

Définition de Base

Statistique:

- Est une branche des mathématiques ainsi qu'un ensemble de méthodes et techniques ayant pour objet de collecter de traiter d'analyser et d'interpréter des données numériques relatives à un ensemble d'objets d'individus au ~~process~~ permettant de tirer des conclusions.

Population:

- L'ensemble des objets de même nature que l'on s'intéresse à l'étude statistique.

Individu:

- Chaque élément de la population est appelé individu ou ^{statistique} unité statistique.

Enquête:

- L'ensemble des opérations ayant pour but de collecter les informations

de façon organisée.

Echantillon:

- Est sous-ensemble de la population

Caractère:

^{Car} - ont propriété commune aux individus d'une population s'appelle caractère

Caractère qualitatif:

- Lorsqu'il n'est ni mesurable ni repérable

→ Nominal: (on ne peut pas mettre en ordre) nationalité, couleur

→ Ordinal: (on peut les ordonner) ^{Classe d'un mobile}

Caractère quantitatif:

- Lorsque est mesurable et repérable (poids, taille, température)

Variables statistiques:

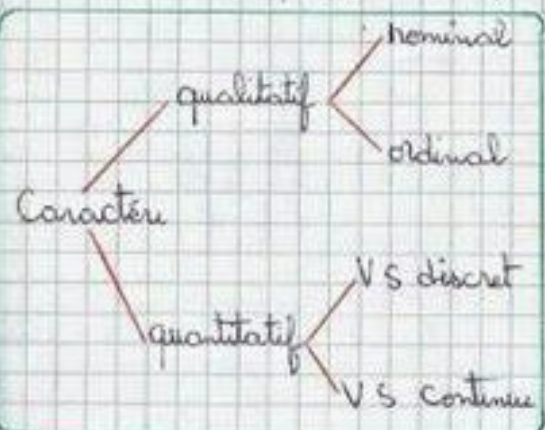
- Est une application définie sur la population et à valeur dans un ensemble déterminé

V S Discrètes:

- Lorsque elle ne peut prendre que des valeurs entières.
(nombre d'enfants, des pièces logées)

V S continue:

- Lorsque elle peut pour valeur numérique tout réel d'un intervalle (le poids, la température...)



Serie Statistique à une dimension

Tableau statistique: x_i | n_i

x_i : Les valeurs du caractère

n_i : L'effectif correspondant.

Taille de la population: N
est l'effectif totale $N = \sum n_i$

Tableau statistique de V.S continue:

- Les étapes à suivre pour construire un tableau statistique dans le cas d'un V.S continue:

1 - on calcule l'écarte:

Ecarte: $E = x_{\max} - x_{\min}$

2 - On partage le domaine de variation en classes d'amplitudes A égale. (A l'amplitude par choix)

nombre de classes = $\frac{E}{A}$

- Classe: $[a, b[$

- Centre de classe: c_i

$c_i = \frac{a+b}{2}$

- La fréquence: f_i

$f_i = \frac{n_i}{N}$

- L'Effectif cumulé croissant: ECC

x_i	n_i	$n_i \uparrow$	$n_i \downarrow$
x_1	n_1	n_1	$n_1 + n_2 + n_3 + n_4 + n_5$
x_2	n_2	$n_1 + n_2$	$n_2 + n_3 + n_4 + n_5$
x_3	n_3	$n_1 + n_2 + n_3$	$n_3 + n_4 + n_5$
x_4	n_4	$n_1 + n_2 + n_3 + n_4$	$n_4 + n_5$
x_5	n_5	$n_1 + n_2 + n_3 + n_4 + n_5$	n_5

