L3 Info, L3 Math-Info.

# - TP 2. Algorithme de Kruskal. -

Le but de ce TP est de calculer, pour un ensemble V de points du plan, un arbre couvrant T=(V,A) qui vérifie que la somme des distances des arêtes de A est minimale. Le calcul de cet arbre s'effectue par l'algorithme de Kruskal.

Langage. Programme en C++. Votre programme pourra contenir:

```
#include <cstdlib>
#include <iostream>
#include <vector>
#include <fstream>
using namespace std;
int main(){
int n;
                   //Le nombre de points.
cout << "Entrer le nombre de points: ";</pre>
cin >> n;
int m=n*(n-1)/2;
                  // Le nombre de paires de points.
int point[n][2]; // Les coordonnees des points dans le plan.
int edge[m][3];
                  // Les paires de points et le carre de leur longueur.
int arbre[n-1][2]; // Les aretes de l'arbre de Kruskal.
return 0;
}
```

Ce début de code est récupérable là : http://www.lirmm.fr/~bessy/GLIN501/TP/tp2.cc

#### !!!!! Pensez à tester chaque code produit sur de petits exemples!!!!!

#### - Exercice 1 - Création d'un ensemble aléatoire V de n sommets dans le plan.

L'ensemble de sommets V est  $\{0, \ldots, n-1\}$ . L'ensemble des positions des éléments de V est stocké dans un tableau **point** de taille  $n \times 2$  vérifiant que **point**[i][0] est l'abscisse du point i, comprise entre 0 et 612, et **point**[i][1] est l'ordonnée du point i, comprise entre 0 et 792. Pour information, le format US-Letter, par défaut sur de nombreux afficheur postscript, a pour dimension 612 points par 792 points...

Ecrire une fonction void pointrandom(int n, int point[][2]) qui engendre aléatoirement le tableau **point**.

## - Exercice 2 - Création du tableau des distances.

Ecrire une fonction void distances(int n, int m, int point[][2], int edge[][3]) qui engendre le tableau edge de taille  $m \times 3$  de telle sorte que :

- Pour chaque paire  $\{i, j\}$  avec i < j, il existe un k qui vérifie  $\mathbf{edge}[k][0] = i$  et  $\mathbf{edge}[k][1] = j$ .
- L'entrée edge[k][2] est le carré de la distance euclidienne du point i au point j.

## - Exercice 3 - Tri du tableau edge.

Ecrire une fonction void tri(int m, int edge/]/3) qui trie le tableau edge, selon l'ordre croissant des

L3 Info, L3 Math-Info.

valeurs de edge[k][2]. Le but de ce TP n'étant pas le tri, on pourra se limiter à un simple tri à bulles (tant qu'il existe deux entrées consécutives qui ne sont pas croissantes, on les inverse).

#### - Exercice 4 - Calcul de l'arbre couvrant de poids (distance) minimum.

Ecrire une fonction void kruskal(int n, int edge[][3], int arbre[][2]) qui applique l'algorithme de Kruskal au tableau d'arêtes **edge** et construit le tableau **arbre** qui contient les n-1 arêtes de l'arbre de distance minimum.

On pourra reprendre la fonction composantes du TP1, et y apporter des modifications mineures.

## - Exercice 5 - Affichage.

Utiliser la fonction AffichageGraphique que vous pouvez trouver à l'adresse  $http://www.lirmm.fr/\sim bessy/GLIN501/Affichage.cc$ afin d'afficher le résultat dans le fichier Exemple.ps. L'appel se fera par AffichageGraphique(n,point,arbre);

## - Exercice 6 - Pour aller plus loin.

Apporter les améliorations ou modifications suivantes :

- Si ce n'est pas déjà le cas, utiliser la version optimisée de l'agorithme composante pour implémenter l'algorithme de Kruskal.
- Améliorer les performances de votre algorithme en utilisant un tri plus efficace, par exemple tri fusion.
- Montrer que les arêtes de l'arbre obtenu ne peuvent se croiser.
- Utiliser d'autres distances (Manhattan, sup,...) pour créer votre arbre.
- Utiliser l'arbre de Kruskal afin d'approximer le voyageur de commerce. Ecrire aussi une fonction qui permet de calculer exhaustivement la longueur d'une tournée optimale. Tester vos fonction sur l'exercice 2 de la fiche de TD.

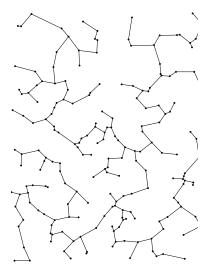


FIGURE 1 – Un exemple d'arbre de Kruskal.