

機械學習講習会

[1] 「學習」

2024/06/24
traP Kaggle班

はじめに

この講習会のゴール

.....

- ✓ 機械学習の基本的なアイデアを理解して、
問題解決の手段として使えるようになる。

おしながき

.....

第1回 | 学習

第2回 | 勾配降下法

第3回 | 自動微分

第4回 | ニューラルネットワークの構造

第5回 | ニューラルネットワークの学習と評価

第6回 | PyTorch による実装

第7回 | 機械学習の応用、データ分析コンペ

この講習会で扱うこと、扱わないこと

機械学習は非常に広大な分野 ⇨ 全7回ではちょっと限界がある

今回の講習会ではとくにディープラーニングについてメインに扱います

- ツールを触るだけで原理は全然やらない
- 原理をやるだけで全然使えない

にならないようにどちらもバランス良くやります

全体の流れ

.....

第1回 学習

第2回 勾配降下法

第3回 自動微分

第4回 ニューラルネットワークの構造

第5回 ニューラルネットワークの学習と評価

第6回 PyTorch による実装

第7回 機械学習の応用、データ分析コンペ

最終的には...

.....

- ✓ 機械学習の基本的なアイデアを説明できるようになる
- ✓ ライブラリに頼らず基本的なアルゴリズム、モデルを実装できるようになる
- ✓ PyTorch を使った基本的なニューラルネットの実装ができるようになる

使うプログラミング言語



Python を使います

慣れている人へ

→ Jupyter Notebook と numpy, matplotlib, scipy, PyTorch あたりのライブラリを使えるようにしておいてください

慣れていない人へ

→ <https://abap34.github.io/ml-lecture/supplement/colab.html> をみて Google Colaboratory の使い方を覚えておいてください

使うプログラミング言語や前提知識など

1. Pythonを使った初步的なプログラミング

- if文, for文, 関数 など
- 外部パッケージの利用

(そこまで高度なことは求めません **ググり力とかの方が大事**)

2. 数学の初步的な知識

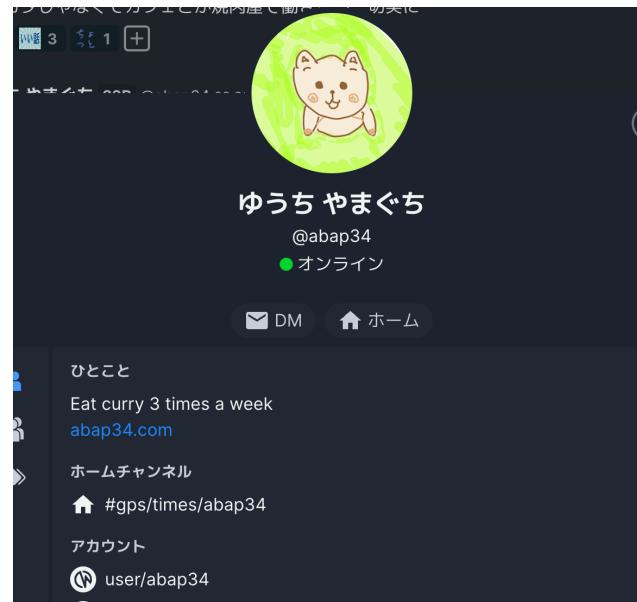
- 基本的な行列の演算や操作 (積、転置など)
- 基本的な微分積分の知識 (偏微分など)

(1年前期の (線形代数) + (微分積分のさわり) くらい)

著者のページ

@abap34

- 情報理工学院情報工学系 B3
- Kaggle班班長
 - アルゴ班にも入ってます
- 趣味
 - 機械学習 
 - 個人開発 
 - 野球 
 - 音楽 



謝辞

.....

内容の議論・チェックなど

- 24D @YumizSui さん (ex-traP)
- 22M @idaten さん (ex-traP)
- 23B @Kobakos くん

ありがとうございます 

質問・相談など

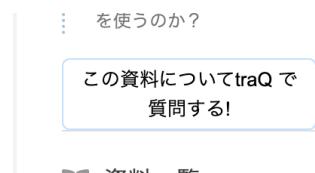
1. Wuff

- テキストを書くとこの画面に流れます
- **匿名** なので気軽にどうぞ

2. #workshop/machine-learning/sodan

- traQの相談チャンネル: #event/workshop/machine-learning/sodan

3. 各講習会資料に載ってる質問ボタン



← これを押すと投稿できます！

質問・相談など

.....

前提として、**大変**

1. 講義パートでは、5秒わからなかったら質問しよう
(traQでもwuffでも**OK**)
2. 演習パートでは、5分わからなかったら質問しよう

がんばりましょう

.....

(ここだけの話、機械学習はめちゃくちゃおもしろい)

全7回、がんばりましょう！！

第一回：學習

おしながき

.....

今日の目標

機械学習の基本的な用語を整理して、
「学習」ということばをきちんと説明できるようになる。

機械学習 or AI?

- AI(人工知能)
「人間っぽい知能」を実現しようとする分野・あるいは知能そのもの
- 機械学習(Machine Learning, ML)
様々な情報から「学習」をして動作するアルゴリズム
人工知能の一つのかたちと見られることが多い



機械学習 or AI?

.....

機械学習 で 人工知能 を実現

(↔ スーパーカー で、爆速移動 を実現)

ここでは一つの定義を紹介しましたが、実際この二つの言葉に明確に定義や合意があるわけではないです。
手法を厳密に分類してもあまり嬉しいことはないと思いますが、とりあえずこの講習会ではこういう形で整理してみることにします。

学習ってなに？

.....

- 機械学習(Machine Learning, ML)
様々な情報から「学習」をして動作するアルゴリズム

↑ 学習って何？

今日のテーマ:

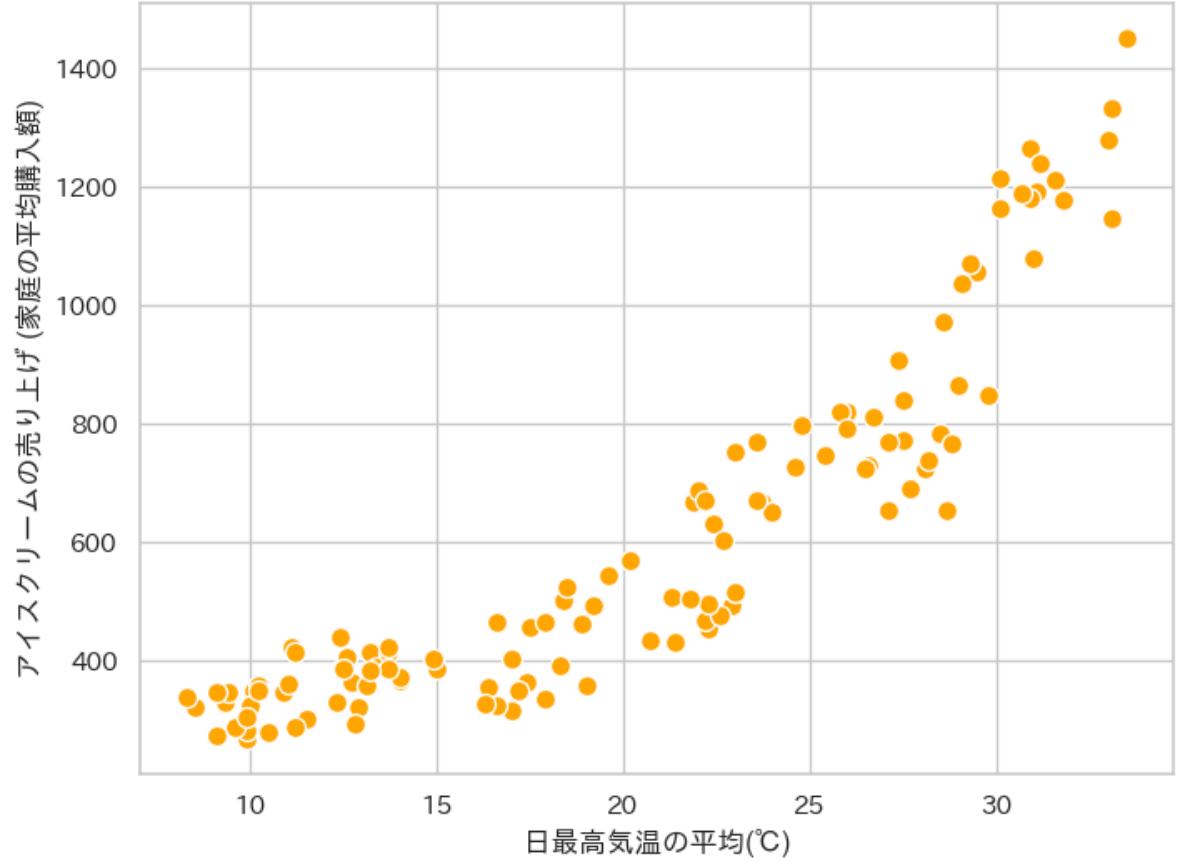
 「学習」を説明できるようになる

「気温」と「アイス」

- 気温↑ → 売れそう
- 気温↓ → 売れなさそう

「アイスの売り上げ」は
「気温」からある程度わかりそう？

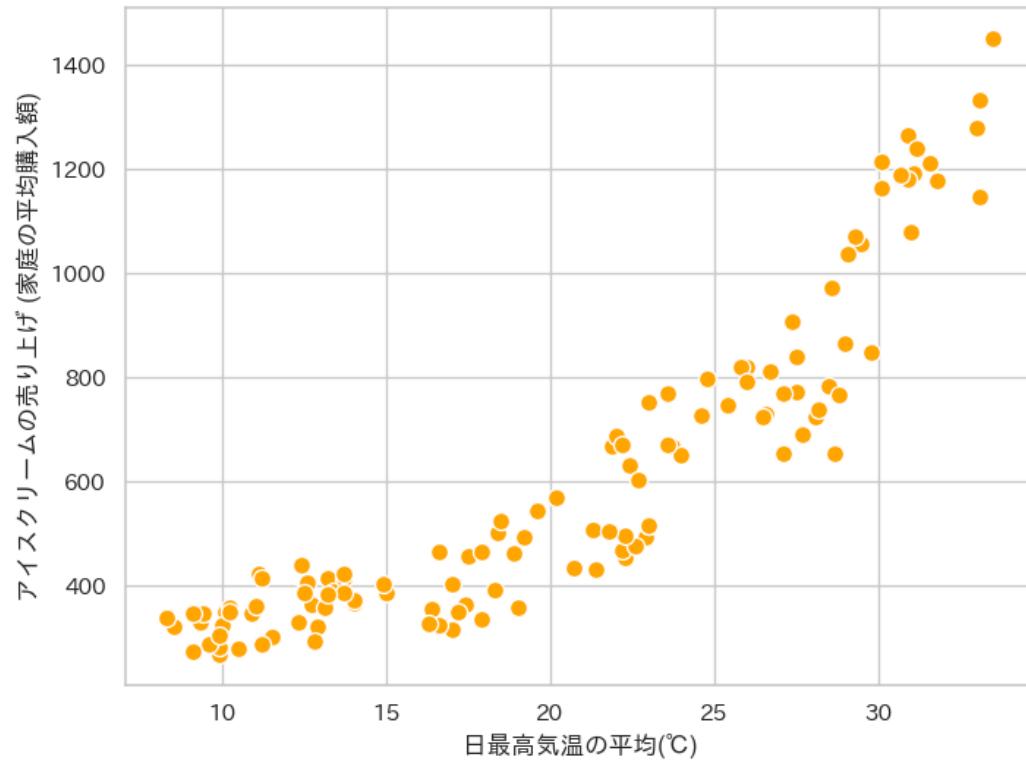
 < ...来月の売り上げが予想できた
らどのくらい牛乳入れたらいいか
わかつて嬉しいな。



アイスの売り上げを予測するAIをつくる。

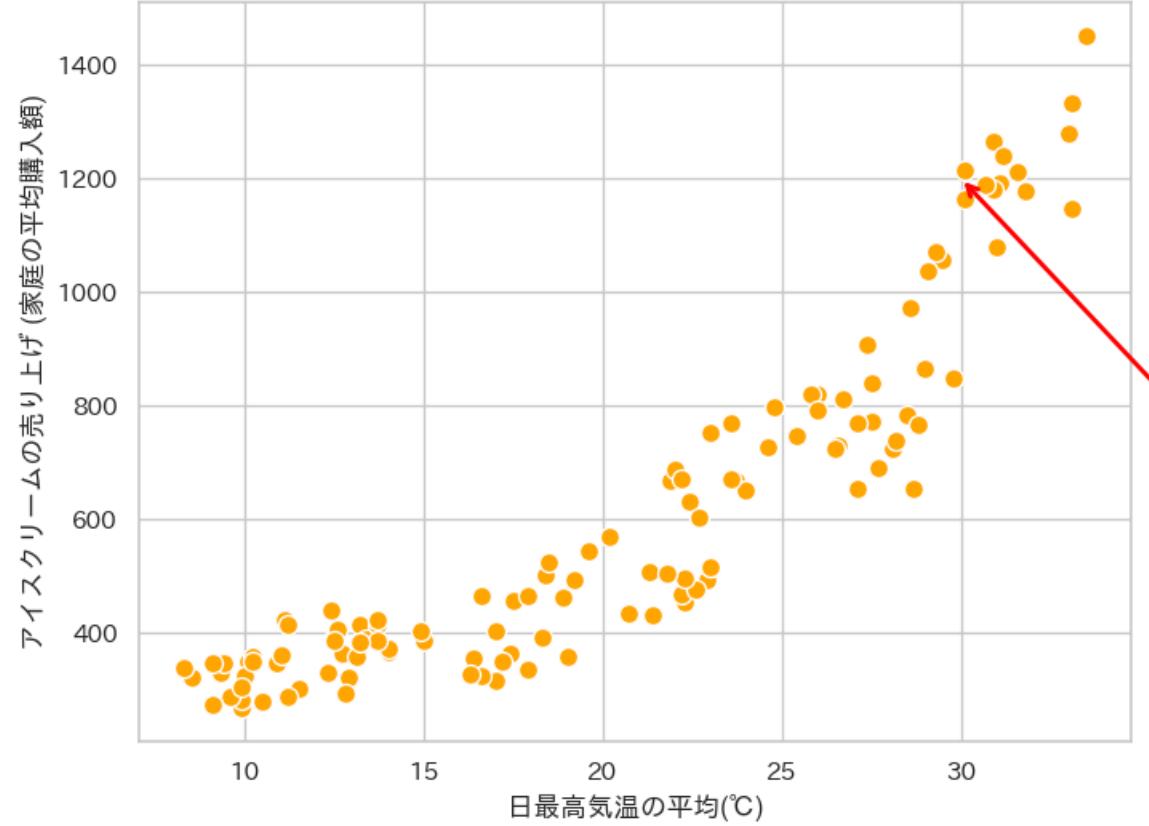


<なんか来月の予想平均気温30度って気象庁が言ってたな。



< !!!!!

アイスの売り上げを予測するAIをつくる.



< 過去に30°Cのときは...

過去を参照すると...

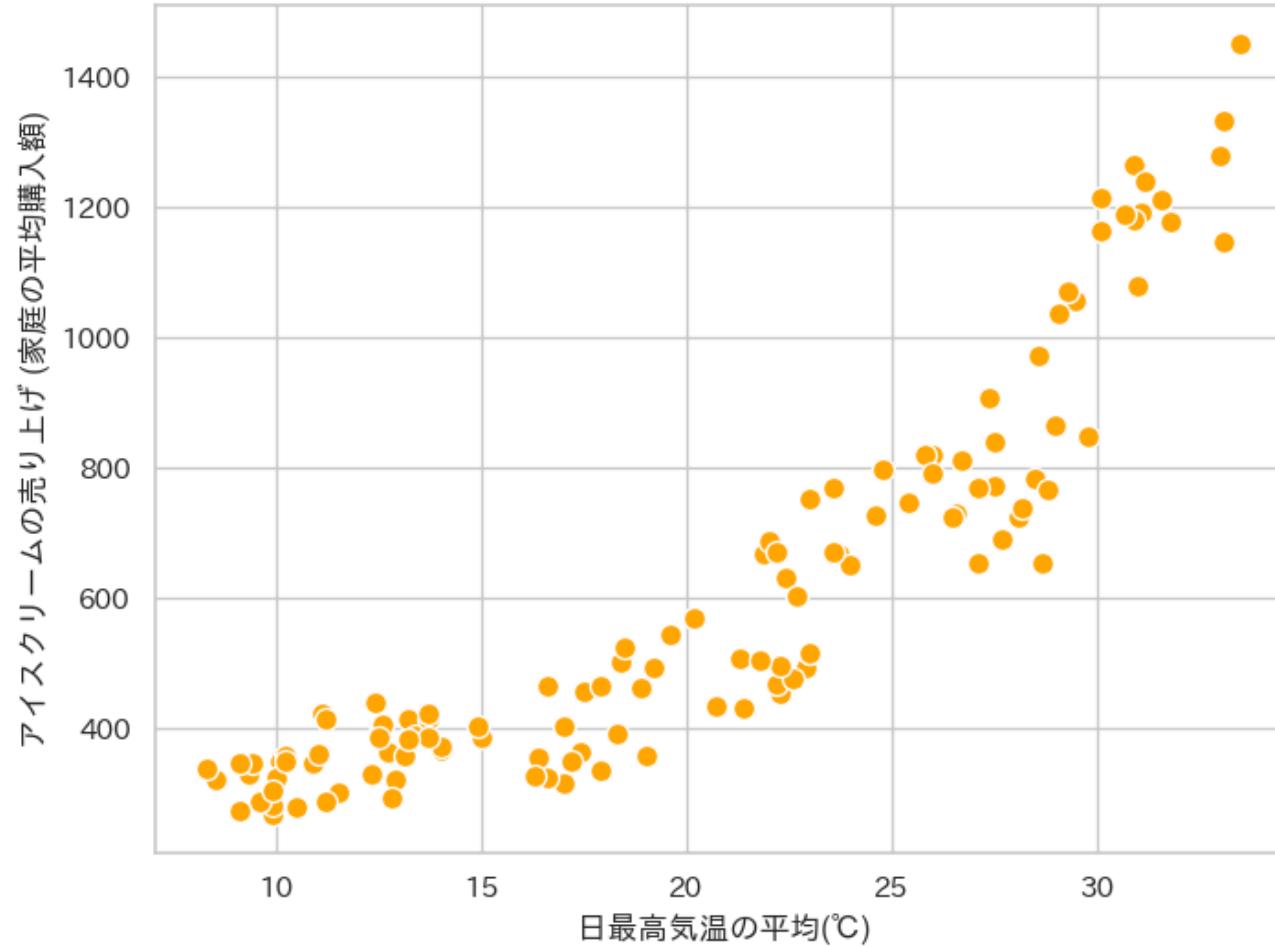
.....

一番簡単な方法: 過去の全く同じ状況を参照する

 < これでアイスの売り上げを予測するAIの完成や！

 < そのまた来月の予想平均気温は40°Cです。

 < !?



< 40°Cないやんけ

「予測」を考える

「予測」ってなんだっけ？

→ 入力を受け取って、それっぽい出力をすること



今回は、「入力: 気温」 → 「出力: アイスの売り上げ」

そして、 入力は知ってるものだけとは限らない

予測できるようになる \leftrightarrow ?



← こいつが本当にやらなくてはいけなかつたことは...

売り上げ = $f(\text{気温})$ となる関数 f の推定

このような、入力データを受け取り結果を返す f を**モデル**と呼ぶ

線形回帰

.....

売り上げ = $f(\text{気温})$ となる関数 f を作りたい。

⇒ 一旦話を簡単にするために

$$f(\text{気温}) = a \times \text{気温} + b$$

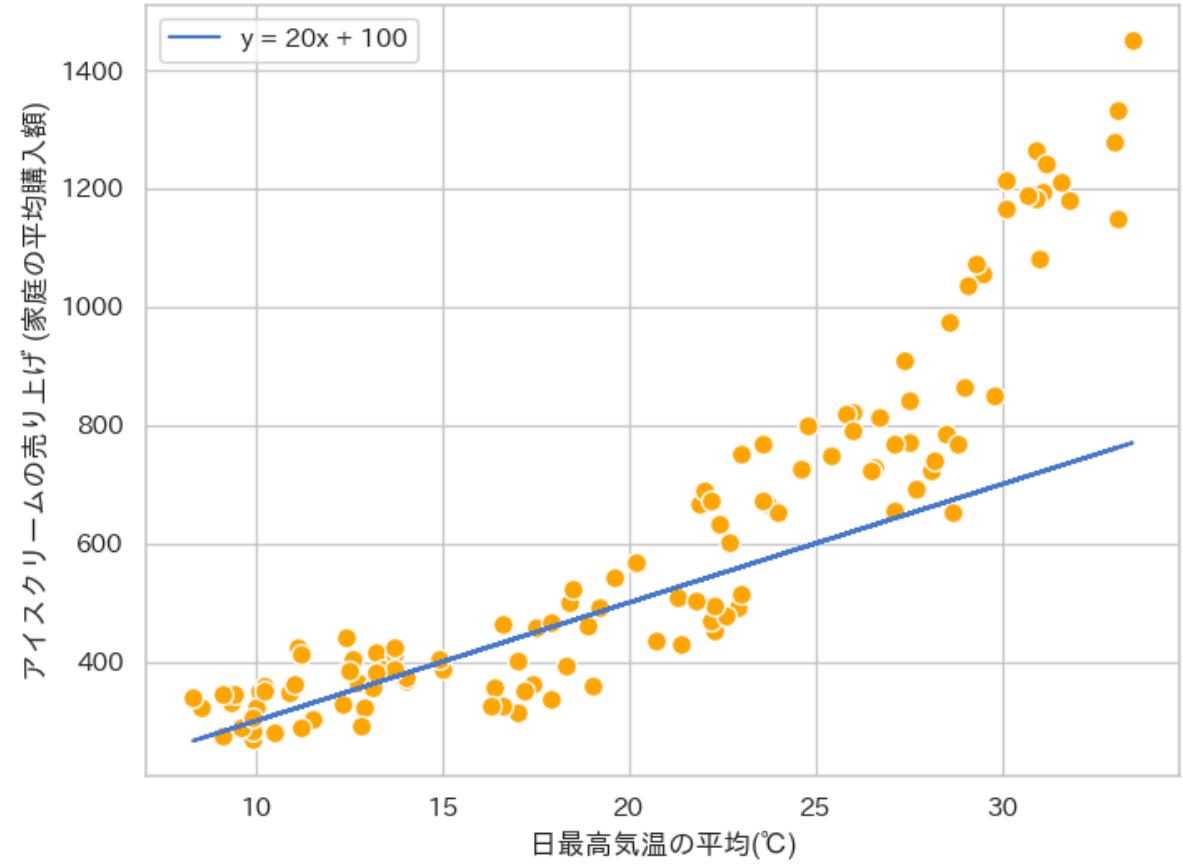
のかたちであることにしてみる。

f がパラメータについて線形であるようなモデルを「線形モデル」と呼びます。

ためしてみる

$a = 20, b = 100$ のとき…

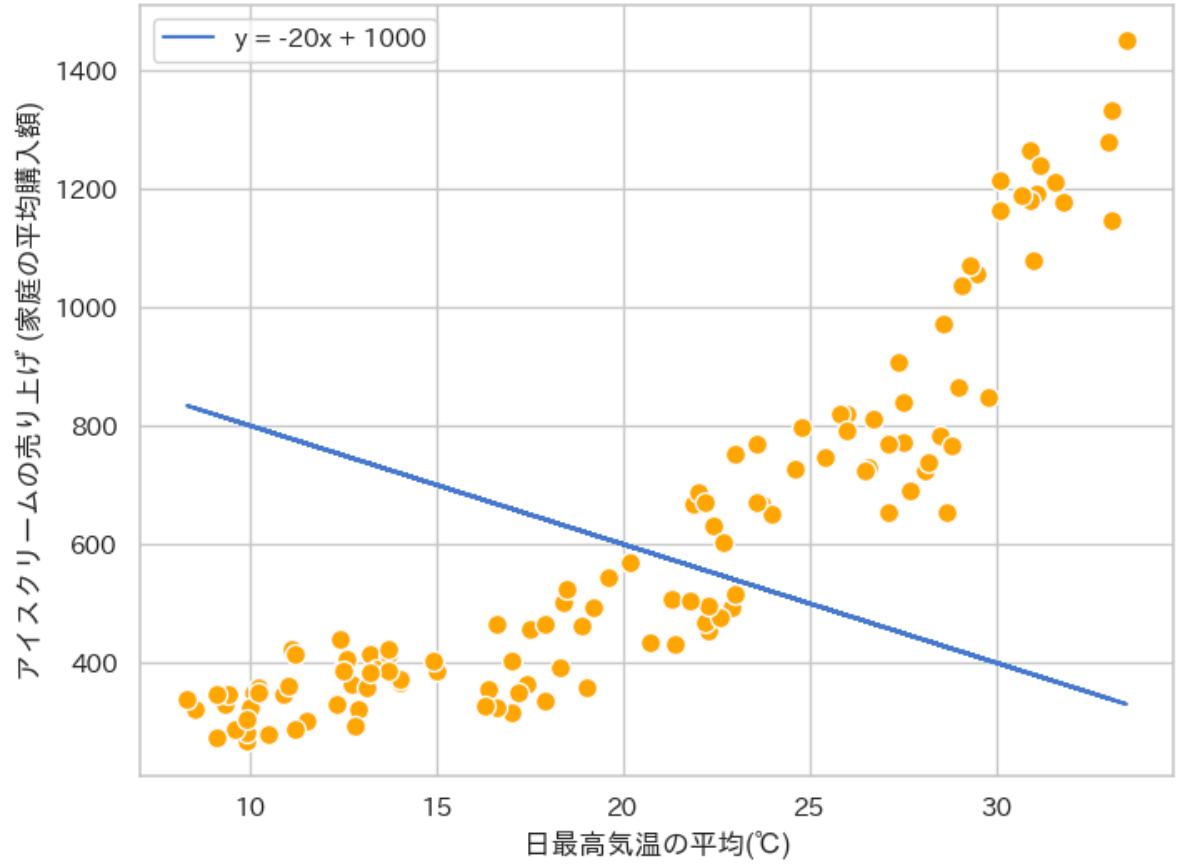
くわるくない



ためしてみる

$a = -20, b = 1000$ のとき...

 おわてます



パラメータ

a, b を変えることでモデル f の具体的な形が変わった！

このように各モデルが固有に持つてモデル自身の性質を定める



数を、「パラメータ」という。（ f は a, b をパラメータとして持つ）



f の構造を決めておけば…

「 f の推定 $\leftrightarrow f$ のパラメータの推定」

関数 f がパラメータ θ を持つことを陽に示すために、 $f(x; \theta)$ と書くことがあります。今回の場合は $f(x; a, b)$ となります。

ちょっとまとめ

- アイスの売り上げを予測するには、気温から売り上げを予測する「関数」を構築するのが必要であった。
- いたん、今回は関数の形として $f(x) = ax + b$ (一次関数) に限って、関数を決めることにした。
- この関数は、パラメータとして a, b をもち、 a, b を変えることで性質が変わるのがわかった
- これからやる仕事は、「 a, b をいい感じのものにする」ことで「いい感じの f を作る」こと

さっきの例

$a = 20, b = 100$ のとき...

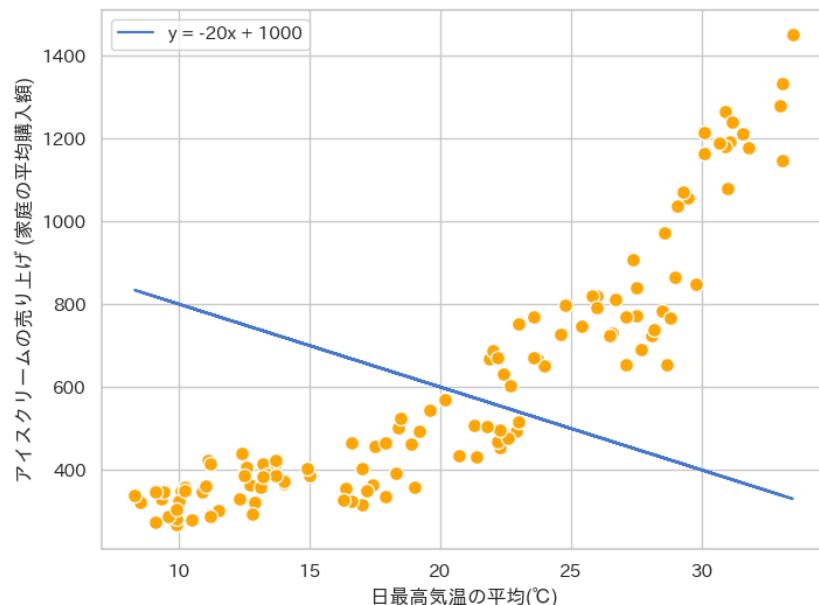
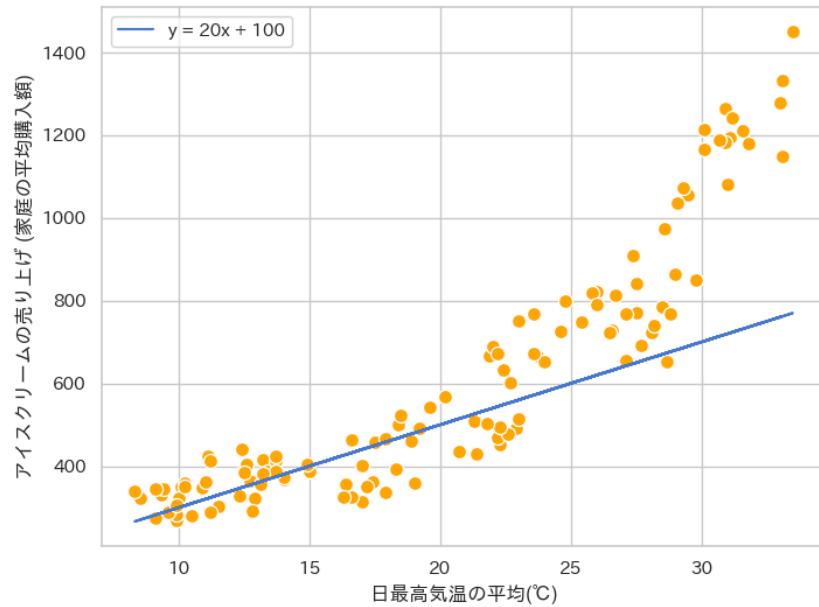
 < わるくない

$a = -20, b = 1000$ のとき...

 < おわてます

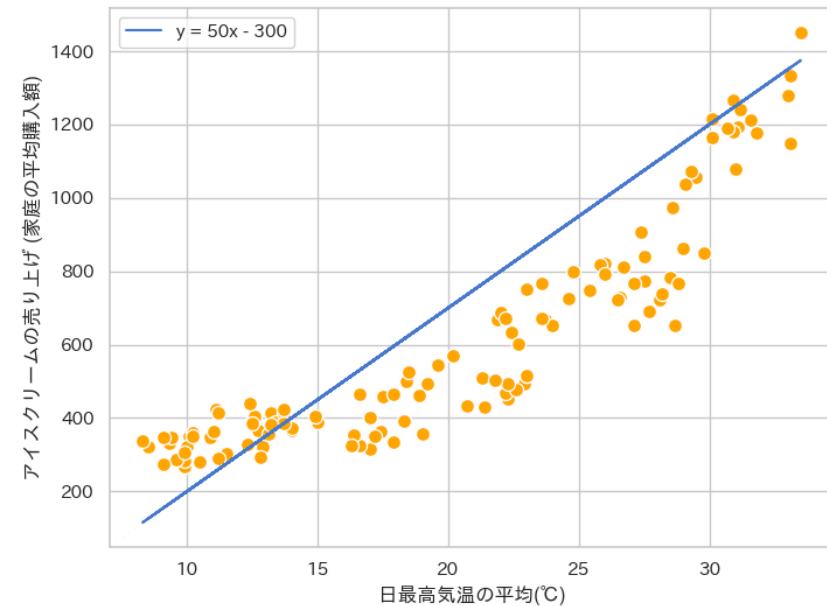
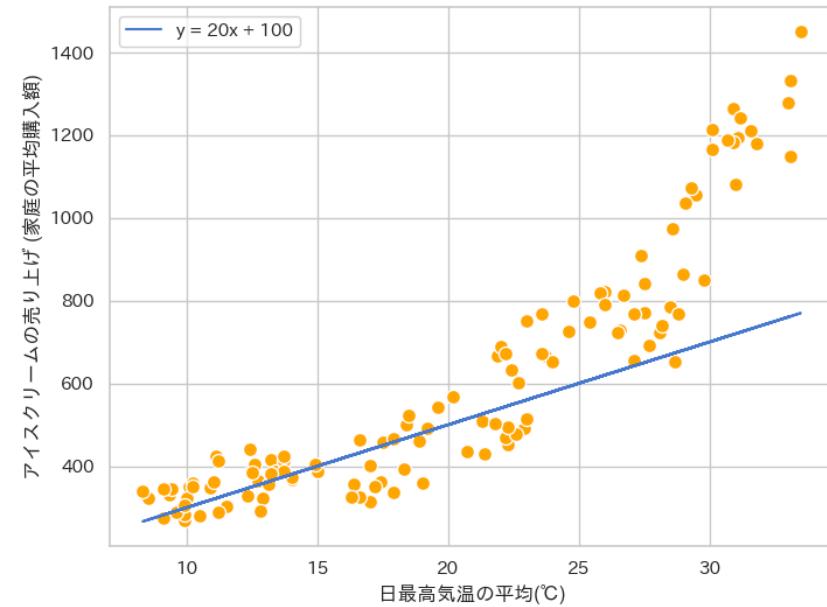
▽ なぜ？

 < 見りやわかる



いい勝負?

上: $a = 20, b = 100$
下: $a = 50, b = -300$



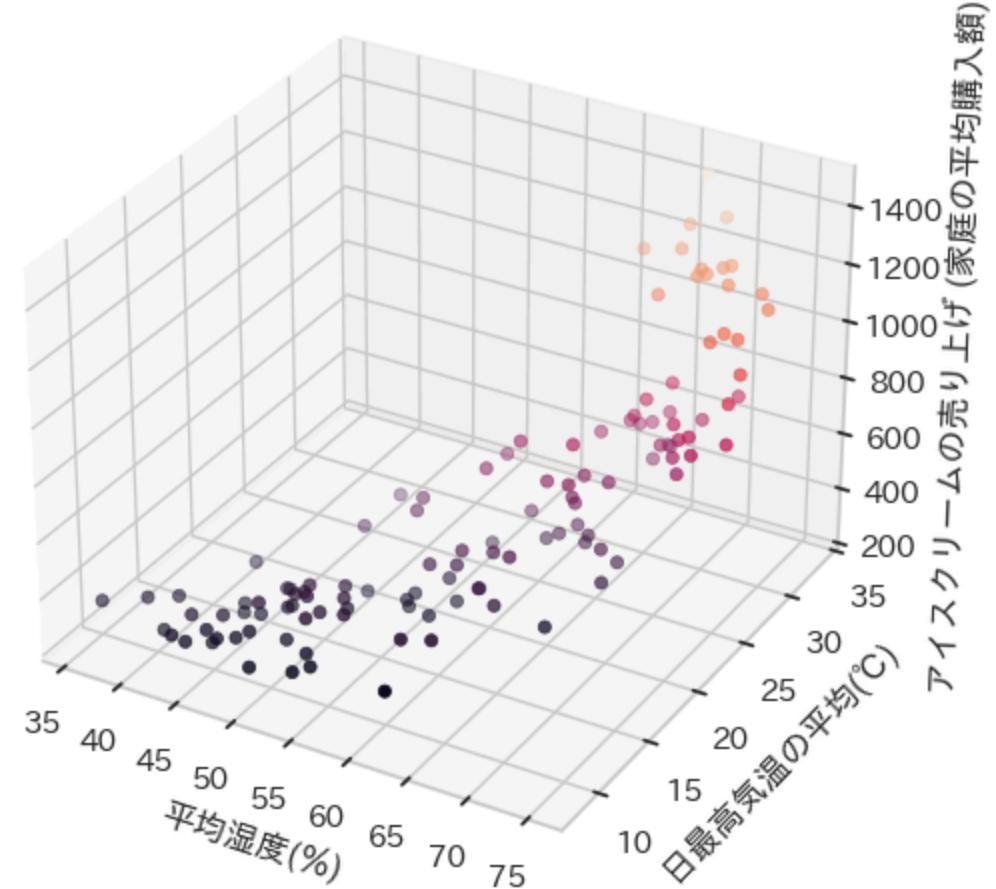
破綻

.....

売り上げ = $f(\text{気温}, \text{湿度}, \dots)$



- 案1. 高次元の存在になる
- 案2. 定量的な指標を考える



損失関数の導入

良さとは？



悪くなさ



悪くなさとは何か？



データと予測の遠さ

平均二乗誤差(Mean Squared Error)

平均二乗誤差(Mean Squared Error)

$$\frac{1}{n} \sum_{i=0}^{n-1} (y_i - f(x_i))^2$$

y_i : 実際の値 (確定値) ... 過去のアイスの売り上げ

f : モデル

x_i : 入力データ (確定値) ... 過去の気温

なぜ差を二乗するのか疑問に思った人もいるかもしれません。

全てをここで話すと情報量過多なので一旦置いといてあとで軽く議論します。(末尾の付録)

計算例

$\mathbf{x} = (50, 80)^T$, $\mathbf{y} = (140, 200)^T$, $f(x) = 2x + 50$ のとき、

$$\begin{aligned}\frac{1}{n} \sum_{i=0}^{n-1} (y_i - f(x_i))^2 &= \frac{1}{2} \left((140 - (2 \times 50 + 50))^2 + (200 - (2 \times 80 + 50))^2 \right) \\&= \frac{1}{2} \left((140 - 150)^2 + (200 - 210)^2 \right) \\&= \frac{1}{2} \left((-10)^2 + (-10)^2 \right) \\&= \frac{1}{2} \times 200 \\&= 100\end{aligned}$$

損失関数

.....

