, 541, 246, 587, 657, 61, 925, 11
9, 735, 902, 945, 430, 977, 426, 991, 101, 30, 115, 446, 926, 139, 627, 279, 658, 333, 956, 357, 493, 20, 886, 23, 964, 714, 574, 573, 720, 341, 568, 52
9, 874, 822, 847, 579, 231, 725, 65, 390, 539, 629, 779, 132, 240, 821, 707]

```

Рисунок 4.17: Задание №3. Работа с векторами

```

- сформируйте вектор [(x1 - X̄)^(1/2), (x2 - X̄)^(1/2), ..., (xn - X̄)^(1/2)], где X̄ обозначает среднее значение вектора x = (x1, x2, ..., xn)

[87]: # Среднее значение вектора x
x_mean = mean(x)

# Формирование нового вектора [(xi - X̄)^(1/2)]
result = [sqrt(abs(x[i] - x_mean)) for i in 1:n]

# Вывод результатов
println("Среднее значение X̄ = ", x_mean)
println("Первые 10 элементов нового вектора: ", result[1:10])

Среднее значение X̄ = 506.648
Первые 10 элементов нового вектора: [10.983988346679908, 14.7767384764027, 8.86837076356193, 16.268005409391773, 22.285600732311437, 10.753976008900151,
15.12111070288453, 16.175537085364432, 21.322476404802043, 19.9837934336802]

- определите, сколько элементов вектора y отстоят от максимального значения не более, чем на 200

[88]: # Максимальное значение вектора y
y_max = maximum(y)

# Логический вектор: true, если элемент отличается от максимума не более чем на 200
mask = (y_max .- y) .<= 200

# Подсчёт количества таких элементов
count_close = count(mask)

# Вывод результатов
println("Максимальное значение вектора y = ", y_max)
println("Количество элементов, которые отличаются от max не более чем на 200: ", count_close)

Максимальное значение вектора y = 995
Количество элементов, которые отличаются от max не более чем на 200: 52

```

Рисунок 4.18: Задание №3. Работа с векторами

- определите, сколько чётных и нечётных элементов вектора x

```
[89]: # Подсчёт количества чётных и нечётных элементов
count_even = count(iseven, x) # сколько элементов чётные
count_odd = count(isodd, x)   # сколько элементов нечётные

# Вывод результатов
println("Количество чётных элементов: ", count_even)
println("Количество нечётных элементов: ", count_odd)

Количество чётных элементов: 118
Количество нечётных элементов: 132
```

- определите, сколько элементов вектора x кратны 7

```
[90]: # Подсчёт количества элементов, кратных 7
count_mult7 = count(xi -> xi % 7 == 0, x)

# Вывод результата
println("Количество элементов вектора x, кратных 7: ", count_mult7)

Количество элементов вектора x, кратных 7: 35
```

Рисунок 4.19: Задание №3. Работа с векторами

- отсортируйте элементы вектора x в порядке возрастания элементов вектора y

```
[91]: # Сортировка x по возрастанию соответствующих y
x_sorted = x[sortperm(y)]

# Вывод результатов
println("Первые 10 значений y: ", y[1:10])
println("Первые 10 значений x: ", x[1:10])
println("Первые 10 значений отсортированного x: ", x_sorted[1:10])

Первые 10 значений y: [820, 994, 123, 346, 699, 83, 802, 80, 659, 703]
Первые 10 значений x: [386, 725, 428, 242, 10, 391, 278, 245, 52, 906]
Первые 10 значений отсортированного x: [585, 983, 542, 317, 935, 150, 787, 760, 395, 148]
```

- выведите элементы вектора x, которые входят в десятку наибольших (top-10)

```
[92]: # Сортировка по убыванию и выбор top-10
top10 = sort(x, rev=true)[1:10]

# Вывод результатов
println("Top-10 элементов вектора x: ", top10)

Top-10 элементов вектора x: [999, 999, 991, 991, 988, 987, 985, 983, 983, 979]
```

Рисунок 4.20: Задание №3. Работа с векторами

- сформируйте вектор, содержащий только уникальные (неповторяющиеся) элементы вектора x.

