《数据结构与算法》实验报告

实					
验	迷宫求解问题				
名					
称					
姓	陈思睿	学号	21030021007	日期	2024. 4. 10
名					
实验内容	基于教材和课件讲解内容,利用自己实现的栈结构完成可运行的迷宫求解程序 2. (2分)实现教材或课件中未给出的"可通"函数、"足迹打印"函数、"下一位置"函数、"打印不能通过的位置"函数等功能函数 3. (2分)实现 MazeType 数据类型,及可能会用到的数据对象(如,入口、出口、位置属性是墙或通路)、数据关系(如,位置之间的相邻关系)、基本操作(如,返回某个坐标位置是墙还是通路) 4. (2分)测试有通路和没通路等不同结果的输入迷宫 5. (2分)尝试进一步完善迷宫求解程序,使得从入口到出口有多条简单路径的迷宫的所有路径都能求解出来,或者从多条可行的路径中给出最短路径。拓展要求:(附加3分) 1. (2分)通过实验结果对比"入口-出口相对方向"和"探索方向的优先顺序"一致或不一致时,迷宫求解程序的运行效率。例如,当出口在入口的右下方向时,探索优先顺序是右下左上,或者上左下右时,程序运行"时间/效率/试过的位置数"是不一样的 2. (1分)分析"可通"函数原理,解释为什么迷宫求解程序得到的路径不会有环				
实 验 目 的	利用栈的基本操作来实现迷宫求解问题				

1、基本结构:

创建基本数据对象,数据类型有迷宫结构 Mazetype,坐标结构 PosType,

栈元素结构 SE1emType 和顺序栈结构 SqStack。其中后三种结构采取了课本上相同的数据元素、数据类型和命名方式。

```
typedef struct {
    int ord; //通道序号
    PosType seat; //坐标位置
    int di; //下一块通道方向
} SElemType; //元素类型
```

```
typedef struct {
    int i;
    int j; //通道在迷宫的坐标
} PosType;
```

```
typedef struct {

SElemType *base; //栈底指针

SElemType *top; //栈顶指针

int stacksize; //容量
} SqStack;
```

```
typedef struct {
   int **map; //迷宫地图 (二维数组建立)
   int row, col; //迷宫的行列
} Mazetype;
```

2、基本操作:

为了实现迷宫求解问题,需要先实现栈的基本操作,另外栈内元素也较为复杂,包含多个值,因此本实验的操作较多,下面根据不同的数据类型来说明各种基本操作:

① 有关栈的基本操作

为了实现迷宫求解问题,需要采用栈。

栈顶基本操作有初始化、判空、删除一个栈,返回栈顶元素、以及最常见的入栈和出栈操 作。

其中栈的基本操作和课本采用了类似写法

初始化一个栈

```
SqStack *InitStack(SqStack *S) {
    S->base = (SElemType *)malloc(STACK_INIT_SIZE * sizeof(SElemType));
    if (!S->base)
        exit(0);
    S->top = S->base;
    S->stacksize = STACK_INIT_SIZE;
    return S;
}
```

判断栈是否为空,是返回1,否则返回0

```
int IsEmpty(SqStack *S) {
    return (S->top == S->base);
}
```

销毁栈

```
void DestroyStack(SqStack *S) {
    free(S->base);
    S->base = NULL;
    S->top = NULL;
    S->stacksize = 0;
}
```

入栈

```
SqStack *Push(SqStack *S, SElemType e) {
    if (S->top - S->base >= S->stacksize) {
        S->base = (SElemType *)realloc(S->base, (S->stacksize + STACKINCREMENT) * sizeof(SElemType));
        if (!S->base)
            exit(0);
        S->top = S->base + S->stacksize;
        S->stacksize += STACKINCREMENT;
}

*(S->top) = e;
S->top++;
return S;
}
```

出栈:同时元素放在 e 中返回,如果为空,直接返回,否则删除栈顶元素

```
SqStack *Pop(SqStack *S, SElemType *e) {
   if (IsEmpty(S))
      return S;
   *e = *(--S->top);
   return S;
}
```

