INFO-F308

# Modélisation de la vaccination des individus et de la population dans le cadre d'une épidémie

Nathan Marotte,

Résumé—Le vaccin est un sujet souvent débattu car son efficacité n'est pas ressentie de la même manière qu'un antibiotique ou qu'un anti-douleur. Nous allons montrer dans cet article, par des modèles et simulations simple, comment un vaccin altère la propagation d'une maladie, au-delà de la protection qu'il apporte à un individu, en créant une véritable barrière qui rend la population immunisée si un certain pourcentage de la population est vacciné. Le résumé (80-100 mots) est conçu pour donner au lecteur une vue générale sur le contenu de l'article.

### I. Introduction

E monde étant rempli de sceptiques, les vaccins ont reçu et reçoivent encore bon nombre de critiques sur leur efficacité et donc autant de personnes refusant de ce faire vacciner. Les taux d'exemptions non médicales des vaccins varient d'une population à l'autre mais aurait atteint jusque 26.67% dans le comté du Camas, dans l'Idaho, aux États-Unis [1]. Ces résultats sont néanmoins à prendre avec des pincettes car la population du comté était d'environ 1000 habitants au moment du sondage. Le comté sondé avec le plus de non vacciné pour raisons non médicales est le comté de Maricopa dans l'Arizona, avec 2947 exempts pour plus de quatre millions d'habitants. Toutes ces personnes contribuent à une augmentation du risque d'épidémie et mettent en danger la vie des individus ne pouvant pas être vaccinés pour raisons médicales. Cet article aura donc pour but de défendre la vaccination en simulant la propagation d'une épidémie dans une population vaccinée à un certain pourcentage afin de voir comment le taux de vaccination dans une population influence de manière non linéaire l'immunité de la maladie. Cette relation est aussi connue sous le nom d'immunité grégaire ou herd immunity, en anglais. Trouver le seuil de cette immunité, c'est-à-dire le taux de vaccination nécéssaire pour que la maladie se propage moins vite que l'on en guérit, permettra de déterminer quelles populations sont potentiellement en danger d'épidémies graves, et de pouvoir nous concentrer sur celles-ci afin d'éviter d'autres catastrophes. Ce seuil est appellé Herd Immunity Threshold, ou HIT Notre approche fournira à la communauté scientifique des méthodes très simples et compréhensibles, mais correctes pour démontrer au public les raisons de la vaccination obligatoire.

#### II. ETAT DE L'ART

Le modèle étant par nature assez simple, peu d'articles récents ont été écrits sur le sujet. Par contre, il existe déjà

Superviseurs : Robin Petit

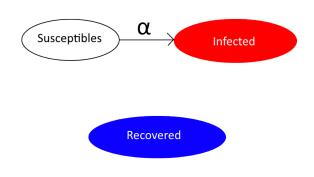


Figure 1. Modèle SIR

plusieurs expériences ayant été réalisées notamment des simulations sur la propagation de la grippe saisonnière [2] [3], ainsi que sur le VIH [4]. Ces expériences utilisent pour la plupart un modèle similaire à SIR qui sera donc aussi utilisé pour modéliser notre problème

#### III. MÉTHODOLOGIE

Afin de démontrer notre hypoyhèse, les vaccins protègent au delà du système immunitaire, nous avons construit un modèle SIR simple où la population de départ est repartie dans les différents états pour une représentation compartimentale et nous avons aussi construit une modèle spatial se basant sur les 3 états et les transitions du modèle compartimental SIR. Grâce à ces modèles, nous allons pouvoir déterminer le seuil d'immunité grégaire HIT mais aussi voir l'évolution de la protection en fonction du nombre de vaccinés.

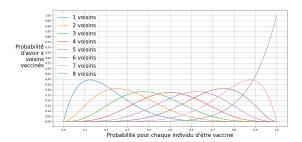
# A. Modèle SIR

Notre modèle SIR est composé de 3 états et de deux transitions disposée comme ceci

Ces états, susceptibles, infectés, et retirés, représentent respectivement la population saine, la population malade et contagieuse, et la population vaccinée.  $\alpha$  représente la probabilité qu'un individu soit infecté. Ce modèle ne permettant pas de simuler de manière satisfaisante et représentative l'évolution dans une population, nous la présentons ici juste comme un modèle sur lequel nous avons basé notre modèle saptial.