```
[93]: # Уникальные (неповторяющиеся) элементы
unique_x = unique(x)

# Вывод результатов
println("Исходная длина вектора x: ", length(x))
println("Длина вектора уникальных элементов: ", length(unique_x))
println("Первые 20 уникальных элементов: ", unique_x[1:20])

Исходная длина вектора x: 250
Длина вектора уникальных элементов: 226
Первые 20 уникальных элементов: [386, 725, 428, 242, 10, 391, 278, 245, 52, 906, 708, 219, 392, 917, 649, 170, 585, 445, 541, 251]
```

Рисунок 4.21: Задание №3. Работа с векторами

4.4 Задание №4

Создадим массив `squares`, в котором будут храниться квадраты всех целых чисел от 1 до 100 (рис. [-@fig:022]).

4. Создайте массив `squares`, в котором будут храниться квадраты всех целых чисел от 1 до 100

```
[94]: # Массив квадратов чисел от 1 до 100
squares = [i^2 for i in 1:100]

# Вывод первых 10 элементов для проверки
println("Первые 10 квадратов: ", squares[1:10])
println("Последние 10 квадратов: ", squares[end-9:end])

Первые 10 квадратов: [1, 4, 9, 16, 25, 36, 49, 64, 81, 100]
Последние 10 квадратов: [8281, 8464, 8649, 8836, 9025, 9216, 9409, 9604, 9801, 10000]
```

Рисунок 4.22: Задание №4

4.5 Задание №5

Подключим пакет `Primes` (функции для вычисления простых чисел).

Сгенерируем массив `myprimes`, в котором будут храниться первые 168 простых чисел.

Определим 89-е наименьшее простое число.

Получим срез массива с 89-го до 99-го элемента включительно, содержащий наименьшие простые числа (рис. [-@fig:023]).

5. Подключите пакет `Primes` (функции для вычисления простых чисел). Сгенерируйте массив `myprimes`, в котором будут храниться первые 168 простых чисел. Определите 89-е наименьшее простое число. Получите срез массива с 89-го до 99-го элемента включительно, содержащий наименьшие простые числа

```
[95]: import Pkg
      Pkg.add("Primes")

      Updating registry at 'c:\Users\Анна\julia\registries\General.toml'
      Resolving package versions...
      No changes to 'c:\Users\Анна\julia\environments\v1.11\Project.toml'
      No changes to 'c:\Users\Анна\julia\environments\v1.11\Manifest.toml'

[96]: # Подключаем пакет для работы с простыми числами
      using Primes

      # Генерация первых 168 простых чисел
      myprimes = primes(1, 1000) # в диапазоне до 1000 их как раз 168 штук

      # 89-е наименьшее простое число
      prime_89 = myprimes[89]

      # Срез с 89-го по 99-й элемент включительно
      slice_89_99 = myprimes[89:99]

      # Вывод результатов
      println("Количество простых чисел в массиве myprimes: ", length(myprimes))
      println("89-е простое число: ", prime_89)
      println("Простые числа с 89-го по 99-й элемент: ", slice_89_99)

      Количество простых чисел в массиве myprimes: 168
      89-е простое число: 461
      Простые числа с 89-го по 99-й элемент: [461, 463, 467, 479, 487, 491, 499, 503, 509, 521, 523]
```

Рисунок 4.23: Задание №5. Работа с пакетом `Primes`

4.6 Задание №6

Вычислим следующие выражения (рис. [-@fig:024]–[-@fig:025]).

6.1) $\sum (i^3 + 4i^2 \text{ for } i \text{ in } 10:100)$

```
[97]: # Сумма от i = 10 до 100 для выражения i^3 + 4*i^2
S = sum(i^3 + 4*i^2 for i in 10:100)

println("Сумма S = ", S)

Сумма S = 26852735
```

6.2) $\sum (2^i/i + 3^i/i^2 \text{ for } i \text{ in } 1:M)$

```
[98]: # Верхняя граница
M = 25

# Вычисление суммы
S = sum(2^i/i + 3^i/i^2 for i in 1:M)

println("Сумма S = ", S)

Сумма S = 2.1291704368143802e9
```

Рисунок 4.24: Задание №6

6.3) $1 + 2/3 + (2/3 \cdot 4/5) + (2/3 \cdot 4/5 \cdot 6/7) + \dots + (2/3 \cdot 4/5 \dots 38/39)$

```
[100]: # Сумма последовательных произведений
S = 0.0 # начальная сумма
prod = 1.0 # текущее произведение

# Проходим по чётным числителям от 2 до 38
for n in 2:38
    prod *= n / (n + 1) # умножаем на дробь n/(n+1)
    S += prod           # добавляем текущее произведение в сумму
end

# Добавляем первый член 1
S += 1.0

println("Сумма S = ", S)

Сумма S = 6.976346137897619
```

Рисунок 4.25: Задание №6

5 Выводы

В результате выполнения данной лабораторной работы мы изучили несколько структур данных, реализованных в Julia, и научились применять их и операции над ними для решения задач.

Список литературы

1. JuliaLang [Электронный ресурс]. 2024 JuliaLang.org contributors.
URL: <https://julialang.org/> (дата обращения: 11.10.2024).
2. Julia 1.11 Documentation [Электронный ресурс]. 2024 JuliaLang.org contributors.
URL: <https://docs.julialang.org/en/v1/> (дата обращения: 11.10.2024).