



FACULTÉ CHIMIE L1 UEF Maths2

Fiche de TD 2(2019/2020)

"Les équations différentielles."

Exercice 01

Résoudre les équations différentielles du 1er ordre à variables séparables suivantes :

1. $xy - y' = 0$; 2. $(1+x^2)dy = ydx$; 3. $(x^2+1)y' + 2xy = 0$; ④. $y' - ye^x = 0$

Exercice 02

Résoudre les équations différentielles du 1er ordre suivantes :

1. $y' - y = e^x$ 2. $y' + \frac{y}{x} = \ln(x)$; 3. $y' + 2y = 1$; ④. $y' - 2y = \cos(x) + 2\sin(x)$

Exercice 03

Résoudre les équations différentielles suivantes :

1. $y' + 2y = xy^2$, 2. $y' + y = y^3e^{3x}$; ③. $y' + \frac{1}{x}y = -y^2 \ln x$

Exercice 04 I) Résoudre les équations différentielles linéaires du 2ème ordre suivantes :

1. $y'' - y' - 2y = 0$, 2. $y'' + 2y' + y = 0$, 3. $y'' - y' + y = 0$, ④. $y'' + y = 0$,
5. $y'' + 2y' + y = xe^x$, 6. $y'' - y' - 2y = e^{2x}$ 7. $y'' + y = 2e^x + \cos(x)$, ⑧. $y'' + y = e^x$.

II) [Exercice supplémentaires] Donner l'expression des solutions particulières :

1. $y'' - y' - 2y = e^{2x}$; 2. $y'' - 2y' + y = xe^x$, 3. $y'' + y = x^2e^x \sin(x)$;
4. $y'' + 2y' + y = e^x + \sin(x)$; 5. $y'' + 4y = (x^2+1)e^x + e^{2x} \cos(x)$.

UTILE :

$f(x)$	Racines de l'équation caractéristique (E_r)	Solution particulière
$P_n(x)e^{\alpha x}$	α n'est pas une solution (E_r)	$y_p = \tilde{P}_n(x)e^{\alpha x}$
$P_n(x)e^{\alpha x}$	α est une solution d'ordre ω (E_r)	$y_p = x^\omega \tilde{P}_n(x)e^{\alpha x}$
$e^{\alpha x}(P_n(x) \cos(\beta x) + Q_m(x) \sin(\beta x))$	$\alpha \pm i\beta$ n'est pas une solution (E_r)	$y_p = e^{\alpha x}(\tilde{P}_k(x) \cos(\beta x) + \tilde{Q}_k(x) \sin(\beta x))$
$e^{\alpha x}(P_n(x) \cos(\beta x) + Q_m(x) \sin(\beta x))$ Avec $k \max n, m$	$\alpha \pm i\beta$ est une solution d'ordre ω (E_r)	$y_p = x^\omega e^{\alpha x}(\tilde{P}_k(x) \cos(\beta x) + \tilde{Q}_k(x) \sin(\beta x))$

Avec $P_n(x), \tilde{P}_n(x)$ sont polynôme de degré n et $Q_m(x), \tilde{Q}_m(x)$ sont polynôme de degré m .

Bon 😊
courage!