このモデルの悪くなさを定義する関数を「損失関数」と呼ぶ。

学習とは？

⇒  「損失関数を最小にする f のパラメータを探す過程」

何を動かして損失を小さくする？

Q. 損失は何の関数？（何を動かして、損失を小さくする？）

- ✓ 各 x_i, y_i は変数みたいな見た目だけど、実際は 「もう観測された確定値」

$$\mathcal{L}(a, b) = \frac{1}{n} \sum_{i=0}^{n-1} (y_i - f(x_i; a, b))^2$$

ものすごく進んだ話：たまに「入力データ」っぽいものに当たるものについても変数とみることもあります。

自分の知っている話だと DeepSDF という三次元形状を表現する NN では latent code と呼ばれる物体固有の表現を表すベクトルも変化させて損失関数を最小化していました。

いい勝負だったやつの計算例

上: $a = 20, b = 100$

下: $a = 50, b = -300$

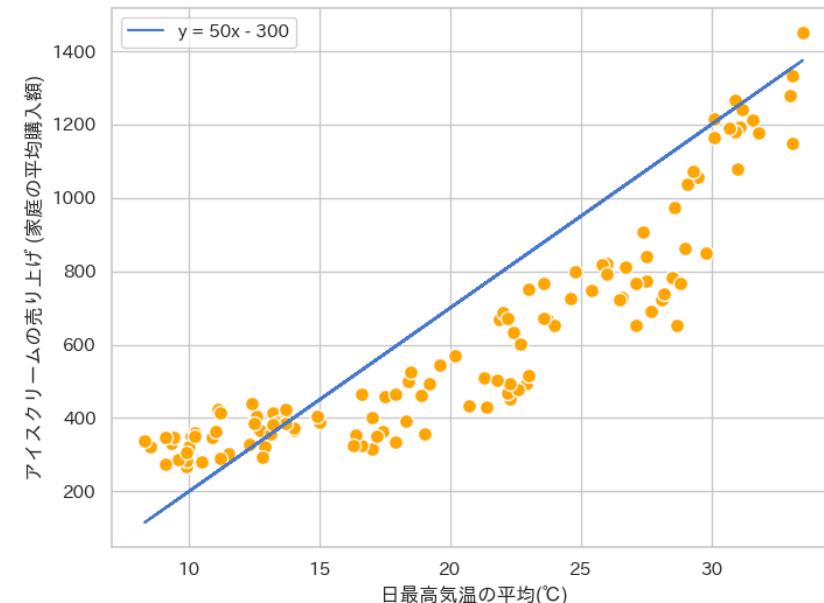
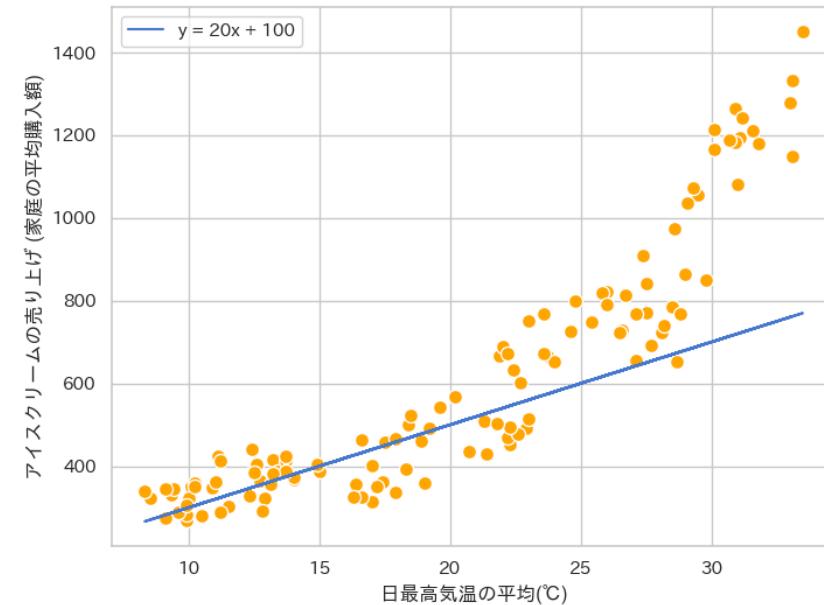
頑張って計算すると、

$$\mathcal{L}(20, 100) = 40268.55$$

$$\mathcal{L}(50, -300) = 39310.45$$

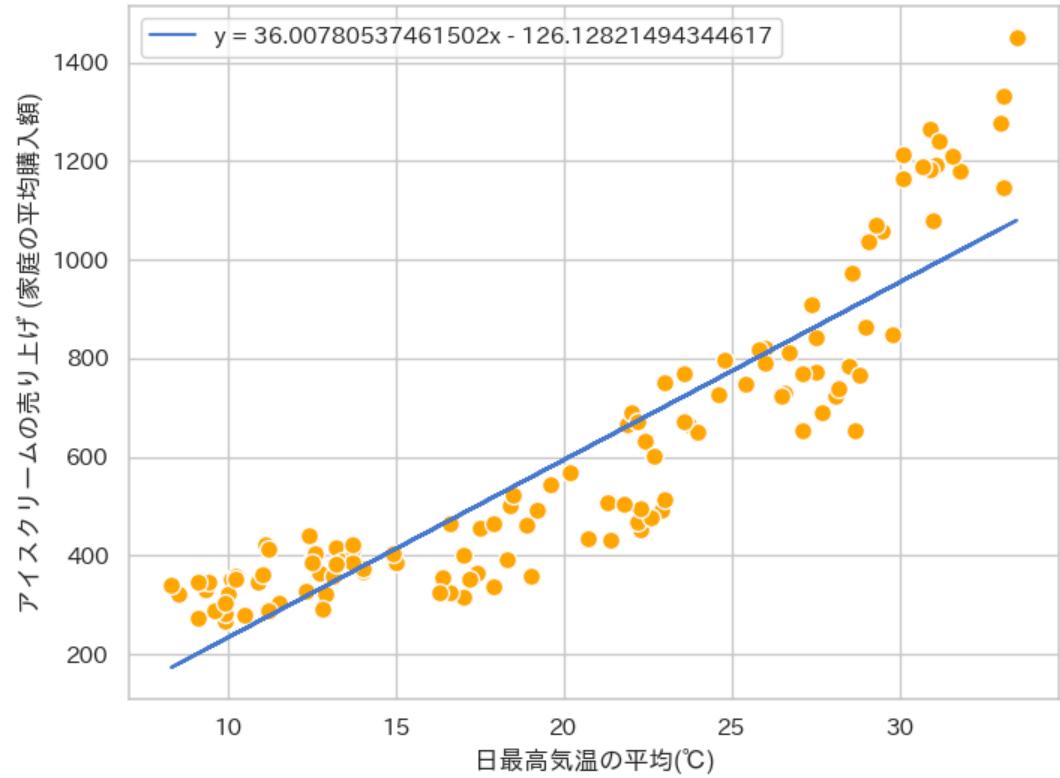


$a = 50, b = -300 \text{ win}$



実は今回は

$a = 36.00780537461501$
 $b = 126.12821494344632$
で $\mathcal{L}(a, b)$ が最小



当然の疑問

.....

いや
それ
どう
やったの

次回予告

第二回：勾配降下法

まとめ

- アイスの売り上げを予測するには、気温から売り上げを予測する「関数」を構築するのが必要であった。
- いってん、今回は関数の形として $f(x) = ax + b$ (一次関数) に限って、関数を決めることにした。
- この関数は、パラメータとして a, b をもち、 a, b を変えることで性質が変わるのがわかった
- パラメータを変えることで損失関数を最小化する過程のことを「学習」と呼ぶ

付録: なぜ二乗するのか?

レベル1の説明

⇒ 性質がいいから

- 微分可能で導関数も簡単 (絶対値関数は微分不可能な点がある)
- 計算もそんなに大変ではない (百乗誤差などと比べて)

理論的なことを考えると微分可能でないと大変なことが多いです。

一方で現実の最適化だと微分不可能な点が有限個(何なら可算無限個) あっても何とかなることが多いです。

付録: なぜ二乗するのか?

レベル2の(ちゃんとした)説明

⇒ 誤差が正規分布 $\mathcal{N}(0, \sigma^2)$ にしたがうと仮定したとき、
二乗誤差の最小化は尤度の最大化に対応する

付録: なぜ二乗するのか?

[証明]

$y_i = f(x_i) + \epsilon_i$, $\epsilon_i \sim \mathcal{N}(0, \sigma^2)$ とする。

このとき、 $y_i \stackrel{\text{i.i.d.}}{\sim} \mathcal{N}(f(x_i), \sigma^2)$ より

尤度は

$$\prod_{i=0}^{n-1} \frac{1}{\sqrt{2\pi\sigma^2}} \exp\left(-\frac{(y_i - f(x_i))^2}{2\sigma^2}\right)$$

σ^2 が固定されていることに注意すると、

この最大化は結局 $\sum_{i=0}^{n-1} (y_i - f(x_i))^2$ の最小化に帰着する. \square

機械學習講習会

[2] 「勾配降下法」

2024/06/25
traP Kaggle班

まとめ

- アイスの売り上げを予測するには、気温から売り上げを予測する「関数」を構築するのが必要であった。
- いってん、今回は関数の形として $f(x) = ax + b$ (一次関数) に限って、関数を決めることにした。
- この関数は、パラメータとして a, b をもち、 a, b を変えることで性質が変わるのがわかった
- パラメータを変えることで損失関数を最小化する過程のことを「学習」と呼ぶ

前回到達したところ...

.....

a, b を動かすこと....

$$\mathcal{L}(a, b) = \frac{1}{n} \sum_{i=0}^{n-1} (y_i - f(x_i; a, b))^2$$
 を小さくしたい 😳

「関数の最小化」を考える

問題

最小化してください。

$$f(x) = x^2 + 4x + 6$$

「関数の最小化」を考える

問題

最小化してください。

$$f(x) = x^2 + 4x + 6$$

解答

$$f(x) = x^2 + 4x + 6 = (x + 2)^2 + 2$$

$\therefore x = -2$ のとき最小値

どう「解けた」？？

- 簡単な数式の操作で解けた！
- 機械的に書くなら、

「 $ax^2 + bx + c$ を最小にする x は $x = -\frac{b}{2a}$ 」という公式を使った

プログラムに起こすと…

```
# ax^2 + bx + c を最小にする x を返す関数。
def solve(a, b, c):
    return -b / (2 * a)
```

第二問

.....

最小化してください。

$$f(x) = x^2 + e^{-x}$$

第二問

.....

$f'(x) = 2x - e^{-x}$ なので、最小値であることの必要条件 $f'(x) = 0$ を調べると…

$$2x - e^{-x} = 0$$

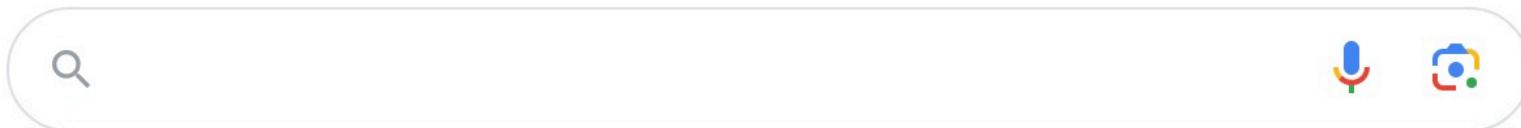
を満たす x を考えると。。。。。。。

?

?

.....

Google



Google 検索

I'm Feeling Lucky

?

.....

Google



?

.....

WOLFRAM言語とMATHEMATICAの開発元による



solve $2x - e^{-x} = 0$



自然言語

数学入力

拡張キーボード

例を見る

アップロード

ランダムな例を使う



WOLFRAM言語とMATHEMATICAの開発元による



solve $2x - e^{-x} = 0$



自然言語



数学入力



拡張キー



例を見る



アップロード



ランダムな例を使う

入力解釈

$$2x - e^{-x} = 0$$

を解く

結果

$$x = W_n\left(\frac{1}{2}\right), n \in \mathbb{Z}$$

$W_k(z)$ は乗積対数関数の解析接続です

\mathbb{Z} は整数の集合です

実数解

表示桁数を増やす

ランベルトのW関数

文A 20の言語版 ▾

ページ ノート

閲覧 編集 履歴表示 ツール ▾

出典: フリー百科事典『ウィキペディア (Wikipedia)』

ランベルトのW関数 (ランベルトのWかんすう、英: *Lambert W function*) あるいは**オメガ函数** (ω function)、**対数積** (product logarithm; 乗積対数) は、函数 $f(z) = ze^z$ の逆関係の分枝として得られる函数 W の総称である。ここで、 e^z は指数函数、 z は任意の複素数とする。すなわち、 W は $z = f^{-1}(ze^z) = W(ze^z)$ を満たす。

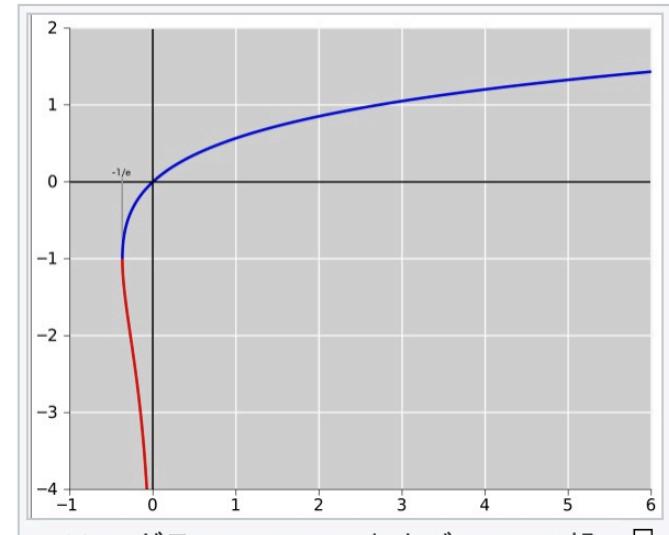
上記の方程式で、 $z' = ze^z$ と置きかえれば、任意の複素数 z' に対する W 関数（一般には W 関係）の定義方程式

$$z' = W(z')e^{W(z')}$$

を得る。

函数 f は单射ではないから、関係 W は (0 を除いて) 多価である。仮に実数值の W に注意を制限するとすれば、複素变数 z は実变数 x に取り換えられ、関係の定義域は区間 $x \geq -1/e$ に限られ、また開区間 $(-1/e, 0)$ 上で二価の函数になる。さらに制約条件として $W \geq -1$ を追加すれば一価函数 $W_0(x)$ が定義されて、 $W_0(0) = 0$ および $W_0(-1/e) = -1$ を得る。それと同時に、下側の枝は $W \leq -1$ であって、 $W_{-1}(x)$ と書かれる。これは $W_{-1}(-1/e) = -1$ から $W_{-1}(-0) = -\infty$ まで単調減少する。

ランベルト W 関係は初等函数では表すことができない^[1]。ランベルト W は組合せ論において有用で、例えば木の数え上げに用いられる。指数函数を含む様々な方程式（例えばプランク分布、ボーズーアインシュタイン分布、フェルミー-ディラック分布などの最大値）を解くのに用いられ、また $y'(t) = ay(t - 1)$ のような遅延微分方程式（英語版）の解としても生じる。生化学において、また特に酵素動力学において、ミカエリ



$W(x)$ のグラフの $W > -4$ および $x < 6$ の部分。 $W \geq -1$ なる上の枝を主枝 W_0 といい、 $W \leq -1$ なる下側の分枝を W_{-1} という。 □

?

一般の関数の最小化

いいたかったこと

- ✓ このレベルの単純な形の関数でも、解をよく知っている形で書き表すことは難しい

もう一度目的を整理する

.....

われわれの目標...

誤差 $\mathcal{L}(a, b)$ を最小化したかった。

効いてくる条件①

Q. 厳密な最小値を得る必要があるか？

効いてくる条件①

A. No. 厳密に最小値を得る必要はない

数学の答案で最小値 1 になるところを 1.001と答えたら当然 🙌

一方、「誤差 1」が「誤差1.001」になってもほとんど変わらない

効いてくる条件②

\mathcal{L} は非常に複雑になりうる

第一回では 話を簡単にするために $f(x) = ax + b$ の形を考えたが...

(特にニューラルネットワーク以降は) 非常に複雑になりうる

$$\mathcal{L}(\mathbf{W}^{(1)}, \mathbf{W}^{(2)}, \dots, \mathbf{W}^{(n)}, \mathbf{b}^{(1)}, \mathbf{b}^{(2)}, \dots, \mathbf{b}^{(n)}) = \frac{1}{n} \sum_{i=0}^{n-1} \left(y_i - W^{(n)}^T \sigma \left(\dots \sigma \left(W^{(1)}^T x_i + b^{(1)} \right) \dots + b^{(n-1)} \right) \right)^2, \quad \sigma(x) = \frac{1}{1 + e^{-x}}$$

$$\mathcal{L}(\boldsymbol{\theta}) = \frac{\sum_{p \in S} |f(p; \boldsymbol{\theta}) - \mathcal{F}(p)|^2 \cdot \omega_p}{\sum_{p \in S} \omega_p}$$

⋮

われわれに必要な道具



非常に広い範囲の関数に対して

そこそこ小さい値を探せる方法

われわれに必要な道具

.....

勾配降下法

微分のおさらい

微分係数

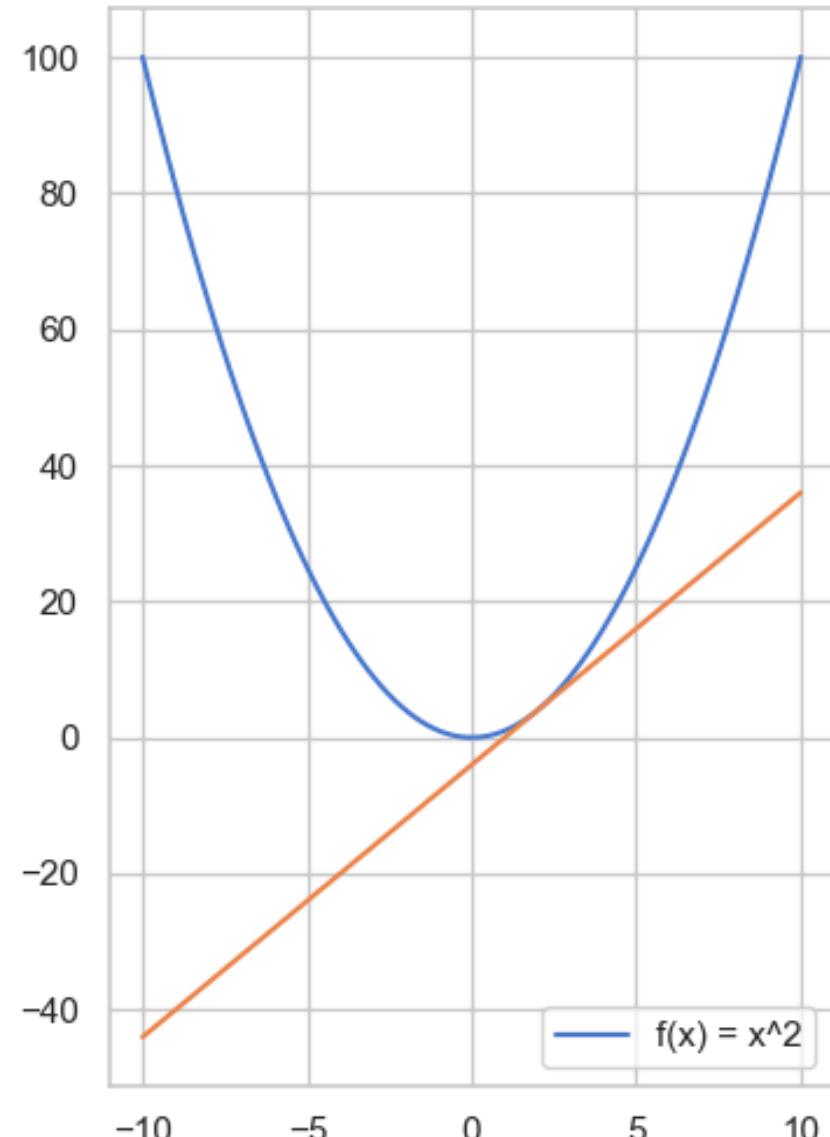
関数 f の x における微分係数

$$\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(x + h) - f(x)}{h}$$

微分は「傾き」

微分係数

$f'(x)$ は、 x における接線の傾き



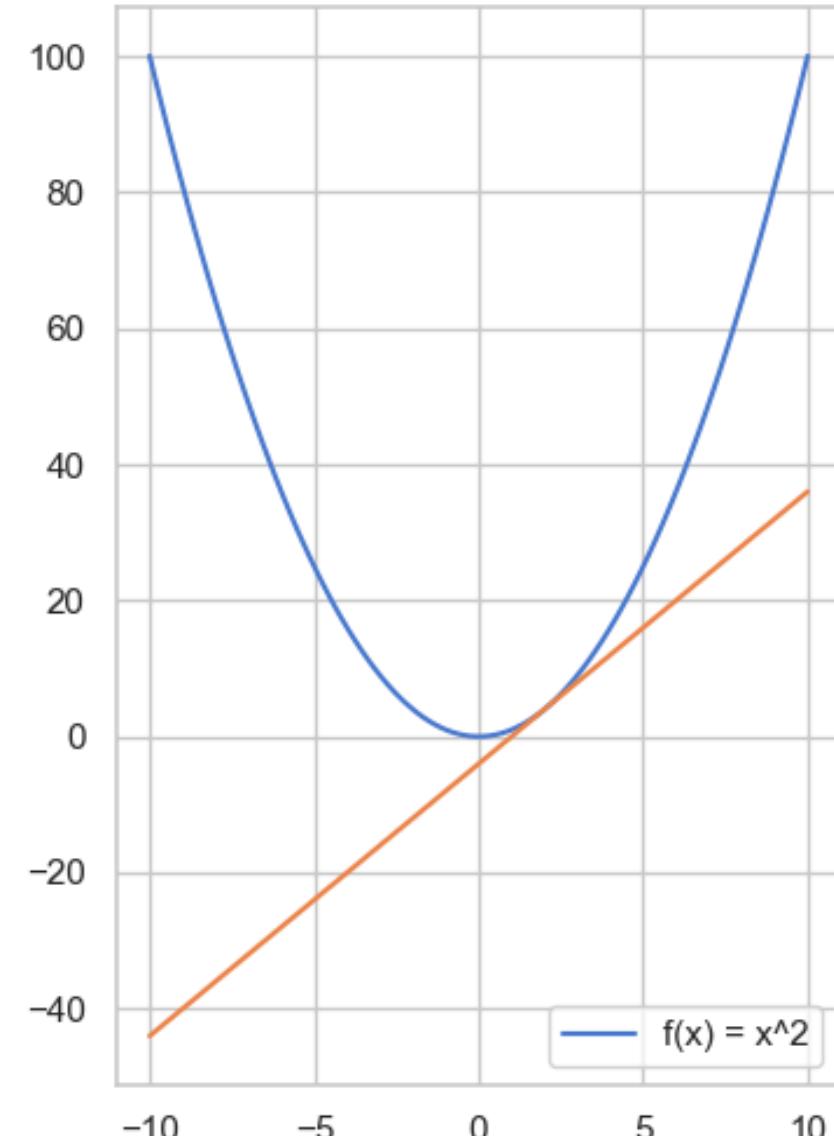
微分は「傾き」

微分係数

$f'(x)$ は、 x における接線の傾き



$-f'(x)$ 方向に関数を
すこし動かすと、関数の値は
すこし小さくなる



「傾き」で値を更新してみる

例) $f(x) = x^2$

$x = 3$ で $f(3) = 9, f'(3) = 6$

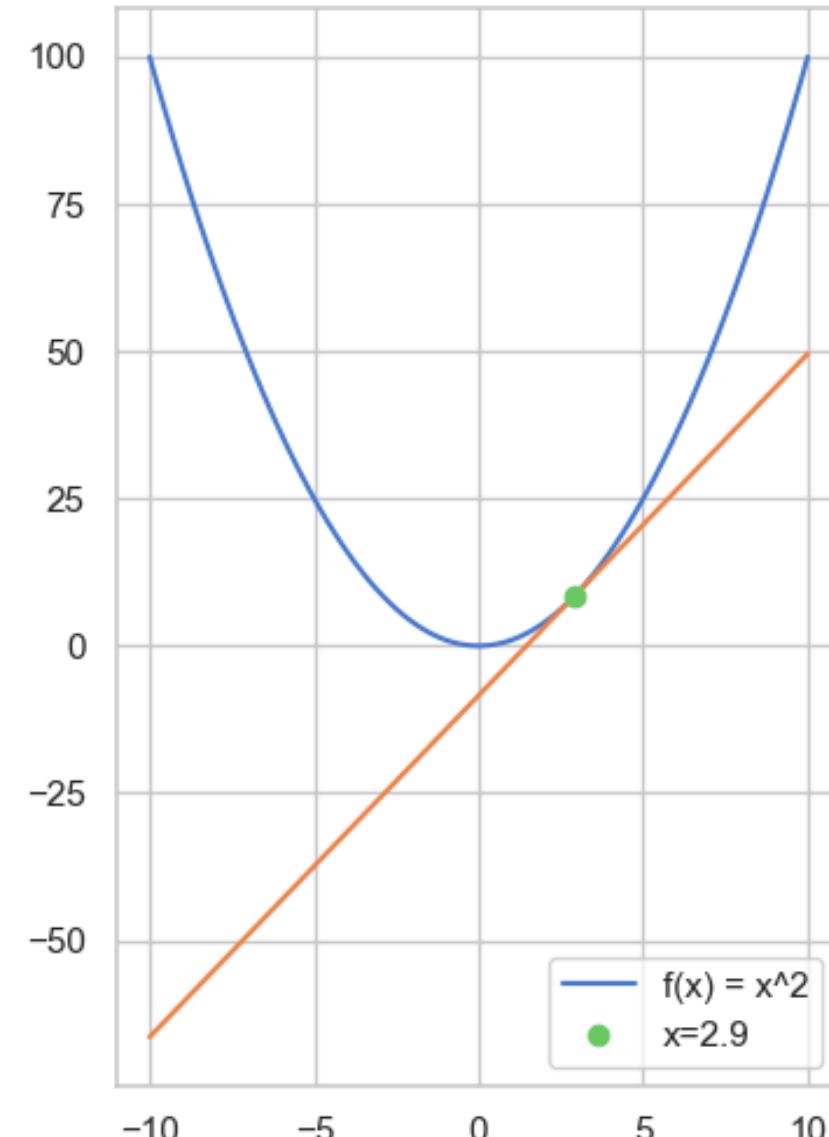
$\therefore -f'(x)$ は負の方向



すこし負の方向に x を動かしてみる

$f(2.9) = 8.41 < 9$

✓ 小さくなった



「傾き」で値を更新してみる

例) $f(x) = x^2$

$x = 2.9$ で

$$f(2.9) = 8.41, f'(2.9) = 5.8$$

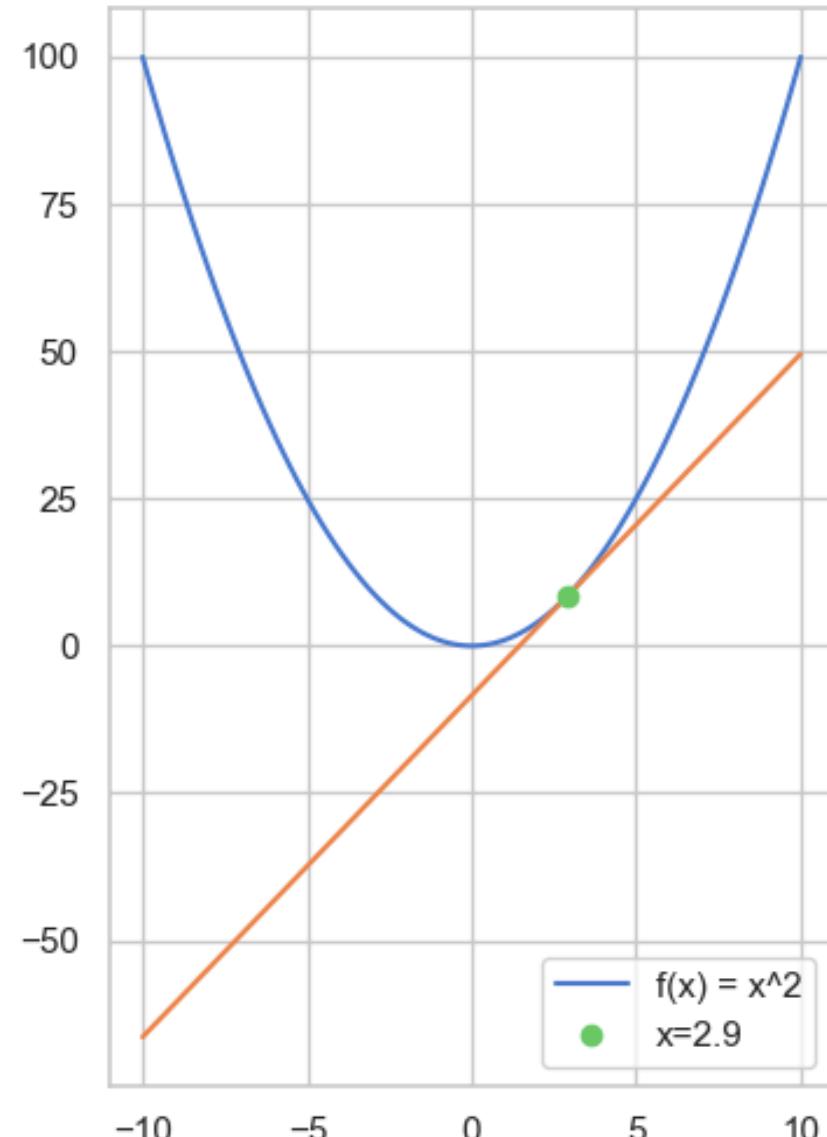
$\therefore -f'(x)$ は負の方向



すこし負の方向に x を動かしてみる

$$f(2.8) = 7.84 < 8.41$$

✓ 小さくなった



「傾き」で値を更新してみる

.....

これを繰り返すことで小さい値まで到達できそう！

勾配降下法

勾配降下法

関数 $f(x)$ と、初期値 x_0 が与えられたとき、
次の式で $\{x_k\}$ を更新するアルゴリズム

$$x_{k+1} = x_k - \eta f'(x_k)$$

(η は学習率と呼ばれる定数)

正確にはこれは最急降下法と呼ばれるアルゴリズムで、「勾配降下法」は勾配を使った最適化手法の総称として用いられることが多いと思います。
(そこまで目くじらを立てる人はいないと思いますし、勾配降下法あるいは勾配法と言われたらたいていの人がこれを思い浮かべると思います。)

勾配降下法

マイナーチェンジが大量！
(実際に使われるやつは第五回で予定)

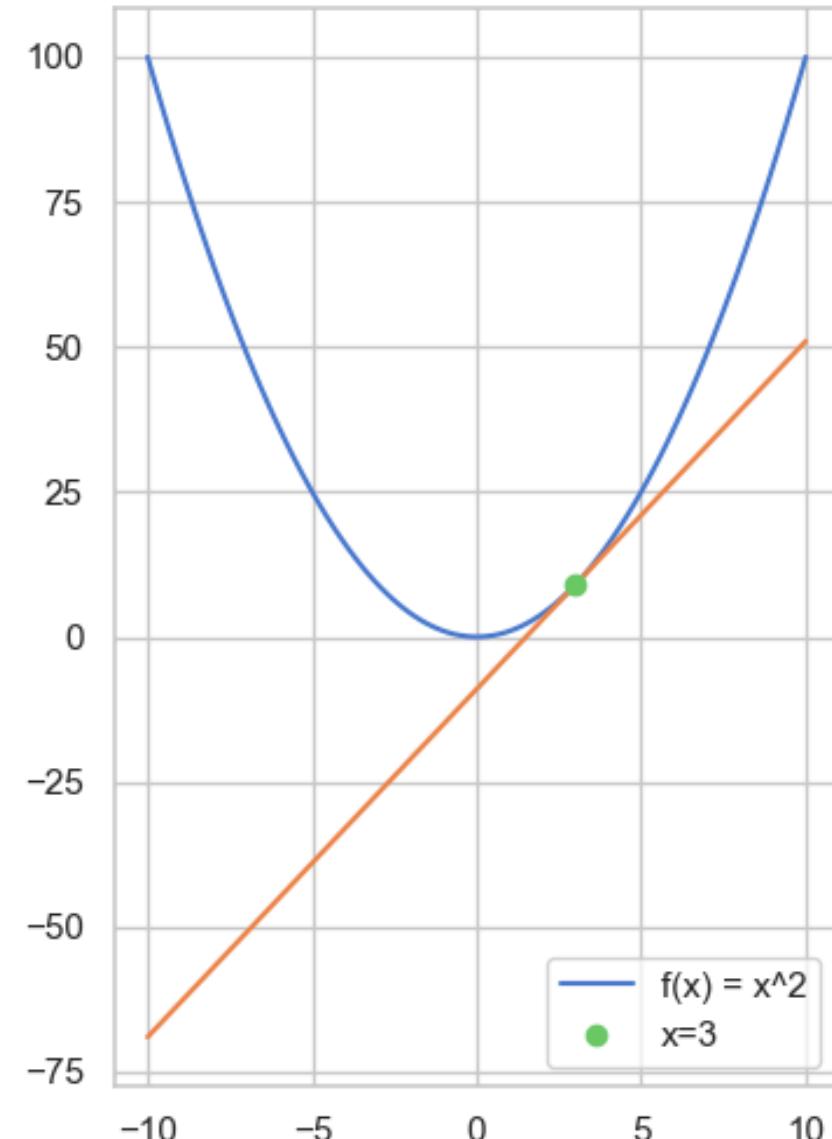
$$x_{n+1} = x_n - \eta f'(x_n)$$

抑えてほしいこと 。。。

1. 値が $-f'(x)$ の方向に更新される
2. 学習率によって更新幅を制御する

勾配降下法のお気持ち

値が $-f'(x)$ の方向に更新される
(さっきの説明の通り)



学習率による更新幅の制御

✓ 微分はあくまで「**その点の情報**」



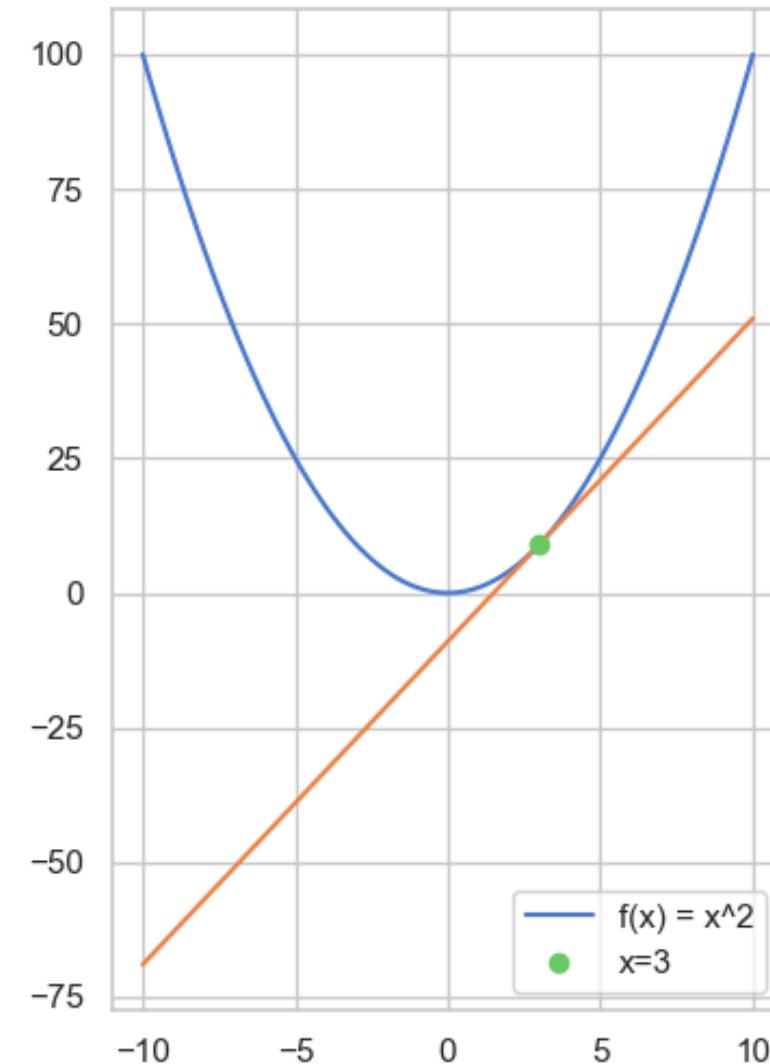
傾向が成り立つのはその周辺だけ



ちょっとずつ更新していく必要がある



小さな値 **学習率 η** をかけることで
少しずつ更新する



実際にやってみる

$$f(x) = x^2$$

初期値として、 $x_0 = 3$

学習率として、 $\eta = 0.1$ を設定。(この二つは自分で決める！)

$$x_1 = x_0 - \eta f'(x_0) = 3 - 0.1 \times 6 = 2.4$$

$$x_2 = x_1 - \eta f'(x_1) = 2.4 - 0.1 \times 4.8 = 1.92$$

$$x_3 = x_2 - \eta f'(x_2) = 1.92 - 0.1 \times 3.84 = 1.536$$

...

$$x_{100} = 0.000000006111107929$$

✓ 最小値を与える $x = 0$ に非常に近い値が得られた！

勾配降下法のココがすごい！

- ✓ その式を（解析的に）解いた結果が何であるか知らなくても、導関数さえ求められれば解を探しにいける

実際にやってみる2

.....

