® 2018-2019

H-Examen Final de Probabilités et Statistiques-H

Exercice 1 (07.50 points) : On a relevé la température minimale (en "C) enregistrée dans une ville donnée pendant les jours de la période hivernale, les résultats sont rassemblés dans le tableau ci-dessous :

Températures			3	4	6	7	10
Fréquences f_i	0.1	0.2	0.2	0.1	0.05	0.2	\int_{7}

- 1. Déterminer : L'étendu, les modalités, le caractère et sa nature.
- 2. Calculer la valeur de f_7 .
- 3. Tracer le polygône de la distribution et déterminer le mode.
- 4. Tracer la courbe des fréquences cumulées décroissantes.
- 5. Déterminer la fonction de répartition de cette distribution et tracer son graphe.
- 6. Calculer la Médiane, l'écart type et l'intervalle interquartile.
- 7. Quelle est la proportion de jours pour laquelle on a observé une température :
 - Inférieure ou égale à 3°?
 - Supérieure à 4°?

Exercice 2 (07.50 points) : Une enquête s'intéresse au nombre d'employés de 92 entreprises d'une zone industrielle. Pour cela, on a enregistré les résultats suivants :

Nombre d'employés	[10, 20]	[20, 40]	[40, 50]	[50, 80]	[80, 100]	
Nombre d'entreprises	9	26	19	24	77.5	

- Calculer la valeur de n₅ et donner sa signification.
- 2. Représenter graphiquement cette distribution et calculer le mode.
- 3. Déterminer la fonction de répartition de cette distribution et tracer son graphe.
- Calculer l'écart type, la médiane et déterminer l'intervalle interquartile.
- 5. Quel est le nombre d'entreprises dont le nombre d'employés est supérieur ou égal à 50?

Exercice 3 (05.00 points): Dans une assemblée de 250 personnes, 120 sont des hommes. Parmi les 85 personnes qui maîtrisent l'Anglais, 50 sont des hommes. On discute avec une personne choisie au hasard dans cette assemblée.

- 1. Quelle est la probabilité que la personne soit un homme?
- 2. Quelle est la probabilité que la personne soit un homme et qu'elle maîtrise l'Anglais?
- 3. Quelle est la probabilité que la personne soit un homme ou qu'elle maîtrise l'Anglais?
- 4. Quelle est la probabilité que la personne ne soit pas un homme et ne maîtrise pas l'Anglais (répondre à cette question par deux manières différentes)?
- 5. Sachant que la personne choisie maîtrise l'Anglais, quelle est la probabilité qu'elle soit un homme?

Une rédaction claire et rigoureuse est exigée

univdocs.com Corrige Examen Probabilités - Statistiques 2018 _ 2019 Exo1 : 1) Déterminer & L'etendu : F= x (Maix) - x (Min) = 10 - (-4) = 14.6,25 Modalités: -4,2,3,4,6,7,106,25 · Température minimale 0125 Caractere Nature: quantitative discrète (0,25) 2) coloul de fr: on a == = + (0,1+0,2+0,2+0,1+0,05+0,2+fx)=1 0,85 + € = 1 €) = 1-0,85 = 0,15 4) f= 0,15 (015 3) Tableau Statistique: fix:2 fi Fin FeL 3; 0€ 2 0,1 0,1 1.6 _ 0,4 012 013 019 0,8 0,4 0,2 0,5 0,7 0,6 1.8 0,1 0,6 0,5 1.6 0,4 4

