departement SM Université Larbi Ben M'hidi Oum el bouaghi

CMD PHYSIQUE 02

Section: 1ère année

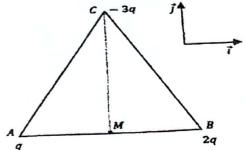
SM

Durée: 1H30'

Exercice 1:(/07.50 pts)

Soient trois charges ponctuelles q,2q,-3q (avec q >0) respectivement aux sommets A, B,C d'un triangle équilatéral de coté a.

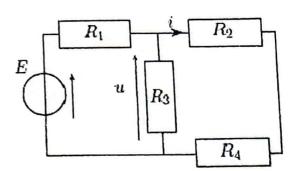
- Représenter sur le schéma le champ électrique créé par chacune des charges au point M milieu de AB.
- 2. Déterminer le champ électrique total au point M ainsi que le potentiel.
- 3. Déterminer la force exercée sur chacune des charges.



Exercice 2::(/07.50 pts)

Une sphère de centre O et de rayon R est chargée par une densité de charge surfacique σ (σ >0).

- 1. En utilisant le théorème de Gauss, déterminer le champ électrique $\vec{E}(r)$ en tout point M de l'espace.
- 2. En déduire l'expression du potentiel électrique V(r).
- 3. tracer en fonction de r l'allure de E(r) et V(r).
- Refaire les questions 1,2 et 3 dans le cas d'une sphère chargée par une densité de charge volumique ρ(ρ >0).



Exercice 2: (/05.00pts)

pour le circuit ci-contre,

Déterminer:

- 1. l'intensité du courant i qui traverse la résistance R2
- 2. la tension u aux bornes de la résistance R₃:

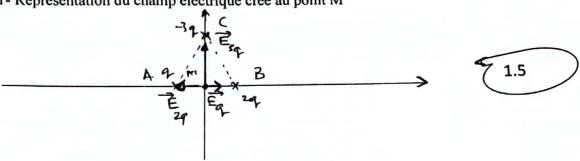
Application numérique pour $E=6\ V$, $R_1=100\Omega$,

$$R_2 = R_3 = R_4 = 50\Omega$$

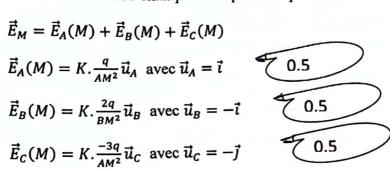
0.25

Exercice N°01(/07.5pts)

1- Représentation du champ électrique créé au point M



2-Détermination du champ électrique et du potentiel total au point M :



$$AM = BM = \frac{a}{2}$$
; $AM^2 + CM^2 = AC^2 \rightarrow \frac{a^2}{4} + CM^2 = a^2 \rightarrow +CM^2 = \frac{3}{4}a^2 \rightarrow$

$$CM = \frac{\sqrt{3}}{2}a$$

$$\vec{E}_M = K.\frac{q}{a^2}(-\vec{i}+\vec{j})$$

$$0.25$$

le potentiel :
$$V_M = V_A(M) + V_B(M) + V_C(M) = K \cdot \frac{q}{a/2} + K \cdot \frac{2q}{a/2} + K \cdot \frac{-3q}{\sqrt{3}/2a}$$

$$V_M = \vec{E}_M = 6K \cdot \frac{q}{a} (1 - \frac{1}{\sqrt{3}})$$
0.25

3- Forces extérieures sur chacune des charges

$$\vec{F}(A) = \vec{F}_B(A) + \vec{F}_C(A)$$
 0.25

$$\vec{F}_{B}(A) = K \cdot \frac{q(2q)}{a^{2}} \vec{u}_{1}$$
 avec $\vec{u}_{1} = -\vec{i}$ 0.25
$$\vec{F}_{C}(A) = K \cdot \frac{q(-3q)}{a^{2}} \vec{u}_{2}$$
 avec $\vec{u}_{2} = -\sin 30^{\circ} \vec{i} - \cos 30^{\circ} \vec{j}$
$$\vec{F}(B) = \vec{F}_{A}(B) + \vec{F}_{C}(B)$$
 0.25

$$\vec{F}_A(B) = K \cdot \frac{q(2q)}{a^2} \vec{u}_3 \qquad \left\{ avec \ \vec{u}_3 = \vec{t} \right.$$

$$\vec{F}_C(B) = K \cdot \frac{(2q)(-3q)}{a^2} \vec{u}_4 \quad avec \left[\vec{u}_4 = -sin30^\circ \vec{t} - cos30^\circ \vec{j} \right]$$