第二問

最小化してください。

$$f(x) = x^2 + e^{-x}$$

実際にやってみる2

$$f'(x) = 2x - e^{-x}.$$

初期値として $x = 3$, 学習率として
 $\eta = 0.01$ を設定。

$$x_0 = 3$$

$$x_1 = 2.9404978706836786$$

⋮

$$x_{1000} = 0.35173371125366865$$

実解

$$x \approx \underline{0.351734}$$

ヨシ！ 😻

Pythonによる実装

```
from math import exp

x = 3
# (注意: $\eta$ は、学習率 (learning rate) の略である lr としています。)
lr = 0.0005

# 最小化したい関数
def f(x):
    return x ** 2 + exp(-x)

# f の x での微分係数
def grad(x):
    return 2 * x - exp(-x)
```

Pythonによる実装

$x_{n+1} = x_n - \eta f'(x_n)$ をコードに起こす

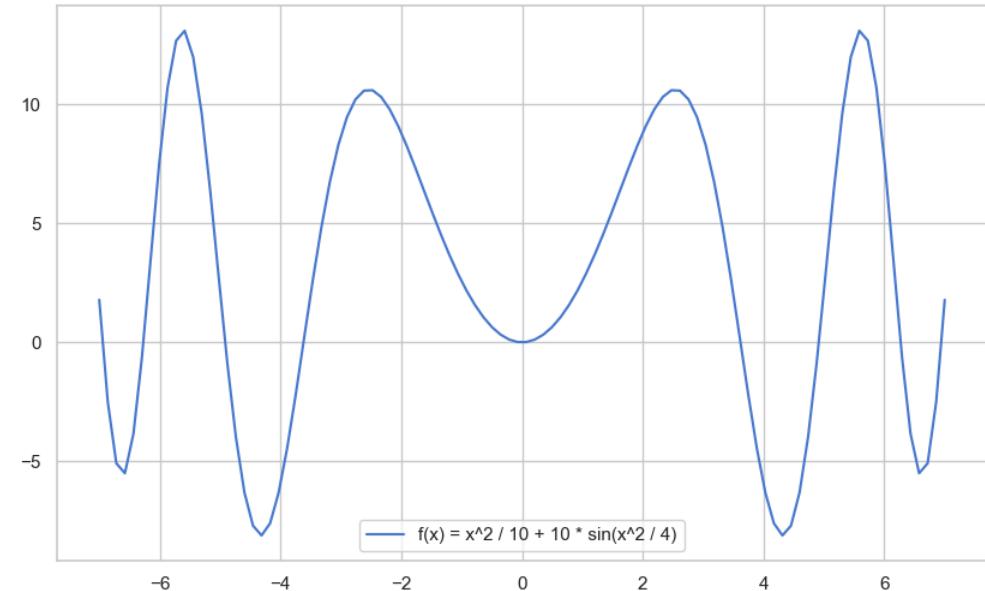
```
for i in range(10001):
    # 更新式
    x = x - lr * grad(x)
    if i % 1000 == 0:
        print('x_ ', i, '=', x, ', f(x) =', f(x))
```

```
x_ 0 = 2.997024893534184 , f(x) = 9.032093623218246
x_ 1000 = 1.1617489280037716 , f(x) = 1.6625989669983947
x_ 2000 = 0.5760466279295902 , f(x) = 0.8939459518186053
x_ 3000 = 0.4109554481889124 , f(x) = 0.8319008499233866
...
x_ 9000 = 0.3517515401706734 , f(x) = 0.8271840265571999
x_ 10000 = 0.3517383210080008 , f(x) = 0.8271840261562484
```

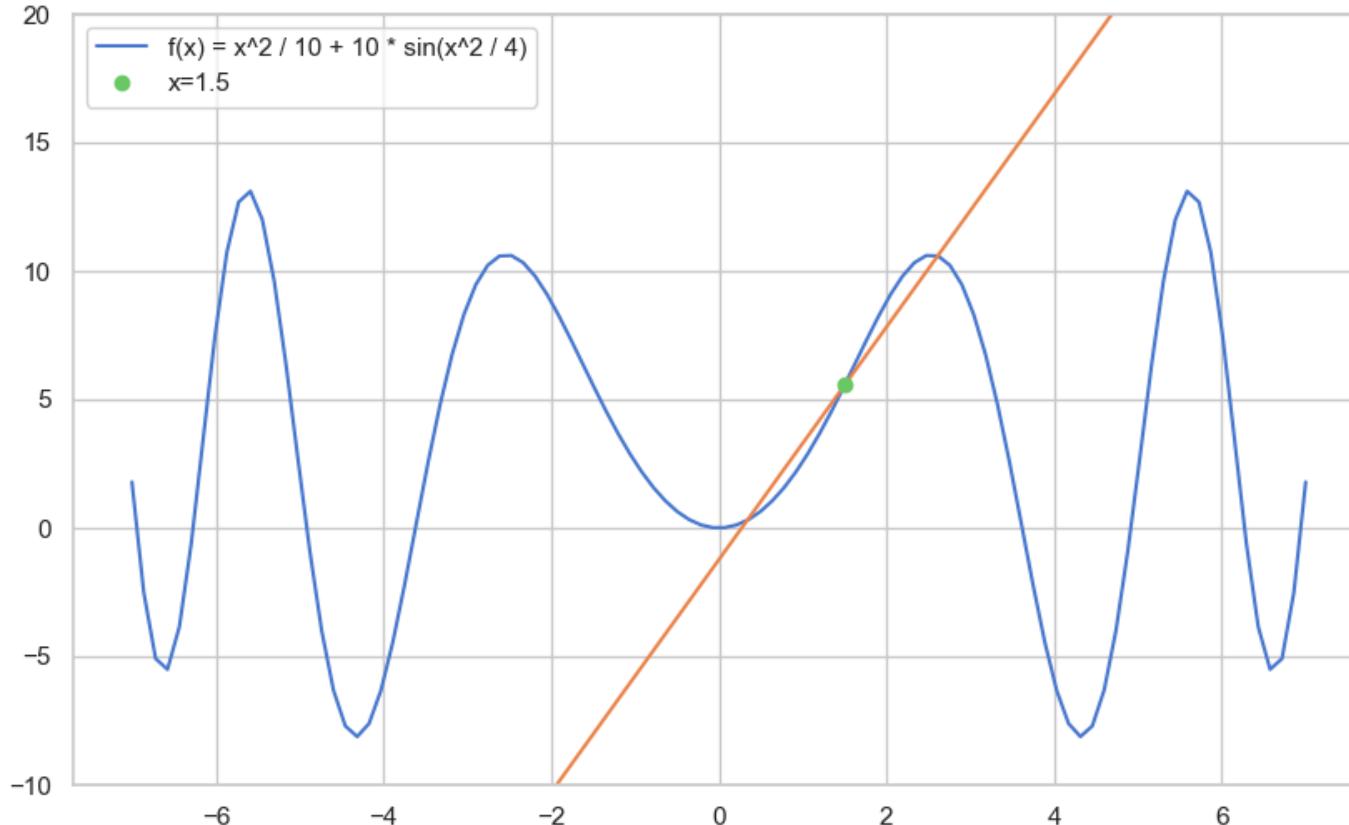
常に上手くいく？

✓ 勾配降下法があまりうまくいかない関数もある

例) $f(x) = \frac{x^2}{10} + 10 \sin\left(\frac{x^2}{4}\right)$



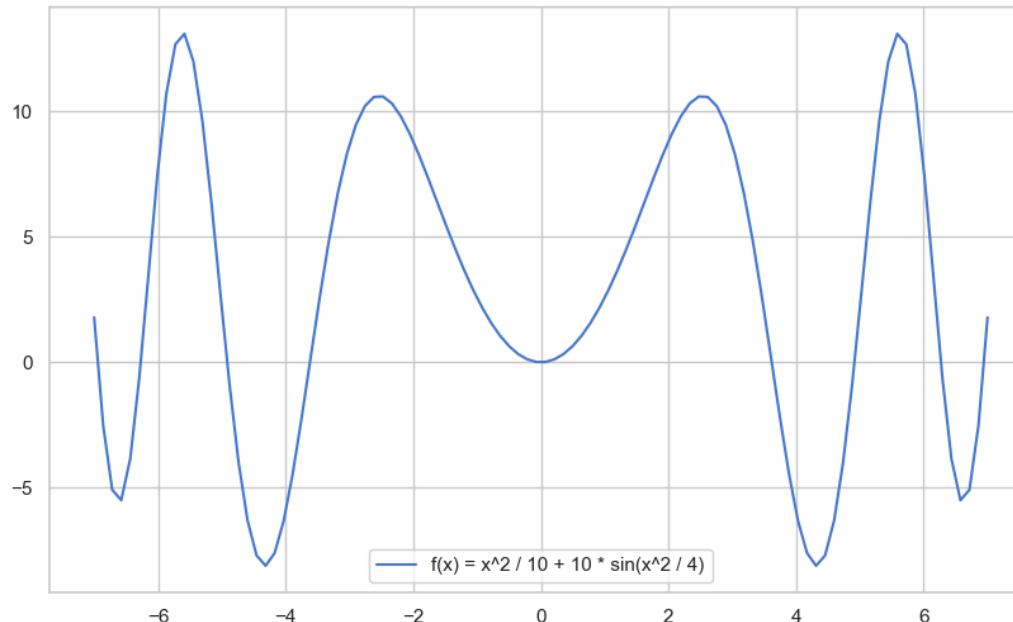
うまくいかない例



局所最適解への収束

局所最適解 ... 付近では最小値

大域最適解 ... 全体で最小値



マイナーチェンジ

⇒ なるべく局所最適解にハマりまくらないように色々と工夫 (詳しくは第5回)

- Momentum

$$v_{n+1} = \alpha v_n - \eta f'(x_n)$$

$$x_{n+1} = x_n + v_{n+1}$$

- AdaGrad

$$h_{n+1} = h_n + f'(x_n)^2$$

$$x_{n+1} = x_n - \frac{\eta}{\sqrt{h_{n+1}}} f'(x_n)$$

⋮
⋮

多変数関数への応用

多変数関数の場合は、微分係数→勾配ベクトル に置き換えればOK

$$\boldsymbol{x}_{n+1} = \boldsymbol{x}_n - \eta \nabla f(\boldsymbol{x}_n)$$

勾配ベクトルとは、各変数の偏微分係数を並べたものです。

例えば、 $f(x, y) = x^2 + y^2$ の (x, y) における勾配ベクトルは $(2x, 2y)$ です。

これを $\nabla f(x, y) = (2x, 2y)$ と書きます。

一年生はちょうど微分積分学第一でやるところかと思うので大きくは扱いませんでしたが、一変数の場合できちんと理解できていれば大丈夫です。

再掲: 一般の関数の最小化

第三問

最小化してください。

$$-\frac{1}{(x^2 + 1)} \log \left(\frac{1}{1 + e^{-x}} + 1 \right)$$

次回予告

.....

第三回 自動微分

機械学習講習会 第三回

- 「自動微分」

traP アルゴリズム班 Kaggle部
2023/xx/xx

今日は講義内で演習もします

第三回：自動微分

前回のまとめ

- 損失関数の最小化を考える上で、一般の関数の最小化を考えることにした
- 損失関数の厳密な最小値を求める必要はなく、また損失関数は非常に複雑になりうるので、広い範囲の関数に対してそこそこ上手くいく方法を考えることにした
- たいていの関数に対して、導関数を求めることさえできればそれなりに小さい値を探しに行けるようになった
- 逆に、「導関数」は自分で求める必要がある

前回のまとめ

- 損失関数の最小化を考える上で、一般の関数の最小化を考えることにした
- 損失関数の厳密な最小値を求める必要はなく、また損失関数は非常に複雑になりうるので、広い範囲の関数に対してそこそこ上手くいく方法を考えることにした
- たいていの関数に対して、導関数を求めることさえできればそれなりに小さい値を探しに行けるようになった
- 逆に、「導関数」は自分で求める必要がある

実は
.....

いまはね

思い出すシリーズ: 一般の関数の最小化

第三問

最小化してください。

$$-\frac{1}{(x^2 + 1)} \log \left(\frac{1}{1 + e^{-x}} + 1 \right)$$



思い出すシリーズ

\mathcal{L} は非常に複雑になりうる

第一回では 話を簡単にするために $f(x) = ax + b$ の形を考えたが...

(特にニューラルネットワーク以降は) 非常に複雑になりうる

$$\mathcal{L}(\mathbf{W}^{(1)}, \mathbf{W}^{(2)}, \dots, \mathbf{W}^{(n)}, \mathbf{b}^{(1)}, \mathbf{b}^{(2)}, \dots, \mathbf{b}^{(n)}) = \frac{1}{n} \sum_{i=0}^{n-1} \left(y_i - W^{(n)}^T \sigma \left(\cdots \sigma \left(W^{(1)}^T x_i + b^{(1)} \right) \cdots + b^{(n-1)} \right) \right)^2, \quad \sigma(x) = \frac{1}{1+e^{-x}}$$

$$\mathcal{L}(\boldsymbol{\theta}) = \frac{\sum_{p \in S} |f(p; \boldsymbol{\theta}) - \mathcal{F}(p)|^2 \cdot \omega_p}{\sum_{p \in S} \omega_p}$$

⋮

自動微分

.....

- ✓ 人間が微分を行うのは限界がある
⇒ 計算機にやらせよう！

自動微分

(Automatic Differentiation)

正確には「自動微分」は、コンピュータに自動で微分を行わせる手法のうち、関数を単純な関数の合成と見て、特に連鎖律を利用して、陽に導関数を求めることなく微分を行う手法を指します(より狭義に、back propagationを用いるもののみを指すこともあるようです)。

おしながき

.....

- PyTorchの導入
- PyTorchを使った自動微分
- 自動微分を使った勾配降下法の実装
- 自動微分の理論とアルゴリズム



PyTorch

自動微分

.....

結論から言うと... PyTorchを使うと微分ができる.

```
>>> x = torch.tensor(2.0, requires_grad=True)
>>> def f(x):
...     return x ** 2 + 4 * x + 3
...
>>> y = f(x)
>>> y.backward()
>>> x.grad
tensor(8.)
```

($f(x) = x^2 + 4x + 3$ の $x = 2$ における微分係数 8 が計算されている)

そもそもPyTorchとは？～深層学習フレームワーク～

事実：

ニューラルネットワークのさまざまな派生系の

- 基本的な部品
- 部品に対してやる作業

は大体同じ！

そもそもPyTorchとは？～深層学習フレームワーク～

例) 新しい車を開発するときも、部品は大体同じ、組み立ても大体同じ



毎回同じことをみんながそれぞれやるのは面倒



共通基盤 を提供するソフトウェアの需要がある

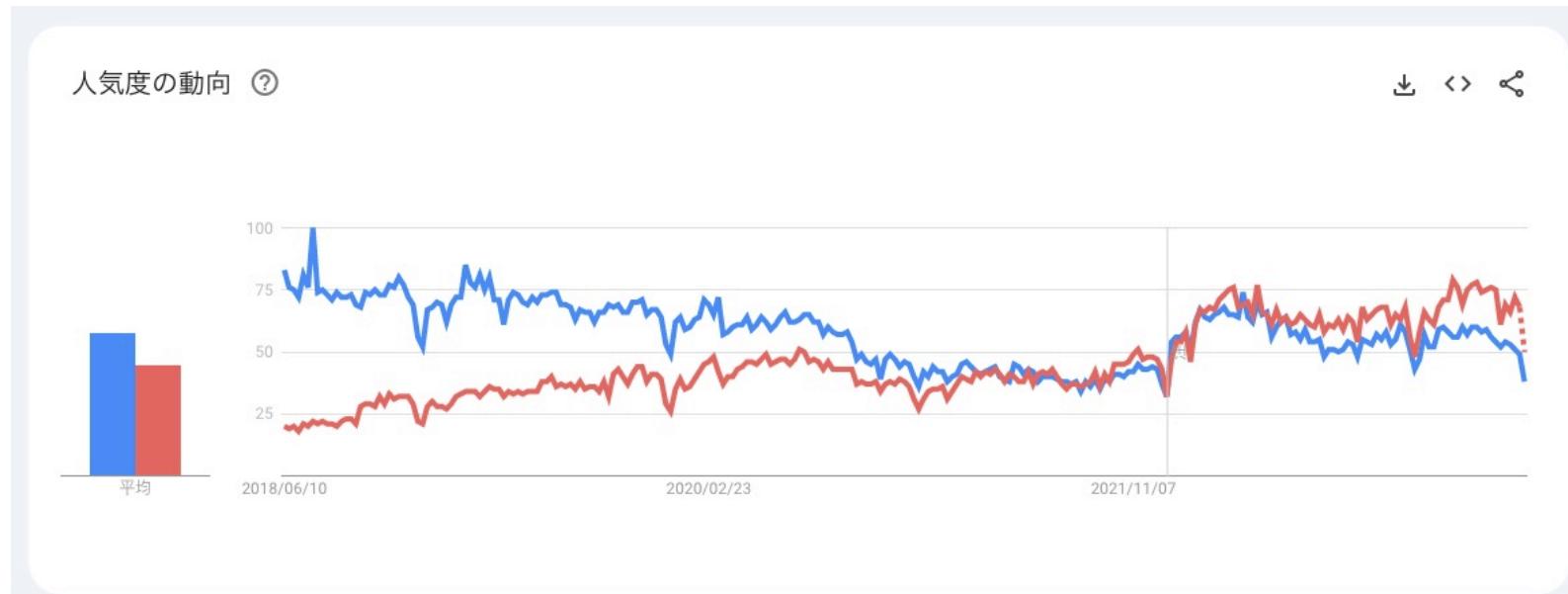
どの組み立て機を使う？有名なフレームワークたち

- TensorFlow
 - (主に) Googleが開発したフレームワーク
 - 産業界で人気 (が、最近はPyTorchに押され気味)
- PyTorch
 - (主に) Facebookが開発したフレームワーク
 - 研究界で人気 (最近はみんなこれ?)
- Keras
 - いろんなフレームワークを使いやすくしたラッパー (おもに TensorFlow)
 - とにかくサッと実装できる
- JAX/Flax, Chainer, MXNet, Caffe, Theano, ...

そもそもPyTorchとは？～深層学習フレームワーク～

どのがいいの？

⇒ PyTorchを使っておけば間違いない（と、思います）

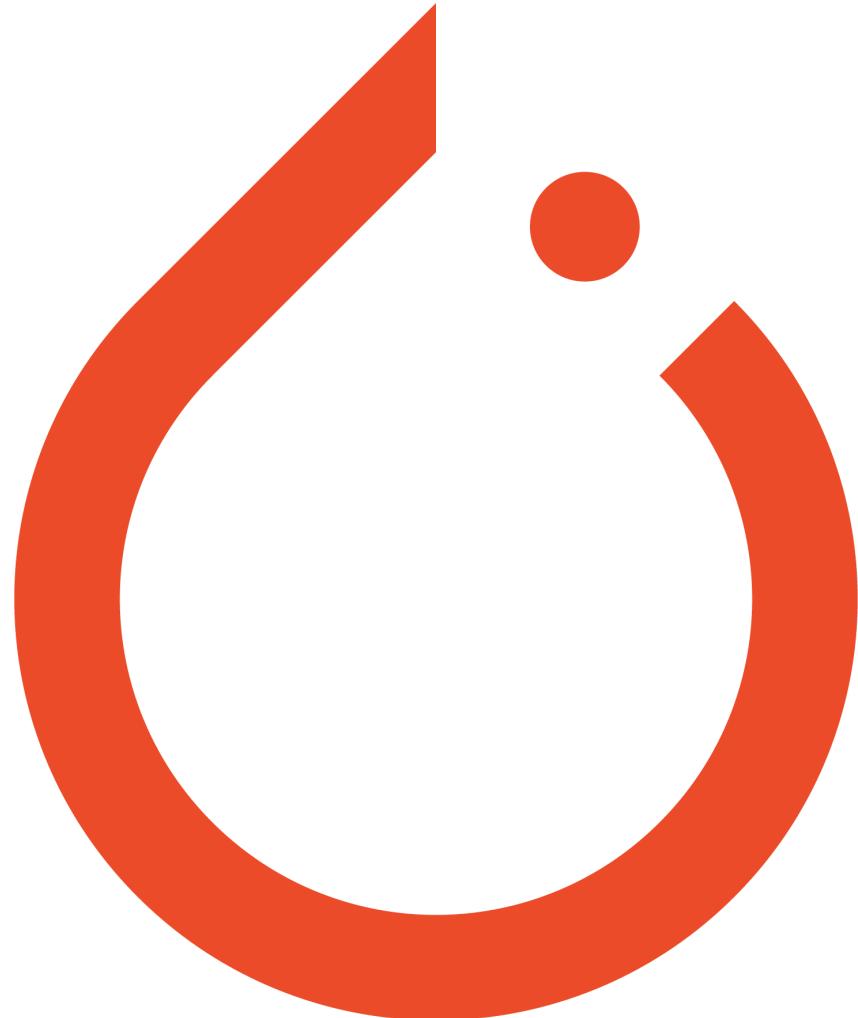


(赤: PyTorch, 青: TensorFlow)

なので

今回は PyTorch を使います！

- 高速な実行
- 非常に柔軟な記述
- 大きなコミュニティ
- 超充実した周辺ライブラリ
- サンプル実装の充実 (← **重要!!**)



大体の有名フレームワークにそこまで致命的な速度差はなく、記述に関しては好みによるところも多いです。PyTorchの差別化ポイントは、有名モデルの実装サンプルが大体存在するという点です。

実際に論文を読んで実装するのは骨の折れる作業なので、サンプルが充実しているのはとても大きな利点です。

今日のお話

.....

- ✓ 自動微分ライブラリとしての PyTorch の使い方を習得して、
手で微分するのをやめる

Tensor 型

数学の「数」に対応するオブジェクトとして、PyTorchでは

Tensor 型

を使う

Tensor 型のつくりかた

```
torch.tensor(data, requires_grad=False)
```

- `data` : 保持するデータ(配列っぽいものならなんでも)
 - リスト、タプル、NumPy配列、スカラ、...
- `requires_grad` : 勾配 (gradient)を保持するかどうかのフラグ
 - デフォルトは `False`
 - 勾配の計算(自動微分)を行う場合は `True` にする
 - このあとこいつを微分の計算に使いますよ～という表明

Tensor 型

```
>>> x = torch.tensor(2.0, requires_grad=True)
```

2.0 というスカラを保持する Tensor 型のオブジェクトを作成

```
>>> x = torch.tensor([1.0, 2.0, 3.0], requires_grad=True)
```

(1.0, 2.0, 3.0) というベクトルを保持する Tensor 型のオブジェクトを作成

かつては自動微分には Variable という名前の型が使われていて、(現在は Tensor 型に統合) Tensor と数学の変数の概念にある程度の対応があることがわかります。

Tensor 型

```
>>> x = torch.tensor([[1.0, 2.0, 3.0], [4.0, 5.0, 6.0]], requires_grad=True)
```

$\begin{pmatrix} 1.0 & 2.0 & 3.0 \\ 4.0 & 5.0 & 6.0 \end{pmatrix}$ という行列を保持する Tensor 型のオブジェクトを作成

(`requires_grad=True` とすれば、勾配計算が可能な Tensor 型を作成できる)

演習1

.....

これらを勾配計算が可能な `Tensor` 型として表現してください。

1. $x = 3.0$

2. $\vec{x} = (3.0, 4.0, 5.0)$

3. $X = \begin{pmatrix} 3.0 & 4.0 & 5.0 \\ 6.0 & 7.0 & 8.0 \end{pmatrix}$

(このページの内容は、実際にやらなくてもやり方がわかれればOKです)

↓ 問題の続き次のページへ

演習1

.....

(実際にやってください)

4. 整数 $x = 3$ を勾配計算が可能な Tensor 型として表現することを試みてください。また、その結果を確認して説明できるようにしてください。

※ 次のページにヒントあり

演習1 ヒント

.....

- 1, 2, 3: 講義資料を遡って、`torch.tensor` の第一引数と作成される `Tensor` 型の対応を見比べてみましょう。
- 4: Pythonのエラーは、

~~たくさん書いてある~

~~Error: {ここにエラーの端的な内容が書いてある}

という形式です。"~~Error"というところのすぐ後に書いてある内容を読んでみましょう。

演習1 解答

.....

1~3.

```
# 1
x = torch.tensor(3.0, requires_grad=True)
# 2
x = torch.tensor([3.0, 4.0, 5.0], requires_grad=True)
# 3
x = torch.tensor([[3.0, 4.0, 5.0], [6.0, 7.0, 8.0]], requires_grad=True)
```

次のページへ

演習1：解答

4.

```
x = torch.tensor(3, requires_grad=True)
```

としてみると、

RuntimeError: Only Tensors of floating point and complex dtype can require gradients

と出力されます。これは、勾配が計算可能なのは浮動小数点数と複素数のみであるという PyTorch の仕様によるエラーです。

Tensor 型に対する演算

Tensor 型は、「数」なので当然各種演算が可能

```
x = torch.tensor(2.0, requires_grad=True)
```

例) 四則演算

```
x + 2  
# → tensor(4., grad_fn=<AddBackward0>)
```

```
x * 2  
# → tensor(4., grad_fn=<MulBackward0>)
```

Tensor 型に対する演算

平方根を取ったり、`sin` や `exp` などの関数も使える

```
torch.sqrt(x)
# → tensor(1.4142, grad_fn=<.SqrtBackward0>)
```

```
torch.sin(x)
# → tensor(0.9093, grad_fn=<SinBackward0>)
```

```
torch.exp(x)
# → tensor(7.3891, grad_fn=<ExpBackward0>)
```

PyTorch と 自動微分

ここまでの中は別にPyTorchを使わなくてもできること
PyTorchは、計算と共に勾配の計算ができる！

抑えてほしいポイント：

`requires_grad=True` である `Tensor` 型に対して計算を行う
と、行われた演算が記録された `Tensor` ができる。

PyTorch と 自動微分

.....

```
x = torch.tensor(2.0, requires_grad=True)
```

足し算をする。

```
y = x + 2
```

PyTorch と 自動微分

```
print(y)
```

この出力は、

```
tensor(4., grad_fn=<AddBackward0>)
```



Add という演算によって作られたという情報を `y` が持っている！

PyTorch と 自動微分

普通のPythonの数値では、

```
x = 2  
y = x + 2  
print(y) # → 4.0
```

y がどこから来たのかはわからない(値として 4.0 を持っている それだけ)

PyTorch と 自動微分

PyTorch のしている仕事

1. 演算を記録してくれる



```
: x = torch.tensor(2.0, requires_grad=True)
:
: y = torch.log(x)
y.grad_fn
:
: <LogBackward0 at 0x174655660>
```

PyTorch と 自動微分

✓ PyTorchは、backward 関数をつかって
記録された演算を 辺ることで、勾配を計算できる

backward による勾配計算

1. Tensor 型のオブジェクトをつくる

```
x = torch.tensor(2.0, requires_grad=True)
```

2. 計算を行う

```
y = x + 2
```

3. backward メソッドを呼ぶ

```
y.backward()
```

すると...

backward による勾配計算

✓ **x.grad** に計算された勾配が格納される！！

```
print(x.grad) # → tensor(1.)
```

PyTorch と 自動微分

PyTorch のしている仕事

1. 演算を記録してくれる



2. 記録された演算を辿つ
て、勾配を計算する

```
: x = torch.tensor(2.0, requires_grad=True)
: y = x + 2
: y.backward()
: x.grad
: tensor(1.)
```

自動微分の流れ

1. 変数 (Tensor 型) の定義

2. 計算

3. backward()

```
# 1. 変数('Tensor' 型)の定義
x = torch.tensor(2.0, requires_grad=True)
# 2. 計算
y = x + 2
# 3. backward()
y.backward()
```

すると、x.grad に計算された勾配が格納される。

定義 → 計算 → backward(), 定義 → 計算 → backward(), 定義 → 計算 → backward(), 定義

定義 → 計算 → backward(), 定義 → 計算 → backward(), 定義 → 計算 → backward(), 定義

定義 → 計算 → backward(), 定義 → 計算 → backward(), 定義 → 計算 → backward(), 定義

定義 → 計算 → backward(), 定義 → 計算 → backward(), 定義 → 計算 → backward(), 定義

定義 → 計算 → backward(), 定義 → 計算 → backward(), 定義 → 計算 → backward(), 定義

定義 → 計算 → backward(), 定義 → 計算 → backward(), 定義 → 計算 → backward(), 定義

定義 → 計算 → backward(), 定義 → 計算 → backward(), 定義 → 計算 → backward(), 定義

定義 → 計算 → backward() 定義 → 計算 → backward() 定義 → 計算 → backward() 定義

定義→計算→backward() 定義→計算→backward() 定義→計算→backward() 定義

字義→計算→backward() 字義→計算→backward() 字義→計算→backward() 字義

定義 → 計算 → backward() 定義 → 計算 → backward() 定義 → 計算 → backward() 定義

走義 > 計算 > backward(), 走義 > 計算 > backward(), 走義 > 計算 > backward(), 走義
走義 > 計算 > backward(), 走義 > 計算 > backward(), 走義 > 計算 > backward(), 走義

走義 → 計算 → backward(), 走義 → 計算 → backward(), 走義 → 計算 → backward(), 走義 → 計算 → backward()

走義→計算→backward(), 走義→計算→backward(), 走義→計算→backward(), 走義→計算→backward()

ありとあらゆる演算が自動微分可能

例1) $f(x) = \sin((x + 2) + (1 + e^{x^2}))$ の微分

```
x = torch.tensor(2.0, requires_grad=True)
y = y = torch.sin((x + 2) + (1 + torch.exp(x ** 2)))
y.backward()
print(x.grad) # → tensor(-218.4625)
```

例2) $y = x^2, z = 2y + 3$ の微分($\frac{dz}{dx}$)

```
x = torch.tensor(2.0, requires_grad=True)
y = x ** 2
z = 2 * y + 3
z.backward()
print(x.grad) # → tensor(8.) ... backward()した変数に対する勾配!(この場合はz)
```

ベクトル、行列演算の勾配

```
x = torch.tensor([1.0, 2.0, 3.0], requires_grad=True)
y = 2 * x[0] + 3 * x[1] + 4 * x[2]
y.backward()
print(x.grad) # → tensor([2., 3., 4.])
```

$$\vec{x} = (x_1, x_2, x_3)^T$$

$$y = 2x_1 + 3x_2 + 4x_3$$

$$\frac{dy}{d\vec{x}} = \left(\frac{dy}{dx_1}, \frac{dy}{dx_2}, \frac{dy}{dx_3} \right)^T = (2, 3, 4)^T$$

と対応

ベクトル、行列演算の勾配

```
A = torch.tensor([[1.0, 2.0, 3.0], [4.0, 5.0, 6.0]], requires_grad=True)
y = torch.sum(A)
y.backward()
print(A.grad) # → tensor([[1., 1., 1.],
#                           [1., 1., 1.]])
```

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \end{pmatrix}, y = \sum_{i=1}^2 \sum_{j=1}^3 a_{ij} = 21$$

$$\frac{dy}{dA} = \begin{pmatrix} \frac{dy}{da_{11}} & \frac{dy}{da_{12}} & \frac{dy}{da_{13}} \\ \frac{dy}{da_{21}} & \frac{dy}{da_{22}} & \frac{dy}{da_{23}} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \end{pmatrix}$$

と対応

多変数関数の微分

```
x = torch.tensor(2.0, requires_grad=True)
y = torch.tensor(3.0, requires_grad=True)
z = 2 * x + 4 * y
z.backward()
print(x.grad) # → tensor(2.)
print(y.grad) # → tensor(4.)
```

$$z = 2x + 4y$$

$$\frac{\partial z}{\partial x} = 2, \quad \frac{\partial z}{\partial y} = 4$$

に対応

実際に適用される演算さえ微分可能ならOK

```
x = torch.tensor(2.0, requires_grad=True)

def f(x):
    return x + 3
def g(x):
    return torch.sin(x) + torch.cos(x ** 2)

if rand() < 0.5:
    y = f(x)
else:
    y = g(x)
```

- ✓ ポイント: 実際に適用される演算は、実行してみないとわからないが、適用される演算はどう転んでも微分可能な演算なのでOK。
(if文があるから, for文があるから, 自分が定義した関数に渡したから...ということは関係なく、実際に適用される演算のみが問題になる)

抑えてほしいポイント

- 任意の(勾配が定義できる)計算を `Tensor` 型に対して適用すれば、常に自動微分可能
- 定義→計算→`backward()` の流れ
- ベクトル、行列など任意の `Tensor` 型について微分可能。多変数関数の場合も同様
- 「実際に適用される演算」さえ微分可能ならOK

演習3：自動微分

1. $y = x^2 + 2x + 1$ の $x = 3.0$ における微分係数を求めよ。
(<https://oj.abap34.com/problems/autograd-practice-1>)
2. $y = f(x_1, x_2, x_3) = x_1^2 + x_2^2 + x_3^2$ の $x_1 = 1.0, x_2 = 2.0, x_3 = 3.0$ における勾配を求めよ。
(<https://oj.abap34.com/problems/autograd-practice-2>)
3. $f(\mathbf{x}_1) = \mathbf{x}_1^T \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 2 & 1 \end{pmatrix} \mathbf{x}_1$ の $\mathbf{x}_1 = (1.0, 2.0)^T$ における勾配を求めよ。
(<https://oj.abap34.com/problems/autograd-practice-3>)

演習3：解答

1.

```
x = torch.tensor(3.0, requires_grad=True)
y = x ** 2 + 2 * x + 1

y.backward()
gx = x.grad

print(gx.item()) # → 8.0
```

スペースの都合上 `import torch` を省略しています

演習3：解答

2.

```
import torch

x1 = torch.tensor(1.0, requires_grad=True)
x2 = torch.tensor(2.0, requires_grad=True)
x3 = torch.tensor(3.0, requires_grad=True)

y = x1**2 + x2**2 + x3**2

y.backward()

print(x1.grad.item()) # → 2.0
print(x2.grad.item()) # → 4.0
print(x3.grad.item()) # → 6.0
```

演習3：解答

.....

3.

```
W = torch.tensor([[1.0, 2.0], [2.0, 1.0]])
x1 = torch.tensor([1.0, 2.0], requires_grad=True)

y = torch.matmul(torch.matmul(x1, W), x1)
y.backward()

gx = x1.grad

print(*gx.numpy())
```

思い出すシリーズ: 勾配降下法のPyTorchによる実装

$f(x) = x^2 + e^{-x}$ の勾配降下法による最小値の探索

```
from math import exp

x = 3
lr = 0.0005

# xでの微分係数
def grad(x):
    return 2 * x - exp(-x)

for i in range(10001):
    # 更新式
    x = x - lr * grad(x)
    if i % 1000 == 0:
        print('x_ ', i, '=', x)
```

勾配降下法のPyTorchによる実装

これまでには、導関数 `grad` を我々が計算しなければいけなかった
⇒ 自動微分で置き換えられる！

```
import torch

lr = 0.01
N = 10001
x = torch.tensor(3.0, requires_grad=True)

def f(x):
    return x ** 2 - torch.exp(-x)

for i in range(10001):
    y = f(x)
    y.backward()
    x.data = x.data - lr * x.grad
    x.grad.zero_()
```

今ならこれを倒せるはず

最小化してください。

$$-\frac{1}{(x^2 + 1)} \log \left(\frac{1}{1 + e^{-x}} + 1 \right)$$

<https://oj.abap34.com/problems/minimize-difficult-function>

おまけ: 自動微分のアルゴリズム

どうやって PyTorch は微分を計算しているのか? 🤔

おまけ: 自動微分のアルゴリズム

いちばん素直な方法

$$f'(x) = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(x + h) - f(x)}{h}$$

⇒ 小さい値で近似する

```
def diff(f, x):  
    h = 1e-6  
    return (f(x + h) - f(x)) / h
```

勾配の計算法を考える ~近似編

これでもそれなりに近い値を得られる.

例) $f(x) = x^2$ の $x = 2$ における微分係数 4 を求める.

```
>>> def diff(f, x):
...     h = 1e-6
...     return (f(x + h) - f(x)) / h
...
>>> diff(lambda x : x**2, 2)
4.0000010006480125 # おしい
```

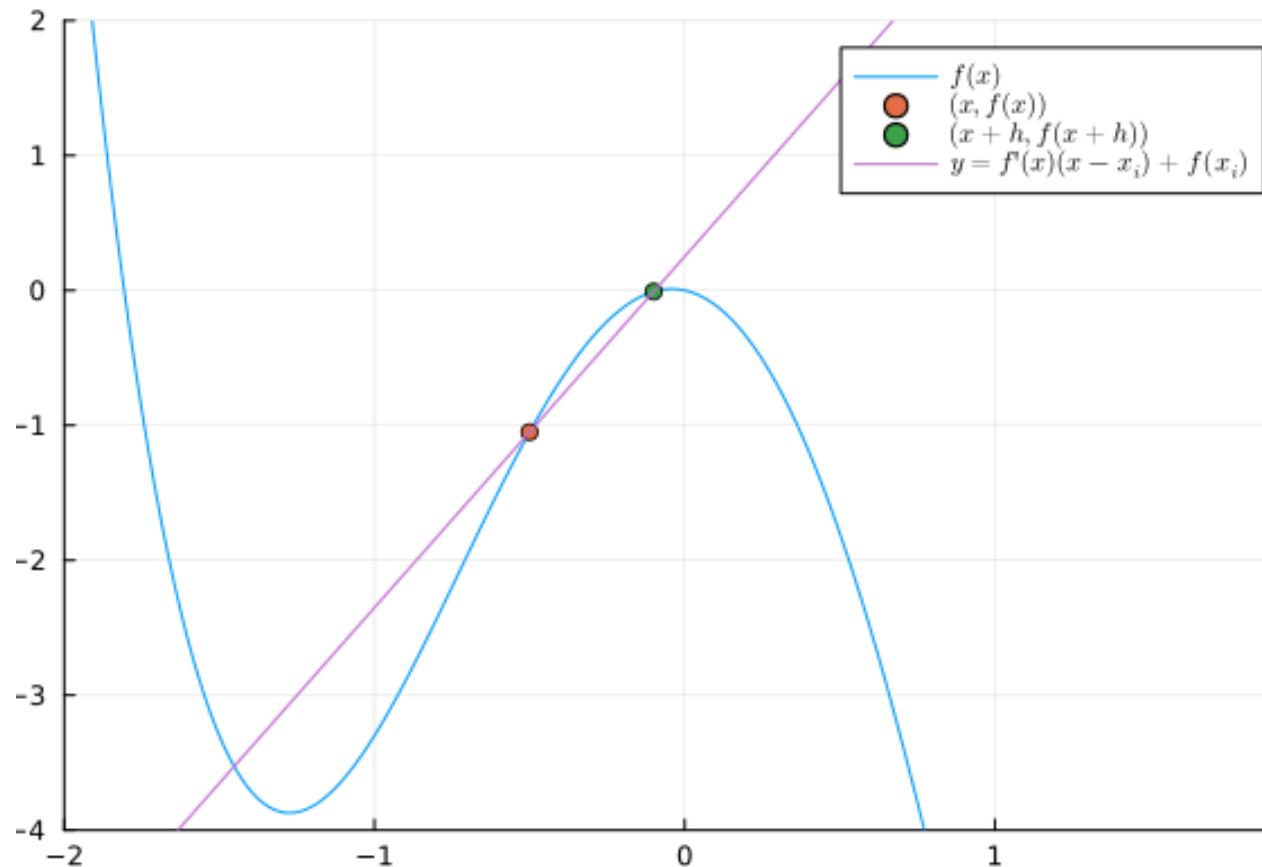
数値微分

実際に小さい h をとって計算

「数値微分」

お手軽だけ..

- 誤差が出る
- 勾配ベクトルの計算が非効率



問題点①. 誤差が出る

1. 本来極限をとるのに、小さい h をとって計算しているので誤差が出る
2. 分子が極めて近い値同士の引き算になっていて、 $\left(\frac{f(x+h)-f(x)}{h} \right)$ 衍落ちによって精度が大幅に悪化。

問題点②. 勾配ベクトルの計算が非効率

1. n 変数関数の勾配ベクトル $\nabla f(\mathbf{x}) \in \mathbb{R}^n$ を計算するには、各 x_i について「少し動かす → 計算」を繰り返すので n 回 f を評価する。
2. 応用では n がとても大きくなり、 f の評価が重くなりがちでこれが**致命的**

数式の構造を捉える

.....

