

TD.

ELECTRONIQUE

DE
POUSSANCE

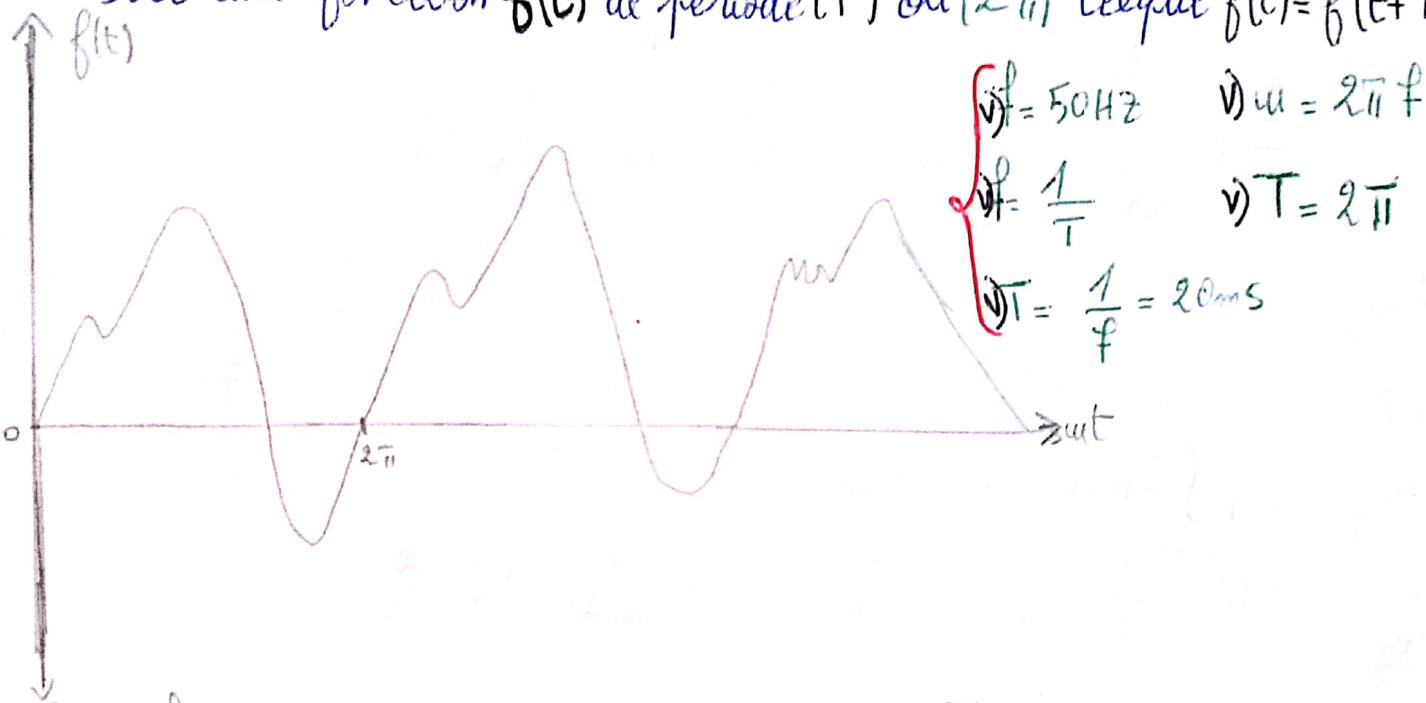
#Younes-HML-19
#ETT-USTO-2017/2018

Module: Electronique de puissance

TDN⁰¹: + Généralité sur l'électronique de puissance.
+ Caractéristique de semi-conducteurs de puissance

Rappels 1:

Soit une fonction $f(t)$ de période T où (2π) telle que $f(t) = f(t+T)$



- La valeur moyenne :

$$\sqrt{f_{\text{moy}}} = \frac{1}{T} \int_0^T f(t) dt \quad \text{ou} \quad f_{\text{moy}} = \frac{1}{2\pi} \int_0^{2\pi} f(t) dt$$

- La valeur efficace :

$$\sqrt{f_{\text{eff}}} = \sqrt{\frac{1}{T} \int_0^T f^2(t) dt} \quad \text{ou} \quad f_{\text{eff}} = \sqrt{\frac{1}{2\pi} \int_0^{2\pi} f^2(t) dt}$$

Rappels 2:

$$\sin(a+b) = \sin a \cos b + \sin b \cos a$$

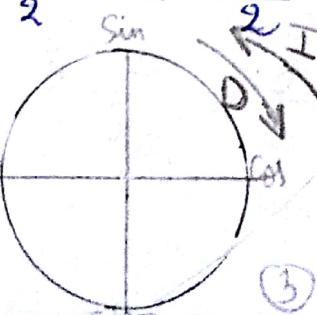
$$\sin(a-b) = \sin a \cos b - \sin b \cos a$$

$$\sin a - \sin b = 2 \cos \frac{a+b}{2} \sin \frac{a-b}{2}$$

$$\cos^2 a = \frac{1 + \cos 2a}{2}$$

$$\sin a = \frac{1 - \cos 2a}{2}$$

$$\cot a = \sin \left(a + \frac{\pi}{2} \right)$$



Rappels 3:

$$\int \sin x dx = -\cos x + C$$

$$\int \cos x dx = \sin x + C$$

$$\int x^a dx = \frac{x^{a+1}}{a+1} + C$$

$$\frac{d}{dx} (\cos x) = -\sin x$$

$$\frac{d}{dx} (\sin x) = \cos x$$

$$\frac{d}{dx} x^a = \frac{x^{a-1}}{a-1}$$

TD N°01

EX01:

1/ La valeur moyenne:

$$I_{\text{moy}} = \frac{1}{T} \left[\int_0^{\frac{T}{12}} 0 dt + \int_{\frac{T}{12}}^{\frac{5T}{12}} I_m dt + \int_{\frac{5T}{12}}^{\frac{7T}{12}} 0 dt + \int_{\frac{7T}{12}}^{\frac{11T}{12}} (-I_m) dt + \int_{\frac{11T}{12}}^T 0 dt \right]$$

$$= \frac{I_m}{T} \left[\int_{\frac{T}{12}}^{\frac{5T}{12}} dt - \int_{\frac{7T}{12}}^{\frac{11T}{12}} dt \right] = \frac{I_m}{T} \left[\frac{4T}{12} - \frac{4T}{12} \right] = 0$$

$I_{\text{moy}} = 0$

2/ La valeur efficace:

$$I_{\text{eff}} = \sqrt{\frac{1}{T} \int I^2(t) dt} \Leftrightarrow I_{\text{eff}}^2 = \frac{1}{T} \left[\int_{\frac{T}{12}}^{\frac{5T}{12}} I_m^2 dt + \int_{\frac{5T}{12}}^{\frac{11T}{12}} (-I_m)^2 dt \right]$$

$$I_{\text{eff}}^2 = I_m^2 \left[\frac{1}{T} \frac{4T}{12} + \frac{1}{T} \frac{4T}{12} \right] = I_m^2 \frac{8T}{12T} = I_m^2 \frac{2}{3}$$

$I_{\text{eff}} = I_m \sqrt{\frac{2}{3}}$

EX02:

$y(t) = at$

1/ La valeur moyenne de $y(t)$:

$y(t) = at \rightarrow a = \frac{50 - 0}{2 - 0} = 25 \quad T = 2$

$y(t) = 25t$

$\bullet \quad y_{\text{moy}} = \frac{1}{2} \int_0^2 25t dt = \frac{25}{2} \int_0^2 t dt = \frac{25}{2} \left[\frac{t^2}{2} \right]_0^2 = 25$

$y_{\text{moy}} = 25$

2/ La valeur efficace de $y(t)$:

$y_{\text{eff}}^2 = \frac{1}{2} \int_0^2 (25t)^2 dt = \frac{25^2}{2} \int_0^2 t^2 dt = \frac{25^2}{2} \left[\frac{t^3}{3} \right]_0^2$

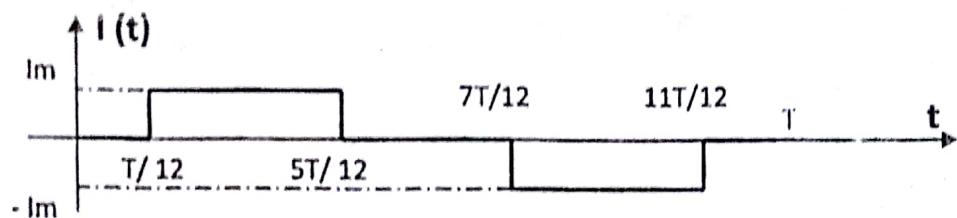
$y_{\text{eff}} = \frac{25}{\sqrt{2}} \sqrt{\left[\frac{t^3}{3} \right]_0^2} = \sqrt{\frac{(25)^2}{2} \frac{8}{3}} = \frac{25 \cdot 2}{\sqrt{3}} = 28,9$

$y_{\text{eff}} = 28,9$

(4)

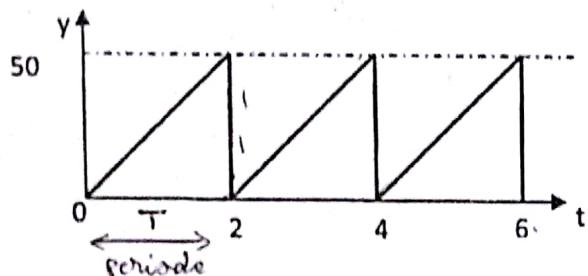
Exercice N°1

Soit la forme d'onde d'un courant $I(t)$ ci-dessous. Calculer sa valeur moyenne ainsi que sa valeur efficace



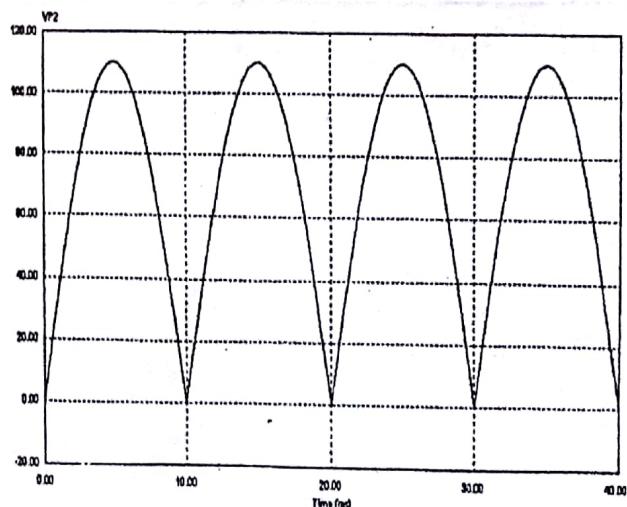
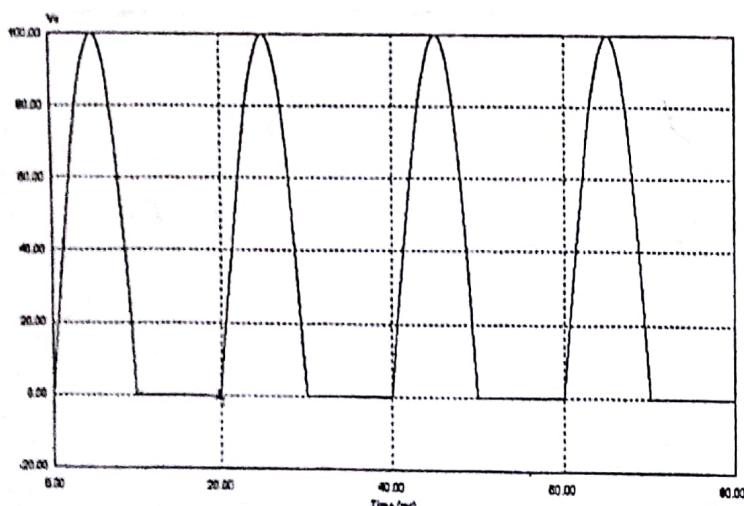
Exercice N°2

Déterminer la valeur moyenne et la valeur efficace de la fonction $y(t)$ en dents de scie de la figure ci-dessous.



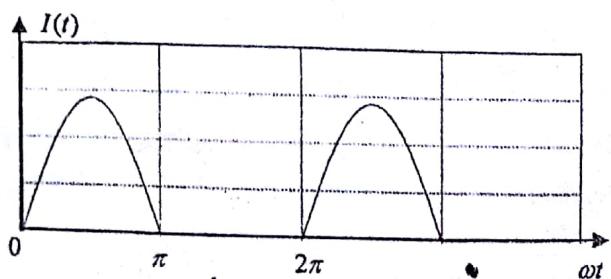
Exercice N°3

Déterminer la valeur moyenne et la valeur efficace des tensions V_{s1} et V_{s2} ci-dessous. Fréquence 50 Hz



Exercice N°4

Soit la forme du signal ci-contre d'un courant $I(t) = 20\sin(\omega t)$ qui traverse une diode. Calculer la puissance perdue par conduction dans la diode sachant que: $E_d = 0,65 V$ et $R_d = 0,5 \Omega$



