

=> Resume de Module: Electrotechnique fondamentale

1) Circuits Monophases et triphase:

a - Systeme Monophasé:

* L'impedance:

* la Resistance $Z_R = R$

* la Condensateur $Z_C = \frac{1}{j\omega C} = \frac{-j}{\omega C}$

avec: $\begin{cases} C: \text{sa capacité} \end{cases}$

$\begin{cases} \omega: \text{la pulsation } \omega = 2\pi f \end{cases}$

* la Bobine $Z_L = j\omega L$

avec: $L =$ l'inductance (H).

=> L'expression générale de l'impedance:

$$Z = R + jX \quad (\text{nbre complexe}).$$

* On a 3 cas:

$\begin{cases} \text{Si } X=0 & Z: \text{ est une Resistance.} \end{cases}$

$\begin{cases} \text{Si } R=0 \text{ et } X>0 & Z: \text{ est une Bobine} \end{cases}$

$\begin{cases} \text{Si } R=0 \text{ et } X<0 & Z: \text{ est une Condensateur} \end{cases}$

=> L'admettance "Y":

$$Y = \frac{1}{Z}$$

=> la Réactance "X":

la Réactance de la Bobine: $X_L = \omega L$

" " " la Condensateur $X_C = \frac{1}{\omega C}$

=> les puissances:

1  la puissance active "P" (W).

$$P = UI \cos \varphi \quad \text{avec: } \begin{cases} U: \text{ la tension (V)} \\ I: \text{ le courant (A)} \end{cases}$$

* La Puissance active de la Resistance est: $P = UI$ $\begin{cases} \cos \varphi: \text{ facteur de puissance} \end{cases}$
Car $\cos \varphi$ (Charge Résistive) = 1.

* la Puissance active de la Bobine et la Condensateur est nulle. $P(\text{Bobine}) = P(\text{Condensateur}) = 0$

2°/ la Puissance réactive (Q) "VAR"

$$Q = UI \sin \phi.$$

* la Puissance réactive de la Résistance est nulle
 $Q(\text{Résistance}) = 0$

3°/ la Puissance apparente "S"

$$S = \sqrt{P^2 + Q^2}$$

$$S(\text{la Résistance}) = P.$$

$$S(\text{la Bobine, le Condensateur}) = Q$$

On a :

$$\Rightarrow \tan \phi = \frac{Q}{P} \leftarrow \begin{array}{l} \text{La puissance réactive} \\ \text{la puissance active} \end{array}$$

$$\Rightarrow \cos \phi = \frac{P}{S} \leftarrow \begin{array}{l} \text{la puissance apparente} \\ \text{facteur de Puissance} \end{array}$$

$$\Rightarrow \sin \phi = \frac{Q}{S}$$

\Rightarrow Si l'impédance Z est écrit sous la forme complexe.

$$Z = a + jb.$$

$$\left\{ \begin{array}{l} \text{Le Module } r = \sqrt{a^2 + b^2} \\ \text{l'argument } \theta = \arctg\left(\frac{b}{a}\right). \end{array} \right.$$

b. système triphasé :

=> système triphasé équilibré :

$$V_1 = \sqrt{3} \sin(\omega t + 0) \quad ; \quad \omega = 2\pi f.$$

$$V_2 = \sqrt{3} \sin(\omega t + \frac{2\pi}{3})$$

$$V_3 = \sqrt{3} \sin(\omega t + \frac{4\pi}{3})$$

On a :

$$V = \sqrt{2} V \leftarrow$$

la valeur Maximale
de la Tension

la valeur efficace

=> la Tension Simple et Composée :

$$U = \sqrt{3} V$$

la Tension
Composée

la Tension Simple

=> Dans un système triphasé équilibré :

$$\sum U = 0 \quad \text{et} \quad \sum I = 0$$

=> le courant de ligne et courant de phase :

$$I = \sqrt{3} J \leftarrow$$

le courant de ligne

le courant de phase

=> Dans un couplage étoile On utilise la Tension "V" on utilise le courant de ligne I.

Et => Dans un couplage triangle on utilise la Tension "U" on utilise le courant de phase "J"

=> la Puissance triphasé équilibré :

1°/ Couplage étoile "Y" (*) $U = \sqrt{3} V$

$$\begin{cases} P_y = 3 V I \cos \phi \\ Q_y = 3 V I \sin \phi \\ S_y = 3 V I \end{cases} \quad ; \quad V : \text{la Tension Simple.}$$

2°/ Couplage triangle: "Δ"

$$I = \sqrt{3} J$$

$$\begin{cases} P_{\Delta} = 3UJ \cos \varphi \\ Q_{\Delta} = 3UJ \sin \varphi \\ S_{\Delta} = 3UJ \end{cases}$$

Ramarque:

$$I_{\Delta} = 3 I_Y$$

et

$$P_{\Delta} = 3 P_Y$$

2/ Magnétisme, Matériaux et Circuits Magnétiques

* L'induction Magnétique: \vec{B}

=> Dans le vide: $\vec{B} = \mu_0 \vec{H}$

avec: $\mu_0 = 4\pi \cdot 10^{-7}$

\vec{H} = champ Magnétique (A/m)

=> Dans la Matière: $\vec{B} = \mu_0 (\vec{H} + \vec{J})$

avec: $\vec{J} = \chi \cdot \vec{H}$

χ = la susceptibilité.

On peut écrire \vec{B} sous la forme:

$$\vec{B} = \mu_0 \mu_r \vec{H} \quad \text{avec: } \mu_r = 1 + \chi$$

μ_r : la perméabilité relative.

=> la Reluctance: R_f

$$R_f = \frac{l}{\mu_s} = \frac{l}{\mu_0 \mu_r s}$$

avec: $\mu_0 = 4\pi \cdot 10^{-7}$

=> la longueur moyenne de l'axe en fer

$$l_f = l - e \approx l$$

=> la longueur d'air

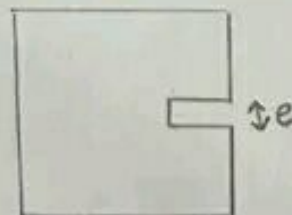
$$R_a = \frac{e}{\mu_0 s}$$

=> l'inductance que représente

N spires

$$L = \frac{N^2}{R_{\text{tot}}}$$

$$R_{\text{tot}} = R_f + R_a$$



\Rightarrow l'induction max. (B_{\max})

$$V = 4,44 N B_{\max} S \cdot f$$

\Rightarrow la densité :

$$S = \frac{I_{\max}}{S_{\text{conducteurs}}} ; I_{\max} = I \sqrt{2}$$

\Rightarrow l'inductance mutuelle

$$\begin{cases} M = \frac{N_2 Q_2}{c_1} \\ L_p = \frac{N Q}{c} \end{cases}$$

\Rightarrow la loi de Lenz :

$$V_1(L) = N_1 \cdot \frac{dQ_1}{dt} = N_1 \cdot \frac{d(Q_2 + Q_3)}{dt}$$

$$= N_1 \cdot \frac{dQ_2}{dt} + L_p \frac{di_1}{dt}$$

\Rightarrow l'induction B :

$$B = \frac{Q}{S} ; B = \mu H = \mu \cdot \frac{NI}{l}$$

\Rightarrow le théorème d'Ampères :

$$NI = H \cdot R$$

$$+ N_{\min} = \frac{H \cdot R}{I_{\max}}$$

\Rightarrow Ampères tours :

$$N_c = R \cdot \Phi ; \Phi = \text{le flux.}$$