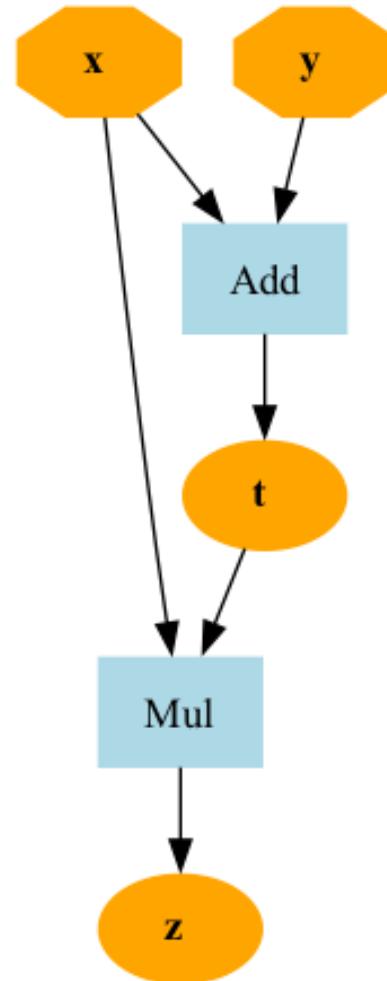


いい感じに数式の構造をとって計算したいなあ

計算グラフ

✓ 演算は、計算グラフとよばれる DAG で表現できる

単に計算過程を表しただけのものを Kantorovich グラフなどと呼び、
これに偏導関数などの情報を加えたものを計算グラフと呼ぶような定義もあります。
(伊里, 久保田 (1998) に詳しく形式的な定義があります)
ただ、単に計算グラフというだけで計算過程を表現するグラフを指すという用法はかなり普及していて一般的と思われます。そのためここでもそれに従って計算過程を表現するグラフを計算グラフと呼びます。



計算グラフ

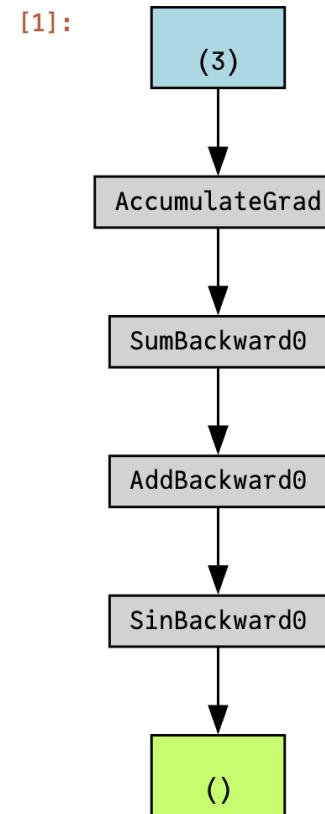
✓ PyTorch も、計算と同時に
計算グラフを構築

(`torchviz` というライブラリを使う
と可視化できる！)

```
import torchviz
x = torch.tensor([1., 2., 3.], requires_grad=True)
y = torch.sin(torch.sum(x) + 2)
torchviz.make_dot(y)
```

```
[1]: import torch
      import torchviz

      x = torch.tensor([1., 2., 3.], requires_grad=True)
      y = torch.sin(torch.sum(x) + 2)
      torchviz.make_dot(y)
```



(一旦計算グラフを得たものとして、)
この構造から導関数を得ることを考えてみる。

[連鎖律]

u, v の関数 x, y による合成関数 $z(x(u, v), y(u, v))$ に対して、

$$\frac{\partial z}{\partial u} = \frac{\partial z}{\partial x} \cdot \frac{\partial x}{\partial u} + \frac{\partial z}{\partial y} \cdot \frac{\partial y}{\partial u}$$

$$\frac{\partial z}{\partial v} = \frac{\partial z}{\partial x} \cdot \frac{\partial x}{\partial v} + \frac{\partial z}{\partial y} \cdot \frac{\partial y}{\partial v}$$

連鎖律と計算グラフの対応

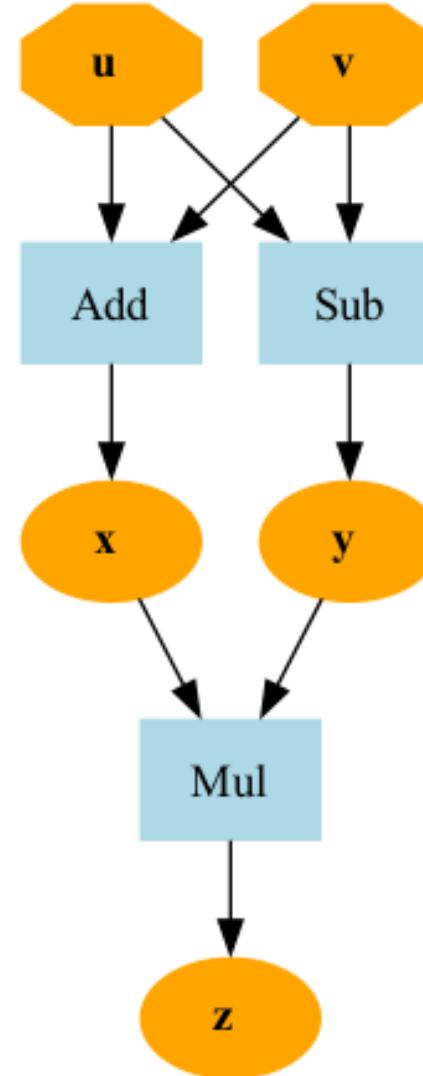
目標

$$x = u + v$$

$$y = u - v$$

$$z = x \cdot y$$

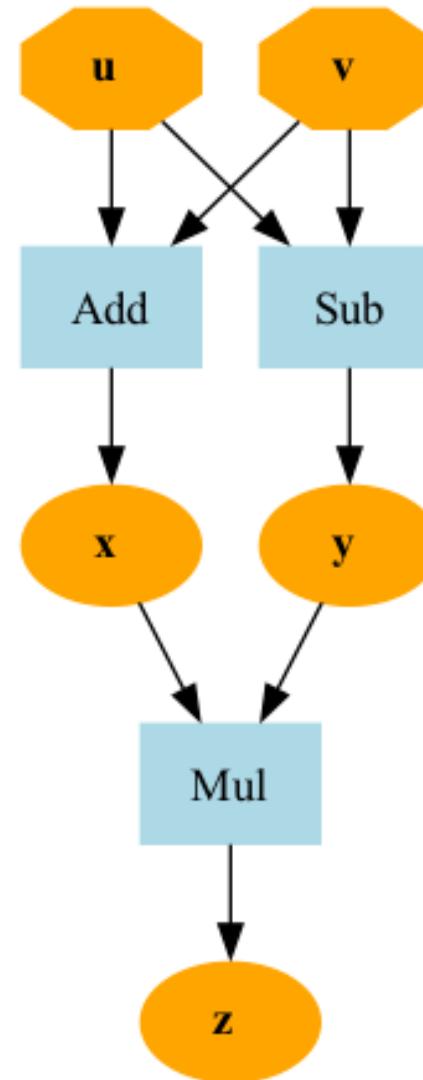
のとき、 $\frac{\partial z}{\partial u}$ を求める



連鎖律と計算グラフの対応

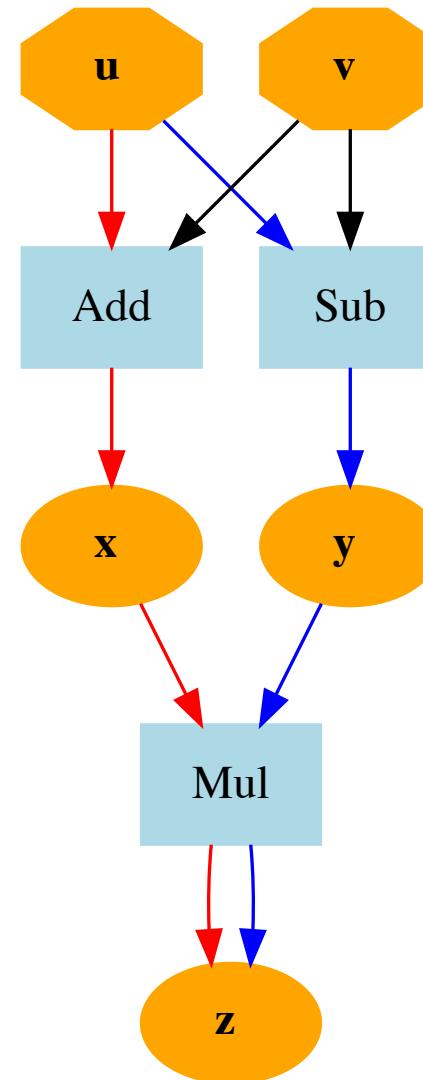
$$\frac{\partial z}{\partial u} = \frac{\partial z}{\partial x} \cdot \frac{\partial x}{\partial u} + \frac{\partial z}{\partial y} \cdot \frac{\partial y}{\partial u}$$

との対応は、



連鎖律と計算グラフの対応

$$\frac{\partial z}{\partial u} = \frac{\partial z}{\partial x} \cdot \frac{\partial x}{\partial u} + \frac{\partial z}{\partial y} \cdot \frac{\partial y}{\partial u}$$



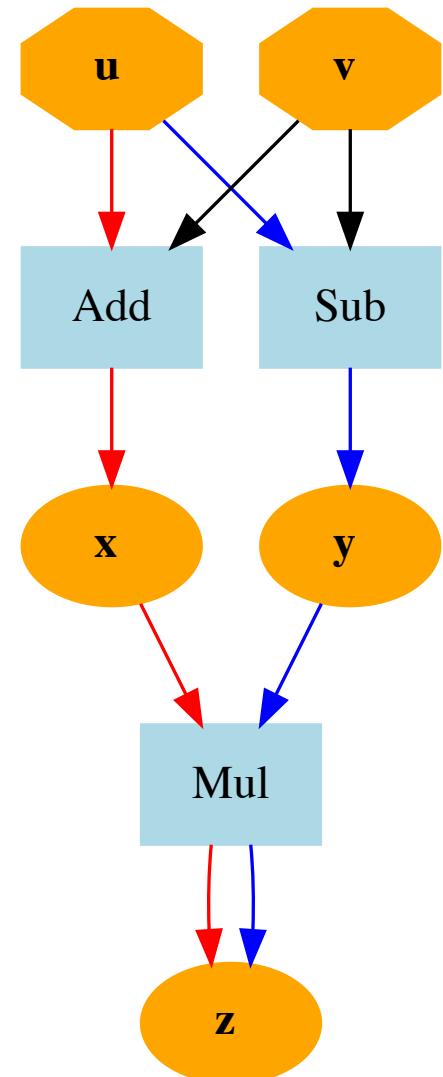
連鎖律と計算グラフの対応

✓ 変数 z に対する u による偏微分の
計算グラフ上の表現

↔ u から z への全ての経路の偏微分の総積の総和

$$\frac{\partial z}{\partial u} = \sum_{p \in \hat{P}(u, z)} \left(\prod_{(s, t) \in p} \frac{\partial t}{\partial s} \right)$$

$\hat{P}(u, z)$ は u から z への全ての経路の集合. (s, t) は変数 s から変数 t への辺を表す.



連鎖律と計算グラフの対応

✓ 実は工夫するとノード数の定数倍で計算可能！

詳しくは [Julia Tokyo #11](#) トーク: 「Juliaで歩く自動微分」 をみよう！！

PyTorch でもこの方法で勾配を計算している。

機械学習講習会 第四回

- 「ニューラルネットワークの構造」

traP Kaggle班
2024/07/01

振り返りタイム

.....

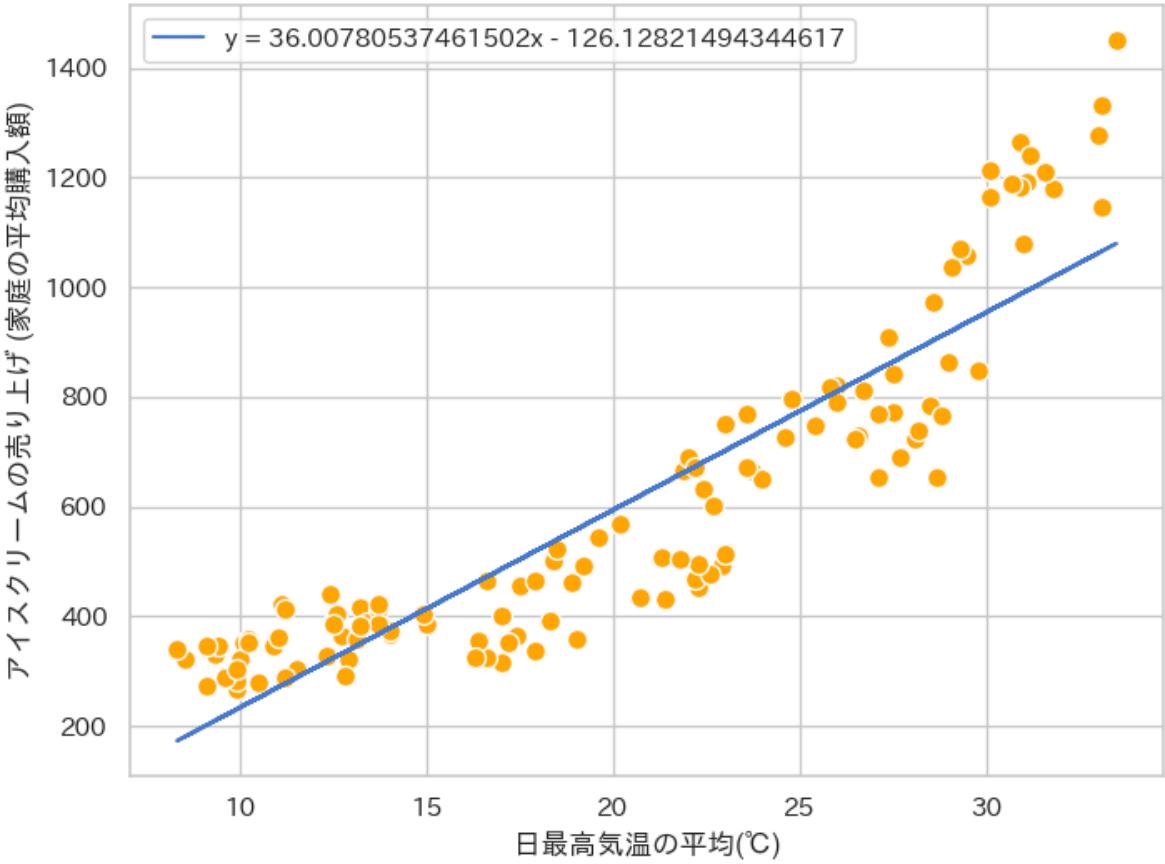
第一回 「学習」

第二回 「勾配降下法」

第三回 「自動微分」

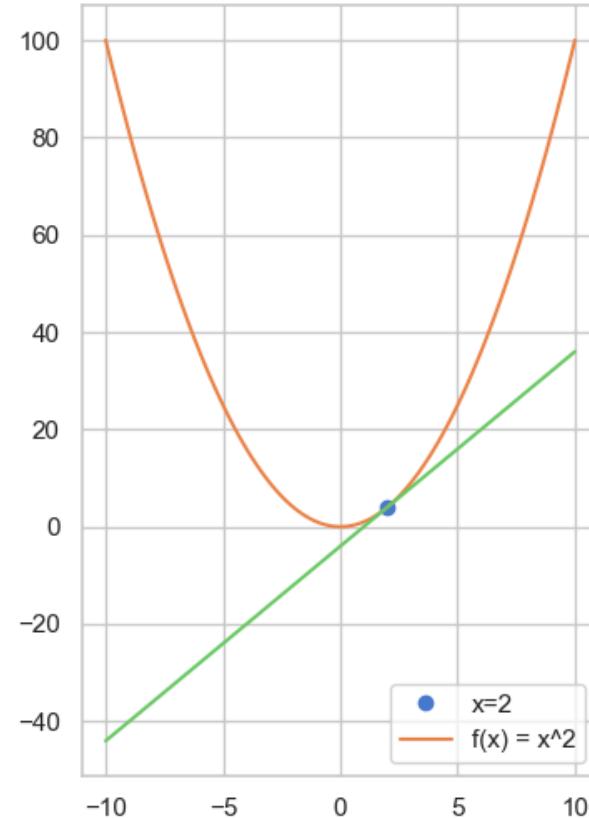
「学習」

1. 予測をするには、「モデル」を作る必要があった
2. モデルのパラメータを決めるために、パラメータの関数である損失関数を導入した



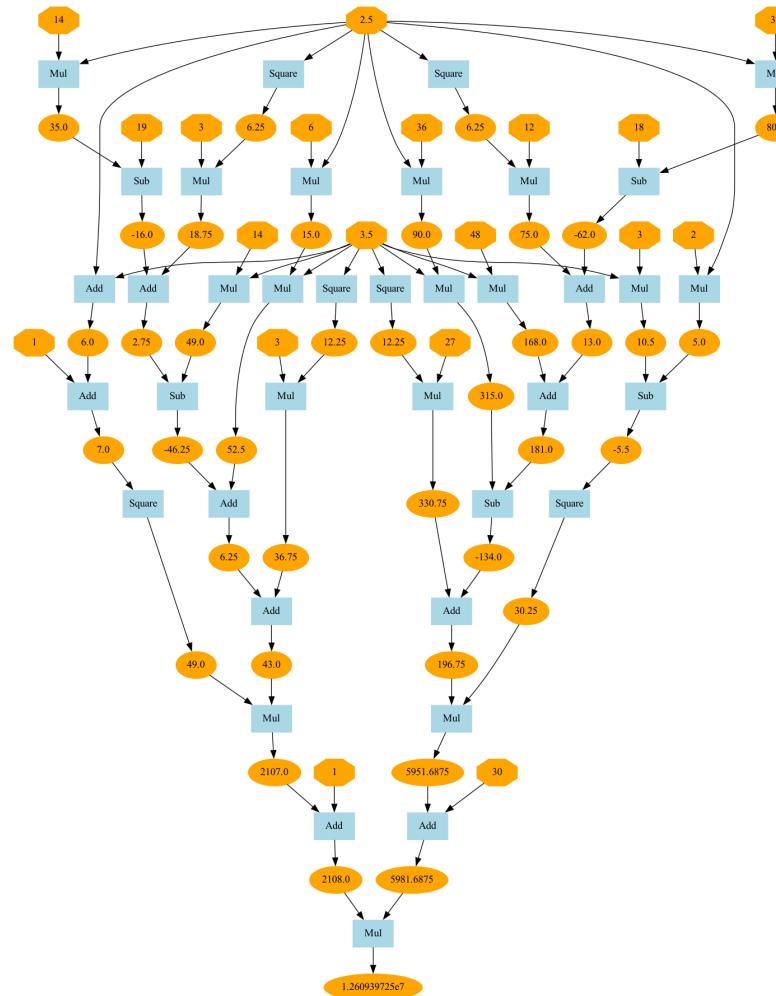
「勾配降下法」

3. 複雑な関数である損失関数を最小にするために、
「勾配降下法」を使ってパラメータを探索した



「自動微分」

4. 自動微分を使うことで、手で微分をしなくて勾配を計算できるようになり、勾配降下法を使えるようになった



振り返りタイム

1. 予測をするには、「モデル」を作る必要があった
2. モデルのパラメータを決めるために、パラメータの関数である損失関数を導入した
3. 損失関数を最小にするパラメータを求めるために勾配降下法を導入した
4. 自動微分によって手で微分する必要がなくなった [\leftarrow 今ココ！]

第三回までのまとめ

.....

われわができるようになったこと

データさえあれば...誤差を小さくするパラメータを

- 例え複雑な式でも
- 例え自分で導関数を見つけられなくても

求められるようになった！

(= 学習ができるようになった！)

線形回帰からの飛躍

ここまで $f(x) = ax + b$ のかたちを仮定してきた（線形回帰）

⇒ われわれの手法はこの仮定に依存しているか？ 🤔



依存していない

線形回帰からの飛躍

我々の手法（自動微分と勾配降下法による学習）で満たすべき条件だったのは…

$L(a, b)$ が a, b について
微分可能である
のみ！



⇒ この条件を満たす関数なら どんなものでも 学習できる！

今日のお話は...

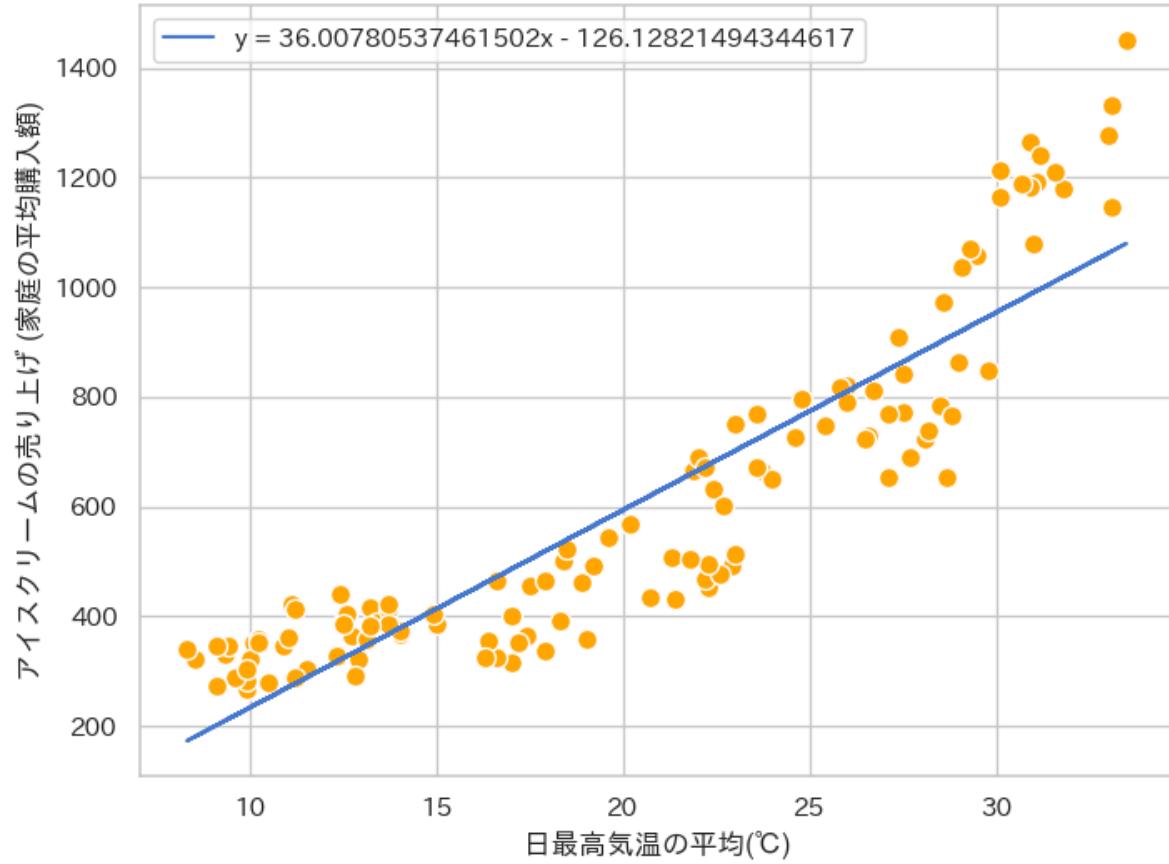
.....

f を変えよう

$$L(a, b) = \sum_{i=0}^{n-1} (y_i - \underline{f}(x_i))^2$$

線形回帰からの飛躍

$f(x) = ax + b$ は、 a, b をどんなに変えても常に直線
⇒ 直線以外の関係を表現できない



どんな関数をつかうべきか?

$f(x) = ax^2 + bx + c$ でも大丈夫

$f(x) = \sin(ax + b)$ でも大丈夫

$f(x) = e^{ax+b}$ でも大丈夫

⇒ 直線以外を表現することはできるが

- 二次曲線
- sinカーブ
- 指数カーブ(?)

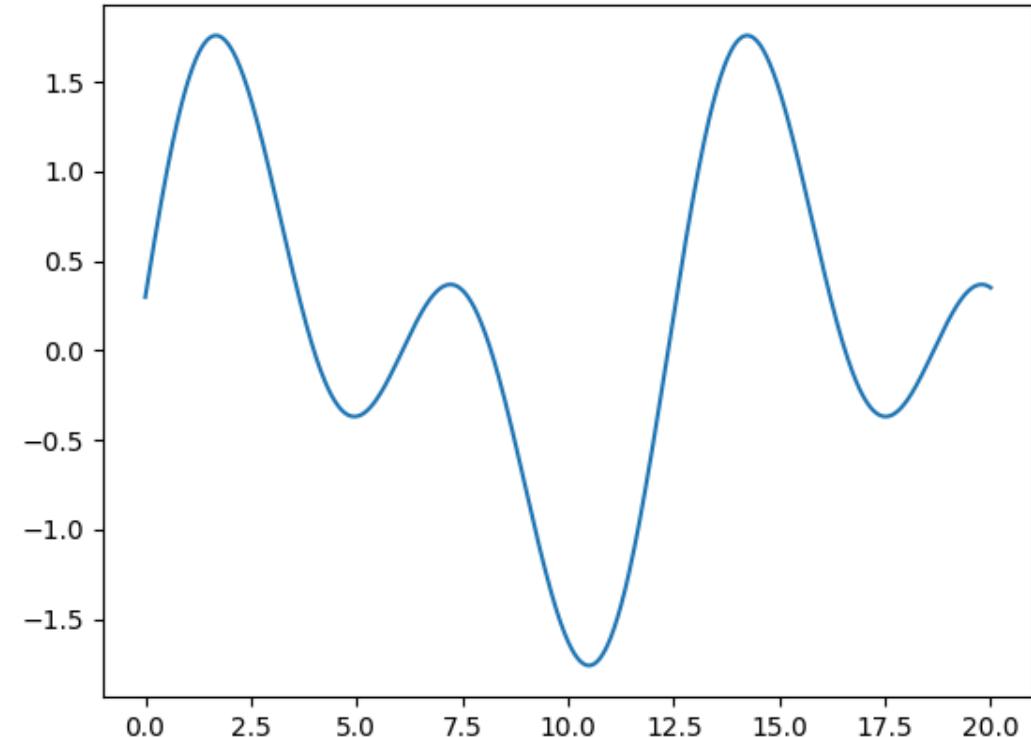
しか表現できない

複雑な関数を表現する方法を考えよう！

これらのパラメータどんなにいじっても



みたいなものは表現できない

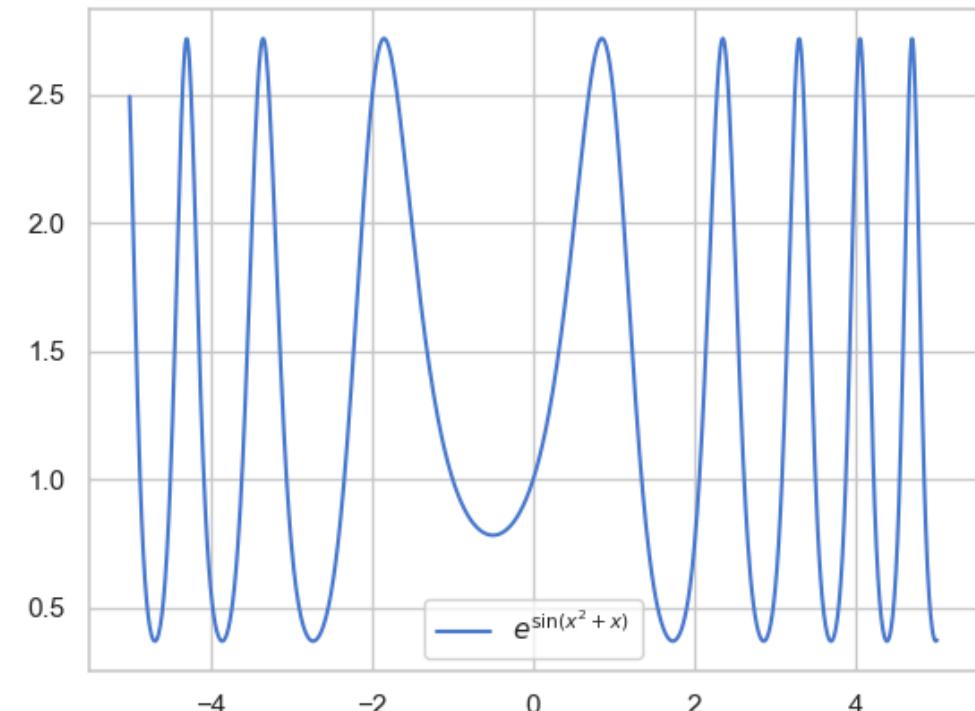


複雑さを生み出す方法

✓ アイデア1: 関数を合成する

\exp , \sin , $x^2 + x$ はそれぞれ単純な関数

👉 一方、合成した
 $h(x) = \exp(\sin(x^2 + x))$ は、



複雑さを生み出す方法

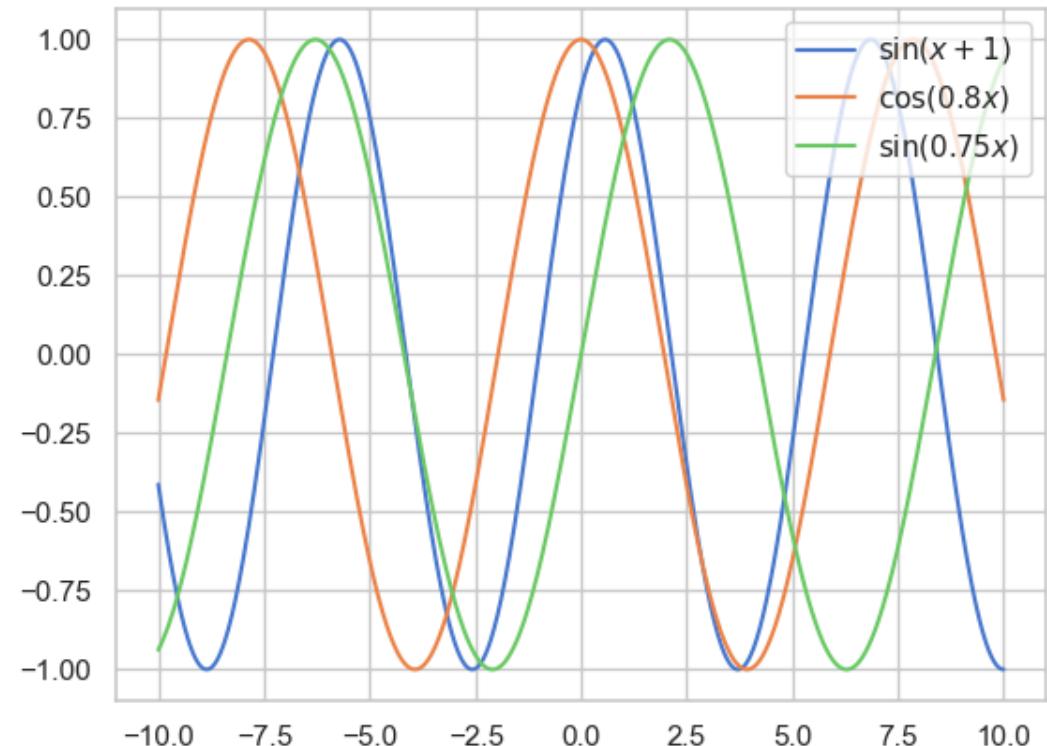
- ✓ アイデア2: 和をとる

複雑さを生み出す方法

三角関数を 3つ用意

- $f_1(x) = \sin(0.5x)$
- $f_2(x) = \cos(0.8x)$
- $f_3(x) = \sin(0.75x)$

それぞれは単純

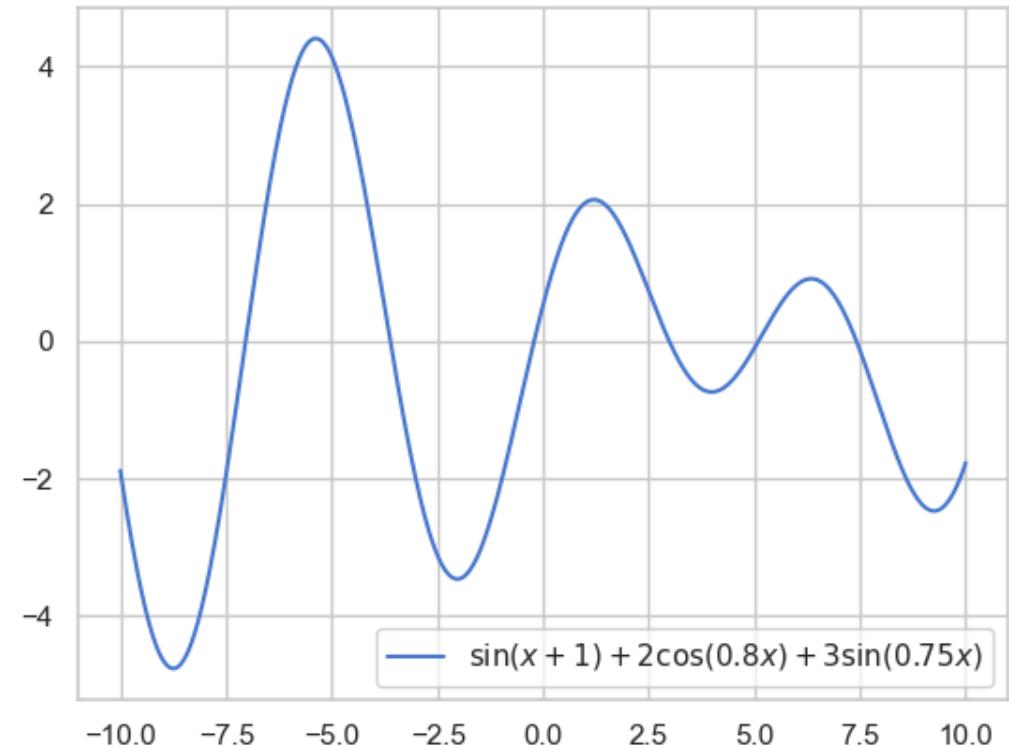


複雑さを生み出す方法

一方、重み付き和をとると

$$f(x) = 3f_1(x) - 2f_2(x) + f_3(x)$$

👉 そこそこ複雑



ぐにやつとした関数の表現のしかた

✓ 簡単めの関数の

1. 合成
2. 和

を考えたら結構複雑なやつも表現できる

パラメータを変えることによって幅広い表現が得られる確認

パラメータとして

$$\mathbf{a} = (a_1, a_2, a_3, a_4, a_5),$$

$$\mathbf{b} = (b_1, b_2, b_3, b_4, b_5),$$

$$\mathbf{c} = (c_1, c_2, c_3, c_4, c_5)$$

をもつ

$$f(x; \mathbf{a}, \mathbf{b}, \mathbf{c}) = \sum_{i=1}^5 a_i \sin(b_i x + c_i)$$

を考える



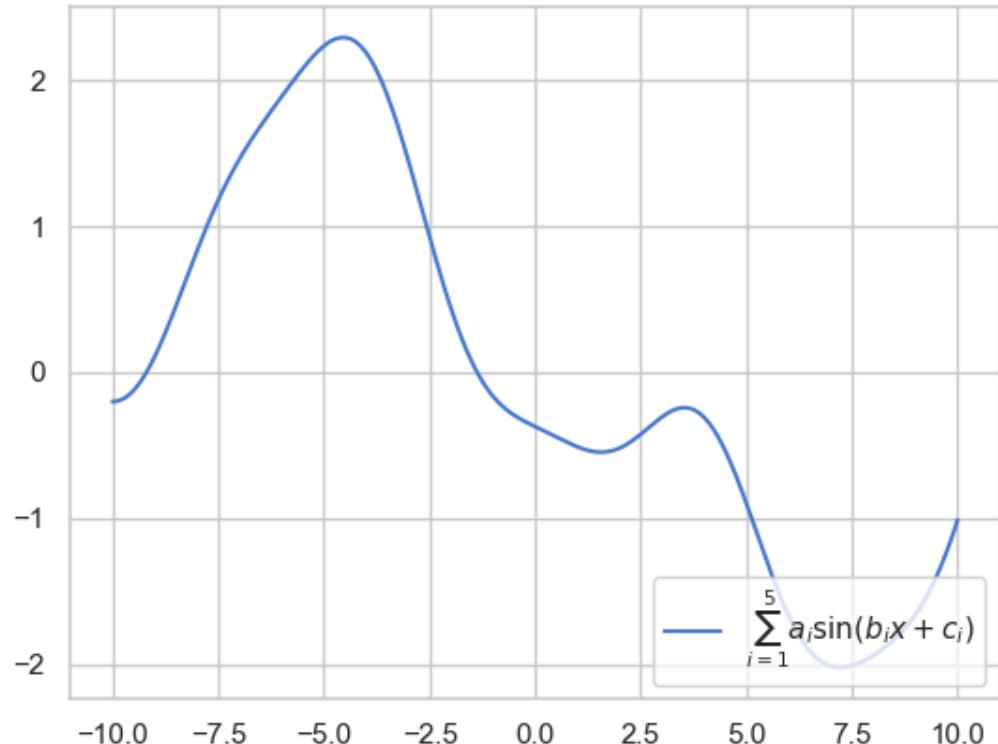
パラメータを変えることによつ て幅広い表現が得られる確認

$$\mathbf{a} = (0.83, 0.27, 0.84, 0.28, 0.14)^T$$

$$\mathbf{b} = (0.71, 0.47, 0.56, 0.39, 0.94)^T$$

$$\mathbf{c} = (0.08, 0.92, 0.16, 0.44, 0.21)^T$$

のとき



正確な値は $\mathbf{a} = [-6.4801085083, 6.1051318800, 7.9832160997, -8.3429947226,$
 $5.3951834931], \mathbf{b} = [0.0749141624, -0.0644060425, -0.2030537747,$
 $-0.2263950685, -0.0981644237], \mathbf{c} = [-2.5574982288, 11.9469148236,$
 $-9.5401909056, -9.7479688677, 8.6363494625]$ です

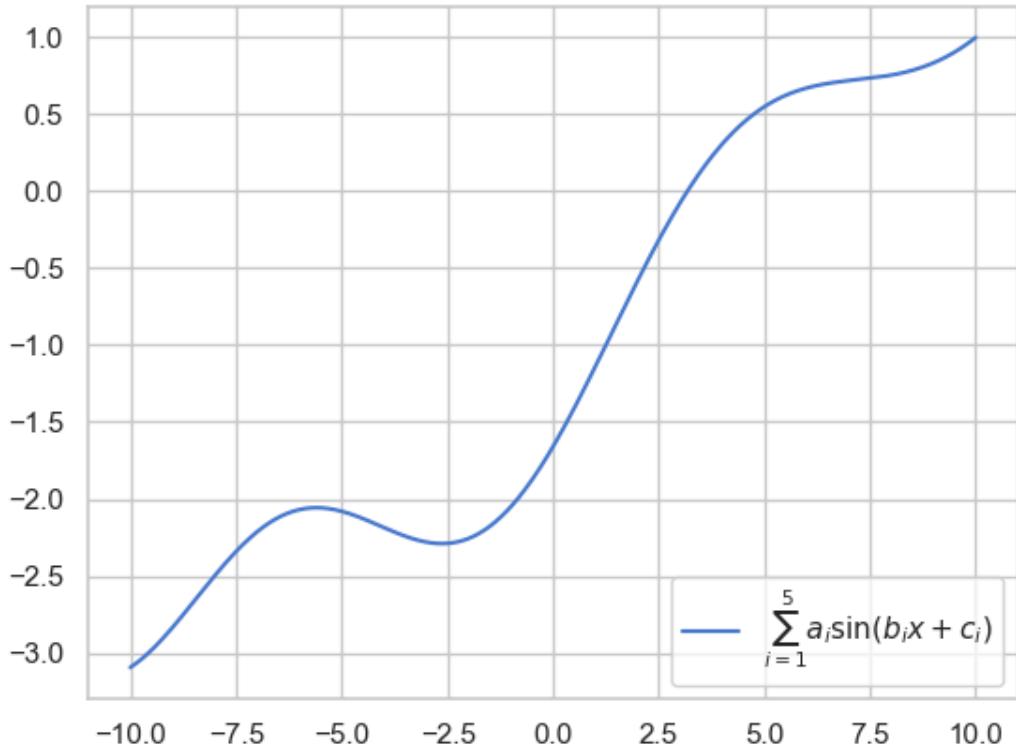
パラメータを変えることによつ て幅広い表現が得られる確認

$$\mathbf{a} = (0.39, -0.29, -0.67, -0.96, 0.92)^T$$

$$\mathbf{b} = (-0.35, 0.84, 0.22, -0.25, -0.04)^T$$

$$\mathbf{c} = (-0.61, -2.06, 3.97, 0.40, -3.85)^T$$

のとき



正確な値は $\mathbf{a} = [0.3902687779, -0.2931365774, -0.6719522358, -0.9616291983, 0.9248299981]$, $\mathbf{b} = [-0.3522200005, 0.8488925592, 0.2250941117, -0.2574283604, -0.0413569962]$, $\mathbf{c} = [-0.6140479386, -2.0554661015, 3.9653490740, 0.3968633932, -3.8504082926]$ です

「基になる関数」はどう選ぶべきか？



「基になる関数」にどのような関数を選ぶべきか？

- 三角関数？
- 多項式関数？
- 指数関数？
- もっと別の関数？

...

これまでの我々のアプローチを思い出すと、

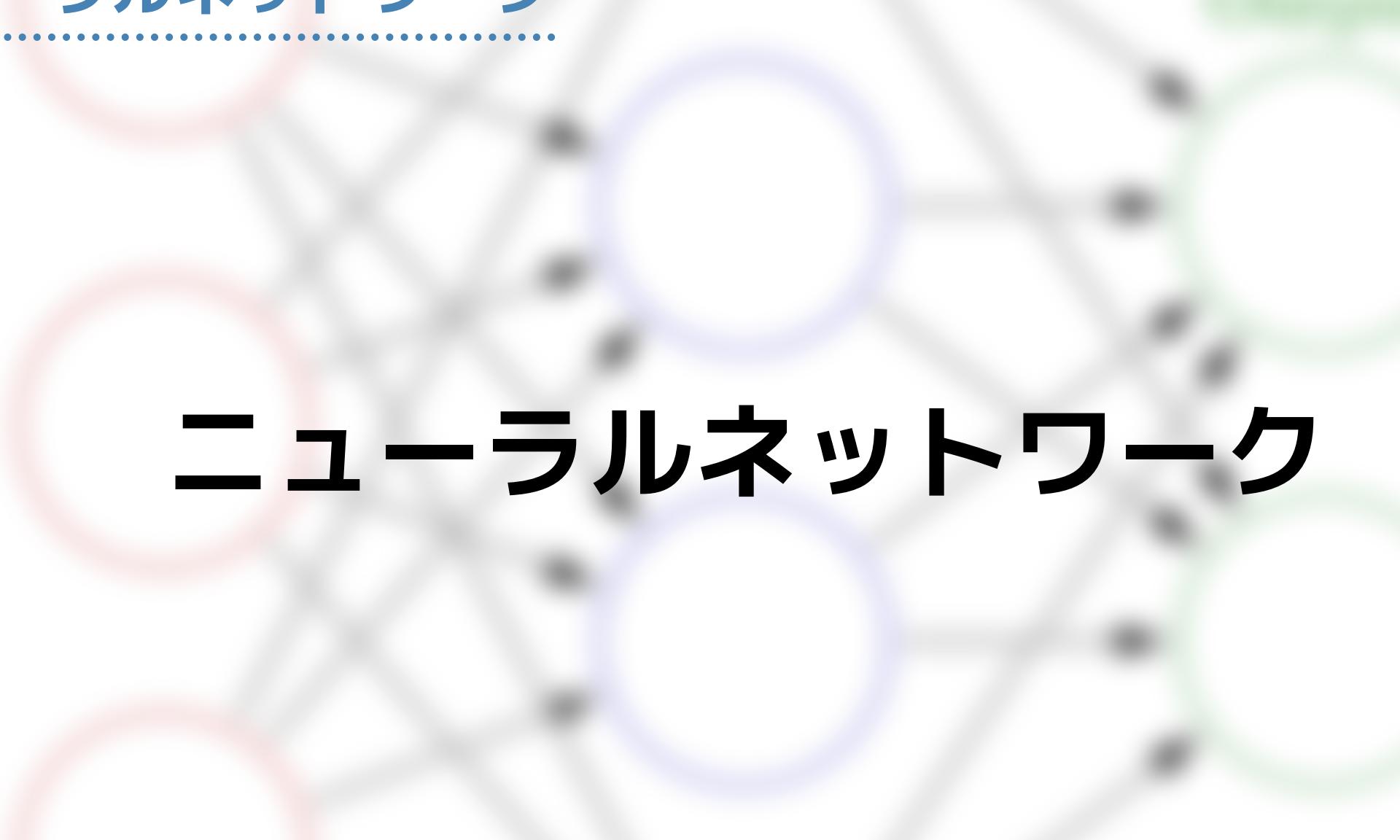
変化させるのが可能なところはパラメータにして、学習で求める」

「基になる関数」はどう選ぶべきか？

.....

