# Chapitre II: Les quadripôles passifs

## Résumé du cours

### 1. Introduction:

Un quadripôle passif (qui comporte des résistances des condensateurs et des bobines) de quatre bornes dont deux représentent les grandeurs d'entrée  $(V_I, I_I)$  et les deux autres représentent les grandeurs de sortie comme le montre la figure suivante :



# 2. Les matrices représentatives des quadripôles :

Il existe plusieurs combinaisons possibles pour relier  $V_1 I_1$  à  $I_2 V_2$ ;

# 2. 1. La matrice impédance [Z] :

La matrice impédance relie les tensions avec les courants comme dans les équations suivantes :

$$\begin{bmatrix} V_1 \\ V_2 \end{bmatrix} = [Z] \begin{bmatrix} I_1 \\ I_2 \end{bmatrix} \quad \Rightarrow \quad \begin{cases} V_1 = Z_{11}I_1 + Z_{12}I_2 \\ V_2 = Z_{21}I_1 + Z_{22}I_2 \end{cases}$$

Cette matrice est utilisée pour le calcul des impédances d'entrée et de sortie du quadripôle. On a :

$$Z_e=Z_{11}-\frac{Z_{12}Z_{21}}{Z_{22}+Z_u}\ avec\ Z_u:la\ charge$$
 
$$Z_s=Z_{22}-\frac{Z_{12}Z_{21}}{Z_0+Z_{11}}\ avec\ Z_g:l'imp\'edance\ d'entr\'ee\ du\ g\'en\'erateur$$

## 2. 2. La matrice admittance [Y]:

C'est la matrice qui représente des courants en fonction des tensions comme dans les équations suivantes :

$$\begin{bmatrix} I_1 \\ I_2 \end{bmatrix} = [Y] \begin{bmatrix} V_1 \\ V_2 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{cases} I_1 = Y_{11}V_1 + Y_{12}V_2 \\ I_2 = Y_{21}V_1 + Y_{22}V_2 \end{cases}$$

### 2. 3. La matrice de transfert [T]:

C'est la matrice qui relie les grandeurs d'entrée avec les grandeurs de sortie.

$$\begin{bmatrix} V_2 \\ I_2 \end{bmatrix} = [T] \begin{bmatrix} V_1 \\ -I_1 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{cases} V_2 = T_{11}V_1 - T_{12}I_1 \\ I_2 = T_{21}V_1 - T_{22}I_1 \end{cases}$$

Les éléments de cette matrice sont utilisées pour le calcul des gains en tension et en courant.

$$G_I = \frac{-1}{T_{11} + T_{21} Z_u}$$

$$G_{I} = \frac{-1}{T_{11} + T_{21}Z_{u}}$$

$$G_{V} = \frac{Z_{u}}{T_{22}Z_{u} + T_{12}}$$

#### 2. 4. La matrice hybride [h]:

$$\begin{bmatrix} V_1 \\ I_2 \end{bmatrix} = [h] \begin{bmatrix} I_1 \\ V_2 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{cases} V_1 = h_{11}I_1 + h_{12}V_2 \\ I_2 = h_{21}I_1 + h_{22}V_2 \end{cases}$$

Cette matrice est utilisée dans la représentation du schéma équivalent en dynamique du transistor.

# 2.5 Application à l'adaptation

Pour maximiser le transfert de puissance du générateur vers la charge par intermédiaire d'un quadripôle, il faut vérifier deux conditions :

$$Z_e=Z_g^*$$
 et  $Z_s=Z_u^*$ 

Avec:

- Z<sub>e</sub>: L'impédance d'entrée du Q.
- Z<sub>s</sub>: L'impédance de sortie du Q.
- Z<sub>g</sub>: L'impédance interne du générateur.
- Z<sub>u</sub>: La charge.

# 3. Les filtres:

### 3. 1. Définitions :

Un filtre est un quadripôle qui permet de transmettre une bande de fréquence et attenu le signal pour les fréquences rejetées par rapport à une ou plusieurs pulsations de coupure.

<u>La pulsation de coupure</u>  $\omega_c$  : est définit comme étant la pulsation pour laquelle le gain maximum en tension  $\left(\frac{V_2}{V_1}\right)$  est divisé par  $\sqrt{2}$ .

<u>La bande passante</u>: est la gamme de fréquences pour lesquelles le gain est compris entre son maximum et son maximum divisé par  $\sqrt{2}$ .

<u>La fonction de transfert H(I ω):</u> est le rapport entre la tension de sortie  $V_2$  et la tension d'entrée  $V_1$ .

On a 
$$H(J\omega) = \frac{V_2}{V_1} = |H(J\omega)|e^{J\varphi}$$

 $\varphi$ : phase de  $H(J \omega)$ 

 $|H(J \omega)|$ : le module de  $H(J \omega)$ 

### Le diagramme de Bode :

Le diagramme de Bode est la représentation de  $H(J \omega)$  en fonction de la pulsation, le module (ou le gain), d'une part et l'argument d'autre part avec :  $G_{dB} = 20 \log_{10}|H(J \omega)|$ .

