



#### **DUT-IDIA** Semestre 1

# Module Architecture des Ordinateurs

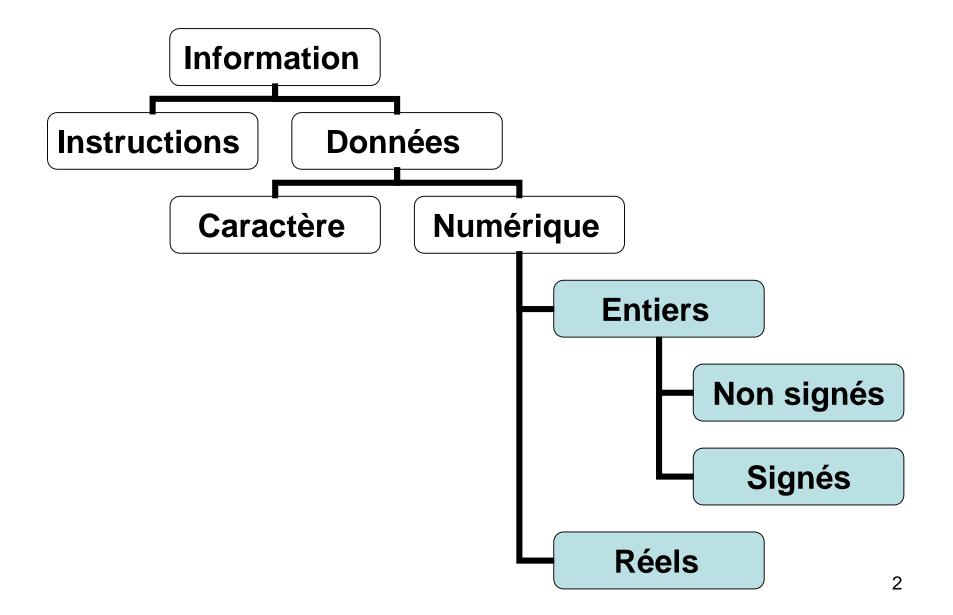
# **Chapitre I**

# SYSTÈMES DE NUMÉRATION

Pr: Mustapha Johri

Année Universitaire: 2024 - 2025

# 1. Quels types d'informations en informatique ?



## 1. Unités de mesure d'informations

- En informatique, la **base 2** (**binaire**) correspond au fonctionnement d'électronique utilisé dans l'informatique (*chargé/déchargé ou ouvert fermé...*).
- Le **Bit** (**BInary digIT**) est la plus petite unité de valeur, il ne peut avoir que **deux valeurs** (1 ou 0).
  - Quartet est un groupe de 4 bits.
  - Octet (Byte) est un groupe de 8 bits, il peut avoir 256 valeurs.
- Un fichier est un ensemble de bits qui forme ce qu'on appelle un mot binaire.

#### 1. Unités de mesure d'informations

- En informatique, la base est en 2, il faut que les multiples soient des multiples de 2, soit 1024 (2¹⁰) et non 1000.
  - **→** 1 Octet =8 bit
  - $\rightarrow$  1 kilo-octet (Ko) = 1 Ko équivaut à 1024 octets.
  - $\rightarrow$  1 Méga-octet (Mo) = 1 Mo = 1024 Ko.
  - $\triangleright$  1 Giga-octet (Go) = 1 Go = 1024 Mo.
  - **→** 1 Téra-octet (To) = 1 To = 1024 Go
  - (Peta, Exa, Zetta, Yotta...),

## 1. Autres unités de mesure d'informations

- Pour mesurer les **débits** (**Réseaux et connexions internet**), il est très courant d'utiliser le **Bit/s** (**bits par seconde** ou **bps**).
- En **comparant des imprimantes**, on tombe sur le nombre des **pages par minute** (**ppm**) que l'imprimante est capable d'imprimer.
- Un pixel est le plus petit carré affichable sur un écran. On rajoute souvent l'unité dpi (dot per inch ou ppp pour points par pouce ou pixels par pouce).
- Plus le nombre de pixels par pouce est élevé, meilleure est la qualité.