「基になる関数」も
学習で求めよう

ニューラルネットワーク



ニューラルネットワーク

ニューラルネットワーク



[事実1]

最近流行りの機械学習モデル
はたいていニューラルネット
ワークをつかっている



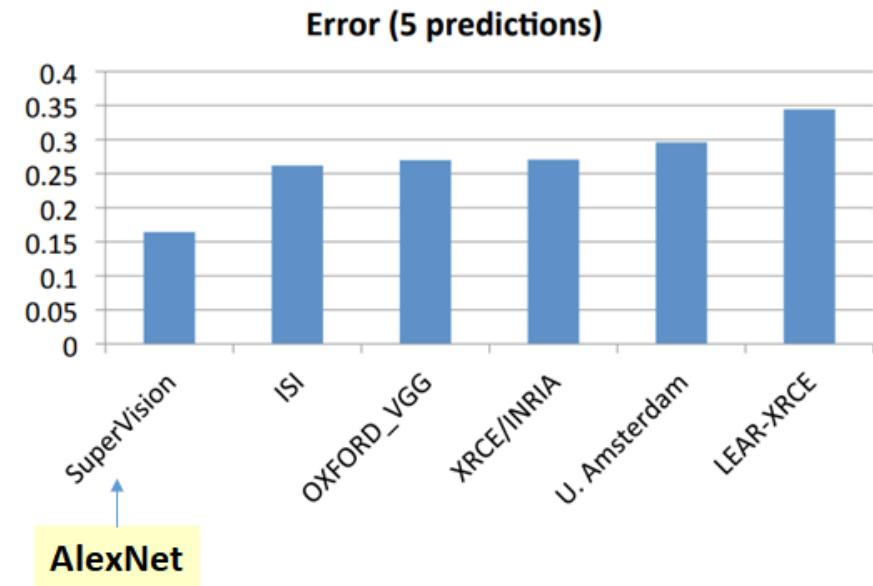
中央の画像は <https://diamond.jp/articles/-/241828> より. Ponanza と佐藤天彦名人の対局

ニューラルネットワーク

[事実2]

ある程度以上複雑なタスクでは、ニューラルネットワークが最も優れた性能を示すことが多い

Ranking of the best results from each team



画像は <https://medium.com/coinmonks/paper-review-of-alexnet-caffenet-winner-in-ilsvrc-2012-image-classification-b93598314160> から

今日の内容

.....

1. ニューラルネットワークの基本的な概念の整理
2. 全結合層の理解

基本的な概念

.....

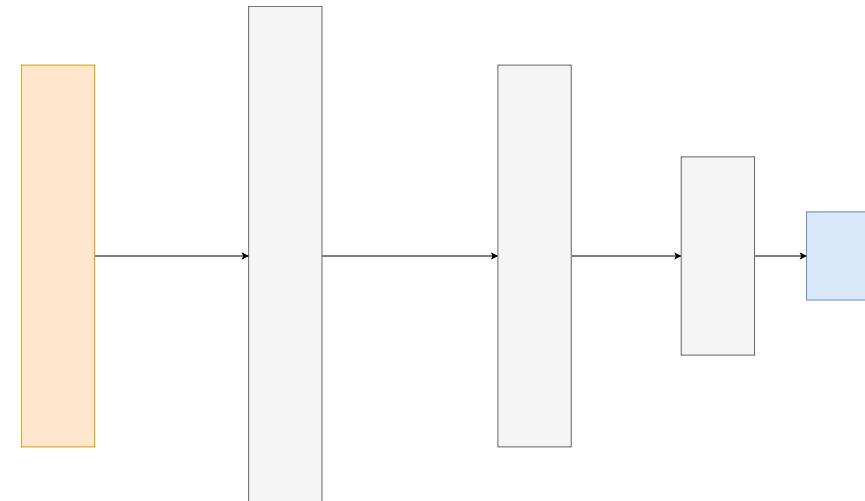
基本単位: レイヤー

ニューラルネットワークは、「レイヤー(層)」と呼ばれる関数の合成によって構成されるモデル

ニューラルネットワークの構造

基本単位: レイヤー

ニューラルネットワークは、「レイヤー(層)」と呼ばれる関数の合成によって構成されるモデル

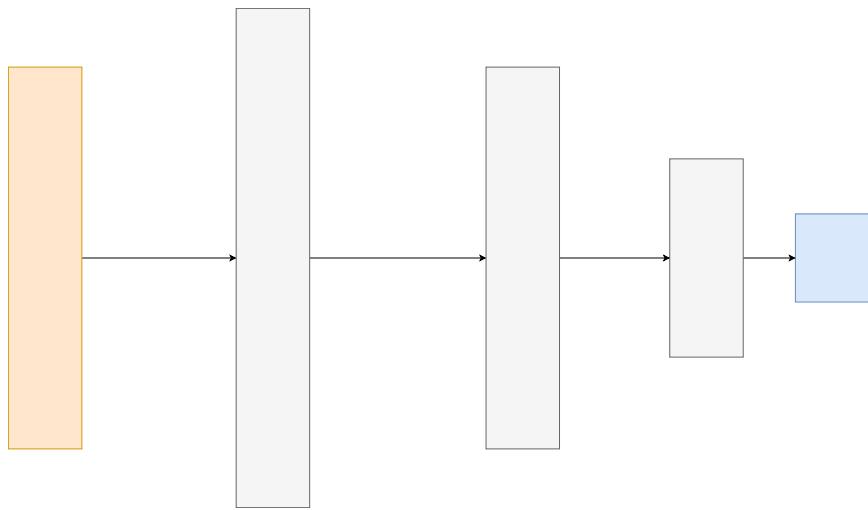


ニューラルネットワークの構造

- 入力層
入力を受け取る部分
- 出力層
出力を出力する部分
- 中間層(隠れ層, hidden layer)
それ以外



データの流れは、
 $x \rightarrow \text{入力層} \rightarrow \text{中間層} \dots \rightarrow \text{出力層} = y$



いろいろなレイヤーがある

PyTorch本体でデフォルトで定義されているものだけで 160 個以上? [1]

[1] `torch.nn.Module` のサブクラスの数を数えました。正確な数でないかもしれません。

全結合層 (Linear, Dense層)

もっとも普遍的・基本のレイヤー

全結合層 (Linear, Dense層)

パラメータ $W \in \mathbb{R}^{m \times n}$, $\mathbf{b} \in \mathbb{R}^m$ と

各レイヤーが固有にもつ活性化関数 σ を用いて

入力として $\mathbf{x} \in \mathbb{R}^n$ を受け取り、 $\sigma(W\mathbf{x} + \mathbf{b})$ を出力する。

全結合層がしていること

1. n 個の入力を受け取り、 m 個出力する
2. 複雑な関数を表現するアイデア...

1. 合成
2. 和をとる

をする

全結合層がしていること

1. n 個の入力を受け取り、 m 個出力する

パラメータ $W \in \mathbb{R}^{m \times n}$, $\mathbf{b} \in \mathbb{R}^m$ と

各レイヤーが固有にもつ活性化関数 σ を用いて

入力として $\mathbf{x} \in \mathbb{R}^n$ を受け取り、 $\sigma(W\mathbf{x} + \mathbf{b})$ を出力する。

全結合層がしていること

2. 複雑な関数を表現するアイデア...

1. 合成
2. 和をとる

をする

活性化関数

非線形関数

- シグモイド関数

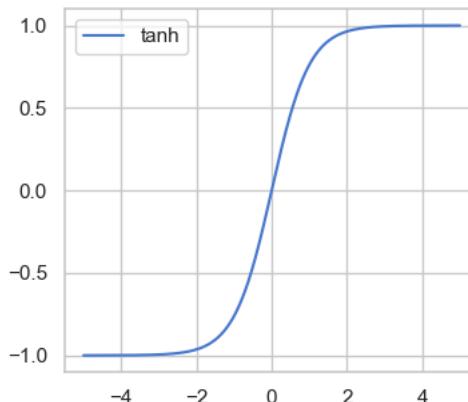
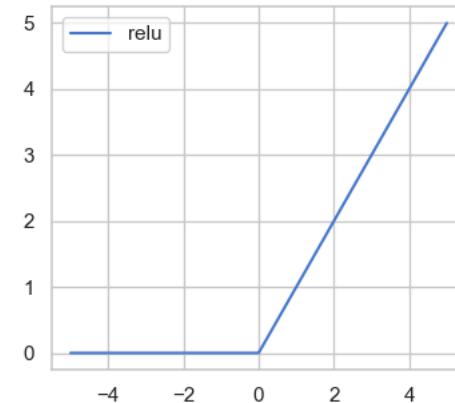
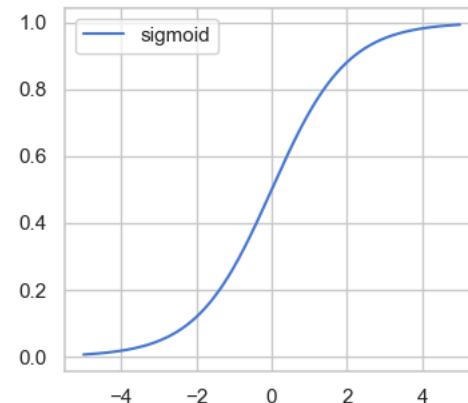
$$\sigma(x) = \frac{1}{1 + \exp(-x)}$$

- ReLU関数

$$\text{ReLU}(x) = \max(0, x)$$

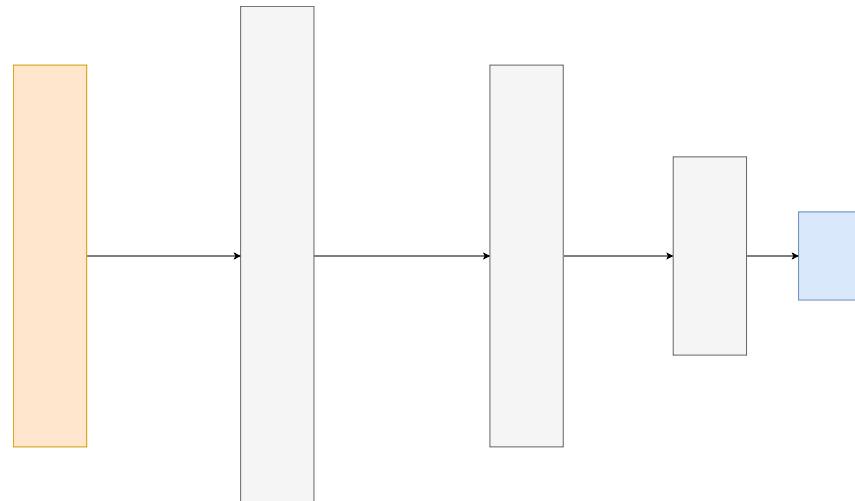
- tanh関数

$$\tanh(x) = \frac{\exp(x) - \exp(-x)}{\exp(x) + \exp(-x)}$$



アイデア1. 合成

合成を繰り返す ⇔ 複雑な関数を表現



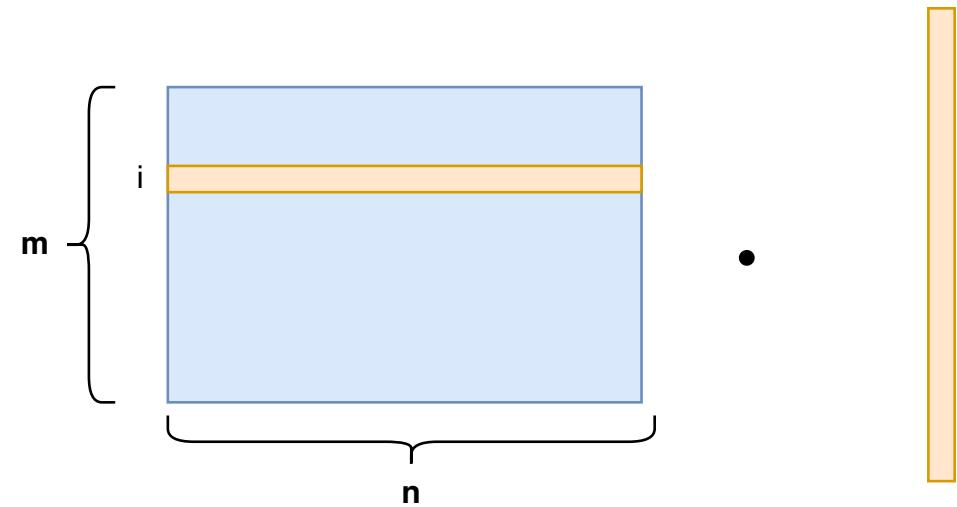
アイデア2. 和をとる

m 個の出力のひとつに注目してみる

$$\mathbf{y} = \sigma(\mathbf{W}\mathbf{x} + \mathbf{b})$$



$$y_i = \sigma \left(\sum_j W_{ij}x_j + b_i \right)$$

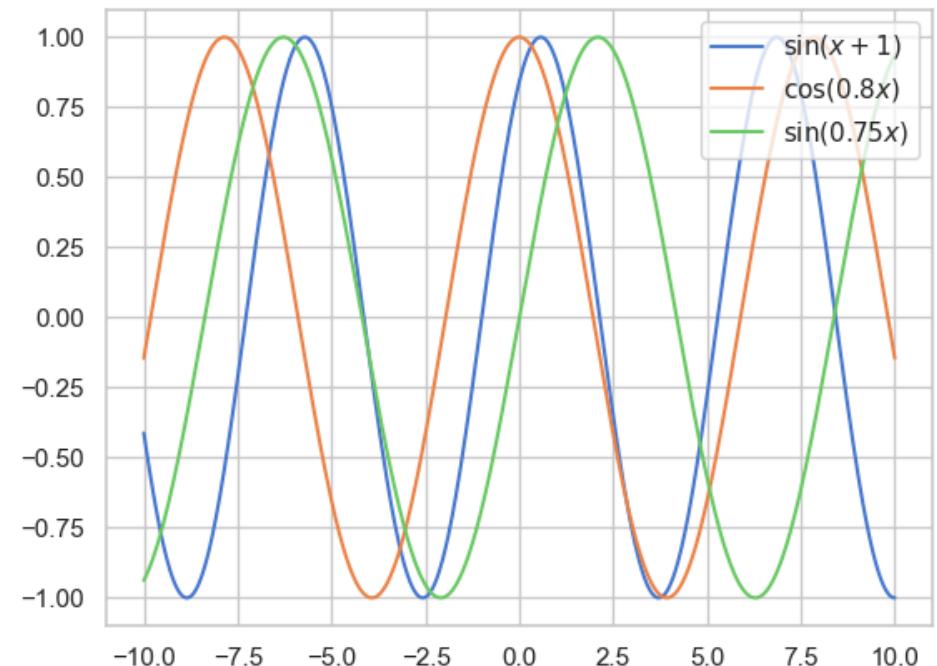


分解して考えると

$$y_i = \sigma \left(\sum_j W_{ij} x_j + b_i \right)$$

は、

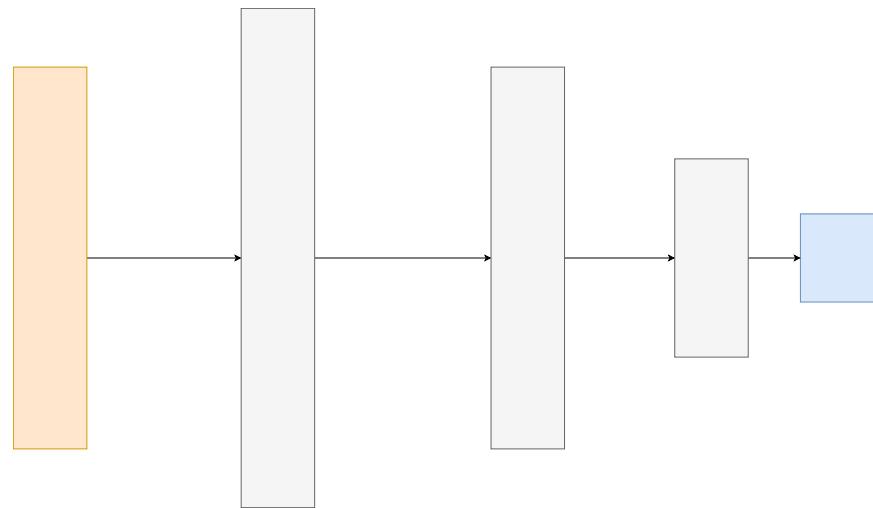
👉と同じことをしている



分解して考えると

$$y_i = \sigma \left(\sum_j W_{ij} x_j + b_i \right)$$

この層の入力 x_j はそれまでの層で σ を通ってきたもの。



複雑な関数が生まれていた

$$\sigma \left(\sum_j W_{ij} x_j + b_i \right)$$



非線形関数の重みつき和



複雑な非線形関数を表現できる！ + さらにそれを非線形関数に通す

合成

.....

演算を d 回繰り返す

(n 次元ベクトル $\rightarrow m_1, \rightarrow m_2, \rightarrow \dots, \rightarrow m_d$ 次元ベクトルへと変換されながら
計算が進んでいく)

$$\boldsymbol{u}^{(1)} = \sigma \left(W^{(1)} \boldsymbol{x} + \boldsymbol{b}^{(1)} \right)$$

$$\boldsymbol{u}^{(2)} = \sigma \left(W^{(2)} \boldsymbol{u}^{(1)} + \boldsymbol{b}^{(2)} \right)$$

...

$$\boldsymbol{u}^{(d)} = \sigma \left(W^{(d)} \boldsymbol{u}^{(d-1)} + \boldsymbol{b}^{(n)} \right)$$

出力層

.....

ここで、

$u^{(i)}$ は非常に複雑な x の非線形な関数

+ これはパラメータによって変化する

というわけで

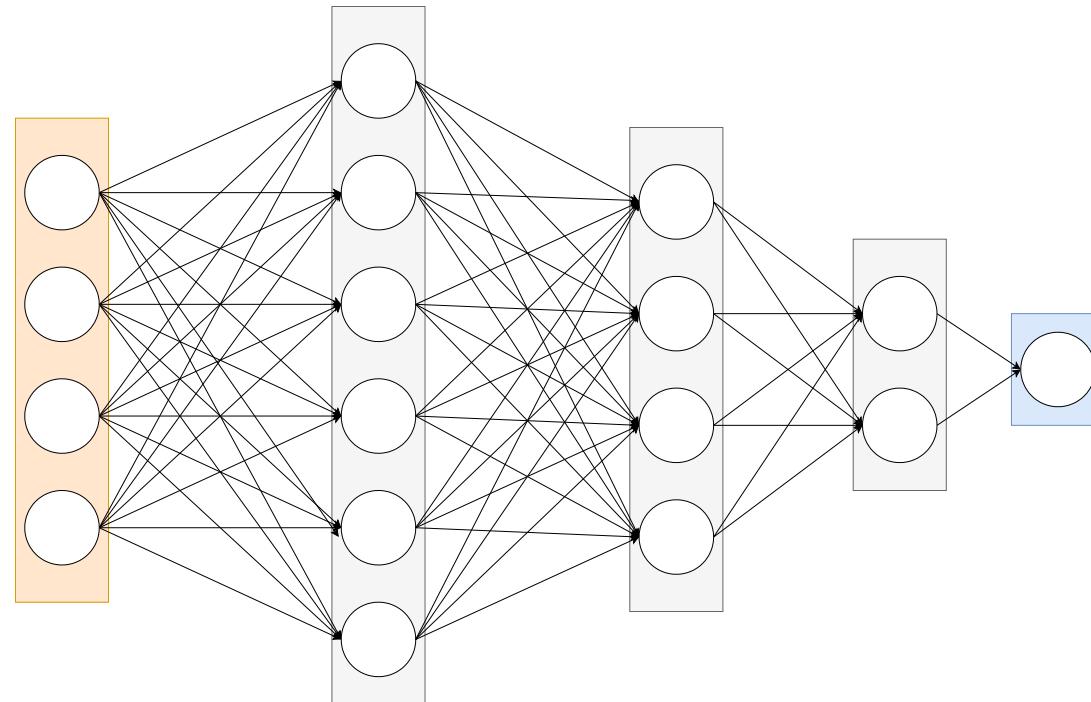
.....

「基になる関数」も
学習で求めよう

MLP

.....

とくに、全結合層のみからなるニューラルネットワークを
多層パーセプトロン (Multi Layer Perceptron, MLP) という



そのほかの用語たち

用語	意味
MLP (Multi Layer Perceptron)	全結合層のみからなるニューラルネットワーク
DNN (Deep Neural Network)	複数の隠れ層を持つニューラルネットワーク
ANN (Artificial Neural Network)	人工ニューラルネットワーク。本来の意味のニューラルネットワーク(動物の神経回路)と区別するためこういう名前が使われることがある

ニューラルネットワークの性質

そもそもの動機:

直線だけしか表現できないのは困る。いろいろな関数が表現できるようになりたい。



どれくらいの範囲の関数が表現できるようになったのか？

ニューラルネットワークの万能近似性

.....

結論

直線 \Leftrightarrow なんでも ※

※ ざっくりとした表現です。

ニューラルネットワークの万能近似

ニューラルネットワークの万能近似定理（普遍性定理）

隠れ層を一つ持つニューラルネットワークは、
任意の連続関数を表現できる ※

※ ざっくりとした表現です。

今日のまとめ

- 我々の学習手法は、 $f(x) = ax + b$ というモデルの構造自体に直接依存しているわけではなかった
- そして、 $f(x) = ax + b$ というモデルの構造では直線しか表現することができないので、違う形を考えることにした
- 「基になる」簡単な関数の、合成と和を考えることでかなり複雑な関数も表現できることがわかった
- 「基になる」関数の選び方を考える上で、この関数自体もパラメータによって変化させるモデルとして、ニューラルネットワークを導入した
- ニューラルネットワークは非常に幅広い関数を表現できることがわかった

次回予告

.....

第5回 ニューラルネットワークの学習と評価

- He, Xavierの初期化
- 確率的勾配降下法
- 損失関数
- オプティマイザ
- バリデーションと性能評価
- ハイパーパラメータ

Next ⇔ 第6回 ニューラルネットワークの実装



発展的話題: 万能近似の(直感的な) 説明

- ニューラルネットワークの表現能力は 1980年代後半～1990年代後半くらいまで盛んに研究されていた
- いろいろな条件でいろいろな結果を得ている
- ここではおそらく最も有名である Cybenko による定理 [1] を紹介する

[1] Cybenko, George. "Approximation by superpositions of a sigmoidal function." Mathematics of control, signals and systems 2.4 (1989): 303-314.

準備

定義1. シグモイド型関数

$$\sigma(x) \rightarrow \begin{cases} 0 & (x \rightarrow -\infty) \\ 1 & (x \rightarrow \infty) \end{cases}$$

を満たす関数を「シグモイド型関数」と呼ぶ。

$I = [0, 1]^d$ として、 C を I 上の連続関数全体の集合とする。

定理 (Cybenko, 1989)

任意の $f \in C$, $\varepsilon > 0$ に対して、ある $g(x) = \sum_{i=1}^n a_i \sigma(b_i x + c_i)$ が存在して

$$\forall x \in I, |f(x) - g(x)| < \varepsilon$$

平易に書くと、
どんな連続関数も隠れ層が一つのニューラルネットワークで十分に近似できる

ステップ1. シグモイド型関数をつかった階段関数のつくりかた

$$g(x) = \sum_{i=1}^n a_i \sigma(b_i x + c_i)$$

$$\left(\sigma(x) \rightarrow \begin{cases} 0 & (x \rightarrow -\infty) \\ 1 & (x \rightarrow \infty) \end{cases} \right)$$

σ はシグモイド型関数 $\Rightarrow b_i$ をものすごく大きくするとどうなるか？

証明ステップ1

$$b_i = 99$$

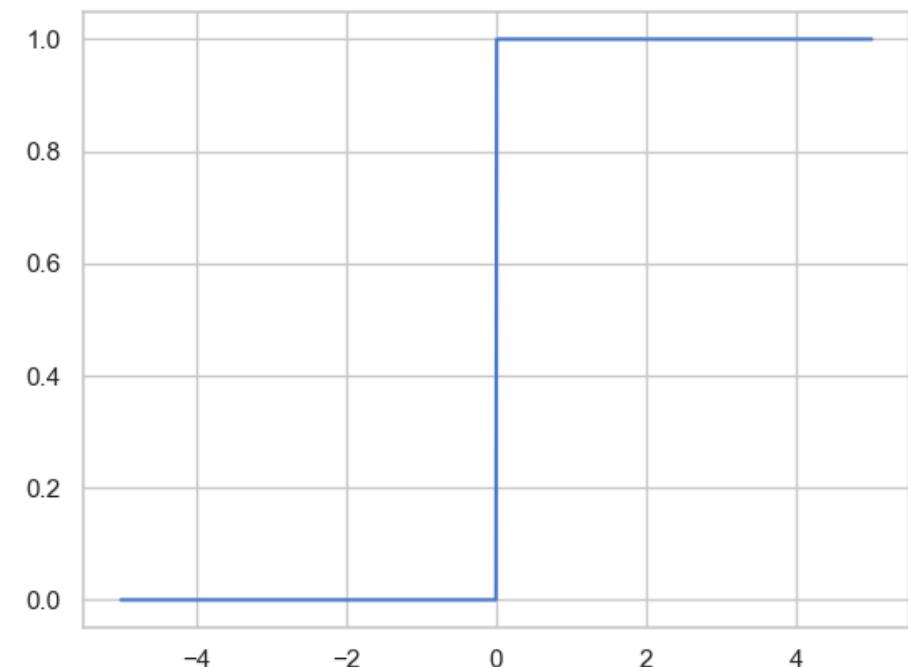
とする。

すると、 $x_i - \frac{c_i}{b_i}$ が少しでも正なら

$$\sigma(b_i x + c_i) = 1$$

負なら

$$\sigma(b_i x + c_i) = 0.$$



証明ステップ1

$\sigma(b_i x + c_i)$ は

とすると、 $x_i - \frac{c_i}{b_i}$ が少しでも正ならば 1, そうでなければ 0 になる。

⇒ c_i を適当に調整すれば、狙った点 t で、

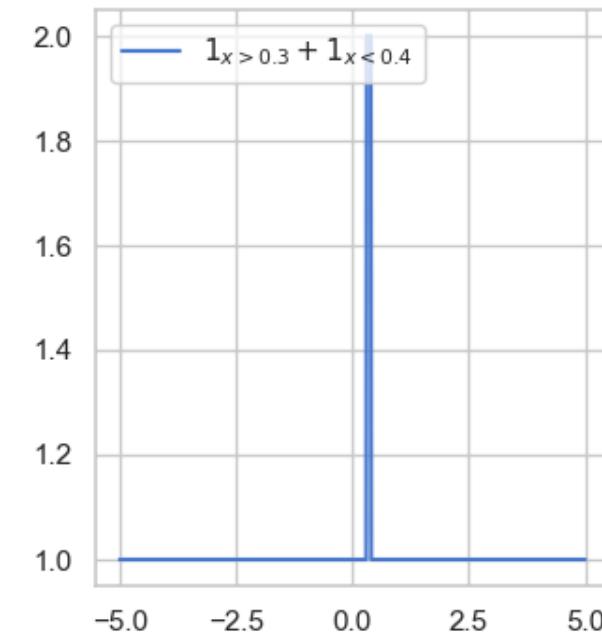
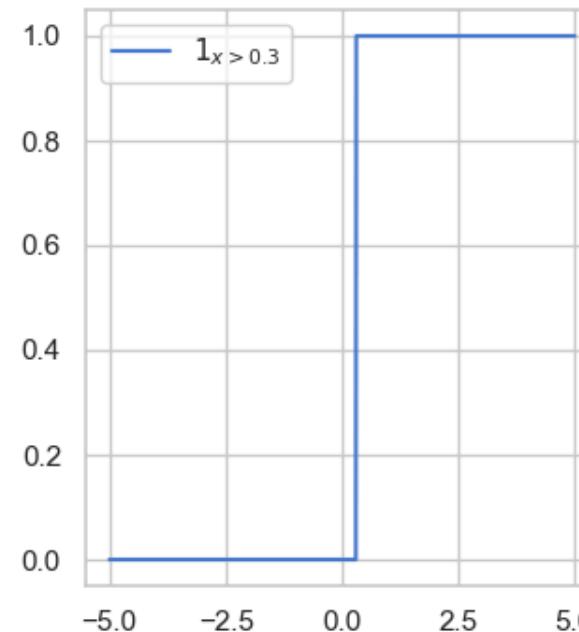
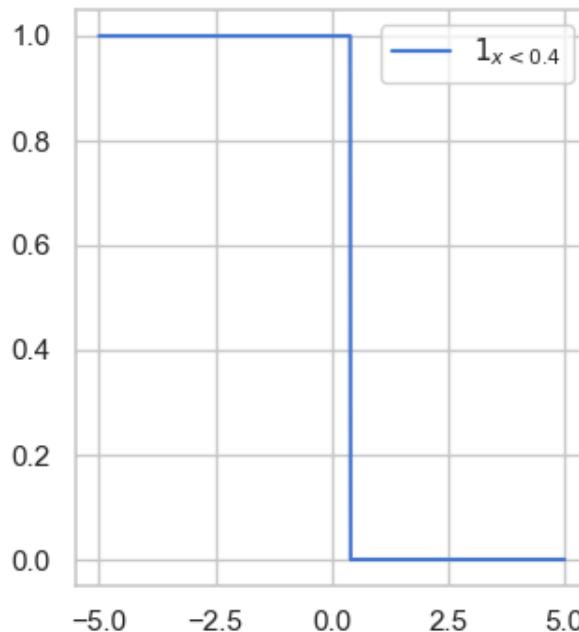
$$\sigma(b_i x + c_i) = \begin{cases} 1 & (x > t) \\ 0 & (x \leq t) \end{cases}$$

とすることができます。(例: $b_i = 10^{100}$, $c_i = 2 \times 10^{100}$ なら $t = 2$)

さらに、 b_i を負の非常に大きい数にすると、逆のバージョンも作れる。

証明ステップ2. 矩形関数の作り方

- ✓ すると、正の大きな数によってステップ関数にしたものと負の大きな数によってステップ関数にしたもの足し合わせることで、**矩形関数を作ることができる！**

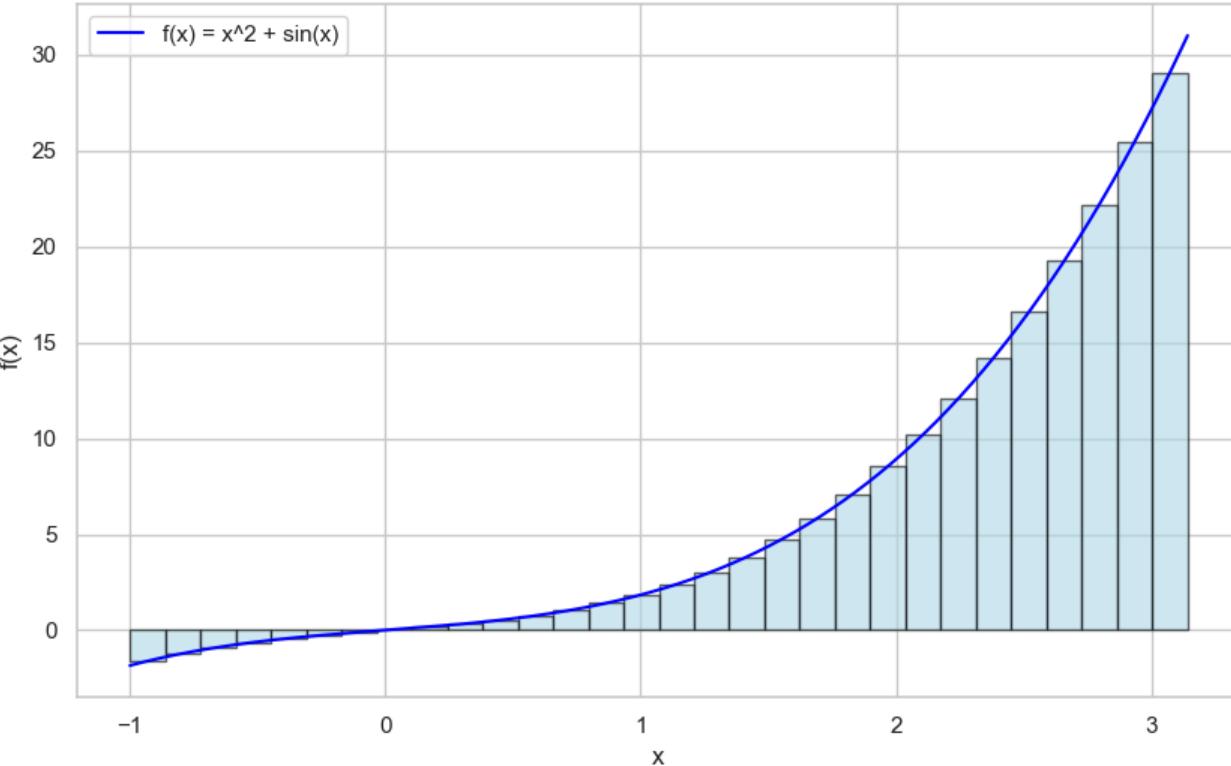


証明ステップ3. ウイニングラ ン

.....

✓ これさえできればもうOK

連続関数を全て**矩形関数の和**として
みればよい。



万能近似できるからいい？

任意の連続関数を近似できるモデルはニューラルネットワークだけ？

⇒ 全然ふつうにNO.

✗ 「万能近似ができるからニューラルネットワークがよくつかわれる」

+ あくまでそのような a_i, b_i, c_i が存在するという主張であって、
それを求める方法については何ら保証していない



ニューラルネットワークの優位性を考えるなら、もうすこし議論を進めていく必要がある

「深さ」は必要？

この結果の主張:

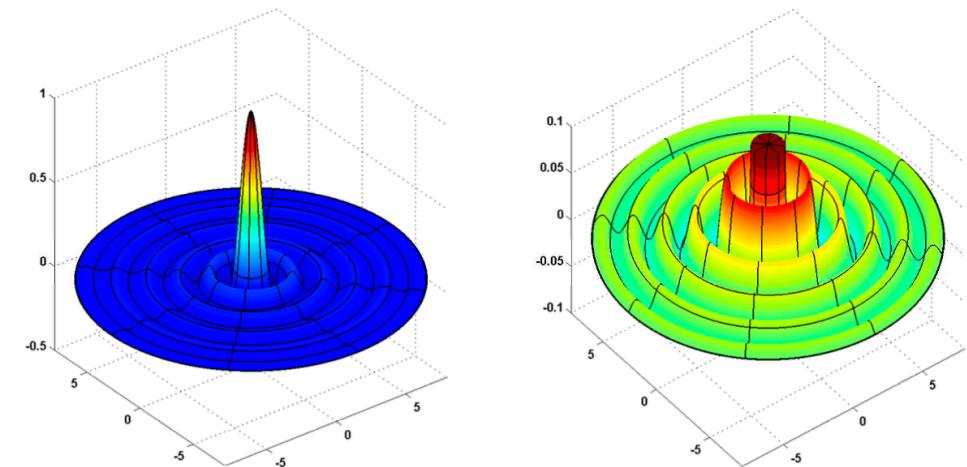
十分幅が広い「隠れ層」が一つあれば十分

世の中の主張:

たくさんの層があるNNがよく機能する

▽ なぜ？

A. 層を深くすると指数関数的に表現力が上がり、幅を広くすると多項式的に表現力が上がる。 [1]



[1]

Eldan, Ronen, and Ohad Shamir. "The power of depth for feedforward neural networks." Conference on learning theory. PMLR, 2016.

画像も同論文より

機械学習講習会 第五回

- 「ニューラルネットワークの学習と評価」

traP アルゴリズム班 Kaggle部

2023/6/28

第五回: ニューラルネットワークの 学習と評価

振り返りタイム

- 我々の学習手法は $f(x) = ax + b$ というモデルの構造自体に直接依存しているわけではなかった
- そして、 $f(x) = ax + b$ というモデルの構造では直線しか表現することができないので、違う形を考えることにした
- 「基になる」簡単な関数の、合成と和を考えることでかなり複雑な関数も表現できることがわかった
- 「基になる」関数の選び方を考える上で、この関数自体もパラメータによって変化させるモデルとして、ニューラルネットワークを導入した
- ニューラルネットワークは非常に幅広い関数を表現できることがわかった

DNNの学習はむずかしい？

ニューラルネットワークは非常に多くのパラメータをもつ
(例: 全結合層は、それぞれ $W \in \mathbb{R}^{n \times m}$ と $b \in \mathbb{R}^m$ のパラメータを持つ)



学習は、かなりそれなりに難しいタスク

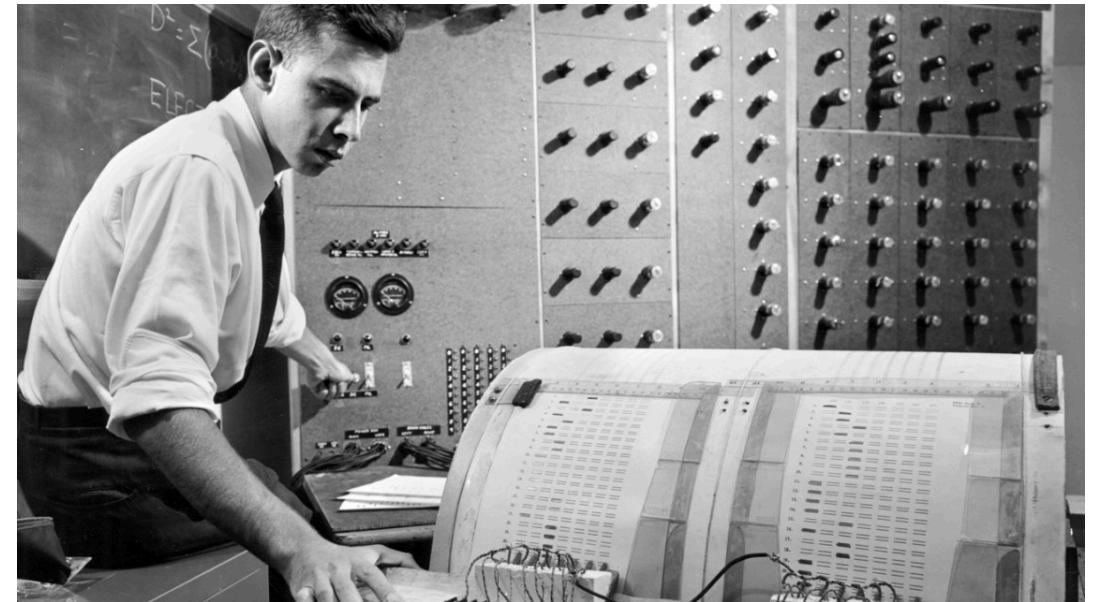
DNNの学習はむずかしい？

.....

ニューラルネットワーク研究の歴史
を遡ってみると...?



😮 実は真空管で計算をしている時代
からニューラルネット(の原型)が作
られて計算されていた



右は真空管を使ったパーセプトロンの計算機を作っている Frank Rosenblatt.

10ニューロン程度のパーセプトロンを作っていたらしい。

(画像は <https://news.cornell.edu/stories/2019/09/professors-perceptron-paved-way-ai-60-years-too-soon> より)

DNNの学習はむずかしい？

- 1986年ごろ: 多層パーセプトロン
 - ニューラルネットで全部表現できる！すごい！！
 - 数学的な研究も進み始める (Hecht-Nielsen, 1987 や Cybenko, 1989 など)

DNNの学習はむずかしい？

1990年～2000年代

- ニューラルネットワークを大きくしていくと学習がとたんに難しくなる 😞
(= まともなパラメータを獲得してくれない)



研究も下火に

学習手法の進化

Geoffrey Hinton

DBN (Deep Belief Network)
やオートエンコーダに関する
研究 [1][2] を通じて、DNN
の学習の安定化に大きく貢献



[1] Hinton, Geoffrey E., Simon Osindero, and Yee-Whye Teh. "A fast learning algorithm for deep belief nets." *Neural computation* 18.7 (2006): 1527-1554.

[2] Hinton, Geoffrey E., and Ruslan R. Salakhutdinov. "Reducing the Dimensionality of Data with Neural Networks." *Science*, vol. 313, no. 5786, 2006, pp. 504-507. doi:10.1126/science.1127647.

学習手法の進化

活性化関数の進化 (ReLU)

Dropout

Batch Normalization

オプティマイザの進化 (Adam, RMSprop ...)



