

Pembahasan Kuis 2 Lopi

Kaidah Berhitung

Netflix and Chill [1 – 3]

Di Swalayan tersedia makanan ringan dengan rasa Asin sebanyak 5 merek, makanan ringan dengan rasa Pedas sebanyak 3 merek, dan makanan ringan dengan rasa Manis sebanyak 7 merek. Juga disediakan 3 jenis minuman dingin dan 2 jenis minuman hangat.

Seseorang ingin membeli satu buah makanan ringan yang tidak pedas maka ada berapa banyak makanan dengan merk tertentu yang bisa dibeli? {tuliskan jawaban dalam bentuk ANGKA saja}

$$\underline{5 + 7 = 12}$$

((e \cup q) \cap \Gamma) \cup (s \cap t)

Seseorang ingin membeli cemilan yaitu berupa pasangan makanan ringan asin atau pedas dengan minuman dingin atau minuman hangat dengan makanan ringan manis. Ada berapa banyak pasangan cemilan yang bisa dibeli? {tuliskan jawaban dalam bentuk ANGKA saja}

inklusif eksklusif

Hukum Distributif

Asumsi seseorang hanya bisa beli satu jenis makanan dan satu jenis minuman pada saat yang bersamaan

$$(P \square q) \Delta \Gamma \equiv (P \Delta \Gamma) \square (q \Delta \Gamma)$$

$$(P \cup q) \cap \Gamma \equiv \underline{(P \cap \Gamma)} \cup \underline{(q \cap \Gamma)}$$

* Asin - dingin

* Pedas - dingin

$$(s \cap t) \equiv * \text{ Manis - hangat}$$

$$ans = 15 + 9 + 14 = 38$$

$$K_1: * \text{ asin - dingin} = 5 \cdot 3$$

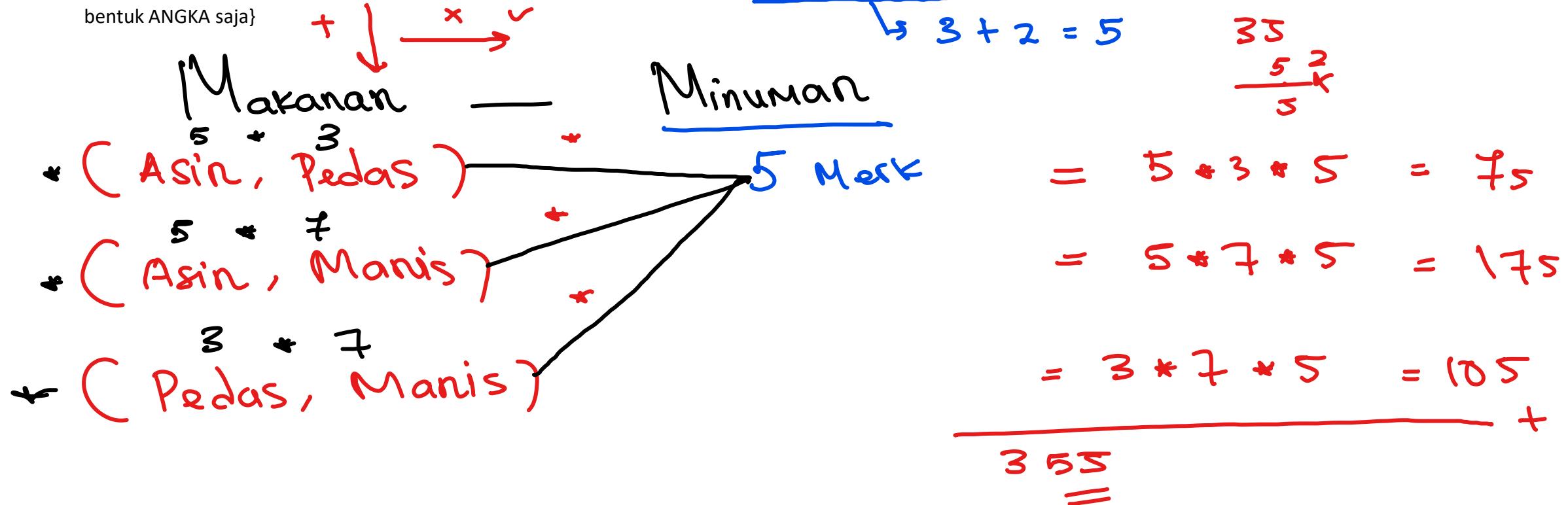
$$K_2: * \text{ Pedas - dingin} = 3 \cdot 3$$

$$K_3: * \text{ Manis - hangat} = 7 \cdot 2$$

Netflix and Chill [1 – 3]

Di Swalayan tersedia makanan ringan dengan rasa Asin sebanyak 5 merek, makanan ringan dengan rasa Pedas sebanyak 3 merek, dan makanan ringan dengan rasa Manis sebanyak 7 merek. Juga disediakan 3 jenis minuman dingin dan 2 jenis minuman hangat.