求栈顶元素

```
SElemType GetTop(SqStack *S) {
    if (!IsEmpty(S))
        return *(S->top - 1);
    else
        exit(0); // 如果栈空直接返回
}
```

② 迷宫的基本操作

迷宫地图元素的建立: (其中迷宫大小自定义) (采用二维数组方式)

其中迷宫地图的创建通过随机数建立,边缘位置默认为墙,其他地方遍历整个数组,采用随机数方式赋值为1或0,其中1为通路,0为墙。

返回某个坐标位置是墙还是通路

根据地图创立可知,直接通过坐标返回 map[i][j]的值来判断墙还是通路

下一位置函数

下一位置函数根据地图默认原则为左上为起点,而右下为终点,因此优先方式为右下左上,如果采用其他位置的话,只需要修改优先原则的顺序即可。

```
PosType NextPos(PosType pos, int di) {
    switch (di) {
        case 1: pos.j++; break; // 右
        case 2: pos.i++; break; // 下
        case 3: pos.j--; break; // 左
        case 4: pos.i--; break; // 上
    }
    return pos;
}
```

足迹打印函数

足迹打印函数主要和下面的可通函数有关,建立地图时,a[i][j]只有 0 和 1 表示是否通路 ,可通函数则采用穷举的思想,每次经过时会把当前位置修改,其中 0 本身就是障碍,因此 用*表示为障碍,1 为通路,故通过空格打印,每次走到一个地方,如果可通,则要把其改为 2,同时入栈,如果后面是死路,即要退栈时,则需要将 2 改回 1 (这块只能改为 1,因为 0 是 障碍,显然不可能入栈)

寻找通路函数

调用栈、首先起点肯定需要入栈,然后本次的顺序采用右下左上,探测相邻路径,如果是 1 即未走过的路、则调入栈中,然后更新当前位置,继续向下走、如果当前位置四周没有 1,即 周围都是墙或者走过的路径、那么要退栈,同时更新当前位置。

```
void FindOut(int **maze, PosType Start, PosType End) {
    SqStack S;
   SElemType e;
   PosType position = Start;
    int curstep = 1;
    InitStack(&S);
       if (maze[position.i][position.j] == 1) { //1表面是未走过的可通路径
           maze[position.i][position.j] = 2; // 把路径标记为2, 然后入栈
           e.di = 1;
           e.seat.i = position.i;
           e.seat.j = position.j;
           e.ord = curstep;
           Push(&S, e);
           if (position.i == End.i && position.j == End.j)//终点
              break;
           position = NextPos(position, 1);
           curstep++;
        } else {
           if (!IsEmpty(&S)) { //空栈直接退出
              Pop(&S, &e);
              curstep--;
              while (e.di == 4 && !IsEmpty(&S)) {
                   maze[e.seat.i][e.seat.j] = 3; //
```

```
while (e.di == 4 && !IsEmpty(&S)) {
    maze[e.seat.i][e.seat.j] = 3; //
    Pop(&S, &e);
    curstep--;
}

if (e.di < 4) {
    e.di++;
    Push(&S, e);
    curstep++;
    position = NextPos(e.seat, e.di);
}
}
while (!IsEmpty(&S));</pre>
```

```
if (IsEmpty(&S)) {
    maze[Start.i][Start.j] = 1; //
    printf("\nNo solution.\n");
} else {
    printf("\nPath found:\n");
    while (!IsEmpty(&S)) {
        e = GetTop(&S);
        printf("(%d,%d) -> ", e.seat.i, e.seat.j); //打印路径
        Pop(&S, &e);
    }
    printf("\n");
}
DestroyStack(&S);
```

如果检测到栈空、说明没 有通路、那么直接输出没 有通路

打印路径,因为当走到终点时、栈中存着的都是走过的路、因此直接打印栈中元素即可、每打印一次,就退一次栈,直到栈为空,路径打印完毕。

- 3、实验结果:
- 1、设置大小为 10x10 的迷宫, 根据地图, 设置 (1,2) 为起点 (start), (7,8) 为终点 (end)

