

**EXERCICE 1 : 07 Pts**

Soit le montage ci-contre. Le thyristor est alimenté par un réseau 220V-50Hz. Avec $R=1.813\Omega$, $L=0.01H$ et $\alpha=\pi/4$.

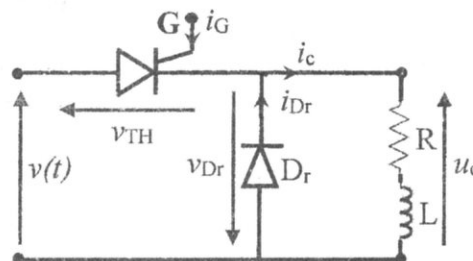
1/ Tracer avec explication les courbes suivantes :

$$u_c(\theta), u_{Th}(\theta) \text{ et } i_{Dr}(\theta).$$

2/ Calculer la valeur moyenne de la tension redressée.

3/ Calculer la tension inverse maximale aux bornes de thyristor.

4/ Expliquer le fonctionnement du montage pour les deux valeurs de α ($\alpha=\pi$ et $\alpha=0$).

**EXERCICE 2 : 13 Pts**

Soit le montage ci-contre. Le pont est alimenté par un réseau 220V-50Hz. La charge est constituée par une résistance $R=20\Omega$ en série avec une inductance L .

On donne $\alpha=\pi/3$ l'angle de retard à l'amorçage des thyristors et $\beta=5\pi/4$ l'angle d'extinction.

1/ Tracer avec explication les courbes suivantes :

$$u_c(\theta), u_{Th1}(\theta), i_{Th1}(\theta) \text{ et } i_s(\theta).$$

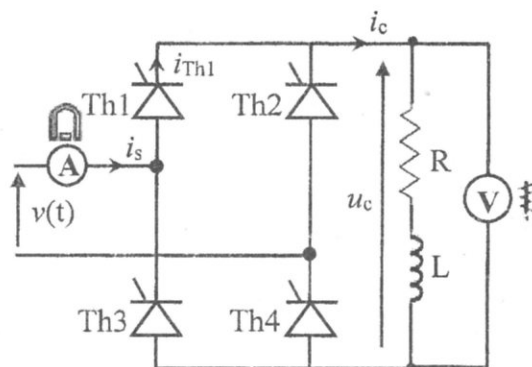
2/ Quelle est l'indication du voltmètre, calculer cette valeur.

3/ Donner l'expression du courant $i_c(\theta)$ sur une période.

4/ Exprimer la valeur moyenne du courant qui traverse la charge en fonction de celle qui traverse un élément de redressement. Calculer la valeur de ces deux courants.

5/ Quelle est l'indication de l'Ampèremètre, calculer cette valeur.

6/ Donner la nouvelle valeur de β pour changer le type de conduction, expliquer ?



Bonne Chance

EXERCICE 2:

1/ Etude de fonctionnement : 3.5 Pts

$0 \leq \theta \leq \alpha$: Th et D_r bloqués : $u_c(\theta) = 0$, $u_{th}(\theta) = v(\theta)$ et $i_{Dr}(\theta) = 0$;

$\alpha \leq \theta \leq \pi$: Th passant et D_r bloquée : $u_c(\theta) = v(\theta)$, $u_{th}(\theta) = 0$ et