Seseorang ingin membeli dua jenis berbeda makanan ringan dengan satu buah minuman jenis apapun, ada berapa banyak cara yang bisa ia lakukan? {tuliskan jawaban dalam bentuk ANGKA saja}



Nomor Telepon [4 – 6]

Pak Dengklek sebagai Menteri Komunikasi dan Informatika di negara Dengklekers ingin melakukan perubahan nomor telepon dari format Kwek ke format Kwak. Nomor telepon yang ada terdiri dari 10 karakter angka dengan ketentuan sebagai berikut pada masing – masing format :

- Format Kwek : AABBCBACCC
- Format Kwak : CABCCBAABC

Karakter A,B, dan C nantinya dapat diisi oleh angka berikut ini :

- A dapat diisi oleh satu anggota dari himpunan angka {1 .. 9}
- B dapat diisi oleh satu anggota dari himpunan angka {2 .. 7}
- C dapat diisi oleh satua anggota dari himpunan angka {0 .. 2}

$$\begin{array}{c} \text{max} \\ \text{---} \\ X - Y \\ \text{---} \\ Y - X \end{array}$$

Misalkan X adalah salah satu nomor telepon format Kwek dan Y adalah salah satu nomor telepon format Kwak. Selisih terbesar X dan Y adalah ... (diketahui X dan Y adalah angka yang tidak diawali 0) {tuliskan jawaban dalam bentuk ANGKA saja}

$$\begin{array}{ccc} X & - & Y \\ \downarrow & & \downarrow \\ \underline{\text{Max}} & - & \underline{\text{Min}} = \underline{\text{Max}} \end{array} \quad \text{Sebesar Mungkin}$$

$$\text{Kwek}_{\text{max}} = \text{A}_{\text{max}} \text{A}_{\text{max}} \text{B}_{\text{max}} \text{B}_{\text{max}} \text{C}_{\text{max}} \text{B}_{\text{max}} \text{A}_{\text{max}}$$

$$\text{C}_{\text{max}} \text{C}_{\text{max}} \text{C}_{\text{max}}$$

$$\begin{array}{lcl} & = & 9977279222 > (-) \\ \text{Kwek}_{\text{min}} & = & 1121121121 \end{array}$$

Nomor Telepon [4 – 6]

Pak Dengklek sebagai Menteri Komunikasi dan Informatika di negara Dengklekers ingin melakukan perubahan nomor telepon dari format Kwek ke format Kwak. Nomor telepon yang ada terdiri dari 10 karakter angka dengan ketentuan sebagai berikut pada masing – masing format :

- Format Kwek : AABBCBACCC
- Format Kwak : CABCCBAABC

Karakter A,B, dan C nantinya dapat diisi oleh angka berikut ini :

- A dapat diisi oleh satu anggota dari himpunan angka {1 .. 9}
- B dapat diisi oleh satu anggota dari himpunan angka {2 .. 7}
- C dapat diisi oleh satua anggota dari himpunan angka {0 .. 2}

Berapa banyak nomor telepon baru yang terbentuk dari perubahan format tersebut? {tuliskan jawaban berupa 3 digit terakhir jawaban dalam bentuk ANGKA saja}

Duduk Bersama [7 – 11]

Kelima sahabat A,B,C,D, dan E sedang duduk di sebuah bangku taman secara memanjang, kelimanya adalah orang yang unik sehingga mereka membuat aturan untuk cara duduk masing – masing orang.