输出结果

足迹输出

```
Path found:
(7,8) -> (6,8) -> (5,8) -> (4,8) -> (3,8) -> (2,8) -> (2,7) -> (2,6) -> (2,5) -> (1,5) -> (1,4)
-> (1,3) -> (1,2) ->
```

2、当起点不能到达终点时,下方地图显然在(6,4)出不能通过

```
Enter Maze Size (LSize RSize): 15 15
 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 1011121314
0 * * * * * * * * * * * * * *
1 *
2 *
3 *
4 * * * * *
6
8 * * * * *
9 *
10*
11* *
12* *
13* * * * * * * * * * * *
14* * * * * * * * * * * * *
Enter Start (Si Sj): 11
Enter End (Ei Ej): 6 4
```

运行结果

No solution.

并没有可以通过的路径

4、改进探索算法:

对于该算法、本质上采用穷举的思想,因此得到的不一定是最短路径,如右下图,实际上由于终点在起点的左下,而算法仍然需要往右下走、因此显然不是最短路径。

于是需要修改 findout 函数、来寻求最短路径,

```
13 an obstacle, T 13 cm
0 1 2 3 4 5 6 7 8 9
0 * * * * * * * * * *
1 * * * * * *
2 * S + * * *
3 * + + * * *
4 * + * *
5 * + + * *
6 * + * * * *
7 * E * * *
8 * * * * * * *
9 * * * * * * * *
```

改进思路: 寻求最短路径算法时、采用 dfs 来求、需要构造队列、将起点加入队列。

如果队列非空,则将队首位置出队,然后再将相邻元素 加入队列。如果直到队列空、都没有找到终点、说明没 有通路。

```
void FindShortestPath(int **maze, PosType Start, PosType End, int line, int row) {
   SqQueue Q = InitQueue();
   PosType curpos;
   SElemType e;
   bool found = false;
   EnQueue(&Q, (SElemType){1, Start, 1}); // BFS 从起点位置开始
   while (!QueueEmpty(Q) && !found) {
       e = DeQueue(&Q);
       curpos = e.seat;
       for (int di = 1; di <= 4; di++) {
           PosType nextpos = NextPos(curpos, di);
           if (nextpos.i >= 0 && nextpos.i < line && nextpos.j >= 0 && nextpos.j < row &&
               maze[nextpos.i][nextpos.j] == 1) { //当相邻的结点时没有走过的路且是通路时maze[nextpos.i][nextpos.j] = 2; //标记走过的路径为2
               EnQueue(&Q, (SElemType){e.ord + 1, nextpos, di});
                if (nextpos.i == End.i && nextpos.j == End.j) { //当找到终点后、
                   found = true; //found标记为true
                   break;
```

```
if (!found) {
   printf("\nNo solution found.\n"); //没有找到
} else {
   printf("\nShortest Path from (%d,%d) to (%d,%d):\n", Start.i, Start.j, End.i, End.j);
   curpos = End;
    while (curpos.i != Start.i || curpos.j != Start.j) {
       maze[curpos.i][curpos.j] = 2; // 标记走过的路径
        for (int di = 1; di <= 4; di++) {
            PosType prevpos = NextPos(curpos, di);
            if (prevpos.i >= 0 && prevpos.i < line && prevpos.j >= 0 && prevpos.j < row &&
               maze[prevpos.i][prevpos.j] == maze[curpos.i][curpos.j] - 1) {
               curpos = prevpos;
               break;
   maze[Start.i][Start.j] = 4;
   maze[End.i][End.j] = 5;
    PrintMaze(maze, line, row);
```

对比改进算法、显然少走了多余步数、直接是最短路径。

5、拓展

① 通过实验结果对比"入口-出口相对方向"和"探索方向的优先顺序"一致或不一致时,迷宫求解程序的运行效率。例如,当出口在入口的右下方向时,探索优先顺序是右下左上,或者上左下右时,程序运行"时间/效率/试过的位置数"是不一样的