0.25

$$\vec{F}(C) = \vec{F}_A(C) + \vec{F}_B(C)$$
 0.25

$$\vec{F}_A(C) = K. \frac{q(-3q)}{a^2} \vec{u}_5$$

$$\vec{F}_A(C) = K.\frac{q(-3q)}{a^2}\vec{u}_5$$
 avec $\vec{u}_5 = \cos 60^\circ \vec{t} + \sin 60^\circ \vec{j}$



 $\vec{F}_B(C) = K \cdot \frac{2q(-3q)}{a^2} \vec{u}_6 \quad avec \quad \vec{u}_6 = -\cos 60^\circ \vec{i} + \sin 60^\circ \vec{j}$

Exercice 2 (/7.5pts)

1et 2) Calcul du champ électrique et déduction du potentiel

En raison de la symétrie sphérique, on choisit la surface de Gauss une sphère SG de centre O et de rayon r. Le champ est radial, \vec{E} et la surface \vec{dS} sont colinéaire et la composante radiale du champ est constante sur une sphère de rayon r, Er = Cte Pour déterminer le champ \vec{E} en tout point de l'espace, on utilise le théorème de Gauss,



0.25

 $\Phi = \frac{\sum Q_{int}}{\epsilon_0}$ avec Qint la charge enfermée par la surface de Gauss et Φ le flux du champ

électrostatique donné par : $\Phi = \oiint \vec{E} \cdot \overrightarrow{dS_G}$ 0.25



Pour déterminer le champ dans tout l'espace, on a deux cas : r < R et r > R

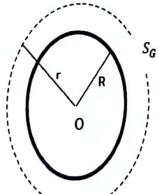
Région 1 : Pour r < R,

Dans ce cas la surface de Gauss ne renferme aucune charge électrique, $Q_{int} = 0$ Le théorème de Gauss permet d'écrire : $\Phi = 0$, ainsi :

$$\Phi = \iint \vec{E} \cdot \vec{dS} = 0 \Rightarrow \vec{E}_1 = \vec{0} = 0.5$$



Le flux à travers la surface de Gauss est :



$$\Phi = \iint \vec{E} \cdot \vec{dS} = \iint E \cdot dS = E_2 \cdot S_{sphère} = 4\pi r^2 E_2$$

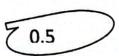
$$Q_{\rm int} = \iint dq = \iint \sigma dS = \sigma \iint dS = 4\pi \ \sigma R^2$$

Ainsi:

$$\Phi = \frac{Q_{\rm int}}{\varepsilon_0} \Longrightarrow 4\pi r^2 E_2 = \frac{4\pi \, \sigma R^2}{\varepsilon_0} \Longrightarrow E_2 = \frac{\sigma R^2}{r^2 \varepsilon_0}$$

Pour déterminer le potentiel, on utilise la relation locale :

$$\vec{E} = -\overrightarrow{arad} V = -\overrightarrow{\nabla}V$$



0.5

$$\vec{E} = -\frac{dV}{dr}\vec{u}_r \implies \vec{E}.\vec{u}_r = -\frac{dV}{dr}\vec{u}_r.\vec{u}_r \implies E = -\frac{dV}{dr} \implies dV = -Edr$$

- Région 1 : Pour r < R,

 $V_1 = -\int E_1 dr = C_1$, où C_1 est une constante car le champ est nul dans cette région \bigcirc 0.5

- Région 2 : Pour r > R,

$$V_2 = -\int E_2 dr = -\frac{\sigma R^2}{\varepsilon_0} \int \frac{dr}{r^2} = \frac{\sigma R^2}{\varepsilon_0 r} + C_2$$



Pour déterminer C1 et C2, on utilise les conditions aux limites et les conditions de continuité du potentiel

$$\lim_{r\to\infty}V_2=0\Longrightarrow C_2=0$$

D'où:

$$V_2 = \frac{\sigma R^2}{\varepsilon_0 r} \qquad \boxed{0.25}$$

La condition de continuité du potentiel :

