

Título del Documento

Autor/a

November 6, 2024

Problema 1

En una región en desarrollo, un estudio de planificación social y de infraestructura, realizado por el departamento de ingeniería civil, ha determinado que la ocupación de los habitantes afecta directamente las necesidades de infraestructura y servicios públicos. Según este estudio, la ocupación de un niño, cuando alcance la adultez, depende de la ocupación de su padre, y las probabilidades de transición están representadas en la siguiente matriz de transición.

Las ocupaciones consideradas son:

- **P** = Profesional (requiere infraestructura avanzada, como oficinas y centros educativos).
- **F** = Agricultor (requiere zonas rurales y acceso a tierras agrícolas).
- **L** = Obrero (necesita zonas urbanas básicas, áreas de residencia industrial).
- **C** = Comerciante (requiere mercados y centros comerciales).
- **T** = Tecnólogo (necesita centros de innovación y tecnología).

La matriz de transición es la siguiente:

$$P = \begin{bmatrix} 0.6 & 0.1 & 0.1 & 0.1 & 0.1 \\ 0.2 & 0.5 & 0.2 & 0.1 & 0.1 \\ 0.1 & 0.2 & 0.4 & 0.2 & 0.2 \\ 0.05 & 0.1 & 0.2 & 0.5 & 0.15 \\ 0.05 & 0.1 & 0.1 & 0.1 & 0.45 \end{bmatrix}$$

Cada elemento a_{ij} representa la probabilidad de que un hijo de una persona con ocupación j tenga la ocupación i en su adultez. Por ejemplo, la probabilidad de que el hijo de un profesional también sea profesional es 0.6, mientras que la probabilidad de que el hijo de un tecnólogo también se dedique a la tecnología es 0.45.

Este estudio es importante para prever las necesidades futuras de infraestructura en función de las ocupaciones, de modo que la región pueda planificar adecuadamente.

Preguntas

1. ¿Cuál es la probabilidad de que el nieto de un profesional también sea un profesional?

Esta pregunta es clave para analizar si la ocupación profesional será dominante en futuras generaciones, lo cual ayuda a decidir si se debe invertir en infraestructura avanzada, como universidades y oficinas.

2. ¿Cuál es la probabilidad de que el nieto de un tecnólogo también se dedique a la tecnología?

Esto indicará si la tecnología seguirá siendo una ocupación relevante, permitiendo prever la necesidad de centros de innovación tecnológica.

3. A largo plazo, ¿qué proporción de la población se dedicará a la agricultura?

Esta información es esencial para la planificación de zonas rurales y para satisfacer la demanda de alimentos locales.

4. ¿Cuál será la proporción a largo plazo de comerciantes en la población?

Saber esta proporción ayuda a anticipar la necesidad de infraestructura comercial, como mercados y áreas de venta.

5. ¿Qué proporción de la población estará dedicada a trabajos como obreros en el largo plazo?

Este dato es relevante para planificar zonas residenciales y servicios básicos en áreas industriales.