■ Les opérations sur les nombres binaires s'effectuent de la même façon que sur les nombres décimaux, mais il **ne faut pas oublier** que les seules symboles utilisés sont: 1 et 0.

#### **Addition**

- 0 + 0 = 0
- 0+1=1
- 1 + 1 = 0 et Retenue = 1

#### **Soustraction**

- 0 0 = 0
- 1 0 = 1
- 1-1=0
- 0 1 = 1 et Retenue = 1

## **\***Multiplication

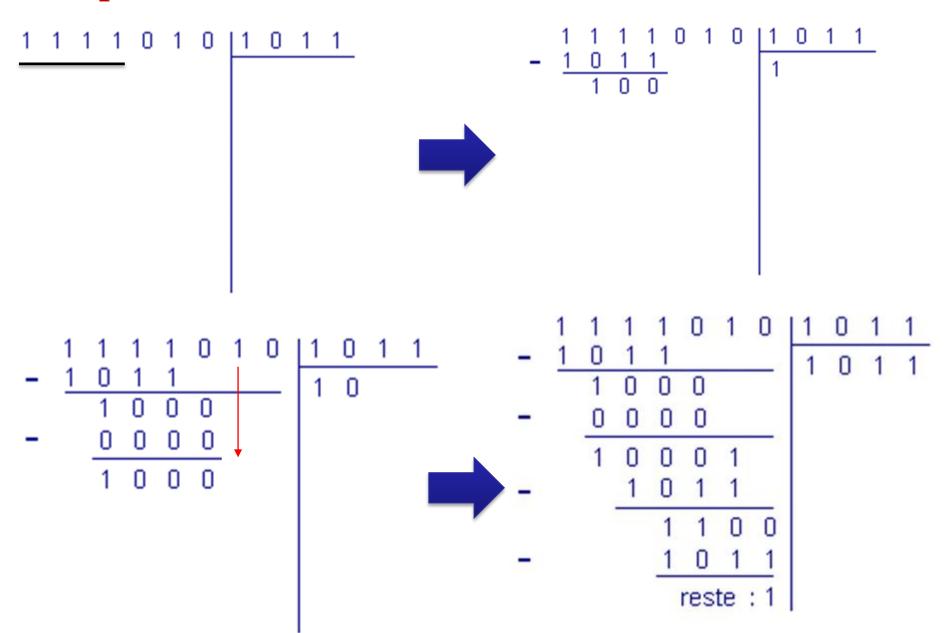
- 0 \* 0 = 0
- 0 \* 1 = 0
- 1 \* 1 = 1

#### **Division**

- 0 / 0 = Erreur !!
- 0/1=0
- 1 / 0 = Erreur !!
- 1 / 1= 1

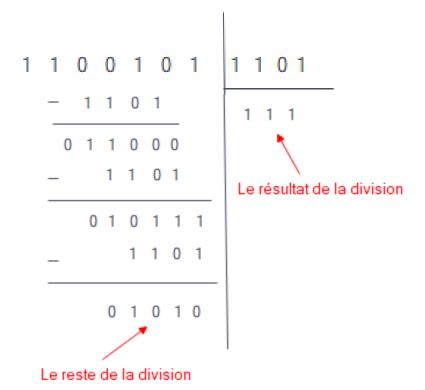
# **Exercices:** Effectuez les opérations suivantes

