

Clara-Maria Kohlpoth (B.Sc.) Philipp Dittrich (B.Sc.) Christopher Riesner (B.Sc.) Sommersemester 2018

Mathematik für Informatiker 2 PowerLernTage

Die hier gestellten Aufgaben sind beispielhaft. Keine Gewähr auf Vollständigkeit, Richtigkeit, Lösbarkeit. Die Punktezahlen sind plausibel erscheinende Vorschläge.

Dieses Blatt behandelt Reihen.

Aufgabe R.1 (8 Punkte) Konvergenz von Reihen

Untersuchen Sie die folgenden Reihen auf Divergenz, Konvergenz und gegebenenfalls absolute Konvergenz.

1.
$$\sum_{n=1}^{\infty} \left(\frac{2n^2 + 6n}{3n^2 + 9} \right)^n$$

2.
$$\sum_{n=1}^{\infty} a_n \text{ mit } a_n = \frac{1}{n^4} \sum_{k=1}^{n} k$$

3.
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n}{\sqrt{3n^2-2}}$$

4.
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n - \frac{1}{n+1}}$$

Aufgabe R.2 (2 Punkte) Zeigen Sie, dass die Reihe $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{5n-1}$ divergiert.

Aufgabe R.3 (2 Punkte) Zeigen Sie, dass die Reihe $\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n \cdot \frac{n}{3^n}$ absolut konvergiert.