只需要修改 NextPos() 函数中右下左上的位置即可。

```
int count=0; count ++;
```

另外在可通函数中定义一个变量 count,用来记录入栈的次数(即试过的次数) 设置计时器,主要统计 findout 的执行时间,另外此次因为统计时间要求,迷宫较大,故不便于展示输出过程,仅仅展示试过的次数和花费时间。

```
LARGE_INTEGER frequency;
LARGE_INTEGER start, end;
double cpu_time_used;

// 获取计时器频率
QueryPerformanceFrequency(&frequency);

// 记录开始时间
QueryPerformanceCounter(&start);
```

```
// 记录结束时间
QueryPerformanceCounter(&end);

// 计算执行时间(单位: 秒)
cpu_time_used = (double)(end.QuadPart - start.QuadPart) / frequency.QuadPart;

printf("程序运行时间为 %.6f 秒\n", cpu_time_used);
```

设置起点在右上,而终点在左下(优先级肯定是先往右、下走最快)

1、 当顺序是右下左上时

试过的次数为1278程序运行时间为 0.021575 秒

2、 当顺序改为下右上左时

试过的次数为407程序运行时间为 0.016803 秒

- 1、2两种顺序都是先往右下走、不过1、2的右和下的优先级不同,2的情况下试过的次数更小,时间更少。
- 3、 当顺序改为左上右下时

试过的次数为5111程序运行时间为 **0.112115** 秒

4、 当顺序改为上左下右时

试过的次数为4755程序运行时间为 0.119966 秒

总结: 其中1与4、2与3顺序都是相反的,1、2较快、3、4最慢。1、2中都是右下优先、3、4是左上优先,(其中1、2仅仅右和下的顺序不同)

若将最快的时间作为1时、其他三种顺序分别消耗的时间从快到慢分别是第二种的

- 1.284 倍(1)、6.67 倍(3)、7.140 倍(4). 试过的次数其他三种分别是最快的
- 3.14 倍(1)、11.68 倍(4)、12.55 倍(3).

显然,优先级不同、其运行的时间相差也会较大。而优先级的顺序和起点、终点的位置有关。

另外、对于上述实验中,如果是右下优先的话,那么对于右和下,到达谁更优先?本次实验采用的是一个正方形地图,因此横纵长度相同、右和下应该和地位相等但实验中依然有 20%的差距,我认为和地图内部有关,地图内部的布局依然会影响到具体而言的右、下、或者左、上到底谁更快一点。

② 分析"可通"函数原理,解释为什么迷宫求解程序得到的路径不会有环

在此,尚需说明一点的是,所谓当前位置**可通**,指的是未曾走到过的通道块,即要求该方块位置不仅是通道块,而且既不在当前路径上(否则所求路径就不是简单路径),也不是曾经纳入过路径的通道块(否则只能在死胡同内转圈)。

根据课本的可通函数定义以及代码所写,

```
if (maze[position.i][position.j] == 1) { //1表面是未走过的可通路径
    maze[position.i][position.j] = 2; // 把路径标记为2,然后入栈
    e.di = 1;
    e.seat.i = position.i;
    e.seat.j = position.j;
    e.ord = curstep;
    Push(&S, e);
```

只有没走过的路,即 map[i][j]为 1 的路径才会入栈,其他的如 0(墙) ,2(走过的路) 都不会再次走过,因此只能是简单路径,而不会重复走,故不会有环。