1100	1100	1011
+ 1000	- 1000	x 11
10100	0100	1011
		1011
		100001



## **Exercices:** Effectuez les divisions binaires suivantes:

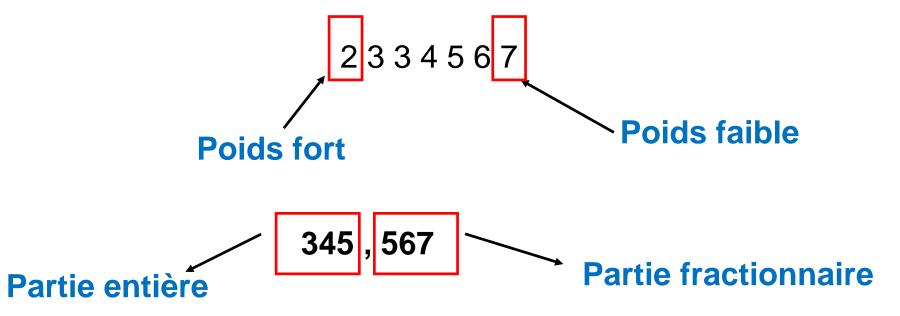
$$\begin{array}{c|cccc}
101100 & 100 \\
-100 & 1011 \\
\hline
11 & 110 \\
-100 & \\
\hline
-100 & \\
\hline
-100 & \\
\hline
0 & \\
\end{array}$$



- **☐** Base 10: Décimal
- On utilise **dix** symboles différents:

$$\{0,1,2,3,4,5,6,7,8,9\}$$

N'importe quelle combinaison des symboles { 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9 } donne un nombre.



- ☐ Base 10 : Décimal
- Soit le nombre 1978, il peut être écrit sous la forme :

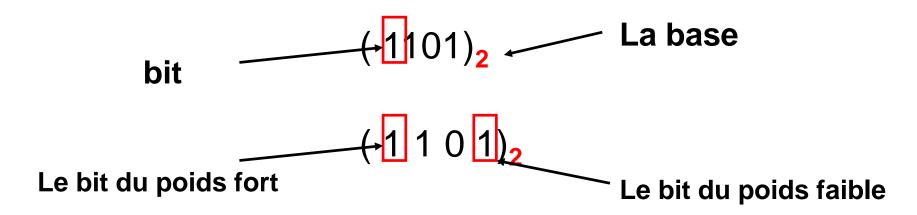
$$1978 = 1000 + 900 + 70 + 8$$
$$1978 = 1*1000 + 9*100 + 7*10 + 8*1$$
$$1978 = 1*10^{3} + 9*10^{2} + 7*10^{1} + 8*10^{0}$$

Cette forme est appelée: une forme polynomiale.

Un nombre réel peut être écrit aussi sous la forme polynomiale.

$$1978,265 = 1*10^3 + 9*10^2 + 7*10^1 + 8*10^0 + 2*10^{-1} + 6*10^{-2} + 5*10^{-3}$$

- ☐ Base 2: Binaire
- Dans un système binaire, pour exprimer n'importe quelle valeur on utilise uniquement 2 symboles: { 0, 1}



Un nombre binaire peut être écrit aussi sous la forme polynomiale:

$$(1110)_2 = 1 \cdot 2^3 + 1 \cdot 2^2 + 1 \cdot 2^1 + 0 \cdot 2^0 = (14)_{10}$$

$$(1110,101)_2 = 1 \cdot 2^3 + 1 \cdot 2^2 + 1 \cdot 2^1 + 0 \cdot 2^0 + 1 \cdot 2^{-1} + 0 \cdot 2^{-2} + 1 \cdot 2^{-3} = (14,625)_{10}$$

- **□** Base 8: Octal
- 8 symboles sont utilisés dans ce système:

$$\{0,1,2,3,4,5,6,7\}$$

$$(127)_8 = 1*8^2 + 2*8^1 + 7*8^0$$
  
 $(127,65)_8 = 1*8^2 + 2*8^1 + 7*8^0 + 6*8^{-1} + 5*8^{-2}$ 

Le nombre 1289 n'existe pas dans la base 8 puisque les symboles
 8 et 9 n'appartiennent pas à la base.