EX03:

$$f = 50 \text{ Hz} \Rightarrow T = 20 \text{ ms} \Rightarrow \omega t = 2\pi$$

$$0 < \omega t < \pi \Rightarrow V_{S_1} = V_{\max} \sin \omega t \Rightarrow 0 < T < 10 \text{ ms}$$

$$\pi < \omega t < 2\pi \Rightarrow V_{S_1} = 0 \Rightarrow 10 \text{ ms} < T < 20 \text{ ms}$$

a/ La valeur moyenne:

$$V_{S_1, \text{moy}} = \frac{1}{2\pi} \int_0^{\pi} V_{\max} \sin \omega t dt = \frac{V_{\max}}{2\pi} \left[-\cos \omega t \right]_0^{\pi} = \frac{V_{\max}}{2\pi} (1+1) = \frac{V_{\max}}{\pi} = 31,8 \text{ V}$$

$$V_{S_1, \text{moy}} = \frac{100}{\pi} = 31,8 \text{ V}$$

b/ La valeur efficace:

$$V_{S_1, \text{eff}}^2 = \frac{1}{2\pi} \int_0^{\pi} (V_{\max} \sin \omega t)^2 dt = \frac{V_{\max}^2}{2\pi} \int_0^{\pi} \sin^2 \omega t dt$$

$$\sin^2 \omega t = \frac{1 - \cos 2\omega t}{2}$$

$$V_{S_1, \text{eff}}^2 = \frac{V_{\max}^2}{2\pi} \left[\int_0^{\pi} dt - \int_0^{\pi} \cos 2\omega t dt \right] = \frac{V_{\max}^2}{4\pi} \left[\pi - \frac{1}{2} \cancel{\int_0^{\pi} \sin 2\omega t} \right]$$

$$V_{S_1, \text{eff}} = \boxed{\frac{V_{\max}}{2}} = \frac{100}{2} = 50 \text{ V}$$

$$\boxed{V_{S_1, \text{eff}} = 50 \text{ V}}$$

c/ La valeur moyenne:

$$V_{\text{moy}} = \frac{1}{T} \int_0^T V_{\max} \sin \omega t dt = \frac{1}{T} V_{\max} \int_0^T \sin \omega t dt = \frac{V_{\max}}{T} \left[-\frac{1}{\omega} \cos \omega t \right]_0^T$$

$$= \frac{V_{\max}}{T} \left[-\frac{1}{\omega} (\cos \frac{2\pi}{T} - \cos 0) \right] = \frac{V_{\max}}{T} \left(-\frac{1}{\omega} (1-1) \right) = 0$$

$$\boxed{V_{\text{moy}} = 0} \quad V_{S_2, \text{moy}} = \boxed{\frac{2 \times \frac{1}{2\pi} \int_0^{\pi} V_{\max} \sin \omega t dt}{\pi}} = \frac{2 V_{\max}}{\pi} = 70,06$$

d/ La valeur efficace:

$$V_{\text{eff}} = \sqrt{\frac{1}{T} \int_0^T V_{\max}^2 \sin^2 \omega t dt} = V_{\max} \sqrt{\frac{1}{T} \int_0^T \sin^2 \omega t dt} = V_{\max} \sqrt{\frac{1}{2T} \int_0^T (1 - \cos 2\omega t) dt}$$

$$= V_{\max} \sqrt{\frac{1}{2T} \int_0^T dt + \int_0^T \frac{1}{2} \cos 2\omega t dt} = V_{\max} \sqrt{\frac{1}{2T} \left[T - \frac{1}{2\omega} \sin 2\omega t \right]_0^T} = \frac{V_{\max}}{\sqrt{2}}$$

$$\boxed{V_{\text{eff}} = 77,78}$$

(5)

EX 04.

$$I(t) = 20 \sin \omega t$$

$$P = UI$$

$$E_0 = 0.65V$$

$$R_0 = 0,5 \text{ m}$$

① La puissance perdue par conduction dans la diode :

$$V_d(t) = V_{AK}(t) = E_0 + R_0 I(t)$$

$$\checkmark P(t) = V_d(t) \times I(t) = [E_o + R_o I(t)] \cdot I(t) = E_o I(t) + R_o I^2(t)$$

$$\begin{aligned}
 P_{\text{avg}} &= \frac{1}{T} \int_0^T P(t) dt = \frac{1}{T} \left[\int_0^T [E I(t) + R I^2(t)] dt \right] \\
 &= \frac{1}{T} \left[\int_0^T E I(t) dt + \int_0^T R I^2(t) dt \right] = \frac{1}{T} \left[E \int_0^T I(t) dt + R \int_0^T I^2(t) dt \right] \\
 &= \frac{1}{T} \left[E \left(\frac{1}{T} \int_0^T I(t) dt \right) + R \left(\frac{1}{T} \int_0^T I^2(t) dt \right) \right]
 \end{aligned}$$

$$P_{\text{mag}} = E_0 I_{\text{mag}} + R_0 I_{\text{eff}}^2$$

$$a / I_{\text{max}} = \frac{1}{T} \int_0^T I_{\text{max}} \sin \omega t dt = \frac{I_{\text{max}}}{\pi} \left[-(\omega t) \right]_0^\pi = \frac{I_{\text{max}}}{\pi} (-(\omega \pi))$$

$$I_{\text{mag}} = \frac{20}{\pi} = 6,36 \Rightarrow I_{\text{mag}} = 6,36$$

$$b/I_{eff}^2 = \frac{1}{T} \int_0^T I_{max}^2 \sin^2 \omega t dt = \frac{I_{max}^2}{T} \int_0^T \sin^2 \omega t dt = \frac{\omega^2}{2} = 100$$

$$P_{\text{active}} = P_{\text{avg}} = 0,65 \times 6,36 + 0,35 \times (10)^2 = 0,65 \times 6,36 + 0,35 \times 100 = 56,135$$

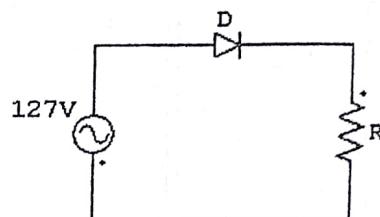
$$P_{active} = 56,13V$$

6

Exercice N°5

Un redresseur monophasé simple alternance (P1) non commandé, alimente une charge résistif $R = 10\Omega$ sous une tension sinusoïdale de valeur $V(t) = \hat{V} \sin \omega t$; tel que $\hat{V} = 127V$ et de fréquence $f = 50$ hz

1. Tracer la forme du signal ($V_{ch}(t), I_{ch}(t), V_D(t)$).
2. Calculer V_{chmoy}, I_{chmoy} et $V_{Dinv-max}$
3. Calculer le facteur de forme (F_f) et le taux d'ondulation



Exercice N°6

Soit un redresseur monophasé commandé (à thyristor) débitant sur une charge résistive d'une valeur de 20Ω . La tension d'alimentation et sa fréquence aux bornes du secondaire d'un transformateur est de $V(t) = 200 \sin \omega t$ volts , 50 hz. L'angle de retard à l'amorçage du thyristor est de $\alpha = \pi/3$ rd.

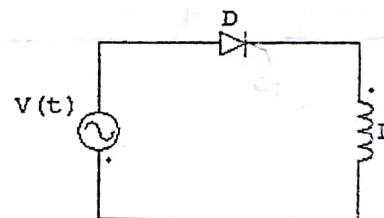
1. Donner les formes d'ondes : du courant de charge $I_{ch}(t)$; de la tension de charge $V_{ch}(t)$; et de la tension inverse aux bornes du thyristor $V_{TH}(t)$.
2. Calculer les valeurs moyennes : de la tension de charge et du courant de charge .
3. Quelle est la valeur maximale de la tension inverse.

Exercice N°7

Soit un redresseur monophasé non commandé débitant sur une charge purement inductive d'une valeur de 22 mH . La tension d'alimentation et sa fréquence aux bornes du secondaire d'un transformateur est de $V(t) = 331 \sin \omega t$ volts , $f = 50\text{ hz}$.

Les conditions initiales pour $t=0$ sont: $V_{ch}(t) = 0$, $I_{ch}(t) = 0$.

1. Donner l'allure de $V_{ch}(t)$ et $I_{ch}(t)$.
2. calculer V_{chmoy}, I_{chmoy} .



Exercice N°8

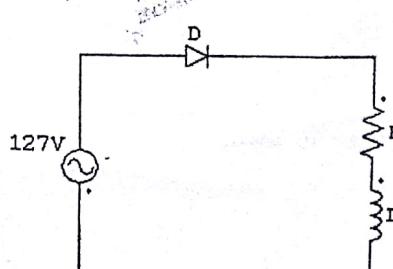
Une charge résistive absorbe un courant moyen de 5A sous une tension moyenne de 50v est alimentée par un redresseur P1 commandé. L'angle de retard à l'amorçage du thyristor est de $\alpha = \pi/6$ rd. Calculer:

1. La tension maximale de la tension d'alimentation.
2. La valeur de la résistance de charge.

Exercice N°9

Soit le montage du redresseur P1 de la figure ci-contre, alimentant une charge $R-L$ avec $R=10\Omega$, $V_{eff}=127V$ et $\omega=100\pi rad/s$. La diode est passante pendant 15ms sur chaque période.

1. Représenter le plus précisément possible le courant dans la charge , la tension de charge , ainsi que la tension $V_D(t)$
2. Calculer I_{chmoy}
3. Si on insert une diode de roue libre, représenter le chronogramme des signaux $V_{ch}(t), I_{ch}(t)$. Que peut-on conclure?



Le 06/11/2014

3) Le rôle de la diode:

Le rôle de la diode ou redresseur est éliminée la partie négative et donnez seulement la partie positive:

$$F_f = \frac{V_{CH \text{ eff}}}{V_{CH \text{ moy}}}$$

$$\Leftrightarrow Z = \frac{V_{CH \text{ max}} - V_{CH \text{ min}}}{V_{CH \text{ moy}}}$$

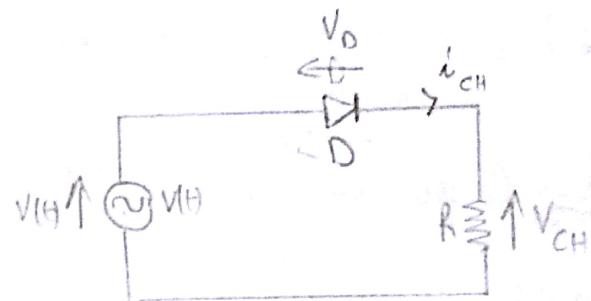
$$F_f \rightarrow 1$$

Z aux d'ondulation

EX 05:

$$V(t) = \hat{V} \sin \omega t / \hat{V} = 127V$$

Source alternatif.



1) $0 < \omega t < \pi \Rightarrow$ La diode passante $\Rightarrow i_{CH}(t)$ passe

$$\begin{cases} \Rightarrow V_{CH}(t) = V(t) = \hat{V} \sin \omega t = 127 \sin \omega t \\ \Rightarrow i_{CH}(t) = \frac{V_{CH}}{R} = \frac{\hat{V}}{R} \sin \omega t = \hat{i} \sin \omega t = 127 \sin \omega t \\ \Rightarrow V_0 = 0 \end{cases}$$

2) $\pi < \omega t < 2\pi \Rightarrow$ La diode bloquée $\Rightarrow i_{CH}(t)$ ne passe pas

$$\begin{cases} \Rightarrow V_{CH}(t) = 0 \\ \Rightarrow i_{CH}(t) = 0 \\ \Rightarrow V_0(t) = V(t) \end{cases}$$

a) Calcul $V_{CH \text{ moy}}$ / $I_{CH \text{ moy}}$ / $V_{CH \text{ max}}$

$$\begin{aligned} V_{CH \text{ moy}} &= \frac{1}{T} \int_0^T V_{CH}(t) dt = \frac{1}{T} \int_0^T \hat{V} \sin \omega t dt = \frac{\hat{V}}{\pi} = \frac{1}{2\pi} \int_0^{\pi} \hat{V} \sin \omega t dt \\ V_{CH \text{ moy}} &= \frac{127}{\pi} = 40,44V \end{aligned}$$

(7)

$$\therefore I_{CH \text{ moy}} = \frac{I}{\pi} = \frac{V}{\pi R} = \frac{V_{CH \text{ moy}}}{R} = \frac{40,44}{10} = 4,04 A$$

$$\therefore V_{D_{\text{max}}} = -127 V$$

3)

b) valeur efficace

$$V_{CH \text{ eff}} = \sqrt{\frac{1}{T} \int_0^T V_{CH}^2 dt} = \frac{1}{2\pi} \int_0^{2\pi} \frac{V}{2} \sin^2 \omega t dt = \frac{V^2}{2\pi} \int_0^{2\pi} \sin^2 \omega t dt$$

$$V_{\text{eff}} = \frac{V_{\text{max}}}{2} = 63,5$$

$$\left\{ \begin{array}{l} \bullet F_f = \frac{63,5}{40,44} = 1,57 \xrightarrow{> 1} \Rightarrow \text{Il est loin de } 1 \\ \bullet Z = \frac{127 - 0}{40,44} = 3,14 \xrightarrow{> 0} \Rightarrow \text{Il est loin de } 0 \end{array} \right.$$

↳ Ce qui implique ce n'est pas un courant continu

Rmq:

$$\left\{ \begin{array}{l} \bullet F_f \rightarrow 1 \Rightarrow \text{Un courant continu} \\ \bullet Z \rightarrow 0 \end{array} \right.$$

EX06:

$$\{ V(t) = 200 \sin \omega t$$

$$\{ I = 200 V / R = 20 \Omega$$

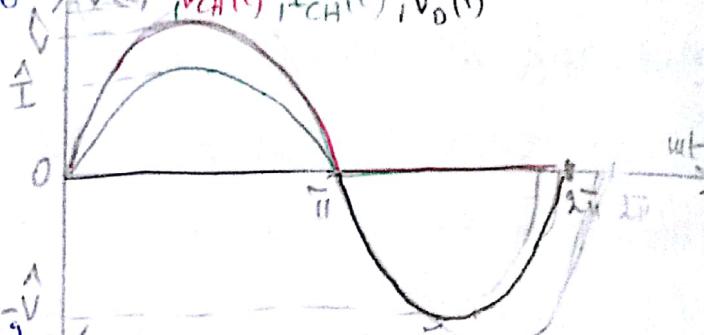
$$\{ f = 50 Hz$$

$$V(t) = V_{th} + V_{CH} = V_{th} + R I_{CH}(t)$$

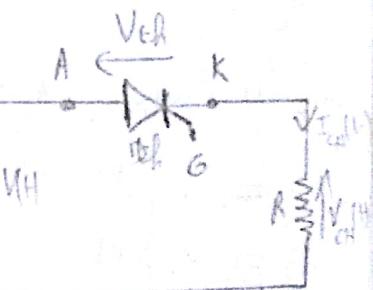
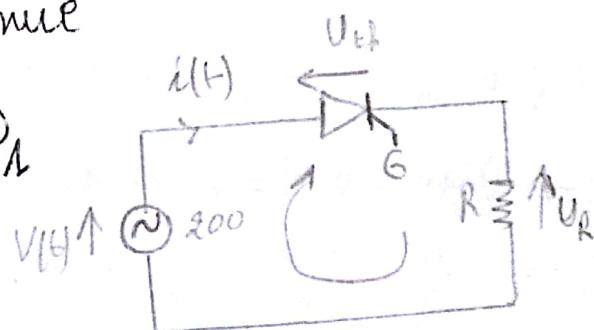
$$\text{d: angle d'armement} = \frac{\pi}{3}$$