✓ DNN の学習を、比較的安定して行えるように

今日のおしながき①

- ✓ DNN の学習を安定的に、効率的に行う技法を知る

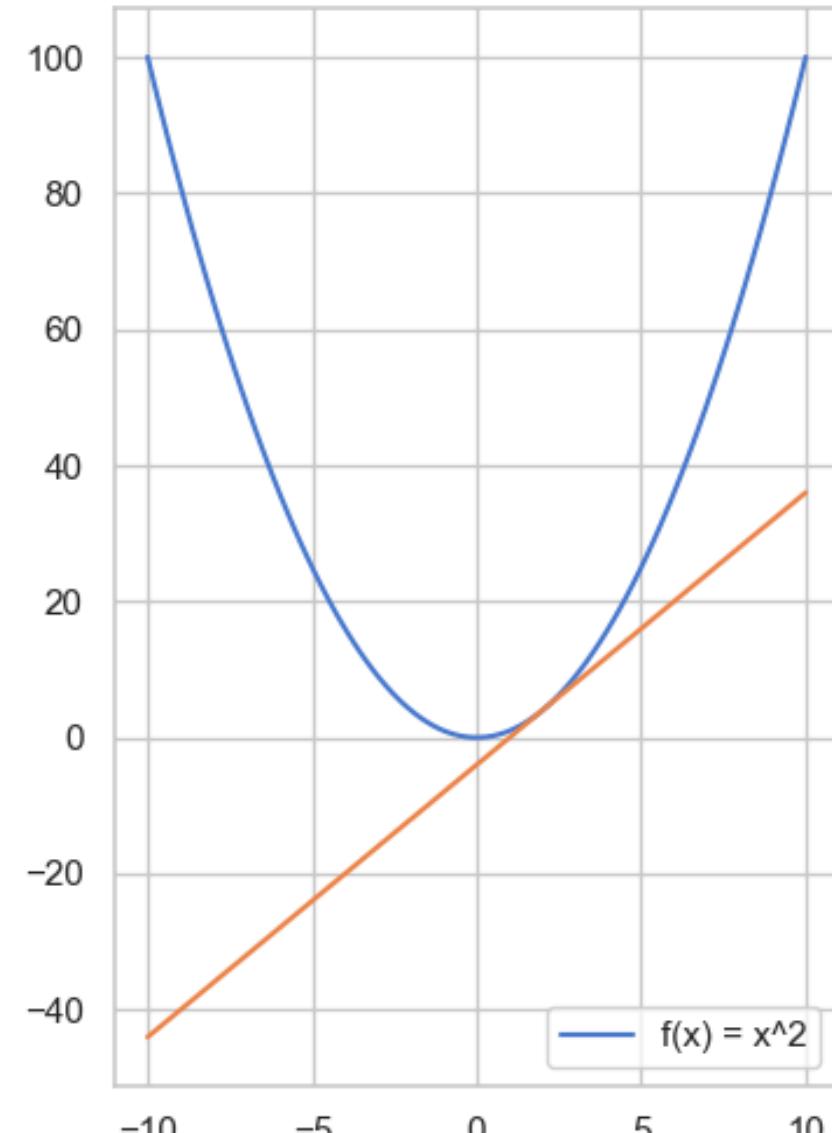
勾配降下法の復習

微分係数

$f'(x)$ は、 x における接線の傾き



$-f'(x)$ 方向に関数を
すこし動かすと、関数の値は
すこし小さくなる



勾配降下法の復讐

勾配降下法

関数 $f(x)$ と、初期値 x_0 が与えられたとき、
次の式で $\{x_k\}$ を更新するアルゴリズム

$$x_{k+1} = x_k - \eta f'(x_k)$$

(η は学習率と呼ばれる定数)

今日やること1. 「ニューラルネットワーク向け」の学習

勾配降下法... $x_{n+1} = x_n - \eta f'(x_n)$

をニューラルネットワークに適用するための色々な技法

□ 初期化 (x_0 を決める)



□ 計算 ($x_{n+1} = x_n - \eta f'(x_n)$ を計算する)

のそれぞれをカスタマイズします

今日やること1. 初期値

勾配降下法... $x_{n+1} = x_n - \eta f'(x_n)$

✓ x_0 は自分が決めなければいけなかった！

今日やること1. 初期値

• • •

一般の f を最小化するとき

- ⇒ 当然、初期値として普遍的にいい値はない
- ⇒ NNは、構造が固定されているのでいい初期値を考えられる

初期値の決め方

1. Xavierの初期値

2. Heの初期値

初期値の決め方

Xavier (Glorot) の初期値

$$\begin{cases} W_{i,j} \sim \mathcal{U} \left(-\sqrt{\frac{6}{n+m}}, \sqrt{\frac{6}{n+m}} \right) \\ b_j = 0 \end{cases}$$

Glorot, Xavier, and Yoshua Bengio. "Understanding the difficulty of training deep feedforward neural networks." Proceedings of the thirteenth international conference on artificial intelligence and statistics. JMLR Workshop and Conference Proceedings, 2010.

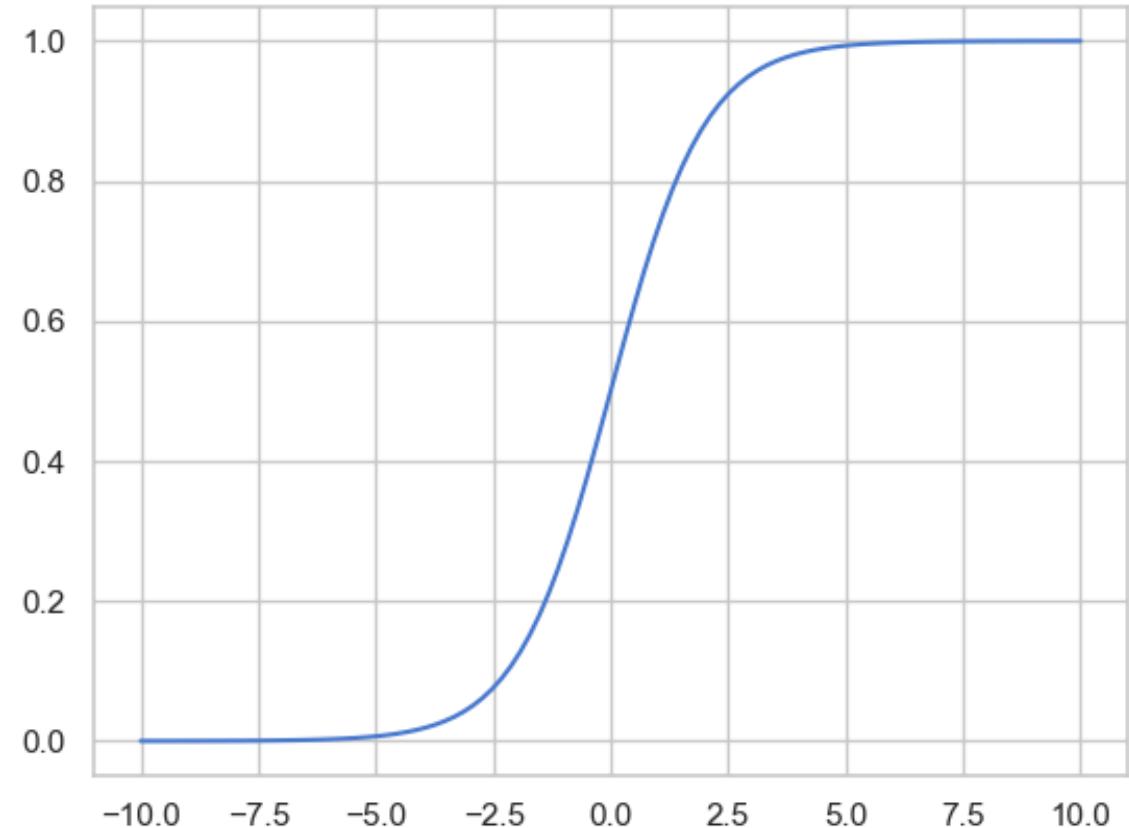
Xavierの初期値: 気持ち

.....

活性化関数にとって、得意なところで計算が進んでほしい。

シグモイド関数の性質

- 出力が 0 または 1 に **貼り付く**
- $|x|$ が大きいと、勾配がほぼ 0

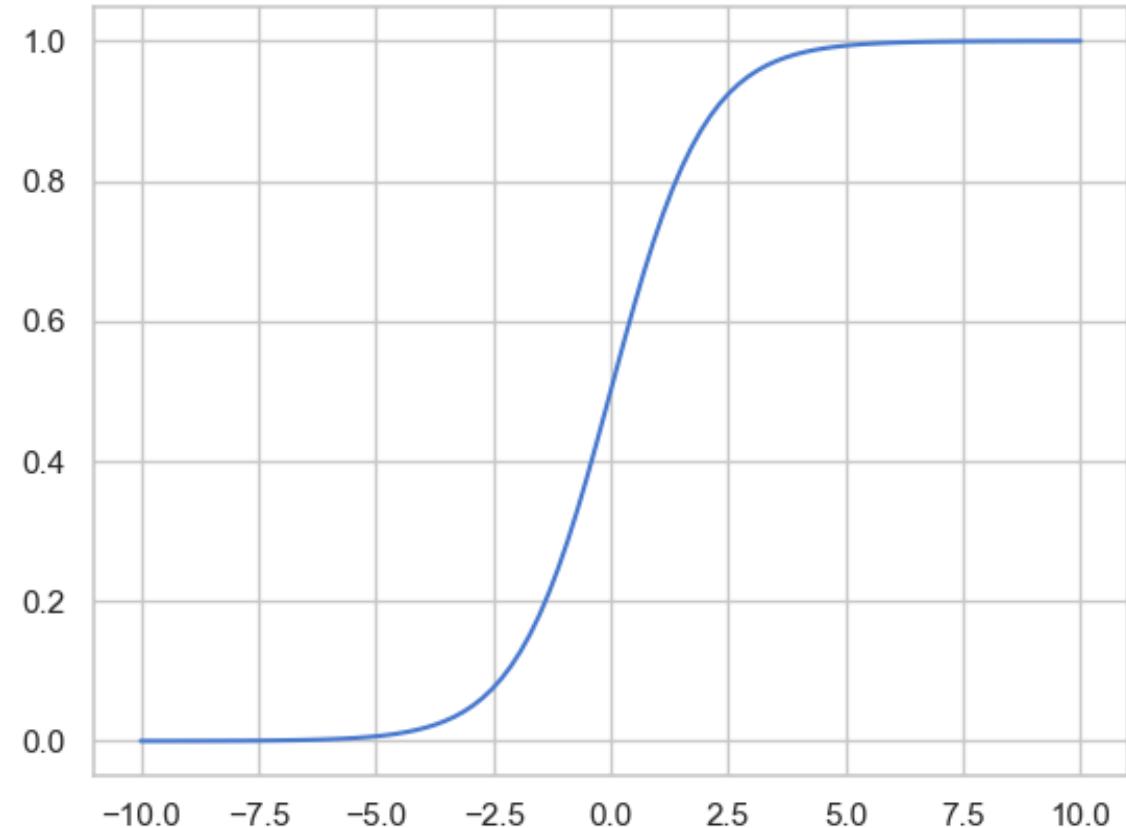


勾配消失

$$x_{k+1} = x_k - \eta f'(x_k)$$

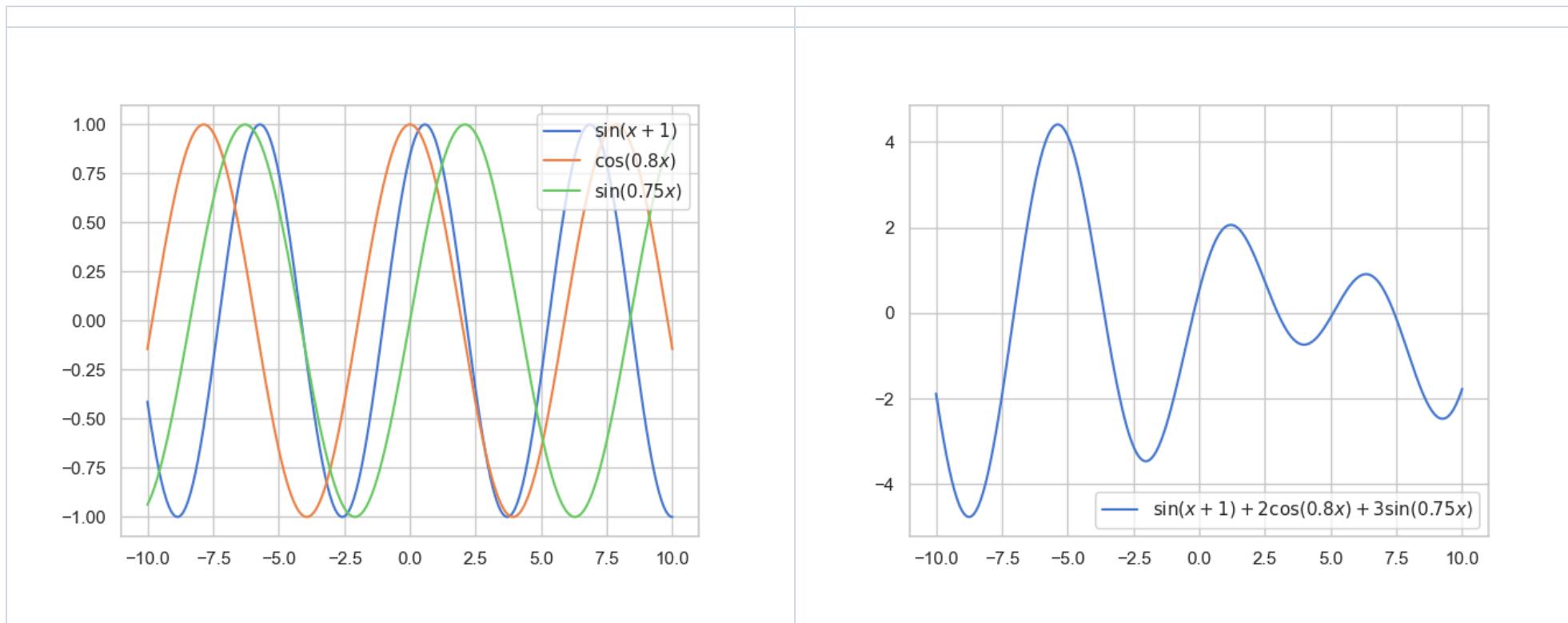


勾配がほとんど 0 だと、
学習がなかなか進まなくなってしま
う



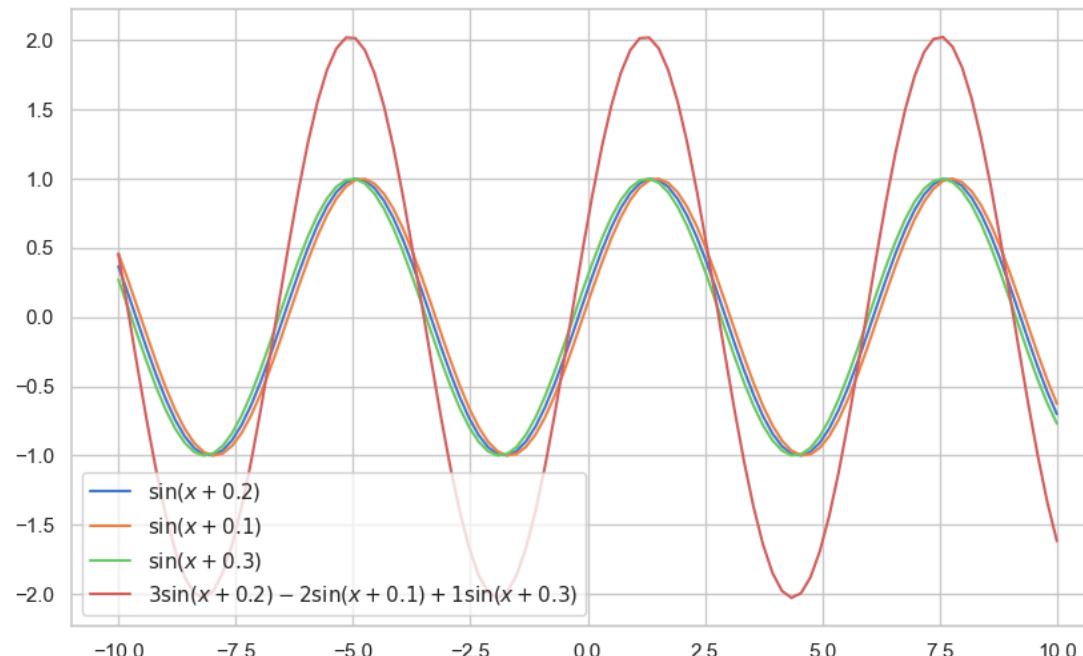
思い出すシリーズ: 複雑さを生む

✓ 全結合層は、非線形関数の和をとって複雑な関数を作っていた



思い出すシリーズ: 複雑さを生む

ほとんど同じような「基になる関数」をとっても効率がわるい。



各層で分散を維持する

出力と勾配両方について、

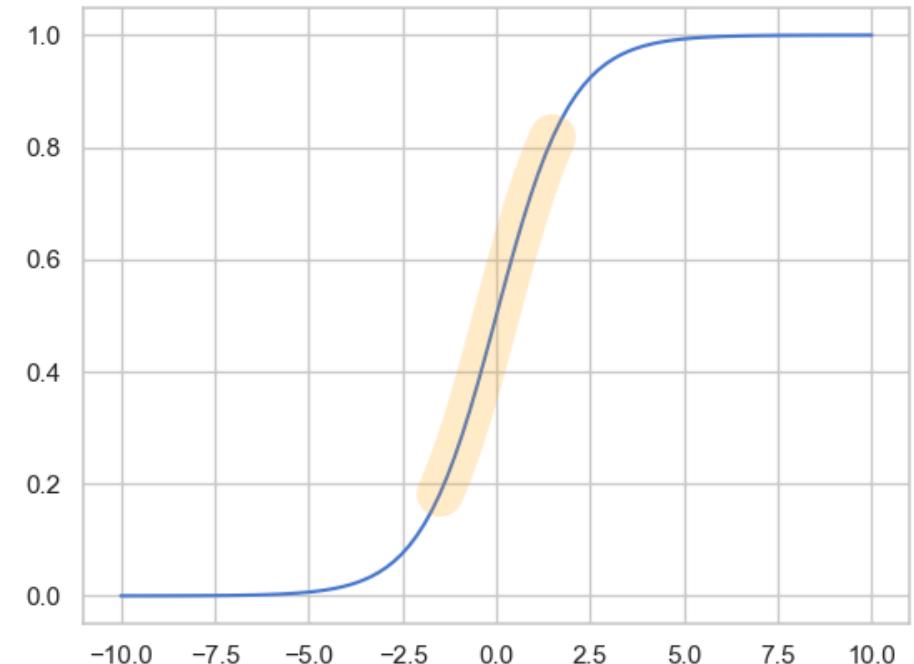
- 上下に貼り付く（分散大）
- ほとんど同じ値（分散小）

にならないように

⇒ 分散を維持するようにすると

$$\mathcal{U}(-\sqrt{6/(n+m)}, \sqrt{6/(n+m)})$$

がいい初期値になる



初期値の決め方

シグモイド関数はよくない性質がある！

⇒ 次第に $\text{ReLU}(x) = \max(0, x)$ が使われるようになる

↓ **ReLU 向けの初期値** (導出は Xavier と一緒に)

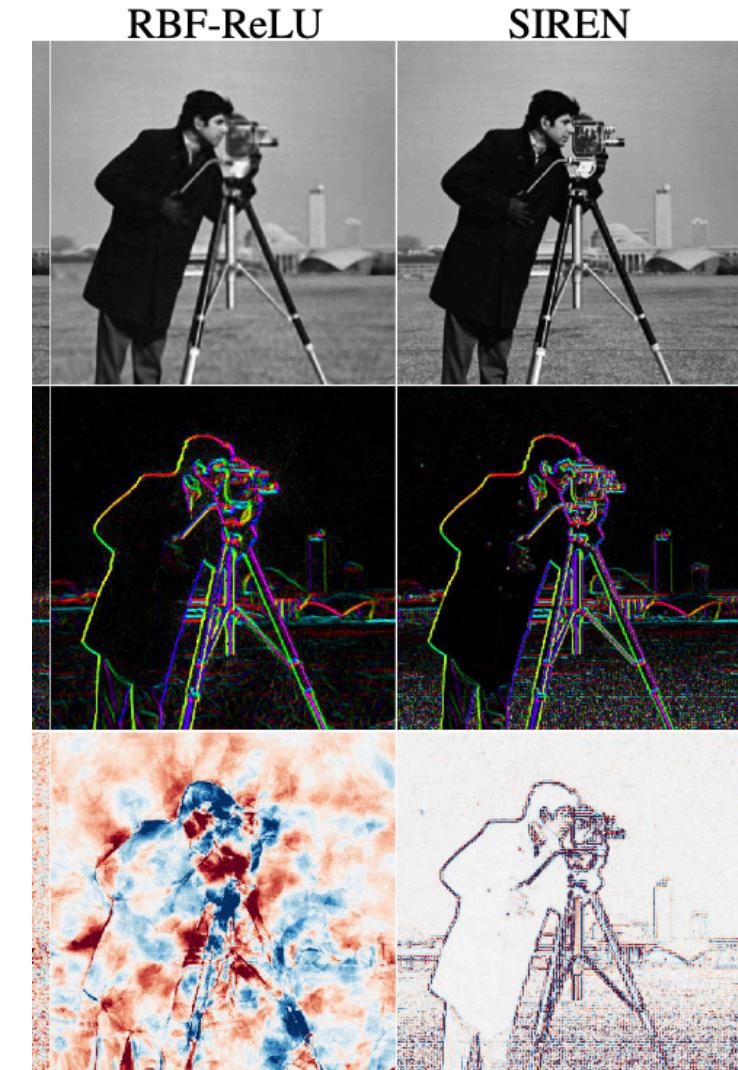
He (Kaiming) の初期値

$$W_{i,j} \sim \mathcal{N} \left(0, \sqrt{\frac{2}{n}} \right)$$

導出から自然にわかること

モデルの構造(とくに活性化関数)によって適切な初期値のとり方が変わってくる!

例) SIREN [1] という活性化関数に
sin を使うモデルは
 $U\left(-\sqrt{6/n}, \sqrt{6/n}\right)$ がいいとされて
いる



[1] Sitzmann, Vincent, et al. "Implicit neural representations with periodic activation functions." Advances in neural information processing systems 33 (2020): 7462-7473.

画像も同論文より引用

ちゃぶ台ひっくり返し

1. 初期値で頑張る
2. モデルの中で直してしまう

Batch Normalization

Batch Normalization

- 入力をミニバッチごとに正規化するレイヤー

⇒ 学習の効率化にかなり役立ち、 初期化の影響を受けにくくする



おまけ：「乱数」は初期値に必要か？

実は決定論的にやってもよい？

⇒ **ZerO Initialization [1]**

- ✓ 亂数生成をやめると、再現性が向上してうれしい。

[1] Zhao, Jiawei, Florian Schäfer, and Anima Anandkumar. "Zero initialization: Initializing neural networks with only zeros and ones." arXiv preprint arXiv:2110.12661 (2021).

初期値のまとめ

- 適切な初期値を選ぶことで、学習の安定性を向上させることができる
- Xavierの初期値、Heの初期値などがよく使われる
- 一方、近年は初期値にそこまで神経質にならなくてもよくなりつつある
 - さらに一方で (!?) 特殊なネットワークではそれに適した初期値を使うとよい

ミニバッチ学習

初期化 (x_0 を決める) \leftarrow Done!



計算 ($x_{n+1} = x_n - \eta f'(x_n)$ を計算する)

オプティマイザ

□ $x_{n+1} = x_n - \eta f'(x_n)$

$f(x_n)$ の計算はできるようになった

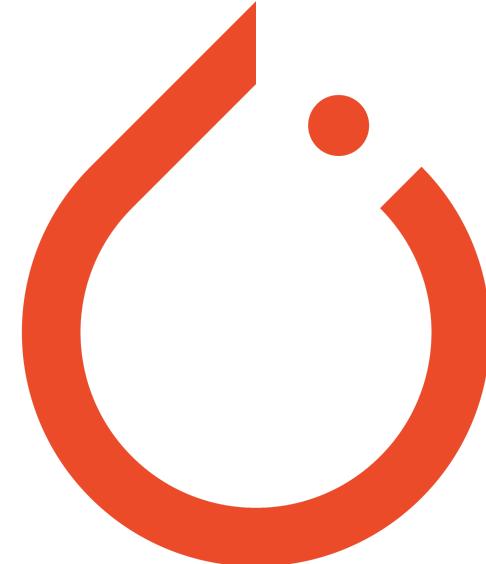


われわれは自動微分が使えるので、

これで $f'(x_n)$ も計算できる 😊



計算の過程もカスタマイズするぞ！



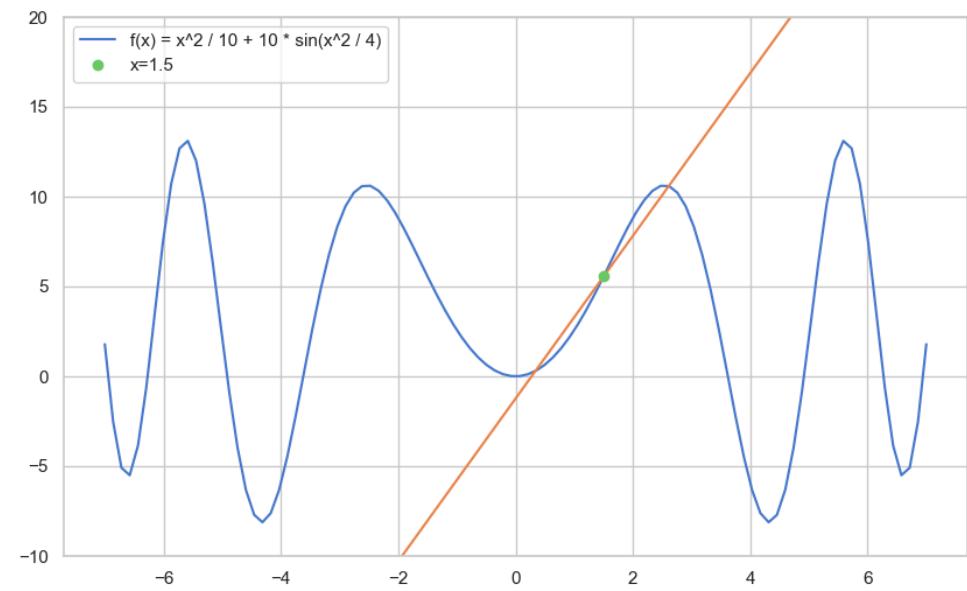
確率的勾配降下法

確率的勾配降下法 (SGD)

データの **一部** をランダムに選んで、
そのデータに対する勾配を使ってパラメータを更新する

思い出すシリーズ: 局所最適解

局所最適解 ... 付近で最小
大域最適解 ... 全体で最小

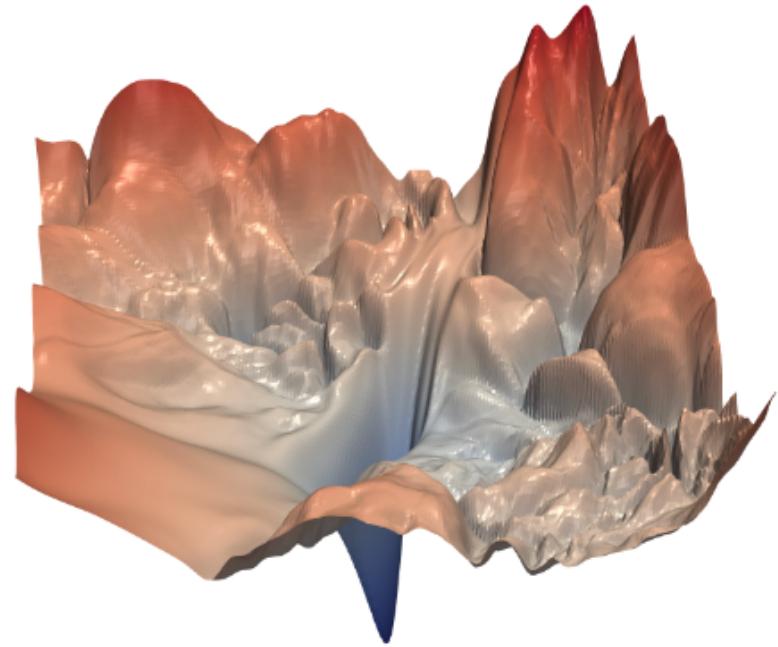


NNの「損失平面」

.....

<https://www.telesens.co/loss-landscape-viz/viewer.html> で見てみよう！

(⚠️実際に右の3次元空間上で探索しているわけではないです！！！)



Li, Hao, et al. "Visualizing the loss landscape of neural nets." Advances in neural information processing systems 31 (2018).

画像も同論文より

局所最適解にハマらないようにするには？

谷からの脱出方法

- • • •
- ⇒ ランダム性を入れる

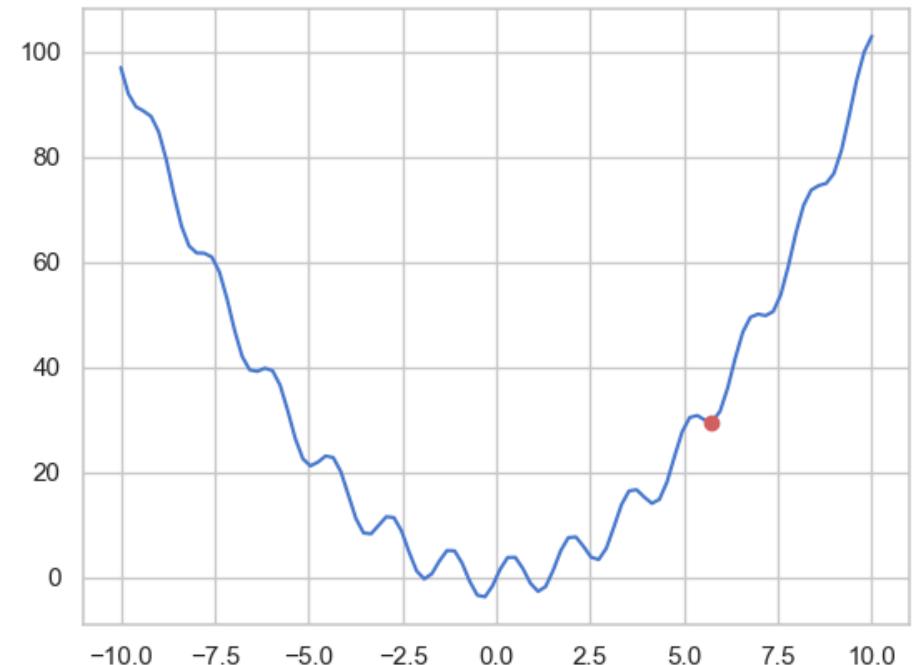
局所最適解にハマらないように するには？

.....

データを選ぶときにランダム性が入
る！



局所最適解にトラップされない



更新式の改善

● ● ●
プレーンな勾配降下法の更新式

$$x_{n+1} = x_n - \eta f'(x_n)$$

オプティマイザ

- 学習率に鋭敏でなく
- 安定して
- 高速に
- 高い性能を得る

ために、いろいろなオプティマイザ
が提案されている

(PyTorch 本体には13個)

Adadelta	Implements Adadelta algorithm.
Adagrad	Implements Adagrad algorithm.
Adam	Implements Adam algorithm.
AdamW	Implements AdamW algorithm.
SparseAdam	SparseAdam implements a masked version of the Adam algorithm suitable for sparse gradients.
Adamax	Implements Adamax algorithm (a variant of Adam based on infinity norm).
ASGD	Implements Averaged Stochastic Gradient Descent.
LBFGS	Implements L-BFGS algorithm.
NAdam	Implements NAdam algorithm.
RAdam	Implements RAdam algorithm.
RMSprop	Implements RMSprop algorithm.
UpProp	Implements the resilient backpropagation algorithm.

オプティマイザの工夫の例: Momentum

Momentum

$$\begin{cases} v_{n+1} = \alpha v_n - \eta f'(x_n) \\ x_{n+1} = x_n + v_{n+1} \end{cases}$$

Momentum

.....



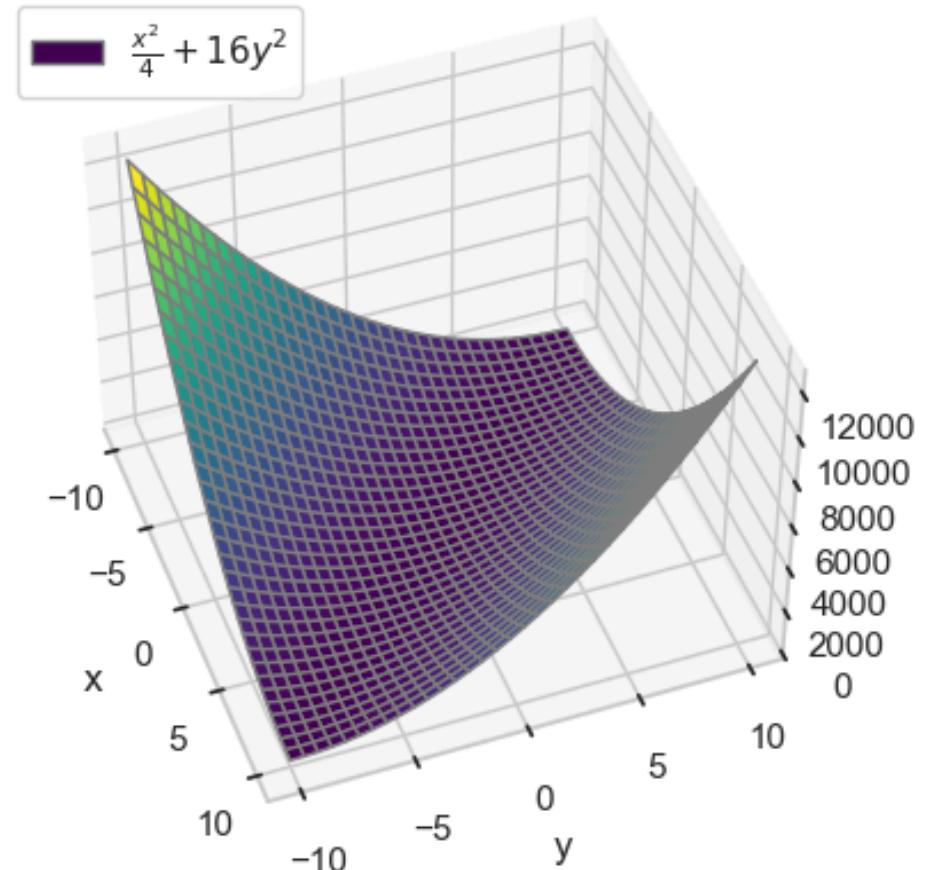
局所最適解の谷の例

✓ $f(x, y) = \frac{x^2}{4} + 16y^2$

の最小値

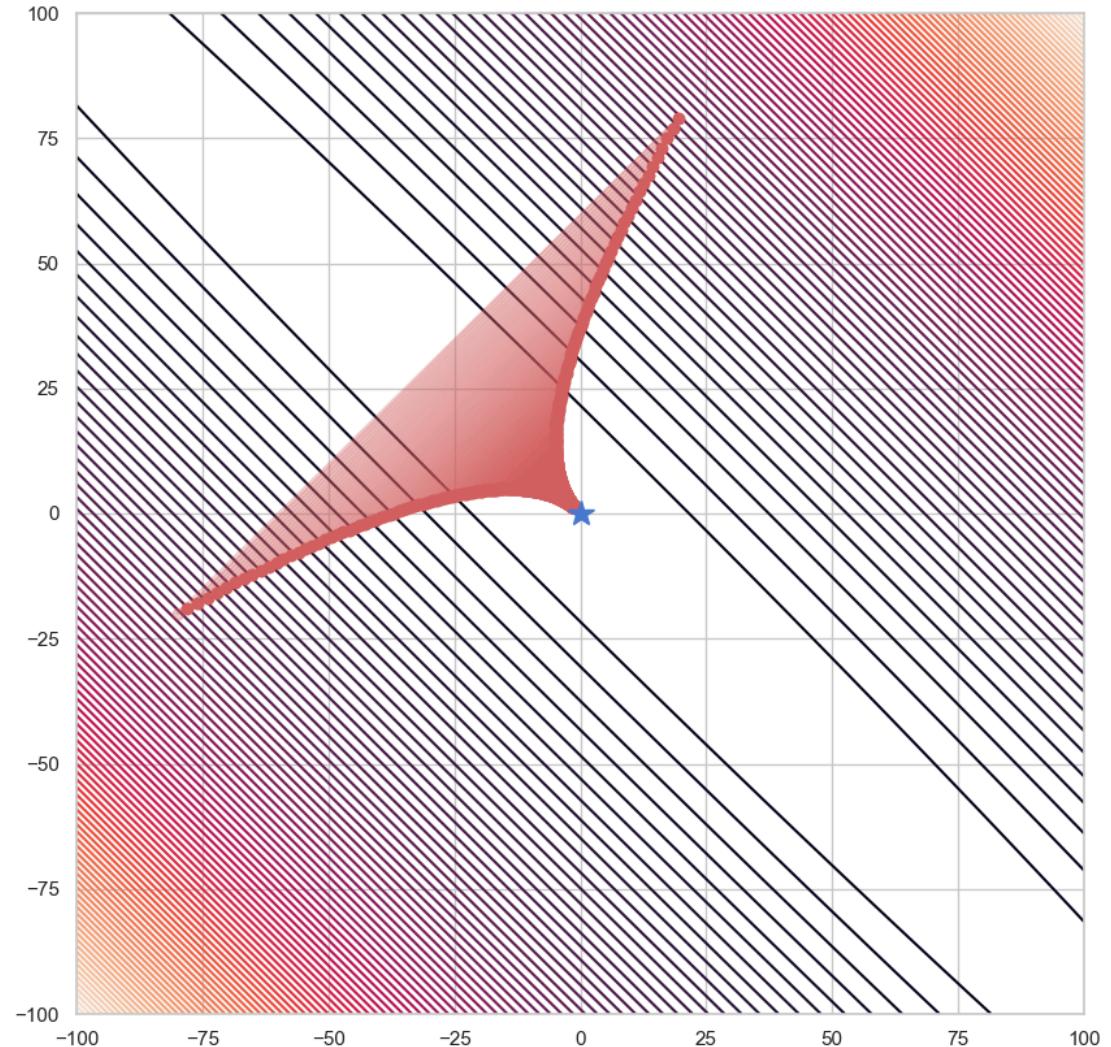
$$x = 0, y = 0$$

を勾配降下法で求めてみる



局所最適解の谷の例

谷を往復し続けて収束の効率がめち
やくちゃ悪い 谷



「勢い」の導入

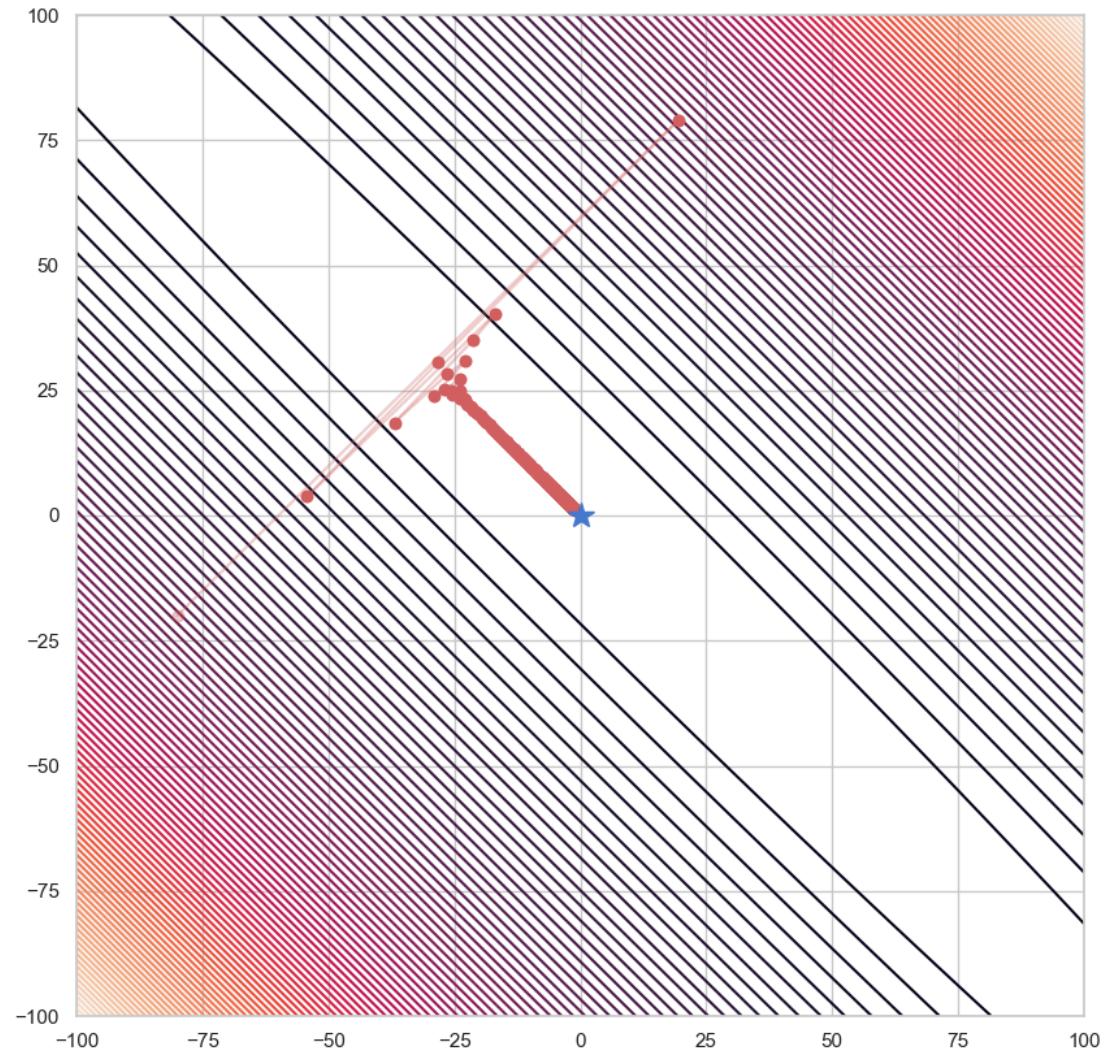
Momentum

● ●
勢い を定義して、前の結果も使って更新する

$$\begin{cases} \textcolor{red}{v}_{n+1} = \alpha \textcolor{red}{v}_n - \eta f'(x_n) \\ x_{n+1} = x_n + v_{n+1} \end{cases}$$

Momentum による更新

✓ なにもしない SGD より
早く収束！



momentum で遊べるサイトです。おすすめです
<https://distill.pub/2017/momentum/>

✓ 初期化 (x_0 を決める)



✓ 計算 ($x_{n+1} = x_n - \eta f'(x_n)$ を計算する)

モデルを「評価」する



「学習」部分は完了

「良さ」を再考する

いよいよ本格的なモデルが作れそうになってきた！

⇒ その前に、**モデルの「良さ」**についてもう一度考えてみる

「良さ」を再考する

例) アイスの予測ができるモデルが完成した！！！

⇒ こいつの「良さ」をどう定義するべきか？

今までの「良さ」 ~損失関数~

[定義] 今までの「良さ」

モデルの「良さ」とは、損失関数の小ささである！

これは、すでに観測された値をもとに計算されるパラメータの関数で、学習によってこの良さをあげるのがわれわれの目的だ。

本当にこれでよかったです？

学習したことを考えよう

例) アイスの予測ができるモデルが完成した！！！

学習の際に使ったデータは、

$\{(20^\circ\text{C}, 300\text{円}), (25^\circ\text{C}, 350\text{円}), (30^\circ\text{C}, 400\text{円}), (35^\circ\text{C}, 450\text{円}), (40^\circ\text{C}, 500\text{円})\}$

- ⇒ さあこれを使ってアイスの値段を予測するぞ！
- ⇒ 来るデータは....

