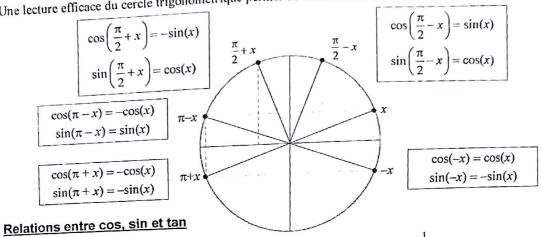
TRIGONOMÉTRIE: FORMULAIRE

Angles associés

Une lecture efficace du cercle trigonométrique permet de retrouver les relations suivantes :



$$\cos^2(x) + \sin^2(x) = 1$$
 $1 + \tan^2(x) = \frac{1}{\cos^2(x)}$

Formules d'addition

$$\cos(a-b) = \cos(a)\cos(b) + \sin(a)\sin(b)$$

$$\cos(a-b) = \sin(a)\cos(b) - \cos(a)\sin(b)$$

$$\tan(a-b) = \frac{\tan(a) - \tan(b)}{1 + \tan(a)\tan(b)}$$

$$\tan(a+b) = \frac{\tan(a) + \tan(b)}{1 - \tan(a)\tan(b)}$$

Formules de duplication

$$\cos(2a) = \cos^{2}(a) - \sin^{2}(a) = 2\cos^{2}(a) - 1 = 1 - 2\sin^{2}(a) \qquad \sin(2a) = 2\sin(a)\cos(a) \qquad \tan(2a) = \frac{2\tan(a)}{1 - \tan^{2}(a)}$$
Extensions: $\cos(3a) = 4\cos^{3}(a) - 3\cos(a) \qquad \sin(3a) = 3\sin(a) - 4\sin^{3}(a) \qquad \tan(3a) = \frac{3\tan(a) - \tan^{3}(a)}{1 - 3\tan^{2}(a)}$
Au delà, utiliser la formule de Moivre.

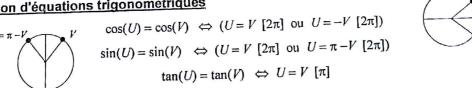
Formules de linéarisation

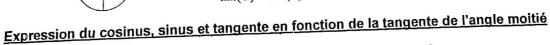
Formules de linearisation
$$\cos^{2}(a) = \frac{1 + \cos(2a)}{2} \qquad \sin^{2}(a) = \frac{1 - \cos(2a)}{2} \qquad \tan^{2}(a) = \frac{1 - \cos(2a)}{1 + \cos(2a)}$$
Extensions:
$$\cos^{3}(a) = \frac{\cos(3a) + 3\cos(a)}{4} \qquad \sin^{3}(a) = \frac{-\sin(3a) + 3\sin(a)}{4} \qquad \tan^{3}(a) = \frac{-\sin(3a) + 3\cos(a)}{\cos(3a) + 3\cos(a)}$$

Au delà, utiliser les formules d'Euler. Les formules d'Euler permettent également de montrer que :

u delà, utiliser les formules d'Euler. Les formules d'Euler phase
$$a$$
 cos (a) cos (a) cos (b) = $\frac{1}{2}$ [cos $(a-b)$ + cos $(a+b)$] cos (a) sin (b) = $\frac{1}{2}$ [cos $(a-b)$ - cos $(a+b)$] cos (a) cos (a)

Résolution d'équations trigonométriques





Si
$$t = \tan\left(\frac{a}{2}\right)$$
, on a: $\cos(a) = \frac{1-t^2}{1+t^2}$; $\sin(a) = \frac{2t}{1+t^2}$; $\tan(a) = \frac{2t}{1-t^2}$