Jika mereka duduk dengan aturan A harus duduk di sebelah B maka ada berapa banyak cara yang bisa dilakukan? { tuliskan jawaban dalam bentuk ANGKA saja }

$$\begin{array}{l}
 \boxed{ABCDE} \rightarrow \begin{matrix} ABCDE \\ CABDE \\ CDAE \end{matrix} \rightarrow \begin{matrix} X \\ \cancel{C} \\ \cancel{D} \end{matrix} \begin{matrix} E \\ D \\ A \end{matrix} = 4! \cdot 2 \\
 \times \\
 \vdots \\
 \textcircled{1}
 \end{array}$$

Jika mereka duduk dengan syarat B dan C tidak boleh bersebelahan maka ada berapa banyak cara yang bisa dilakukan? { tuliskan jawaban dalam bentuk ANGKA saja }

$$|A| = BC \quad |A^C| = BC \text{ bersebalikan}$$

$$|S| = ABCDE = 5! \quad \text{ans} = |A| = |S| - |A^c| \\ = 5! - A^c ?$$

$$|A^C| = \frac{\overline{BC}}{\downarrow x} ADE = 4! \cdot 2 \cdot \frac{5 \cdot 4!}{\cancel{3} \cdot \cancel{x}} - 2 \cdot \frac{4!}{\cancel{x}} = 3 \cdot 4! = 72$$

Duduk Bersama [7 – 11]

Kelima sahabat A,B,C,D, dan E sedang duduk di sebuah bangku taman secara memanjang, kelimanya adalah orang yang unik sehingga mereka membuat aturan untuk cara duduk masing – masing orang.

inklusi – eksklusi

Jika A harus duduk di sebelah B atau C harus duduk di sebelah D maka ada berapa banyak cara yang bisa dilakukan? {tuliskan jawaban dalam bentuk ANGKA saja}

$$|X| = AB \quad |Y| = CD$$

$$\overline{AB} \quad \overline{CD} \quad \text{CDE}$$

$$\overline{CD} \quad \overline{ABE}$$

$$AB \text{ berselatan} = 48 \text{ cara} \rightarrow |X|$$

$$CD \text{ berselatan} = 48 \text{ cara} \rightarrow |Y|$$

$$|X \cap Y| = AB \& CD \rightarrow \overline{\overline{AB}} \quad \overline{\overline{CD}} \quad E = XYE = 3! \cdot 2 \cdot 2 \\ = 24 \text{ cara}$$

$$|X \cup Y| = |X| + |Y| - |X \cap Y|^2 = 48 + 48 - 24^2 = 72 //$$

Jika A harus duduk di sebelah B atau B duduk di sebelah C maka ada berapa banyak cara yang bisa dilakukan? {tuliskan jawaban dalam bentuk ANGKA saja}

$$|X| = AB \quad |Y| = BC$$

$$|X| = 48 \quad |Y| = 48$$

$$|X \cap Y| = AB \& BC \rightarrow \overline{\overline{ABC}} \quad DE = 3! \\ = 2 \cdot 3! \quad \overline{\overline{CBA}} \quad DE = 3!$$

$$\text{ans} = 48 + 48 - 12 = 84 //$$

Duduk Bersama [7 – 11]

Kelima sahabat A,B,C,D, dan E sedang duduk di sebuah bangku taman secara memanjang, kelimanya adalah orang yang unik sehingga mereka membuat aturan untuk cara duduk masing – masing orang.

Jika A harus duduk di sebelah B dan C tidak ingin duduk di sebelah D, serta D tidak ingin duduk di sebelah E ada berapa banyak cara yang bisa dilakukan? {tuliskan jawaban dalam bentuk ANGKA saja}

Pak Dengklek mempunyai sebuah string S yang huruf penyusunnya terdiri dari ‘O’, ‘S’, atau ‘N’. Ia ingin mengoperasikan string S tersebut sebanyak N kali. Dalam satu langkah ia akan melakukan operasi pada string S yaitu :

- Mengganti semua karakter ‘O’ dengan ‘OSN’
- Mengganti semua karakter S dengan ‘O’
- Mengganti semua karakter N dengan ‘SN’

Jika Pak Dengklek memiliki string S = “OSN” dan Pak Dengklek melakukan operasi sebanyak N = 10 kali ada berapa banyak ‘OSN’ yang dihasilkan pada string akhir? {jawaban dalam bentuk angka bulat}

Pak Dengklek mempunyai sebuah string S yang huruf penyusunnya terdiri dari ‘O’, ‘S’, atau ‘N’. Ia ingin mengoperasikan string S tersebut sebanyak N kali. Dalam satu langkah ia akan melakukan operasi pada string S yaitu :

- Mengganti semua karakter ‘O’ dengan ‘OSN’
- Mengganti semua karakter S dengan ‘O’
- Mengganti semua karakter N dengan ‘SN’

Jika Pak Dengklek memiliki string S = “OSSNNN” setelah ia melakukan operasi sebanyak N = 4 kali ada berapa banyak ‘OSN’ yang dihasilkan pada string akhir? {jawaban berupa angka bulat}