$\{22^\circ\text{C}, 24^\circ\text{C}, 25^\circ\text{C}, \dots\}$

※ 重要: これらのデータは学習段階では存在しない

真の目的は？

.....

なんか来月の予想平均気温30度って気象庁が言ってたな。
来月の売り上げが予想できたらどのくらい牛乳入れたらいいかわかつて嬉しいな。



本当の目的は、未知のデータに対して精度良く推論すること

実はすっぽかしていた非常に重要かつ大胆な仮定：



将来も同じような入力がくる

われわれが本当にしていたこと

.....

未知のデータ X に対しての誤差 $\mathcal{L}(X; \theta)$ は最小化できない。(未知だから)

かわりに既知のデータ x' に対しての誤差 $\hat{\mathcal{L}}(x'; \theta)$ を最小化する

↓ なぜなら、

将来のデータと過去のデータは大体変わらないだろうから。

極端な例

.....

2024年7月から未成年のアイスが違法化し、売り上げ激減



2024年6月までのデータを使って損失関数を最小化しても、ほとんど意味がない

「良さ」の再定義

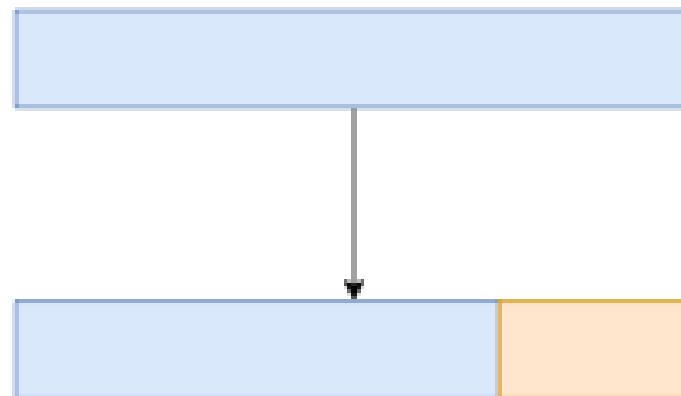
ほんとうに高めたいもの: **未知のデータへの予測性能**

これを新たに良さとしたい！！

未知のデータに対する性能を検証する

バリデーション

学習データを分割して、一部を学習に使い、残りを検証に使う



未知のデータに対する性能を検証する

学習データ

{ (20°C, 300円), (25°C, 350円), (30°C, 400円), (35°C, 450円), (40°C, 500円) }

↓ 分割

- 学習データ
{ (20°C, 300円), (25°C, 350円), (30°C, 400円) }
- 検証用データ
{ (35°C, 450円), (40°C, 500円) }

未知のデータに対する性能を検証する

学習データ

{ (20°C, 300円), (25°C, 350円), (30°C, 400円) }

のみで学習をおこなう



(35°C, 450円), (40°C, 500円)に対して推論を行い、誤差を評価

400円、500円と推論したとすると、

「検証用データに対する」平均二乗誤差は

$$\frac{1}{2} ((400 - 450)^2 + (500 - 500)^2) = 1250$$

未知のデータに対する性能を検証する

学習データ: { (20°C, 300円), (25°C, 350円), (30°C, 400円) } のみで学習!

検証用データはパラメータの更新に使わず、誤差の計算だけ

↓ つまり、



擬似的に 未知のデータ を作成して、「未知のデータに対する性能」を評価

何が起きたか？

.....

われわれの真の目標は **未知のデータをよく予測すること**

⇒ モデルの「良さ」は、「検証用データに対する性能」

損失関数と評価指標

この計算結果に基づいてモデルを変更することはない。単に評価するだけ



計算さえできればいいので、われわれの学習手法で損失関数が満たす必要があった

- 微分可能

などの条件は必要ない！



もっといろいろなものが使える。

例) 正解率, 絶対誤差 etc....

損失関数と評価指標

この検証用データに対して定義される評価の指標を「**評価指標**」という。
つまり、**損失関数の値を最小化することで、評価指標を改善するのが目標**。

損失関数と評価指標

注意⚠️: これらは、学習とは全く独立した作業.

⇒ この計算結果に基づいてモデルを変更することはない. 単に評価するだけ



逆にいえば **評価指標は直接最適化の対象にはならない！**



損失関数を最小化することで、評価指標が改善するように損失関数を考える.



既知のデータ x'



損失関数: $L(x')$

計算・最適化できる！(x' は観測済み)

多分同じ中身.



未知のデータ X



究極目標: $S(X)$

計算できない！(X は未知だから)



間接的に最適化

検証用データに対する評価指標 $S(x'')$

計算できる。



同じ状況にして擬似的に計算

なぜ同じ状況と言えるのか？
△ 多分同じ中身と仮定しているから。

ちょっとまとめ

- 損失関数の値は、あくまで「訓練データに対してこれくらいの誤差になるよ」という値
- ほんとうに興味があるのは、知らないデータに対してどれくらいうまく予測できるか
- これの検証のために、擬似的に学習に使わない未知のデータを作り、未知のデータに対する予測の評価をする

バリデーションの手法や切り方についてはいろいろあり、話すとかなり長くなりますのでここでは割愛します。
メジャーな物だと Cross Validation や時系列を意識した Validation などがあります。
詳しくは 8月に実施予定の講習会で扱われるはずです！

バリデーションと過学習

バリデーションデータは学習データからランダムにとってきたもの。

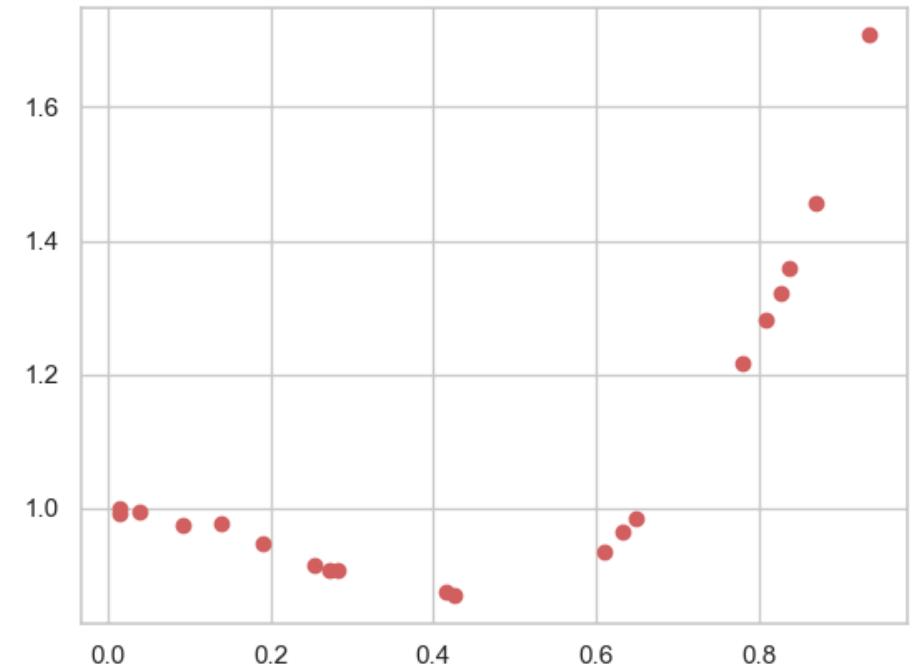
⇒ 学習データと評価の結果が異なることってあるの？



はい。

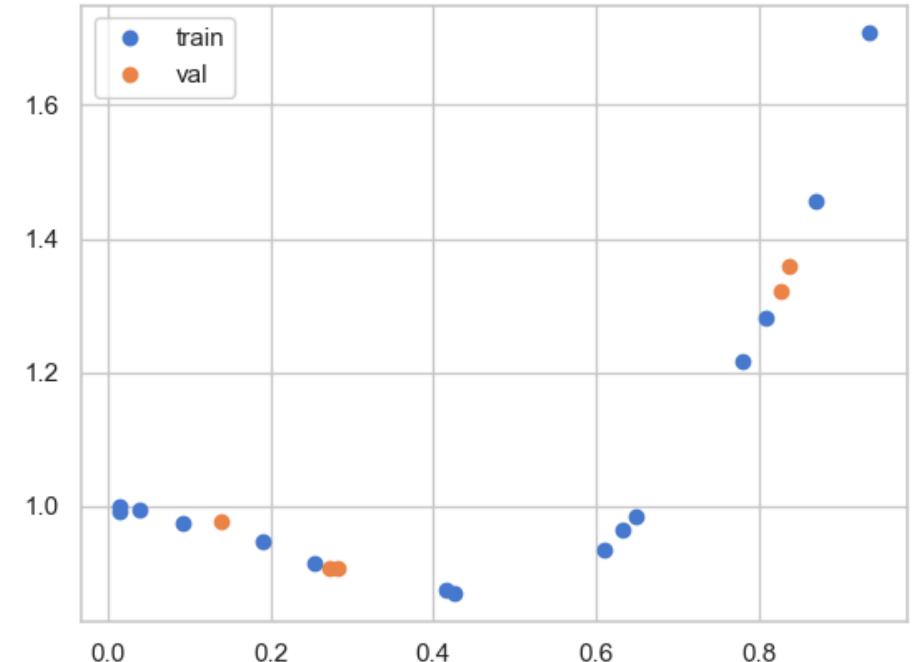
過学習

$f(x) = 3x^3 - 2x^2 + 1$ にちょっと
だけ誤差を載せたもの👉



過学習

学習データと検証データに分ける ➤



振り返り

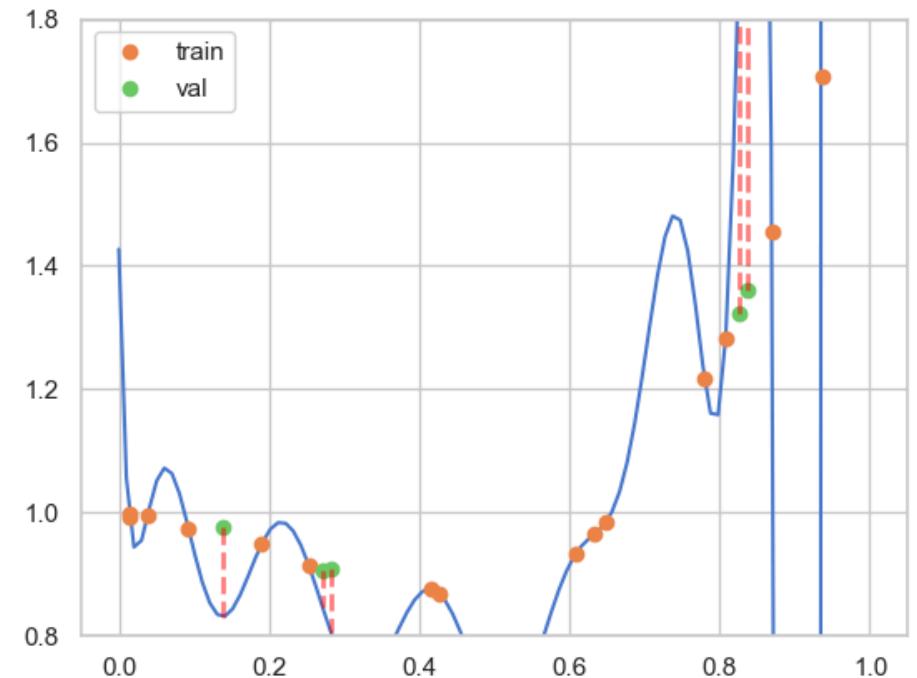
NN の万能近似性から、常に損失を 0 にできる。

前期の線形代数の知識だけで証明できるので暇な人はやってみてください！

もう少し正確に書くと、「矛盾のないデータ」($x_i = x_j \Rightarrow y_i = y_j$ が成立している)なら任意の i に対して $y_i = f(x_i)$ となる NN が存在することを示してください

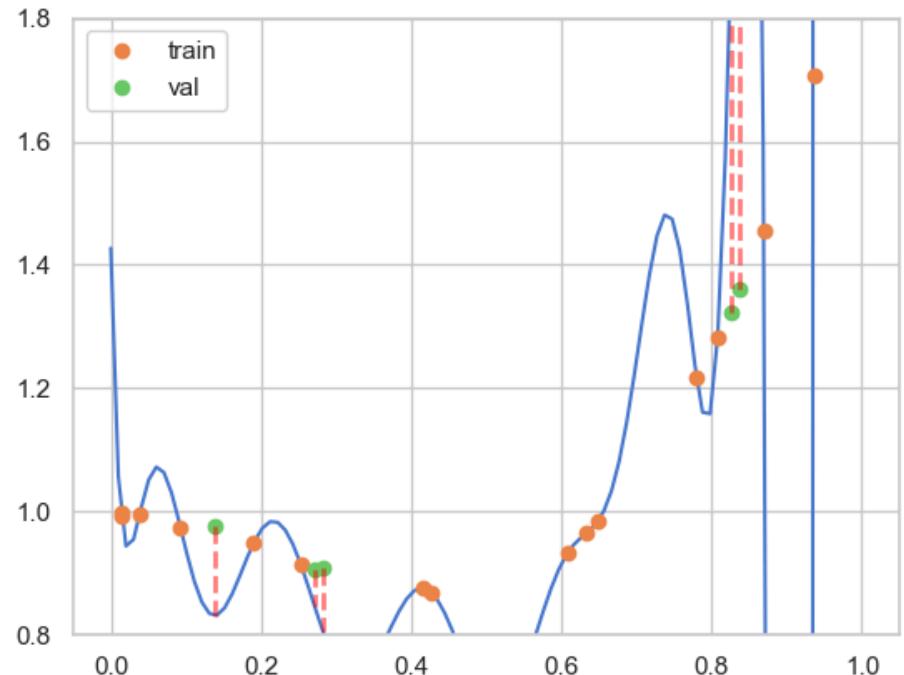
過学習

学習データに対して損失関数を最小化ヨシ！



過学習 (過剰適合, overfitting, overlearning)

学習データに過剰に適合してしまって、未知のデータに対する予測性能が低下している状態。



学習曲線 (learning curve)

学習曲線

(learning curve)

横軸に学習のステップ、縦軸
に損失関数の値をプロットし
たもの

⇒ 学習曲線を見て、過学習に注意



バリデーションの重要性について

「AI作りました！ちなみにどのくらいの精度で動作するかはわからないです笑」



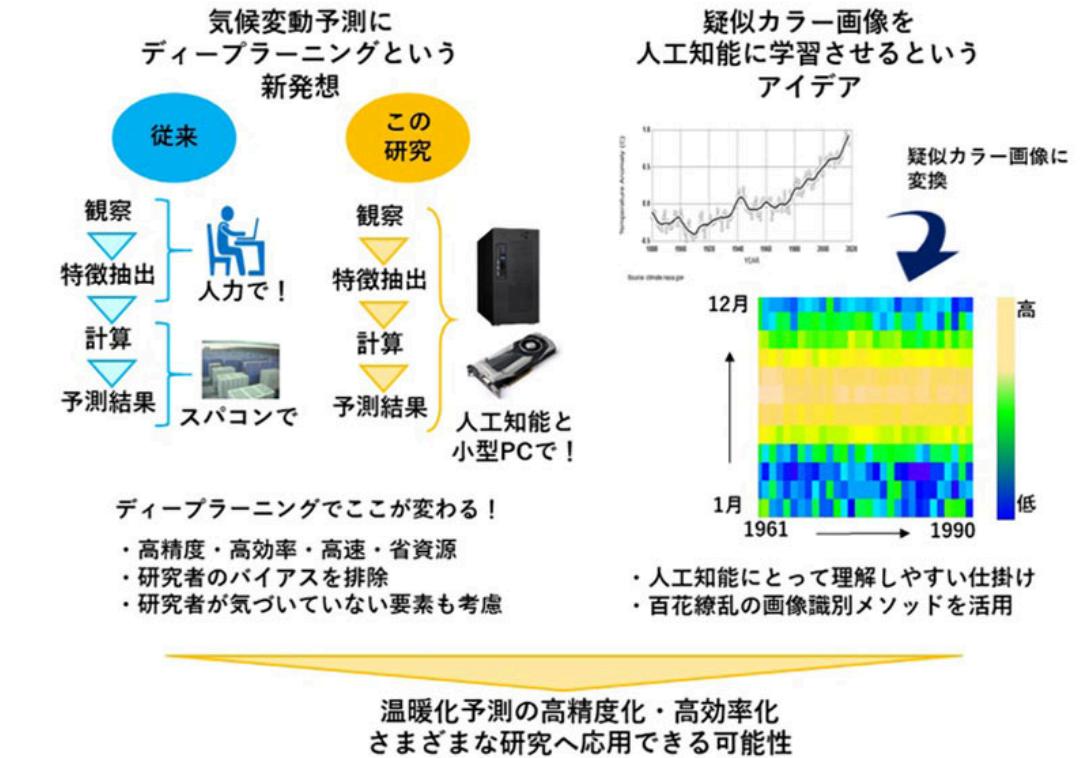
きちんとバリデーションを行い、未知のデータに対する予測性能を評価することが大切。

逆に、適切にバリデーションを行なっていないが故の嘘に気をつけよう！！

不適切なバリデーションの例

2019年の京大の研究 [1]

「過去の気温のデータから、気温変化を NN で予測して、検証用データで 97% の精度で上がるか下がるかを予測できるようになりました！」
というもの



Ise, T., & Oba, Y. (2019). Forecasting Climatic Trends Using Neural Networks: An Experimental Study Using Global Historical Data. *Frontiers in Robotics and AI*, 6, 446979. <https://doi.org/10.3389/frobt.2019.00032>

不適切なバリデーションの例

Q. どこが不適切でしょう？

| ... Randomly selecting 25% of images for validation

不適切なバリデーションの例

A. 本来モデルが得るはずがない「未来の情報」が学習時に混入している！

バリデーション \Leftrightarrow 未知のデータを予測するときの情報を **擬似的に再現**



不適切なバリデーションの例

時系列なら、未知の情報に対する精度 \Leftrightarrow 2024年以降のデータに対する精度

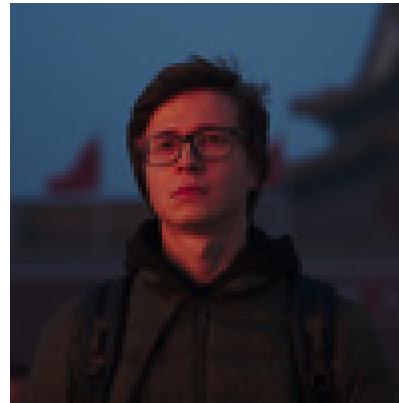
1990年のデータが検証用データに入っているなら、1991年以降のデータが学習データに入っていると不当に性能を高く見積もってしまう

バリデーションの重要性について

Kaggle をはじめとするデータ分析コンペは、「未知の情報」を予測するモデルの精度を競う

⇒ 試行錯誤している手法の、「未知の情報を予測する能力」をきちんと評価することが大切！

バリデーションの重要性について



bestfitting はこう言っています。

A good CV is half of success.

今日のまとめ

- ニューラルネットワークは、学習において培われてきたいろいろな工夫があった
- バリデーションを行うことで、未知のデータに対しての予測性能を評価することができる
- バリデーションデータに対して行う評価は、学習とは独立した作業なので、微分可能であったり微分の性質が良い必要はなく、いろいろな評価指標を用いることができる
- 訓練データのみに過剰に適合した状態のことを「過学習」といい、学習曲線に目を光らせるととでこれに気をつける必要があった
- 適切にバリデーションを行うのは、**非常に重要。**

機械学習講習会 第六回

- 「ニューラルネットワークの実装」

traP Kaggle班
2023/07/10

振り返り

.....

i

第一回: 学習

第二回: 勾配降下法

第三回: 自動微分

第四回: ニューラルネットワークの構造

第五回: ニューラルネットワークの学習と評価

第六回: ニューラルネットワークの実装

今日すること

.....

- PyTorch を使って、実際にある情報を予測するニューラルネットワークを実装します
- データの読み込みから、モデルの構築、学習、予測までを一通りやってみます
- お題として、今日から始めるコンペのデータを使います。
 - 1 Sub まで一気に行きます！！

コンペについて ~ 基本情報 ~

- お題: このあと発表
- 開始: 7/09 18:00~ よりサブミット可能
- 終了: 7/16 23:59:59 (JST)
- サイト: ddaq-v2.trap.show

※  注意事項があります！この後ちゃんと読んでください！

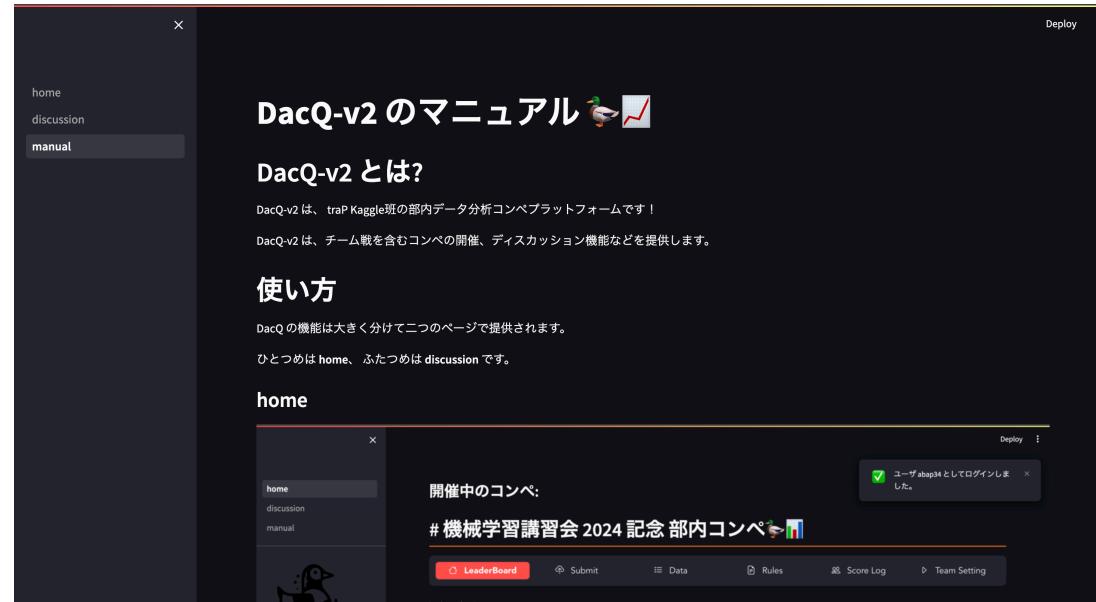
コンペについて : DacQ

The screenshot shows the DacQ competition platform's Team Setting page. At the top, it displays the current competition: "# 機械学習講習会 2024 記念 部内コンペ". The navigation bar includes links for LeaderBoard, Submit, Data, Rules, Score Log, and Team Setting (which is highlighted in red). Below the navigation, it shows the user is logged in as "abap34" and is part of "Team: team 41". The main section is titled "Team Setting" and shows the "Team Name: team 41". It features a "Current Icon" placeholder and a field to "Enter your team name" with "team 41" typed in. To the right, there is a "Members" table listing three users: abap34, noya2, and ebi, each with a small profile icon.



< 部内データ分析コンペプラットフォームです.

DacQ の使い方: Manual ページ



< バグ報告待ってます. (@abap34 の DM までお願いします)

稼働状況やバグのアナウンスは #event/workshop/machine-learning/system-announcement で

Private LB と Public LB

⚠️ コンペ期間中に見える LB は **Public LB** とよばれる **暫定スコア** です.



Private LB と Public LB

期間中に見えるスコア = 最終的なスコア の場合...

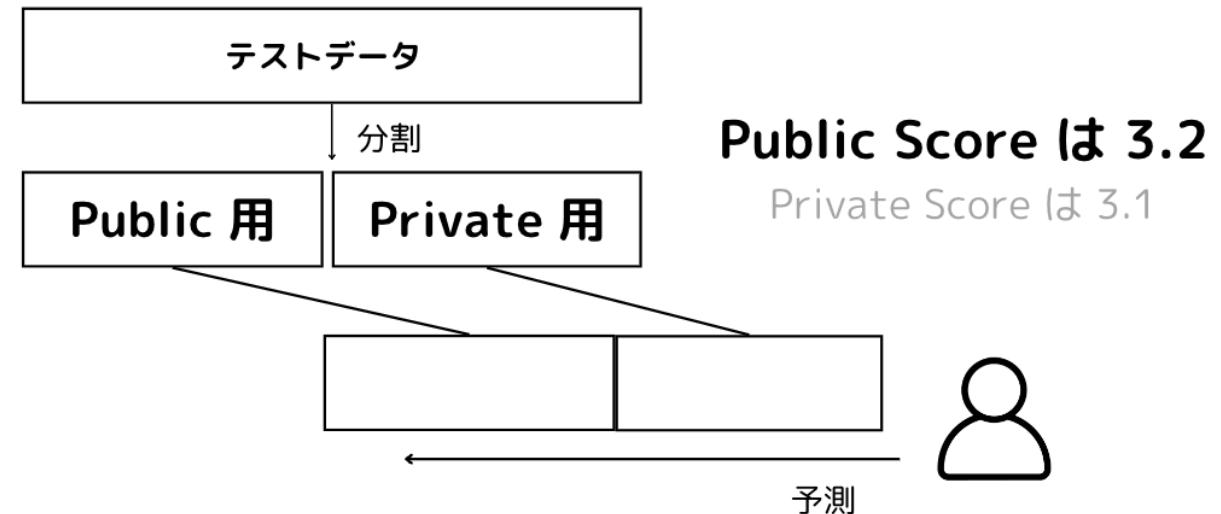
- 各行の値を変えたときのスコアを見ることで値を改善できてしまい不毛
- 上振れを引くために、サブミットしまくるのが最適戦略になってしまい不毛



コンペ中は暫定スコアを表示して、
最終結果は競技者が選んだサブミットに対して **裏で計算したスコア** を使う

Private / Public LB まとめ

- 運営があらかじめデータを
Public 用 / Private 用に分割
 - ↓
 - それぞれに対してスコアを計算し、
Public Score だけが期間中見られる
 - ↓
 - サブミットのうち数個を競技者が
期間中に選んでおき、
その Private Score で順位が決定



DacQ における Private / Public LB

重要: DacQ では、最終スコアとして最後の 2つのサブミットが使われます。

スコアの計算例

投稿日	Public Score	Private Score
7/17	0.7	0.9
7/16	0.9	0.8
7/14	0.99	0.95
7/13	0.6	0.7
7/12	0.5	0.6

の場合、 Public LB の値は

0.5→0.6→0.99→0.99→0.99

Private LB に乗る値は

0.9

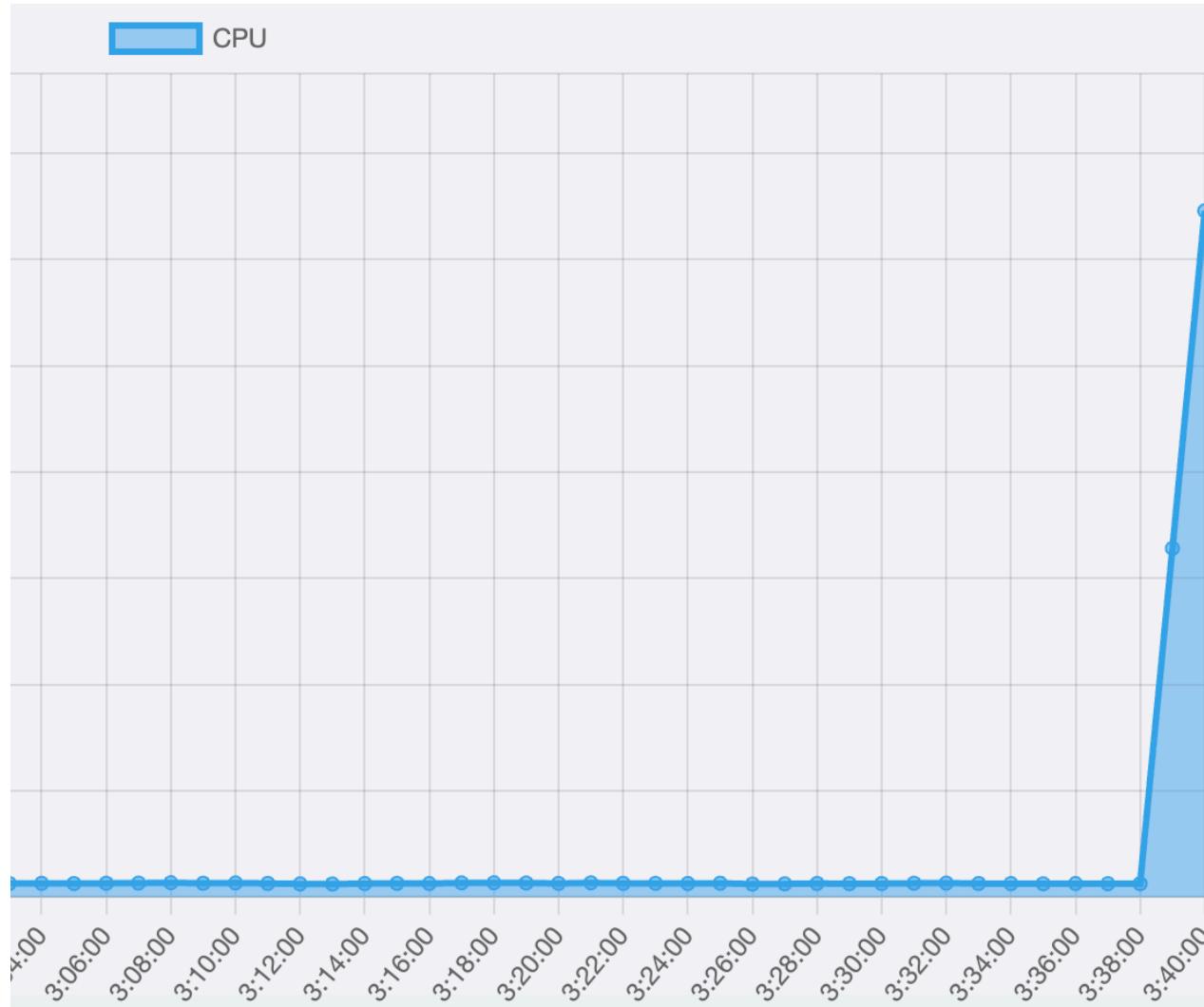
✳ 注意: 自信のある投稿を最後に再投稿することを忘れずに!!!!!! ✳

投稿に関する特別なルール

終了直前は、混雑によって
投稿ができない可能性があります



- なるべく余裕を持って提出してください
- 次善策として、終了 3 時間前からに限り、**終了時刻前に @abap34 のDMへ送信されたものも提出として認めます**



注意

.....

【最善を期しているつもりですが、不具合によって投稿データなどが失われる可能性があります。投稿ファイルは忘れずに、必ず手元にとっておいてください。】

そのほかの細かいルールや注意事項について

Rules タブを、絶対に読んでください！！！
不明なことをしたくなったら @abap34 まで必ず連絡してください！

開催中のコンペ:

機械学習講習会 2024 記念 部内コンペ

[LeaderBoard](#) [Submit](#) [Data](#) [Rules](#) [Score Log](#) [Team Setting](#)

Login as abap34
Team: team 41

[Rules](#)

Description

今回のコンペのお題～あらすじ～

機械学習講習会用のオンラインジャッジを作った @abap34 は困っていました。

攻撃はやめてくださいと書いてあるのに、ひっきりなしに攻撃が仕掛けられるからです。

部員の個人情報とサーバとモラルが心配になった @abap34 は、飛んでくる通信について、機械学習を使って攻撃を試みる通信かどうかを判定することで、攻撃を未然に防ぐことにしました。

あなたの仕事は、これを高い精度でおこなえる機械学習モデルを作成することです。

※ 架空の話です

僕の知る限り、ジャッジサーバへの攻撃は今のところきていないです。ご協力ありがとうございます。

データ

.....

通信ログから必要そうな情報を抽出したもの (詳細は Data タブから)

- 接続時間
- ログイン失敗回数
- 過去2秒間の接続回数
- 特別なユーザ名 (root , admin guest とか) でログインしようとしたか?

⋮

データ

.....

- train.csv
 - 学習に使うデータ
- train_tiny.csv ( 時間と説明の都合上今日はこれを用います)
 - 学習に使うデータの一部を取り出し、一部を削除
- test.csv
 - 予測対象のデータ
- test_tiny.csv ( 時間と説明の都合上今日はこれを用います)
 - 予測対象のデータの欠損値を埋めて、一部のカラムを削除
- sample_suboldsymbolission.csv
 - 予測の提出方式のサンプル (値はでたらめ)

全体の流れ

.....

1. データの読み込み
2. モデルの構築
3. モデルの学習
4. 新規データに対する予測
5. 順位表への提出

全体の流れ1 ~モデルに入力するまで

1-0. データのダウンロード



1-1. データの読み込み



1-2. データの前処理



1-3. PyTorchに入力できる形に

1-0. データのダウンロード

✓ セルに以下をコピペして実行

```
!curl https://www.abap34.com/trap_ml_lecture/public-data/train_tiny.csv -o train.csv  
!curl https://www.abap34.com/trap_ml_lecture/public-data/test_tiny.csv -o test.csv  
!curl https://www.abap34.com/trap_ml_lecture/public-data/sample_submission.csv -o sample_submission.csv
```

```
1 !curl https://www.abap34.com/trap_ml_lecture/public-data/train_tiny.csv -o train.csv  
2 !curl https://www.abap34.com/trap_ml_lecture/public-data/test_tiny.csv -o test.csv  
3 !curl https://www.abap34.com/trap_ml_lecture/public-data/sample_submission.csv -o sample_submission.csv
```

	% Total	% Received	% Xferd	Average Speed	Time Dload	Time Upload	Time Total	Time Spent	Time Left	Current Speed
100	583k	100	583k	0	0	1900k	0	--::---	--::---	--::--- 1900k
	% Total	% Received	% Xferd	Average Speed	Time Dload	Time Upload	Time Total	Time Spent	Time Left	Current Speed
100	5799k	100	5799k	0	0	16.6M	0	--::---	--::---	--::--- 16.7M
	% Total	% Received	% Xferd	Average Speed	Time Dload	Time Upload	Time Total	Time Spent	Time Left	Current Speed
100	484k	100	484k	0	0	2053k	0	--::---	--::---	--::--- 2060k

Jupyter Notebook では、先頭に ! をつけることで、シェルコマンドを実行できます。

1-0. データのダウンロード

✓ 左の  > train.csv, test.csv, sample_submission.csv で表が見えるようになっていたら OK !



The screenshot shows a Jupyter Notebook interface with the following details:

- Title Bar:** ml-lecture-2024_6
- File Explorer:** Shows files: sample_data, sample_submission.csv, test.csv, and train.csv.
- Code Cell 1:** Contains three curl commands to download CSV files:

```
1 !curl https://www.abap34.com/trap_ml_lecture/public-data/train_tiny.csv -o train.csv
2 !curl https://www.abap34.com/trap_ml_lecture/public-data/test_tiny.csv -o test.csv
3 !curl https://www.abap34.com/trap_ml_lecture/public-data/sample_submission.csv -o sample_submission.csv
```
- Code Cell 2:** Contains Python code to import pandas and read the CSV files:

```
[2] 1 import pandas as pd
2
3 train = pd.read_csv("train.csv")
4 test = pd.read_csv('test.csv')
```
- Code Cell 3:** Contains Python code to map values to train_y:

```
[3] 1 train_y = train['class'].map({
```
- Output Area:** Shows the contents of the train.csv file as a table:

id	duration	src_bytes	ds
98643	0.0	0.0	0.0
40263	0.0	0.0	0.0
47961	0.0	6.0	0.0
37672	0.0	166.0	22
112203	0.0	0.0	0.0
56047	0.0	317.0	71
123632	0.0	145.0	36
65616	0.0	35.0	0.0
33403	0.0	0.0	0.0
20170	0.0	0.0	0.0

- Page Bottom:** Shows "Show 10 per page".

