Typy macierzy, Działania na macierzach

1. Oblicz $\mathbf{A} + \mathbf{B}$, $\mathbf{A} - \mathbf{B}$, \mathbf{A}^T , $3\mathbf{B}$, $\mathbf{B}^T - \mathbf{C}^T$, $(\mathbf{B} + \mathbf{C})^T$, $\mathbf{B} - \mathbf{C}$, $\mathbf{A}^T - 2\mathbf{B}^T + \frac{1}{3}\mathbf{C}^T$, jeżeli:

(a)
$$\mathbf{A} = \begin{bmatrix} 1 & -1 & 5 \\ 2 & 1 & -4 \end{bmatrix}$$
, $\mathbf{B} = \begin{bmatrix} -2 & -1 & 2 \\ 3 & 1 & 4 \end{bmatrix}$, $\mathbf{C} = \begin{bmatrix} 0 & -3 & 9 \\ 3 & 18 & -6 \end{bmatrix}$

(b)
$$\mathbf{A} = \begin{bmatrix} 1 & -1 & 5 & 1 \\ 2 & 5 & -2 & 5 \\ 2 & 1 & -4 & 1 \end{bmatrix}$$
, $\mathbf{B} = \begin{bmatrix} 4 & -2 & 3 & 1 \\ 2 & 5 & -2 & 2 \\ 1 & 4 & -4 & 1 \end{bmatrix}$, $\mathbf{C} = \begin{bmatrix} 0 & -3 & -3 & 12 \\ 3 & 3 & -6 & 3 \\ 9 & 9 & 0 & 6 \end{bmatrix}$

(c)
$$\mathbf{A} = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 3 & -2 \\ 2 & 1 & -7 \end{bmatrix}$$
, $\mathbf{B} = \begin{bmatrix} -2 & -3 & 5 \\ 3 & 0 & 8 \\ 5 & 2 & -4 \end{bmatrix}$, $\mathbf{C} = \begin{bmatrix} 0 & 3 & -9 \\ 3 & -12 & 6 \\ 3 & 18 & -3 \end{bmatrix}$

(d)
$$\mathbf{A} = \begin{bmatrix} 0 & -3 & 7 \\ 2 & 6 & -4 \end{bmatrix}$$
, $\mathbf{B} = \begin{bmatrix} -1 & -3 & 2 \\ 3 & 6 & 4 \end{bmatrix}$, $\mathbf{C} = \begin{bmatrix} 0 & -3 & -9 \\ -3 & -18 & -6 \end{bmatrix}$

(e)
$$\mathbf{A} = \begin{bmatrix} 11 & -13 & 6 & 9 \\ 4 & 15 & -5 & 0 \\ 2 & 12 & -14 & 11 \end{bmatrix}$$
, $\mathbf{B} = \begin{bmatrix} 0 & -2 & 3 & 1 \\ 2 & 0 & -12 & 2 \\ 1 & 4 & 0 & 1 \end{bmatrix}$, $\mathbf{C} = \begin{bmatrix} 0 & -3 & -3 & 6 \\ 3 & 0 & -6 & 0 \\ -9 & 9 & 0 & 6 \end{bmatrix}$

(f)
$$\mathbf{A} = \begin{bmatrix} -1 & 3 & 0 \\ 4 & 0 & -7 \\ 0 & 6 & -7 \end{bmatrix}$$
, $\mathbf{B} = \begin{bmatrix} -2 & 13 & 5 \\ 0 & 0 & 8 \\ 1 & 2 & -4 \end{bmatrix}$, $\mathbf{C} = \begin{bmatrix} 0 & -9 & -9 \\ 3 & -3 & 6 \\ 0 & 3 & -9 \end{bmatrix}$

2. Oblicz, jeżeli to możliwe: \mathbf{A}^2 , $\mathbf{B}\mathbf{B}^T$, $\mathbf{B}\mathbf{C}$, $\mathbf{B}\mathbf{D}^T$, $\mathbf{C}\mathbf{D}$, $\mathbf{D}\mathbf{B}$,

(a)
$$\mathbf{A} = \begin{bmatrix} 3 & 1 \\ 2 & 1 \end{bmatrix}$$
, $\mathbf{B} = \begin{bmatrix} 1 & -1 & -5 \\ -2 & 1 & 4 \end{bmatrix}$, $\mathbf{C} = \begin{bmatrix} -1 & 1 & 0 & -1 \\ 1 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 2 & 3 & -2 \end{bmatrix}$, $\mathbf{D} = \begin{bmatrix} 3 & -2 \\ -1 & 0 \\ 2 & 1 \\ 0 & -3 \end{bmatrix}$

