



Exercice 1 (06pt):

Un quart de cercle, (AB), de centre O et de rayon R, porte une charge électrique uniformément répartie de densité linéique $\lambda = 0.2 \text{ nm}$ (figure1) :

- 1) Calculer le potentiel électrique créé par cette distribution au point O
- 2) Calculer les composantes E_x , E_y ainsi que le module E du champ électrique
Créé par cette distribution au même point O.
- 3) Quel travail doit-on fournir pour ramener une charge ponctuelle $q = 1.6 \cdot 10^{-9} \text{ C}$ de l'infini jusqu'au point O
- 4) On enlève la charge q et on place au point O, un dipôle $\mathbf{P} = P_0(\mathbf{i} + \mathbf{j})$ avec $P_0 = 1.6 \cdot 10^{-15} \text{ C} \cdot \text{m}$,

Calculer l'énergie potentielle de ce Dipole.
 5) Calculer le moment du couple qui lui appliqué.

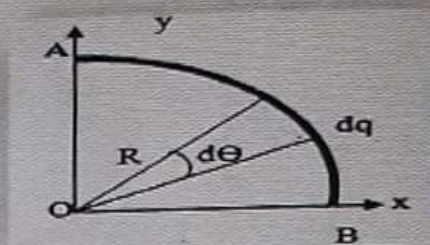


Fig.1

Exercice 2 (08pt):

Partie I : conducteur de forme quelconque homogène, en équilibre électrostatique, porte une charge Q.

1. Que vaut le champ électrique à l'intérieur de ce conducteur ?
2. Que vaut le potentiel électrique à l'intérieur de ce conducteur ?
3. Où est située la charge Q ?

Partie II : Nous disposons maintenant d'un câble coaxial, cylindrique, constitué de deux cylindres conducteurs infiniment longs, d'axe OZ, séparés par le vide. Le premier est plein de rayon R_1 , de potentiel V_0 et porte une charge Q_1 . Le second est creux, de rayon R_2 est relié au sol (voir figure2).

1. Quel est le signe de Q_1 ?
2. L'ensemble étant à l'équilibre, quelle est la charge Q_2 de la face interne du cylindre externe.
3. Déterminer, à l'aide du théorème de Gauss, la direction, le sens et le module du champ électrique entre les deux conducteurs ($R_1 < r < R_2$).

- a) En utilisant la circulation du champ électrique ($dV = -E \cdot dl$), donner l'expression de la charge Q_1 .
- b) Dédire l'expression de la capacité du câble coaxial.
- c) Calculer cette capacité par unité de longueur.

A.N : $R_1 = 1 \text{ mm}$, $R_2 = 3 \text{ mm}$, $\ln(3) = 1.1$, $k = 1/4\pi\epsilon_0 = 9 \cdot 10^9$

5. En appliquant l'expression locale de la loi d'Ohm ($\mathbf{j} = \gamma \mathbf{E}$) donné l'expression de la résistance de ce câble.
6. Donner la relation liant la résistance à la capacité de ce câble.

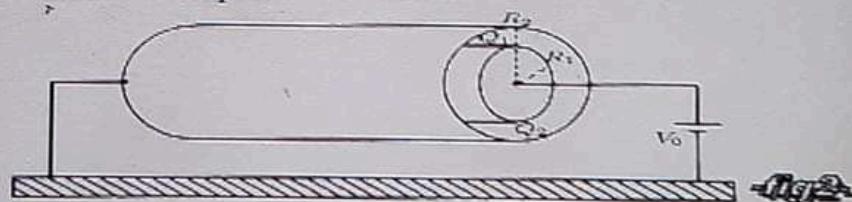


Fig.2

Exercice 3 (06pt) : AN : $E = 12 \text{ V}$, $R_1 = 1 \text{ k}\Omega$, $R_2 = 2 \text{ k}\Omega$, $R_3 = 5 \text{ k}\Omega$ et $C = 1 \mu\text{F}$

On considère le montage ci-dessous où le condensateur C est initialement déchargé

- 1- Etablir l'équation différentielle régissant l'évolution de la charge de ce condensateur au cours du temps, Montrer que l'on peut la mettre sous la forme: $\frac{dq}{dt} + \frac{1}{\tau} q = A$, Donner les expressions de A et τ et les calculer.
- 2- Trouver l'expression de la charge en fonction du temps.
- 3- Le condensateur étant entièrement chargé en déduire le courant circulant dans chaque branche
- 4- Calculer, dans ce cas la charge finale du condensateur.
- 5- En déduire l'énergie emmagasinée dans le condensateur.