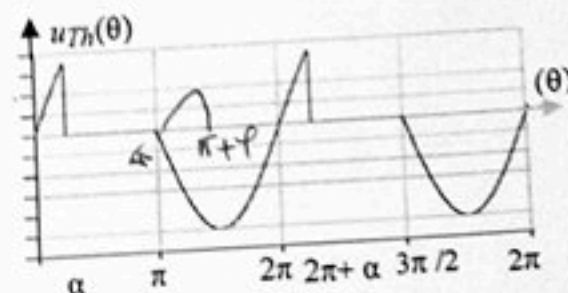
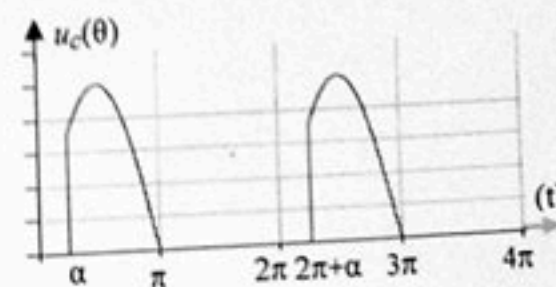
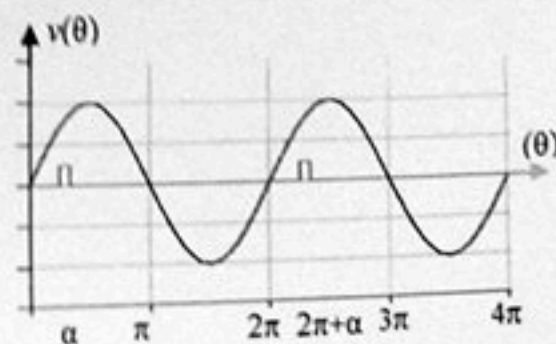
$$i_{Dr}(\theta) = 0 ;$$

$\pi \leq \theta \leq \pi + \theta_0$: D_r passante et Th bloqué : $u_c(\theta) = 0$, $u_{th}(\theta) = v(t)$ et

$$i_{Dr}(\theta) \neq 0 ;$$

$\pi + \theta_0 \leq \theta \leq 2\pi + \alpha$: Th et D_r bloqués : $u_c(\theta) = 0$, $u_{th}(\theta) = v(t)$ et

$$i_{Dr}(\theta) = 0 ;$$



2/ Calcul de Tension redressée : 1.5 Pts

$$u_{cmoy} = \frac{1}{T} \int_0^T u_c(t) dt = \frac{1}{2\pi} \int_{\alpha}^{\pi} V_M \sin \theta d\theta \Rightarrow$$

$$u_{cmoy} = \frac{V_M}{2\pi} [1 + \cos \alpha]$$

Calcul de φ :

Avec : $\tan \varphi = L\omega / R = 314 * 0.01 / 1.813 = 1.732 \Rightarrow \varphi = \pi / 3$

A.N : $U_{cmoy} = \frac{220\sqrt{2}}{2\pi} [1 + \cos \pi / 4] \Rightarrow U_{cmoy} = 84.564 V$

2/ Calcul de la Tension maximale inverse supportée par le thyristor : 0.5 Pts

$$U_{Thmax} = V_M = 220\sqrt{2} = 311.12 V$$

EXERCICE 1: 12 Pts

1/ Etude de fonctionnement : 4 Pts

$0 \leq \theta \leq \varphi$: Th2-Th3 passants et Th1-Th4 bloqués :

$$u_c(\theta) = -v(\theta), \quad u_{Th1}(\theta) = v(\theta), \quad i_{Th1}(\theta) = 0 \quad \text{et}$$

$$i_s(\theta) = -i_{Th3}(\theta) = -i_c(\theta);$$

$\varphi \leq \theta \leq \alpha$: pont bloqué : $u_c(\theta) = 0, u_{Th1}(\theta) = v(\theta), i_{Th1}(\theta) = 0$

$$\text{et } i_s(\theta) = 0;$$

$\alpha \leq \theta \leq \pi + \varphi$: Th1-Th4 passants et Th2-Th3 bloqués :

$$u_c(\theta) = v(\theta), \quad u_{Th1}(\theta) = 0, \quad \text{et } i_{Th1}(\theta) = i_s(\theta) \neq 0;$$

$\pi + \varphi \leq \theta \leq \pi + \alpha$: pont bloqué : $u_c(\theta) = 0, u_{Th1}(\theta) = v(\theta),$

$$i_{Th1}(\theta) = 0 \quad \text{et } i_s(\theta) = 0;$$

$\pi + \alpha \leq \theta \leq 2\pi + \varphi$: Th2-Th3 passants et Th1-Th4 bloqués :

$$u_c(\theta) = -v(\theta), \quad u_{Th1}(\theta) = v(\theta), \quad i_{Th1}(\theta) = 0 \quad \text{et}$$

$$i_s(\theta) = -i_{Th3}(\theta) = -i_c(\theta);$$

2/ Le voltmètre indique la valeur efficace de la tension redressée.