① $0 < \omega t < \frac{\pi}{3} \Rightarrow L_h \text{ bloquée}$

$$\left[\begin{array}{l} \bullet I_{CH}(t) = 0 \\ \bullet V_{CH}(t) = 0 \\ \bullet V_{th}(t) = V(t) \end{array} \right]$$



P1



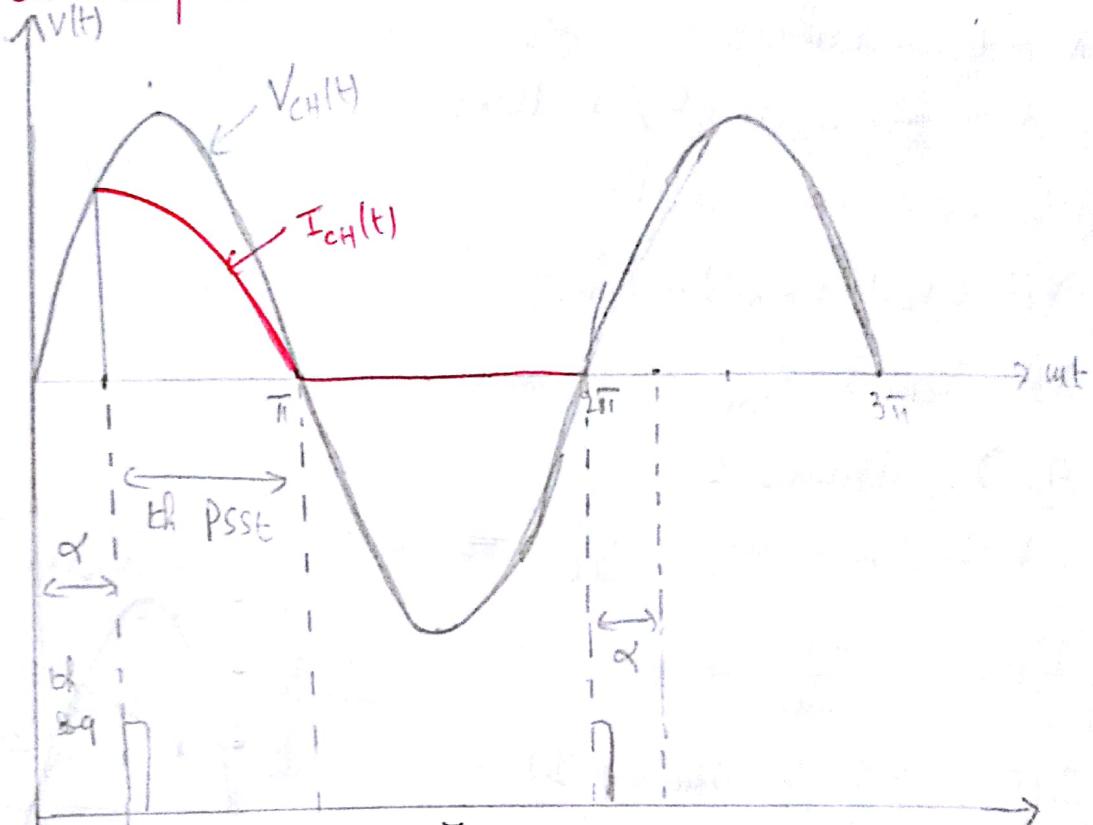
②

② $\frac{\pi}{3} < \text{ut} < \pi \Rightarrow$ th partant $I_G = 0$

- $V_{CH}(t) = V(t)$
- $I_{CH}(t) = \frac{V_{CH}(t)}{R}$
- $V_{th}(t) = 0$

③ $\pi < \text{ut} < 2\pi \Rightarrow$ th Bloquée

- $V_{th}(t) = V(t)$
- $V_{CH}(t) = 0$
- $I_{CH}(t) = 0$



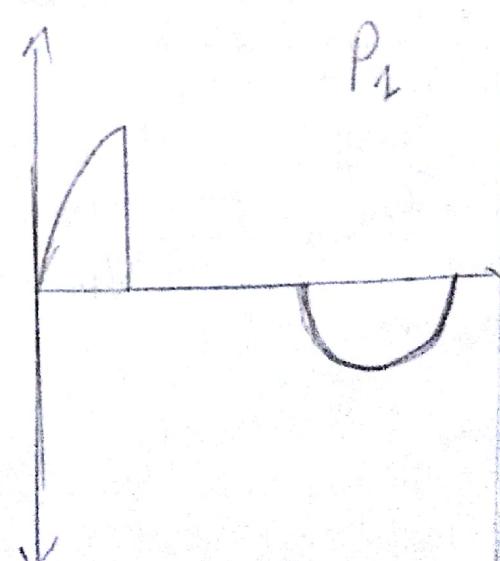
$$\bullet V_{CH_{avg}} = \frac{1}{2\pi} \int_{\alpha}^{\pi} V \sin ut dt = \frac{V}{2\pi} \left[-(\cos ut) \right]_{\alpha}^{\pi} = \frac{V}{2\pi} (1 + 6\alpha) = \frac{200}{2\pi} (1 + 6\alpha) \quad (\alpha = \frac{\pi}{3})$$

$$\bullet I_{CH_{avg}} = \frac{1}{T} \int_0^T I(t) dt = \frac{1}{2\pi} \int_{\alpha}^{\pi} \frac{V(t)}{R} dt = \frac{V_{max}}{2\pi R} \int_{\alpha}^{\pi} \sin ut dt = \frac{V_{max}}{2\pi R} \left[\frac{-\cos ut}{u} \right]_{\alpha}^{\pi} = \frac{V_{max}}{2\pi R} \left(1 + 6\alpha \right) = \frac{200}{2\pi \cdot 20} (1 + 6\alpha)$$

α	0	$\frac{\pi}{6}$	$\frac{\pi}{3}$	$\frac{\pi}{2}$	$\frac{2\pi}{3}$	$\frac{5\pi}{6}$	π
$V_{CH_{avg}}$	63,66	39,33	47,74	31,84	15,9	4,96	0
$I_{CH_{avg}}$	3,183	2,966	2,387	1,592	0,759	0,213	0

$$3 | V_{immer} = -200 \text{ V}$$

(9)



le 13/11/2017.

EX07

$$V(t) = 331 \sin \omega t$$

$$f = 50 \text{ Hz}$$

$$L = 22 \text{ mH}$$

* Condition initiale :

$$\text{à } t=0 \Rightarrow V_{CH}(t) = 0 / I_{CH}(t) = 0$$

① Donne l'allure de V:

$$V(t) = V_0(t) + V_{CH}(t) = V_{CH}(t)$$

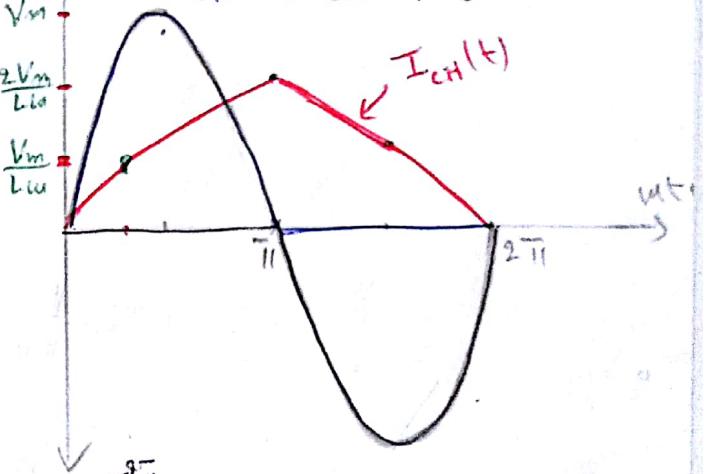
$$V(t) = V_{CH}(t) = L \frac{di}{dt} = 331 \sin \omega t$$

q) D partante :

$$V(t) = V_m \sin \omega t = L \frac{di(t)}{dt} \Rightarrow \int di = \int \frac{1}{L} V_m \sin \omega t dt \Rightarrow I(t) = \frac{V_m}{L \omega} (\cos \omega t + C)$$

$$I(0) = 0 = -\frac{V_m}{L \omega} (\cos 0) + C \Rightarrow C = \frac{V_m}{L \omega}$$

$$I(t) = \frac{V_m}{L \omega} (-\cos \omega t + 1)$$



ut	0	$\frac{\pi}{2}$	π	$\frac{3\pi}{2}$	2π
I(t)	0	$\frac{V_m}{L \omega}$	$\frac{2V_m}{L \omega}$	$\frac{V_m}{L \omega}$	0

$$\cdot V_{L \text{ moy}} = \frac{1}{2\pi} \int_0^{2\pi} V_m \sin \omega t d\omega t = \frac{V_m}{2\pi} \left[-\cos \omega t \right]_0^{2\pi} = 0$$

$$V_{L \text{ moy}} = 0$$

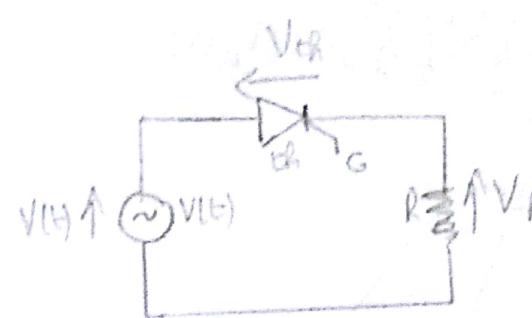
$$\cdot I_{CH \text{ moy}} = \frac{1}{2\pi} \int_0^{2\pi} \frac{V_m}{L \omega} (1 - \cos \omega t) d\omega t = \frac{V_m}{2\pi L \omega} \left[\omega t - \sin \omega t \right]_0^{2\pi} = \frac{V_m}{2\pi L \omega} [2\pi] = \frac{V_m}{2\pi L \omega}$$

$$I_{CH \text{ moy}} = \frac{V_m}{L \omega} = \frac{V_m}{L 2\pi f} = \frac{331}{2\pi \times 50 \times 29 \times 10^{-3}} = 48 \text{ A} \quad \boxed{I_{CH \text{ moy}} = 48 \text{ A}}$$

10

EX08:

$$\begin{cases} \cdot I_{\text{max}} = 5 \text{ A} \\ \cdot V_{\text{max}} = 50 \text{ V} \\ \cdot \alpha = \frac{\pi}{6} \end{cases}$$



1/ La valeur moyenne de tension:

$$a) \alpha = \frac{\pi}{6} \Rightarrow \frac{\pi}{6} < \frac{\pi}{2} \Rightarrow D \text{ passant} \Rightarrow V_R \text{ passant}$$

$$\begin{aligned} V_R &= \frac{1}{2\pi} \int_0^{\pi/2} V_{\text{max}} \sin(\omega t) dt = \frac{V_{\text{max}}}{2\pi} \int_0^{\pi/2} \sin(\omega t) dt = \frac{V_{\text{max}}}{2\pi} \left[-\cos(\omega t) \right]_0^{\pi/2} \\ &= \frac{V_{\text{max}}}{2\pi} \left[1 + \cos(\omega t) \right]_0^{\pi/2} = \frac{V_{\text{max}}}{2\pi} [1 + 0,26] \end{aligned}$$

$$V_R = \frac{V_{\text{max}}}{2\pi} [1,26] \Leftrightarrow V_{\text{max}} = \frac{2\pi V_R}{1,26} = 168,9 \text{ V}$$

$$\boxed{V_{\text{max}} = 168,9 \text{ V}}$$

2/ la résistance:

$$V_{\text{max}} = R I_{\text{max}} \Rightarrow R = \frac{V_{\text{max}}}{I_{\text{max}}} = \frac{50}{5} = 10 \Omega$$

$$R = 10 \Omega$$

Le 20/11/2017

EX09:

$$R = 10 \Omega \quad V_{\text{eff}} = 127 \text{ V}$$

$$\omega = 120\pi \text{ rad/s}$$

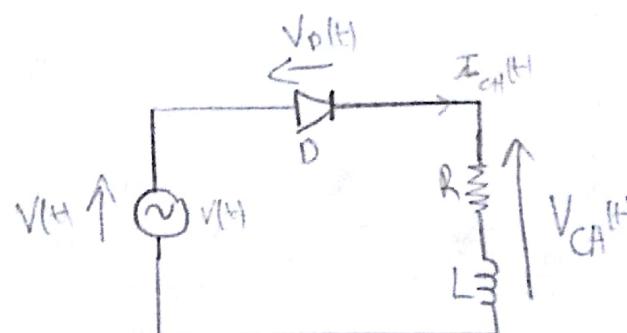
$$V_{\text{eff}}^2 = \frac{1}{T} \int V_m^2 \sin^2 \omega t \quad V_{\text{eff}} = \frac{V_{\text{max}}}{\sqrt{2}}$$

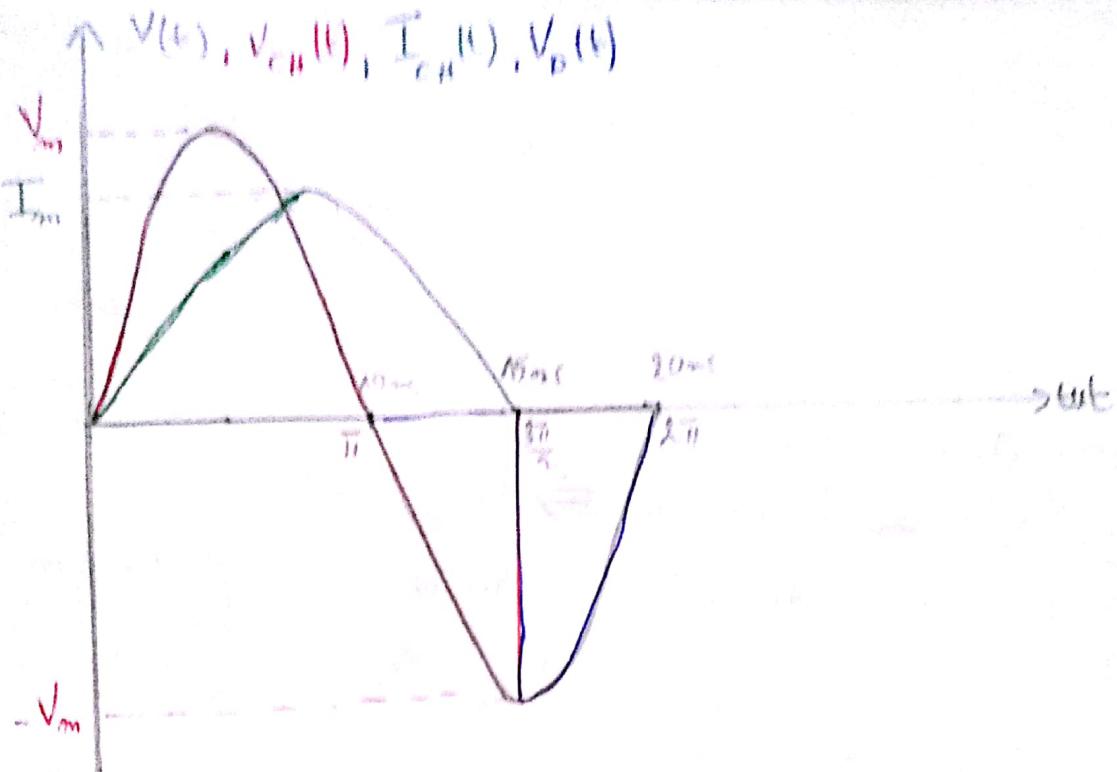
$$V_{\text{max}} = V_{\text{eff}} \sqrt{2} = 127\sqrt{2}$$