1-1. データの読み込み

✓ `pd.read_csv(path)` で、`path` にあるcsvファイルを読み込む

```
# pandas パッケージを 'pd' という名前をつけてimport
import pandas as pd

# これによって、pandas の関数を 'pd.関数名' という形で使えるようになる
train = pd.read_csv("train.csv")
test = pd.read_csv("test.csv")
```

パスとは、コンピュータ上のファイルやフォルダへの経路のことです。

今回は、`train.csv` と `test.csv` がノートブックと同じ階層にあるので、`train.csv` と `test.csv` までの経路は、ファイル名をそのまま指定するだけで大丈夫です。ほかにも、たとえば `../train.csv` と指定すると、ノートブックの一つ上の階層にある `train.csv` というファイルを読み込みます。

1-1. データの読み込み

```
✓ [10] 1 import pandas as pd
```

2

```
3 train = pd.read_csv("train.csv")
```

```
4 test = pd.read_csv('test.csv')
```

```
✓ [11] 1 train
```

→ wrong_fragment urgent ... serror_rate srv_serror_rate rerror_rate srv_rerror_rate same_srv_rate diff_srv_rate srv_diff_host_rate ds

0.0	0.0	...	0.000000	0.000000	0.970555	0.871439	0.135961	0.074646	0.000000
0.0	0.0	...	1.024065	0.920154	0.000000	0.000000	0.095575	0.073942	0.000000
0.0	0.0	...	0.000000	0.000000	0.000000	0.000000	1.024575	0.000000	0.976209
0.0	0.0	...	0.000000	0.000000	0.000000	0.000000	0.953422	0.000000	0.000000
0.0	0.0	...	0.959654	0.926067	0.000000	0.000000	0.074621	0.065885	0.000000
...
0.0	0.0	...	0.959072	0.994436	0.000000	0.000000	0.105512	0.069615	0.000000

セルに単に変数をかくと中身を確認できます！（Jupyter Notebook の各セルは最後に評価された値を表示するため）
さっとデバッグするときに便利です。中身がわからなくなったらとりあえず書いて実行してみましょう。

1-1. データの読み込み

今まで



```
x = [1, 2, 3, 4, 5]  
y = [2, 4, 6, 8, 10]  
  
def loss(a):  
    ...
```



今回も入力と出力 (の目標) にわけておく

1-1. データの読み込み

.....

```
train['カラム名']
```

で「カラム名」という名前の列を取り出せる 



今回の予測の目標は

```
train['class']
```



1-1. データの読み込み

```
train_y = train['class']
```

と入力して実行

⇒ **train_y** に攻撃? or 通常? の列
が入る

```
[6] 1 train_y = train['class']  
  
[7] 1 train_y  
0    attack  
1    attack  
2    attack  
3    normal  
4    attack  
...  
3623   attack  
3624   attack  
3625   attack  
3626   attack  
3627   normal  
Name: class, Length: 3628, dtype: object
```

1-1. データの読み込み

機械学習モデルは **直接的には** 数以外
は扱えないので、数に変換しておく。

```
train_y = train['class'].map({  
    'normal': 0,  
    'attack': 1  
})
```

```
[4] 1 train_y = train['class'].map({  
2     'normal': 0,  
3     'attack': 1  
4 })
```

▶ 1 train_y

```
0      1  
1      1  
2      1  
3      0  
4      1  
..  
3623   1  
3624   1  
3625   1  
3626   1  
3627   0  
Name: class, Length: 3628, dtype: int64
```

1-1. データの読み込み

逆に、モデルに入力するデータは、`train` から **さっきの列を除いたもの！**
(と `id` を除いたもの)

```
train.drop(columns=['カラム名'])
```

を使うと、`train` から「カラム名」という名前の列を除いたものを取り出せる



今回は、`train.drop(columns=['id', 'class'])`

1-1. データの読み込み

セルに、

```
train_x = train.drop(columns=['id', 'class'])  
test_x = test.drop(columns=['id'])
```

と入力して実行

⇒ `train_x` にさっきの列と `id` を
除いたもの、`test_x` に `id` を除い
たものが入る

[36] 1 train_x

	duration	src_bytes	dst_bytes	land	wrong
0	0.0	0.0	0.0	0	0
1	0.0	0.0	0.0	0	0
2	0.0	6.0	0.0	0	0
3	0.0	166.0	2256.0	0	0
4	0.0	0.0	0.0	0	0
...
3623	0.0	0.0	0.0	0	0
3624	0.0	695.0	0.0	0	0
3625	0.0	1364.0	0.0	0	0
3626	0.0	990.0	0.0	0	0
3627	0.0	120.0	0.0	0	0

3628 rows × 30 columns

1-1. データの読み込み

✓ データの読み込みが完了!

今の状況整理

- `train_x` … モデルに入力するデータ(接続時間、ログイン失敗回数、etc...)
- `train_y` … モデルの出力の目標(攻撃? 通常?)
- `test_x` … 予測対象のデータ

が入ってる

1-2. データの前処理

✓ データをそのままモデルに入れる前に処理をすることで、
学習の安定性や精度を向上可能

(極端な例: 平均が 10^{18} の列があったらすぐオーバーフローしてしまうので、平均を引くなど)

• • •

今回は、各列に対して「標準化」をします

1-2. データの前処理

標準化

$$x' = \frac{x - \mu}{\sigma}$$

(μ は平均, σ は標準偏差)

1. 平均 μ_1 のデータの全ての要素から μ_2 を引くと、平均は $\mu_1 - \mu_2$
2. 標準偏差 σ_1 のデータの全ての要素を σ_2 で割ると、標準偏差は σ_1 / σ_2

⇒ 標準化で **平均を0、標準偏差を1** にできる

初期化の際の議論を思い出すとこのようなスケーリングを行うことは自然な発想だと思います。

NN の入力の標準化については、LeCun, Yann, et al. "Efficient BackProp." Lecture Notes in Computer Science 1524 (1998): 5-50. にもう少し詳しく議論が載っていたので気になる人は読んでみてください。

1-2. データの前処理

✓ `scikit-learn` というライブラリの `StandardScaler` クラスを使うと、簡単に標準化できる！

```
# sklearn.preprocessing に定義されているStandardScalerを使う
from sklearn.preprocessing import StandardScaler

scaler = StandardScaler()

# 計算に必要な量（平均、標準偏差）を計算
scaler.fit(train_x)

# 実際に変換
train_x = scaler.transform(train_x)
test_x = scaler.transform(test_x)
```

`scalar.fit` によって引数で渡されたデータの各列ごとの平均と標準偏差が計算され、`scalar` に保存されます。そして、`scalar.transform` によってデータが実際に標準化されます。勘がいい人は、「`test` に対しても `train_x` で計算した平均と標準偏差を使って標準化しているけど大丈夫なのか？」と思ったかもしれないですね。結論から言うとそうなのですが、意図しています。ここに理由を書いたら信じられないくらいはみ出てしまったので、省略します。興味がある人は「Kaggleで勝つデータ分析の技術」p.124などを参照してみてください。

1-2. データの前処理

```
train_x
```

```
test_x
```

などを実行してみると、確かに何かしらの変換がされている！ 
(ついでに、結果がテーブルから単に二次元配列 (`np.ndarray`) に変換されてる)

最初のテーブルっぽい情報を持ったまま計算を進めたい場合は、`train_x[:] = scaler.transform(train_x)` のようにすると良いです。

1-2. データの前処理

なので、`train_y` もここで中身を取り出して二次元配列にしておく。

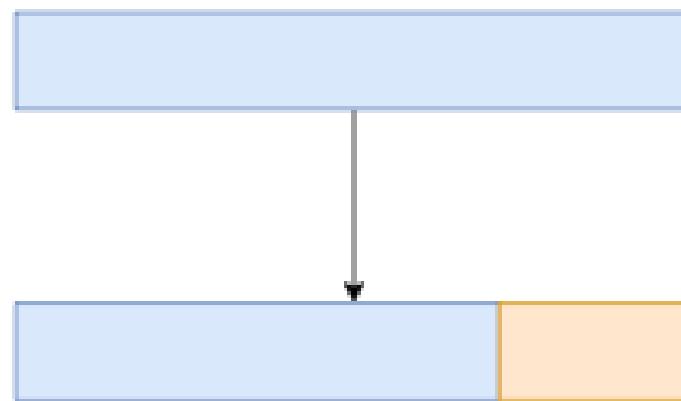
1. `train_y.values` で 中身の値を取り出せる。
2. `arr.reshape(-1, 1)` で `arr` を $N \times 1$ の形に変換できる

```
train_y = train_y.values.reshape(-1, 1)
```

`np.ndarray` のメソッド `reshape` はその名の通り、配列の形を変えるメソッドです。`-1` は「他の次元の要素数から自動的に決定する」という意味です。例えば、 3×4 の配列に対して `.reshape(-1, 2)` とすると 6×2 してくれます。

1-2. データの前処理 - バリデーション

バリデーションのためにデータを分割しておく



バリデーションを前処理と呼ぶ人はまあいないと思いますが、ここでやっておきます。

1-2. データの前処理 - バリデーション

scikit-learn の `train_test_split` を使うと、簡単にデータを分割できる！

```
from sklearn.model_selection import train_test_split  
train_x, val_x, train_y, val_y = train_test_split(train_x, train_y, test_size=0.3, random_state=34)
```

1-2. データの前処理 - バリデーション

train_test_split 関数による分割

```
train_test_split(train_x, train_y, test_size=0.3, random_state=34)
```

- `train_x`, `train_y` : 分割するデータ
- `test_size` : テストデータの割合
- `random_state` : 亂数のシード ➔ 重要！！

乱数シードを固定しよう！！

乱数に基づく計算がたくさん



実行するたびに結果が変わって、
めちゃくちゃ困る泣



乱数シードを固定すると、
毎回同じ結果になって



再現性が確保



実際はそんな素朴な世の中でもなく、環境差異であったり、並列計算、とくに GPU が絡んでくると単に乱数シードを固定するような見た目のコードを書いても実行毎に結果が変わりがちで、人は苦しんでいます。

```
✓ [6] 1 import numpy as np  
2  
3 np.random.rand()
```

```
↳ 0.09270375533413333
```

```
✓ [7] 1 np.random.rand()
```

```
↳ 0.6328926864844773
```

```
✓ [8] 1 np.random.seed(34)
```

```
✓ [9] 1 np.random.rand()
```

```
↳ 0.038561680881409655
```

```
✓ [10] 1 np.random.seed(34)
```

```
✓ [11] 1 np.random.rand()
```

```
↳ 0.038561680881409655
```

1-2. データの前処理 - バリデーション

(train_x , train_y) を、学習データ:検証データ = 7:3 に分割

```
from sklearn.model_selection import train_test_split  
train_x, val_x, train_y, val_y = train_test_split(train_x, train_y, test_size=0.3, random_state=34)
```

結果を確認すると…

```
train_x.shape
```

```
val_x.shape
```

確かに 7:3 くらいに分割されていることがわかる

1-3. PyTorchに入力できる形に

- ✓ このあとこれらをPyTorchで扱うので、PyTorchで扱える形にする

1-3. PyTorchに入力できる形に

数として **Tensor型** を使って自動微分などを行う

```
>>> x = torch.tensor(2.0, requires_grad=True)
>>> def f(x):
...     return x ** 2 + 4 * x + 3
...
>>> y = f(x)
>>> y.backward()
>>> x.grad
tensor(8.)
```

($f(x) = x^2 + 4x + 3$ の $x = 2$ における微分係数8)

⇒ データを**Tensor型**に直しておく必要あり

Tensor 型のつくりかた

```
torch.tensor(data, requires_grad=False)
```

- `data` : 保持するデータ(配列っぽいものならなんでも)
 - リスト、タプル、**Numpy配列**, スカラ...
- `requires_grad` : 勾配 (gradient)を保持するかどうかのフラグ
 - デフォルトは `False`
 - 勾配の計算(自動微分)を行う場合は `True` にする
 - このあとこいつを微分の計算に使いますよ～という表明

1-3. PyTorchに入力できる形に

⚠️ 我々が勾配降下法で使うのは、

各 **パラメータ** の損失に対する勾配



入力データの勾配は不要なので `requires_grad=True` とする必要はないことに注意！

1-3. PyTorchに入力できる形に



単にこれで OK !

```
import torch

train_x = torch.tensor(train_x, dtype=torch.float32)
train_y = torch.tensor(train_y, dtype=torch.float32)
val_x = torch.tensor(val_x, dtype=torch.float32)
val_y = torch.tensor(val_y, dtype=torch.float32)
test = torch.tensor(test, dtype=torch.float32)
```

全体の流れ1 ~モデルに入力するまで

✓ 1-0. データのダウンロード



✓ 1-1. データの読み込み



✓ 1-2. データの前処理



✓ 1-3. PyTorchに入力できる形に

全体の流れ

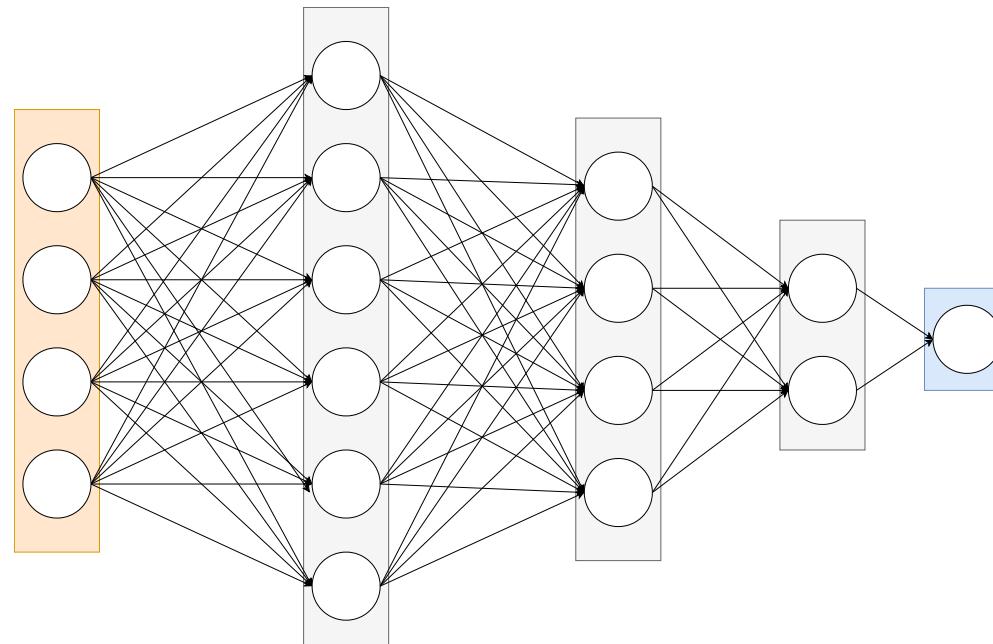
.....

1. データの読み込み
2. モデルの構築
3. モデルの学習
4. 新規データに対する予測
5. 順位表への提出

2. モデルの構築

今からすること...

$f(x; \theta)$ をつくる



2. モデルの構築

torch.nn.Sequentialによるモデルの構築



✓ torch.nn.Sequential を使うと、一直線のモデルを簡単に定義できる。

```
import torch.nn as nn

model = nn.Sequential(
    nn.Linear(30, 32),
    nn.Sigmoid(),
    nn.Linear(32, 64),
    nn.Sigmoid(),
    nn.Linear(64, 1)
)
```

2. モデルの構築 ~ 二値分類の場合

二値分類の場合

⇒ 最後に シグモイド関数 をかけることで出力を $[0, 1]$ の中に収める.

```
import torch.nn as nn

model = nn.Sequential(
    nn.Linear(30, 32),
    nn.Sigmoid(),
    nn.Linear(32, 64),
    nn.Sigmoid(),
    nn.Linear(64, 1),
    nn.Sigmoid() # <- ここ重要!
)
```

2. モデルの構築

```
import torch.nn as nn

model = nn.Sequential(
    nn.Linear(30, 32),
    nn.Sigmoid(),
    nn.Linear(32, 64),
    nn.Sigmoid(),
    nn.Linear(64, 1),
    nn.Sigmoid()
)
```

引数に層を順番に渡すことで、モデルを構築してくれる！

👉 「全結合層($W \in \mathbb{R}^{30,32}$) → シグモイド関数 → 全結合層 ($W \in \mathbb{R}^{32,64}$) → シグモイド関数 → 全結合層($W \in \mathbb{R}^{64,1}$)」という MLP の定義

⇒ すでにこの時点でパラメータの初期化などは終わっている

2. モデルの構築

`model.parameters()` または
`model.state_dict()` で
モデルのパラメータを確認できる

`model.state_dict()`

各全結合層のパラメータ (W_i, b_i) が
見える 👀 ➡️

➡️ 0.038561680881409655

✓ 6秒

```
1 import torch.nn as nn
2
3 model = nn.Sequential(
4     nn.Linear(16, 32),
5     nn.Sigmoid(),
6     nn.Linear(32, 64),
7     nn.Sigmoid(),
8     nn.Linear(64, 1)
9 )
```

✓ [13] 1 model.state_dict()

➡️ `OrderedDict([('0.weight', tensor([[1.5935e-01, 1.1
7.4866e-02, -2.6
1.0282e-01, 4.6
-1.9607e-01],
[6.8658e-02, -2.4
2.4991e-02, -8.8
-9.1278e-02, 1.6
1.3355e-01],
[-1.5368e-01, -2.6
-1.1788e-01, -1.7
1.5117e-01, -1.2`

2. モデルの構築

- ✓ 構築したモデルは、関数のように呼び出すことができる

```
import torch  
dummy_input = torch.rand(1, 30)  
model(dummy_input)
```

`torch.rand(shape)` で、形が `shape` のランダムな `Tensor` が作れる。

⇒ モデルに入力して計算できることを確認してみる！

(現段階では、乱数で初期化されたモデルに乱数を入力して、謎の出力が得られる(?))

2. モデルの構築

.....

✓ $f(x; \theta)$ をつくる



あとはこれを勾配降下法の枠組みで学習させる！



思い出すシリーズ

確率的勾配降下法

全体の流れ

.....

1.  データの読み込み
2.  モデルの構築
3. モデルの学習
4. 新規データに対する予測
5. 順位表への提出

全体の流れ3. モデルの学習

3-1. 確率的勾配降下法の準備



3-2. 確率的勾配降下法の実装

確率的勾配降下法

確率的勾配降下法 (SGD)

データの **一部** をランダムに選んで、
そのデータに対する勾配を使ってパラメータを更新する

3-1. 確率的勾配降下法の準備

整理: 我々がやらなきゃいけないこと

👉 データをいい感じに選んで供給する仕組みを作る

3-1. 確率的勾配降下法の準備

➊ <私がやろう

✓ `torch.utils.data.Dataset` と `torch.utils.data.DataLoader`
を

使うと、簡単に実装できる！

3-1. 確率的勾配降下法の準備

現状確認 

`train_x`, `train_y`, `val_x`, `val_y`, `test` にデータセットが `Tensor` 型で入っている

3-1. 確率的勾配降下法の準備

1. Datasetの作成 (`Dataset`)

- データセット (データの入出力のペア $\mathcal{D} = \{(x_i, y_i)\}$) を表現するクラス

3-1. 確率的勾配降下法の準備

TensorDataset に

- モデルの入力データ(`train_x`)と
- 出力の目標データ(`train_y`)を渡すことで `Dataset` のサブクラスである `TensorDataset` が作れる！

```
from torch.utils.data import TensorDataset

# データセットの作成

# 学習データのデータセット
train_dataset = TensorDataset(train_x, train_y)
# 検証データのデータセット
val_dataset = TensorDataset(val_x, val_y)
```

実際は `torch.utils.data.Dataset` を継承したクラスを作ることでも `Dataset` のサブクラスのオブジェクトを作ることができます。この方法だと非常に柔軟な処理が行えるためこの方法が主流です。(今回は簡単のために `TensorDataset` を使いました。)

3-1. 確率的勾配降下法の準備

1. DataLoaderの作成 (DataLoader)

- `Dataset` から一部のデータ（ミニバッチ）を取り出して供給してくれるオブジェクト

つまり....

整理: 我々がやらなきゃいけないこと

👉 データをいい感じに選んで供給する仕組みを作る

をやってくれる

3-1. 確率的勾配降下法の準備

1. DataLoaderの作成 (DataLoader)

- Dataset からミニバッチを取り出して供給してくれるオブジェクト

DataLoader(dataset, batch_size=batch_size, shuffle=shuffle)

```
from torch.utils.data import DataLoader

batch_size = 32
train_dataloader = DataLoader(train_dataset, batch_size=batch_size, shuffle=True, drop_last=True)
val_dataloader = DataLoader(val_dataset, batch_size=batch_size, shuffle=False)
```

⇒ これを for文で回すことでデータを取り出すことができる

3-1. 確率的勾配降下法の準備

1. DataLoaderの作成(DataLoader型)

```
for inputs, targets in train_dataloader:  
    print('inputs.shape', inputs.shape)  
    print('targets.shape', targets.shape)  
    print('-----')
```



```
inputs.shape torch.Size([32, 30])  
targets.shape torch.Size([32, 1])  
-----  
inputs.shape torch.Size([32, 30])  
targets.shape torch.Size([32, 1])  
...
```

3-1. 確率的勾配降下法の準備

✓ DatasetとDataLoaderの作成

```
from torch.utils.data import TensorDataset, DataLoader

# データセットの作成
train_dataset = TensorDataset(train_x, train_y)
val_dataset = TensorDataset(val_x, val_y)

# データローダの作成
batch_size = 32
train_dataloader = DataLoader(train_dataset, batch_size=batch_size, shuffle=True, drop_last=True)
val_dataloader = DataLoader(val_dataset, batch_size=batch_size, shuffle=False)
```

3-1. 確率的勾配降下法の準備

整理: 我々がやらなきゃいけないこと

👉 データをいい感じに選んで供給する仕組みを作る

 Done!

3.2 確率的勾配降下法の実装

 データは回るようになった

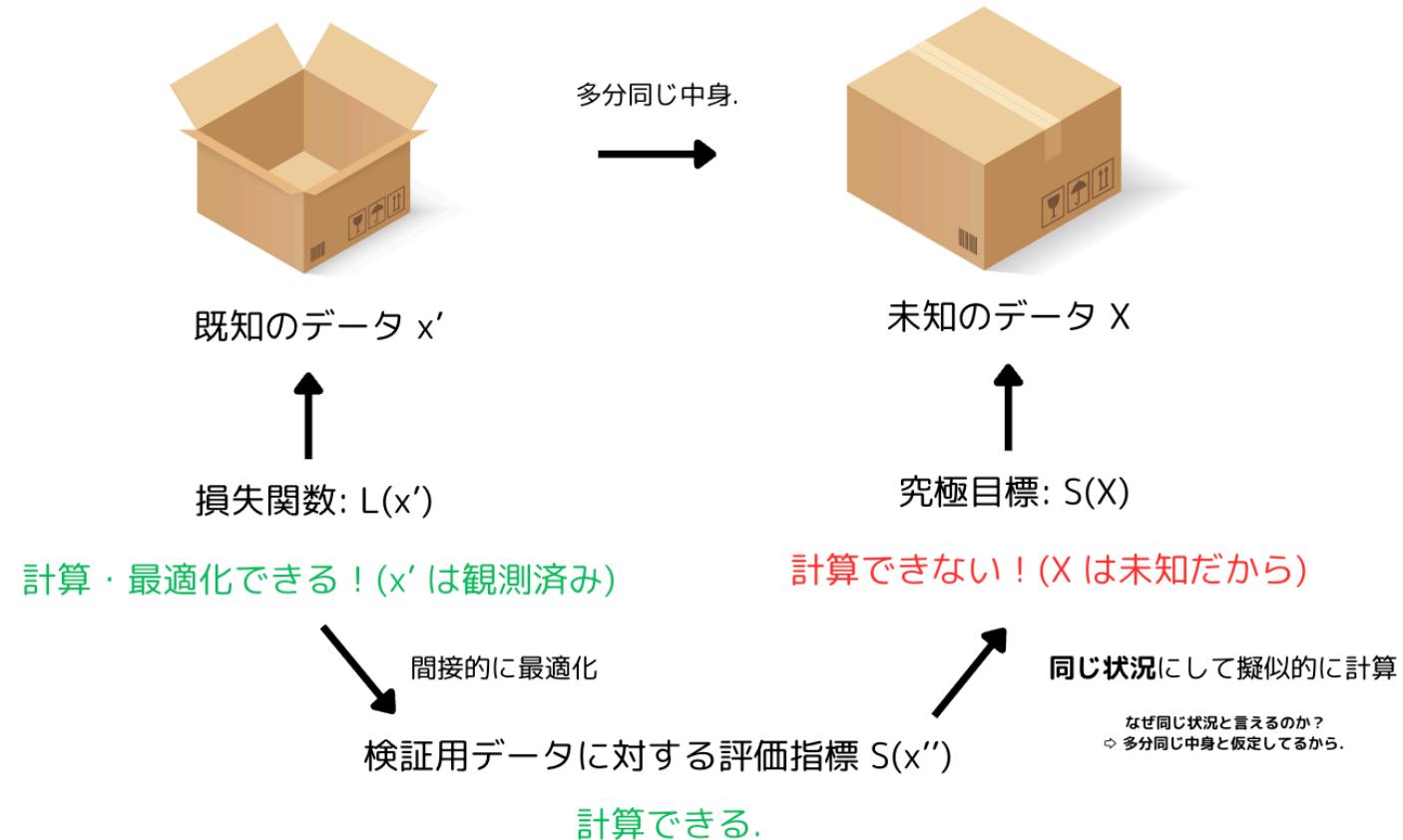
⇒ あとは学習を実装すればOK！

TODOリスト

1. 損失関数を設定する
2. 勾配の計算を行う
3. パラメータの更新を行う

3.2 確率的勾配降下法の実装: 損失関数の設定

1. 損失関数は何のためにあるのか？



3.2 確率的勾配降下法の実装: 損失関数の設定

今回の評価指標 ➤ 正解率！

3.2 確率的勾配降下法の実装: 損失関数の設定

今まで評価指標も損失関数も、すべて平均二乗和誤差だった

事実: $f(x)$ を最適化すると、 $f(x)$ が最適化できる。 !! !!

⇒ 微分可能なので、損失関数を平均二乗誤差にすればよい。

3.2 確率的勾配降下法の実装: 損失関数の設定

正解率は直接最適化できる？

⇒ No!!

正解率の微分

パラメータを微小に変化させても
正解率は変化しない！

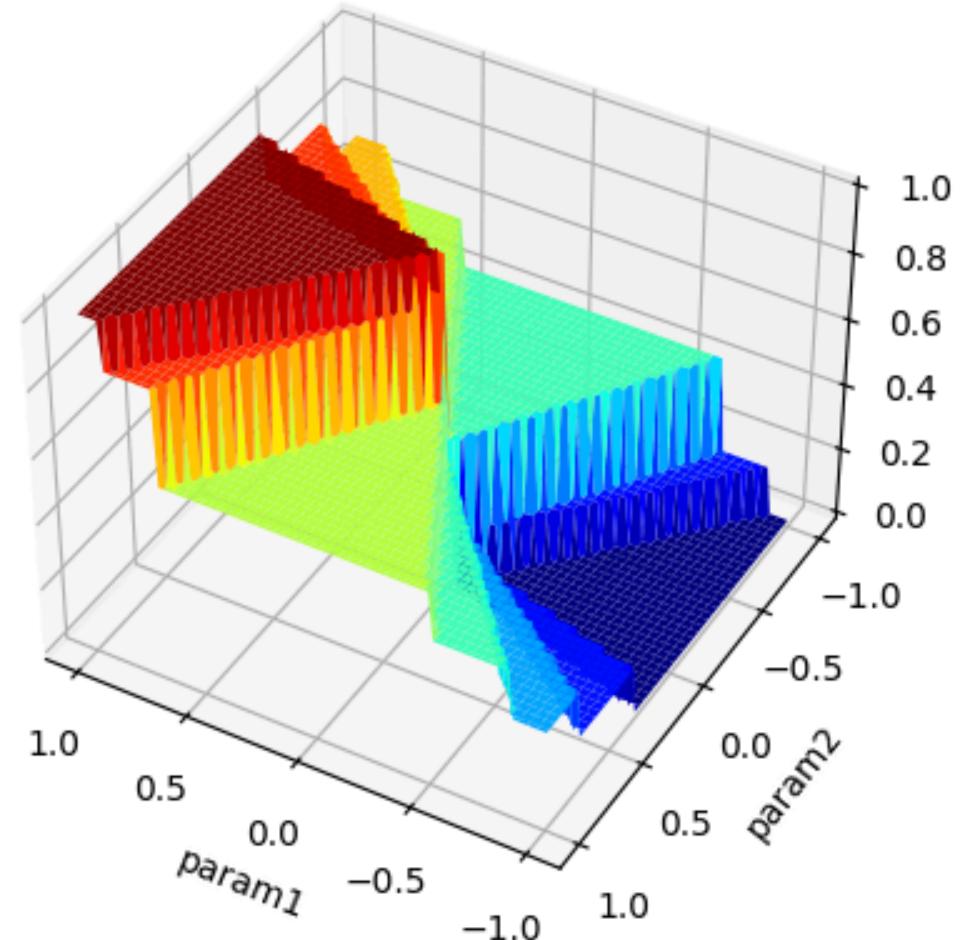
⇒ 正解率は、

- ほとんどの点で微分係数 0
- 変わるところも微分不可能



勾配降下法で最適化できない

右のグラフは、適当に作った二値分類をロジスティック回帰で解いたときのパラメータ平面上の正解率のプロットです。ほとんど平坦(勾配が 0)なのがよくわかると思います。



正解率を間接的に最適化する

どうするか？

⇒ こういう分類を解くのに向いている損失関数を使って、間接的に正解率を上げる。

Binary Cross Entropy Loss

二値交差エントロピー損失 (Binary Cross Entropy Loss)

$$-\frac{1}{N} \sum_{i=1}^N y_i \log(\hat{y}_i) + (1 - y_i) \log(1 - \hat{y}_i)$$

Binary Cross Entropy Loss

二値交差エントロピー損失 (Binary Cross Entropy Loss)

$$-\frac{1}{N} \sum_{i=1}^N y_i \log(f(x_i)) + (1 - y_i) \log(1 - f(x_i))$$

満たされていること

正解 y_i と予測 $f(x_i)$ が近いほど、値は小さくなっている。

($y_i \in \{0, 1\}$ なので、それぞれの場合について考えてみるとわかる)

•

これもやはり、二乗和誤差のときと同様に同様に尤度の最大化として導出できます。

Binary Cross Entropy Loss

✓ PyTorch では、`torch.nn.BCELoss` で使える！

```
import torch

criterion = torch.nn.BCELoss()

y = torch.tensor([0.0, 1.0, 1.0])
pred = torch.tensor([0.1, 0.9, 0.2])

loss = criterion(pred, y)
print(loss)  # => tensor(0.6067)
```

3.2 確率的勾配降下法の実装

TODOリスト

- 1. 損失関数を設定する
- 2. 勾配の計算を行う
- 3. パラメータの更新を行う

3.2 確率的勾配降下法の実装

2. 勾配の計算を行う

やりかたは.... ?

3.2 確率的勾配降下法の実装

損失に対するパラメータの勾配の計算例

```
# ここから
model = nn.Sequential(
    nn.Linear(30, 32),
    ...
)
# ここまでが "定義"

dummy_input = torch.rand(1, 30)
dummy_target = torch.rand(1, 1)

# "計算"
pred = model(dummy_input)
loss = criterion(pred, dummy_target)

# "backward()"
loss.backward()
```

3.2 確率的勾配降下法の実装

✓ チェックポイント

1. `loss` に対する勾配を計算している

```
# backward  
loss.backward()
```

2. 勾配は `パラメータ` に対して計算される

```
for param in model.parameters():  
    print(param.grad)
```

(`dummy_input` , `dummy_target` は `requires_grad=False` なので勾配は計算されない)

3.2 確率的勾配降下法の実装

TODOリスト

- 1. 損失関数を設定する
- 2. 勾配の計算を行う
- 3. パラメータの更新を行う

3.2 確率的勾配降下法の実装

```
for epoch in range(epochs):
    for inputs, targets in train_dataloader:
        # 計算
        outputs = model(inputs)
        loss = criterion(outputs, targets)

        # backward
        loss.backward()

        # -----
        # ....
        # ここにパラメータの更新を書く
        # ....
        # -----
```

3.2 確率的勾配降下法の実装

これまで、我々が手動(?)で更新するコードを書いていた

➡ 🔥 <私がやろう

✓ `torch.optim`のオプティマイザを使うことで、簡単にいろいろな最適化アルゴリズムを使える

3.2 確率的勾配降下法の実装

(⚠: 完成版ではない)

```
optimizer = optim.SGD(model.parameters(), lr=lr)

# 学習ループ
for epoch in range(epochs):
    for inputs, targets in train_dataloader:
        # 勾配の初期化
        optimizer.zero_grad()
        # 計算
        outputs = model(inputs)
        loss = criterion(outputs, targets)

        # backward
        loss.backward()

        # パラメータの更新
        optimizer.step()
```

3.2 確率的勾配降下法の実装

✓ `optimizer = optim.SGD(params, lr=lr)` のようにすることで、`params` を勾配降下法で更新するオプティマイザを作成できる！（`lr` は学習率）

ほかにも、たとえば Adam が使いたければ `optimizer = optim.Adam(params, lr=lr)` とするだけでOK！



勾配を計算したあと、`optimizer.step()` を呼ぶと、各 `Tensor` に載っている勾配の値を使ってパラメータを更新してくれる。

3.2 確率的勾配降下法の実装

⚠ 注意点

`optimizer.step()` で一回パラメータを更新するたびに
`optimizer.zero_grad()` で勾配を初期化する必要がある！

(これをしないと前回の `backward` の結果が残っていて、おかしくなる。)

↓ 次のページ...

学習の全体像を貼ります！！！

3.2 確率的勾配降下法の実装

```
from torch import nn

model = nn.Sequential(
    nn.Linear(30, 32),
    nn.Sigmoid(),
    nn.Linear(32, 64),
    nn.Sigmoid(),
    nn.Linear(64, 1),
    nn.Sigmoid()
)

optimizer = torch.optim.SGD(model.parameters(), lr=1e-2)
criterion = torch.nn.BCELoss()

n_epoch = 100
for epoch in range(n_epoch):
    running_loss = 0.0

    for inputs, targets in train_dataloader:
        # 前の勾配を消す
        optimizer.zero_grad()

        # 計算
        outputs = model(inputs)
        loss = criterion(outputs, targets)

        # backwardで勾配を計算
        loss.backward()

        # optimizerを使ってパラメータを更新
        optimizer.step()

        running_loss += loss.item()

    val_loss = 0.0
    with torch.no_grad():
        for inputs, targets in val_dataloader:
            outputs = model(inputs)
            loss = criterion(outputs, targets)
            val_loss += loss.item()

    # エポックごとの損失の表示
    train_loss = running_loss / len(train_dataloader)
    val_loss = val_loss / len(val_dataloader)
    print(f'Epoch {epoch + 1} - Train Loss: {train_loss:.4f} - Val Loss: {val_loss:.10f}'')
```

各行の解説 (for文以降)

- 1行目. `for epoch in range(n_epoch)` データ全体を `n_epoch` 回まわす
- 2行目. `running_loss = 0.0` 1エポックごとの訓練データの損失を計算するための変数
- 4行目. `for inputs, targets in train_dataloader` 訓練データを1バッチずつ取り出す(`DataLoader` の項を参照してください !)
- 6行目. `optimizer.zero_grad()` 勾配を初期化する。二つ前のページのスライドです !
- 9, 10行目. `outputs = ...` 損失の計算をします。

3.2 確率的勾配降下法の実装

- 13行目. `loss.backward()` 勾配の計算です。これによって `model` のパラメータに **損失に対する** 勾配が記録されます
- 16行目. `optimizer.step()` `optimizer` が記録された勾配に基づいてパラメータを更新します。
- 18行目. `running_loss += loss.item()` 1バッチ分の損失を `running_loss` に足しておきます。
- 20行目~25行目. 1エポック分の学習が終わったら、検証データでの損失を計算します。検証用データの内容は、学習に影響させないので勾配を計算する必要がありません。したがって、`torch.no_grad()` の中で計算します。

3.2 確率的勾配降下法の実装

- 28行目～30行目. 1エポック分の学習が終わったら、訓練データと検証データの損失を表示します。`len(train_dataloader)` は訓練データが何個のミニバッチに分割されたかを表す数、`len(val_dataloader)` は検証データが何個のミニバッチに分割されたかを表す数です。
- 32行目. 損失を出力します。

3.2 確率的勾配降下法の実装

TODOリスト

- 1. 損失関数を設定する
- 2. 勾配の計算を行う
- 3. パラメータの更新を行う

バリデーション

バリデーションデータで、今回の評価指標である正解率がどのくらいになっているか計算しておく！

👉 これがテストデータに対する予測精度のめやす.

バリデーション

1. 0.5 以上なら異常と予測する。

```
val_pred = model(val_x) > 0.5
```

2. `torch.Tensor` から `numpy.ndarray` に変換する

```
val_pred_np = val_pred.numpy().astype(int)
val_y_np = val_y.numpy().astype(int)
```

2. `sklearn.metrics` の `accuracy_score` を使って正解率を計算する

```
from sklearn.metrics import accuracy_score
accuracy_score(val_y_np, val_pred_np) # ⇒ (乞うご期待)
```

3. 学習が完了！！！

+ オプション 学習曲線を書いておこう

1. 各エポックの損失を記録する配列を作つておく

```
train_losses = []
val_losses = []
```

1. 先ほどの学習のコードの中に、損失を記録するコードを追加する

```
train_loss = running_loss / len(train_dataloader)
val_loss = val_loss / len(val_dataloader)
train_losses.append(train_loss) # これが追加された
val_losses.append(val_loss) # これが追加された
print(f'Epoch {epoch + 1} - Train Loss: {train_loss:.4f} - Val Loss: {val_loss:.10f}')
```

(各エポックで正解率も計算すると、より実験がしやすくなる！)

3. 学習が完了！！！

.....

+ オプション 学習曲線を書いておこう

`matplotlib` というパッケージを使うことでグラフが書ける

```
# matplotlib.pyplot を pltという名前でimport  
import matplotlib.pyplot as plt
```

```
plt.plot(train_losses, label='train')  
plt.plot(val_losses, label='val')  
plt.legend()  
plt.xlabel('epoch')  
plt.ylabel('loss')  
plt.show()
```

⇒ いい感じのプロットが見える。

全体の流れ

.....

1. データの読み込み
2. モデルの構築
3. モデルの学習
4. 新規データに対する予測
5. 順位表への提出

4. 新規データに対する予測

そういえば 

`test` に予測したい未知のデータが入っている

```
model(test)
```

⇒ 予測結果が出る

5. 順位表への提出

```
import csv

def write_pred(predictions, filename='submit.csv'):
    pred = predictions.squeeze().tolist()
    assert set(pred) == set([True, False])
    pred_class = ["attack" if x else "normal" for x in pred]
    sample_submission = pd.read_csv('sample_submission.csv')
    sample_submission['pred'] = pred_class
    sample_submission.to_csv('submit.csv', index=False)
```

をコピペ

→

5. 順位表への提出

.....

予測結果 (True , False からなる Tensor)

```
pred = model(test_x) > 0.5
```

を作って、

```
write_pred(pred)
```

すると、

5. 順位表への提出

📁 > submit.csv

ができる！

👉 ダウンロードして、submit から
投稿！ **順位表に乗ろう！**

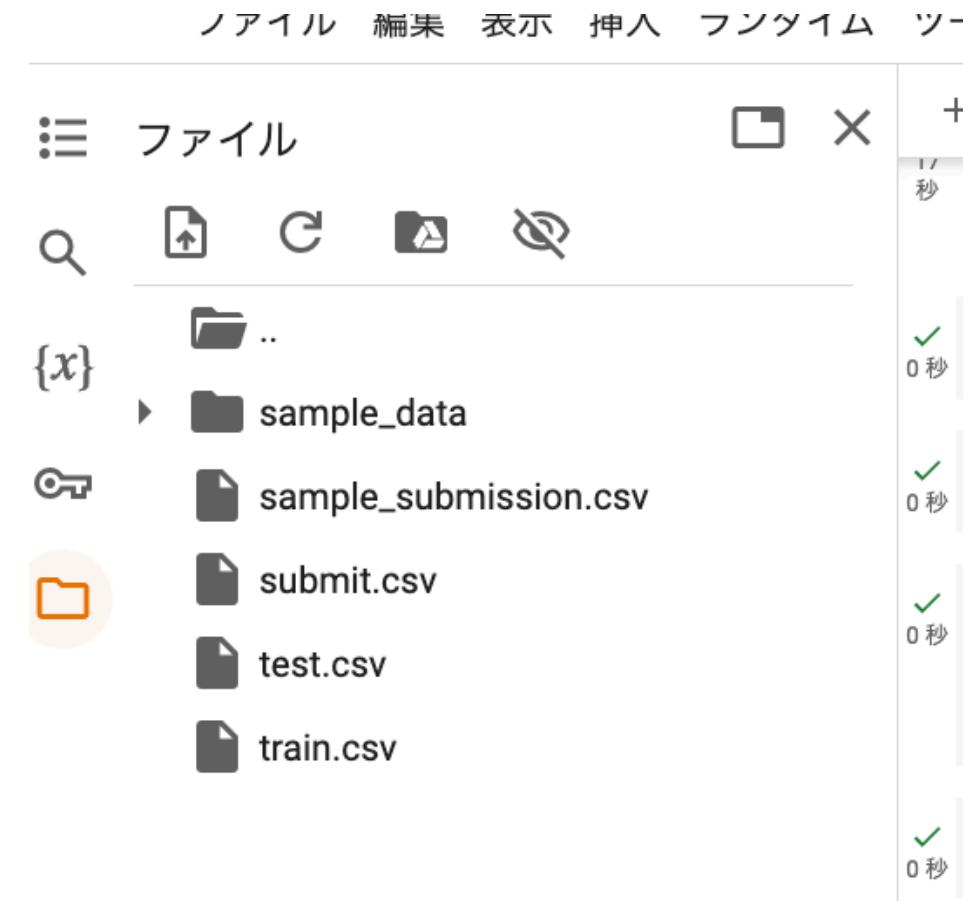
開催中のコンペ:

機械学習講習会 2024 記念 部内コンペ  

[LeaderBoard](#) [Submit](#) [Data](#) [Rules](#) [...](#)

Login as abap34

Team: team 41



5. 順位表への提出

.....

めざせ No.1 !