$$U_{eff}^2 = \frac{1}{T} \int_0^T U_c^2(t) dt = \frac{1}{\pi} \int_{\alpha}^{\pi+\varphi} V_M^2 \sin^2(\theta) d\theta = \frac{V_M^2}{\pi} \int_{\alpha}^{\pi+\varphi} \frac{1 - \cos 2\theta}{2} d\theta$$

$$U_{eff} = \frac{V_M}{\sqrt{2}} \left[\frac{\pi + \varphi - \alpha}{\pi} - \frac{1}{2\pi} (\sin 2\varphi - \sin 2\alpha) \right]^{1/2}$$

$$\text{A.N : } U_{eff} = \frac{220\sqrt{2}}{\sqrt{2}} \left[\frac{\pi + \pi/4 - \pi/3}{\pi} - \frac{1}{2\pi} (\sin \pi/2 - \sin 2\pi/3) \right]^{1/2}$$

$$U_{eff} = 208.1V \quad 1.75 \text{ Pts}$$

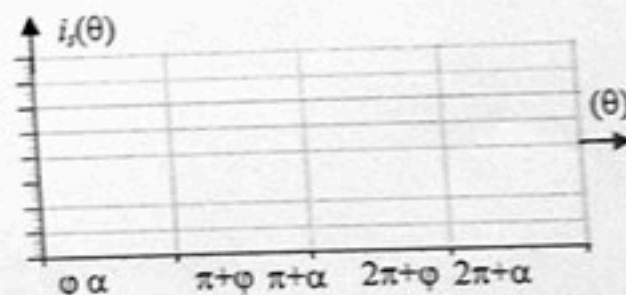
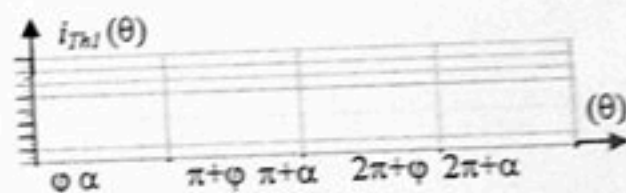
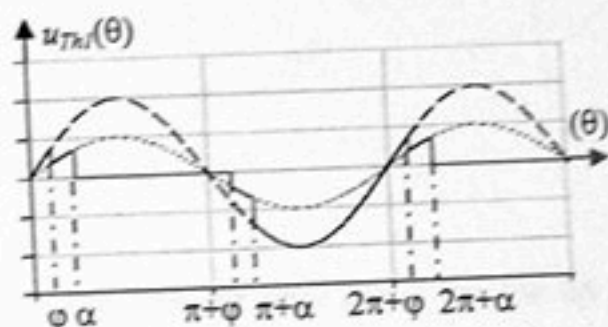
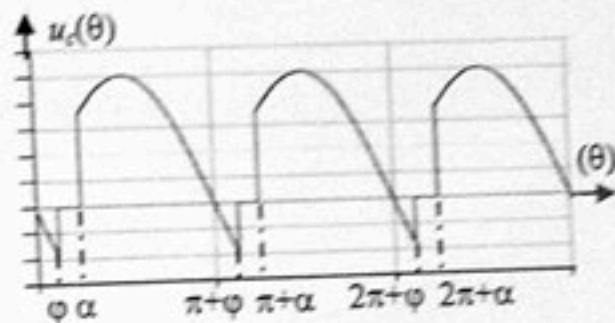
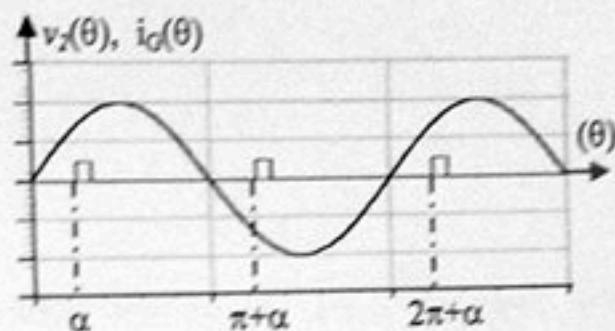
3/ Expression du courant $i_c(\theta)$ sur une période : 2.25 Pts