On a la diode est passant dans tout 15 ms Chaque période

$$\text{On a } \begin{cases} 2\pi \\ \pi \end{cases} \rightarrow 20 \text{ ms} \quad \begin{cases} 2\pi \\ \pi \end{cases} \rightarrow 15 \text{ ms} \Rightarrow \lambda_s = \frac{15 \times 2\pi}{20} = \frac{3\pi}{2}$$

(11)





① $0 < \omega t < \frac{3\pi}{2} \Rightarrow$ La diode est passante.

$$\left\{ \begin{array}{l} \cdot V(t) = V_{CH}(t) \\ \cdot I_{CH}(t) = \frac{V_m}{Z} [\sin(\omega t - \varphi) + \alpha \sin^2 \theta e^{-\frac{R}{L}t}] \\ \cdot V_D(t) = 0 \end{array} \right.$$

② $\frac{3\pi}{2} < \omega t < 2\pi \Rightarrow$ La diode est bloquée

$$\left\{ \begin{array}{l} \cdot V(t) = V_D(t) \\ \cdot I_{CH}(t) = 0 \\ \cdot V_{CH}(t) = 0 \end{array} \right.$$

③ La valeur $V_{CH \text{ moy}}$:

$$V_{CH \text{ moy}} = \frac{1}{2\pi} \int_0^{2\pi} V_m \sin \omega t \text{ d}t = \frac{V_m}{2\pi} \int_0^{2\pi} \sin \omega t \text{ d}t = \frac{V_m}{2\pi} (-\cos \omega t) \Big|_0^{2\pi} = \frac{V_m}{2\pi} (1 - \cos 2\pi) \text{ d}t$$

$$V_{CH \text{ moy}} = \frac{127\sqrt{2}}{2\pi} \frac{V_m}{2\pi} = \frac{127\sqrt{2}}{2\pi} = 28,6 \text{ V}$$

④ La valeur $I_{CH \text{ moy}}$:

$$V_{CH}(t) = R I_{CH}(t) + L \frac{d I_{CH}(t)}{dt}$$

$$V_{CH \text{ moy}} = \frac{1}{T} \int_0^T R I_{CH}(t) dt + \frac{1}{T} \int_0^T \frac{d I_{CH}(t)}{dt} dt = \frac{1}{T} \int R I_{CH}(t) dt$$

$$V_{CH \text{ moy}} = \frac{1}{T} \int_0^T V_{eff} \sqrt{2} \sin \omega t dt = \frac{V_{max}}{\pi} = 22,6 \text{ V} \quad (12)$$

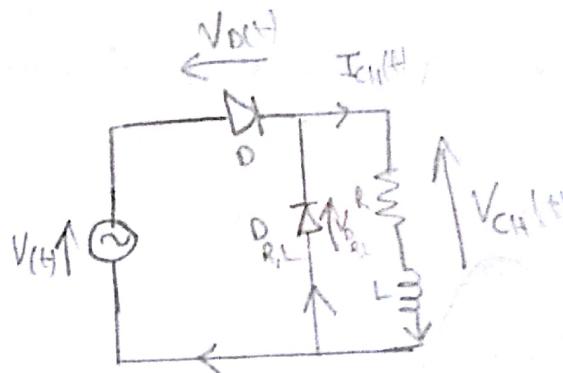
$$I_{CH, moy} = \frac{1}{2\pi} \int_0^{2\pi} \frac{V_m}{R} \sin \omega t \, dt = \frac{1}{R} \left(\frac{V_m}{2\pi} \right) \int_0^{2\pi} \sin \omega t \, d\omega t = \frac{V_{CH, moy}}{R}$$

$$I_{CH, moy} = \frac{V_{CH, moy}}{R} = \frac{28,6}{10} = 2,86 \text{ A}$$

⑤ La diode $D_{R,L}$:

① $0 < \omega t < \pi \Rightarrow D_{R,L}$ passeante

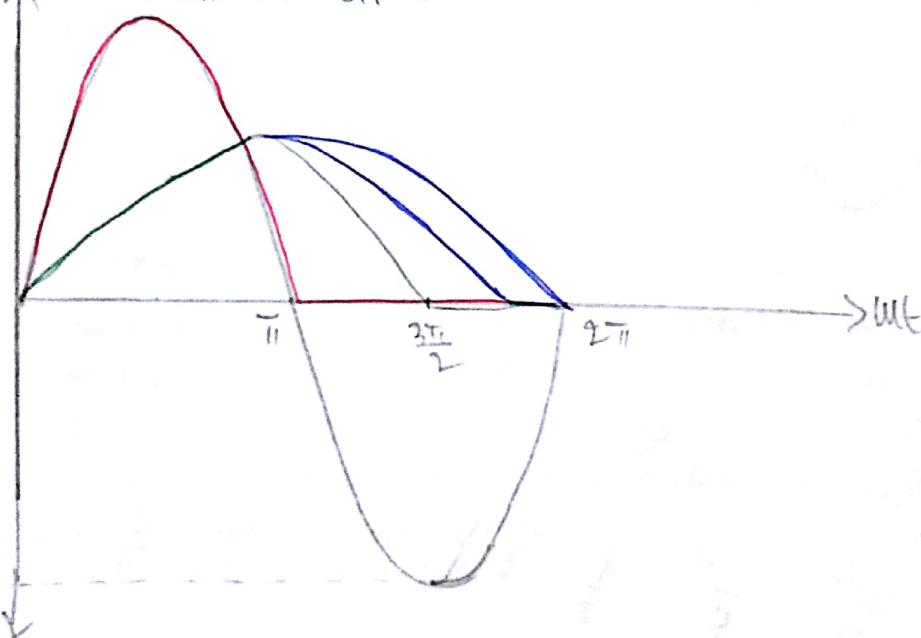
$$\cdot V_{CH}(t) = V(t)$$



② $\pi < \omega t < 2\pi \Rightarrow D_{R,L}$ passeante

$$\cdot V_{CH}(t) = 0$$

$$\cdot V(t), V_{CH}(t), I_{CH}(t)$$



⑥ La valeur moy de $V(t)$ de $D_{R,L}$:

$$V_{CH, moy} = \frac{V_m}{\pi} = \frac{127\sqrt{2}}{\pi} = 57,17 \text{ V}$$

⑦ La valeur moy de $I_{CH}(t)$ de $D_{R,L}$:

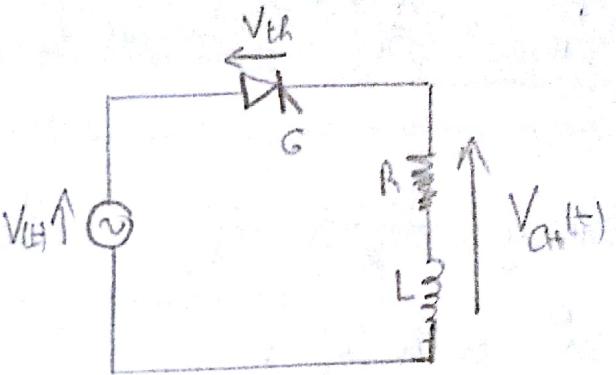
$$I_{CH, moy} = \frac{V_{CH, moy}}{R} = \frac{57,17}{10} = 5,717 \text{ A}$$

EXO 10:

$$R = 10 \Omega \quad V = 127 \text{ V}$$

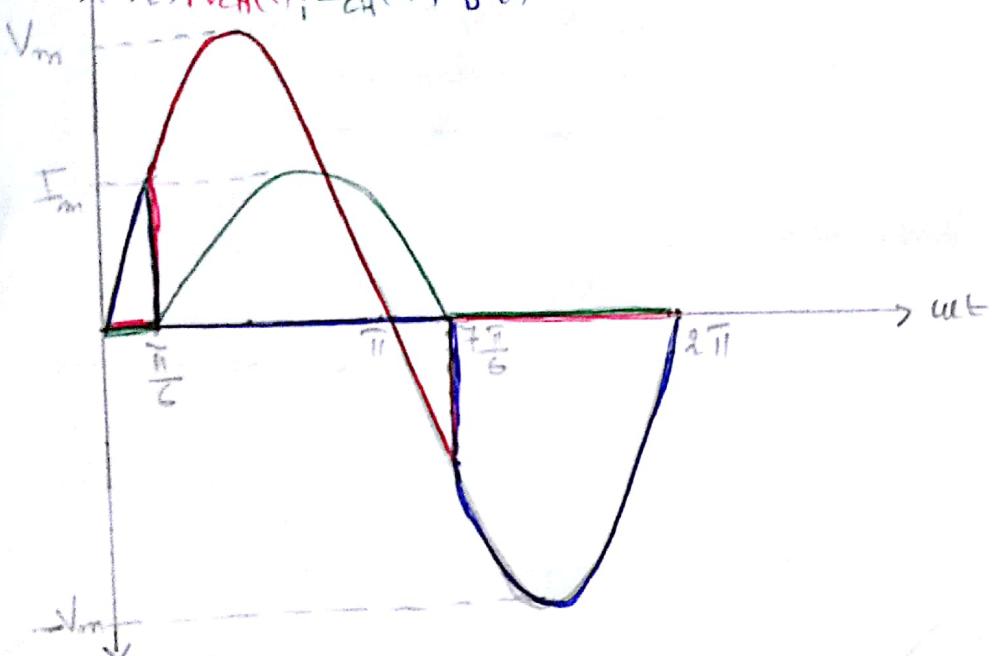
$$\alpha = \frac{\pi}{6} \quad \alpha_e = \frac{7\pi}{6}$$

$$E = 60 \text{ V} \quad V(t) = V \sin \omega t = 127 \sin \omega t$$



1) les chronogrammes:

$$V(t), V_{CH}(t), I_{CH}(t), N_o(t)$$



① $\frac{\pi}{2} < \omega t < \alpha \Rightarrow$ th bloquée

$$\begin{aligned} \circ V_{CH} &= 0 & \circ I_{CH} &= 0 \\ \circ V_{th} &= V(t) \end{aligned}$$

② $\alpha < \omega t < \alpha_e \Rightarrow$ th partante

$$\begin{aligned} \circ V(t) &= V_{CH}(t) & \circ I_{CH}(t) &= \frac{V_{CH}(t)}{R} = \frac{V_m}{Z} [\sin(\omega t + f) + \sin \varphi e^{\frac{-R}{L}t}] \cdot V_{CH}(t) = 0 \end{aligned}$$

③ $\alpha_e < \omega t < 2\pi \Rightarrow$ th bloquée

$$\begin{aligned} \circ V_{CH}(t) &= 0 & \circ I_{CH}(t) &= 0 \\ \circ V_{th}(t) &= V(t) \end{aligned}$$

④ Détermination V_{max} :

$$V_{eff} = \frac{V_{max}}{\sqrt{2}} \Rightarrow V_{max} = V_{eff} \sqrt{2} = 127 \sqrt{2} = 179,6 \Rightarrow V_{max} = 179,6 \text{ V}$$

$$V(t) = 179,6 \sin \omega t$$

(14)

Exercice N°10

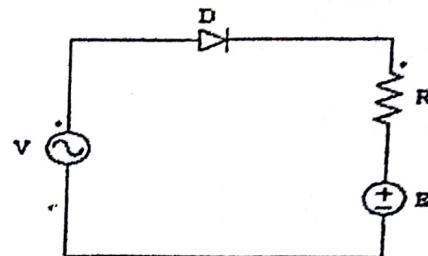
Soit le circuit du exercice N°9 , en remplaçant la diode par un thyristor sachant que l'angle de retard à l'amorçage

$$\alpha = \frac{\pi}{6} \text{ rd} / \text{l'angle d'extinction (ou angle de conduction) est de } \alpha_e = 7\pi/6 \text{ rd.}$$

Exercice N°11

Soit le montage du redresseur monophasé simple alternance de la figure ci-contre. $V(t) = \hat{V} \sin \omega t$, $\hat{V} = 127V$, $R = 10\Omega$, $E = 60V$

1. Tracer les chronogrammes de $V_{ch}(t)$ et $I_{ch}(t)$
2. Quelle est la condition pour que la diode soit conductrice?
3. Donner l'expression de I_{chmoy} et calculer sa valeur.

Exercice N°12

Soit un redresseur P1 commandé , recharge une batterie d'accumulateur de résistance interne $R = 1\Omega$. La f.c.e.m (E) de la batterie est égale à 100V au début de la charge et devient égale à 141 V à la fin de la charge. La tension aux bornes du secondaire du transformateur est $V(t) = 220 \sin \omega t$, fréquence 50Hz. Sachant que l'angle de retard à l'amorçage est réglé sur $\alpha = \pi/3$.

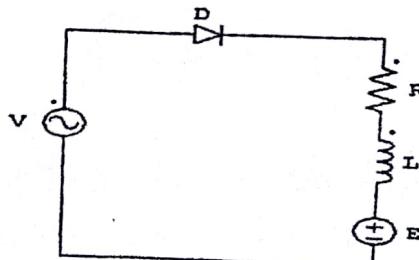
1. Quelle est la condition pour que le montage redresseur fonctionne ?
2. Tracer les chronogrammes de $V_{ch}(t)$, $I_{ch}(t)$, $V_{TH}(t)$.
3. Calculer le courant moyen de charge au début et à la fin de la charge.
4. A quel instant la tension aux bornes de la diode est elle maximale, calculer cette valeur.

