## Статистика и емпирични методи

## Домашно №2

Предаване до 2016-12-19 10:00:00.

Нека WASD са последните 4 цифри на факултетния Ви номер.

**Задача 1.** Направете функция, демонстрираща Централната гранична теорема, за случайна величина X:

- $X \sim Exp(1/(A+1))$ , ако  $D \equiv 1 \mod 2$ ;
- $X \sim U(\min\{S, W\} 1, \max\{S, W\} + 1)$ , ако  $D \equiv 0 \mod 2$ .

Функцията трябва да приема като параметри размер на извадката n, брой итерации k и да връща вектор от извадкови средни. Изпълнете функцията за k=500 и n=10. Направете QQ-плот за резултатния вектор, за да сравните разпределението му с нормалното. Какво наблюдавате? Повторете същата процедура за n=1000. Има ли разлика в резултатите и на какво се дължи тя?

Задача 2. С помощта на R пресметнете:

- а)  $\mathbb{P}(W+5>X\geq \min\{2,A\})$  за сл. в.  $X\sim Ge((S+D+9)/90);$
- б)  $\mathbb{P}(\min\{3,A\} < Y \le \hat{W} + 4)$  за сл. в.  $Y \sim Po(\hat{D} + 1.5)$ ;
- в) стойността  $z^*$ , така че  $\mathbb{P}(-z^* < Z \le z^*) = (W+A+S+D+11)/111$  за сл. в.  $Z \sim N(0,1)$ . Съвет: Изчислете кой квантил на Z е  $z^*$ .;
- г) стойността x, така че  $\mathbb{P}(-1.5 < T \le x) = (55 + W + A)/100$  за  $T \sim t(33)$ . Изчислете кой квантил на T е x.

Задача 3. Нека имаме произволна пермутация на числата от 1 до 100. С помощта на симулации пресметнете приближено вероятността числото 12 да се намира след числото 20 и преди числото 16.

## Инструкции за предаване на домашната работа:

- Предаването на домашното ще стане през страницата на курса в moodle;
- На първата страница трябва да са написани името, факултетният номер, специалността и административната група;
- Прилага се кодът на R и резултатите от изпълнението му (вкл. графики), както коментари и интерпретация на получените статистически резултати;
- Максимален обем: 5 листа.