PRoBa-STaT

Université A.MIRA-Bejaia Faculté de Technologie Départements de $2^{\rm ème}$ Année L_2

® 2020-2021

뜻-Examen de Rattrapage de Probabilités et Statistiques-판

Exercice 1 (06.00 points):

Au service du personnel, on compte 12 célibataires parmi les 30 employés. On désire faire un sondage : pour cela on choisit un groupe de quatre personnes dans ce service.

- 1. Quel est le nombre de groupes différents possibles?
- 2. Quel est le nombre de groupes ne contenant aucun célibataire?
- 3. Quel est le nombre de groupes contenant exactement deux célibataire?
- 4. Quel est le nombre de groupes contenant au moins un célibataire?

Exercice 2 (08.00 points):

Le personnel d'un hôpital est réparti en trois catégories : les médecins, les soignants et le personnel AT (Administratif ou Technique). 12% sont des médecins et 71% sont des soignants. 67% des médecins sont des hommes et 92% des soignants sont des femmes. De plus, on sait que 80% du personnel de l'hôpital est féminin. Un membre du personnel de cet hôpital est tiré au hasard.

- 1. Quelle est la probabilité que la personne désignée soit un AT?
- 2. Sachant que la personne désignée est un médecin. Quelle est la probabilité qu'elle soit une femme ?
- 3. Sachant que la personne désignée est un soignant. Quelle est la probabilité qu'elle soit un homme ?
- 4. Quelle est la probabilité que la personne désignée soit un homme?
- 5. Quelle est la probabilité que l'on désigne une femme soignante?
- 6. Un homme a été désigné. Quelle est la probabilité qu'il soit médecin?
- 7. Quelle est la probabilité que la personne désignée soit une femme sachant qu'elle fait partie du personnel AT?

Exercice 3 (06.00 points):

Soit X une variable aléatoire de densité de probabilité f définie par :

$$f(x) = \begin{cases} 0.5 \ x, & \text{si} \ x \in]0, 1]; \\ 0.5, & \text{si} \ x \in]1, 2]; \\ 1.5 - 0.5 \ x, & \text{si} \ x \in]2, 3]; \\ 0, & \text{sinon}; \end{cases}$$

- Déterminer la fonction de répartition de la variable aléatoire X.
- Calculer E(X).
- 3. Calculer $P(1 \le X \le \frac{5}{2})$ et P(X > 3).
- 4. Déduire la valeur de x_0 pour que, $P(X \le x_0) = \frac{1}{4}$.

univdocs.com

Corrigé Examen Probabilité - Statistichque 2020-2021

Exercice N°1 66 Pts DPK

(1) C4 = 27405 groupes possibles.

2 C4 = 3060 possibles.

Ce Ce = 10 098 groupes possibles

 $C^{4} - C^{4} = 27405 - 3060 = 24345$ groupes

Possibles

en C1 × C3 + C2 × C2 + C3 × C1 + C4 - 12 18 + 12 18 - 12 18 = 9792 + 40098 + 3960 + 495

= 24345 groupes possibles.

Exorcice 10°2 (08 pts)

Soient les évenements souvants:

M: "La personne est un Médecin".

AT: "La personne est un Administratif ou Technique

S: "Pa per sonne out un Soignant".

H : "Par per sonne est un Homme".

F: " la personne est une femme".

On a les données souvantes:

$$P(M) = 0,12 = 310,5)$$
 Pt
 $P(S) = 0,71 = 310,5$

(1) P(AT) = 1 - P(M) - P(S)= 1 - 0.12 - 0.71 = 0.17

② on a P(H/M) = 0.67.