Pak Dengklek mempunyai sebuah string S yang huruf penyusunnya terdiri dari ‘O’, ‘S’, atau ‘N’. Ia ingin mengoperasikan string S tersebut sebanyak N kali. Dalam satu langkah ia akan melakukan operasi pada string S yaitu :

- Mengganti semua karakter ‘O’ dengan ‘OSN’
- Mengganti semua karakter S dengan ‘O’
- Mengganti semua karakter N dengan ‘SN’

Jika diberikan string S = ‘ONNSOSS’ kemudian Pak Dengklek mengoperasikan string sebanyak N = 8 kali maka huruf ke-24 hasil akhir string tersebut adalah ... {jawaban berupa satu buah huruf kapital}

5 buah manik - manik disusun secara melingkar untuk membuat gelang, ada berapa banyak model gelang yang mungkin dihasilkan? {tuliskan jawaban dalam bentuk ANGKA saja}

Perhatikan potongan program di bawah ini untuk nomor 16 – 17!

```
for(int i = 1; i <= 10; i++) {
    cout<<i;
    for(int j = 1; j<=13; j++) {
        if(j % 2 == 0 || j % 3 == 0) cout<<j;
        for(int k = 1; k<=9; k++) {
            if(k % 2 == 0) cout<<k;
        }
    cout<<endl;
}
```

16. Berapa Angka terbesar yang dihasilkan pada satu baris keluaran? **{tuliskan jawaban dalam bentuk ANGKA saja}**

Perhatikan potongan program di bawah ini untuk nomor 16 – 17!

```
for(int i = 1; i <= 10; i++){
    cout<<i;
    for(int j = 1; j<=13; j++){
        if(j % 2 == 0 || j % 3 == 0) cout<<j;
        for(int k = 1; k<=9; k++){
            if(k % 2 == 0) cout<<k;
        }
    }
    cout<<endl; →
}
```

10 basis

17. Ada berapa banyak baris keluaran angka yang dihasilkan oleh program? **{tuliskan jawaban dalam bentuk ANGKA saja}**

$$\text{Baris} = \begin{array}{c} \overline{\begin{array}{ccc} 1 & 2 & 3 \end{array}} \\ \vdots \end{array} \quad \left\{ \text{5 baris} \right.$$

Perhatikan potongan program di bawah ini untuk nomor 16 – 17!

```
for(int i = 1; i <= 10; i++){
    cout<<i;
    for(int j = 1; j<=13; j++) {
        if(j % 2 == 0 || j % 3 == 0) cout<<j;
        for(int k = 1; k<=9; k++){
            if(k % 2 == 0) cout<<k;
        }
        cout<<endl;
    }
}
```

10 baris output

1 baris = 1 angka

O₁
↓
O₂] = ?

10
Ada berapa banyak angka yang dihasilkan oleh program? (tuliskan jawaban dalam bentuk
ANGKA saja)

Angka =

123
123
123
123
123

→ 123 saja

{ 1 angka

ans = 10

i = 1 → 1 j k
i = 2 → 2 j k
:
i = 10 → 10 — —

= 1234681012 ...

= 2234681012 ...

= 10234681012 ...

Perhatikan potongan program di bawah ini untuk nomor 18 – 19!

```
int ret,res;
res = 0;
for(int i = 2; i<= 1000; i++){
    ret = 0;
    for(int j = 1; j<=i; j++){
        if(ret > 2){
            res++;
            break;
        }
        else if(i%j == 0) ret++;
    }
}
```

17. Tentukan berapa nilai akhir res! {tuliskan jawaban dalam bentuk ANGKA saja}

Banyak Bilangan Komposit

2 — 1000

Asumsikan bagian kode berikut dihilangkan

```
if(ret > 2){
    res++;
    break;
} else
```

Tentukan nilai ret saat i = 20!

21. Perhatikan potongan program di bawah ini!

```
double sigma = 9.0;
double mewing;
int ret = 0;
for(int i = 1; i<=300; i++){
    for(int j = 1; j<=200; j++){
        for(int k = 1; k<=100; k++){
            mewing = (double) i / (j * k);
            if(mewing == sigma) ret++;
        }
    }
}
```

Tentukan berapa nilai akhir ret! {tuliskan jawaban dalam bentuk ANGKA saja}

$$\text{Mewing} = \left(\frac{i}{jk} \right) = \frac{9}{1}$$

$\overline{n} = \{1, 2, 3, 4, 5, \dots\}$

$i = 9n$

$n = 1, j = 1, k = 1$

$n = 2, j = 1, k = 2, 3, \{j=2, k=3\}$

$i \leq 300$

$1 \leq j \leq 200$ ($i=1, j=\dots$)

