

Proof of O, M', M'' 共线. Q3.

如图 2 所示. ~~保留~~

α_A 为 $\angle OM''A$, α_B 为 $\angle OM''B$, α_C 为 $\angle OM''C$.
 A° 为 A 处无人机的 ~~理想位置~~ 原本位置, B° 和 C° 同理.
 连接 OM'' , 过 B 作 $B'M''$ 的平行线交 OM'' 于点 M' ,
 连接 $M'A^\circ, M'C^\circ$.

由同位角关系显然有

$$\angle OM'B' = \angle OM''B = \alpha_B$$

$$\angle OM'A^\circ = \angle OM''A = \alpha_A$$

$$\angle OM'C^\circ = \angle OM''C = \alpha_C$$

该点 M' 满足 M'' 所处的无人机计算点的要求,
 即 ~~计算点~~ 获得的三个角度是由各发射无人机处
 在原本位置 (标准图) 上时发出的.

以下证明在平面几何中有且只有一个点 M' 满足上述条件.

证明: 引理 1: 三个圆的交点至多存在两个.

当 $OB^\circ M'$ 不共线时, 即 ~~发射机~~ 发射信号的无人机
 与被接收信号的无人机不相同. 显然成立.

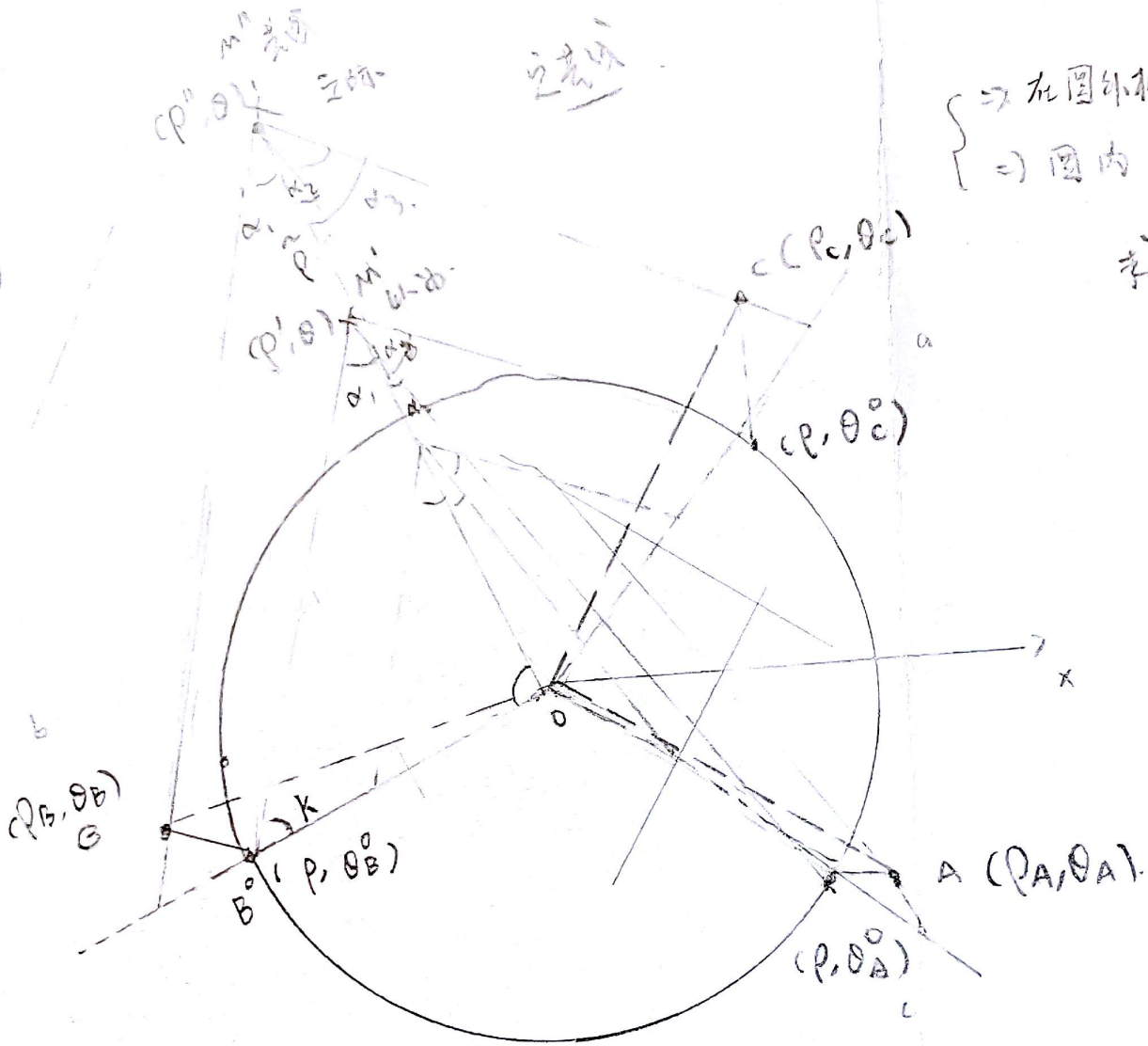
同理 $OA^\circ M'$ 不共线且 $OC^\circ M'$ 不共线.

作 $OB^\circ M', OA^\circ M'$ 和 $OC^\circ M'$ 的外接圆分别为 OB, OA 和 OC .

显然这三个圆存在两个交点 O 和 M' . 由引理 1 可得 不存在三个点
 使得三圆相交, 即不存在新的 M 点使得 $\angle OMB^\circ = \alpha_B, \angle OMA^\circ = \alpha_A,$
 $\angle OMC^\circ = \alpha_C$. 因此 M' 唯一.

证毕

P, θ
 (P', θ')
 $\theta' = \theta$



① 改变机知图与作

以图高图

\Rightarrow 在圆外机 \Rightarrow 实际等 $(P$
 \Rightarrow 圆内 \Rightarrow

$\tilde{P} =$

由向图也

$\angle k = \pi -$

\therefore 在 O

$\frac{P}{\sin}$

\Rightarrow

同

23. 之的图模型

图2.