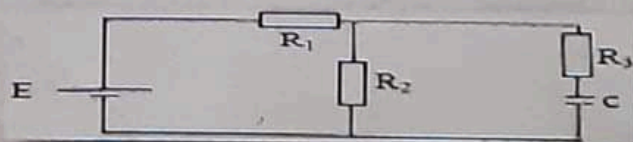


Fig.3

Matière : physique II
 L01ST 2022-2023

Correction Examen L^{ena} = Semestre (ST)

- Exercice I. (06 points)

- AB un quart de cercle et $\lambda = 0,2 \text{ nm}$.

1/ le potentiel Electrique au point O :

$$dV = \frac{k dq}{R} = \frac{k \lambda \cdot dl}{R}$$

avec $dl = R \cdot d\theta$

$$\text{donc } V = k \lambda \int_0^{\frac{\pi}{2}} \frac{R \cdot d\theta}{R} = k \lambda \left[\theta \right]_0^{\frac{\pi}{2}} = \frac{k \lambda \pi}{2}$$

A.N: $V = 2,83 \text{ Volts}$

2/ Les composantes E_x , E_y ainsi que le module E au point O :

$$\text{on a } dE = \frac{k dq}{R^2} = \frac{k \lambda dl}{R^2}$$

$$\text{avec : } dE_x = -dE \cdot \cos\theta \quad \text{et} \quad dE_y = -dE \cdot \sin\theta$$

$$\Rightarrow \begin{cases} E_x = - \int_0^{\frac{\pi}{2}} \frac{k \lambda \cdot R \cdot d\theta}{R^2} \cos\theta = - \frac{k \lambda}{R} \int_0^{\frac{\pi}{2}} \cos\theta \cdot d\theta = - \frac{k \lambda}{R} = -60 \text{ V/m} \\ E_y = - \int_0^{\frac{\pi}{2}} \frac{k \lambda \cdot R \cdot d\theta}{R^2} \sin\theta = - \frac{k \lambda}{R} \int_0^{\frac{\pi}{2}} \sin\theta \cdot d\theta = - \frac{k \lambda}{R} = -60 \text{ V/m} \end{cases}$$

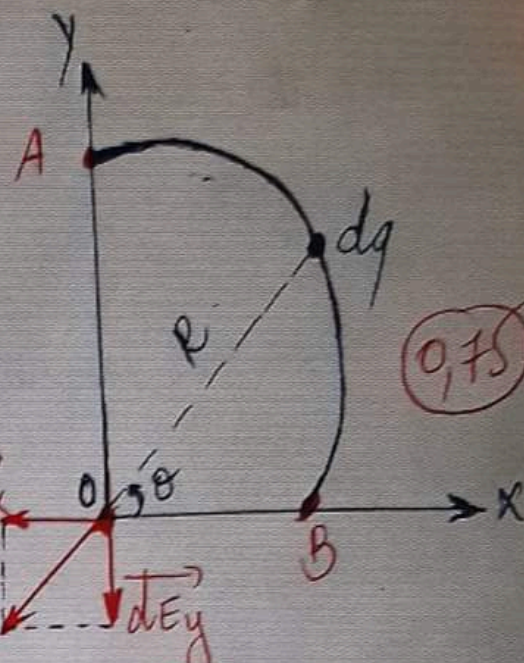
$$\text{donc } E_x = E_y \Rightarrow E = \sqrt{E_x^2 + E_y^2} = \sqrt{2} E_x = 84,85 \text{ V/m}$$

3/ Travail (W) :

$$\text{on a } W = -\Delta E_p = (-q) \cdot \Delta V = -q \cdot V_0 \Rightarrow W = 4,53 \cdot 10^{-9} = 4,53 \text{ nJ}$$

4/ Energie potentielle : $E_p = -P \cdot E = -(P \cdot E \cdot \cos\pi) = -(\sqrt{P_0^2 + P_0^2}) \cdot E \cdot (-1)$

$$\Rightarrow E_p = \sqrt{2} \cdot P_0 \cdot E = 1,92 \cdot 10^{-13} \text{ J}$$



5/ Le moment du couple :

$$\tau = P \times E = P \cdot E \cdot \sin \pi = 0 \text{ N.m} \quad (0,5) \quad (0,25)$$

Exercice II : 08 points

Partie I

1/ $\vec{E} = \vec{0}$ (0,5)

2/ $V = \text{constante}$ (0,5)

3/ La charge se met sur la face extérieure du conducteur (0,5)

Partie II

1/ Q_1 est positive ($Q_1 > 0$) (0,5)

2/ Il y a une influence totale donc $Q_2 = -Q_1$ (0,5)

3/ Théorème de Gauss : $\oint \vec{E} \cdot d\vec{s} = \frac{\sum Q_i}{\epsilon_0}$ (0,5)

$$\Rightarrow E \cdot 2\pi r l = \frac{Q_1}{\epsilon_0} \Rightarrow E(r) = \frac{Q_1}{2\pi \epsilon_0 r l} \quad (0,5)$$