$1 \leq k \leq 100$

Banyak konfigurasi (i, j, k) yang

$$i = \frac{9n}{jk}$$

$i = 9n \rightarrow \underline{\text{bilangan kelipatan}} \underline{9}$

$$i \leq 300$$

Banyak i yang memenuhi = $\frac{300}{9}$

$$= \frac{100}{3}$$
$$= 33$$

$$jk = \frac{i}{9} \leftrightarrow$$

$jk = n \rightarrow \text{bilangan asli}$

$$i = 9n$$

$$\overline{n} = \{1, 2, 3, 4, 5, \dots\}$$

$$n = 1, j = 1, k = 1$$

$$n = 2, j = 1, k = 2, 3, \{j=2, k=3\}$$

$$i \leq 300$$

$1 \leq j \leq 200$ ($i=1, j=\dots$)

$1 \leq k \leq 100$

Perhatikan potongan program di bawah ini untuk nomor 22 – 24!

```
for(int i = 1; i<= N; i++) {
    if(i % 2 == 0){
        cout<<"kwak";
    }else if(i % 3){
        cout<<"kwek";
    }
    if(i % 5 == 0) cout<<"kwik";
}
```

22. Untuk $N = 10^5$ ada berapa banyak string "kwakkwekkwik" dicetak?

23. Untuk $N = 10^3$ ada berapa banyak string "kwik" yang dicetak?

24. Manakah nilai N di bawah ini yang mempunyai jumlah cetakan "kwek" paling banyak?

- a. $N = 38$
- b. $N = 39$
- c. $N = 28$

Perhatikan potongan program di bawah ini untuk nomor 22 – 24!

```
for(int i = 1; i<= N; i++) {
    if(i % 2 == 0){
        cout<<"kwak";
    }else if(i % 3){
        cout<<"kwek";
    }
    if(i % 5 == 0) cout<<"kwik";
}
```

22. Untuk $N = 10^5$ ada berapa banyak string "kwakkwekkwik" dicetak?

23. Untuk $N = 10^3$ ada berapa banyak string "kwik" yang dicetak?

24. Manakah nilai N di bawah ini yang mempunyai jumlah cetakan "kwek" paling banyak?

- a. $N = 38$
- b. $N = 39$
- c. $N = 28$

Perhatikan potongan program di bawah ini untuk nomor 22 – 24!

```
for(int i = 1; i<= N; i++) {
    if(i % 2 == 0) {
        cout<<"kwak";
    } else if(i % 3) {
        cout<<"kwek";
    }
    if(i % 5 == 0) cout<<"kwik";
}
```

$i = 4 \rightarrow \text{kwake}$
 $i = 15 \rightarrow \text{kwek kwik}$
 $i = 30 \rightarrow \text{kwek kwik}$
 $i = 29 \rightarrow *$
 $i = 28 \rightarrow \text{kwak}$

$\frac{i=2}{KPK(2,3,5)} = \underline{\underline{30}}$

$2x \leftarrow 3 \leftarrow 5$

22. Untuk $N = 10^5$ ada berapa banyak string "kwakkwekkwik" dicetak?

$$\lfloor \frac{10^5}{15} \rfloor = \underline{\underline{6.666}} \text{ Kwek kwik} \rightarrow i \lfloor \frac{(3+5)^7}{2} \rfloor$$

23. Untuk $N = 10^3$ ada berapa banyak string "kwik" yang dicetak?

$$6.666 - \lfloor \frac{10^5}{2 \cdot 3 + 5} \rfloor$$

24. Manakah nilai N di bawah ini yang mempunyai jumlah cetakan "kwek" paling banyak?
- a. $N = 38$
 - b. $N = 39$
 - c. $N = 28$
- * Kwak dicetak saat i hanya habis dibagi 2
 - * Kwek dicetak saat i hanya habis dibagi 3
 - * Kwik dicetak saat i habis dibagi 5

Perhatikan potongan program di bawah ini untuk nomor 25!

```
bool cek(string S) {  
    int n = S.length();  
    for (int i = 0; i < n-1; i++) {  
        if (S[i] == S[i+1] - 1) return false;  
    }  
    return true;  
}
```

25. Jika S adalah sebuah string dengan panjang 3 dan hanya terdiri dari huruf kapital 'A' hingga 'Z', maka berapa banyak kemungkinan S sedemikian sehingga pemanggilan cek(S) mengembalikan FALSE? {tuliskan jawaban dalam bentuk ANGKA saja}