

Résumé E L T

Régime sinusoïdal:

Puissance "active" $P_a (w)$:

$$P_a = U_{eff} \cdot I_{eff} \cdot \cos \varphi$$

Puissance "Réactive" $Q_r (VAR)$:

$$Q_r = U_{eff} \cdot I_{eff} \cdot \sin \varphi$$

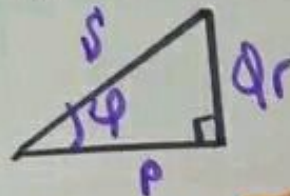
Puissance "Apparente" (VA) :

$$S = U_{eff} I_{eff} \quad (S \text{ TjR } 0)$$

Relation Entre les puissance:

$$\cos \varphi = \frac{P_a}{S} \quad / \quad \sin \varphi = \frac{Q_r}{S} \quad / \quad \tan \varphi = \frac{Q_r}{P_a}$$

$$S = \sqrt{P_a^2 + Q_r^2}$$



Loi d'Ohm:

$$U = RI$$

Loi de Joule

$$P = RI^2$$

Nombres complexes et puissance:

$$Z = R + jX$$

On montre que:

$$S = Z I^2 = \tilde{U} / Z$$

$$P_a = R I^2$$

$$Q_r = X I^2$$

Caractérisation de dipôles:

$X = 0, Q_r = 0$: dipôle résistif ($\varphi = 0^\circ$)
 $X > 0, Q_r > 0$: " inductif ($0^\circ < \varphi < 90^\circ$)
 $X < 0, Q_r < 0$: " capacitif ($-90^\circ < \varphi < 0^\circ$)

	Impédance	Réactance	Q_r	P_a	S
Résistance parfaite	R	0	0	$R I^2$	$R I^2$
Bobine parfaite	$jL\omega$	$L\omega$	$L\omega I^2$	0	$L\omega I^2$
Condensateur parfait	$-\frac{j}{C\omega}$	$-\frac{1}{C\omega}$	$-\frac{I^2}{C\omega}$	0	$\frac{I^2}{C\omega}$

Théorème de Pouchet:

$$P_a = \sum_i P_{a_i} \quad / \quad Q_r = \sum_i Q_{r_i} \quad / \quad S = \sum_i S_i$$

$$S = \sqrt{P_a^2 + Q_r^2}$$

$$I = S/U$$

$$\cos \varphi = P/S$$

Facteur de puissance:

$$K = \frac{P_a}{S}$$

Par un dipôle linéaire en régime sinusoïdal.

$$K = \cos \theta \quad \text{on note que: } |K| \leq 1$$

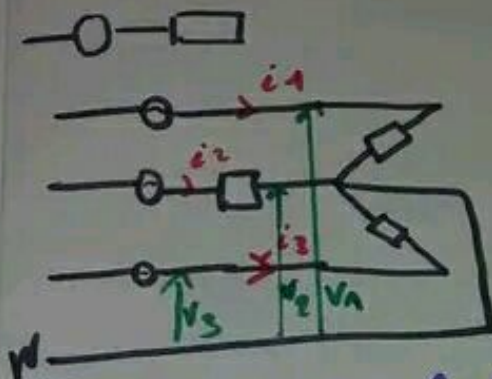
* dipôle résistif : $K = \cos 0 = 1$

* bobine ou condensateur parfait : $K = 0$

Régime Triphasé:

$$M = \sqrt{3} \cdot V \quad / \quad I = \sqrt{3} J$$

Couplage T



Théorème de Boucherot:

$$P_a = 3 V I \cos \varphi$$

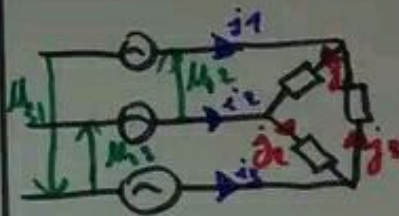
$$Q_r = 3 V I \sin \varphi$$

$$S = 3 V I$$

$$M = \sqrt{3} V$$

$$K = \cos \varphi$$

Couplage Δ



Théorème de Boucherot:

$$P_a = 3 M J \cos \varphi$$

$$Q_r = 3 M J \sin \varphi$$

$$S = 3 M I$$

$$I = \sqrt{3} J$$

$$K = \cos \varphi$$