



EXAMEN EN "Physique S1 "

Les chargés du module : **Mme Mechahar.S**

Domaine / Filière/ Spécialité: **ST/ Tronc commun**

Année universitaire : **2022/2023**

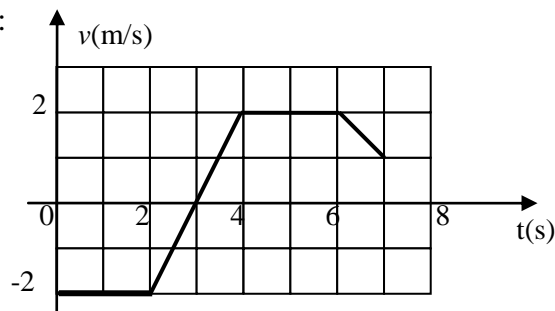
Semestre /Session: **S1 /Normale**

Date: 11 /01/2022

Durée d'examen : **01 h 30**

Exercice N° 01 (5 points) :

Le mouvement d'un point matériel M suivant l'axe (x'Ox) est défini par son diagramme de vitesses représenté sur la figure ci-dessous :



- 1- Tracer le diagramme des accélérations $a(t)$ du mobile.
- 2- Donner les différentes phases du mouvement. Préciser leurs natures.
- 3- A quel instant le mobile rebrousse chemin (tourne)?
- 4- Déterminer la position du mobile à l'instant $t=3$ s , on donne $t=0$ s, $x_0=0$ m.
- 5- En déduire l'instant d'arrêt, t_a , du mobile.
- 6- Déterminer la distance parcourue entre les instants 0 et t_a .

Exercice N° 02 (6 pts):

La trajectoire d'un mobile en mouvement curviligne est décrite en coordonnées polaires par

les équations paramétriques : $\begin{cases} r(t) = 2 \\ \theta(t) = \frac{\pi}{4}(t^2 - 2t) \end{cases}$; (r en mètres, θ en radians et t en secondes).

- 1- Déterminer la vitesse angulaire $\omega(t) = \dot{\theta}$. Déduire la dimension et l'unité de ω en (SI).
- 2- Déterminer les composantes radiale et transversal des vecteurs vitesse \vec{v} et accélération \vec{a} .
- 3- Calculer les composantes des vecteurs : position, vitesse et accélération à $t=3$ s
- 4- Représenter les vecteurs position, vitesse et accélération à l'instant $t=3$ s .

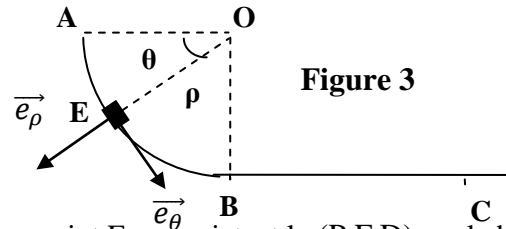
Echelle: $1\text{cm} \rightarrow 2\pi \text{ (m /s)}$, $1\text{cm} \rightarrow 2\pi \text{ (m /s}^2\text{)}$

Exercice N° 03 (3 pts):

Exercice N° 03 (6 pts):**1 / 2****Remarque : les parties I, II, III de l'exercice sont indépendantes :**

Un mobile de masse m est abandonné sans vitesse initiale à partir du point A de la piste (ABC) (Voir figure 3). Cette piste est constituée d'une partie (AB) en forme de quart de cercle de rayon ρ et une partie horizontale (BC). Les frottements sont négligeables sur la partie circulaire (AB). Sur la partie (BC) les frottements sont caractérisés par un coefficient de frottement dynamique μ_d

Données : $m=0.2\text{kg}$, $\rho=1\text{m}$, $g=10\text{m/s}^2$

**Figure 3****I.**

1- Représenter qualitativement **les forces** appliquées à la masse m au point E (figure 3) :

2- Exprimer la 2^{ème} loi de Newton (P.F.D)

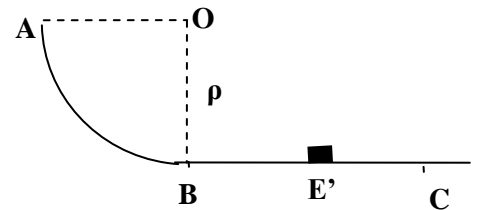
3- Déterminer les équations du mouvement du mobile au point E en projetant le (P.F.D) sur la base polaire

4- Au point E l'accélération transversal a_θ du mobile est de $a_\theta = 5 \text{ m.s}^{-2}$. Déterminer l'angle θ .