☐ Base 16 : Hexadécimal

• On utilise seize (16) symboles:

Décimal	Hexadécimal
0	0
1	1
2	2
	3
4	4
5	5
6	6
7	7
8	8
9	9
10	Α
11	В
12	С
13	D
14	E
15	F

#### ☐ Conversion d'une Base X au Décimal

Cette conversion est assez simple puisqu'il suffit de faire le développement en polynôme de ce nombre dans la base X, et de faire la somme par la suite.

$$(1101)_2 = 1 * 2^3 + 1 * 2^2 + 0 * 2^1 + 1 * 2^0 = (13)_{10}$$

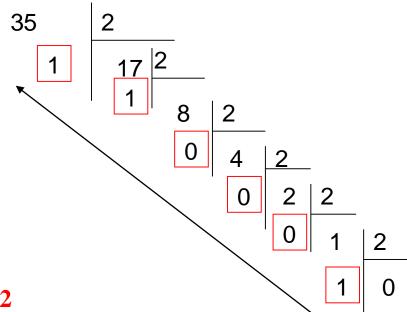
$$(1A7)_{16} = 1 * 16^2 + A * 16^1 + 7 * 16^0 = 1 * 16^2 + 10 * 16^1 + 7 * 16^0 = 256 + 160 + 7 = (423)_{10}$$

$$(1101,101)_2 = 1 * 2^3 + 1 * 2^2 + 0 * 2^1 + 1 * 2^0 + 1 * 2^{-1} + 0 * 2^{-2} + 1 * 2^{-3} = (13,625)_{10}$$

$$(43,2)_5 = 4 * 5^1 + 3 * 5^0 + 2 * 5^{-1} = 20 + 3 + 0,4 = (23,4)_{10}$$

#### ☐ Conversion du Décimal au Binaire

Le principe consiste à faire des divisions successives du nombre sur
 2 et prendre le reste des divisions dans l'ordre inverse.



Après division : on obtient :  $(35)_{10} = (100011)_2$ 

- ☐ Conversion du Décimal au Binaire (cas d'un nombre réel)
- La partie entière est transformée en effectuant des divisions successives.
- La **partie fractionnaire** est transformée en effectuant des **multiplications successives par 2**.

35,625=(?)<sub>2</sub>

$$0,625 * 2 = 1,25$$

$$P.E = 35 = (100011)2$$

$$0,25 * 2 = 0,5$$

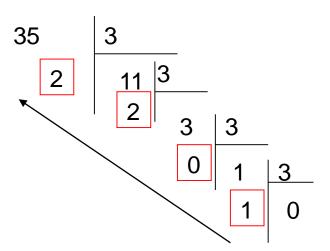
$$PF = 0,625 = (?)2
$$0,5 * 2 = 1,0$$$$

$$(0,625)=(0,101)_2$$

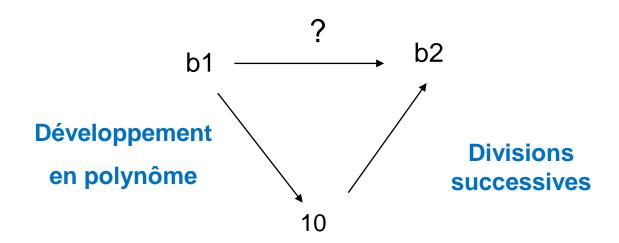
☐ Conversion du Décimal à une Base X

■ La conversion se fait **en prenant les restes des divisions successives** sur la **base X** dans le **sens inverse**.

$$(35)_{10} = (1022)_3$$



- ☐ Conversion de la Base b1 à une Base b2
- Il n'existe pas de méthode pour passer d'une base b1 à une autre base b2 directement.
- L'idée est de convertir le nombre de la base b1 à la base 10 et de convertir le résultat de la base 10 à la base b2.