Thyristor .

Exercice N°13

Soit un redresseur P1 non commandé alimentant une charge R-L-E. Tel que $V(t) = \hat{V} \sin \omega t$, $\hat{V} = 90V$, $R = 10\Omega$, $E = 40V$. Angle d'extinction est de $\alpha_e = 7\pi/6$ [rd]

1. Tracer les chronogrammes de $V_{ch}(t)$, $I_{ch}(t)$, $V_D(t)$,
2. Quelle est la condition pour que la diode soit conductrice?
3. Donner l'expression de I_{chmoy} et sa valeur.
4. Que se passera t'il si on ajoute une diode de roue libre?

Exercice N°14

Soit un redresseur monophasé commandé, débitant sur une charge RLE avec diode de roue libre. Sachant que la tension d'alimentation aux bornes du secondaire d'un transformateur est $V(t) = 220 \sin \omega t$ [v] , 50 [Hz] , la f.c.e.m. $E = 50$ [v], la résistance $R = 5$ [Ω], l'angle de retard à l'amorçage $\alpha = \pi/2$ [rd] et l'angle d'extinction est égal à $\alpha_e = 7\pi/6$ [rd].

1. Dessiner $V_{ch}(t)$, $I_{ch}(t)$, $V_{inv TH}(t)$.
2. Calculer V_{chmoy} , I_{chmoy} .
3. Déterminer la $V_{inv THmax}$

Le 27/11/2017

5) La valeur moyenne de $V_{CA}(t)$:

$$I_{CH}(t) = \frac{V_m}{2\pi} [$$

$$V_{CA}(t)_{avg} = \frac{1}{2\pi} \int_0^{2\pi} V_m \sin(\omega t) dt = \frac{V_m}{2\pi} \left[-\cos(\omega t) \right]_{t=0}^{t=\frac{\pi}{\omega}} = \frac{V_m}{2}$$

$$V_{CAavg} = \frac{V_m}{2} \left[-\cos\frac{\pi}{6} + \cos\frac{\pi}{2} \right] = 49,5 \text{ V}$$

6) La valeur moyenne de $I_{CA}(t)$:

$$I_{CAavg} = \frac{V_{CAavg}}{R} = \frac{49,5}{10} = 4,95 \text{ A}$$

7) du Diode $D_{A,L}$:

$D_{A,L}$ passe

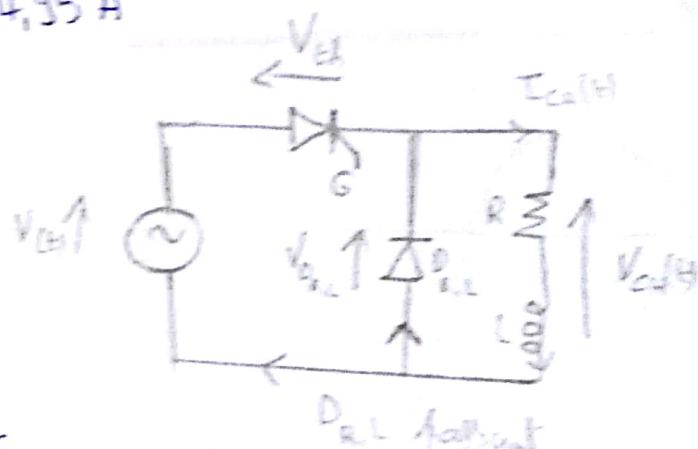
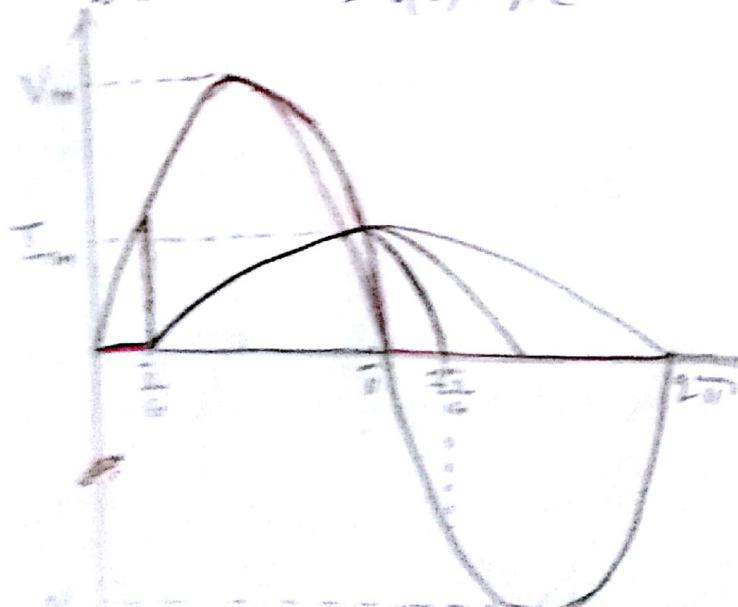
$$V_{CA}(t) = 0 \equiv R_i(t) + L \frac{di(t)}{dt}$$

$$-R_i(t) = L \frac{di(t)}{dt} \quad i = e^{-\frac{R_i}{L}t}$$

$$-\frac{R_i}{L} dt = \int \frac{di(t)}{i} \Rightarrow i(t) = A e^{-\frac{R_i}{L}t}$$

$$\Rightarrow -\frac{R_i t}{L} + C = \ln(i) \Leftrightarrow e^{\frac{R_i t}{L} - C} = i$$

$$\Rightarrow i = e^C e^{-\frac{R_i}{L}t} \Rightarrow i(t) = A e^{-\frac{R_i}{L}t}$$



$$\textcircled{1} \quad 0 \leq t < \frac{\pi}{2} \Rightarrow D_{A,L} \text{ passe}$$

$$V_{CA}(t) =$$

$$\textcircled{2} \quad \frac{\pi}{2} \leq t < \pi \Rightarrow D_{A,L} \text{ passe}$$

$$V_{CA}(t) = V_m$$

$$\textcircled{3} \quad \pi \leq t < 2\pi \Rightarrow D_{A,L} \text{ passe}$$

$$V_{CA}(t) = 0$$

④ La valeur moyenne de $V_{CA}(t)$:

$$V_{CAavg} = \frac{V_m}{2} = \frac{117\sqrt{2}}{2} = 59,7 \text{ V}$$

⑤ La valeur moyenne de $I_{CA}(t)$:

$$I_{CAavg} = \frac{V_{CAavg}}{R} = \frac{59,7}{10} = 5,97 \text{ A}$$

(15)

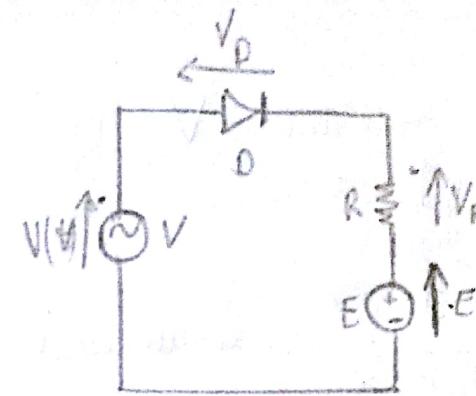
EXO.11:

$$V(t) = V_m \sin \omega t$$

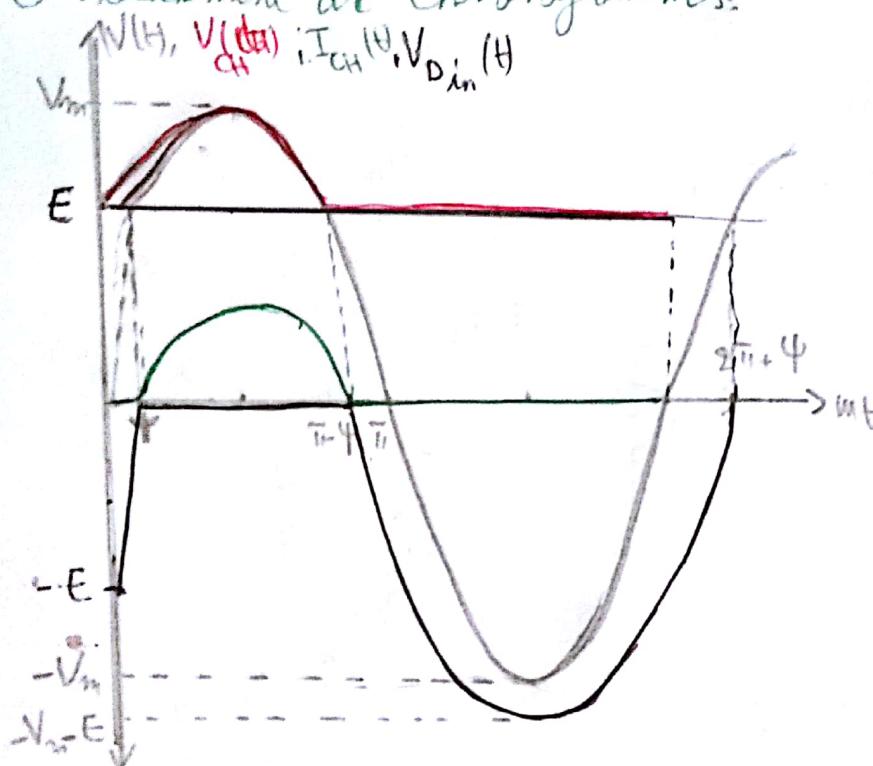
$$V_m = 127V$$

$$R = 10\Omega$$

$$E = 60V$$



① Tracément de Chronogrammes:



② $0 < \omega t < \pi \Rightarrow$ Diode passante

$$\left\{ \begin{array}{l} \cdot V_D = 0 \\ \cdot V_{CH}(t) = V(t) \\ \cdot V(t) = V_m \sin \omega t = V_R + E = R I_{CH}(t) + E \\ \cdot I_{CH}(t) = \frac{V_m \sin \omega t - E}{R} \end{array} \right.$$

③ $\pi < \omega t < 2\pi \Rightarrow$ Diode bloquée

$$\begin{aligned} \cdot V_{CH}(t) &= E \\ \cdot I_{CH}(t) &= 0 \\ \cdot V_D(t) &= V(t) - E \end{aligned}$$

(1)

4) La condition:

D'après les chronogrammes on a:

$$+ \text{Diode passante} \Rightarrow V(t) > E \Rightarrow V_m \sin \omega t > E \Rightarrow \sin \omega t > \frac{E}{V_m}$$

$$\Rightarrow \omega t > \arcsin\left(\frac{E}{V}\right) \Rightarrow \omega t > \sin^{-1}\left(\frac{60}{124}\right) \Rightarrow \varphi = 28,2^\circ$$

$$\Psi_1 = 28,2^\circ$$

$$+ \Psi_2 = \pi - \Psi_1 = 180^\circ - 28,2^\circ = 151,8^\circ$$

* Calculer $I_{CH_{max}}$:

$$I_{CH} = \frac{V(t) - E}{R}$$

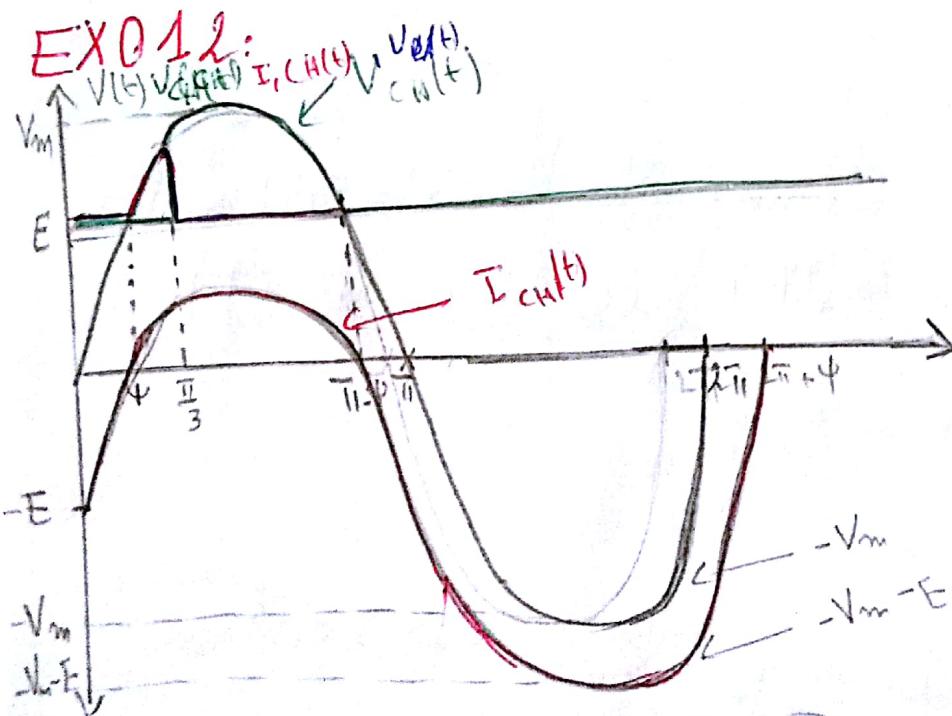
$$\Rightarrow I_{CH_{max}} = \frac{1}{2\pi} \int \frac{\sqrt{V_m \sin \omega t - E}}{R} dt = \frac{1}{2\pi R} \int_{\Psi_1}^{\Psi_2} V_m \sin \omega t dt - \int_E^{\Psi_2} E dt$$

$$= \frac{V_m}{2\pi R} \left[-(\cos \omega t) \right]_{\Psi_1}^{\Psi_2} - E[\Psi_2 - \Psi_1] = \frac{V_m}{2\pi R} \left[-(\cos \Psi_2 + \cos \Psi_1) \right] - E \left[\pi - 2 \times 0,04 \right]$$

$$= \frac{124}{2\pi \times 16} \left[-\cos 151,8^\circ + \cos 28,2^\circ \right] - \frac{60}{2\pi R} [\pi - 2 \times 0,04]$$

$$\boxed{I_{CH_{max}} = 1,44 A}$$

Le 04/12/2017



(14)

$$V(t) = 220 \sin(\omega t) / \pi = \frac{\pi}{2}$$

① la condition pour que le montage redresse fonctionne :

$$+V(t) > E \text{ et } \psi < \alpha < \pi - \psi \text{ ou } \alpha > \psi$$

$$\text{On a } V_m \sin \psi = E \Rightarrow \sin \psi = \frac{E}{V_m} \Rightarrow \psi = \arcsin\left(\frac{E}{V_m}\right)$$

$$+V(t) > E \text{ et } \psi < \alpha < \pi - \psi \text{ ou } \alpha > \psi \Rightarrow V(t) > 0 \quad I_g > 0$$

