# Département de Génie Electrique Examen d'EP- L3 ELM

Durée: 01h 30 min

Nom:

Prénom:

groupe:

Exercice 01 (04 pts): Pour le circuit ci-dessous, exprimer et tracer l'allure des tensions V et  $V_D$ 

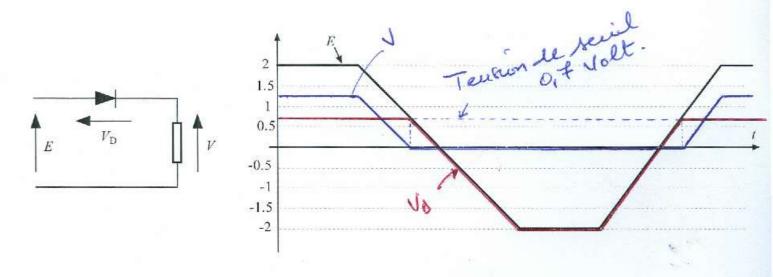
NB. La tension de seuil de la diode et du thyristor est 0.7 Volt.

## Réponse

Premier circuit:

$$V = \begin{cases} E - 0.7, & \text{si } E \ge 0.7 \\ 0, & \text{si } E < 0.7 \end{cases}$$

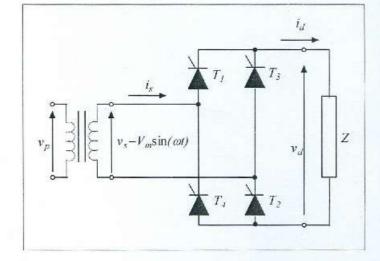
$$V_D = E - V$$



Exercice 02 (04 pts) : Soit le redresseur en pont donnée sur la figure suivante. On donne :

- La tension d'entrée : 220 V, 50 Hz
- L'angle d'amorçage α=π/3
- L'angle de conduction β=1.12 π
- 1. Tracer l'alluré de la tension de charge ;
- 2. Tracer l'allure du courant de charge.
- 3. Calculer la valeur moyenne de la tension de charge.

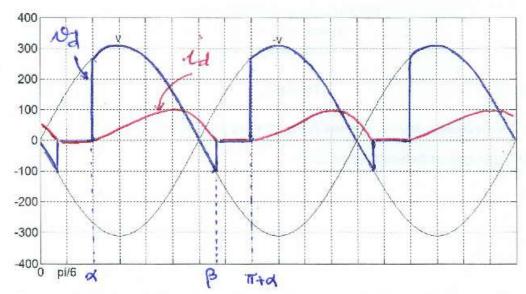
NB. Tracer toutes les allures sur le graph suivant :



## Réponse :

Valeur moyenne de la tension de charge

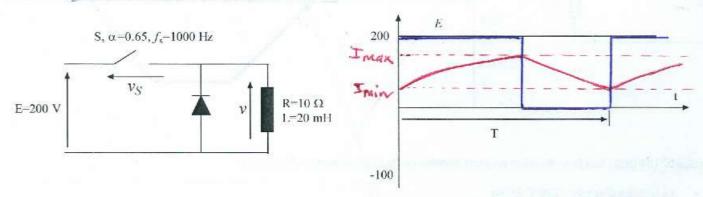
$$V_{dc} = \frac{2}{2\pi} \left( \int_{\alpha}^{\beta} V_m \sin(\theta) \ d\theta \right) = \frac{V_m}{\pi} \left( -\cos(\theta) |_{\alpha}^{\beta} \right) = 141.6 \text{ V}$$



Exercice 03 (08 pts): Soir un hacheur série (figure suivante). Le rapport cyclique du switch S égal 0.65. La fréquence de commutation de celui-ci égale 1000 Hz.

- Tracer la tension de charge (sur le graph en face) (01 pt);
- Donner (ou établir) les expressions du courant entre 0 et T (02 pts);
- Exprimer et calculer les valeurs minimale et maximale du courant de charge. Déduire l'ondulation du courant (03 pts)
- Déduire les expressions finales du courant en fonction du temps (01 pt);
- Tracer l'allure du courant (sur le même graph) (01 pts).