INFO-F308 2

FIGURE 2. Probabilité d'avoir x voisins vaccinés en fonction du pourcentage de vaccinés



#### B. Modèle spatial

Ce modèle se base sur la représentation d'une population de 2500 individus sur un plan en 2 dimensions. Chaque individu est représenté par un point sur une matrice carrée de 50 points de côtés, ne peut être dans un état à la fois, et est voisin de 8 autres individus. Un individu ne peut infecter que quelqu'un dont il est voisin. Un malade contagieux ne pourra donc pas infecter plus de 8 individus  $(R_0 = 8)$  D'abord tous les individus commencent susceptibles, puis, avant le début de l'infection, un pourcentage de la population est vacciné, puis, une personne au hasard est sélectionnée pour être l'infecté de départ  $^1$ 

- 1) La vaccination: L'étape de vaccination garanti un nombre exact de vacciné en procédant comme suit :
  - multiplier le taux de vaccination par la taille de la population pour otbtenir un nombre de vacciné
  - échantilloner autant d'individus dans la population de manière aléatoire
  - vacciner tous ces individus
- 2) L'infection de départ: Parmi les personnes saines dans la population, nous sélectionnons une personne au hasard pour démarrer l'épidémie
- 3) La propagation: Pour chaque voisin susceptible de chaque individu infecté, nous l'infectons avec une probabilité de  $\alpha$ . Dans le cadre de ce projet, nous avons choisi un  $\alpha$  de 1 car nous voulions voir l'évolution d'une maladie très infectieuse pour empêcher la chance d'intervenir dans le déroulement de l'épidémie.
- 4) Probabilité de propagation et isolement: Au vu de la construction de notre modèle spatiale, il existe des cas particuliers empêchant totalement la propagation de la maladie. En effet, dans une population vaccinée à 95%, il n'existera alors que très peu d'individus vaccinés parsemé uniformément dans une population immunisée. Ces individus sont donc totalement protégés du fait qu'ils n'ont aucun voisins capable de leur transmettre la maladie. En fonction du pourcentage de vaccination de la population, le nombre d'individus isolé augmente. Aussi, chaque voisin vacciné autour d'un individu susceptible diminue au final la probabilité de cet individu d'être infecté. La probabilité qu'un individu ai k voisins vaccinés est représentée en 2 Nous voyons donc que lorsque la population est vaccinée
- 1. Le programme Python que nous avons écrit permet de faire varier ce paramètre

à 90%, il y a déjà plus de 40% des individus qui sont totalement isolés de la maladie.

5) Seuil d'Immunité Grégaire: Ce seuil d'immunité est dépend de  $R_0$ , le nombre d'individus qu'un malade peut infecter. Si ce nombre est inférieur à 1, alors la maladie finira par s'éteindre, si il est supérieur à 1, la maladie infectera tout le monde si rien n'est fait pour l'arrêter. Le seuil d'immunité est donc le pourcentage de personne immunisé nécéssaire pour faire baisser  $R_0$  à 1. Il est calculé théoriquement avec cette formule

$$\frac{R_0 - 1}{R_0} = 1 - \frac{1}{R_0}$$

Dans le cadre de notre modèle, ce taux est donc de 87.5% Cette section doit décrire, en manière détaillée :

- Les hypothèses de base de votre approche
- Les fondements mathématiques
- La méthode proposée
- Les jeux de données utilisés (si nécessaire)
- Les instructions nécessaires pour pouvoir reproduire les expériences (par example pseudo-code),

#### IV. RÉSULTATS

Cette section doit contenir les résultats que vous avez obtenu avec la méthodologie décrite dans la section III. Les résultats devront être présentés de préférence sous forme de tableau (cf. Table I) et/ou du diagramme (cf. Fig. 3), et correctement référencés. Le conditions d'expérimentation (c-à-d matériel et logiciels utilisés) devront être ainsi indiquées. En plus des résultats mêmes, cette section devra contenir votre propre analyse et discussion de résultats (par example comparaison par rapport à une méthode de référence)

TABLE I SIMULATION PARAMETERS

| Information message length       | k = 16000  bit        |
|----------------------------------|-----------------------|
| Radio segment size               | b = 160  bit          |
| Rate of component codes          | $R_{cc} = 1/3$        |
| Polynomial of component encoders | $[1, 33/37, 25/37]_8$ |

FIGURE 3. Simulation results on the AWGN channel. Average throughput k/n vs  $E_s/N_0$ .

#### V. Conclusion

Cette section contient un rappel des contributions / de résultats importants de votre article et éventuellement une indication sur les perspectives de recherche future dans le même domaine.

## RÉFÉRENCES

[1] Jacqueline K. Olive, Peter J. Hotez, Ashish Damania, and Melissa S. Nolan. Correction: The state of the antivaccine movement in the united states: A focused examination of nonmedical exemptions in states and counties. *PLOS Medicine*, 15(7):1–4, 07 2018.

INFO-F308 3

- [2] Zhilan Feng, Sherry Towers, and Yiding Yang. Modeling the effects of vaccination and treatment on pandemic influenza. The  $AAPS\ Journal,\ 13(3):427-437,\ 2011.$
- [3] Pedro Plans-Rubió. The vaccination coverage required to establish herd immunity against influenza viruses. *Preventive Medicine*, 55, 2012.
- [4] Angela R. McLean and Sally M. Blower. Imperfect vaccines and herd immunity to hiv. Proceedings of the Royal Society B, 253, 1993

# ANNEXE A CONSIGNES

# Document

Le rapport doit être rédigé en IATEX suivant ce template. La longueur du rapport ne devra pas, en tout cas, dépasser les 6 pages. Ce rapport doit être *self-contained*, c-à-d il doit pouvoir être lu et compris sans avoir besoin de se documenter ailleurs.