- L'Effectif cumulé décroissant: ECD

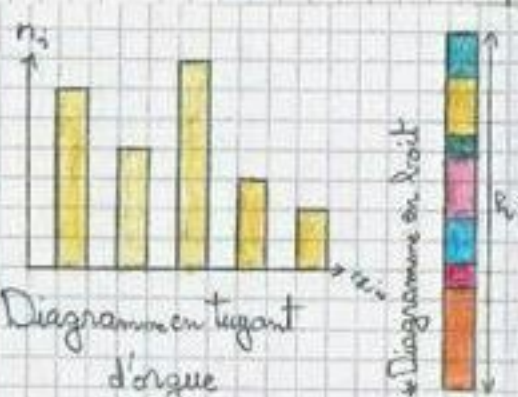
Les représentations graphiques:

① - Distribution à caractère

qualitatifs:

on utilise dans ce cas:

* Diagramme circulaire

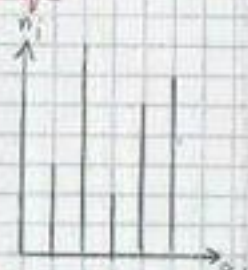


* Diagramme en tige d'orgue

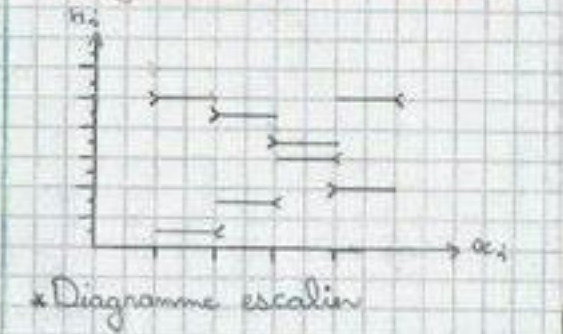
② - Distribution à caractère
quantitatifs:

* V.S Discrete:

* Diagramme

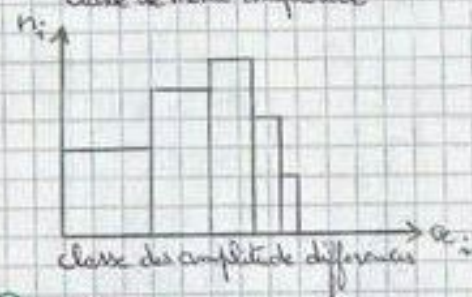


* Diagramme de ECC et ECD:



* V S Continue :

- on utilise l'histogramme



- Remarque :

on obtient le polygone des fréquences l'histogramme.



- Courbes des effectifs cumulés

croissant n^{\uparrow} et décroissant n^{\downarrow}



- La moyenne Arithmétique : \bar{x}

en V S Discrète :

$$\bar{x} = \frac{\sum n_i \cdot x_i}{N} \quad N = \sum n_i$$

en V S continue :

$$\bar{x} = \frac{\sum n_i \cdot c_i}{N} \quad c_i = \frac{a+b}{2} \text{ centre de classe}$$

- La moyenne géométrique : G

$$G = \sqrt[N]{\sum x_i^{n_i}} = \left(\sum x_i^{n_i} \right)^{\frac{1}{N}}$$

- Le Mode : M_0

- La valeur de la variable pour laquelle l'effectif est plus élevé.

- en V S Discrète :

x_i	n_i
1	127
2	273
3	196
4	166

$M_0 = 3$

- en V S Continue :

$$M_0 = a + (b-a) \frac{D_1}{D_2 + D_1}$$

$$D_1 = n_k - n_{k-1}$$

$$D_2 = n_k - n_{k+1}$$

tel que n_k l'effectif le plus élevé qui correspond à la classe $[a, b[$ la classe modale

- La classe modale :

- classe qui correspond à l'effectif le plus élevé

Méthode graphique :



La Médiane : M_e

1 - V.S Discret :

- ranger en ordre croissant les variables de la série statique puis :

* si N est impair :

$$M_e = X_{(\frac{N+1}{2})}$$

* si N est pair :

$$M_e = \frac{X_{(\frac{N}{2})} + X_{(\frac{N}{2}+1)}}{2}$$

2 - V.S continue :

$$M_e = a + (b-a) \frac{N/2 - n_{k-1}^{\nearrow}}{n_k^{\nearrow} - n_{k-1}^{\nearrow}}$$