II. La masse m aborde la piste horizontale avec une vitesse $V_B = \sqrt{20} \text{ m.s}^{-1}$ et s'arrête au point C .

1- Représenter qualitativement

les forces appliquées à la masse m au point E' (figure ci-contre) :



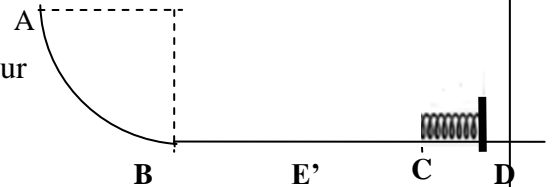
2- Le module de l'accélération du mobile étant $a' = -4 \text{ m.s}^{-2}$. Déterminer la valeur du coefficient de frottement dynamique μ_d . Sachant que la masse m s'arrête au point C.

3- Calculer la distance (BC).

4- Calculer le travail de la force de frottement entre les points B et C.

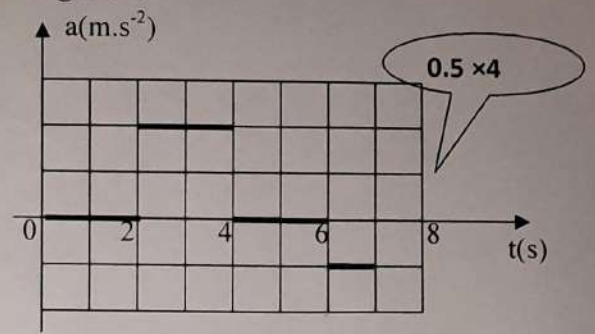
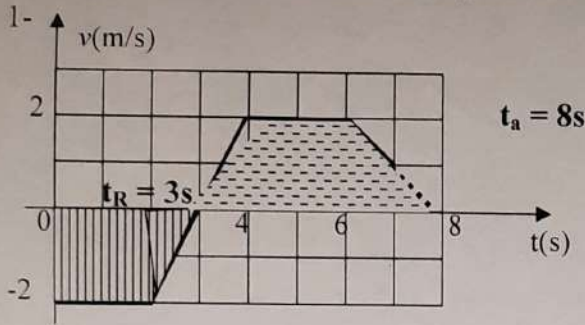
III. Au point C on place un ressort parfait de constante de raideur $k=400 \text{ N/m}$ et l'autre extrémité est fixée à un mur au niveau d'un point D voir figure ci-contre :

- Calculer la vitesse v_C que doit avoir la masse au point C pour comprimer ce ressort de 10 cm ($\Delta x=10\text{cm}$). Les frottements sont négligeables sur la partie horizontale (CD).



Exercice N° 01 (5pts) :

1- Le diagramme des accélérations $a(t)$ en fonction du temps. **Figure 2**



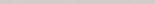
2- Les différentes phases du mouvement. Préciser leurs natures. [0,2] MRU $a=0$

[2,3] MRUV déceléré a $v < 0$

[3,4] MRUV accéléré a . $v > 0$

[4,6] MRU $a=0$

[6,7] MRUV decelerated a .v < 0

3- le mobile rebrousse chemin à $t=3\text{ s}$  0.5

4- En déduire l'instant d'arrêt, t_a , du mobile. , $t_a = 8\text{s}$ $x(t_a) = \text{Aire trapèze 1} = -5\text{m}$ 0.25 x 2

3- La distance parcourue entre les instants 0 et t_a

$$d = \sum |Aires| = |Aire \text{ trapèz } 1| + |Aire \text{ trapèz } 2| = \left| \frac{-2 \times (3+2)}{2} \right| + \frac{2 \times ((5+2))}{2} = \dots 12.m$$

Exercice N° 02 (5 pts):

1- la vitesse angulaire $\omega(t) = \dot{\theta}$. Déduire la dimension et l'unité de ω en (SI).

$$\omega(t) = \dot{\theta} = \frac{d\theta}{dt} = \frac{\pi}{2}(t-1) \quad , \quad [\omega] = s^{-1} \quad , \quad (\text{rad/s}) \quad \rightarrow 0.5 \times 3$$

5- Déterminer les composantes radiale et transversal des vecteurs vitesse \vec{v} et accélération \vec{a}

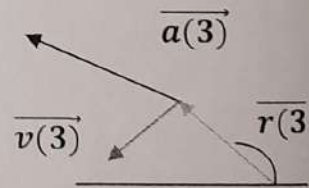
$$\begin{cases} v_r(t) = 0 \\ v_\theta(t) = \pi(t-1) \end{cases} \quad \begin{cases} a_r(t) = 0 - \frac{\pi^2}{2}(t-1)^2 \\ a_\theta(t) = 2 \times \frac{\pi}{2} \end{cases} \quad \text{0.25 \times 4}$$

6- Calculer les composantes des vecteurs : position, vitesse et accélération à $t = 3\text{s}$

$$\begin{cases} r(3) = 2 \\ \theta(3) = \frac{3\pi}{4} = 135^\circ \end{cases} \quad \begin{cases} v_r(3) = 0 \\ v_\theta(3) = 2\pi \end{cases} \quad \begin{cases} a_r(3) = 0 - \frac{\pi^2}{2}(3-1)^2 = -6.28\pi \\ a_\theta(3) = 2 \times \frac{\pi}{2} = \pi \end{cases}$$

7- Représenter les vecteurs position, vitesse et accélération à l'instant $t = 3\text{ s}$.