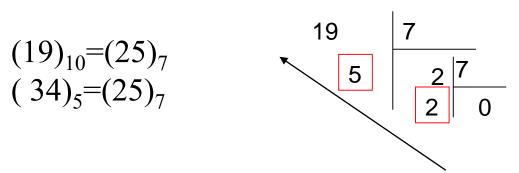


#### ☐ Conversion de la Base b1 à une Base b2

**Exemple**:  $(34)_5 = (?)_7$ 

$$(34)_5 = 3*5^1 + 4*5^0 = 15 + 4 = (19)_{10} = (?)_7$$

$$(19)_{10} = (25)_7$$
  
 $(34)_5 = (25)_7$ 



#### ☐ Conversion du Binaire à Octal

- En Octal, chaque symbole de la base s'écrit sur
   3 bits en binaire.
- L'idée de base est de replacer chaque symbole dans la base octal par sa valeur en binaire sur 3 bits.

$$(345)_8 = (011 \ 100 \ 101)_2$$
  
 $(65,76)_8 = (110 \ 101, 111 \ 110)_2$   
 $(35,34)_8 = (011 \ 101, 011 \ 100)_2$ 

Octal	Binaire
0	000
1	001
2	010
3	011
4	100
5	101
6	110
7	111

 Le remplacement se fait de droit à gauche pour la partie entière et de gauche à droite pour la partie fractionnaire.

- ☐ Conversion du Octal au Binaire
- L'idée de base est de faire des regroupements de 3 bits à partir du poids faible.
- Par la suite remplacer chaque regroupement par la valeur octale correspondante.
  - $(11001010010110)_2 = (011 \ 001 \ 010 \ 010 \ 110)_2 = (31226)_8$
  - $(110010100,10101)_2 = (110 010 100 , 101 010)_2 = (624,51)_8$

Le regroupement se fait de **droit à gauche** pour la **partie entière** et de **gauche à droite** pour la **partie fractionnelle**.

#### ☐ Conversion du Hexadécimal au Binaire

- En **Hexadécimal**, chaque symbole de la base s'écrit sur 4 bits.
- L'idée de base est de replacer chaque symbole par sa valeur en binaire sur 4 bits.

$$(345B)_{16} = (\underline{0011} \ \underline{0100} \ \underline{0101} \ \underline{1011})_2$$

$$(AB3,4F6)_{16} = (1010 1011 0011, 0100 1111 0110)_2$$

Binaire	Hexadécimal
0000	0
0001	1
0010	2
0011	3
0100	4
0101	5
0110	6
0111	7
1000	8
1001	9
1010	A
1011	В
1100	С
1101	D
1110	E
1111	F

☐ Conversion du Binaire à Hexadécimal

- L'idée de base est de faire des regroupements de 4 bits à partir du poids faible.
- Par la suite remplacer chaque regroupement par la valeur
   Héxadécimale correspondante .

- $(110010101010110)_2 = (0011 0010 1010 0110)_2 = (32A6)_{16}$
- $(110010100,10101)_2 = (0001,1001,1001,1000,1000,1000)_2 = (194,A8)_{16}$

## ■ Exercice

• Effectuer les opérations suivantes et transformer le résultat au décimal à chaque fois:

\* 
$$(1101, 111)_2 + (11, 1)_2 = (?)_2$$
  
\*  $(43)_6 = (?)_5 = (?)_8$   
\*  $(43)_{10} = (?)_2 = (?)_{16}$   
\*  $(63)_8 + (35)_8 = (?)_8$   
\*  $(AB3)_{16} + (23E)_{16} = (?)_{16}$   
\*  $(AB3)_{16} - (23E)_{16} = (?)_{16}$ 

**□** Solution

# REPRÉSENTATION DES NOMBRES NÉGATIFS

- Il existe **deux** types d'entiers :
  - les entiers non signés (positifs)
  - les entiers signés (positifs ou négatifs )

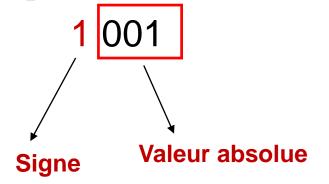
Problème: Comment indiquer à la machine qu'un nombre est négatif ou positif?