② Tracer les chronogrammes de $V_{CH}(t)$, $I_{CH}(t)$, $V_{LP}(t)$

③ le courant moyenne de charge :

$$\frac{\pi}{3} < \omega t < \pi - \psi \Rightarrow I_{CH}(t) = \frac{V(t) - E}{R} = \frac{V(t) - E}{R} \quad \pi - \psi$$

$$I_{CH \text{ moy}} = \frac{1}{2\pi R} \left[\int_0^{\pi - \psi} V_m \sin(\omega t) dt - \int_0^{\pi - \psi} E dt \right]$$

$$= \frac{1}{2\pi R} \left[V_m \left[-\cos(\omega t) \right]_0^{\pi - \psi} - [E(\pi - \psi - \alpha)] \right]$$

$$= \frac{1}{2\pi R} \left[V_m (\cos \psi + \cos \alpha) - E(\pi - \psi - \alpha) \right]$$

$$I_{CH \text{ moy}} = \frac{1}{2\pi R} \left[V_m (\cos \psi + \cos \alpha) - E(\pi - \psi - \alpha) \right]$$

④ le débit de charge :

$$E = 100 \text{ V} \quad V_m = 220$$

$$\psi_d = \arcsin\left(\frac{E}{V_m}\right) = \arcsin\left(\frac{100}{220}\right) = 24^\circ = 0,42 \text{ rad}$$

$$I_{CH \text{ moy}_d} = \frac{1}{2\pi} \left[220 \left(\cos(24^\circ) + \cos\left(\frac{\pi}{3}\right) \right) - E \left(\pi - 0,42 - \frac{\pi}{4} \right) \right]$$

$$I_{CH \text{ moy}_d} = 22,76 \text{ A}$$

⑤ tension de charge

$$E = 141$$

$$\psi_d = \arcsin\left(\frac{E}{V_m}\right) = \arcsin\left(\frac{141}{220}\right) = 39,8^\circ = 0,69 \text{ rad}$$

$$I_{C_{\text{charge}} d} = \frac{1}{2\pi} [220 (\cos(39,8) + \cos(\frac{\pi}{3})) - 141(\pi - 0,69 - \frac{\pi}{3})]$$

$$I_{C_{\text{charge}} d} = 12,9 \text{ A}$$

le débit de charge:

④ la tension au bornes de la diode (tension dénaturale aux bornes de la diode)

$$V_{i_{\text{inr}} d} = -V_m - E = -220 - 100 = -320 \text{ V} \quad | \text{ pour } ut = \frac{3\pi}{2}$$

+ le débit de charge: $V_{i_{\text{inr}} d} = -V_m - E = -220 - 100 = -320 \text{ V}$

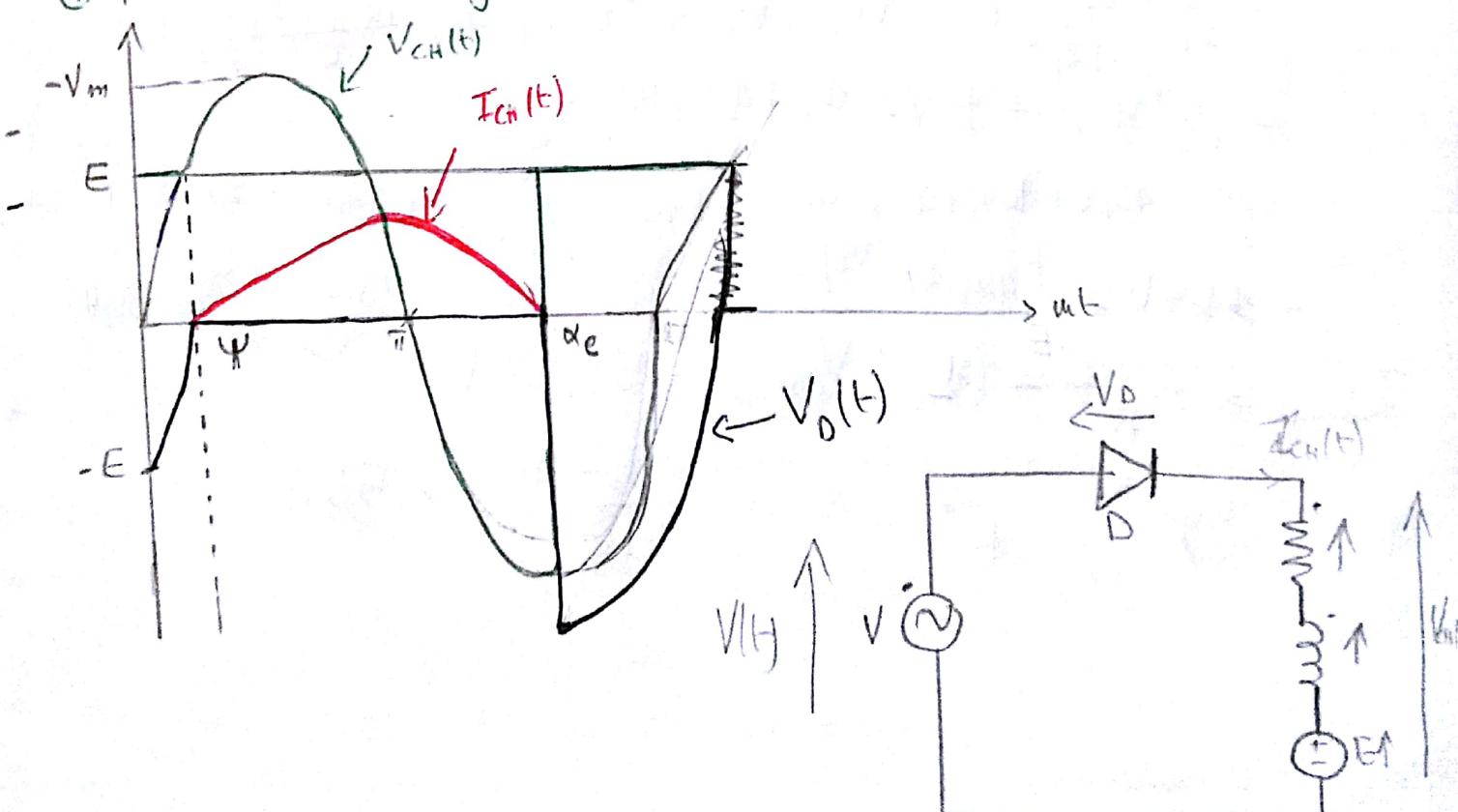
+ le f in de charge: $V_{i_{\text{inr}} d} = -V_m - E = -220 - 141 = -361 \text{ V}$

EXO 13:

$$V(t) = V_m \sin ut \quad | R = 10 \Omega \quad | E = 40 \text{ V}$$

$$V_{eff} = 90 \text{ V} \quad | \alpha_e = \frac{\pi}{6} \quad |$$

① Tracer les chronogrammes de $V_{ch}(t)$, $I_{ch}(t)$, $V_o(t)$:



(19)

② La condition pour la diode soit conductrice:

$$V(t) > E \Rightarrow \Psi < \alpha_e / \alpha_e > \Psi$$

③ La valeur moyenne de tension de charge:

$$\begin{aligned} V_{CH\text{moy}} &= \frac{1}{2\pi} \left[\int_0^{\Psi} E dt + \int_{\Psi}^{\alpha_e} V_m \sin \omega t dt + \int_{\alpha_e}^{2\pi} E dt \right] \\ &= \frac{1}{2\pi} \left[E(\Psi) + V_m (-\cos \omega t) \Big|_{\Psi}^{\alpha_e} + E(2\pi - \alpha_e) \right] \\ &= \frac{1}{2\pi} \left[E\Psi + V_m \left(\cos \frac{\Psi}{2} - \cos \frac{\alpha_e}{2} \right) + E(2\pi - \frac{\alpha_e}{2}) \right] \end{aligned}$$

$$+ V_{eff} = \frac{V_m}{\sqrt{2}} \Rightarrow V_m = \sqrt{2} V_{eff} = 90\sqrt{2}$$

$$+ V(t) = E \Rightarrow V_m \sin \omega t = E \Rightarrow \Psi = \arcsin \left(\frac{E}{V_m} \right) = 18,3^\circ = 0,32 \text{ rad}$$

$$\begin{aligned} V_{CH\text{moy}} &= \frac{1}{2\pi} \left[40 \times \frac{18,3}{12,3} + V_m \left(-\cos \frac{7\pi}{6} + \cos(18,3^\circ) \right) + E(2\pi - \frac{7\pi}{6}) \right] \\ &= \frac{1}{2\pi} \left[\frac{40 \times 1,5}{12,3} + 90\sqrt{2}(0,85 + 0,86) + 40(12\pi - \frac{7\pi}{6}) \right] \\ &= \frac{1}{2\pi} [12,8 + 90\sqrt{2}(1,71) + 40(\frac{5\pi}{6})] = \\ &= \frac{1}{2\pi} [12,8 + 104,72 + 90\sqrt{2}(1,71)] = \frac{1}{2\pi} [12,8 + 104,72 + 214,65] \\ &= 155V \frac{1}{2\pi} (40(21934) + 127(0,95 + 0,86)) = \frac{117 + 931,06}{2\pi} = 55,49 \end{aligned}$$

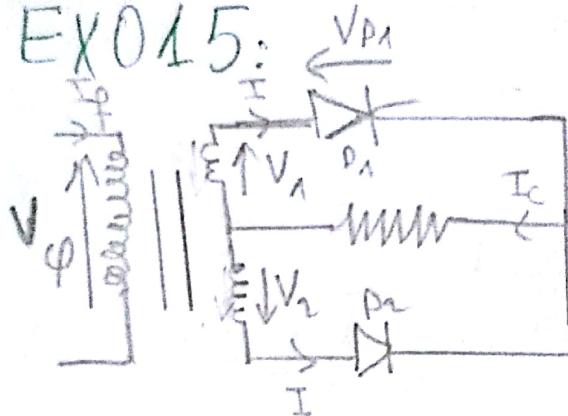
$$I_{CH\text{moy}} = \frac{V_{CH\text{moy}} - E}{R} = 1,55A \quad V_{CH\text{moy}} = 55,49 V$$

$$\textcircled{1} \quad I_{CH\text{moy}} = \frac{V_{CH\text{moy}} - E}{R} = \frac{55,49 - 40}{10} = 1,55 A$$

\textcircled{4}

(20)

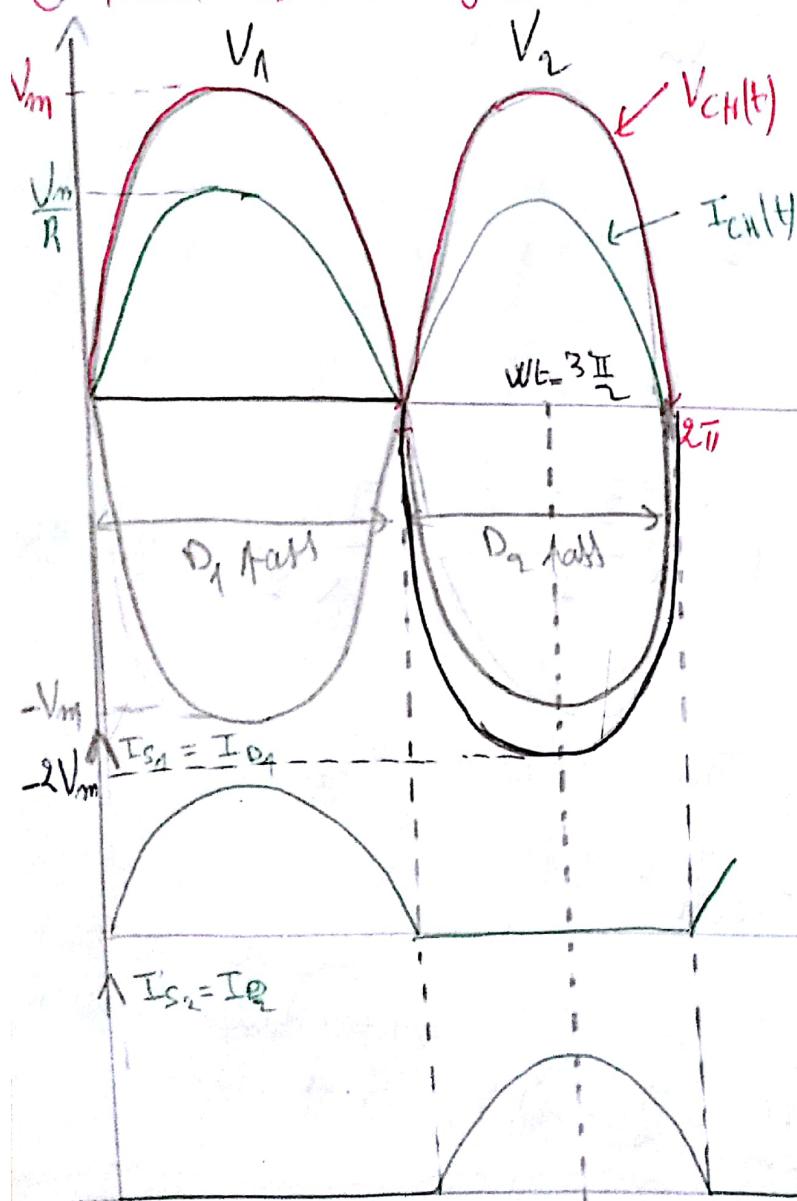
EX015:



$$V_m = 240 \text{ V} / V_n = V_m \sin(\omega t)$$

$$R = 80 \Omega / V_2 = V_1 = -V_m \sin(\omega t)$$

(1) Trace des Chronogrammes:



$$\Rightarrow N_1 \cdot I_P = N_2 (I_{S1} - I_{S2})$$

$$\Rightarrow I_P = \frac{N_2}{N_1} (I_{S1} - I_{S2})$$

$$\Rightarrow N_2 = N_1$$

$$\Rightarrow I_P = I_{S1} - I_{S2}$$

ut-

(2) la valeur moyenne de tension

$$V_{CH_avg} = \frac{1}{\pi} \int V_m \sin(\omega t) dt$$

$$V_{CH_avg} = \frac{2 V_m}{\pi} = \frac{2 \cdot 240}{\pi} = 152,8 \text{ V}$$

$$V_{CH_avg} = 152,8 \text{ V}$$

(3) la valeur moyenne de courant:

$$\rightarrow ut \quad I_{CH_avg} = \frac{V_{CH_avg}}{R} = \frac{152,8}{80}$$

$$I_{CH_avg} = 1,9 \text{ A}$$

$$I_{CH_avg} = 1,9 \text{ A}$$

(4) la valeur de la tension inverse maximale :

$$V_{D2_max}(t) = V_1(t) - V_2(t) = V_1 - (-V_1) = 2V_1(t)$$

$\pi/2 < \omega t < 2\pi \Rightarrow$ Diode Bloquée

$$V_{D2_max} = -2V_m = -480 \text{ V}$$

(2)

$$V_{in_max} = -480 \text{ V}$$

5

⑤ Calcul des courants :

$$I_{D_{1\text{max}}} = \frac{1}{2\pi} \int_0^{\pi} \frac{V_m}{R} \sin ut \, du = \frac{I_{C\text{max}}}{2} = \frac{1,9}{2} = 0,95 \text{ A}$$

$$\boxed{I_{D_{1\text{max}}} = 0,95 \text{ A}}$$

⑥ La valeur efficace de la tension et de courant :

$$+ V_{\text{eff}} = \sqrt{\frac{1}{\pi} \int_0^{\pi} V_m^2 \sin^2 ut \, du} = \sqrt{\frac{V_m^2}{\pi} \int_0^{\pi} \left(1 - \cos 2ut\right) \, du} \\ = \sqrt{\frac{V_m^2}{2\pi} \left[\pi - \frac{1}{2} \sin 2ut\right]_0^\pi} = \frac{V_m}{\sqrt{2}} = \frac{240}{\sqrt{2}} = 169,7 \text{ V}$$

$$\boxed{V_{\text{eff}} = 169,7 \text{ V}}$$

$$+ I_{C\text{eff}} = \frac{V_{\text{eff}}}{R} = \frac{169,7}{80} = 2,12 \text{ A}$$

$$\boxed{I_{C\text{eff}} = 2,12 \text{ A}}$$

⑦ Calcul du courant :

$$I_{D_{1\text{eff}}} = \sqrt{\frac{1}{2\pi} \int_0^{\pi} \frac{V_m^2}{R^2} \sin^2 ut \, du} = \sqrt{\frac{I_{C\text{eff}}^2}{2}} = \frac{I_{C\text{eff}}}{\sqrt{2}} = \frac{2,12}{\sqrt{2}} = 1,5 \text{ A}$$

$$\boxed{I_{D_{1\text{eff}}} = 1,5 \text{ A}}$$

⑧ le facteur de forme (F_f) et taux d'ondulation (Z_{ond})

$$F_f = \frac{V_m/\sqrt{2}}{2V_m/\pi} = \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{2}} \times \frac{\pi}{2V_m} = \frac{\pi}{2\sqrt{2}} = 1,11$$

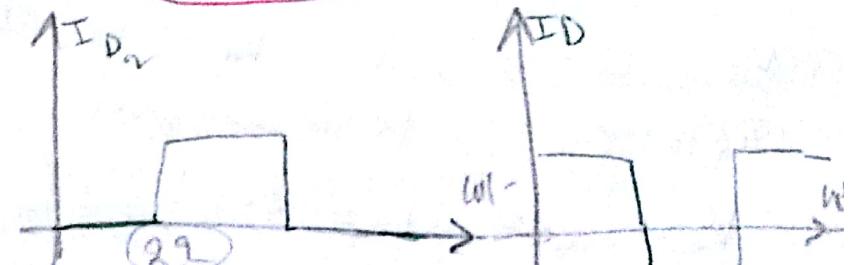
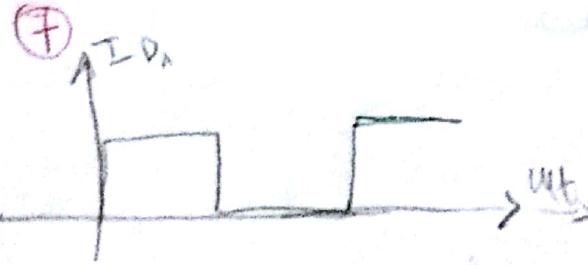
$$\boxed{F_f = 1,11}$$

l'inductance est épuisé pour filtrer le courant

$$Z_{\text{ond}} = \frac{V_m - 0}{2V_m/\pi} = \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{2}} \times \frac{\pi}{2V_m} = \frac{\pi}{2} = 1,57 \quad R \rightarrow \infty$$

$$\boxed{Z_{\text{ond}} = 1,57 \Omega}$$

fortement inductive \Rightarrow courant Cste



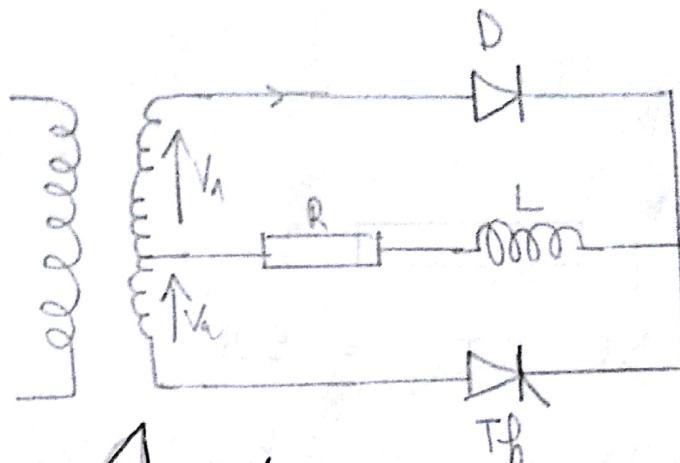
EX016:

$$V_m = 220\sqrt{2}$$

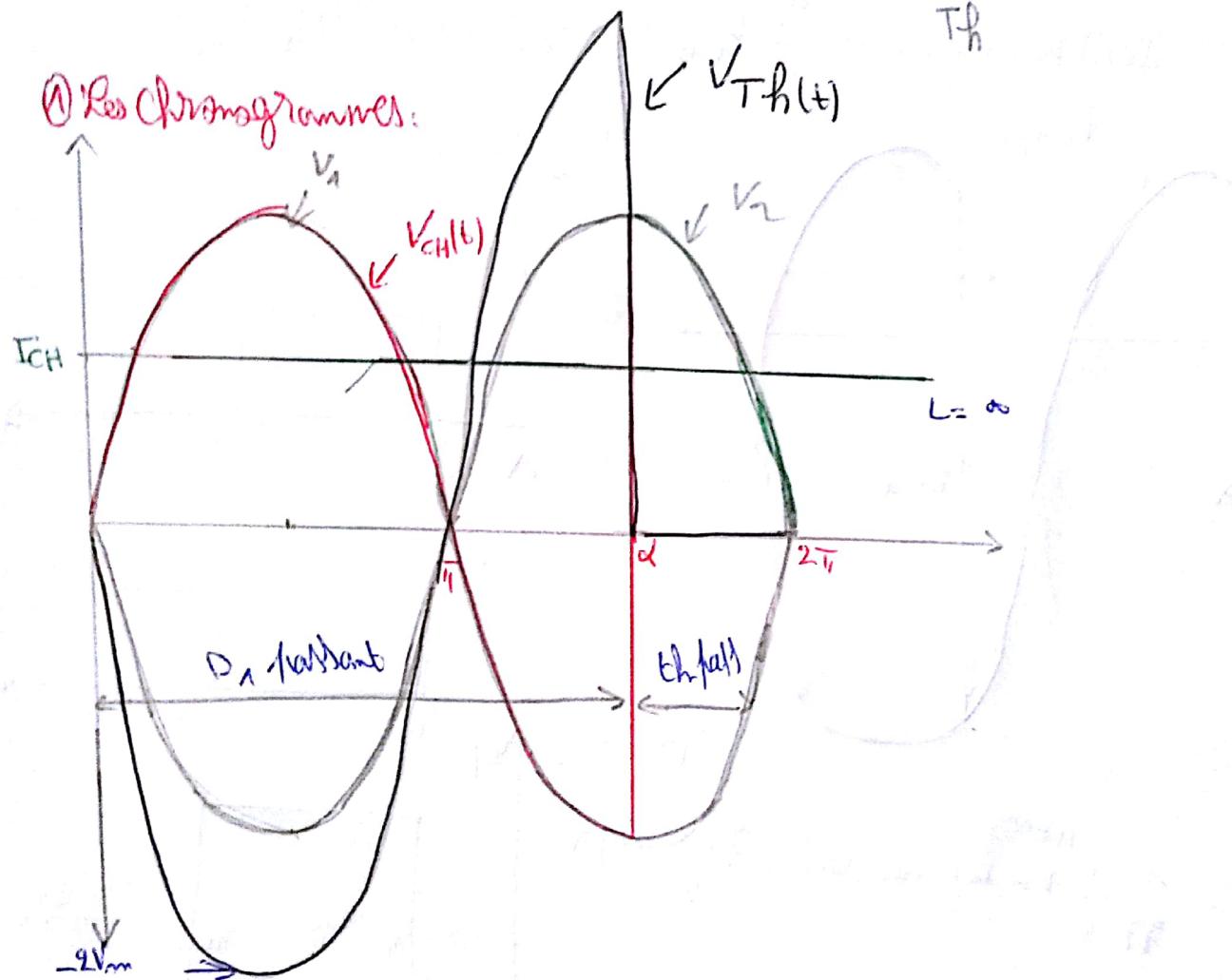
$$V(t) = 220\sqrt{2} \sin \omega t$$

$$P = 1500 \text{ W}$$

$$I_{CH, moy} = 10 \text{ A}$$



① Les chronogrammes:



② La tension moyenne de la tension et courant:

$$V_{CH, moy} = \frac{1}{2\pi} \left[\int_0^{\pi+\alpha} V_m \sin \omega t \, dt - \int_{\pi+\delta}^{2\pi} V_m \sin \omega t \, dt \right] = \\ = \frac{V_m}{2\pi} (\lambda + \cos \alpha)$$

③ Calcule α en radian:

$$P = V_{CH, moy} \cdot I_{CH, moy} \Rightarrow V_{CH, moy} = \frac{P}{I_{CH, moy}} = \frac{1500}{10} = 150 \text{ V}$$

$$\alpha = \cot^{-1} \left(\frac{V_{CH, moy} \cdot \pi}{V_m} - 1 \right) = \cot^{-1} \left(\frac{150 \pi}{220\sqrt{2}} - 1 \right) = 59^\circ \approx \frac{\pi}{3} \text{ rad}$$

(93)

EX017:

$$V_{n(H)} = V_m \sin \omega t$$

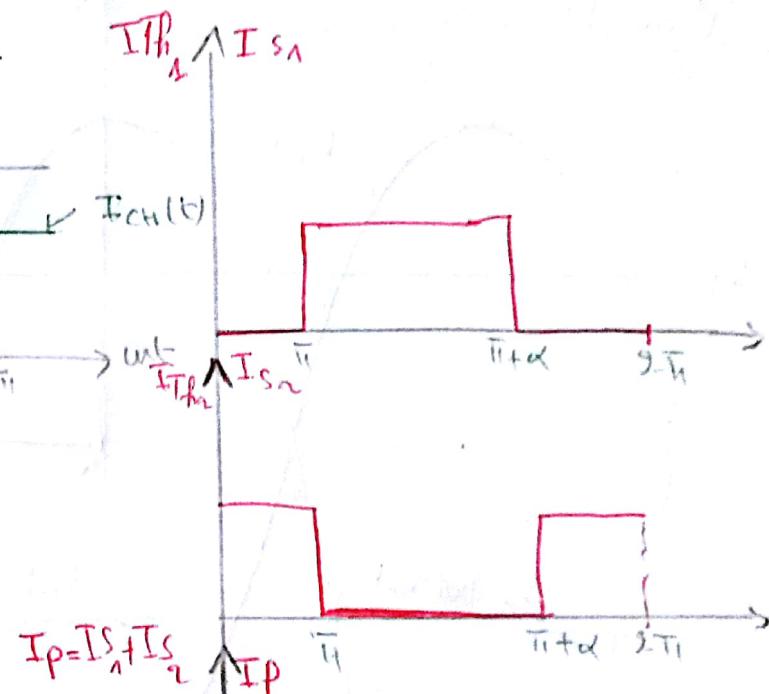
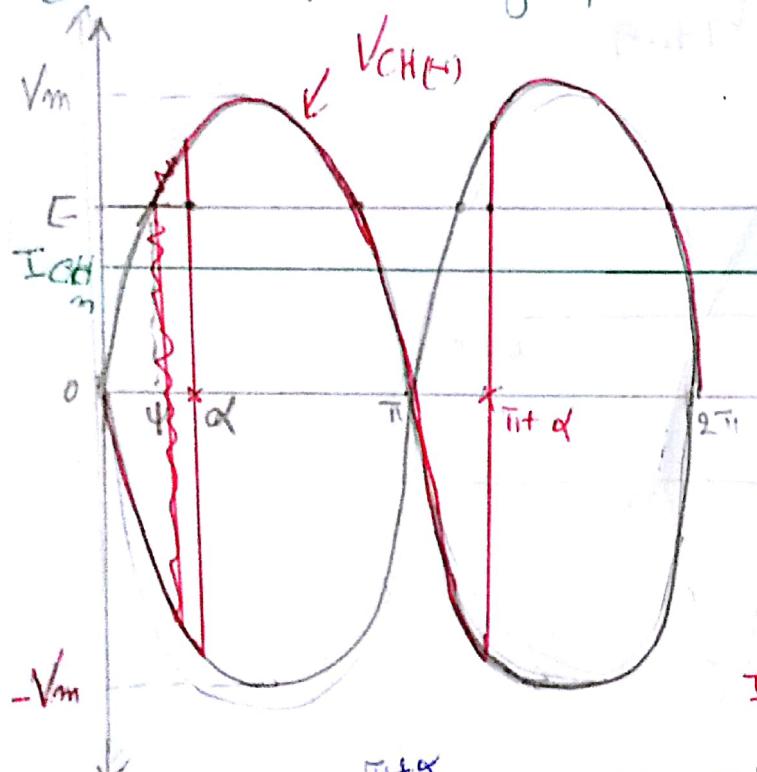
$$V_n(t) = V_m \sin(\omega t - \pi)$$

$$E = 60V \quad R = 6\Omega$$

$$\alpha = \frac{\pi}{3} \text{ rad} \quad L \rightarrow \infty$$

$$E < V_m \text{ et } \alpha > 0 \quad / \quad I_{Th_1, eff} = 5A$$

① Tracer für Chromatographie: $V_{CH}(t)$, $I_{CH}(t)$; $V_{n(H)}$, $I_{Th_1}(t)$, $I_{Th_2}(t)$



$$V_{CH, moy} = \frac{1}{\frac{\pi}{2}} \int_0^{\frac{\pi}{2}} V_m \sin \omega t \, d\omega t = \frac{2V_m}{\pi} \cos \alpha$$