迷宫求解源代码

```
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>
#include <time.h>
#include<windows.h>
#define STACK INIT SIZE 20//存储空间初始分配量
#define STACKINCREMENT 10//存储空间配增量
typedef struct {
   int i;
   int j;
          //通道在迷宫的坐标
} PosType;
typedef struct {
   int ord; //通道序号
   PosType seat; //坐标位置
   int di: //下一块通道方向
} SElemType; //元素类型
typedef struct {
   SElemType *base; //栈底指针
   SE1emType *top; //栈顶指针
   int stacksize; //容量
} SqStack;
typedef struct {
   int **map; //迷宫地图(二维数组建立)
   int row, col; //迷宫的行列
} Mazetype;
SqStack *InitStack(SqStack *S) {
   S->base = (SE1emType *) malloc(STACK_INIT_SIZE * sizeof(SE1emType));
   if (!S->base)
       exit(0);
   S\rightarrow top = S\rightarrow base;
   S->stacksize = STACK INIT SIZE;
   return S;
}
int IsEmpty(SqStack *S) {
   return (S->top == S->base);
void DestroyStack(SqStack *S) {
   free(S->base);
```

```
S->base = NULL;
    S \rightarrow top = NULL;
    S\rightarrow stacksize = 0;
SqStack *Push(SqStack *S, SE1emType e) {
    if (S\rightarrow top - S\rightarrow base >= S\rightarrow stacksize) {
        S->base = (SE1emType *)realloc(S->base, (S->stacksize + STACKINCREMENT) *
sizeof(SElemType));
        if (!S->base)
            exit(0);
        S->top = S->base + S->stacksize;
        S->stacksize += STACKINCREMENT;
    }
    *(S->top) = e;
    S \rightarrow top++;
    return S;
SqStack *Pop(SqStack *S, SElemType *e) {
    if (IsEmpty(S))
        return S;
    *_{e} = *(--S->_{top});
    return S;
}
SElemType GetTop(SqStack *S) {
    if (!IsEmpty(S))
        return *(S\rightarrow top - 1);
    else
        exit(0); // 如果栈空直接返回
int determine_Maze(Mazetype *M, int m, int n){ //返回地图坐标 m、n 处是通路还是墙
     if (M->map[m][n]==0) { //墙返回 1
        return 0;
                             //通路返回0
     return 1;
void Create_Maze(Mazetype *M, int m, int n) { //创建迷宫地图
    int i, j;
    M->col = n;
    M->_{row} = m;
    M->map = (int **)malloc(M->col * sizeof(int *)); //申请迷宫内存
    if (!M->map)
        exit(0);
```

```
for (i = 0; i < M \rightarrow col; i++) {
        M\rightarrow map[i] = (int *) malloc (M\rightarrow row * size of (int));
        if (!M-\rightarrow map[i])
            exit(0);
     srand(123); //srand((unsigned)time(NULL));
    for (i = 0; i < M \rightarrow co1; i++) {
                                      //生成地图,默认0为墙,1可以行走
        for (j = 0; j < M->row; j++) {
            if (i == 0 \mid | j == 0 \mid | i == M \rightarrow col - 1 \mid | j == M \rightarrow row - 1)
                M->map[i][j] = 0; // 设置边缘, 迷宫边缘必须为墙
            else
             M->map[i][j] = (rand() % 3 == 0) ? 0 : 1; //随机生成地图
       }
}
void Print_Maze(Mazetype *M) {
    int i, j;
    printf(" "):
    for (i = 0; i < M->row; i++)
        printf("%-2d", i);
    printf("\n");
    for (i = 0; i < M \rightarrow co1; i++) {
        printf("%-2d", i);
        for (j = 0; j < M->row; j++) {
            /*if((i==3||(i==2))\&\&j==3){
               printf(" ");
            else{*/switch (M->map[i][j]) {
                case 0: printf("*"); break; // 障碍
                case 1: printf(" "); break; // 通路
                case 2: printf("+"); break; // 足迹
                case 4: printf("S"); break; // 起点
                case 5: printf("E"); break; // 终点
                default: printf(" "); break;}
            //}
        printf("\n");
PosType NextPos(PosType pos, int di) {
    switch (di) {
        case 1: pos. j++; break; // 右