013

4.4

1.5

412

0,05 0,65 0,45

0,2

0,15

total

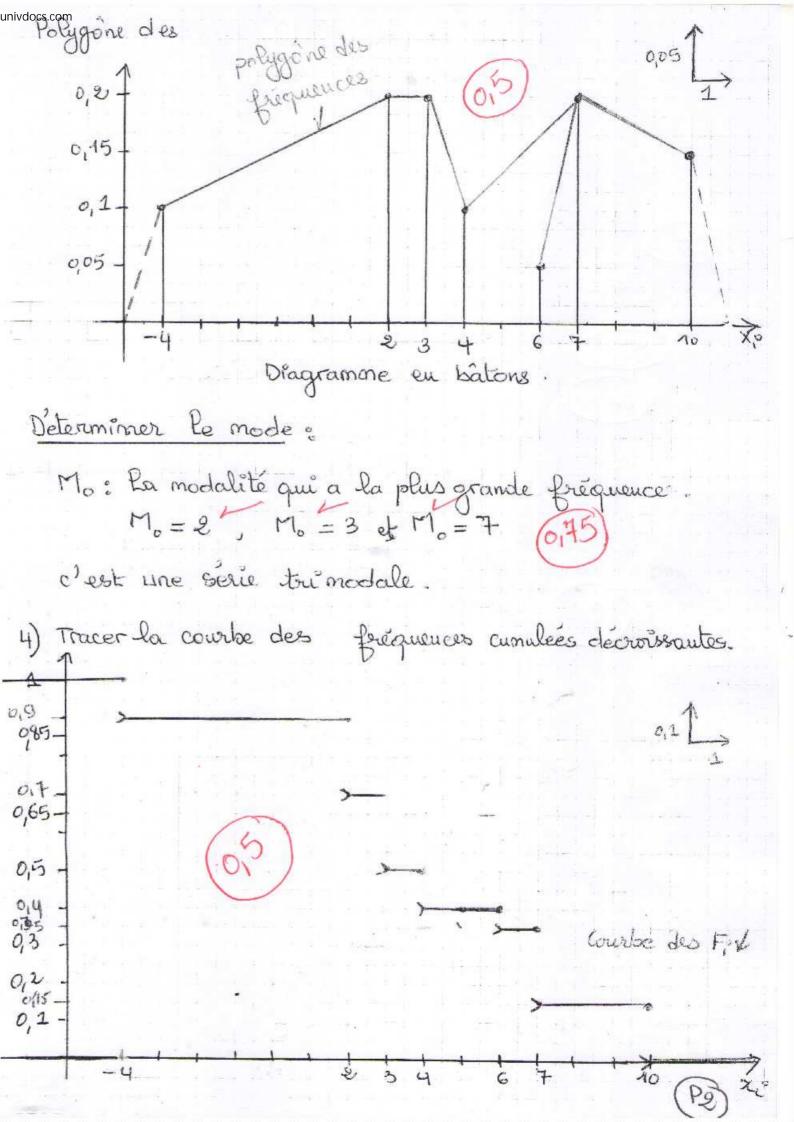
0.85 0135

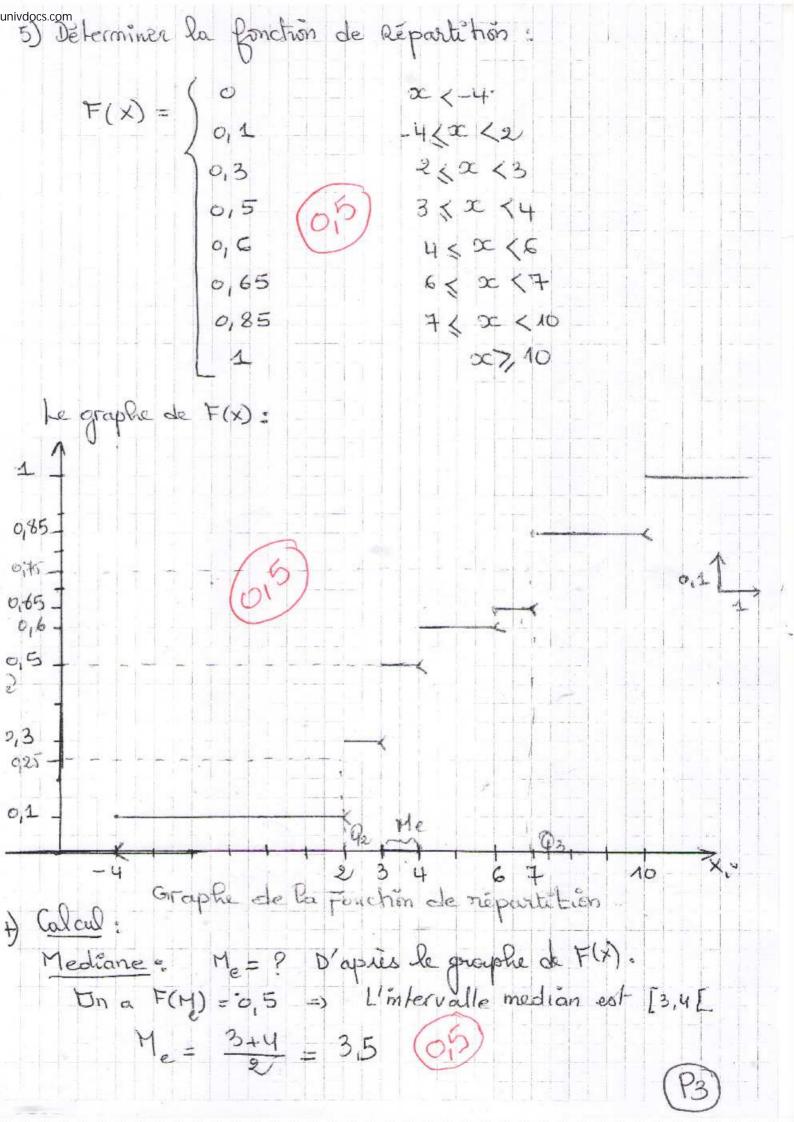
1.8

9.8

15

32,4





Ecost type:

Moyeme: $x = \frac{1}{n} \geq n$; $x_i = \frac{1}{n}$ $x_i = 4, 2 = 4, 2 = 5$ Variance: 7 $V(x) = \int f_{x}x^{2} - x^{2} = (3e, 4) - (4, e)^{2} = 3e, 4 - 17, 64 = 14, 76$ = 14.76 = 14.76 = 3.84 = 3.84 = 3.84L'intervalle interquartile : 92=2029 D'après le graphe de F(x) L'intervalle: 93-91 = 7-2=5.0125) 7) La Proportion de jours pour laquelle on a dosevé une température: $-7 = f_1 + f_2 + f_3$ inférieure & 3? -7 = 0,1+0,2+0,2=95ou égale Donc il y a 50% de jours pour lesquels on a observé une température inférieure a 3°. o) Superieure à 4°? 