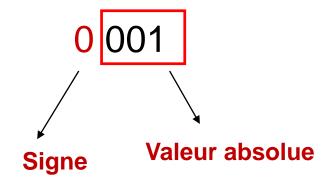
- Il existe 3 méthodes pour représenter les nombres négatifs :
  - **❖ Signe/ valeur absolue**
  - **❖** Complément à 1 (Complément restreint)
  - **❖** Complément à 2 (Complément à vrai)

Si on travaille sur n bits,

alors le bit du **poids fort** est utilisé pour indiquer le signe :

- **♦1**: signe négatif
- **⋄**0 : signe positif
- Les autres bits (n-1) désignent la valeur absolue du nombre.
- Exemple : Coder -1 et +1 sur 4 bits:





1001 est la représentation de - 1

0001 est la représentation de +1

#### Sur 3 bits on obtient :

signe	VA	valeur
0	00	+ 0
0	01	+ 1
0	10	+ 2 + 3
0	11	+ 3
1	00	- 0
1	01	- 1
1	10	- 1 - 2 - 3
1	11	- 3

■ Les valeurs sont comprises entre -3 et +3

$$-3 \le N \le +3$$

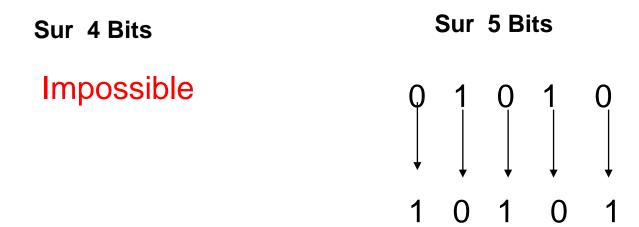
Si on travaille sur n bits , l'intervalle des valeurs qu'on peut représenter en S/VA :  $-(2^{(n-1)}-1) \le N \le +(2^{(n-1)}-1)$ 

- Le zéro possède deux représentations +0 = 000...0 et -0 = 100...0 ce qui conduit parfois à des difficultés au niveau des opérations arithmétiques.
- Pour les opérations arithmétiques, il nous faut deux circuits: l'un pour l'addition et le deuxième pour la soustraction.
- L'idéal est d'utiliser un seul circuit pour faire les deux opérations, puisque  $\mathbf{a} \cdot \mathbf{b} = \mathbf{a} + (-\mathbf{b})$ .

## 2. Complément à 1 (Restreint) (CA1)

• On travaille sur n bits, pour trouver le complément à un d'un nombre négatif, il suffit d'inverser tous les bits de sa valeur absolue codée sur n bits : si le bit est un 0 mettre à sa place un 1 et si c'est un 1 mettre à sa place un 0.

Exemple: Coder -10 sur 4 bits et 5 bits

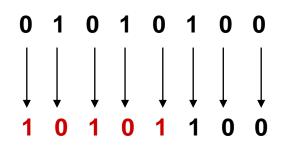


## 3. Complément à 2 (Vrai) : Sur n bits

 Méthode 1 : CA2(N)= CA1(N)+ 1 Trouver le complément à vrai de : -69 sur 8 bits ?

• Méthode 2 : Pour trouver le compétemment à 2 d'un nombre négatif : il faut parcourir les bits de la valeur absolue de ce nombre à partir du poids faible et garder tous les bits avant le premier 1 et inverser les autres bits qui viennent après.





## Exercice

• Effectuer les opérations suivantes sur 8 bits:

# REPRÉSENTATION DES NOMBRES RÉELS

## 1. Représentation en virgule fixe

- Un **nombre réel** est constitué de deux parties : la partie entière et la partie fractionnaire séparées par une virgule.
  - \* Problème: comment indiquer à la machine la position de la virgule ?
- Il existe deux méthodes pour représenter les nombre réel:
  - **Virgule fixe**: la position de la virgule est fixe.
  - **Virgule flottante**: la position de la virgule change.