$[a, b[$ la classe médiane

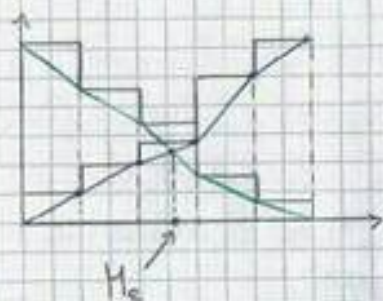
tel que $\frac{N}{2} \in [a, b[$

n_k : l'effectif correspond à la classe médiane

n_k^{\nearrow} : ECC

n_{k-1}^{\nearrow} : ECC

* Méthode graphique :



- L'ecart moyen : e

$$e = \frac{\sum h_i e_i}{N} \quad e_i = x_i - \bar{x}$$

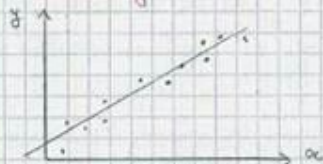
- La variance :

$$V = \frac{\sum h_i (x_i - \bar{x})^2}{N} \quad N = \sum h_i$$

- L'ecart type :

$$\sigma = \sqrt{V}$$

- La méthode des moindres carrés (ajustement linéaire) :



- Il y a une relation linéaire entre y et x si : $-1 \leq \sigma \leq 1$
 σ est le coefficient de corrélation

$$\sigma = \frac{\text{Cov}(x, y)}{\sigma(x) \cdot \sigma(y)}$$

$\text{Cov}(x, y)$: La covariance

$$\text{Cov}(x, y) = \frac{1}{N} (\sum (x_i - \bar{x})(y_i - \bar{y}))$$

- La relation linéaire entre les deux variables x et y est :

$$y = ax + b$$

tell que :

$$a = \frac{\text{Cov}(x, y)}{V(x)}$$

$$b = \bar{y} - a\bar{x}$$

Analyse combinatoire

Arrangement :

- Le nombre des cas possible de P parmi n objets sans répétition :

$$A_n^P = \frac{n!}{(n-P)!}$$

Ex: le nombre des cas de 2 chiffres peut on former sans répétition à l'aide de $\{1, 2, 3\}$ est : $(1, 2)(1, 3)(2, 1)(2, 3)(3, 1)(3, 2)$
 $n=3$ $P=2$ $A_3^2 = 6$

Arrangement avec répétition :

- Le nombre des cas possible de P parmi n objets avec répétition :

$$n^P$$

Ex: le nombre des cas de 2 chiffres peut on former avec répétition à l'aide de : $\{1, 2, 3\}$ est : $(1, 1)(1, 2)(1, 3)(2, 1)(2, 2)(2, 3)(3, 1)(3, 2)(3, 3)$
 $n=3$ $P=2$ $n^2 = 3^2 = 9$

Permutation :

- Le nombre de manière possible d'ordonner n objets (sans la répétition ^{permutées} de ces objets) $n!$

Ex: le nombre des mots peut on former avec (ABCD) est 4!

Permutation avec répétition :

- Le nombre de manière possible d'ordonner n objet que répétions $(r, k, i \dots)$ fois $\frac{n!}{r!k!i! \dots}$

Ex: le nombre des mots peut on former avec (AABCCCD) est

$$\frac{7!}{2!3!1!}$$

Combinaison sans répétition :

- Le nombre des cas possible de P parmi n objets sans répétition :

$$C_n^P = \frac{n!}{(n-P)!P!}$$

Remarque : dans l'arrangement : (A, B) est un cas et (B, A) est un cas dans la combinaison :

(A, B) et (B, A) est une 1 cas

Ex: le tirage au hasard de 5 cartes dans un jeu de 32 carte est C_{32}^5

Combinaison avec répétition :

- Le nombre

$$C_{n+P-1}^P = \frac{(n+P-1)!}{(n-1)!P!}$$