        case 2: pos. i++; break; // 下
        case 3: pos. j--; break; // 左
```

```
case 4: pos.i--; break; // 上
   return pos;
}
void FindOut(int **maze, PosType Start, PosType End) {
   SqStack S;
   SElemType e;
   PosType position = Start;
   int curstep = 1;
   int count=0;
   InitStack(&S);
   do {
       if (maze[position.i][position.j] == 1) { //1 表面是未走过的可通路径
            maze[position.i][position.j] = 2; // 把路径标记为 2, 然后入栈
            count ++;
            e. di = 1;
            e. seat. i = position. i;
            e. seat. j = position. j;
            e. ord = curstep;
            Push (&S, e);
            if (position. i == End. i && position. j == End. j)//终点
                break;
            position = NextPos(position, 1);
            curstep++;
                           //继续探索
       } else {
            if (!IsEmpty(&S)) { //空栈直接退出
                Pop(&S, &e);
                curstep--;
                while (e. di == 4 \&\& !IsEmpty(\&S)) {
                    maze[e. seat. i][e. seat. j] = 3; //
                    Pop(&S, &e);
                    curstep--;
                }
                if (e. di < 4) {
                    e. di^{++};
                    Push (&S, e);
                    curstep++;
                    position = NextPos(e.seat, e.di);
               }
            }
   } while (!IsEmpty(&S));
```

```
if (IsEmpty(&S)) {
        maze[Start.i][Start.j] = 1; //
        printf("\nNo solution.\n");
    } else {
        printf("\nPath found:\n");
        while (!IsEmpty(&S)) {
            e = GetTop(\&S);
            printf("(%d, %d) -> ", e. seat. i, e. seat. j); //打印路径
            Pop(&S, &e);
        }
        printf("\n");
        printf("试过的次数为%d", count);
   DestroyStack(&S);
int main() {
    int Si, Sj, Ei, Ej;
    int LSize, RSize;
    Mazetype M;
    PosType Start, End;
    printf("Enter Maze Size (LSize RSize): ");
    scanf("%d %d", &LSize, &RSize);
    Create Maze (&M, LSize, RSize);
    Print Maze (&M);
    printf("Enter Start (Si Sj): ");
    scanf("%d %d", &Si, &Sj);
    while (Si \ge LSize \mid \mid Sj \ge RSize \mid \mid M. map[Si][Sj] == 0) {
        printf("Invalid Start. Enter Start (Si Sj): ");
        scanf ("%d %d", &Si, &Sj);
    }
    printf("Enter End (Ei Ej): ");
    scanf ("%d %d", &Ei, &Ej);
    while (Ei \ge LSize \mid \mid Ej \ge RSize \mid \mid M. map[Ei][Ej] == 0) {
        printf("Invalid End. Enter End (Ei Ej): ");
        scanf ("%d %d", &Ei, &Ej);
    LARGE INTEGER frequency;
    LARGE INTEGER start, end;
    double cpu_time_used;
```

```
// 获取计时器频率
 QueryPerformanceFrequency(&frequency);
 // 记录开始时间
 QueryPerformanceCounter(&start);
 Start.i = Si;
 Start. j = Sj;
 End. i = Ei;
 End. j = Ej;
 FindOut (M. map, Start, End);
 M. map[Start.i][Start.j] = 4; // Mark start
 M. map[End. i][End. j] = 5; // Mark end
// 记录结束时间
 QueryPerformanceCounter(&end);
 // 计算执行时间(单位: 秒)
 cpu time used = (double) (end. QuadPart - start. QuadPart) / frequency. QuadPart;
 printf("程序运行时间为 %.6f 秒\n", cpu time used);
 printf("\n'*' is an obstacle, '+' is the path.\n'');
 Print Maze (&M);
 // Free dynamically allocated memory
 for (int i = 0; i < M. co1; i++)
     free (M. map[i]);
 free (M. map);
 return 0;
```

实验总结

本次实验、通过迷宫求解问题来理解了栈的作用、为了求解迷宫问题、需要先实现栈的各种操作、通过本次实验、使我熟练掌握了栈的各种基本操作和实现。另外本次实验对于迷宫求解算法也有较多思考,对于迷宫的穷举优先顺序不同、导致其尝试次数、运行时间不同、通过对于相同的迷宫,由于顺序优先不同、其运行时间、效率、尝试次数差别巨大,通过分析这些结果来得到结论、也是本次实验的一个巨大收获、本次实验时间较长、各种过程也较为复杂、但很好的锻炼了自己。