(b)
$$\mathbf{A} = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 1 & 6 \\ 5 & 1 & 2 \end{bmatrix}$$
, $\mathbf{B} = \begin{bmatrix} 1 & -2 & 3 & 4 \\ -1 & 1 & 1 & -1 \\ 1 & 0 & 4 & 0 \\ 1 & 1 & 1 & 1 \end{bmatrix}$, $\mathbf{C} = \begin{bmatrix} 2 & -1 & 3 & -1 & 0 \\ -1 & 1 & 0 & -1 & 3 \\ 1 & 1 & 0 & 1 & 2 \\ 0 & 2 & 3 & -2 & 1 \end{bmatrix}$, $\mathbf{D} = \begin{bmatrix} 3 & -2 & 1 & 1 \\ 4 & -1 & 0 & 1 \\ 3 & 0 & 1 & 1 \\ -2 & -1 & 1 & 1 \\ 3 & -2 & 1 & 1 \end{bmatrix}$

(c)
$$\mathbf{A} = \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 2 & 2 \end{bmatrix}$$
, $\mathbf{B} = \begin{bmatrix} 1 & -3 & -5 \\ -2 & 5 & 4 \end{bmatrix}$, $\mathbf{C} = \begin{bmatrix} -4 & 1 & 0 & -1 \\ 1 & 6 & 0 & 1 \\ 0 & 2 & 3 & 2 \end{bmatrix}$, $\mathbf{D} = \begin{bmatrix} 3 & -2 \\ -2 & 6 \\ 2 & 1 \\ 4 & -3 \end{bmatrix}$

(d)
$$\mathbf{A} = \begin{bmatrix} 5 & 2 & 3 \\ 3 & -1 & 6 \\ 5 & 1 & -2 \end{bmatrix}$$
, $\mathbf{B} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 1 & 4 \\ -1 & 0 & 1 & -1 \\ 2 & 0 & 1 & 0 \\ 4 & 1 & 1 & 1 \end{bmatrix}$, $\mathbf{C} = \begin{bmatrix} 0 & -1 & 3 & -1 & 0 \\ 1 & 4 & 0 & -1 & -3 \\ -2 & 2 & 3 & 1 & 2 \\ 0 & 2 & 2 & 2 & -1 \end{bmatrix}$, $\mathbf{D} = \begin{bmatrix} 2 & -3 & 1 & 1 \\ 1 & -1 & 0 & 1 \\ 3 & 0 & 1 & 1 \\ -2 & -2 & 1 & 1 \\ 2 & -1 & 1 & 1 \end{bmatrix}$

3. Rozwiąż równanie macierzowe dla
$$\mathbf{A} = \begin{bmatrix} 3 & 0 & 0 \\ 0 & 5 & 0 \\ 1 & 0 & 5 \end{bmatrix}$$
 i $\mathbf{B} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 1 \\ 2 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 3 \end{bmatrix}$

(a)
$$2\mathbf{A} + \mathbf{X} = \mathbf{B}$$

(b)
$$A = X - 3I$$

(c)
$$\mathbf{AX} - \mathbf{A} = 2\mathbf{X}$$

(d)
$$\mathbf{B} - 2\mathbf{X} = 5\mathbf{A}$$

4. Wyznacz rząd macierzy:

(a)
$$\mathbf{A} = \begin{bmatrix} 1 & -1 & 5 \\ 2 & 1 & -4 \end{bmatrix},$$

(b)
$$\mathbf{A} = \begin{bmatrix} 1 & -1 & 5 & 1 \\ 2 & 5 & -2 & 5 \\ 2 & 1 & -4 & 1 \end{bmatrix}$$
,

(c)
$$\mathbf{A} = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 3 & -2 \\ 2 & 1 & -7 \end{bmatrix}$$
,

(d)
$$\mathbf{A} = \begin{bmatrix} 3 & 2 & 5 \\ 2 & 1 & -4 \\ 1 & 0 & 3 \\ 1 & 2 & 5 \\ 1 & 1 & -2 \end{bmatrix}$$
,

(e)
$$\mathbf{A} = \begin{bmatrix} 2 & -1 & 3 & -1 & 0 \\ -1 & 1 & 0 & -1 & 3 \\ 1 & 1 & 0 & 1 & 2 \\ 0 & 2 & 3 & -2 & 1 \end{bmatrix}$$

(f)
$$\mathbf{A} = \begin{bmatrix} 11 & -13 & 6 & 9 \\ 4 & 15 & -5 & 0 \\ 2 & 12 & -14 & 11 \end{bmatrix}$$
,