4/a) on a $dV = -E \cdot dl$ (0,5)

$$\Rightarrow Q_1 = \frac{2\pi \epsilon_0 l}{\ln\left(\frac{R_2}{R_1}\right)} \cdot V_0 \quad (0,5)$$

b) comme $Q_1 = C \cdot V_0$ donc $C = \frac{2\pi \epsilon_0 l}{\ln\left(\frac{R_1}{R_2}\right)} = \frac{1}{2k \ln\left(\frac{R_1}{R_2}\right)}$ (0,5)

c) $C_1 = \frac{C}{l} = \frac{1}{2 \cdot 9 \cdot 10^9 \ln 3} = 50 \cdot 10^{-12} \text{ F}$ (0,5)

5/ $j = \gamma \cdot E = \frac{I}{S} = \frac{I}{2\pi r l} \Rightarrow E = \frac{I}{2\pi r l} \Rightarrow V_0 = \int_{R_1}^{R_2} E \cdot dr = \frac{1}{2\pi \gamma} \ln\left(\frac{R_2}{R_1}\right)$ (0,75)

et $V_0 = R \cdot I$ Donc : $R = \frac{1}{2\pi \gamma} \ln\left(\frac{R_1}{R_2}\right)$ (0,5)

6/ $R \cdot C = \frac{\epsilon_0}{\gamma} = \rho \cdot \epsilon_0$ (0,75)

Exercice III (06) point

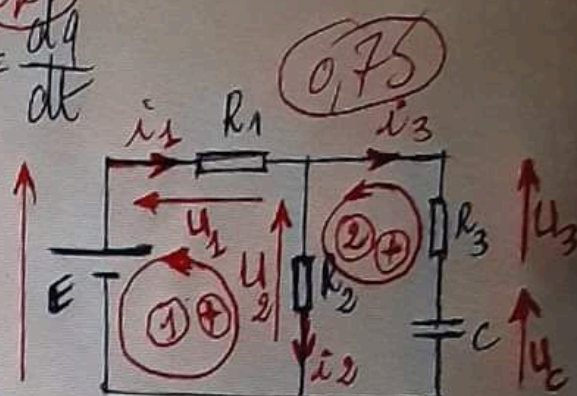
1/ Equation différentielle :

- La loi des Nœuds : $i_1 = i_2 + i_3$ (0,25) (1) et $i_3 = \frac{dq}{dt}$ (0,25)

- la loi des Mailles :

① $-E + R_1 i_1 + R_2 i_2 = 0$ (2) (0,25)

② $+R_3 i_3 - R_2 i_2 + \frac{q}{C} = 0$ (3) (0,25)



En remplaçant (1) dans (3) :

on a : $\frac{dq}{dt} + \left(\frac{R_1 + R_2}{R_1 R_2 + R_1 R_3 + R_2 R_3} \right) \frac{q}{C} = \frac{R_2 \cdot E}{R_1 R_2 + R_1 R_3 + R_2 R_3}$ (1pt)

donc : $A = \frac{R_2 \cdot E}{R_1 R_2 + R_1 R_3 + R_2 R_3} = 1,41 \text{ mA}$ (0,25)

$\tau = \left(\frac{R_1 R_2 + R_1 R_3 + R_2 R_3}{R_1 + R_2} \right) \cdot C = 5,67 \text{ ms}$ (0,25)

2/ Equation de la charge $q(t)$: $q(t) = q_1(t) + q_2(t)$.

- Solution particulière : $\frac{dq}{dt} = 0$ et $q_1 = \frac{R_2 \cdot E \cdot C}{R_1 + R_2}$ (0,25)

- Solution sans second membre :

$\frac{dq}{dt} + \frac{1}{\tau} q = 0 \Rightarrow \frac{dq}{q} = -\frac{dt}{\tau}$ (0,25) $\Rightarrow q_2(t) = K e^{-\frac{t}{\tau}}$ (0,25)

La solution est donc : $q(t) = \frac{R_2 E C}{R_1 + R_2} + K e^{-\frac{t}{\tau}}$ (0,25)

En posant à $t=0$, $q(0)=0$ on a $K = -\frac{R_2 E C}{R_1 + R_2}$ (0,25)

et : $q(t) = \frac{R_2 E C}{R_1 + R_2} (1 - e^{-\frac{t}{\tau}})$ (0,25)

3/ c charge $i_3 = 0$ et $i_1 = i_2 = \frac{E}{R_1 + R_2} = 4 \text{ mA}$ (0,25)

4/ La charge Q de C : $R_2 i_2 = \frac{Q}{C} \Rightarrow Q = C R_2 i_2 = \frac{C E R_2}{R_1 + R_2} = 8 \mu\text{C}$ (0,25)

5/ Energie du condensateur : $E_{\text{cond}} = \frac{1}{2} \frac{Q^2}{C} = 32 \mu\text{J}$ (0,25)