② Calculate de

$$I_{Th_1, eff} = I_{Th_2, eff} = \left(\frac{1}{2\pi} \int_0^{\pi/2} I_c^2 \, d\omega t \right)^{1/2} = \frac{I_{CH, moy}}{\sqrt{2}}$$

$$I_{CH, moy} = I_{Th, eff} \sqrt{2} = 5\sqrt{2} A$$

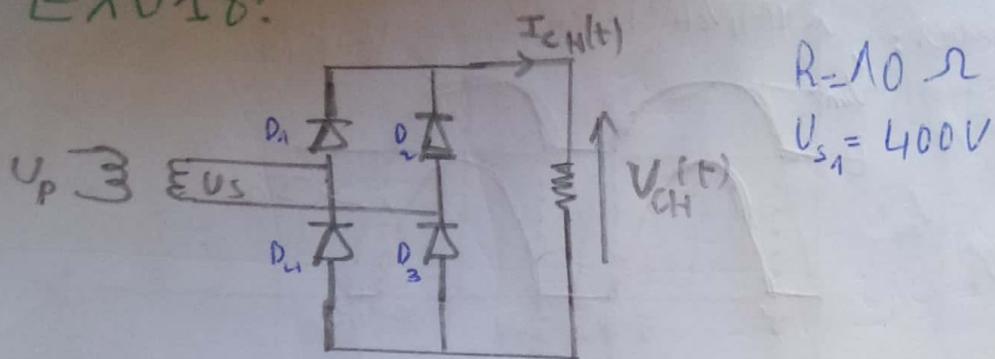
$$V_{CH, moy} = E + R \cdot I_{CH, moy} = 60 + 6 \times 5\sqrt{2} = 102,4 V$$

$$+ V_m = \frac{V_{CH, moy} \pi}{\cos \alpha} = \frac{102,4 \cdot \pi}{2 \cdot \cos 60} = 391,46 V$$

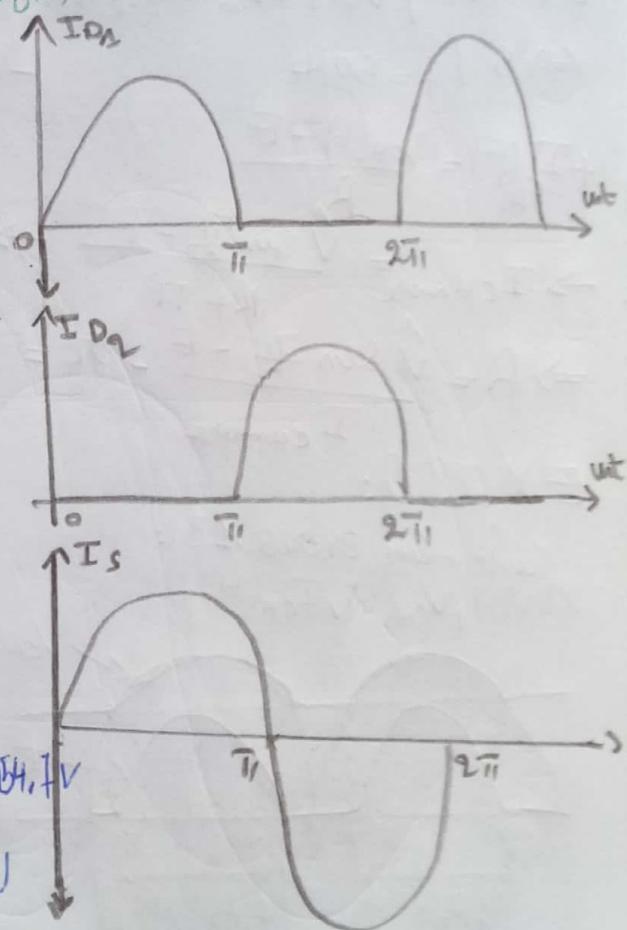
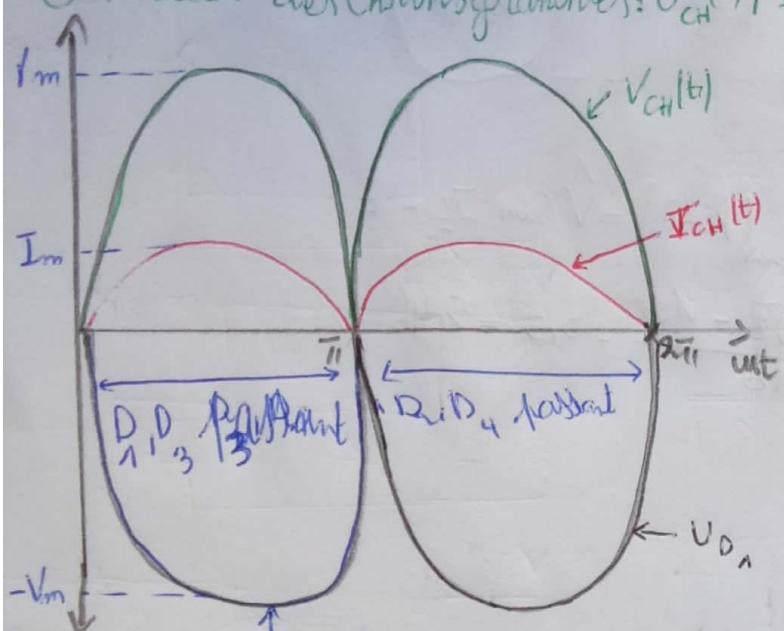
$$V(t) = 391,46 \sin \omega t$$

$$V_n(t) = 391,46 \sin(\omega t - \pi) = 391,46 \sin \omega t$$

EX018:



① Tracer des Chronogrammes: $U_{CH}(t)$, $I_{CH}(t)$, $U_D(t)$:



$$+ V_{CH\text{eff}} = \frac{V_m}{\sqrt{2}} = \frac{400}{\sqrt{2}} = 282,8 \text{ V}$$

$$+ V_{CH\text{max}} = \frac{1}{\pi} \int_0^{\pi} V_m \sin \omega t d\omega t = \frac{V_m}{\pi} (-\cos \omega t) \Big|_0^{\pi} = \frac{2V_m}{\pi} = 94,7 \text{ V}$$

$$+ V_{CH\text{min}} = \frac{1}{\pi} \int_{\pi}^{2\pi} V_m \sin \omega t d\omega t = \frac{V_m}{\pi} = \frac{V_m}{\sqrt{2}} = 28,28 \text{ V}$$

$$+ I_{CH\text{max}} = \frac{V_{CH\text{max}}}{R} = \frac{94,7}{10} = 9,47 \text{ A}$$

$$+ I_{CH\text{eff}} = \frac{V_{CH\text{eff}}}{R} = \frac{282,8}{10} = 28,28 \text{ A}$$

③ Le facteur de forme F_f et l'angle d'ondulation:

$$F_f = \frac{V_{CH\text{eff}}}{V_{CH\text{max}}} = \frac{282,8}{94,7} = 1,11 \rightarrow 1$$

$$\angle \text{ond} = \frac{V_{CH\text{max}} - V_{CH\text{min}}}{V_{CH\text{max}}} = \frac{94,7 - 28,28}{94,7} = \frac{66,42}{94,7} = 0,7 \rightarrow 0$$

$$+ 0 < \omega t < \pi \Rightarrow D_1, D_3 \text{ Pduantes}$$

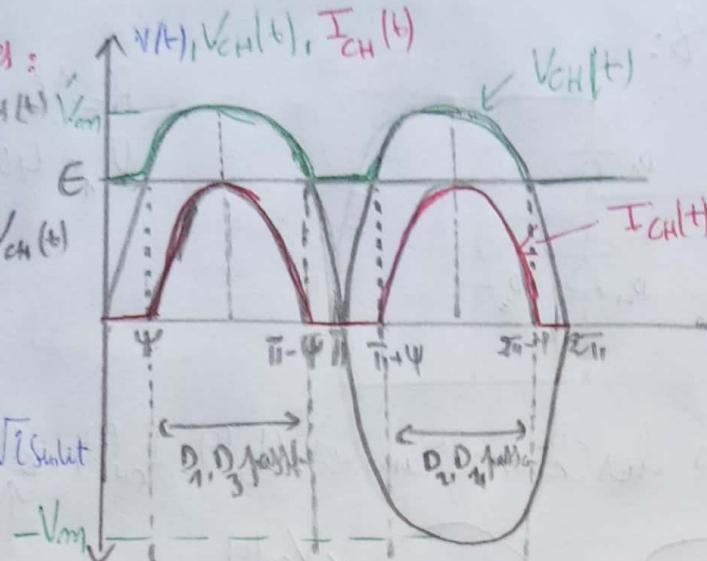
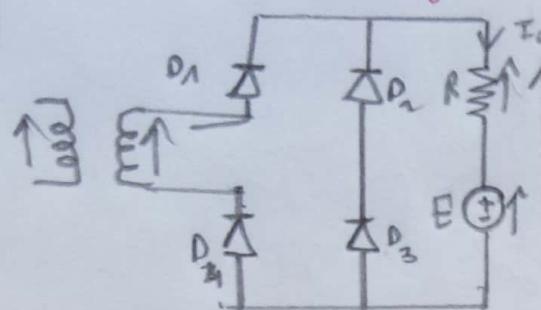
$$+ V_{CH}(t) = V(t) + V_{D_1} = V_{D_3} = 0 + I_{CH}(t) = 0$$

$$+ \pi < \omega t < 2\pi \Rightarrow D_2, D_4 \text{ Pduantes}$$

$$+ V_{CH}(t) = V(t) + V_{D_2} = V_{D_4} = 0 + I_{CH}(t) = \frac{V_{CH}(t)}{R}$$

EX019:

① Tracer les chronogrammes :



$$E = 120 \quad | \quad V(t) = V_m \sin \omega t = 127 \sqrt{2} \sin \omega t$$

$$\nu = 0,5 \quad | \quad f = 50 \text{ Hz}$$

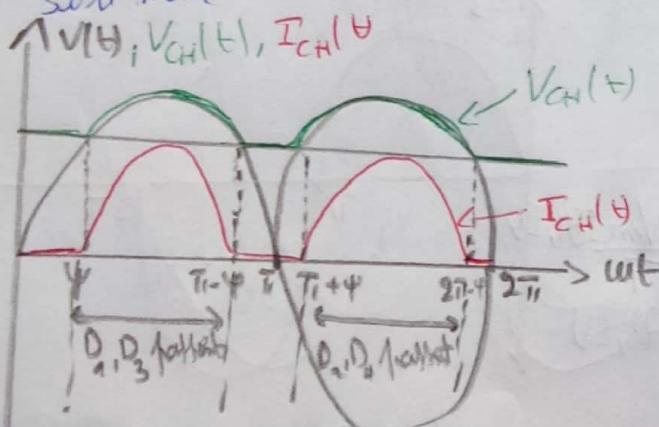
$$+ I_{CH}(t) = \frac{V_{CH}(t) - E}{R}$$

$$\rightarrow I_{CH_{max}} = \frac{\sqrt{3} \sin \frac{\pi}{2} - E}{R + r} \rightarrow I_{CH_{max}}(R+r) = \sqrt{3} \sin \frac{\pi}{2} - E$$

$$\Rightarrow R = \frac{\sqrt{3} \sin \frac{\pi}{2} - E}{I_{CH_{max}}} - r = \frac{127 \sqrt{2} - 120}{10} - 0,5 = 5,46$$

EX020:

Sur le même exercice 19 :



$$+ I_{CH_{avg}} = \frac{1}{\pi} \int_{-\frac{\pi}{4}}^{\frac{\pi}{4}} \frac{V_m \sin \omega t - E}{12} d\omega t = \frac{1}{\pi r} \int_{-\frac{\pi}{4}}^{\frac{\pi}{4}} [V_m(-\cos \omega t) - E \omega t] d\omega t = \frac{1}{\pi r} \left[V_m \left(\cos \omega t - \omega t \right) - E \left(\omega t - \frac{\pi}{4} \right) \right]_{-\frac{\pi}{4}}^{\frac{\pi}{4}}$$

$$= \frac{1}{\pi r} \left[V_m (\cos \psi - \cos(\pi - \psi)) - E (\pi - 2\psi) \right] = \frac{1}{\pi r} \left[V_m [2 \cos \psi + 1] - E (\pi - 2\psi) \right]$$

$$= \frac{1}{\pi r} \left[2 V_m \cos \psi - E (\pi - 2\psi) \right] = \frac{1}{\pi r} \left[2 \cdot 127 \sqrt{2} \cos \frac{\pi}{4} - 24 (\pi - 2 \cdot \frac{\pi}{4}) \right] = 3,28 A$$

$$+ \psi = \arcsin \left(\frac{E}{V_m} \right) = \arcsin \left(\frac{24}{2 \cdot 127 \sqrt{2}} \right) = \arcsin \left(\frac{12}{\sqrt{2}} \right) = \frac{\pi}{4} \text{ rad}$$

$$Q = I \cdot H \rightarrow H = \frac{Q}{I} = \frac{40}{3,28} = 12,2 H = 12,2 mH$$