



# 上海交通大学

SHANGHAI JIAO TONG UNIVERSITY

5

## 自动控制原理 17/10/19 周四

开环传递函数  $G(s) \cdot H(s) = \frac{K \prod_{i=1}^m (1+G_i s)}{S^v \prod_{j=1}^n (1+T_j s)}$

$e_{ss} = \lim_{s \rightarrow 0} s E(s) = \lim_{s \rightarrow 0} \frac{s R(s)}{1 + G(s) H(s)}$

### 1. 阶跃信号

$r(t) = U(t)$

$R(s) = \frac{R}{s}$

$e_{ss} = \frac{R}{1+k_p}$

$k_p = \lim_{s \rightarrow 0} G(s) \cdot H(s)$

位置误差系数

0型  $v=0, k_p=K, e_{ss} = \frac{R}{1+K}$

1型  $v=1, k_p=\infty, e_{ss}=0$

2型  $v=2, k_p=\infty, e_{ss}=0$

### 2. 斜坡输入

$r(t) = Rt$

$R(s) = \frac{R}{s^2}$

$e_{ss} = \frac{R}{k_v}$

$k_v = \lim_{s \rightarrow 0} s G(s) \cdot H(s)$

稳态速度误差系数

$v=0, k_v=0, e_{ss}=\infty$

$v=1, k_v=K, e_{ss} = \frac{R}{K}$

$v=2, k_v=\infty, e_{ss}=0$

### 3. 加速度输入

$r(t) = \frac{1}{2} R t^2$

$R(s) = \frac{R}{s^3}$

$e_{ss} = \frac{R}{k_a}$

$k_a = \lim_{s \rightarrow 0} s^2 G(s) \cdot H(s)$

稳态加速度误差系数

$v=0, k_a=0, e_{ss}=\infty$

$v=1, k_a=0, e_{ss}=\infty$

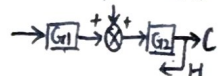
$v=2, k_a=K, e_{ss} = \frac{R}{K}$

线性叠加

扰动下的稳态误差:

$E(s) = -H(s) \cdot C(s)$

$C(s) = \frac{G_2(s) N(s)}{1 + G_1(s) G_2(s) H(s)}$



$e_{ssn} = \lim_{s \rightarrow 0} s E_n(s)$

$\xi=0$  无阻尼, 等幅振荡

$0 < \xi < 1$  欠阻尼 共轭复根 (左半平面)

指数曲线  $\xi=1$  临界阻尼 负实轴 二重根

$\xi > 1$  过阻尼 负实轴 大小不等的根

$s_{1,2} = -\xi \omega_n \pm j \omega_n \sqrt{1-\xi^2}$

### 动态过程

五大指标:

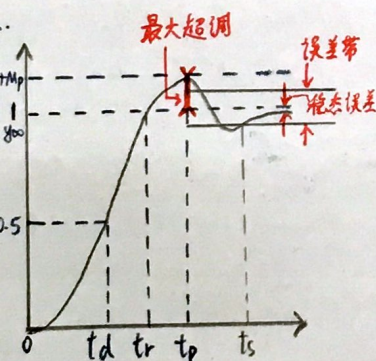
1. 最大超调量

2. 峰值时间

3. 上升时间

4. 调整时间

5. 延迟时间



### 最大超调量:

$\delta\% = \frac{y(\max) - y(\infty)}{y(\infty)} \times 100\%$

典型二阶系统的单位阶跃响应:

$C(s) = \frac{\omega_n^2}{s^2 + 2\xi\omega_n s + \omega_n^2} \cdot \frac{1}{s}$

$c(t) = 1 - e^{-\xi\omega_n t} \cdot \frac{1}{\sqrt{1-\xi^2}} \cdot \sin(\omega_d t + \theta)$

阻尼自然频率

$\omega_d = \omega_n \sqrt{1-\xi^2}$

无阻尼自然频率

$\begin{cases} \cos\theta = \xi \\ \sin\theta = \sqrt{1-\xi^2} \end{cases}$

### 峰值时间 $t_p$ :

$\frac{dc(t)}{dt} = 0 \Rightarrow \omega_d \cdot t_p = n\pi \quad (n=0,1,2,\dots)$

$\therefore t_p = \frac{\pi}{\omega_d} = \frac{\pi}{\omega_n \sqrt{1-\xi^2}}$

$\xi$ 一定,  $t_p$ 与 $\omega_n$ 成反比  
 $\omega_n$ 一定,  $\xi$ ↑,  $t_p$ ↑

### 最大超调量 $\delta\%$ :

$\delta = e^{-\frac{\xi\pi}{\sqrt{1-\xi^2}}}$

$\xi$ ↑,  $\delta$ ↓  
 完全由 $\xi$ 定.

### 上升时间 $t_r$ :

$t_r = \frac{\pi - \theta}{\omega_d}$   
 $= \frac{\pi - \theta}{\omega_n \sqrt{1-\xi^2}}$

$\xi$ 一定,  $t_r$ 与 $\omega_n$ 成反比.  
 $\omega_n$ 一定,  $\xi$ ↓,  $t_r$ ↓

### 调节时间 $t_s$ :

近似  $\frac{e^{-\xi\omega_n t}}{\sqrt{1-\xi^2}} \leq \Delta$   
 $t_s = \frac{-\ln(\Delta \cdot \sqrt{1-\xi^2})}{\xi\omega_n}$   
 $= \frac{3 \sim 4}{\xi\omega_n}$

包络线近似

$\xi$ 一般 0.4~0.8, 0.707为最佳.