En pratique, cinq fonctions élémentaires suffisantes pour construire la plupart des diagrammes.

**Fonction 1:**  $H(J \omega) = K = constante$ 

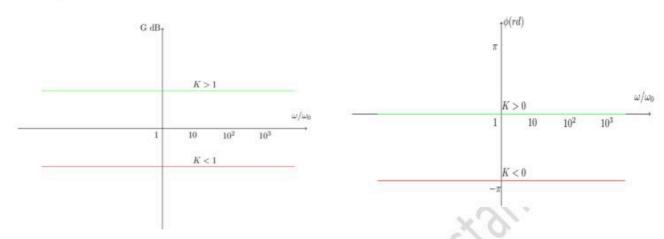
Le gain en dB:
 G = 20 log(K)

$$Si \begin{cases} K > 1 & G_{dB} > 0 \\ K < 1 & G_{dB} < 0 \end{cases}$$

La phase :

$$Si \begin{cases} K > 0 & \varphi = 0 \\ K < 0 & \varphi = -\pi \end{cases}$$

 $Avec: \frac{\omega}{\omega_0}$  est la pulsation réduite.



**Fonction 2:**  $H(J \omega) = J\left(\frac{\omega}{\omega_0}\right)$ 

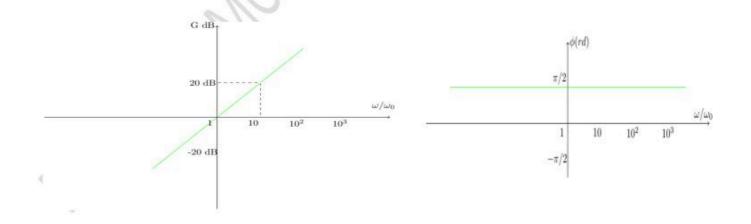
Le gain en dB:

$$G_{dB} = 20 \log \left(\frac{\omega}{\omega_0}\right)$$

La courbe est une droite de pente 20 dB/décade

La phase:

$$\varphi = +\frac{\pi}{2}$$



**Fonction 3:**  $H(J \omega) = \frac{1}{J(\frac{\omega}{\omega_0})}$ 

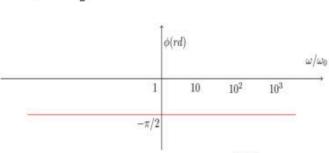
Le gain en dB :

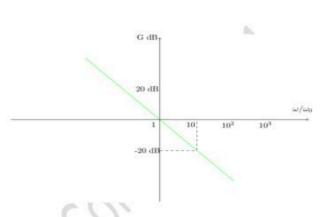
$$G_{dB} = -20 \log \left( \frac{\omega}{\omega_0} \right).$$

La courbe est une droite de pente  $-20 \, dB/d\acute{e}cade$ 

La phase :

$$\varphi = -\frac{\pi}{2}$$





<u>Fonction 4:</u>  $H(J \omega) = 1 + J\left(\frac{\omega}{\omega_0}\right)$ 

Le gain en dB :

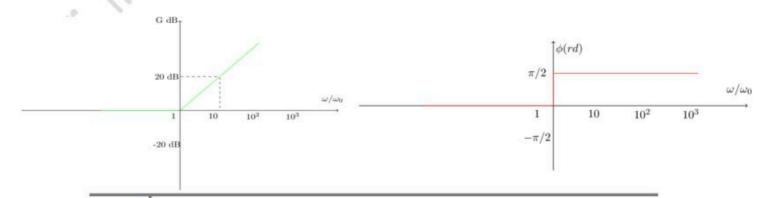
$$\Rightarrow G_{db} = 20 \log \sqrt{1 + \left(\frac{\omega}{\omega_0}\right)^2}$$

La phase:

$$\varphi = + arctg\left(\frac{\omega}{\omega_0}\right)$$

Les asymptotes :

• 
$$\omega \ll \omega_0$$
 
$$\begin{cases} G_{dB} = 0 \ dB \\ \varphi = 0 \ rd \end{cases}$$



Fonction 5: 
$$H(J \omega) = \frac{1}{1+J(\frac{\omega}{\alpha_{12}})}$$

Le gain en dB:

La phase :

$$\varphi = -arctg\left(\frac{\omega}{\omega_0}\right)$$

#### Les asymptotes:

$$\bullet \ \ \omega \ll \omega_0 \ \begin{cases} G_{dB} = 0 \ dB \\ \varphi = 0 \ rd \end{cases}$$

$$\omega\gg\omega_0~\left\{\begin{array}{c} G_{dB}=-20\log\left(\frac{\omega}{\omega_0}\right): droite~de~pente-20~dB/d\'ecade\\ \\ \varphi=-\frac{\pi}{2} \end{array}\right.$$