54 = 1 + 1 + 1 + 1 + 1 = 0.4Donc il y a \$10% de jours pour lequels on a observé une température supérieure à 4°.

(Pu)

on
$$\begin{cases} \sum_{i=1}^{5} n_i = n \end{cases} \Leftrightarrow 9 + 26 + 19 + 24 + n_5 = 92 \\ 1 = 1 \end{cases} \Leftrightarrow 78 + n_5 = 92 \\ n_5 = 92 - 78 = 14 \\ n_5 = 14 \end{cases} \Leftrightarrow n_5 = 14$$

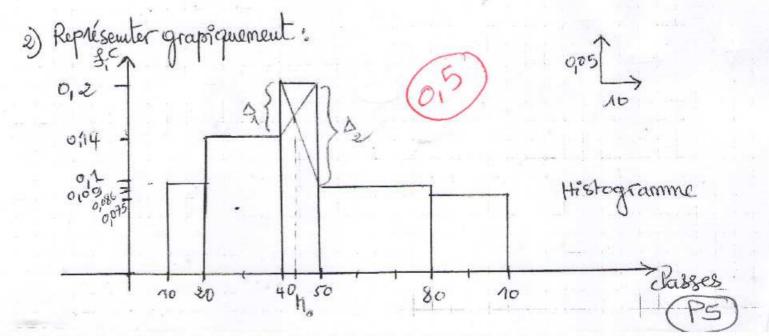
Sa vigin fration:

7 = 14 signifie qu'il ya 14 entreprises dont le nombre d'employées est compris dans l'intervalle [80,100 [.

he Talslean Statistians:

(35)	(6)
020	(0,20)