#### Réponse



Expression du courant :

On a: 
$$T = \frac{1}{f} = 1 \text{ ms}, \quad \tau = \frac{L}{R} = 2 \text{ ms}$$
 
$$i(t) = \frac{E}{R} + \left(I_{min} - \frac{E}{R}\right)e^{-t/\tau} = 20 + (I_{min} - 20)e^{-\frac{1}{2} \times 10^3 t} \qquad 0 < t < \alpha T \quad (1)$$
 
$$i(t) = I_{max}e^{-(t-\alpha T)/\tau} = e^{0.65 \times 1/2}I_{max}e^{-\frac{1}{2} \times 10^3 t} = 1.384I_{max}e^{-\frac{1}{2} \times 10^3 t} \qquad \alpha T < t < T$$

L'ondulation du courant :

A partir de (1), on déduit à  $t = \alpha T$ ,  $i = I_{max}$ , donc

$$I_{max} = I_{min}e^{-\alpha T/\tau} + \frac{E}{R}(1 - e^{-\alpha T/\tau})$$

D'après l'équation (2), à  $t=T, i=I_{min}$ , donc

$$I_{max} = I_{min}e^{T(1-\alpha)/\tau}$$

Par soustraction des deux dernières équations, on déduit

$$I_{min}e^{-\alpha T/\tau} + \frac{E}{R}\left(1 - e^{-\alpha T/\tau}\right) - I_{min}e^{\frac{T(1-\alpha)}{\tau}} = 0$$

Ce qui donne après simplification

$$I_{min} = \frac{E}{R} \left( \frac{1 - e^{\alpha T/\tau}}{1 - e^{T/\tau}} \right), \qquad I_{max} = I_{min} e^{T(1 - \alpha)/\tau}$$

AN: 
$$I_{min} = 11.84 A$$
,

$$I_{max} = 14.10 A$$

Ce qui donne l'ondulation du courant comme suit :

$$\Delta I = I_{max} - I_{min} = 2.26 A$$

Les expressions finales du courant de charge sont déduites comme suit

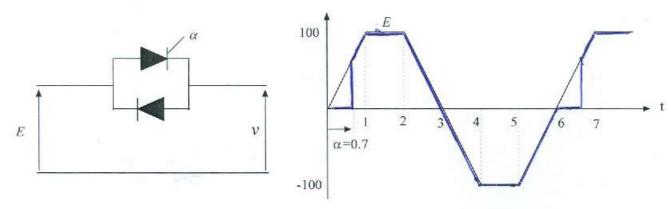
$$i(t) = 20 - 8.16e^{-\frac{1}{2} \times 10^3 t}$$
  $0 < t < \alpha T$  (1)

$$i(t) = 19.51e^{-\frac{1}{2} \times 10^3 t}$$
  $\alpha T < t < T$  (2)

Exercice 04 (04 pts) : soit le gradateur sur la figure ci-dessous. La tension d'entrée E est donnée sur le graph en face du circuit. L'angle d'amorçage  $\alpha$  égal à 0.7 sec.

- Tracer sur même graph la tension de sortie v (02pts);
- 2. Exprimer Calculer la moyenne de la tension de sortie v (03pts ; 02 pts sur l'expression et 01 pts sur le calcul).

### Réponse



Valeur moyenne

L'expression de la tension

$$\begin{cases} v = 100t, \ 0 < t < 1 \\ v = 100, \ 1 < t < 2 \\ v = -100t + 300, \ 2 < t < 4 \\ v = -100, \ 4 < t < 5 \\ v = 100t - 600, \ 5 < t < 6 \end{cases}$$

$$V_{dc} = \frac{1}{6} \left( \int_{0.7}^{1} 100t \, dt + \underbrace{\int_{1}^{2} 100 \, dt + \int_{2}^{4} (-100t + 300) \, dt + \int_{4}^{5} -100 \, dt}_{=0} + \int_{5}^{6} (100t - 600) \, dt \right) = -4.08 \, V$$