Simulación

Simulación de π mediante variables aleatorias uniformes

Andrés Miniguano Trujillo

3 de abril de 2017

Mediante la ley de los grandes números se puede estimar el valor de π por medio de un algoritmo semejante a la regla de Laplace:

- 1. Fijar un número natural n suficientemente grande e inicializar N=0.
- 2. Generar $U_i \sim \mathcal{U}(0,1)$, vectores de dos componentes para cada $i \in \llbracket 1,n
 rbracket$.
- 3. Si $U_{i,1}^2 + U_{i,2}^2 \leq 1$, entonces $N \leftarrow N+1$.
- 4. Calcular $\tilde{\pi}_1 = 4N/n$. Este valor es una aproximación de π .

La idea es bastante sencilla: En el cuadrado de lado 1 y centrado en (1/2, 1/2) generamos dos variables aleatorias uniformes (coordenadas de puntos). Luego contamos los puntos que caen dentro del círculo de radio 1 y centrado en (0,0). Finalmente, una aproximación de π está dada por 4 veces la razón entre los puntos dentro del círculo y el número total de puntos simulados.

Pondré a prueba esta forma de simular π :

Obtengo la siguiente aproximación con su respectivo error:

$$\frac{\pi_1}{3.1608}$$
 error error relativo 0.00611

Ahora realizaré esta prueba varias veces:

```
> m <- 2000; pi1 <- rep(0,m);
> for(k in 1:m){
+    U <- runif(2*n, 0, 1);
+    V <- (U[1:n]^2 + U[(n+1):(2*n)]^2)
+    a <- V <= 1; pi1[k] <- 4*sum(a)/n
+ }</pre>
```

Presento a continuación el histograma de frecuencia relativa de los errores relativos:

- $\verb| > hist(abs(pi1-pi)/pi, density=100, border="beige", main="Histograma de error relativo", \\$
- + xlab="", ylab="Frecuencia relativa", freq=FALSE)

Histograma de error relativo