P(F/M) = 1 - P(H/M) = 1 - 0.67 = 0.33 $P(F/M) = 0.33 = P^{E}$

$$P(F/S) = 0.92$$

$$P(H/S) = 1 - P(F/S) = 1 - 0.92 = 0.08$$

$$P(H/S) = 0.08 = 0.08$$

$$P(H) = 1 - P(F) = 1 - 0.80 = 0.20$$

 $P(H) = 0.20 = 1$

$$P(M/H) = \frac{P(M \cap H)}{P(H)} = \frac{P(H/M)P(M)}{P(H)}$$

univdocs.com

F) P(H/AT) = ?On utilisant lor formule step probabilities totales $P(H) = P(H/M) \cdot P(M) + P(H/S)P(S) + P(H/AT)P(AT) = 92$ $P(H/AT) = 03694 \cdot P(H/AT) = 0$

$$P(F/AT) = 1 - P(H/AT)$$

$$= 1 - 0.3694 = 0.6305.$$

univdocs.cor

Exercice N°3 66 Pts

$$f(x) = \begin{cases} 0.5 & \text{si } x \in]0.1 \\ 0.5 & \text{si } x \in]1.2 \\ \end{bmatrix}$$

$$0.5 & \text{si } x \in]2,3 \\ 0 & \text{si non.}$$

(1) La fonction de réposition:

$$f(E) = \int_{-\infty}^{\infty} f(E) dE$$

$$\frac{6as \, \Delta}{F_{\chi}(x)} = 0$$

$$\frac{\cos 2^{\circ}}{f_{\chi}(x)} = \int_{-\infty}^{\infty} f(t) dt + \int_{0}^{\infty} f(t) dt$$

$$=\int_{0.5}^{\infty} t dt = \left[\frac{4}{4} \right]_{0}^{\infty} = \frac{4}{4} \infty^{2}$$

Donc la fonction de Répositition est

$$F(x) = \begin{cases} 0 & \text{si} \cdot x \in]-\omega, 0 \\ \frac{1}{4}x^2 & \text{si} \cdot x \in]0, 4 \end{cases}$$

$$= \begin{cases} \frac{1}{2}x - \frac{1}{4} & -\text{si} \cdot x \in]1, 2 \end{bmatrix}$$

$$-\frac{1}{4}x^2 + \frac{3}{2}x - \frac{5}{4} & \text{si} \cdot x \in]2, 3 \end{bmatrix}$$

$$= \begin{cases} 1 & \text{si} \cdot x \in]-\omega, 0 \end{cases}$$

$$= \begin{cases} \frac{1}{2}x - \frac{1}{4} & -\text{si} \cdot x \in]0, 4 \end{bmatrix}$$

$$= \begin{cases} -\frac{1}{4}x^2 + \frac{3}{2}x - \frac{5}{4} & \text{si} \cdot x \in]2, 3 \end{bmatrix}$$

$$= \begin{cases} 1 & \text{si} \cdot x \in]-\omega, 0 \end{cases}$$

$$= \begin{cases} -\frac{1}{4}x^2 + \frac{3}{2}x - \frac{5}{4} & \text{si} \cdot x \in]2, 3 \end{bmatrix}$$

$$= \begin{cases} 1 & \text{si} \cdot x \in]-\omega, 0 \end{cases}$$

$$= \begin{cases} -\frac{1}{4}x^2 + \frac{3}{2}x - \frac{5}{4} & \text{si} \cdot x \in]2, 3 \end{cases}$$

 \sim

$$E(x) = \int_{-\infty}^{\infty} e^{-2\pi i x} dx$$

$$= \int_{-\infty}^{\infty} \frac{1}{2} \cos dx + \int_{0}^{\infty} \frac{1}{2} \cos x +$$

$$= \left[\frac{x^3}{6}\right]_0^1 + \left[\frac{x^2}{4}\right]_1^4 + \left[\frac{3}{4}x^2 - \frac{1}{6}x^3\right]_2^3$$

$$E(x) = 1.5$$

$$P(1 \le X \le \frac{5}{2}) = F(\frac{5}{2}) - F(4) = \frac{3}{2}(25) - \frac{1}{4}(25) - \frac{5}{4} - \frac{1}{4}$$

$$= 0.6875$$

$$P(x)(3) = 1 - P(x \le 3) = 1 - 1 = 0$$

 $P(x)(3) = 0 \cdot 1$

$$\infty = \Delta$$