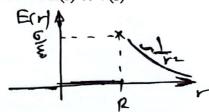
$$V_1 = V_2(r=R) \Longrightarrow C_1 = \frac{\sigma R}{\varepsilon_0}$$

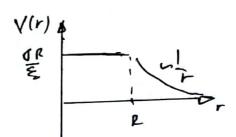
d'où

$$V_1 = \frac{\sigma R}{\varepsilon_0} \qquad \boxed{0.25}$$

3-) Allure de E(r) et V(r)







0.25

4-) Cas de la charge volumique ρ

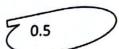
même procédure que 1 sauf pour la charge Q on aura :

$$\Phi = \iint E. \, dS_G = \frac{\sum Q_{int}}{\varepsilon_0}$$



$$Q_{int} = \rho V = \rho \frac{4}{3} \pi r^3$$
 et $\oiint E_1. dS_G = ES_G = E. 4 \mu r^2 = \rho \frac{4}{3 \epsilon_0} \pi r^3$

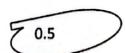
$$E_1 = \frac{\rho}{3\varepsilon_0} r \qquad \boxed{0.5}$$



r > R

$$Q_{int} = \rho V = \rho \frac{4}{3} \pi R^3 \text{ et } \oiint E_2. dS_G = ES_G = E. 4 \mu r^2 = \rho \frac{4}{3\epsilon_0} \pi R^3$$

$$E_2 = \frac{\rho R^3}{3\varepsilon_0} \frac{1}{r^2}$$



pour la région 1 : r < R

$$V_1 = -\int E_1 d\mathbf{r} = -\int \frac{\rho}{3\varepsilon_0} \mathbf{r} d\mathbf{r} = -\frac{\rho}{6\varepsilon_0} \mathbf{r}^2 + c_1$$

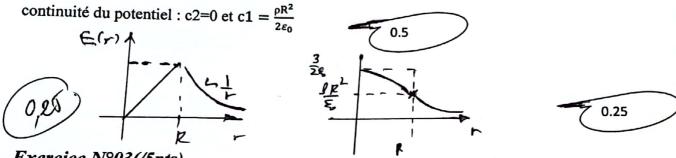
$$V_1 = -\frac{\rho}{6\varepsilon_0} \mathbf{r}^2 + c_1$$

pour la région 1 : r > R

$$V_2 = -\int E_2 \, \mathrm{d}\mathbf{r} = -\int \frac{\rho R^3}{3\varepsilon_0} \frac{1}{\mathbf{r}^2} \, \mathrm{d}\mathbf{r} = \frac{\rho R^3}{3\varepsilon_0} \frac{1}{\mathbf{r}} + c_2$$

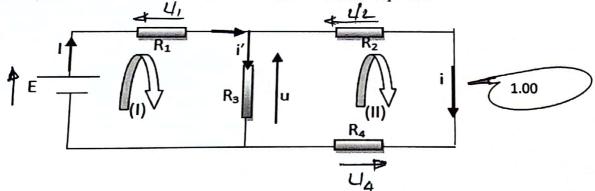
$$V_2 = \frac{\rho R^3}{3\varepsilon_0} \frac{1}{\mathbf{r}} + c_2$$

Pour déterminer C1 et C2, on utilise les conditions aux limites et les conditions de



Exercice N°03(/5pts)

1. Déterminons l'intensité du courant de la résistance R2 et la tension U Soient I, i et i' les courants dans les trois branches comme représenté ci-contre.



$$\mathsf{Maille}\left(\mathsf{I}\right): -E + R_1 I + R_3 i' = 0 \ \Leftrightarrow \ E = R_1 I + R_3 i' \ \Leftrightarrow \ 6 = \ 100 I + 50 i'$$



Maille(II): $0 = (R_2 + R_4)i - R_3i' \Leftrightarrow 0 = 100i - 50i'$



$$Or: I=i+i'$$



Les deux équations précédentes donnent : $\begin{cases} 100i - 50i' = 0 \\ 6 = 100I + 50i' \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} i' = 2i \\ 6 = 300i' + 50i' \end{cases}$



Donc: $6 = 350i' \Rightarrow i' = \frac{6}{350} = 0.017A = 17mA$

D'où:
$$i = 8.5 mA$$



La tension u

On a:
$$u = R_3 i' = 0.85V$$