## 1. Représentation en virgule fixe

- Dans cette représentation:
  - La partie entière est représentée sur n bits.
  - **La partie fractionnaire** sur **p bits.**
  - **En plus un bit** est utilisé pour le **signe**.
- Si n=3 et p=2 on va avoir les valeurs suivantes:

Signe	P.E	P.F	valeur
0	000	.00	+ 0,0
0	000	.01	+ 0,25
0	000	.10	+ 0,5
0	000	.11	+ 0,75
0	001	.00	+ 1,0
	•••		••••

 Dans cette représentation, les valeurs sont limitées et nous n'avons pas une grande précision.

## 2. Représentation en virgule flottante

**❖ Norme IEEE 754 de simple précision (32 bits)** 

Signe	Exposant biaisé	Mantisse				
1 bit	8 bits	23 bits				
	$N = (-1)^s \times 1, N$	$I \times 2^{E}$				

La mantisse M est normalisée sous la forme 1,M et l'exposant est ajusté en conséquence.

- La partie M est codée sur 23 bits.
- On ajoute le biais  $(2^{8-1} 1 = 127)$  à E et le total est codé sur 8 bits.
- s est le signe.

## 2. Représentation en virgule flottante

### • Exemple :

$$(-15,625)_{10} = (?)_{\text{IEEE-754-32}}$$

$$(15,625)_{10} = (1111,101)_2 = 1,111101 \text{ x}2^3$$

Donc

$$M=1111101$$
 et  $E=3$ 

Par suite

$$Eb = 127 + 3 = 130 = (10000010)_{2}$$

**Alors** 

## 2. Représentation en virgule flottante

**❖ Norme IEEE 754 de double précision (64 bits)** 

Signe	Exposant biaisé	Mantisse
1 bit	11 bits	52 bits

- La mantisse M est normalisée sous la forme 1,M et l'exposant est ajusté en conséquence.
- La partie M est codée sur 52 bits.
- On ajoute le biais (2<sup>11</sup>-1 1 = 1023) à E et le total est codé sur
   11 bits.
- s est le signe.

$$N = (-1)^s \times 1, M \times 2^E$$

## **AUTRES CODES**

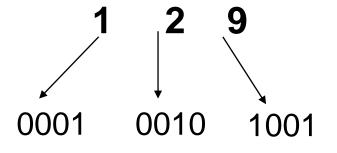
## 1. Codage BCD (Binary Coded Decimal)

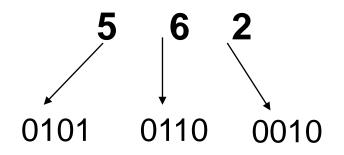
- Pour passer du décimal au binaire, il faut effectuer des divisions successives.
   Il existe une autre méthode simplifiée pour le passage du décimal au binaire.
- Le principe consiste à faire des éclatement sur 4 bits et de remplacer chaque chiffre décimal par sa valeur binaire correspondante.
- Les combinaisons supérieures à 9 sont interdites.

Décimal	Binaire
Decimal	Billaire
0	0000
1	0001
2	0010
3	0011
4	0100
5	0101
6	0110
7	0111
8	1000
9	1001

## 1. Codage BCD (Binary Coded Decimal)

**□** Exemple





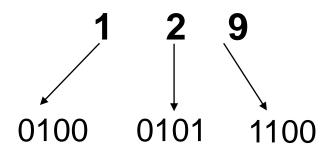
$$129 = (0001\ 0010\ 1001)_2$$

$$562 = (0101\ 0110\ 0010)_2$$

## 2. Codage EXCESS3

#### EXCESS3 = BCD+3

Décimal	BCD+3	Binaire
0	3	0011
1	4	0100
2	5	0101
3	6	0110
4	7	0111
5	8	1000
6	9	1001
7	10	1010
8	11	1011
9	12	1100



# REPRÉSENTATION DES CARACTÈRES

## 3. Codage des caractères

- Les caractères englobent : les lettres alphabétiques (A, a, B, B,...)
   , les chiffres , et les autres symboles (>,;/:....).
- Le codage le plus utilisé est le **ASCII** (American Standard Code for Information Interchange).
- Dans ce codage chaque caractère est représenté sur 8 bits.
- Avec 8 bits on peut avoir  $2^8 = 256$  combinaisons.
- Chaque combinaison représente un caractère.