Echelle: $1cm \rightarrow 2\pi \text{ (m/s)}$, $1cm \rightarrow 2\pi \text{ (m/s}^2\text{)}$



Exercice N° 03 (4 pts): 1- $\text{rot} \vec{f} = \vec{0}$ $\vec{\nabla} \times \vec{f} = \begin{vmatrix} \frac{\partial}{\partial x} & \frac{\partial}{\partial y} & \frac{\partial}{\partial z} \\ x + 2y + 4z & 2x - 3y - z & 4x - y + 2z \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} \frac{\partial}{\partial x} & \frac{\partial}{\partial y} & \frac{\partial}{\partial z} \\ x + 2y + 4z & 2x - 3y - z & 4x - y + 2z \end{vmatrix} \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix}$

2- Oui f dérive d'une énergie potentielle puisque $\text{rot} \vec{f} = \vec{0}$ est vérifié

3- Oui

4- Le poids dérive d'une énergie potentielle donc est une force conservative

Exercice N° 04 (6 pts):

- 1- Représenter qualitativement les forces appliquées à la masse m au point E (figure 3) :
- 2- Exprimer la 2ème loi de Newton (P.F.D)

$$\sum \vec{f}_{ext} = m\vec{a} \dots \vec{P} + \vec{R} = m\vec{a}$$

- 3- Déterminer les équations du mouvement du mobile au point E en projetant le (P.F.D) sur la base polaire

$$\begin{cases} P \sin \theta - R = m a_r \dots (1) \\ P \cos \theta = m a_\theta \dots (2) \end{cases}$$

- 4- Au point E l'accélération transversal a_θ du mobile est de $a_\theta = 5 \text{ m.s}^{-2}$. Déterminer l'angle θ .

$$\text{De (2)} \quad \cos \theta = \frac{m a_\theta}{m g} = \frac{5}{10} = 0.5 \Rightarrow \theta = 60^\circ$$

- I. La masse m aborde la piste horizontale avec une vitesse $V_B = \sqrt{20} \text{ m.s}^{-1}$ et s'arrête au point

$$\text{*Calcul de la distance (BC). } \theta - v_B^2 = 2 a' BC \Rightarrow BC = \frac{-v_B^2}{2 a'} = \frac{-20}{2(-4)} = 2.5 \text{ m}$$

- * La valeur du coefficient de frottement dynamique μ_d

1ère méthode : On applique le théorème de l'énergie cinétique $\Delta E_c = \sum W_{f_{ext}}$

$$\frac{1}{2} m v_C^2 - \frac{1}{2} m v_B^2 = -f * BC \quad \text{Avec } f = \mu_d * R = \mu_d * m g$$

$$\text{On calcul BC } \theta - v_B^2 = 2 a' BC \quad \frac{1}{2} m v_B^2 = -\mu_d * m g * \frac{-v_B^2}{2 a'} \Rightarrow \mu_d = \frac{a'}{g} = 0.4$$

ou 2ème méthode le PFD

$$\sum \vec{f}_{ext} = m\vec{a}' \Rightarrow \begin{cases} P - R = 0 \dots (1) \\ -f = m a' \dots (2) \end{cases} \quad \text{Avec } f = \mu_d * R = \mu_d * m g \quad \text{De (2)} \quad -\mu_d * m g = m a' \Rightarrow \mu_d =$$

$$-\frac{a'}{g} = 0.4$$

- *Calculer le travail de la force de frottement entre les points B et C.

$$W_{f_d} = -f * BC = -\mu_d * m g * BC = -0.4 * 2.5 * 10 * 0.2 = -2 \text{ J}$$

- *Calculer le travail de la force de contact $W_{\vec{R}} = 0$

Calcul de la vitesse v_C que doit avoir la masse au point C pour comprimer ce ressort de 10 cm ($\Delta x = 10 \text{ cm}$).

On applique le théorème de l'énergie mécanique $E_m = \text{cte}$

$$\Delta E_c + \Delta E_p = 0 \quad \left(0 - \frac{1}{2} m v_C^2 \right) + \frac{1}{2} k \Delta x^2 = 0 \Rightarrow v_C = \sqrt{\frac{k \Delta x^2}{m}} = \sqrt{\frac{400 * (0.1)^2}{0.2}} = \sqrt{20} \text{ m/s}$$