Classes	ne	fi	ai	x_i°	£;c	FI	NIK	fix:	fi α;2
[10, 20 [2	0,09	10	15	0,09	0,09	92/	4.35	20,25
[20,40[26	0,28	20	30	0,14	0,37	83	8,4	252
[40,50[19	0,20	10	45	0,20	0,57	57	9	405
[50,80[24	0,26	30	65	0,086	0,83	38	16,9	1098.5
[80,100[14	6,15	20	90	0,075	1.1	14	-13,5	1215
Total	92	1	_	_			0	45.5	2990.75



Mode: M. E [40,50 [(0,25) $M_0 = e_{i-1} + a \frac{\Delta_1}{\Delta_1 + \Delta_2} = 40 + (10) \times \frac{(0,2-0,14)}{(0,2-0,14) + (0,2-0,08)}$ $= 40 + 10 \times \frac{0.06}{0.06 + 0.12} = 43.33$ 3) La Fonchin de Répartition xxeo $F(x) = \begin{cases} F(e_{i-1}) + \frac{f_i}{a_i} (x - e_{i-1}) \\ 1 \end{cases}$ x e [eine [x) ex x <10 x € [10,20[x € [20,40 [x ∈ [40,50[$x \in [50, 80[$ $- | 0183 + \frac{0145}{20} (x-80) |$ x € [80, 100 [DC > 100 Le graphe de F(x): 0,37 graphe de F(X).

4) Calcul Ecart type: Moyeume = $\frac{5}{x} = \frac{5}{h} \sum_{i=1}^{n} x_i = \frac{5}{2} f_i x_i = 49,15$ $V(x) = \sum_{i=1}^{3} f_{i} x^{2} - \overline{\chi}^{2} = 2990,75 - 2415,72$ V(x) = 575 P3 (025) East type: 6 = \(\text{V(x)} = \(\frac{575,03}{} = 23,98 \) Me € [40,50]. (0,25 Me = e -1 + ac (F(Me) - F(e:-1)) $= 40 + \frac{40}{000} (0.50 - 0.37) = 46.5 0.25$) L'intervalle interquertele: ·) 9, E [20, 40 [(0125 $Q_1 = e_{i-1} + \frac{q_i}{g_i} (F(Q_i) - F(e_{i-1})) = 20 + \frac{20}{0.28} (0.25 - 0.09) = 31.40$ ·) 93 € [50, 80 L 6, 25) Q= = + 9: (F(Q)-F(e,1) = 50+30 (0,75-0,57)=70,7 Dou 93-9, = 70,7 - 31,40 = 39,3. (0)25 5) Le Nombre d'entreprises dont le nombre d'employées est > 50 est Ny V = 38 entreprises (voir le tableau)

N = 250 personnes Du a les événements mivants: H: "La personne est un Romme?" A : « La personne maltrise l'auglais) A: E La personne ne moûtrise pas l'auglois" D'après les données on peut avoir le tableau Souvant : Card (SL) = 250. Ā Total Card (H)= 120 50 120 card (A) = 85 130 95 35 Total 85 165 250 1) quelle est la probabilité que la personne soit un fromme? P(H) = Nbre cas Favoradoles = 120 = 0.48 (015)
Nbre cas possible = 250 = 0.48 2) quelle est loi probabilité que la parsonne soit un homme et quelle maîtrise l'auglois? $P(H \cap A) = \frac{50}{250} = 0.2 \cdot (0.5)$

3) quelle est la probabilité que la personne soit un lamme Au quelle maitrise l'auglais?

(P8)

$$P(HUA) = P(H) + P(A) \rightarrow P(HNA) = \frac{150}{250} = \frac{155}{250} = 9$$

4) quelle est la probabilité que la personne resoit pas un homme et ne maîtrise pas l'anglais? pere Méthode :

P(HNA) = 1-P(HUA) = 11-0,62=0,38

2 eme Mélhode :

$$P(Hn\bar{A}) = \frac{|Hn\bar{A}|}{|S|} = \frac{95}{250} = 0.38 (0.15)$$

5) Sachant que la personne chorsie maîtrise l'auglais, quelle est la probabilité qu'elle soit un france

$$P(H/A) = \frac{P(A|A|H)}{P(A)} = \frac{\frac{50}{250}}{\frac{85}{250}} = \frac{50}{85} = 0.58$$

Purque

$$P(A) = \frac{85}{250}$$