## **Exemple:**

- Le code  $(65)_{10} = (01000001)_2$  correspond au caractère A
- Le code  $(97)_{10} = (01100001)_2$  correspond au caractère a
- Le code  $(58)_{10} = (00111010)_2$  correspond au caractère :
- Actuellement il existe un autre code sur 16 bits: **UNICODE**.

## 3. Table ASCII

	MSB	0	1	2	3	4	5	6	7
LSB		000	001	010	011	100	101	110	111
0	0000	NUL	DLE	SP	0	@	Р	*	đ
1	0001	SOH	DC1	ļ	1	А	Q	а	q
2	0010	STX	DC2	11	2	В	R	ь	r
3	0011	ETX	DC3	#	3	С	Ø	С	w
4	0100	EOT	DC4	\$	4	D	Т	d	t
5	0101	ENQ	NAK	%	5	E	C	е	C
6	0110	ACK	SYN	&	6	F	<	f	>
7	0111	BEL	ETB		7	G	W	g	~
8	1000	BS	CAN	(	8	Н	X	h	ж
9	1001	HT	ΕM	)	9	I	Υ	i	У
Α	1010	LF	SUB	*	:	J	Z	j	z
В	1011	VT	ESC	+	:	K	[	k	}
C	1100	FF	FS	3	<	L		I	
D	1101	CR	GS	_	=	М	]	m	{
E	1110	so	RS	•	٨	N	^	n	ł
F	1111	SI	US	1	?	0		0	DEL

## 3. Table ASCII ETENDU

Gauche Droite		0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	А	В	С	D	Ε	F
		0000	0001	0010	0011	0100	0101	0110	0111	1000	1001	1010	1011	1100	1101	1110	1111
0	0000	NUL	DLE	SP	0	Q	Р	`	р	Ç	É	á	老	L	8	6	
1	0001	SOH	DC1	1	1	А	Q	a	q	Û	89	í	83	_	Ð	_ <sub>B</sub> -	±
2	0010	STX	DC2	"	2	В	R	b	r	é	Æ	ó	-	т	Ê	ô	_
3	0011	ETX	DC3	#	3	С	S	С	s	â	ô	ú	Ī	ŀ	E	ò	%
4	0100	EOT	DC4	\$	4	D	Т	d	t	ă	ŏ	ń	4	_	È	ő	1
5	0101	ENQ	NAK	%	5	Е	U	е	U	à	9	Ñ	Á	+	- 1	Ó	5
6	0110	ACK	SYN	&	6	F	V	f	٧	å	û		Â	á	í	μ	+
7	0111	BEL	ETB	,	7	G	W	g	w	ç	ù	۰	À	Ã	î	Þ	
8	1000	BS	CAN	(	8	н	X	h	х	ê	ÿ	٤	0	E.	Y.	Þ	۰
9	1001	HT	EM	)	9	- E	Υ	i	у	ē	Ö	®	4	P	٦	Ú	-
Α	1010	LF	SUB	*	:	J	Z	j	z	è	0	7		Ÿ	г	Û	
В	1011	VT	ESC	+	:	K	1	k	}	T	8	1/2	7	Ŧ		Ù	,
С	1100	FF	FS	,	<	L	١	1	-1	î	£	1/4	3	ŀ	-	ý	a
D	1101	CR	GS	-	=	М	]	m	{	1	Ø	:	¢	=	1	Ý	2
Ε	1110	so	RS		>	N	٨	n	~	Ā	×	((	¥	÷	1	-	•
F	1111	SI	US	1	?	0		0	DEL	A	f	>	7	п	•		

# HIN