$$L \frac{di(t)}{dt} + Ri_c(t) = V_M \sin \omega t$$

La résolution de l'équation différentielle conduit à :

$$i_c(\theta) = i_{cp} \theta + i_{ch}(\theta) = A e^{-\frac{R}{L\omega}\theta} + \frac{V_M}{Z} \sin(\theta - \varphi)$$

$$\text{avec : } Z = \sqrt{R^2 + (L\omega)^2} = \sqrt{20^2 + 20^2} = 20\sqrt{2} \Omega$$



$$\text{et } \tan \varphi = \frac{L \omega}{R} = \frac{20}{20} = 1 \Rightarrow \varphi = \frac{\pi}{4} \quad \text{OK}$$

Calcul de la constante d'intégral A :

$$\text{Condition initiale : à } \theta = \alpha, i_c(\alpha) = 0 \Rightarrow A e^{-\frac{R}{L\omega}\alpha} + \frac{V_M}{Z} \sin(\alpha - \varphi) = 0 \Rightarrow A = -\frac{V_M}{Z} \sin(\alpha - \varphi) e^{\frac{R}{L\omega}\alpha}$$

$$i_c(\theta) = \frac{V_M}{Z} \left[\sin(\theta - \varphi) - \sin(\alpha - \varphi) e^{-\frac{R}{L\omega}(\theta - \alpha)} \right] = \frac{220\sqrt{2}}{20\sqrt{2}} \left[\sin(\theta - \pi/4) - \sin(\pi/3 - \pi/4) e^{-(\theta - \pi/3)} \right]$$

$$i_c(\theta) = 11 \left[\sin(\theta - \pi/4) - 0.25 e^{-(\theta - \pi/3)} \right]$$

$$i_c(\theta) = \begin{cases} 11 \left[\sin(\theta - \pi/4) - 0.25 e^{-(\theta - \pi/3)} \right] & 0 \leq \theta \leq \varphi \\ 0 & \varphi \leq \theta \leq \alpha \\ 11 \left[\sin(\theta - \pi/4) - 0.25 e^{-(\theta - \pi/3)} \right] & \alpha \leq \theta \leq \pi \end{cases}$$

4/ Valeur moyenne du courant qui traverse la charge en fonction de celle qui traverse un élément de redressement : 2.25 Pts

$$I_{Thmoy} = \frac{1}{T} \int_0^T i_{Th}(t) dt = \frac{1}{2\pi} \int_{\alpha}^{\pi+\varphi} i_c(\theta) d\theta = \frac{1}{2} \frac{1}{\pi} \int_{\alpha}^{\pi+\varphi} i_c(\theta) d\theta$$

$$I_{Thmoy} = \frac{I_{cmoy}}{2}$$

$$\text{Comme : } I_{cmoy} = \frac{U_{cmoy}}{R}$$

$$\text{Avec : } U_{cmoy} = \frac{1}{T} \int_0^T U_c(t) dt = \frac{1}{\pi} \int_{\alpha}^{\pi+\varphi} V_M \sin(\theta) d\theta \Rightarrow U_{cmoy} = \frac{V_M}{\pi} [\cos \varphi + \cos \alpha]$$

$$U_{cmoy} = 119.54 \text{ V}$$

$$I_{cmoy} = \frac{119.54}{20} = 5.97 \text{ A}$$

$$I_{Thmoy} = \frac{I_{cmoy}}{2} = \frac{5.97}{2} = 2.98 \text{ A}$$

5/ L' Ampèremètre indique la valeur moyenne du courant de source

$$I_{smoy} = \frac{1}{T} \int_0^T i_s(t) dt = \frac{1}{2\pi} \left[\int_{\alpha}^{\pi+\varphi} i_c(\theta) d\theta - \int_{\pi+\alpha}^{2\pi+\varphi} i_c(\theta) d\theta \right] = 0$$

0.75 Pts